

Solución Numérica de Ecuaciones Diferenciales Ordinarias

Conjunto de Ejercicios I

Daniel Castañón Quiroz*¹

¹Departamento de Matemáticas y Mecánica, IIMAS-UNAM, Cd. de México, México

August 19, 2022

1 Problemas

1. Utiliza el método de Euler y una calculadora para aproximar la solución de los siguientes problemas con valor inicial:

(a) $y' = te^{3t} - 2y$, $0 \leq t \leq 1$, $y(0) = 0$, con $h = 0.25$

(b) $y' = 1 + (t - y)^2$, $2 \leq t \leq 3$, $y(2) = 1$, con $h = 0.25$

(c) $y' = 1 + \frac{y}{t}$, $1 \leq t \leq 2$, $y(1) = 2$, con $h = 0.25$

(d) $y' = \cos 2t + \sin 3t$, $0 \leq t \leq 1$, $y(0) = 1$, con $h = 0.25$

2. Las soluciones de los problemas con valor inicial del inciso anterior son:

(a) $y(t) = \frac{1}{5}te^{3t} - \frac{1}{25}e^{3t} + \frac{1}{25}e^{-2t}$

(b) $y(t) = t + \frac{1}{1-t}$

(c) $y(t) = t \ln t + 2t$

(d) $y(t) = \frac{1}{2} \sin 2t - \frac{1}{3} \cos 3t + \frac{4}{3}$

Verifica algebraicamente que efectivamente son soluciones y calcula los errores absolutos y relativos para cada valor t_i con los resultados obtenidos en el inciso anterior.

3. Utiliza el teorema de Taylor con residuo para obtener la siguiente aproximación de segundo orden para una función suficientemente derivable $y : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$,

$$y(x + 2h) = 2y(x + h) - y(x) + Ch^2,$$

donde C es una constante.

*daniel.castanon@iimas.unam.mx