

# Actividad 6 (Modelo\_Dinamico\_pendulo\_1GDL)

## Robot Cartesiano (3GDL)

A01737357



Figura 4.10 Péndulo robot.

## Robot Péndulo (1gdl)

```

%Limpieza de pantalla
clear all
close all
clc

tic
%Declaración de variables simbólicas
syms th1(t)  t    %Angulos de cada articulación
syms m1 Ixx1 Iyy1 Izz1 %Masas y matrices de Inercia
syms l1 lc1 %l=longitud de eslabones y lc=distancia al centro de masa
syms pi g a cero% de cada eslabón

%Creamos el vector de coordenadas articulares
Q= [th1];
disp('Coordenadas generalizadas');pretty (Q);

```

```

Coordenadas generalizadas
th1(t)

```

```

%Creamos el vector de velocidades articulares
Qp= diff(Q, t);
disp('Velocidades generalizadas');pretty (Qp);

```

```

Velocidades generalizadas
d
-- th1(t)
dt

```

```

%Creamos el vector de aceleraciones articulares
Qpp= diff(Qp, t);

```

```
disp('Aceleraciones generalizadas');pretty (Qpp);
```

```
Aceleraciones generalizadas
      2
      d
--- th1(t)
      2
      dt
```

```
%Configuración del robot, 0 para junta rotacional, 1 para junta prismática
RP=[0];

%Número de grado de libertad del robot
GDL= size(RP,2);
GDL_str= num2str(GDL);
```

## Cinematica directa

Se calcula las matrices de transformación homogénea utilizando en los parámetros de Denavit-Hartenberg. Permitiendo poder tener la posición y orientación del efecto final. Siendo fundamental para identificar el extremo del robot en base a los ángulos y desplazamientos de las articulaciones.

```
%Articulación 1
%Posición de la articulación 1 respecto a 0
P(:, :, 1) = [l1*cos(th1); l1*sin(th1); 0];
%Matriz de rotación de la junta 1 respecto a 0....
R(:, :, 1) = [cos(th1) -sin(th1) 0;
              sin(th1)  cos(th1) 0;
              0         0        1];

%Creamos un vector de ceros
Vector_Zeros= zeros(1, 3);

%Inicializamos las matrices de transformación Homogénea locales
A(:, :, GDL) = simplify([R(:, :, GDL) P(:, :, GDL); Vector_Zeros 1]);
%Inicializamos las matrices de transformación Homogénea globales
T(:, :, GDL) = simplify([R(:, :, GDL) P(:, :, GDL); Vector_Zeros 1]);
%Inicializamos las posiciones vistas desde el marco de referencia inercial
PO(:, :, GDL) = P(:, :, GDL);
%Inicializamos las matrices de rotación vistas desde el marco de referencia inercial
RO(:, :, GDL) = R(:, :, GDL);

for i = 1:GDL
    i_str= num2str(i);
    disp(strcat('Matriz de Transformación local A', i_str));
    A(:, :, i) = simplify([R(:, :, i) P(:, :, i); Vector_Zeros 1]);
    pretty (A(:, :, i));

%Globales
try
```

```

    T(:,:,i)= T(:,:,i-1)*A(:,:,i);
catch
    T(:,:,i)= A(:,:,i);
end
disp(strcat('Matriz de Transformación global T', i_str));
T(:,:,i)= simplify(T(:,:,i));
pretty(T(:,:,i))

RO(:,:,i)= T(1:3,1:3,i);
PO(:,:,i)= T(1:3,4,i);
pretty(RO(:,:,i));
pretty(PO(:,:,i));
end

```

```

Matriz de Transformación local A1
/ cos(th1(t)), -sin(th1(t)), 0, l1 cos(th1(t)) \
| sin(th1(t)), cos(th1(t)), 0, l1 sin(th1(t)) |
| 0, 0, 1, 0 |
| 0, 0, 0, 1 |
\ cos(th1(t)), -sin(th1(t)), 0, l1 cos(th1(t)) \
| sin(th1(t)), cos(th1(t)), 0, l1 sin(th1(t)) |
| 0, 0, 1, 0 |
| 0, 0, 0, 1 |
/ cos(th1(t)), -sin(th1(t)), 0 \
| sin(th1(t)), cos(th1(t)), 0 |
| 0, 0, 1 |
/ l1 cos(th1(t)) \
| l1 sin(th1(t)) |
| 0 |
\

```

Se utilizan las matrices de transformación y el Jacobiano para calcular las velocidades lineales y angulares de cada eslabón en función de las velocidades articulares. Analizar cómo se mueve cada parte del robot y para controlar con precisión su trayectoria.

```

%Calculamos el jacobiano lineal de forma analítica
Jv_a(:,GDL)=PO(:,:,GDL);
Jw_a(:,GDL)=PO(:,:,GDL);

for k= 1:GDL
    if RP(k)==0
        %Para las juntas de revolución
        try
            Jv_a(:,k)= cross(RO(:,3,k-1), PO(:,:,GDL)-PO(:,:,k-1));

```

```

        Jw_a(:,k)= RO(:,3,k-1);
    catch
        Jv_a(:,k)= cross([0,0,1], PO(:, :,GDL));%Matriz de rotación de 0 con
        respecto a 0 es la Matriz Identidad, la posición previa tambien será 0
        Jw_a(:,k)=[0,0,1];%Si no hay matriz de rotación previa se obtiene la
        Matriz identidad
    end
elseif RP(k)==1
%       %Para las juntas prismáticas
    try
        Jv_a(:,k)= RO(:,3,k-1);
    catch
        Jv_a(:,k)=[0,0,1];
    end
    Jw_a(:,k)=[0,0,0];
end
end
end

%Obtenemos SubMatrices de Jacobianos
Jv_a= simplify (Jv_a);
Jw_a= simplify (Jw_a);
disp('Jacobiano lineal obtenido de forma analítica');pretty (Jv_a);

```

```

Jacobiano lineal obtenido de forma analítica
/ -11 sin(th1(t)) \
|                  |
| 11 cos(th1(t))  |
|                  |
\          0       /

```

```

disp('Jacobiano angular obtenido de forma analítica');pretty (Jw_a);

```

```

Jacobiano angular obtenido de forma analítica
/ 0 \
|    |
| 0  |
|    |
\ 1 /

```

```

%Matriz de Jacobiano Completa
Jac= [Jv_a;
      Jw_a];
Jacobiano= simplify(Jac);
disp('Matriz de Jacobiano');pretty(Jacobiano);

```

```

Matriz de Jacobiano
/ -11 sin(th1(t)) \
|                  |
| 11 cos(th1(t))  |
|                  |
|          0      |
|          0      |
|          0      |
|                  |

```

$$\begin{vmatrix} & & \\ & 1 & \\ & & \end{vmatrix}$$

%Obtenemos vectores de Velocidades Lineales y Angulares

V=simplify (Jv\_a\*Qp);

disp('Velocidad lineal obtenida mediante el Jacobiano lineal');pretty(V);

Velocidad lineal obtenida mediante el Jacobiano lineal

$$\begin{vmatrix} & d & \\ -l1 \sin(th1(t)) & -- & th1(t) \\ & dt & \\ & d & \\ l1 \cos(th1(t)) & -- & th1(t) \\ & dt & \\ & 0 & \end{vmatrix}$$

W=simplify (Jw\_a\*Qp);

disp('Velocidad angular obtenida mediante el Jacobiano angular');pretty(W);

Velocidad angular obtenida mediante el Jacobiano angular

$$\begin{vmatrix} & 0 & \\ & 0 & \\ d & & \\ -- & th1(t) & \\ dt & & \end{vmatrix}$$

%%  
%Energía Cinética

%Distancia del origen del eslabón a su centro de masa

%Vectores de posición respecto al centro de masa

P01=subs(P(:, :,1)/2, l1, lc1); %La función subs sustituye l1 por lc1 en  
%la expresión P(:, :,1)/2

%Creamos matrices de inercia para cada eslabón

I1=[Ixx1 0 0;  
0 Iyy1 0;  
0 0 Izz1];

%Función de energía cinética

%Extraemos las velocidades lineales en cada eje

V=V(t);

Vx= V(1,1);

Vy= V(2,1);

Vz= V(3,1);

%Extraemos la velocidad angular en cada ángulo de Euler

```
W=W(t);
W_pitch= W(1,1);
W_roll= W(2,1);
W_yaw= W(3,1);
```

%Calculamos las velocidades para cada eslabón

%Eslabón 1

%Ya lo calculamos previamente al multiplicar la matriz jacobiana por Qp

%Calculamos la energía cinética para cada uno de los eslabones

%Eslabón 1

```
V1_Total= V+cross(W,P01); %Se suma la velocidad lineal producida por la
                          % velocidad angular producida en el punto P01
K1= (1/2*m1*(V1_Total))'*(V1_Total) + (1/2*W)'*(I1*W);
```

```
K1= simplify (K1);
disp('Energía Cinética en el Eslabón 1');pretty (K1);
```

Energía Cinética en el Eslabón 1

$$\frac{1}{2} \left( \frac{d}{dt} \text{th1}(t) \right)^2 + \frac{1}{2} \cos^2(\text{th1}(t)) \frac{d}{dt} \text{th1}(t)^2 \overline{m1} (l1^2 |lc1|^2 + 2 lc1 |l1|^2) (2 l1 + lc1)$$

```
K_Total= simplify (K1);
disp('Energía Cinética Total');pretty (K_Total);
```

Energía Cinética Total

$$\frac{1}{2} \left( \frac{d}{dt} \text{th1}(t) \right)^2 + \frac{1}{2} \cos^2(\text{th1}(t)) \frac{d}{dt} \text{th1}(t)^2 \overline{m1} (l1^2 |lc1|^2 + 2 lc1 |l1|^2) (2 l1 + lc1)$$

```
h1= P01(2);
U1=m1*g*h1;
U_Total= U1;
disp('Energía Potencial Total'); pretty(U_Total);
```

Energía Potencial Total

$$g lc1 m1 \sin(\text{th1}(t))$$

%Obtenemos el Lagrangiano

```
Lagrangiano= simplify (K_Total - U_Total);
disp('Lagrangiano'); pretty (Lagrangiano);
```

Lagrangiano

$$I_{zz1} = \frac{1}{2} \left( \frac{d}{dt} \theta_1(t) \right)^2 + g l_{c1} m_1 \sin(\theta_1(t)) + \frac{1}{2} \left( \frac{d}{dt} \theta_1(t) \right)^2 \cos(\theta_1(t) - \theta_1(t)) \frac{m_1}{8 l_1 l_{c1}} (l_1 |l_{c1}|^2 + 2 l_{c1} |l_1| )$$

%Modelo de Energía

```
H= simplify (K_Total+U_Total);
disp('Modelo de energía'); pretty (H)
```

Modelo de energía

$$I_{zz1} = \frac{1}{2} \left( \frac{d}{dt} \theta_1(t) \right)^2 + g l_{c1} m_1 \sin(\theta_1(t)) + \frac{1}{2} \left( \frac{d}{dt} \theta_1(t) \right)^2 \cos(\theta_1(t) - \theta_1(t)) \frac{m_1}{8 l_1 l_{c1}} (l_1 |l_{c1}|^2 + 2 l_{c1} |l_1| )$$

toc

Elapsed time is 3.702888 seconds.