

MBA Executivo em Business Analytics e Big Data

Análise de Séries Temporais

Turma: MSP12013-TBABD-T2

Trabalho Final

Professor:

Rafael Scopel Silva

Alunos:

Ana Melo - A57754853 Daniele Lyra - A55222100



Índice

Contexto e Objetivo do Caso Estudo	3
2. Característica da Série Temporal	4
3. Preparação Dados Treinamento e Teste	5
4. Estimativa e Teste de Modelos	6
4.1. Modelo Naive	6
4.2. Modelo Tendência Linear	7
4.3. Modelo Tendência Quadrática	8
4.4. Modelo Média Móvel	10
4.5. Modelo Suavização Simples	11
4.6. Modelo Suavização Tendência Aditiva	12
4.7. Modelo Suavização Tendência Multiplicativa	14
4.8. Modelo Suavização – Seleção Automática	15
4.9. Modelo ARIMA	17
4.9.1. Estacionando Série Temporal	17
4.9.2. Execução Manual Arima	18
4.9.3. Execução Auto Arima	20
5. Seleção de Modelo	21
6. Conclusão	21



1. Contexto e Objetivo do Caso Estudo

Uma empresa possui serviços de Cloud, tanto infraestrutura quanto plataforma como serviço, laaS e PaaS. Ambas soluções são comercializadas através do mesmo Código de produto, créditos universais, para flexibilizar a adoção dos serviços de nuvem pelos clientes.

Os clientes podem adquirir créditos de nuvem em dois modelos: Compromisso de Consumo ou Pago conforme uso.

No modelo de *Compromisso de Consumo* os clientes compram pacotes de créditos, por um prazo mínimo de um ano. No momento da compra o cliente definiu o quanto de crédito ele deve consumir a cada mês. Exemplificando, um cliente comprou 10 créditos por mês, mas utilizou 12 num dado mês, nesse período ele terá utilizado 10 créditos e gerado overage de 2. Outro exemplo, é se esse mesmo cliente utilizar somente 8 créditos em outro mês, nesse caso ele vai deixar expirar 2 créditos no período.

No outro modelo comercial, *Pago Conforme o Uso* não tem as figuras de pacote, overage ou expirado ele apenas tem créditos utilizados no período.

O Consumo total de cada período é o total de créditos utilizados mais overage.

Abaixo, temos a planilha de consumo de todos os clientes no período de 2 anos:

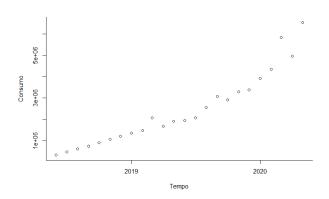
Período	Pacote	Utilizado	Overage	Expirados	Total
01/06/2018	1.292.292,14	327.067,89	5.818,74	965.224,10	332.886,63
01/07/2018	1.531.259,66	444.324,31	24.484,92	1.086.935,35	468.809,24
01/08/2018	1.766.091,92	575.283,45	31.432,08	1.190.808,46	606.715,53
01/09/2018	2.121.284,30	701.021,86	40.902,79	1.420.262,44	741.924,65
01/10/2018	2.237.005,12	866.892,83	43.349,21	1.370.112,30	910.242,03
01/11/2018	2.379.787,92	1.007.147,26	51.936,95	1.372.640,53	1.059.084,21
01/12/2018	2.785.679,59	1.128.729,89	86.158,15	1.645.429,65	1.214.888,04
01/01/2019	2.984.317,13	1.283.452,83	74.254,02	1.690.887,32	1.357.706,86
01/02/2019	3.103.275,38	1.354.788,51	119.880,82	1.736.402,31	1.474.669,33
01/03/2019	5.046.868,63	2.001.676,85	74.519,57	3.037.227,84	2.076.196,42
01/04/2019	3.490.912,08	1.546.070,24	127.112,34	1.934.620,73	1.673.182,58
01/05/2019	4.444.525,67	1.775.566,96	124.669,47	2.638.193,37	1.900.236,43
01/06/2019	3.942.406,19	1.741.712,95	197.944,15	2.192.729,29	1.939.657,10
01/07/2019	5.121.527,15	1.911.211,52	154.160,92	3.198.756,92	2.065.372,44
01/08/2019	4.884.933,32	2.294.881,15	254.100,02	2.582.088,22	2.548.981,18
01/09/2019	4.909.682,70	2.807.203,04	273.928,85	2.093.610,72	3.081.131,89
01/10/2019	4.814.143,04	2.574.497,62	332.412,89	2.227.863,32	2.906.910,51
01/11/2019	5.345.176,70	2.873.901,92	411.878,14	2.450.440,08	3.285.780,06
01/12/2019	6.001.229,70	2.966.032,25	410.497,31	3.014.362,75	3.376.529,56
01/01/2020	5.495.944,85	3.313.070,42	597.471,86	2.162.039,48	3.910.542,28
01/02/2020	6.972.561,41	3.837.628,88	510.326,61	3.111.628,09	4.347.955,49
01/03/2020	7.919.797,19	5.041.895,67	792.605,76	2.825.184,37	5.834.501,43
01/04/2020	6.691.762,23	4.386.588,04	561.634,39	2.233.575,61	4.948.222,42
01/05/2020	8.719.150,94	5.386.841,15	1.146.422,29	1.122.884,96	6.533.263,44

Nesse estudo, vamos entender o comportamento do consumo dos créditos de nuvem pelos clientes ao longo do tempo e avaliar o modelo acurado para gerar o forecast de consumo.



2. Característica da Série Temporal

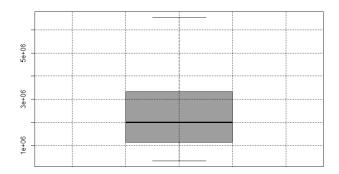
Primeiramente plotamos um gráfico de dispersão entre o total de Consumo e tempo.



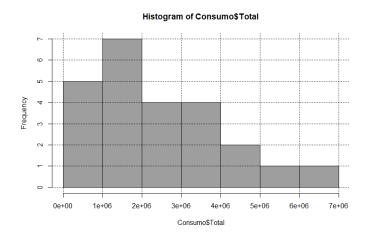
Como podemos ver na tabela acima essa amostra não apresenta consumo nulo e abaixo está a estatística descritiva do total de consumo:

Min.	1st Qu	Median	Mean	3rd Qu	Max.	Ampl.	Std
332.887	1.175.937	2.002.515	2.441.475	3.308.467	6.533.263	6.200.377	1.699.466

Geramos o Bloxplot que não indicou a existência de outliers:

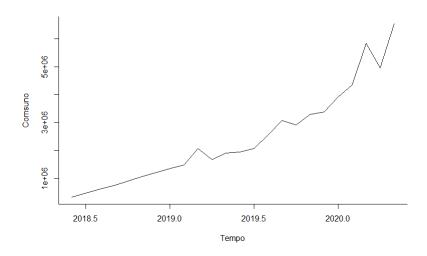


E o histograma apresentou uma curva com desvio a esquerda, mas novamente sem indícios de outliers.





Transformamos os dados do total de consumo em uma série temporal, gerando a curva abaixo, onde visualmente podemos notar uma tendência e que não há sazonalidade. Com isso, iremos focar o estudo do melhor modelo a essa característica dos dados.

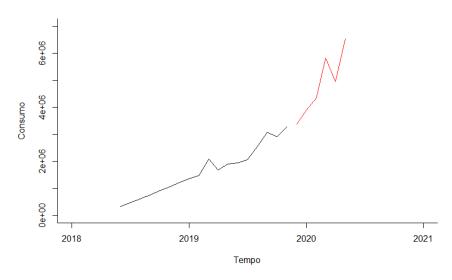


3. Preparação Dados Treinamento e Teste

O histórico de consumo possui 24 amostras, iremos reservar 18 meses para treinamento dos modelos e 6 meses para testes.

Portanto, a base de treinamento será o período de Junho de 2018 até Novembro de 2019 e a base de teste será entre os meses de Dezembro de 2019 a Maio de 2020.

Dessa forma, a base de treinamento irá representar 75% do conjunto dos dados.





4. Estimativa e Teste de Modelos

4.1. Modelo Naive

Iniciamos a nossa avaliação com os modelos mais básicos e simples.

O modelo Naive pega o último valor da amostra de treinamento e mantém para os períodos futuros. Abaixo, podemos ver que para a nossa amostra de teste foi: 3.285.780.

```
Forecast method: Naive method

Model Information:
Call: naive(y = treinamento_cs, h = cs_amostra_teste, level = 0)

Residual sd: 241844.3421

Error measures:

ME RMSE MAE MPE MAPE MASE ACF1

Training set 173699.6 291924.2 241609.6 11.79427 15.3331 0.1238159 -0.4237545

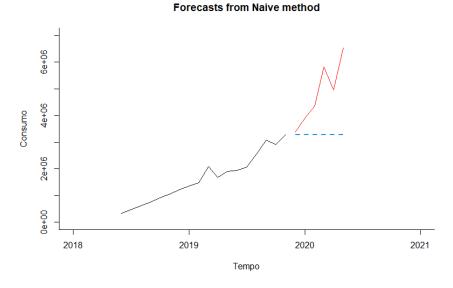
Forecasts:

Point Forecast Lo 0 Hi 0
Dec 2019 3285780 3285780 3285780
Jan 2020 3285780 3285780 3285780
Jan 2020 3285780 3285780 3285780
Agr 2020 3285780 3285780 3285780
```

Quando realizados fazemos um teste de acurácia dos dados da amostra de teste encontramos o Erro Médio Absoluto Percentual (MAPE) de 28,35%.

```
ME RMSE MAE MPE MAPE MASE ACF1 Theil's U
Training set 173699.6 291924.2 241609.6 11.79427 15.33310 0.1238159 -0.4237545 NA
Test set 1539389.0 1885586.7 1539389.0 28.34677 28.34677 0.7888794 0.2268889 1.854718
```

Abaixo temos o gráfico composto pela base de treinamento, teste e o modelo previsto:



Começamos essa avaliação pelo Naive, pois como ele só replica o último valor esse seria o custo de "não fazer nada". Para implementarmos um modelo mais sofisticado precisamos ter um MAPE menor do que obtivemos com o modelo Naive.



4.2. Modelo Tendência Linear

O modelo linear apresentou o R² de 95,74%, portanto um alto poder preditivo na amostra.

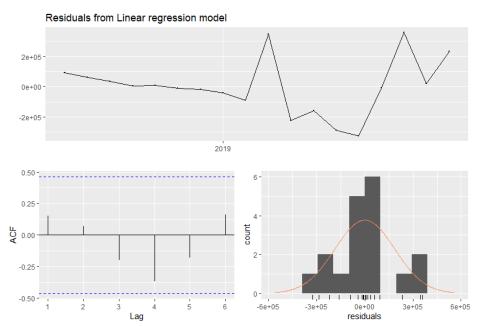
```
Call:
tslm(formula = treinamento_cs ~ trend)

Residuals:
    Min    1Q    Median    3Q    Max
-326200   -77371   -1457   56110   358599

Coefficients:
    Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
(Intercept)   74845    94471   0.792   0.44
trend    165481   8728   18.961   2.18e-12 ***
---
signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1

Residual standard error: 192100 on 16 degrees of freedom
Multiple R-squared: 0.9574,   Adjusted R-squared: 0.9547
F-statistic: 359.5 on 1 and 16 DF,  p-value: 2.175e-12
```

Quando avaliamos os resíduos não vemos nem tendência nem sazonalidade nos ruídos, não estouramos o limite de confiança do ACF e a distribuição dos resíduos também não tem um comportamento muito destoante de uma distribuição normal.

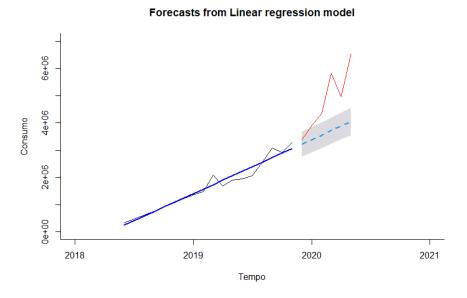


No caso no modelo linear, ele apresenta uma melhoria do MAPE em relação ao Naive, com a redução na amostra de teste para 22,07%.

		-						
	ME	RMSE	MAE	MPE	MAPE	MASE	ACF1	Theil's U
Training set	6.462781e-12	181120.2	128941.6	1.150718	8.261183	0.06607775	0.15366340	NA
Test set	1.192493e+06	1457894.4	1192493.2	22.071319	22.071319	0.61110818	0.07322778	1.450736



Abaixo temos o gráfico com os dados de treinamento, teste e o modelo previsto, como podemos observar o modelo os valores projetados ficaram bem abaixo dos valores observados. O modelo não conseguiu capturar muito bem a estrutura dos dados, apenas uma pequena parte deles ficaram dentro do túnel de projeção e o resto a projeção foi bem distante.

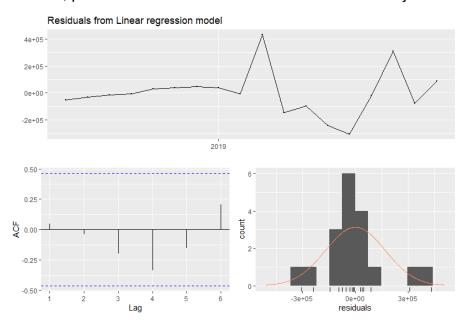


4.3. Modelo Tendência Quadrática

O modelo quadrático melhorou o R² para 96,5%, melhorando seu poder preditivo na amostra.



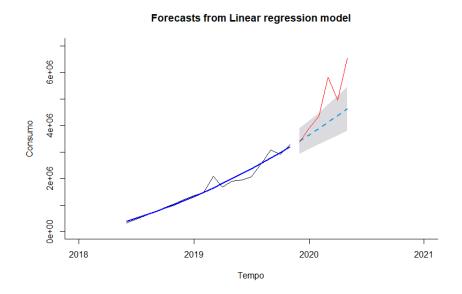
Fazendo uma análise dos resíduos ainda conseguimos notar alguma melhora no modelo quadrático, porém ainda não temos resíduos com distribuição normal.



Houve uma melhora no MAPE de teste para 14,76% (melhor anteriormente de 22%).

```
ME RMSE MAE MPE MAPE MASE ACF1 Theil's U
Training set 1.293661e-11 164239.3 109063.0 -1.239108 6.46148 0.05589071 0.04572361 NA
Test set 8.101311e+05 1091284.9 824880.2 14.322484 14.75930 0.42272029 -0.03872544 1.087975
```

Abaixo temos o gráfico com os dados de treinamento, teste e modelo previsto, a projeção melhorou um pouco em relação ao anterior. O modelo conseguiu capturar um pouco melhor a tendência da série, entretanto continua não conseguindo capturar toda a estrutura dos dados, como pode ser visto os picos da série ficaram fora do túnel de projeção.

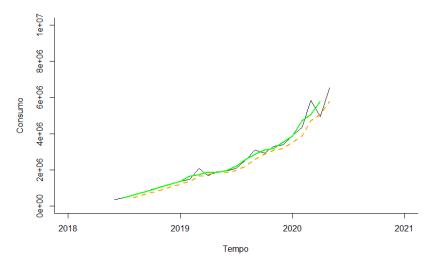




4.4. Modelo Média Móvel

Desse ponto em diante iremos avaliar os modelos mais baseados na estrutura dos dados.

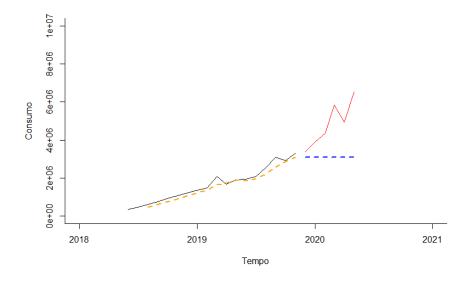
Primeiramente calculamos a média simples e a centrada de toda o conjunto de dados, agrupando a cada 3 meses para avaliar o resultado em relação aos dados originais.



Nesse caso, podemos notar que houve uma piora do MAPE para 32% (melhor modelo próximo a 15%):

```
ME RMSE MAE MPE MAPE ACF1 Theil's U
Test set 1733895 2047464 1733895 32.58837 32.58837 0.2268889 2.02216
```

Podemos ver no gráfico, que o distanciamento entre os valores estimados no modelo e os valores de validação. A projeção dos valores do modelo ficou muito distante dos valores observado, além de não ter capturado o componente de tendência da série.

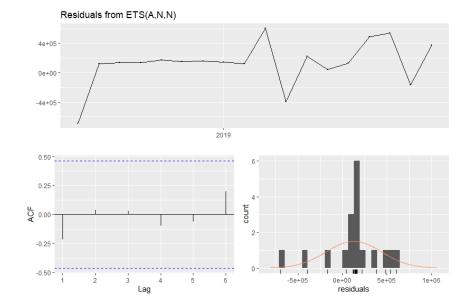




4.5. Modelo Suavização Simples

Agora vamos avaliar alguns modelos de suavização. Para esses modelos a estimativa é feita por máxima verossimilhança, com isso não referenciamos o R², passaremos a avaliar o AIC, AICc e BIC. Na combinação ANN que é sem tendência, sem sazonalidade e erro aditivo para o modelo. Os parâmetros de avaliação do modelo obtidos estão em torno de 516, sendo este um valor alto o que nos indica que ainda não temos um modelo adequado.

Nossos resíduos seguem sem padrões e sem violar os limites de confiança:

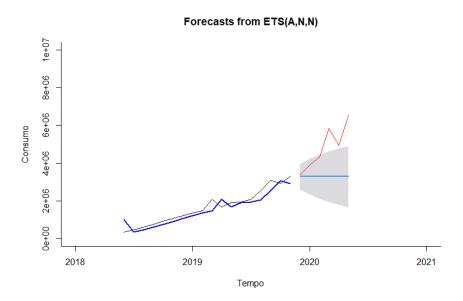


Nosso MAPE foi de 28,47%, não sendo o melhor modelo calculado até o momento:

```
ME RMSE MAE MPE MAPE MASE ACF1 Theil's U
Training set 127317.3 327046.1 266240.8 -0.3653752 25.93686 0.1364385 -0.2146975 NA
Test set 1545183.9 1890320.6 1545183.9 28.4731378 28.47314 0.7918490 0.2268889 1.859635
```



E visualmente no gráfico, confirmamos que o modelo não é o mais adequado para o nosso conjunto de dados:



4.6. Modelo Suavização Tendência Aditiva

O novo modelo com a combinação AAN, considerando agora uma tendência e erro aditivos, e sazonalidade neutra. Com isso, os parâmetros de avaliação AIC, AICc e BIC reduziram para valores próximos a 502, o que demonstra uma melhora da adequação do modelo ao conjunto de dados observados.

```
ETS(A,A,N)

Call:
    ets(y = treinamento_cs, model = "AAN")

Smoothing parameters:
    alpha = 0.0507
    beta = 1e-04

Initial states:
    1 = 89196.2869
    b = 170020.6649

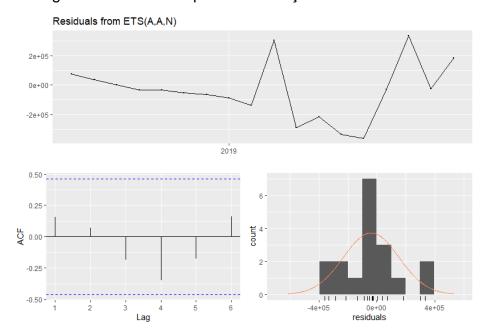
sigma: 215669.3

    AIC    AICc    BIC
499.6371 504.6371 504.0890

Training set error measures:
    ME    RMSE    MAE    MPE    MAPE    MASE    ACF1
Training set -40649.38 190202.5 144033.7 -2.130099 8.912072 0.07381186 0.1582057
```



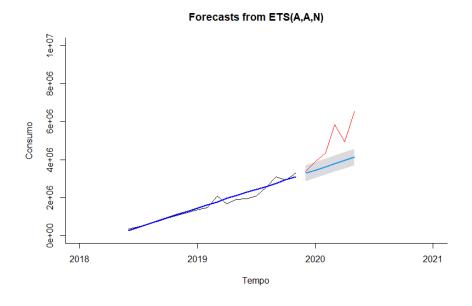
Os resíduos seguem sem nenhum ponto de atenção:



O MAPE ficou em 20,50%, melhor que na suavização simples, mas ainda não superando o modelo quadrático.

ME RMSE MAE MPE MAPE MASE ACF1 Theil's U
Training set -40649.38 190202.5 144033.7 -2.130099 8.912072 0.07381186 0.15820573 NA
Test set 1118505.76 1394154.3 1118505.8 20.492674 20.492674 0.57319240 0.06749106 1.38577

Finalmente, o gráfico confirma visualmente o resultado estatístico acima:

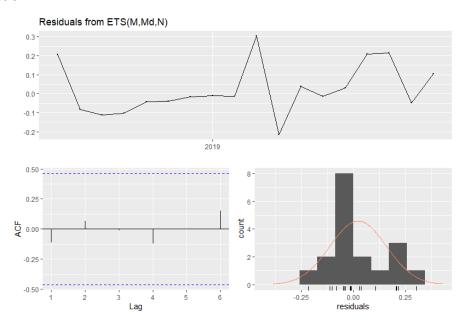




4.7. Modelo Suavização Tendência Multiplicativa

Evoluímos para avaliar a tendência multiplicativa, podemos notar uma singela piora no AIC, AICc e BIC.

Os resíduos seguem sem trazer nenhum ponto diferente de atenção a ser considerado:

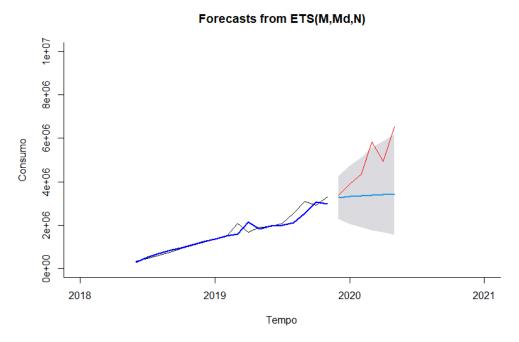


Podemos notar uma piora do MAPE no modelo multiplicativo em relação ao aditivo:

```
ME RMSE MAE MPE MAPE MASE ACF1 Theil's U
Training set 55570.27 245646.9 163321.8 0.6804534 9.48774 0.08369634 -0.1444980 NA
Test set 1466275.48 1800795.8 1466275.5 26.9765588 26.97656 0.75141138 0.2067109 1.772613
```



Na visão gráfica, podemos notar que esse modelo tem um intervalo de confiança maior, os valores de validação ficam mais dentro deste intervalo, mas ainda violam o limite e a projeção fica muito distante dos dados observados.



4.8. Modelo Suavização - Seleção Automática

Finalmente, decidimos rodar o modelo de suavização exponencial usando o otimizador de modelos da função ETS, com erro multiplicativos e tendência aditiva. Os resultados obtidos reforçam a avaliação que havíamos feito anteriormente, onde os indicadores (AIC, AICc e BIC) nenhum deles chegou a 500.

```
ETS(M,A,N)

Call:
    ets(y = treinamento_cs, model = "ZZZ", restrict = FALSE, allow.multiplicative.trend = TRUE)

Smoothing parameters:
    alpha = 0.1531
    beta = 1e-04

Initial states:
    l = 106197.8082
    b = 170021.0829

sigma: 0.1179

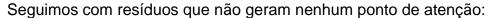
    AIC    AICC    BIC

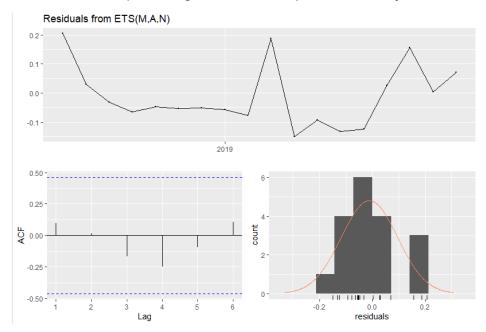
490.0623 495.0623 494.5142

Training set error measures:
    ME    RMSE    MAE    MPE    MAPE    MASE    ACF1

Training set -23168.6 192725.9 146198.7 -2.17698 8.710538 0.07492137 0.1316648
```



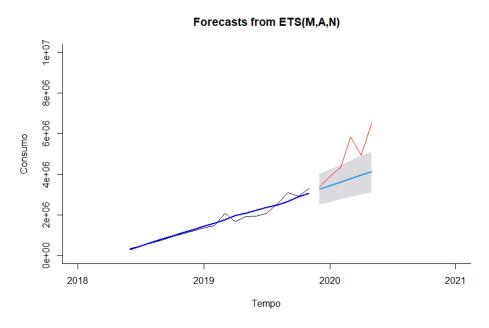




Obtivemos uma singela melhoria no MAPE ao considerar os erros multiplicativos:

```
ME RMSE MAE MPE MAPE MASE ACF1 Theil's U
Training set -23168.6 192725.9 146198.7 -2.17698 8.710538 0.07492137 0.13166480 NA
Test set 1128124.7 1401855.8 1128124.7 20.70268 20.702683 0.57812174 0.06744974 1.39376
```

Nesse caso, apresentamos um túnel menor do que na tendência multiplicativa, e maior que cenário onde os erros e tendência eram aditivos, realmente se mostrando o melhor modelo de suavização.



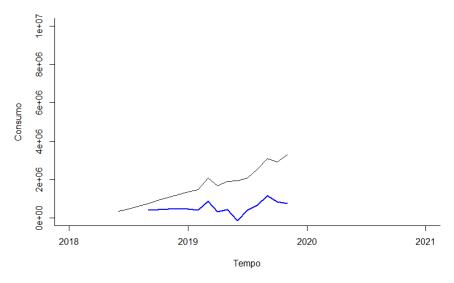


4.9. Modelo ARIMA

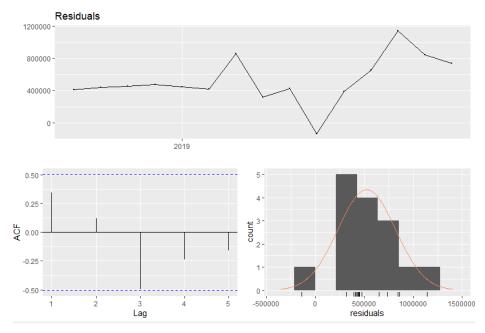
4.9.1. Estacionando Série Temporal

Fizemos alguns testes de diferenciação, avaliando os resíduos gerados e os testes KPSS e ADF para validar se a série ficou estacionário, o melhor resultado se apresentou com lag = 3.

Abaixo na visão gráfica notamos que a tendência foi retirada da série.



Os resíduos não apresentam nenhum fator visual demonstrando que ainda temos padrões nos resíduos.



O teste de Box-Ljung se mostrou estatisticamente relevante:

Análise de Séries Temporias



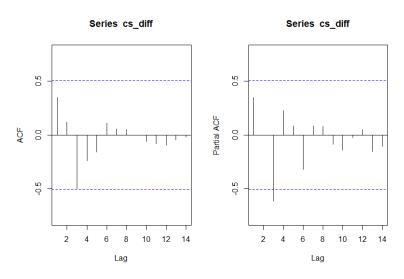
Pelo teste de KPSS não refutamos a hipótese de estacionariedade.

E novamente pelo teste de Dickey-Fuller refutamos a hipótese de não estacionariedade.

```
# Augmented Dickey-Fuller Test Unit Root Test #
Test regression none
call:
lm(formula = z.diff ~ z.lag.1 - 1 + z.diff.lag)
Residuals:
Min 1Q Median
-503374 -80550 7896
                 edian 3Q Max
7896 344855 610059
Coefficients:
          z.lag.1
                     0.17457 -0.326
0.30586 -1.024
z.diff.lag -0.31328
                                       0.328
Residual standard error: 346000 on 11 degrees of freedom
Multiple R-squared: 0.1315, Adjusted R-squared: -0.02642
F-statistic: 0.8327 on 2 and 11 DF, p-value: 0.4605
Value of test-statistic is: -0.3263
Critical values for test statistics:
1pct 5pct 10pct
tau1 -2.66 -1.95 -1.6
```

4.9.2. Execução Manual Arima

Avaliamos os gráficos de ACF e PACF para avaliar os parâmetros de Arima, consideramos possíveis p [1,3], d[1] e q[1,2].





Fizemos diversos testes, considerando os parâmetros acima, o melhor modelo que se apresentou foi o (1,1,1).

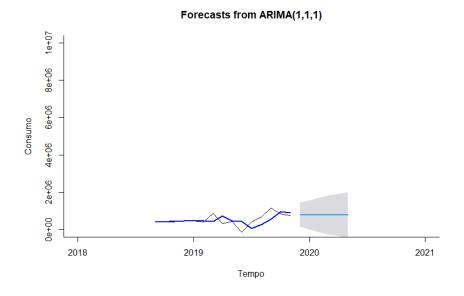
Esse teste apresentou o menor AIC, AICc e BIC na ordem de 400.

```
Series: cs_diff
ARIMA(1,1,1)
Coefficients:
           ar1
       -0.1444
                 -0.1892
           NaN
                      NaN
sigma^2 estimated as 1.12e+11: log likelihood=-196.94
AIC=399.87 AICC=402.27 BIC=401.79
Training set error measures:
                    ME
                            RMSE
                                                   MPE
                                                            MAPE
                                        MAE
                                                                        MASE
Training set 34582.8 299399.3 213081.9 32.56986 57.49115 0.4511348 -0.02586558
warning message:
In sqrt(diag(x$var.coef)) : NaNs produzidos
```

Porém, apresentou o pior MAPE de todos os modelos.

```
ME RMSE MAE MPE MAPE MASE ACF1 Theil's U
Training set 34582.8 299399.3 213081.9 32.56986 57.49115 0.4511348 -0.02586558 NA
Test set 4046234.5 4190510.5 4046234.5 83.00647 83.00647 8.5666487 0.22687980 4.187041
```

Visualmente a série estacionária está tendendo ao centro do intervalo de confiança.





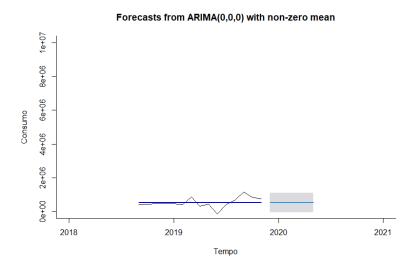
4.9.3. Execução Auto Arima

O Auto Arima selecionou a opção (0,0,0), porém ao avaliar o sumário já notamos uma piora no AIC, AICc e BIC.

Também se apresentou uma piora do MAPE, o pior cenário apresentado nesse trabalho.

```
ME RMSE MAE MPE MAPE MASE ACF1 Theil's U
Training set 9.701940e-11 283897.1 214408.2 28.17782 60.21092 0.4539429 0.3484231 NA
Test set 4.300808e+06 4436515.7 4300808.4 88.56523 88.56523 9.1056300 0.2268889 4.432398
```

Visualmente o gráfico demonsta uma piora na precisão do modelo para explicar o passado e um menor intervalo para representar o futuro.





5. Seleção de Modelo

Listando todos os MAPEs obtidos na validação dos modelos:

Modelo	MAPE Teste
Naive	28.34677
Tendência Linear	22.071319
Tendência Quadrático	14.75930
Média Móvel	32.58837
Suavização Simples	28.47314
Suavização Tendência Aditiva	20.492674
Suavização Tendência Multiplicativa	26.97656
Suavização Automático	20.702683
Arima	83.00647
Auto Arima	88.56523

Para os dados analisados de consumo de serviços de Cloud, o melhor modelo obtido foi o de Tendência Quadrática, avaliando a performance do período de validação dos dados através dos MAPEs resultantes. Nesse momento analisando somente essa variável, pois ao longo do trabalho as demais características como: a análise de resíduos, assertividade do modelo e avaliação das hipóteses foram atendidas corretamente.

6. Conclusão

Nesse momento, estabeleceríamos o modelo de tendência quadrática como modelo de previsão, porém seguiríamos com reavaliações recorrentes por ser um produto novo, com pequeno histórico de vendas e ainda estabilizando seu comportamento de consumo pelos clientes.

Até o presente momento, esse produto não tem nenhuma característica de sazonalidade, mas também vamos acompanhar esse comportamento de consumo por um período mais longo.