

#Plotagem dos gráficos da 3 questão, itens A, B, C e D do Trabalho de  
#Mecânica do Sólidos

#Código da questao 3, item A:

#Plote um gráfico da curva de energia de deformação da viga AB com os valores de L,  
#de 0 até 5 m, usando incrementos de 1 m, utilizando o alumínio como material da viga

```
import numpy as np
```

```
import matplotlib.pyplot as plt
```

```
# dados
```

```
P = 95000 # Peso = 45+50 = 95kN
```

```
E_al = 69e9 #Aluminio
```

```
I = 1.13e-4 # poderia ser 113e-6 tambem, que foi o valor utilizado nos meus calculos
```

```
L = np.array([0, 1, 2, 3, 4, 5])
```

```
# formula da energia de deformação  $U = P^2 L^3 / (96EI)$ 
```

```
U_al = (P**2 * L**3) / (96 * E_al * I)
```

```
print("Energia de Deformacao - Aluminio")
```

```
print("-" * 50)
```

```
for i in range(len(L)):
```

```
    print(f"L = {L[i]} m: U = {U_al[i]:.4f} J")
```

```
plt.figure(figsize=(10, 6))
```

```
plt.plot(L, U_al, 'bo-', linewidth=2, markersize=8, label='Alumínio')
```

```
plt.grid(True, alpha=0.3)
```

```
plt.xlabel('Comprimento L (m)', fontsize=12)
```

```
plt.ylabel('Energia de Deformação U (J)', fontsize=12)
```

```
plt.title('Energia de Deformação vs Comprimento - Alumínio\nP = 95 kN, E = 69 GPa',  
          fontsize=14, fontweight='bold')
```

```
plt.legend(fontsize=11)
```

```
plt.xlim(-0.2, 5.2)
```

```
plt.ylim(bottom=0)
```

```
#CONTINUACAO ITEM A

for i in range(len(L)):
    plt.annotate(f'{U_al[i]:.4f} J',
                 xy=(L[i], U_al[i]),
                 xytext=(5, 5),
                 textcoords='offset points',
                 fontsize=9)

plt.tight_layout()

plt.show()
```

#Código da questao 3, item B:

#Plote um gráfico da curva de energia de deformação da viga AB com os valores de L,  
#de 0 até 5 m, usando incrementos de 1 m, utilizando o aço como material da viga

```
import numpy as np
```

```
import matplotlib.pyplot as plt
```

```
# dados
```

```
P = 95000 # Peso = 45+50 = 95kN
```

```
E_aco = 200e9 #Aço
```

```
I = 1.13e-4 # poderia ser 113e-6 tambem, que foi o valor utilizado nos meus  
calculos
```

```
L = np.array([0, 1, 2, 3, 4, 5])
```

```
# formula da energia de deformação  $U = P^2 L^3 / (96EI)$ 
```

```
U_aco = (P**2 * L**3) / (96 * E_aco * I)
```

```
print("Energia de Deformacao - Aco")
```

```
print("-" * 50)
```

```
for i in range(len(L)):
```

```
    print(f"L = {L[i]} m: U = {U_aco[i]:.4f} J")
```

```
plt.figure(figsize=(10, 6))
```

```
plt.plot(L, U_aco, 'ro-', linewidth=2, markersize=8, label='Aço')
```

```
plt.grid(True, alpha=0.3)
```

```
plt.xlabel('Comprimento L (m)', fontsize=12)
```

```
plt.ylabel('Energia de Deformação U (J)', fontsize=12)
```

```
plt.title('Energia de Deformação vs Comprimento - Aço\nP = 95 kN, E = 200 GPa',  
fontsize=14, fontweight='bold')
```

```
plt.legend(fontsize=11)
```

```
plt.xlim(-0.2, 5.2)
```

```
plt.ylim(bottom=0)
```

```
for i in range(len(L)):
```

```
    plt.annotate(f'{U_aco[i]:.2f} J',
```

```
                xy=(L[i], U_aco[i]),
```

```
                xytext=(5, 5),
```

```
                textcoords='offset points',
```

```
                fontsize=9)
```

```
plt.tight_layout()
```

```
plt.show()
```

```

#Código da questao 3, item C:

#Plote um gráfico da curva de deslocamento da viga AB com os valores de L, de 0 até
#5m, usando incrementos de 1 m, utilizando o alumínio como material da viga

import numpy as np

import matplotlib.pyplot as plt

# dados

P = 95000 # Peso = 45+50 = 95kN

E_al = 69e9 # Aço

I = 1.13e-4 # poderia ser 113e-6 tambem, que foi o valor utilizado nos meus
calculos

L = np.array([0, 1, 2, 3, 4, 5])

# formula do deslocamento no ponto C:  $X_c = PL^3/(48EI)$ 

X_c_al = (P * L**3) / (48 * E_al * I)

print("Deslocamento no Ponto C - Alumínio (em METROS)")

print("-" * 50)

for i in range(len(L)):

    print(f"L = {L[i]} m: delta = {X_c_al[i]:.8f} m")

plt.figure(figsize=(10, 6))

plt.plot(L, X_c_al, 'bo-', linewidth=2, markersize=8, label='Alumínio')

plt.grid(True, alpha=0.3)

plt.xlabel('Comprimento L (m)', fontsize=12)

plt.ylabel('Deslocamento Xc (m)', fontsize=12)

plt.title('Curva de Deslocamento da Viga AB - Alumínio\nP = 95 kN, E = 69 GPa',

          fontsize=14, fontweight='bold')

plt.legend(fontsize=11)

plt.xlim(-0.2, 5.2)

plt.ylim(bottom=0)

for i in range(len(L)):

    if L[i] > 0:

        plt.annotate(f'{X_c_al[i]:.8f} m',

                     xy=(L[i], X_c_al[i]),

                     xytext=(5, 5),

                     textcoords='offset points',

                     fontsize=9)

```

```
#CONTINUACAO ITEM C
```

```
plt.tight_layout()
```

```
plt.show()
```

#Código da questao 3, item D:

```
import numpy as np
```

```
import matplotlib.pyplot as plt
```

```
#Plote um gráfico da curva de deslocamento da viga AB com os valores de L, de 0 até  
#5m, usando incrementos de 1 m, utilizando o aço como material da viga
```

```
# dados
```

```
P = 95000 # Peso = 45+50 = 95kN
```

```
E_aco = 200e9 # Aço
```

```
I = 1.13e-4 # poderia ser 113e-6 tambem, que foi o valor utilizado nos meus  
calculos
```

```
L = np.array([0, 1, 2, 3, 4, 5])
```

```
# formula do deslocamento no ponto C:  $X_c = PL^3/(48EI)$ 
```

```
X_c_aco = (P * L**3) / (48 * E_aco * I)
```

```
print("Deslocamento no Ponto C - Aco")
```

```
print("-" * 50)
```

```
for i in range(len(L)):
```

```
    print(f"L = {L[i]} m: deltac = {X_c_aco[i]:.8f} m")
```

```
plt.figure(figsize=(10, 6))
```

```
plt.plot(L, X_c_aco, 'ro-', linewidth=2, markersize=8, label='Aço')
```

```
plt.grid(True, alpha=0.3)
```

```
plt.xlabel('Comprimento L (m)', fontsize=12)
```

```
plt.ylabel('Deslocamento Xc (m)', fontsize=12)
```

```
plt.title('Curva de Deslocamento da Viga AB - Aço\nP = 95 kN, E = 200 GPa',  
          fontsize=14, fontweight='bold')
```

```
plt.legend(fontsize=11)
```

```
plt.xlim(-0.2, 5.2)
```

```
plt.ylim(bottom=0)
```

```
for i in range(len(L)):
```

```
    if L[i] > 0:
```

```
        plt.annotate(f'{X_c_aco[i]:.8f} m',
```

```
                      xy=(L[i], X_c_aco[i]),
```

```
                      xytext=(5, 5),
```

```
                      textcoords='offset points',
```

```
                      fontsize=9)
```

```
plt.tight_layout()
```

```
plt.show()
```

#SEGUNDA PARTE DO EXERCÍCIO TRÊS:

#Se o material A possui uma maior energia de deformação que o material B, altere o perfil da viga do material A para que ele tenha uma energia de deformação menor que o material B, e repita as letras (a) e (b) com o novo perfil para o material A.

#Código da questao 3, item A com o perfil do Alumínio alterado para 2.9 vezes o de aço:

#Plote um gráfico da curva de energia de deformação da viga AB com os valores de L, de 0 até 5 m, usando incrementos de 1 m, utilizando o alumínio com novo perfil como material da viga

```
import numpy as np
```

```
import matplotlib.pyplot as plt
```

#Código da questao 3, item A:

# dados

P = 95000 # Peso = 45+50 = 95kN

E\_al = 69e9 #Aluminio

I = 327.7e-6 # novo perfil, 2.9 x o I do aço

```
L = np.array([0, 1, 2, 3, 4, 5])
```

# formula da energia de deformação  $U = P^2 L^3 / (96EI)$

```
U_al = (P**2 * L**3) / (96 * E_al * I)
```

```
print("Energia de Deformacao - Aluminio Novo Perfil")
```

```
print("-" * 50)
```

```
for i in range(len(L)):
```

```
    print(f"L = {L[i]} m: U = {U_al[i]:.4f} J")
```

```
plt.figure(figsize=(10, 6))
```

```
plt.plot(L, U_al, 'bo-', linewidth=2, markersize=8, label='Alumínio')
```

```
plt.grid(True, alpha=0.3)
```

```
plt.xlabel('Comprimento L (m)', fontsize=12)
```

```
plt.ylabel('Energia de Deformacao U (J)', fontsize=12)
```

```
plt.title('Energia de Deformação vs Comprimento - Alumínio Novo Perfil\nP = 95 kN, E = 69 GPa', fontsize=14, fontweight='bold')
```

```
plt.legend(fontsize=11)
```

```
plt.xlim(-0.2, 5.2)
```

```
#CONTINUACAO ITEM A

plt.ylim(bottom=0)

for i in range(len(L)):

    plt.annotate(f'{U_al[i]:.4f} J',

                 xy=(L[i], U_al[i]),

                 xytext=(5, 5),

                 textcoords='offset points',

                 fontsize=9)

plt.tight_layout()

plt.show()
```



#A letra b permanece o mesmo código [#Código da questao 3, item B]:

```
import numpy as np
```

```
import matplotlib.pyplot as plt
```

```
# dados
```

```
P = 95000 # Peso = 45+50 = 95kN
```

```
E_aco = 200e9 #Aço
```

```
I = 1.13e-4 # poderia ser 113e-6 tambem, que foi o valor utilizado nos meus calculos
```

```
L = np.array([0, 1, 2, 3, 4, 5])
```

```
# formula da energia de deformação  $U = P^2 L^3 / (96EI)$ 
```

```
U_aco = (P**2 * L**3) / (96 * E_aco * I)
```

```
print("Energia de Deformacao - Aco")
```

```
print("-" * 50)
```

```
for i in range(len(L)):
```

```
    print(f"L = {L[i]} m: U = {U_aco[i]:.4f} J")
```

```
plt.figure(figsize=(10, 6))
```

```
plt.plot(L, U_aco, 'ro-', linewidth=2, markersize=8, label='Aço')
```

```
plt.grid(True, alpha=0.3)
```

```
plt.xlabel('Comprimento L (m)', fontsize=12)
```

```
plt.ylabel('Energia de Deformação U (J)', fontsize=12)
```

```
plt.title('Energia de Deformação vs Comprimento - Aço\nP = 95 kN, E = 200 GPa',  
          fontsize=14, fontweight='bold')
```

```
plt.legend(fontsize=11)
```

```
plt.xlim(-0.2, 5.2)
```

```
plt.ylim(bottom=0)
```

```
for i in range(len(L)):
```

```
    plt.annotate(f'{U_aco[i]:.2f} J',
```

```
                xy=(L[i], U_aco[i]),
```

```
                xytext=(5, 5),
```

```
                textcoords='offset points',
```

```
                fontsize=9)
```

```
plt.tight_layout()
```

```
plt.show()
```

```

#C- Gráfico de comparação simultânea entre letras A e B

import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

# Dados
P = 95000
E_al = 69e9
E_aco = 200e9
I_al = 327.7e-6 # (novo perfil)
I_aco = 113e-6 # (perfil original)

L_plotagem = np.linspace(0, 5, 100)
L_marcadores = np.array([0, 1, 2, 3, 4, 5])

# formula da Energia de deformação:  $U = \frac{P^2 L^3}{96 E I}$ 
U_al_plotagem = (P**2 * L_plotagem**3) / (96 * E_al * I_al)
U_aco_plotagem = (P**2 * L_plotagem**3) / (96 * E_aco * I_aco)

U_al_marcadores = (P**2 * L_marcadores**3) / (96 * E_al * I_al)
U_aco_marcadores = (P**2 * L_marcadores**3) / (96 * E_aco * I_aco)

print("="*80)
print("COMPARACAO: ENERGIA DE DEFORMACAO - ALUMINIO (NOVO PERFIL) vs ACO")
print("="*80)
print(f"ALUMINIO: E = {E_al/1e9:.0f} GPa | I = {I_al*1e6:.1f}x10^-6 m^4 (perfil otimizado)")
print(f"ACO:      E = {E_aco/1e9:.0f} GPa | I = {I_aco*1e6:.0f}x10^-6 m^4 (perfil original)")
print("-"*80)
print(f"{'L (m)':<8} {'U_Aluminio (J)':<18} {'U_Aco (J)':<18} {'Diferenca (%)':<15}")
print("-"*80)

for i in range(len(L_marcadores)):
    if L_marcadores[i] > 0:
        dif_perc = ((U_aco_marcadores[i] - U_al_marcadores[i]) / U_al_marcadores[i])
        * 100

```

```

        print(f"{L_marcadores[i]:<8.1f} {U_al_marcadores[i]:<18.4f}
{U_aco_marcadores[i]:<18.4f} {dif_perc:>+14.2f}%")

    else:

        print(f"{L_marcadores[i]:<8.1f} {U_al_marcadores[i]:<18.4f}
{U_aco_marcadores[i]:<18.4f} {'---':>15}")

print("="*80)

print(f"O Aço agora possui energia {U_aco_marcadores[5]/U_al_marcadores[5]:.2f} vezes
maior que o Alumínio!")

print("="*80)

plt.figure(figsize=(12, 8))

plt.plot(L_plotagem, U_al_plotagem, 'b-', linewidth=4,
         label=f'Alumínio (I={I_al*1e6:.1f}×10-6 m4)',
         alpha=0.7, zorder=2)

plt.plot(L_plotagem, U_aco_plotagem, 'r-', linewidth=4,
         label=f'Aço (I={I_aco*1e6:.0f}×10-6 m4)',
         alpha=0.7, zorder=2)

plt.plot(L_marcadores, U_al_marcadores, 'bo', markersize=14,
         markerfacecolor='lightblue', markeredgewidth=3,
         markeredgecolor='darkblue', zorder=3)

plt.plot(L_marcadores, U_aco_marcadores, 'rs', markersize=14,
         markerfacecolor='lightcoral', markeredgewidth=3,
         markeredgecolor='darkred', zorder=3)

plt.fill_between(L_plotagem, U_al_plotagem, U_aco_plotagem,
                 where=(U_aco_plotagem >= U_al_plotagem),
                 color='yellow', alpha=0.3, zorder=1)

plt.grid(True, alpha=0.4, linestyle='--', linewidth=1.2)

plt.xlabel('Comprimento L (m)', fontsize=14, fontweight='bold')

plt.ylabel('Energia de Deformação U (J)', fontsize=14, fontweight='bold')

plt.title('Energia de Deformação: Alumínio (Novo Perfil) vs Aço\nP = 95 kN',
         fontsize=15, fontweight='bold')

```

```

plt.legend(fontsize=12, loc='upper left', framealpha=0.95)

plt.xlim(-0.2, 5.2)

plt.ylim(bottom=0)

for i in range(1, len(L_marcadores)):

    # Aluminio

    plt.annotate(f'{U_al_marcadores[i]:.4f}',

                 xy=(L_marcadores[i], U_al_marcadores[i]),

                 xytext=(-15, -30),

                 textcoords='offset points',

                 fontsize=10, fontweight='bold', color='darkblue',

                 bbox=dict(boxstyle='round,pad=0.4', facecolor='lightblue',

                           edgecolor='darkblue', linewidth=2, alpha=0.9),

                 arrowprops=dict(arrowstyle='->', color='darkblue', lw=1.5))

    # Aco

    plt.annotate(f'{U_aco_marcadores[i]:.4f}',

                 xy=(L_marcadores[i], U_aco_marcadores[i]),

                 xytext=(15, 25),

                 textcoords='offset points',

                 fontsize=10, fontweight='bold', color='darkred',

                 bbox=dict(boxstyle='round,pad=0.4', facecolor='lightcoral',

                           edgecolor='darkred', linewidth=2, alpha=0.9),

                 arrowprops=dict(arrowstyle='->', color='darkred', lw=1.5))

plt.tight_layout()

plt.show()

print("\n" + "="*80)

```