

# Equação de Turing (ET★) – Documento Integrado

## 1 Teoria – o coração de uma IA auto-evolutiva

A Equação de Turing (ET★) destila a auto-aprendizagem em quatro termos essenciais mais uma recorrência contrativa. A versão aperfeiçoada da equação associa cada modificação  $E_{k+1}$  a um *score* que pondera progresso, custo, estabilidade e embodiment:

$$E_{k+1} = P_k - \rho R_k + \sigma \tilde{S}_k + \iota B_k \rightarrow F_\gamma(\Phi)^\infty$$

<sup>1</sup> .

Cada termo captura um aspecto fundamental do processo evolutivo <sup>1</sup> :

Termo	Definição e papel
<b>Progresso (<math>P_k</math>)</b>	Prioriza experiências com alto <i>learning progress</i> (LP). Calcula-se $P_k = \sum_i \text{softmax}(LP_i) \cdot \beta_i$ , onde $LP_i$ é a diferença entre desempenho recente e histórico e $\beta_i$ codifica a dificuldade/novidade da tarefa. Este termo reforça a zona de desenvolvimento proximal: tarefas cuja LP está entre os quantis superiores ( $\geq 0,7$ ) são mantidas, enquanto tarefas triviais ou impossíveis são descartadas.
<b>Custo/Recursos (<math>R_k</math>)</b>	Implementa o princípio de parcimónia: $R_k = MDL(E_k) + Energy_k + Scalability_k^{-1}$ . <b>MDL</b> penaliza complexidade estrutural (número de parâmetros ou tamanho do código); <b>Energy</b> mede o consumo computacional (GPU/CPU/memória) e tende a zero com chips fotônicos; <b>Scalability<sup>-1</sup></b> favorece arquiteturas que escalam bem com mais recursos <sup>1</sup> .
<b>Estabilidade + Validação (<math>\tilde{S}_k</math>)</b>	Funde cinco mecanismos: (1) <b>entropia</b> $H[\pi]$ mantém exploração; (2) <b>divergência</b> $D(\pi, \pi_{k-1})$ limita saltos bruscos; (3) <b>drift</b> detecta esquecimento de tarefas canário; (4) <b>variância de <math>\beta</math></b> garante currículo diverso; (5) $1 - \text{regret}$ valida empiricamente se a modificação não degrada testes-canário <sup>1</sup> .
<b>Embodiment (<math>B_k</math>)</b>	Mede a integração digital-física. Em sistemas puramente digitais, $B_k$ pode ser 0. Em robótica ou descoberta científica, quantifica sucesso em navegação, manipulação, integração com sensores e transferência de simulação para o mundo real; pesos $\iota$ mais elevados (1.5–2.0) são recomendados para robôs, enquanto LLMs funcionam com $\iota$ baixo (0.1–0.3).
<b>Recorrência contrativa (<math>F_\gamma(\Phi)</math>)</b>	Atualiza o estado interno com uma contração de Banach: $x_{t+1} = (1 - \gamma)x_t + \gamma \tanh(f(x_t; \Phi))$ <sup>2</sup> . A restrição $0 < \gamma \leq 0.5$ garante convergência estável independentemente do estado inicial, e a função $\tanh$ evita explosões numéricas <sup>2</sup> . O vetor $\Phi$ combina memórias recentes, replay, <i>seeds</i> fixas e verificadores.

## Critério de aceitação

Após cada modificação candidata (ajuste de pesos, arquitetura ou código), calcula-se o *score*  $s = P_k - \rho R_k + \sigma \tilde{S}_k + \iota B_k$ . A modificação é **aceita** se e somente se:

1. **Score positivo** –  $s > 0$  significa que os benefícios (Progresso, Estabilidade, Embodiment) superam os custos <sup>3</sup>.
2. **Validação empírica** – a taxa de regressão (*regret*) não excede 0,1, garantindo que benchmarks canário não sejam degradados <sup>3</sup>.
3. **Guardrails de segurança** – verificações adicionais detectam NaN/Inf, saturação de recursos, limites específicos do domínio (por exemplo, “kill switch” em robótica) <sup>3</sup>.

Se qualquer condição falhar, realiza-se *rollback*. Este mecanismo garante que a IA cresce somente quando há ganho real e que o conhecimento acumulado não se perde.

## 2 Infra-estrutura – corpo e sustentação

A implementação eficaz de ET★ requer uma infraestrutura robusta e confiável. Os documentos analisados definem requisitos mínimos e recomendados <sup>4</sup>:

- **Processamento central:** o sistema deve possuir **no mínimo 16 núcleos físicos** com suporte a múltiplas *threads* <sup>4</sup>. Processadores server-grade (AMD EPYC/Intel Xeon) são ideais; i7/i9 ou Ryzen de alta performance servem para protótipos. A arquitetura multi-core permite paralelizar coleta de experiências, cálculo de termos, treino e logging.
- **GPU:** pelo menos **uma GPU com 12 GB de VRAM** é necessária para treinar modelos neurais; a configuração ideal utiliza duas GPUs – uma dedicada à inferência e outra ao treino assíncrono <sup>4</sup>. GPUs com 24 GB ou mais mitigam gargalos; múltiplas GPUs podem ser usadas em LLMs grandes.
- **Memória e armazenamento:** recomenda-se **≥64 GB de RAM** (128 GB para buffers grandes) e **1–2 TB de SSD NVMe** para logs, checkpoints e replay buffers <sup>4</sup>.
- **Energia e rede:** use no-breaks/UPS, resfriamento adequado e rede estável; isole a rede ou utilize VPN para monitoramento remoto.
- **Sensores/robótica:** opcionais; quando a IA interage com o mundo real, sensores, braços robóticos, câmeras e espectrômetros são necessários.

### Sistema operacional e software

- **SO:** distribuições Linux (Ubuntu LTS, Debian, CentOS) com drivers CUDA/cuDNN atualizados.
- **Ambiente isolado:** conda, virtualenv ou contêineres (Docker/Podman) configurados para reinício automático.
- **Bibliotecas:** PyTorch ou JAX para redes neurais; Gymnasium, stable-baselines3 ou RLlib para RL; NumPy, psutil, pyyaml; TensorBoard ou Weights & Biases para monitorar LP, entropia e uso de recursos. SymPy (simbólica) e Numba (JIT) são opcionais.
- **Monitoramento:** use psutil/nvidia-smi para CPU/GPU/energia, e dashboards para visualizar LP, entropia, *score* e número de parâmetros.
- **Estrutura de projeto:** organize o repositório com diretórios `agent/` (política, replay, curiosidade), `tasks/` (gerador de tarefas e currículo), `training/` (loops de treino e otimizadores), `config/` (arquivos YAML), `logs/` (métricas, checkpoints) e um `run.py` como ponto de entrada.

## Segurança e operações contínuas

- **Canários de regressão:** mantenha um conjunto fixo de tarefas simples (jogos curtos, pequenos programas, experimentos) para testar cada nova versão; se a IA falhar nesses testes, descarte a modificação.
- **Monitoramento de recursos:** configure alertas para uso de CPU, GPU, memória ou energia que fuja de padrões; rotacione logs e buffers para evitar esgotamento de disco.
- **Kill switch e rollback:** implemente um arquivo ou sinal que permita encerrar imediatamente a execução em caso de comportamento inesperado; salve checkpoints após cada aceitação para possibilitar *rollback*.
- **Sandboxing:** execute auto-modificações (por exemplo, integração com Darwin-Gödel Machine) em contêineres isolados e promova apenas código validado.
- **Guardrails de currículo:** mantenha entropia mínima, injete seeds quando LP cair, controle quantis da ZDP e monitore regret para evitar regressões.

## 3 Prática – implementação e validação

Para colocar a ET★ em funcionamento, siga as etapas abaixo. Elas são independentes do domínio (RL, LLM, robótica ou descoberta científica):

1. **Preparação inicial** – configure o servidor e ambiente Linux, instale drivers e dependências. Estruture o projeto com diretórios apropriados e crie `config.yaml` com pesos iniciais  $(\rho, \sigma, \iota, \gamma)$ , limiar de entropia, quantil da ZDP e limites de buffer.
2. **Implementação do núcleo ET★** – desenvolva uma classe `ETCore` com métodos para:
  3. `score_terms`: receber sinais (LP,  $\beta$ , MDL, energia, escalabilidade inversa, entropia, divergência, drift, variância de  $\beta$ , regret, embodiment) e calcular  $P_k, R_k, \tilde{S}_k, B_k$ .
  4. `evaluate`: computar o score  $s = P_k - \rho R_k + \sigma \tilde{S}_k + \iota B_k$  e retornar se a modificação deve ser aceita ( $s > 0$ ) <sup>3</sup>.
  5. `update_recurrence`: aplicar a recorrência contrativa  $x_{t+1} = (1 - \gamma)x_t + \gamma \tanh(\text{mean}(\varphi))$  <sup>2</sup>.
6. **Mapeamento de sinais** – cada domínio deve fornecer os sinais necessários:
  7. **LP** – diferença de performance recente/histórica (retorno médio em RL, pass@k ou exact match em LLMs, taxa de sucesso físico em robótica ou hipóteses bem-sucedidas em descoberta científica).
  8.  $\beta$  – codifica a dificuldade ou novidade da tarefa.
  9. **MDL/complexidade** – número de parâmetros do modelo ou tamanho do código.
  10. **Energia e escalabilidade** – consumo de GPU/CPU e eficiência de paralelização.
  11. **Entropia/ divergência** – calculadas sobre a política (RL) ou distribuição de saídas (LLM).
  12. **Drift/regret** – mede esquecimento de tarefas canário; regret é a fração de falhas em benchmarks.
13. **Embodiment** – pontuação de sucesso em tarefas físicas (0 para sistemas puramente digitais).
14. **Loop de treino** – repita continuamente:

15. *Gerar experiência*: interaja com o ambiente ou dados, marcando cada transição com LP e dificuldade.
16. *Atualizar buffers*: inserir transições no replay e atualizar histórico de LP.
17. *Treinar a política*: amostrar um lote priorizado e aplicar uma atualização (PPO, SAC, fine-tuning, etc.); salvar a modificação candidata.
18. *Medir sinais*: calcular  $P_k, R_k, \tilde{S}_k, B_k$ .
19. *Decidir aceitar ou descartar*: aceitar apenas se  $s > 0$  e os canários não forem degradados <sup>3</sup>; caso contrário, faça rollback.
20. *Atualizar recorrência*: atualizar o estado interno com  $\varphi$  agregando experiências novas, replays, seeds e verificadores.
21. *Adaptar currículo*: aumentar  $\beta$  se LP médio e entropia estiverem baixos; injetar seeds quando necessário; reduzir  $\beta$  se falhar em canários.
22. *(Opcional) Auto-modificação*: permitir que um módulo Darwin-Gödel proponha edições de código; testar em sandbox e integrar apenas se melhorarem o score.
23. *Logging e backup*: registrar métricas (LP, entropia,  $R_k, \tilde{S}_k, B_k$ , estado de recorrência); salvar checkpoints periódicos e reiniciar automaticamente se detectar NaN/Inf ou travamentos.
24. **Adaptações por domínio** – a ET★ é universal, mas alguns sinais mudam:
25. **LLMs**: LP corresponde a exact match ou pass@k;  $\beta$  relaciona-se à novidade do prompt; embodiment normalmente é 0.
26. **Aprendizado por reforço**: LP é a variação do retorno médio;  $\beta$  codifica a dificuldade do ambiente; embodiment é 0 em simulação e >0 em robótica física.
27. **Robótica física**: embodiment é crítico; inclua limites de torque/velocidade e *kill switch*.
28. **Descoberta científica**: LP mede a taxa de hipóteses úteis ou precisão de predições; regret captura falhas em replicar experimentos; embodiment quantifica sucesso em robótica de laboratório.

## Conclusão

A **Equação de Turing (ET★)** é o coração de uma inteligência artificial auto-evolutiva. Ela combina progresso, custo, estabilidade e embodiment num score simples que decide autonomamente se uma modificação deve ser incorporada <sup>1</sup>. A contração recorrente garante estabilidade a longo prazo <sup>2</sup>, e a infraestrutura descrita possibilita operar 24/7 com segurança <sup>4</sup>. O resultado é um sistema que aprende, se adapta e evolui para sempre – um coração que bate eternamente.

---

<sup>1</sup> <sup>2</sup> <sup>3</sup> <sup>4</sup> manual\_et.txt

<http://localhost:8000/>