

PROBABILIDADE E ESTATÍSTICA

Prof^o Agnaldo Cieslak

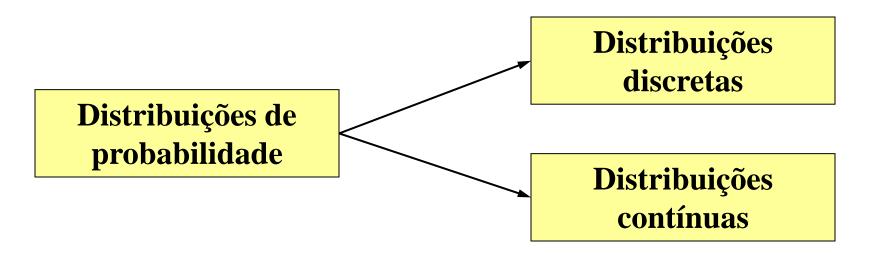
Distribuição de Probabilidades



A distribuição de probabilidades mostra o percentual que podemos esperar do resultado de uma V.A., após grande quantidade de observações.

✓Em uma distribuição de probabilidades é necessário:

- $0 \le P(x) \le 1$ para todo o x.



Distribuições Contínuas



A distribuição contínua descreve as probabilidades dos possíveis valores de uma variável aleatória contínua. Uma variável aleatória contínua é uma variável aleatória com um conjunto de valores possíveis (conhecidos como a intervalos) que é infinito e incontável. [support.minitab.com]

- ✓ Nas distribuições contínuas utilizam-se a probabilidade da ocorrência em um intervalo P(a < x < b);
- ✓Em uma distribuição contínua, a probabilidade é dada pela área contida no intervalo considerado.

Distribuições Contínuas

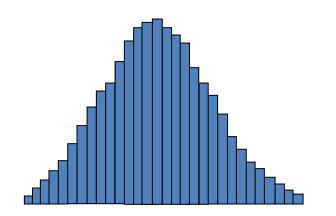


DISTRIBUIÇÕES CONTÍNUAS

(formas)

- ✓ UNIFORME OU RETANGULAR
- **✓** NORMAL
- ✓ BIVARIADA NORMAL
- ✓ EXPONENCIAL
- **✓** LOGNORMAL
- **✓** WEIBULL
- ✓QUI-QUADRADO χ²
- ✓t DE STUDENT
- ✓ F DE SNEDECOR
- **✓**GAMA
- **✓**BETA
- **✓** ERLANG





Histórico

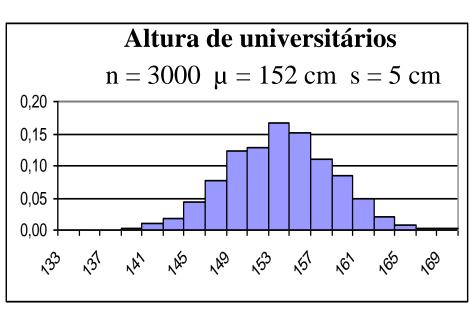
No século XVIII, astrônomos e outros cientistas observaram que medidas repetidas de mensurações como a distância à lua variavam como na figura, quando coletadas em grande número.

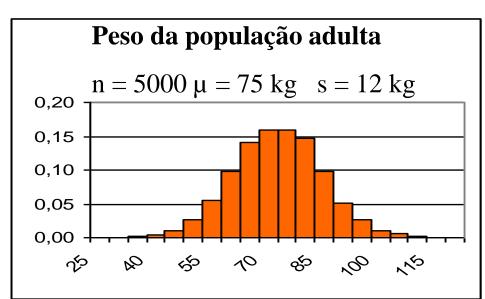
Esta forma gráfica era associada aos erros de mensuração, daí o nome de "Distribuição normal dos erros" e depois "Distribuição normal"

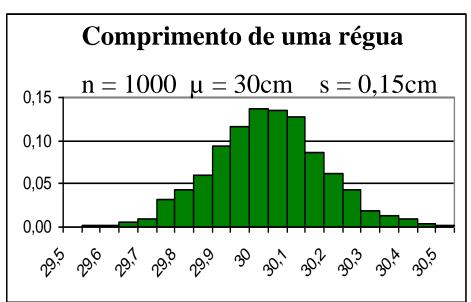
Também é conhecida por "Distribuição Gaussiana", em função do modelo matemático desenvolvido por Karl F. Gauss para este comportamento.

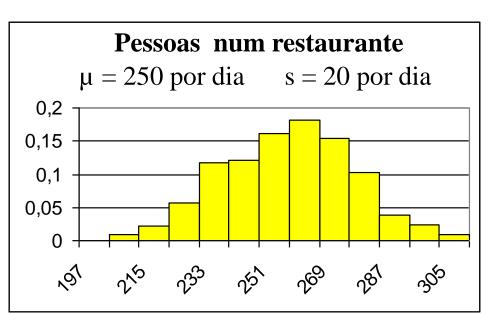
Distribuição Normal - Exemplos











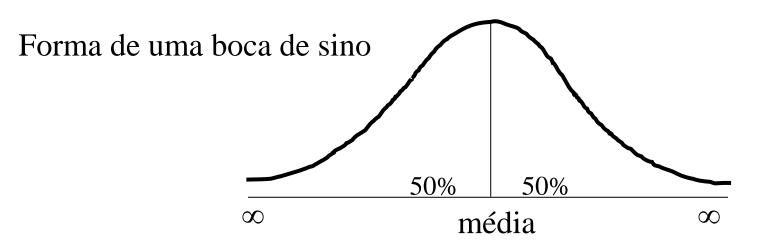


IMPORTÂNCIA DA DISTRIBUIÇÃO NORMAL

- ✓ Tem boa aproximação para as distribuições de frequência de muitos fenômenos naturais e físicos;
- ✓ Representa a distribuição das médias e proporções em grandes amostras, o que tem relevante implicação na amostragem (a mais importante)
- ✓ Exemplos: velocidade de processamento, dureza de um material, resistência de uma peça, durabilidade de um item, pressão sanguínea, avaliação de desempenho



Curva normal típica



Função normal \rightarrow X ~N (x; μ , σ)

A variável aleatória X tem distribuição Normal x; μ, σ

Área sob a curva = 1
$$(0.5 + 0.5)$$

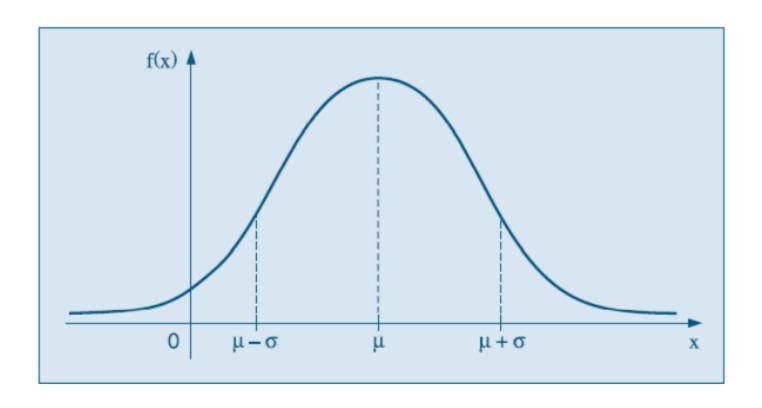
Média = μ
Desvio padrão = σ (S)

Distribuição Normal - Características



- 1. É simétrica em relação a média
- 2. Prolonga-se de $-\infty$ a $+\infty$ (apenas em teoria) (assintótica)
- 3. Especificada por sua média e seu desvio padrão; há uma distribuição normal para cada par (média e desvio padrão)
- 4. A área total sob a curva é considerada 100% ou igual a 1
- 5. A área sob a curva entre dois pontos é a probabilidade de uma variável normalmente distribuída tomar um valor entre esses pontos
- 6. A probabilidade de uma variável aleatória normalmente distribuída tomar exatamente determinado valor (pontual) é zero (característica da distribuição contínua)
- 7. A área sob a curva entre a média e um ponto arbitrário é função do número de desvios padrões entre a média e aquele ponto

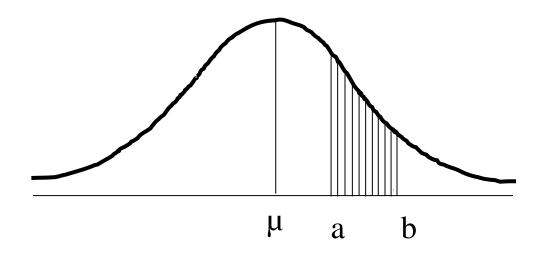




Fonte: Bussab & Morettin (1987).



✓ A probabilidade de uma variável aleatória tomar um valor entre dois pontos quaisquer é igual à área sob a curva normal entre aqueles pontos

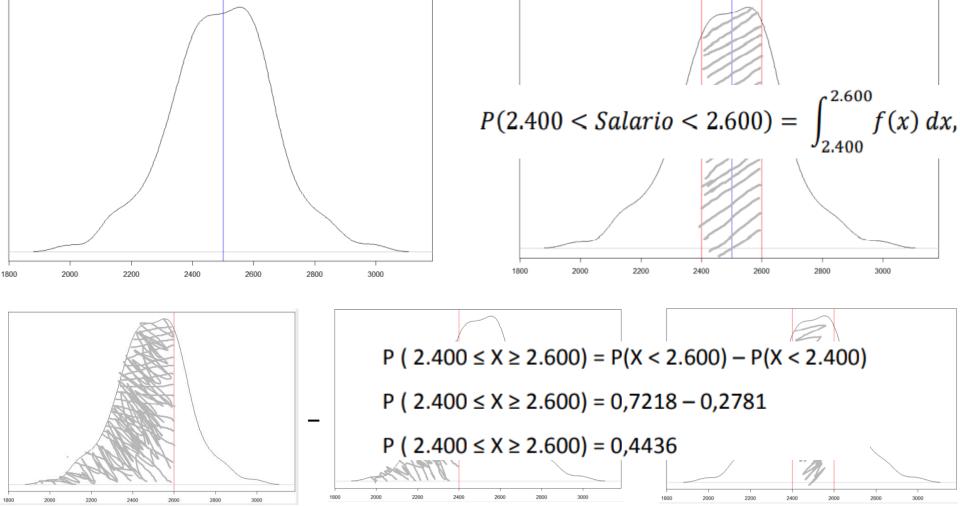


P(a < x < b) =área hachurada sob a curva



Exemplo: Suponha que a distribuição dos salários dos funcionários de uma empresa siga uma distribuição normal com média μ =2.500 e desvio padrão σ = 170.

Ao selecionar aleatoriamente um indivíduo dessa população, qual a probabilidade de ter salário entre 2.400 e 2.600?





x – ponto considerado da distrib.

σ - desvio padrão da distribuição

OBSERVAÇÃO:

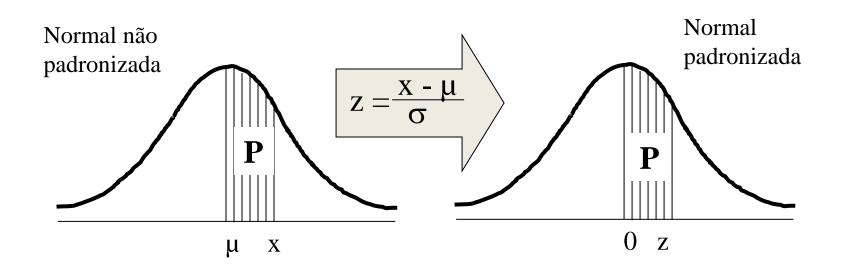
 $x - \mu = distância do ponto considerado à média$

 $z = \frac{x - \mu}{\pi}$ número de desvios padrões a contar da média. Ex.: 2,5

z = valor z ou score z. Pode-se obter valores negativos de z para valores de x inferiores à média

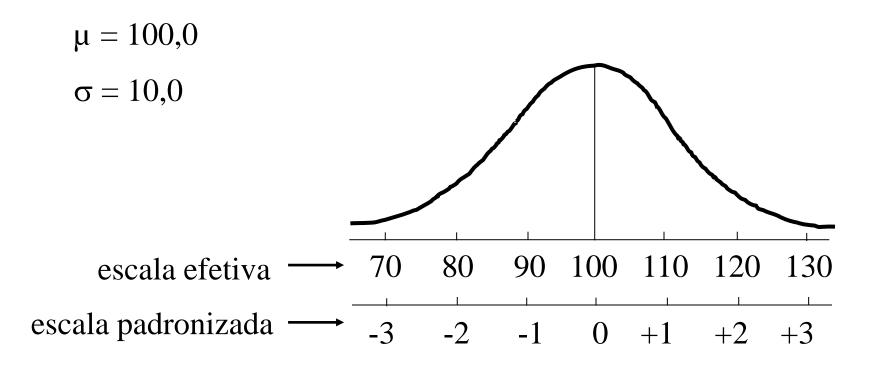


A distância entre a média e um ponto qualquer é dado em número de desvios padrões (z)

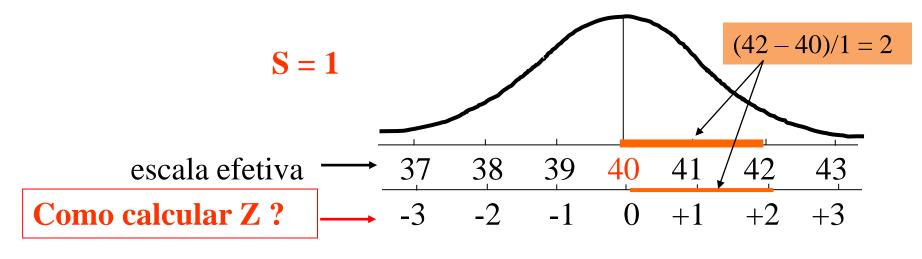




Escala efetiva X Escala padronizada







	mio Calculai Z	-3 -2	-1 0	T1 T2 T3
μ	σ	X	χ - μ	$(x - \mu)/\sigma = z$
média	desvio padrão	valor considerado	diferença	diferença relativa
40	1	42	2	2
25	2	23	-2	-1
30	2,5	37,5	7,5	3
18	3	13,5	-4,5	-1,5
22	4	22	0	0

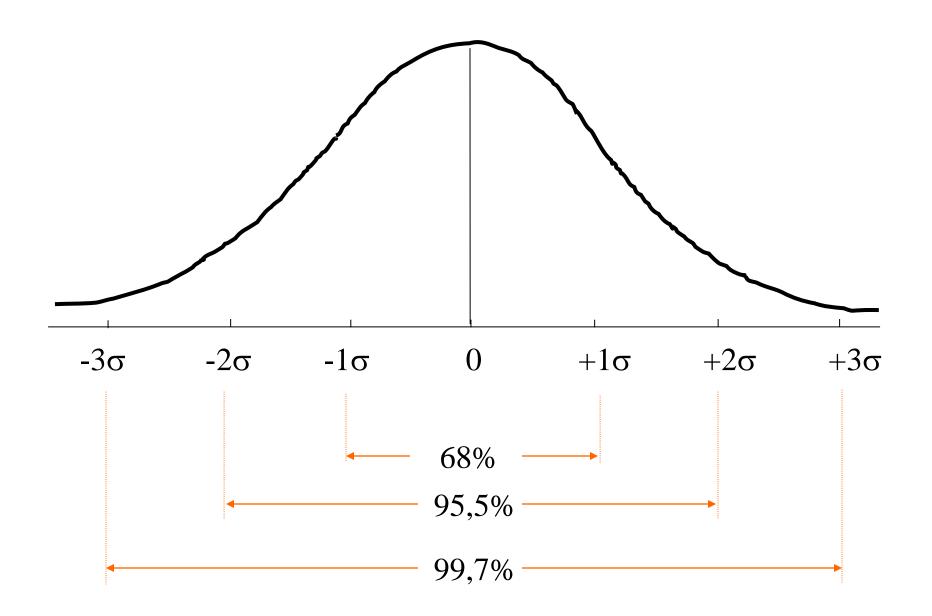


Como calcular o valor efetivo

Passando do valor z para o valor efetivo

μ	σ	Z	$\mu + z \sigma$	resultado
média	desvio padrão	valor z	cálculo	valor efetivo
20	1	3	20 + 3(1)	23
50	3	-1	50 + 3(-1)	47
60	2	-2	60 + 2(-2)	56
72	5	0,3	72 + 5(0,3)	73,5

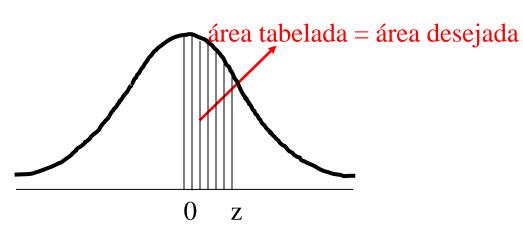




Distribuição Normal - Consultando a tabela



Probabilidade de uma variável aleatória normal tomar um valor z entre a média e o ponto situado a z desvios padrões

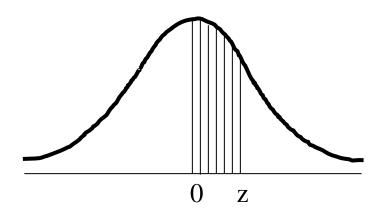


Z	área entre a média e z
1,00	0,3413
1,50	0,4332
2,13	0,4834
2,77	0,4972

Distribuição Normal - Consultando a tabela

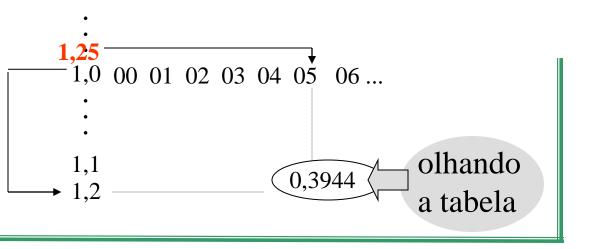


$$P(x > z) = 0.5 - P(0 < x < z)$$



Distribuição Normal - Consultando a tabela





Distribuição Normal - Tabela

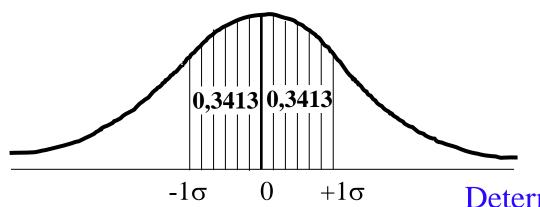


Tabela 5.1	Áreas para a Distribuição Normal Padronizada	0 z

Tabel	la 5.1 Área	as para a D	istribuição	Normal Pac	dronizada		0	Z		1
z	0,00	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09
0,0	0,0000	0,0040	0,0080	0,0120	0,0160	0,0199	0,0239	0,0279	0,0319	0,0359
0,1	0,0398	0,0438	0,0478	0,0517	0,0557	0,0596	0,0636	0,0675	0,0714	0,0753
0,2	0,0793	0,0832	0,0871	0,0910	0,0948	0,0987	0,1026	0,1064	0,1103	0,1141
0,3	0,1179	0,1217	0,1255	0,1293	0,1331	0,1368	0,1406	0,1443	0,1480	0,1517
0,4	0,1554	0,1591	0,1628	0,1664	0,1700	0,1736	0,1772	0,1808	0,1844	0,1879
0,5	0,1915	0,1950	0,1985	0,2019	0,2054	0,2088	0,2123	0,2157	0,2190	0,2224
0,6	0,2257	0,2291	0,2324	0,2357	0,2389	0,2422	0,2454	0,2486	(0,2518)	(0,2549
0,7	0,2580	0,2612	0,2642	0,2673	0,2704	0,2734	0,2764	0,2794	0,2823	0,2852
0,8	0,2881	0,2910	0,2939	0,2967	0,2995	0,3023	0,3051	0,3078	0,3106	0,3133
0,9	0,3159	0,3186	0,3212	0,3238	0,3264	0,3289	0,3315	0,3340	0,3365	0,3389
1,0	0,3413	0,3438	0,3461	0,3485	0,3508	0,3531	0,3554	0,3577	0,3599	0,3621
1,1	0,3643	0,3665	0,3686	0,3708	0,3729	0,3749	0,3770	0,3790	0,3810	0,3830
1,2	0,3849	0,3869	0,3888	0,3907	0,3925	0,3944	0,3962	0,3980	0,3997	0,4015
1,3	0,4032	0,4049	0,4066	0,4082	0,4099	0,4115	0,4131	0,4147	0,4162	0,4177
1,4	0,4192	0,4207	0,4222	0,4236	0,4251	0,4265	0,4279	0,4292	0,4306	0,4319
1,5	0,4332	0,4345	0,4357	0,4370	0,4382	0,4394	0,4406	0,4418	0,4429	0,4441
1,6	0,4452	0,4463	0,4474	0,4484	0,4495	0,4505	0,4515	0,4525	0,4535	0,4545
1,7	0,4554	0,4564	0,4573	0,4582	0,4591	0,4599	0,4608	0,4616	0,4625	0,4633
1,8	0,4641	0,4649	0,4656	0,4664	0,4671	0,4678	0,4686	0,4693	0,4699	0,4706
1,9	0,4713	0,4719	0,4726	0,4732	0,4738	0,4744	0,4750	0,4756	0,4761	0,4767
2,0	0,4772	0,4778	0,4783	0,4788	0,4793	0,4798	0,4803	0,4808	0,4812	0,4817
2,1	0,4821	0,4826	0,4830	0,4834	0,4838	0,4842	0,4846	0,4850	0,4854	0,4857
2,2	0,4861	0,4864	0,4868	0,4871	0,4875	0,4878	0,4881	0,4884	0,4887	0,4890
2,3	0,4893	0,4896	0,4898	0,4901	0,4904	0,4906	0,4909	0,4911	0,4913	0,4916
2,4	0,4918	0,4920	0,4922	0,4925	0,4927	0,4929	0,4931	0,4932	0,4934	0,4936
2,5	0,4938	0,4940	0,4941	0,4943	0,4945	0,4946	0,4948	0,4949	0,4951	0,4952
2,6	0,4953	0,4955	0,4956	0,4957	0,4959	0,4960	0,4961	0,4962	0,4963	0,4964
2,7	0,4965	0,4966	0,4967	0,4968	0,4969	0,4970	0,4971	0,4972	0,4973	0,4974
2,8	0,4974	0,4975	0,4976	0,4977	0,4977	0,4978	0,4979	0,4979	0,4980	0,4981
2,9	0,4981	0,4982	0,4982	0,4983	0,4984	0,4984	0,4985	0,4985	0,4986	0,4986
3,0	0,4986	0,4987	0,4987	0,4988	0,4988	0,4989	0,4989	0,4989	0,4990	0,4990
4,0	0,49997									

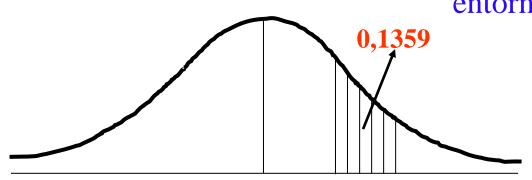
Distribuição Normal - Cálculo da probabilidao

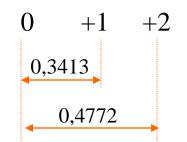




Exemplos

Determinando a área (probabilidade) sob a curva entre dois pontos entorno da média





Determinando a área entre dois pontos quaisquer

Distribuição Normal - Exemplos



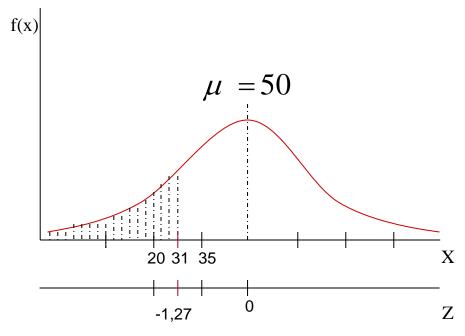
1) Após 28 dias de curagem, o cimento de uma certa marca tem uma resistência compressiva média de 4000psi. Suponha que a resistência tem uma distribuição normal com desvio-padrão de 120psi. Qual a probabilidade de se comprar um pacote de cimento com resistência compressiva de 28 dias menor que 3850psi?

N(
$$\mu$$
; σ) = N(4000,120) psi $X = 3850$ psi $P(z \le -1,25)$ $2 = \frac{X - \mu}{\sigma} = \frac{3850 - 4000}{120} = -1,25$ $3850 + 4000$ (área de $-\infty$ a 4000) = $z = -1,25 = 0,3944$ $-1,25$

 $P(Z \le -1.25) = 0.1056 = 10.56\%$



2) Uma grande empresa faz uso de milhares de lâmpadas elétricas que permanecem acessas continuamente. A vida de uma lâmpada pode ser considerada como uma variável aleatória normal com **vida média de 50 dias e desvio-padrão de 15 dias.** Se no dia 1º de agosto foram instaladas 8000 lâmpadas novas, aproximadamente quantas deverão ser substituídas no dia 1º de setembro?





2) Uma grande empresa faz uso de milhares de lâmpadas elétricas que permanecem acessas continuamente. A vida de uma lâmpada pode ser considerada como uma variável aleatória normal com **vida média de 50 dias e desvio-padrão de 15 dias.** Se no dia 1º de agosto foram instaladas 8000 lâmpadas novas, aproximadamente quantas deverão ser substituídas no dia 1º de setembro?

$$\mu = 50$$

 $V(\mu,\sigma) = N(50;15) \text{ dias}$ $V(\mu,\sigma) = N(50;15) \text{ dias}$ $V(\mu,\sigma) = \frac{X - \mu}{\sigma} = \frac{31 - 50}{15} = -1,27$

Consultando tabela Z:

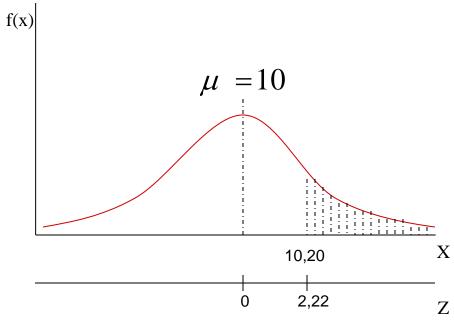
Deverão ser substituídas (0,1020x 8.000) = **816 lâmpadas**

 $P(Z \le -1.27) = 0.3980 \quad \log o \quad 0.5000 - 0.3980 = 0.1020 = 10.20\%$





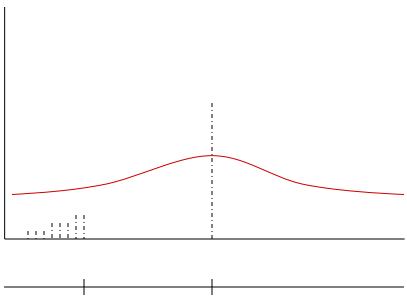
3) Uma indústria siderúrgica produz tubos de aço cujo comprimento pode ser considerado uma variável normalmente distribuída com média μ =10,00 metros, e desvio padrão igual a σ = 0,09 metros. Quanto refugo a indústria espera produzir se o comprimento dos tubos de aço tiver que ser no máximo, igual a 10,20 m?





Aplicação LOGÍSTICA

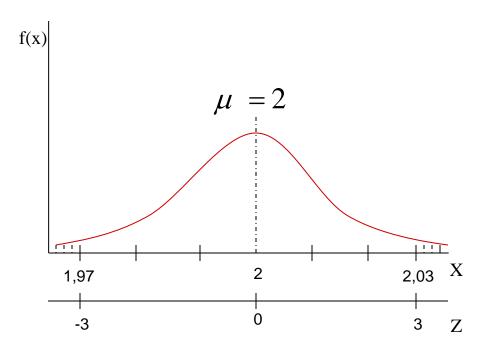
4) O tempo médio que demora para uma viatura de uma determinada empresa atender a uma chamada de emergência é de 8 minutos com desvio-padrão de 3 minutos. Considere o tempo médio como uma variável normalmente distribuída para calcular a probabilidade de uma chamada esperar menos de 4 minutos.



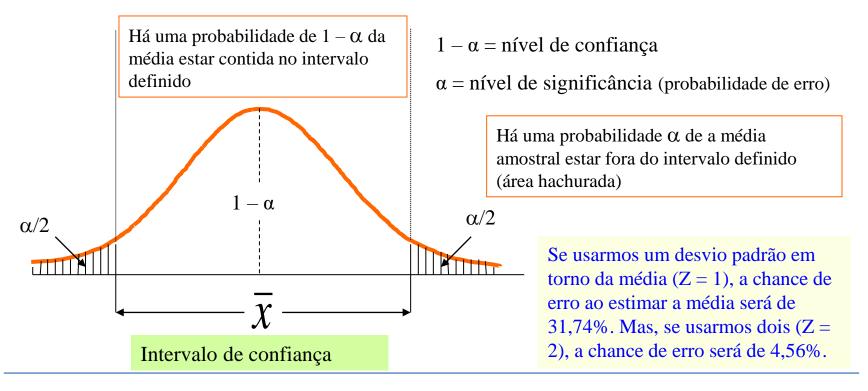


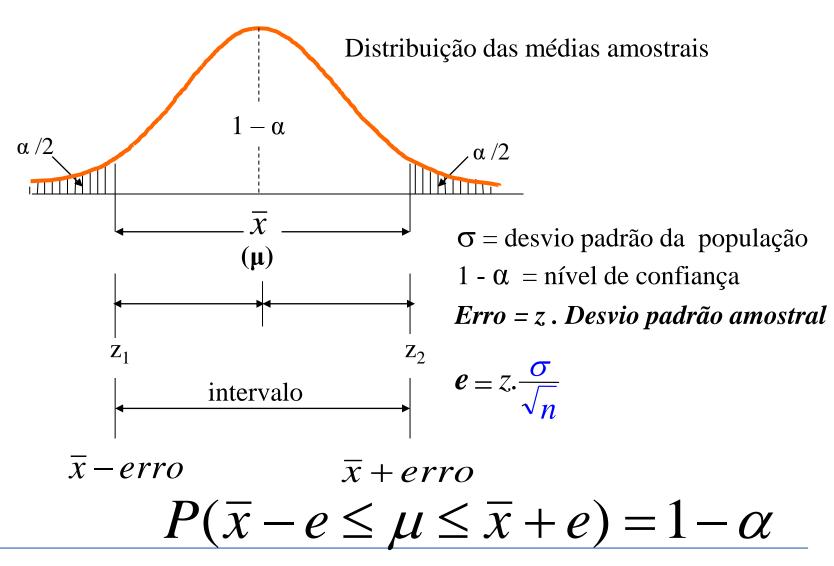
Aplicação INDUSTRIAL

5) Um máquina produz peças com o diâmetro médio de 2,00" e o desvio-padrão de 0,01". As peças que se afastam da média por mais de 0,03" são consideradas defeituosas. Qual é a percentagem de peças defeituosa?



- ✓É uma faixa de possíveis valores em torno da média amostral, e a probabilidade de que esta faixa realmente contenha o valor real da média da população
- ✓O Intervalo de confiança terá uma certa probabilidade chamada de *nível* de confiança (simbolizada por 1α) de conter a média da população.





Se o desvio padrão da população é conhecido:

$$\mu: \overline{X} \pm z.\sigma_{\overline{X}}$$

$$\sigma_{\overline{X}} = \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$

A estimativa intervalar da média populacional se baseia na hipótese de que a distribuição amostral das médias amostrais é normal. Para grandes amostras se aplica o teorema do limite central.

Para amostras de 30 ou menos observações, é importante saber se a população tem distribuição normal ou aproximada.

Se o desvio padrão da população é desconhecido:

$$\mu = \overline{X} \pm z. \frac{S_X}{\sqrt{n}}$$

μ: média da população

σ: desvio padrão da população

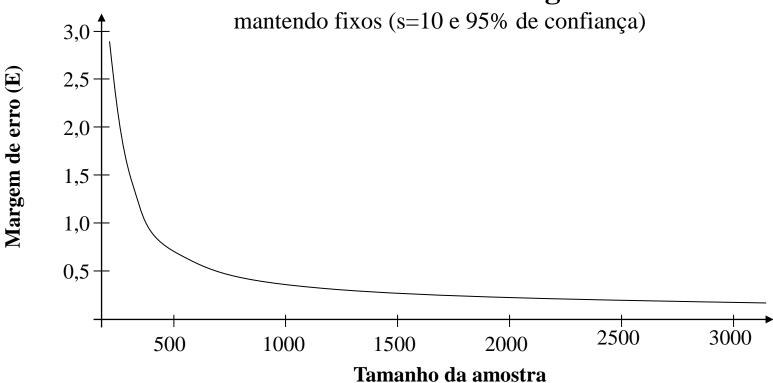
X: média da amostra

Sx: desvio padrão da amostra

Quando o desvio padrão da população não é conhecido (o que é o caso, geralmente), usa-se o desvio padrão da amostra como estimativa, substituindo-se σ_x por S_x nas equações.

Para amostras menores que 30, a aproximação normal não é adequada. Devemos então usar a distribuição t. A forma da distribuição t é bem parecida com a normal.





- Os ganhos em precisão conseguidos com aumentos fixos dos tamanhos das amostras não são constantes;
- Tamanho de amostra 5.000 podem ser um perda de tempo e dinheiro porque elas fornecem <u>pouca precisão adicional</u>;

$$\bar{x} - e \le \mu \le \bar{x} + e$$
 ou $\mu = \bar{x} \pm e$

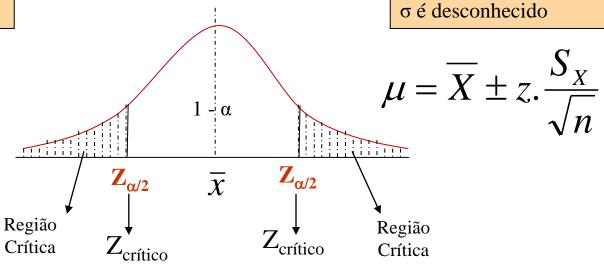
Quando tem n > 30 e

σ é conhecido

$$\mu: \overline{X} \pm z.\sigma_{\overline{X}}$$

$$\sigma_{\overline{X}} = \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$

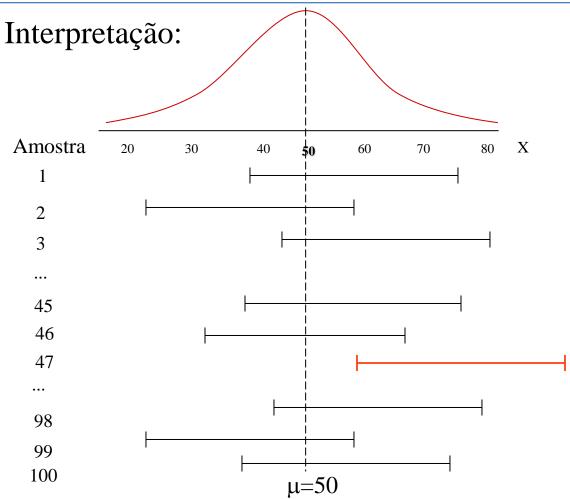
$$e = z.\frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$



 $e = z. \frac{S_X}{\sqrt{n}}$ Substitui o desvio padrão da

Quando tem n > 30 e

Substitui o desvio padrão da população σ pelo desvio padrão da amostra s



Se forem retiradas várias amostras aleatórias de tamanho n da população e para **cada amostra**, seja construído um intervalo de (1-α) de confiança para a variável desejada.



Os intervalos obtidos serão diferentes, mas (1-α)% destes intervalos conterão entre os seus intervalos o valor real do parâmetro.

✓ Ao nível de 95% de confiança espera-se que em 100 intervalos para as amostras, 95 deles contenham a média µ

NC desejado(%)	α	$Z_{\alpha/2}$
80	0,2	1,28
90	0,1	1,65
95	0,05	1,96
99	0,01	2,58

Imagine que tivéssemos uma amostra de tamanho tão grande que tendesse ao infinito. O que ocorreria?

O erro seria próximo de zero ou desconsiderável e a média da amostra seria igual a média da população, sem a necessidade de estimar um intervalo.

Intervalo de Confiança

Determine o valor crítico $Z_{\alpha/2}$ que corresponde ao grau de confiança indicado:

- a) 99%
- b) 94%
- c) 92%
- d) 90%

Intervalo de Confiança – Desafio 1

Uma das linhas de produção de uma siderúrgica fabrica folhas de flandres. Havia uma preocupação com a possibilidade de haver uma quantidade fora da faixa de especificação de dureza (LIE = 58,0 HR e LSE = 64,0 HR). A área de qualidade da empresa decidiu estimar a dureza média das folhas de flandres (µ) coletando uma amostra aleatória de 49 folhas.

Medidas de dureza (HR) das folhas-de-flandres fabricadas pela						
siderúrgica						
61,0	60,2	60,3	60,3	60,0	61,0	60,3
60,0	60,0	60,9	61,0	61,2	59,2	60,9
60,0	60,5	59,8	59,3	61,0	59,6	59,8
59,6	60,1	58,0	59,8	58,9	57,6	58,0
60,5	60,1	61,6	61,1	59,7	58,3	61,6
59,5	59,0	60,3	58,7	59,6	54,2	60,3
61,0	59,7	59,9	59,9	60,0	58,6	59,9

$$\overline{X} = s = s$$

Para um grau de confiança de 95%, determine a margem de erro (E) e o intervalo de confiança para média populacional (µ).

Intervalo de Confiança – Desafio 2 e 3

2- Uma máquina automática de suco industrial é regulada de modo que a quantidade suprida de cada vez, tenha distribuição aproximadamente normal com desvio-padrão de 35ml. Determine um intervalo de 96% de confiança para a quantidade média de toda produção, sabendo que uma amostra de 30 embalagens teve um conteúdo médio de 290 ml.

- 3- Uma amostra aleatória de 40 contas não-comerciais na filial de um banco acusou saldo médio de R\$140,00 com desvio-padrão de R\$30,00.
- a) Construa um intervalo de 95% confiança para a verdadeira média.
- b) Construa um intervalo de 99% confiança para a verdadeira média.
- c) A que conclusão podemos chegar com os resultados das letras anteriores?

Procedimento estatístico que, por meio da teoria das probabilidades, auxilia na tomada de decisão no sentido de rejeitar ou não hipóteses em um experimento científico.

Hipótese: afirmações que podem ser rejeitadas ou não

Hipótese de nulidade (H_0) :

- Hipótese a ser testada;
- Estabelece se a afirmação sobre o parâmetro populacional é verdadeiro ou não;
- Rejeição da hipótese nula deve levar a decisão em favor da hipótese alternativa;
- \triangleright Deve haver ou não elementos suficientes para rejeitar a H_0 ;
- Formulada em termos de igualdade:
- \rightarrow H_{0:} $\mu = \mu_1$
- μ: média da população ou verdadeira média
- $\triangleright \mu_1$. média a ser testada

Hipótese de alternativa (H_a):

Hipótese que se contrapõe a hipótese de nulidade.

É aceita quando H₀ é rejeitada;

Aceitar $\mathbf{H_a}$ deve ser entendido como: não há evidência suficiente para **não** rejeitar $\mathbf{H_0}$.

Formulada em termos de desigualdade:

$$H_{a:} \, \mu < \mu_1$$

$$H_{a:} \mu > \mu_1$$

$$\mathrm{H}_{\mathrm{a:}}\,\mu\neq\mu_1$$

μ: média da população ou verdadeira média

 μ_1 . média a ser testada

Antigamente usados somente em labs, hoje no mundo corporativo para decisões:

- Quando colocamos o produto na posição A da gôndola, vende significativamente mais do que quando ele está na posição B?
- A equipe de vendas, após receber um treinamento, aumentou de forma significativa sua performance?
- Quando o cliente compra o produto A, ele também compra o produto B?
- A tendência de vendas ao longo dos meses parece estar aumentando, mas esse aumento é significativo ou são pequenas variações devido ao acaso?
- Clientes que entram em nossa loja acompanhados de criança compram mais do que aqueles que entram acompanhados de adultos?

Nível de significância (α):

Probabilidade de $\mathbf{H_0}$ ser rejeitada, quando de fato ela é verdadeira. É a probabilidade de se cometer um erro.

Aceitar $\mathbf{H_a}$ deve ser entendido como: não há evidência suficiente para $\mathbf{não}$

rejeitar $\mathbf{H_0}$.

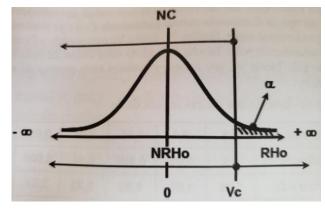
Formulada em termos de desigualdade:

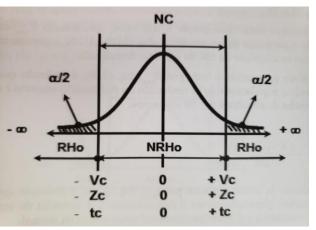
$$H_{a:} \mu < \mu_1$$

$$H_{a:} \mu > \mu_1$$

$$H_{a:} \mu \neq \mu_1$$

 μ : média da população ou verdadeira média μ_1 . média a ser testada





Exemplo:

Suponha que você e sua equipe estão analisando a melhor posição na gôndola de um hipermercado para colocar um produto. A informação prévia é de que as vendas, quando o produto está na posição A da gôndola, possui média μ=R\$140 com desvio padrão σ=R\$27.

Para comprovar essa hipótese, você conduziu um experimento. Colocou o produto na posição A da gôndola e observou n=15 dias de vendas. A média vendida nesses 15 dias foi de =R\$134.

E então, baseado na sua amostra, você rejeita ou não rejeita a hipótese afirmada no início do enunciado de que a venda média quando o produto está na posição A é R\$140?

Passo 01 – Definir a hipótese nula (H0) e a hipótese alternativa (H1) definir como hipótese nula (H0) a hipótese tida como verdade, e a hipótese alternativa (H1) é a que será assumida como verdadeira caso existem evidências nos dados para rejeitar a hipótese nula.

H0:
$$\mu$$
= 140 H1: μ ≠140

Passo 02 – Definir o nível de confiança e significância

O nível de significância é a probabilidade de rejeitarmos H0 mesmo ela sendo verdadeira. Quando maior o nível de confiança, menor será a chance de cometer o erro tipo I

Passo 03 – Calcular a estatística de teste

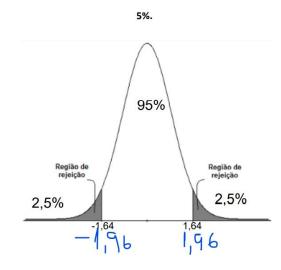
Uma estatística de teste é um valor calculado a partir de uma amostra de dados. O seu valor é usado para decidir se podemos ou não rejeitar a hipótese nula $(\bar{x} - \mu)$

$$Z_{calculado} = \frac{(\bar{x} - \mu)}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}}$$

Passo 04 – Delimitar a região crítica

Adotando 95% de confiança para nosso teste (e consequentemente $\alpha = 5\%$), nossa região crítica ficaria:

Na curva normal padrão, 95% da amostra estará entre os quantis -1,96 e 1,96. Iremos rejeitar H0 se o Zcalculado estiver contido na região crítica, ou seja, se o Zcalculado for menor que -1,96 ou maior que 1,96.



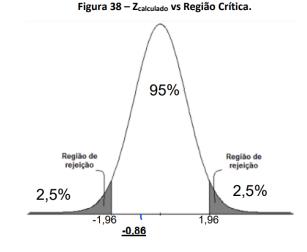
Passo 05 - Obter o valor p

- O valor p (p-value) é a probabilidade observada nos dados de rejeitar a Hipótese Nula quando ela é verdadeira (erro tipo I). Seu valor é obtido a partir da estatística de teste calculada.
- Se o valor p for baixo o suficiente, devemos rejeitar H0.
- Baixo o suficiente = valor p abaixo do nível de significância α .

Passo 05 - Obter o valor p

- Vamos visualizar onde está nosso Zcalculado (que é -0,86) em relação aos quantis e a região crítica para 95% de confiança.

Observe que -0,86 está fora região crítica (ou região de rejeição). Isso nos diz que não temos evidências para rejeitar H_0 .



- -Utilizar pnorm(0.86)-pnorm(-0.86) para identificar a probabilidade correspondente, que será 0,6102 (ou 61,02%).
- -Essa probabilidade está acima do nível de significância fixada que foi $\alpha = 5\%$.
- -Nossa probabilidade de cometer o erro Tipo I é maior do que nós toleramos.
- -Ou seja, como a probabilidade de estarmos errados ao rejeitar H0 é alta, não devemos rejeitar.

Passo 06 – Rejeitar ou não rejeitar Ho

- O objetivo era testar se a média populacional das vendas é R\$140.
 Coletamos uma amostra de dados: observamos o quanto vendemos em 15 dias e calculamos sua média, que foi R\$134.
- Na estatística de teste, vimos que ela caiu fora da região crítica que construímos utilizando a distribuição normal padrão a um nível de confiança de 95%. Ou seja, apesar da afirmação ser de que a média de vendas é R\$140, ela tem um desvio padrão, e pelo fato de R\$134 obter uma estatística de teste fora da região crítica, concluímos que a média amostrar obtida de R\$134 é um valor que está dentro da variação natural da média populacional.
- Não temos evidências para discordar (rejeitar) da hipótese inicial de que a média das vendas quando o produto está na posição A é de R\$140.
- Portanto, a resposta formal para concluir o teste fica: Com 95% de confiança, não há evidências para rejeitar H0. Ou seja, a média de vendas quando o produto está na posição A da gôndola é estatisticamente igual a R\$140.