Semana_14_ Clasificacion

May 21, 2025

0.1 Arboles de decisión

Según [1] un arbol de decisión es un algoritmo de aprendizaje supervisado no paramétrico, que se utiliza tanto para tareas de clasificación como de regresión. De acuerdo con [2] se aplican para tareas de clasificación son un subtipo de árbol de predicción para una variable de respuesta categórica.

Tiene una estructura jerárquica de árbol, que consta de un nodo raíz, ramas, nodos internos y nodos hoja. Como puede ver en el siguiente diagrama, un árbol de decisión comienza con un nodo raíz, que no tiene ninguna rama entrante. Las ramas salientes del nodo raíz luego alimentan los nodos internos, también conocidos como nodos de decisión. Con base a [2] este árbol se construye por medio del método de *división binaria recursiva*.

Tomado de [1]

Para [1] este tipo de estructura en forma de árbol también crea una representación fácil de digerir de la toma de decisiones, lo que permite a los diferentes grupos de una organización comprender mejor por qué se tomó una decisión.

De acuerdo con [1] el aprendizaje de árboles de decisión emplea una estrategia de divide y vencerás realizando una búsqueda codiciosa para identificar los puntos de división óptimos dentro de un árbol. Este proceso de división se repite de forma descendente y recursiva hasta que todos o la mayoría de los registros se hayan clasificado con etiquetas de clase específicas. Para [1] el **sobreajuste** se puede evitar si se emplea la poda(**prunning**), la cual se trata de un proceso que elimina las ramas con características de poca importancia. Sin embargo, para [2] además de la poda tambien se puede evitar limitando el tamaño del arbol con el métod de parada temprana(**early stopping**).

En un ábol de decisión los nodos se vinculan o asocian a atributos del conjunto de datos. Para asociarlos o vincularlos se emplean dos métodos: la ganancia de información y la impureza de Gini. Por consiguiente los nodos del árbol actuan como criterios de división dentro del árbol.

La ganancia de información se basa en el concepto de entropía. La entropía mide la impureza de los valores de la muestra. Los valores de entropía pueden estar comprendidos entre 0 y 1. Si todas las muestras del conjunto de datos, pertenecen a una clase, entonces la entropía será igual a cero. Si la mitad de las muestras se clasifican en una clase y la otra mitad en otra, la entropía alcanzará su máximo en 1. Con el fin de seleccionar la mejor característica para dividir y encontrar el árbol de decisión óptimo, se debe utilizar el atributo con la menor cantidad de entropía. La Ganancia de información representa la diferencia en la entropía antes y después de una división en un atributo dado.

A juicio de [1] la impureza de GINI es la probabilidad de clasificar incorrectamente un punto de datos aleatorio del conjunto de datos si se etiquetara en función de la distribución de clases. Si pertenece a un clase su impureza es 0 [1] [4].

La ecuación de GINI es:

 $Gini(D)=1-_{i=1}^m Pi^2$ Donde Pi es la Probabilidad de una tupla o registro pertenezca a la clase

\$IndiceGini = 1-(probabilidadCategoría1)^{2-(probabilidadCategoría2)}2 \$

En [4] tenemos un ejemplo en el que el conjunto de datos tiene un total de 10 registros o tuplas pero de ellos sólo 3 son «demonios» y los 7 restantes son «asesinos», entonces:

- La probabilidad de la categoría 1 (demonios) sería de 3/10 = 0.3
- La probabilidad de la categoría 2 (asesinos) sería de 7/10 = 0.7

En este caso el índice GINI sería igual a: $\frac{1-(3/10)^{2-(7/10)}}{2}=1-0.3^{2-0.7}=0.42$

A criterio de [2] la prueba de bondad de ajuste chi-cuadrado (\$X^{2} \$) tambien se emplea en la división de nodos de un árbol para verificar si existe una diferencia significativa entre los nodos hijos y el nodo parental. Cuando el árbol se crea con estas condiciones se nombra como CHAID(Chi-square automatic interaction detector).

Ventajas de los árboles de decisión: Desde la posición de [1] son útiles para tareas de minería de datos y descubrimiento de conocimiento. Los árboles son fáciles de interpretar, requieren poca preparación en los datos y son muy flexibles. Para [3] las ventajas son:

- El árbol de decisión no tiene suposiciones sobre la distribución de los datos debido a la naturaleza no parámetrica del algoritmo.
- Puede captar patrones no lineales.

Desventajas de los árboles de decisión Desde el punto de vista de [1] los árboles de decisión son propensos al sobreajuste. Sin embargo, esto se puede evitar con procesos de poda(corte) previa a la construcción del árbol o posterior a su generación. Otra desventaja son los estimadores de alta varianza que ocacionan pequeñas variaciones dentro de los datos lo que produce un árbol de decisión diferente. Un método que reduce la varianza de los árboles de decisión es el *embolsado* o el *promedio de estimaciones*. También, otra desventaja es el costo de su construcción. Desde el punto de vista de [3] son sensibles a datos ruidosos.

0.2 Ejemplo 1

Se tiene información de sillas infantiles de 400 tiendas distintas. Para cada una de las tiendas se han registrado 11 variables. Con base a estos datos se pretende generar un modelo de clasificación que permita predecir si una tienda tiene ventas altas (ventas > 8) o bajas(ventas <=8) en función de todas las variables disponibles. Los datos de la tienda estan disponibles en los dataset de ejemplo de la librería statmodels.

0.3 1. Carga del conjunto de datos

	Pregnancies	Glucose	${ t BloodPressure}$	${ t SkinThickness}$	Insulin	\mathtt{BMI}	\
0	6	148	72	35	0	33.6	
1	1	85	66	29	0	26.6	

2	8	183	64	0	0	23.3
3	1	89	66	23	94	28.1
4	0	137	40	35	168	43.1

	${\tt DiabetesPedigreeFunction}$	Age	Outcome
0	0.627	50	1
1	0.351	31	0
2	0.672	32	1
3	0.167	21	0
4	2.288	33	1

2.Preprocesado Selección de características.

0.3.1 2.1 División de datos

0.4 3. Construcción del modelo de árbol de decisión

0.5 4. Evaluación del modelo

Accuracy: 0.6753246753246753

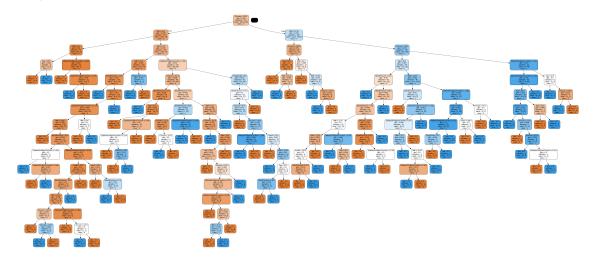
Obtuvimos un índice de clasificación del 67,53%, lo que se considera una buena precisión. Puedes mejorar esta precisión ajustando los parámetros del algoritmo del árbol de decisión.

0.6 5. Visualización del árbol de decisión

Se debe instalar la librería:

- pip install graphviz
- pip install pydotplu

Requirement already satisfied: six in /usr/local/lib/python3.11/dist-packages (1.17.0)

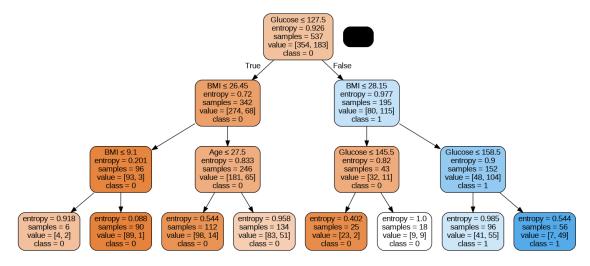


0.7 6. Optimazación del ábol de decisión:

Para optimizar el arbol de decisión se pueden ajustar los hiperparámetros (Parámetros configurables por el usuario) del modelo. Algunos de estos parámetros son:

- Criterio(Medida de selección de atributos): Si queremos asociar los atributos por el ratio GINI se debe configurar así: criterion="gini". Si queremos utilizar el método de la ganancia de información debemos escribir: criterion="entropy".
- Divisor(Estrategia de división): configura la estrategia de división del arbol. Las estrategias admitidas son: "mejor" para elegir la mejor división y "aleatoria" para eligir la mejor decisión aleatoria.
- Profundidad máxima del árbol: este parámetro ajusta la expansión del árbol. Las opciones son: valor_entero o None. Si la opción es "None" los nodos se extienden hasta que todas la hojas contengan menos muestras que el parámetro min_muetras_split. Un valor entero muy alto genera sobreajuste y un valor entero muy bajo infraajuste.

Accuracy: 0.7705627705627706



0.8 Problema resuelto2:

(2008, 24)

	NUMERO	GENERO	דדסח כחודכוח	LOCALIDAD_COLEGIO	CALENDARIO	MIINTCTDTO	\
	MORIERO	GENERO	IILO_COFFGIO	LOCKLIDED_COFEGIO	CALENDARIO	HONICIFIU	\
0	1	1	0	20	0	0	
1	2	1	2	2	1	19	
2	3	0	2	20	1	121	
3	4	0	1	19	1	19	
4	5	0	2	8	1	19	

DEPARTAMENTO PG_ICFES CON_MAT_ICFES APT_MAT_ICFES ... BIOLOGIA_ICFES `
0 0 474 66 66 ... 58

1 2	5 18		23 83	99 64		99 . 64 .			61 63	
3	5	5:	29	89		89 .	•••		83	
4	5	4	78	78		78	••		66	
	SOCIALES_ICF	ES FILO	SOFIA_ICFES	IDIOMA_I	CFES	LOCALID	AD DISTANC	CIA	\	
0		0	65		79		20	6		
1		0	64		60		1	5		
2		0	64		77		20	6		
3		0	62		75		19	5		
4		0	60		70		8	3		
	INSCRIPCION	ESTRATO	ANO_INGRES		IENTO					
0	9	3	201			2				
1	9	3	201	1		2				
2	9	3	201	1		1				
3	9	2	201	1		1				
4	9	3	201	1		2				
_		_								
[5	rows x 24 co	lumns								
	GENERO T	PO_COLEG	IO LOCALIDA	AD_COLEGIO	CAI	LENDARIO	MUNICIPIO	\		
0	1	_	0	- 20		0	0			
1	1		2		2	1	19			
2	0		2	20		1	121			
3	0		1	19		1	19			
4	0		2	8		1	19			
	•••	•••		•••	•••	•••				
2003	3 0		0	()	0	0			
2004	1 1		0	()	0	0			
2005	5 0		0	()	0	0			
2006	6 0		0	()	0	0			
2007	7 1		0	()	0	0			
	DEPARTAMEN	_	_	AT_ICFES	APT_N	MAT_ICFES	_		•••	\
0		0	474	66		66		73	•••	
1		5	523	99		99		70	•••	
2		18	483	64		64		76	•••	
3		5	529	89		89		70	•••	
4		5	478	78		78		70	•••	
•••	•••	•••	•••		•••		••• •••			
2003		0	342	68		O		0	•••	
2004	1	0	347	69		0		0	•••	
2005	5	0	348	67		0		0	•••	
2006	3	0	340	70		0		0	•••	
2007	7	0	351	69		C		0		

BIOLOGIA_ICFES SOCIALES_ICFES FILOSOFIA_ICFES IDIOMA_ICFES \

0		58	0		65	79		
1		61	0		64	60		
2		63	0		64	77		
3		83	0		62	75		
4		66	0		60	70		
2003	•••	68	 70	•••	0	58		
2004		71	69		0	71		
2005		67	76		0	68		
2006		67	66		0	63		
2007		63	78		0	70		
	LOCALIDAD	DISTANCIA	INSCRIPCION	ESTRATO	ANO_INGRESO	RENDIMIE	אדח ווי	NΩ
0	20	6	9	3	2011			2
1	1	5	9	3	2011			2
2	20	6	9	3	2011			1
3	19	5	9	2	2011			1
				3				2
4	8	3	9		2011			2
 2003	11	 5	9	3	2018	•••		2
2004	19	5	10	1	2018			2
2005	11	5	9	2	2018			1
2006	11	5	9	3	2018			2
2007	7	5	9	2	2018			3
2001	,	5	9	۷	2010			J
[2008	rows x 23	columns]						
[2008			LOCALIDAD_CO	LEGIO CA	LENDARIO MU	NICIPIO \		
[2008			LOCALIDAD_CO	LEGIO CA 20	LENDARIO MU	NICIPIO \		
	GENERO TI	PO_COLEGIO	LOCALIDAD_CO					
0	GENERO TI	PO_COLEGIO 0	LOCALIDAD_CO	20	0	0		
0 1	GENERO TI 1 1	PO_COLEGIO 0 2	LOCALIDAD_CO	20 2 20	0 1	0 19		
0 1 2	GENERO TI 1 1 0	PO_COLEGIO 0 2 2	LOCALIDAD_CO	20 2	0 1 1	0 19 121		
0 1 2 3	GENERO TI 1 1 0 0	PO_COLEGIO 0 2 2 1	LOCALIDAD_CO	20 2 20 19	0 1 1 1	0 19 121 19		
0 1 2 3 4	GENERO TI 1 1 0 0	PO_COLEGIO 0 2 2 1 2	LOCALIDAD_CO	20 2 20 19	0 1 1 1	0 19 121 19		
0 1 2 3 4 	GENERO TI 1 1 0 0 0 0	PO_COLEGIO 0 2 2 1 2	LOCALIDAD_CO	20 2 20 19 8	0 1 1 1 1	0 19 121 19 19		
0 1 2 3 4 2003 2004	GENERO TI 1 1 0 0 0 0	PO_COLEGIO 0 2 2 1 2 	LOCALIDAD_CO	20 2 20 19 8 	0 1 1 1 1 	0 19 121 19 19		
0 1 2 3 4 2003 2004 2005	GENERO TI 1 1 0 0 0 0 1	PO_COLEGIO	LOCALIDAD_CO	20 2 20 19 8 0 0	0 1 1 1 1 0	0 19 121 19 19		
0 1 2 3 4 2003 2004	GENERO TI 1 1 0 0 0 0 0 1 1 0 1	PO_COLEGIO	LOCALIDAD_CO	20 2 20 19 8 0	0 1 1 1 1 0 0	0 19 121 19 19		
0 1 2 3 4 2003 2004 2005 2006	GENERO TI 1 1 0 0 0 0 1 1 0 1 1 1 1 1 1 1 1	PO_COLEGIO		20 2 20 19 8 0 0 0	0 1 1 1 1 0 0 0 0	0 19 121 19 19 0 0 0		
0 1 2 3 4 2003 2004 2005 2006 2007	GENERO TI 1 1 0 0 0 0 1 1 0 1 0 0 0 0	PO_COLEGIO	 S CON_MAT_IC	20 2 20 19 8 0 0 0 0 0	0 1 1 1 1 0 0 0 0 0 0	0 19 121 19 19 0 0 0 0	S	\
0 1 2 3 4 2003 2004 2005 2006 2007	GENERO TI 1 1 0 0 0 0 1 1 0 1 1 1 1 1 1 1 1	PO_COLEGIO	 S CON_MAT_IC	20 2 20 19 8 0 0 0 0 0	0 1 1 1 1 0 0 0 0 0 0 0 0	0 19 121 19 19 0 0 0 0 0 0	S 3	\
0 1 2 3 4 2003 2004 2005 2006 2007	GENERO TI 1 1 0 0 0 0 1 1 0 1 1 1 1 1 1 1 1	PO_COLEGIO 0 2 2 1 2 0 0 0 0 7TO PG_ICFE 0 47 5 52	 S CON_MAT_IC 4 3	20 2 20 19 8 0 0 0 0 0 0	0 1 1 1 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0	0 19 121 19 19 0 0 0 0 0 0 TSICA_ICFE	S 3 0	\
0 1 2 3 4 2003 2004 2005 2006 2007	GENERO TI 1 1 0 0 0 0 1 1 0 1 1 1 1 1 1 1 1	PO_COLEGIO 0 2 2 1 2 0 0 0 0 7TO PG_ICFE 0 47 5 52 18 48	 S CON_MAT_IC 4 3 3	20 2 20 19 8 0 0 0 0 0 0 0 5 FES APT_ 66 99 64	0 1 1 1 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	0 19 121 19 19 0 0 0 0 0 0 0 0	S 3 0 6	\
0 1 2 3 4 2003 2004 2005 2006 2007	GENERO TI 1 1 0 0 0 0 1 1 0 1 1 1 1 1 1 1 1	PO_COLEGIO 0 2 2 1 2 0 0 0 0 0 TO PG_ICFE 0 47 5 52 18 48 5 52	 S CON_MAT_IC 4 3 3 3	20 2 20 19 8 0 0 0 0 0 0 0 5 FES APT_ 66 99 64 89	0 1 1 1 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	0 19 121 19 19 0 0 0 0 0 0 ISICA_ICFE 7 7	S 3 0 6 0	\
0 1 2 3 4 2003 2004 2005 2006 2007	GENERO TI 1 1 0 0 0 0 1 1 0 1 1 1 1 1 1 1 1	PO_COLEGIO 0 2 2 1 2 0 0 0 0 7TO PG_ICFE 0 47 5 52 18 48	 S CON_MAT_IC 4 3 3 3	20 2 20 19 8 0 0 0 0 0 0 0 5 FES APT_ 66 99 64	0 1 1 1 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	0 19 121 19 19 0 0 0 0 0 0 ISICA_ICFE 7 7	S 3 0 6	\
0 1 2 3 4 2003 2004 2005 2006 2007	GENERO TI 1 1 0 0 0 0 1 1 0 1 1 1 1 1 1 1 1	PO_COLEGIO 0 2 2 1 2 0 0 0 0 0 TO PG_ICFE 0 47 5 52 18 48 5 52	S CON_MAT_IC 4 3 3 9 8	20 2 20 19 8 0 0 0 0 0 0 0 5 FES APT_ 66 99 64 89	0 1 1 1 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	0 19 121 19 19 0 0 0 0 0 0 0 0 0 7 7 7	S 3 0 6 0	\

2004	0	347		69		0	0	
2005	0	348		67		0	0	
2006	0	340		70		0	0	
2007	0	351		69		0	0	
	LITERATURA_IC	FES BIOLOG	IA_ICFES	SOCIALES_	ICFES	FILOSOF	IA_ICFES	\
0		68	58		0		65	
1		81	61		0		64	
2		65	63		0		64	
3		74	83		0		62	
4		71	66		0		60	
•••	•••		•••			•••		
2003		71	68		70		0	
2004		68	71		69		0	
2005		69	67		76		0	
2006		71	67		66		0	
2007		71	63		78		0	
	IDIOMA_ICFES	LOCALIDAD	DISTANCI.	A INSCRIP	CION	ESTRATO	ANO_INGR	ES0
0	79	20	(6	9	3	2	011
1	60	1		5	9	3	2	011
2	77	20	(6	9	3	2	011
3	75	19	!	5	9	2	2	011
4	70	8	;	3	9	3	2	011
•••	•••		•••	•••		•••		
2003	58	11		5	9	3	2	018
2004	71	19		5	10	1	2	018
2005	68	11		5	9	2	2	018
2006	63	11		5	9	3	2	018
2007	70	7		5	9	2	2	018

[2008 rows x 22 columns]

RENDIMIENTO_UNO

	TUDIND THE DIVID ONG
0	2
1	2
2	1
3	1
4	2
•••	•••
2003	2
2004	2
2005	1
2006	2
2007	3

[2008 rows x 1 columns]

GENERO TIPO_COLEGIO LOCALIDAD_COLEGIO CALENDARIO MUNICIPIO \

0	1.0	0.0	20	0 0	.0	0.0		
1	1.0	2.0			.0	19.0		
2	0.0	2.0	20			121.0		
3	0.0	1.0	19		.0	19.0		
4	0.0	2.0			.0	19.0		
	0.0	2.0	O			10.0		
 2003	0.0	0.0			 .0	0.0		
2003	1.0	0.0			.0	0.0		
2005	0.0	0.0			.0	0.0		
2006	0.0	0.0			.0	0.0		
2007	1.0	0.0			.0	0.0		
2007	1.0	0.0	O	.0 0	.0	0.0		
	DEPARTAMENTO	PG_ICFES	CON_MAT_ICFES	APT_MAT_IC	FES FISI	CA_ICFES		\
0	0.0	474.0	66.0	6	6.0	73.0	•••	
1	5.0	523.0	99.0	9	9.0	70.0	•••	
2	18.0	483.0	64.0	6	4.0	76.0	•••	
3	5.0	529.0	89.0	8	9.0	70.0		
4	5.0	478.0	78.0		8.0	70.0	•••	
•••	•••	•••	•••	•••				
2003	0.0	342.0	68.0		0.0	0.0		
2004	0.0	347.0	69.0		0.0	0.0	•••	
2005	0.0	348.0	67.0		0.0	0.0	•••	
2006	0.0	340.0	70.0		0.0	0.0	•••	
2007	0.0	351.0	69.0		0.0	0.0		
			~~~ ~~~					
0	LITERATURA_IC			<del>-</del>	FILOSOFI	_	\	
0	6	88.0	58.0	0.0	FILOSOFI	65.0	\	
1	- 6 8	88.0 81.0	58.0 61.0	0.0	FILOSOFI	65.0 64.0	\	
1 2	6 8 6	88.0 81.0 85.0	58.0 61.0 63.0	0.0 0.0 0.0	FILOSOFI	65.0 64.0 64.0	\	
1 2 3	6 8 6 7	88.0 81.0 85.0 74.0	58.0 61.0 63.0 83.0	0.0 0.0 0.0	FILOSOFI	65.0 64.0 64.0 62.0	\	
1 2	6 8 6 7	88.0 81.0 85.0	58.0 61.0 63.0	0.0 0.0 0.0	FILOSOFI	65.0 64.0 64.0	\	
1 2 3 4 	6 8 6 7 7	88.0 81.0 85.0 74.0	58.0 61.0 63.0 83.0 66.0	0.0 0.0 0.0 0.0 0.0	FILOSOFI	65.0 64.0 64.0 62.0 60.0	\	
1 2 3 4  2003	- 6 8 6 7 7 	88.0 81.0 85.0 74.0 71.0	58.0 61.0 63.0 83.0 66.0	0.0 0.0 0.0 0.0 0.0	FILOSOFI	65.0 64.0 64.0 62.0 60.0	\	
1 2 3 4  2003 2004	- 6 8 6 7 7  7 6	88.0 81.0 85.0 74.0 71.0	58.0 61.0 63.0 83.0 66.0  68.0 71.0	0.0 0.0 0.0 0.0 0.0	FILOSOFI	65.0 64.0 64.0 62.0 60.0	\	
1 2 3 4  2003 2004 2005	- 6 8 6 7 7  7 6	88.0 61.0 65.0 74.0 71.0 88.0	58.0 61.0 63.0 83.0 66.0  68.0 71.0 67.0	0.0 0.0 0.0 0.0 0.0  70.0 69.0 76.0	FILOSOFI	65.0 64.0 64.0 62.0 60.0	\	
1 2 3 4  2003 2004 2005 2006	- 6 8 6 7 7  7 6 6	88.0 81.0 85.0 74.0 71.0 88.0 89.0 71.0	58.0 61.0 63.0 83.0 66.0  68.0 71.0 67.0	0.0 0.0 0.0 0.0 0.0  70.0 69.0 76.0 66.0	FILOSOFI	65.0 64.0 64.0 62.0 60.0 0.0 0.0 0.0	\	
1 2 3 4  2003 2004 2005	- 6 8 6 7 7  7 6 6	88.0 61.0 65.0 74.0 71.0 88.0	58.0 61.0 63.0 83.0 66.0  68.0 71.0 67.0	0.0 0.0 0.0 0.0 0.0  70.0 69.0 76.0	FILOSOFI	65.0 64.0 64.0 62.0 60.0	\	
1 2 3 4  2003 2004 2005 2006	- 6 8 6 7 7  7 6 6	88.0 81.0 85.0 84.0 81.0 88.0 89.0 81.0	58.0 61.0 63.0 83.0 66.0  68.0 71.0 67.0 67.0 63.0	0.0 0.0 0.0 0.0 0.0  70.0 69.0 76.0 66.0		65.0 64.0 64.0 62.0 60.0 0.0 0.0 0.0		
1 2 3 4  2003 2004 2005 2006	7 7  7 6 6	88.0 81.0 85.0 84.0 81.0 88.0 89.0 81.0	58.0 61.0 63.0 83.0 66.0  68.0 71.0 67.0 67.0 63.0	0.0 0.0 0.0 0.0 0.0  70.0 69.0 76.0 66.0 78.0		65.0 64.0 64.0 62.0 60.0 0.0 0.0 0.0 0.0	SSO	
1 2 3 4  2003 2004 2005 2006 2007	6 8 8 6 6 7 7 6 6 6 7 7 TIDIOMA_ICFES	88.0 81.0 85.0 74.0 71.0 88.0 89.0 71.0 11.0 LOCALIDAD	58.0 61.0 63.0 83.0 66.0  68.0 71.0 67.0 67.0 63.0 DISTANCIA I	0.0 0.0 0.0 0.0 0.0  70.0 69.0 76.0 66.0 78.0	 ESTRATO	65.0 64.0 64.0 62.0 60.0 0.0 0.0 0.0		
1 2 3 4  2003 2004 2005 2006 2007	66 88 66 77 7 66 66 77 7 1DIOMA_ICFES 79.0 60.0	88.0 61.0 65.0 74.0 71.0 68.0 69.0 71.0 71.0 LOCALIDAD 20.0 1.0	58.0 61.0 63.0 83.0 66.0  68.0 71.0 67.0 67.0 63.0 DISTANCIA I 6.0 5.0	0.0 0.0 0.0 0.0 0.0  70.0 69.0 76.0 66.0 78.0 NSCRIPCION 9.0 9.0	 ESTRATO 3.0 3.0	65.0 64.0 64.0 62.0 60.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 ANO_INGRE 2011 2011		
1 2 3 4  2003 2004 2005 2006 2007	6 8 8 6 7 7 7 7 6 6 6 7 7 7 IDIOMA_ICFES 79.0	88.0 81.0 85.0 74.0 71.0 88.0 89.0 71.0 LOCALIDAD 20.0 1.0	58.0 61.0 63.0 83.0 66.0  68.0 71.0 67.0 67.0 63.0 DISTANCIA I 6.0 5.0 6.0	0.0 0.0 0.0 0.0 0.0  70.0 69.0 76.0 66.0 78.0 NSCRIPCION 9.0 9.0	 ESTRATO 3.0 3.0 3.0	65.0 64.0 64.0 62.0 60.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 2011 2011		
1 2 3 4  2003 2004 2005 2006 2007	IDIOMA_ICFES 79.0 60.0 77.0 75.0	88.0 61.0 65.0 64.0 61.0 68.0 69.0 61.0 61.0 11.0 11.0 11.0 11.0 11.0 11.0	58.0 61.0 63.0 83.0 66.0  68.0 71.0 67.0 67.0 63.0 DISTANCIA I 6.0 5.0 6.0 5.0	0.0 0.0 0.0 0.0 0.0  70.0 69.0 76.0 66.0 78.0 NSCRIPCION 9.0 9.0 9.0	ESTRATO 3.0 3.0 3.0 2.0	65.0 64.0 64.0 62.0 60.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 2011 2011 2011		
1 2 3 4  2003 2004 2005 2006 2007	66 88 66 77 77 77 66 66 77 77 1DIOMA_ICFES 79.0 60.0 77.0	88.0 81.0 85.0 74.0 71.0 88.0 89.0 71.0 LOCALIDAD 20.0 1.0	58.0 61.0 63.0 83.0 66.0  68.0 71.0 67.0 67.0 63.0 DISTANCIA I 6.0 5.0 6.0	0.0 0.0 0.0 0.0 0.0  70.0 69.0 76.0 66.0 78.0 NSCRIPCION 9.0 9.0 9.0	ESTRATO 3.0 3.0 3.0 2.0 3.0	65.0 64.0 64.0 62.0 60.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 2011 2011		
1 2 3 4  2003 2004 2005 2006 2007	IDIOMA_ICFES 79.0 60.0 77.0 75.0 70.0	88.0 81.0 85.0 84.0 81.0 88.0 89.0 81.0 81.0 11.0 LOCALIDAD 20.0 1.0 20.0 19.0 8.0	58.0 61.0 63.0 83.0 66.0  68.0 71.0 67.0 67.0 63.0 DISTANCIA I 6.0 5.0 6.0 5.0 6.0	0.0 0.0 0.0 0.0 0.0  70.0 69.0 76.0 66.0 78.0 NSCRIPCION 9.0 9.0 9.0	ESTRATO 3.0 3.0 3.0 2.0 3.0	65.0 64.0 64.0 62.0 60.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 2011 2011 2011 2	.0 .0 .0	
1 2 3 4  2003 2004 2005 2006 2007 0 1 2 3 4  2003	IDIOMA_ICFES 79.0 60.0 77.0 75.0 70.0	88.0 61.0 65.0 64.0 61.0 68.0 69.0 61.0 11.0 LOCALIDAD 20.0 1.0 20.0 19.0 8.0	58.0 61.0 63.0 83.0 66.0 68.0 71.0 67.0 67.0 63.0  DISTANCIA I 6.0 5.0 6.0 5.0 3.0 5.0	0.0 0.0 0.0 0.0 0.0  70.0 69.0 76.0 66.0 78.0 NSCRIPCION 9.0 9.0 9.0 9.0	ESTRATO 3.0 3.0 3.0 2.0 3.0	65.0 64.0 64.0 62.0 60.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 2011 2011 2011 2	SSO 0 0 0	
1 2 3 4  2003 2004 2005 2006 2007	IDIOMA_ICFES 79.0 60.0 77.0 75.0 70.0	88.0 81.0 85.0 84.0 81.0 88.0 89.0 81.0 81.0 11.0 LOCALIDAD 20.0 1.0 20.0 19.0 8.0	58.0 61.0 63.0 83.0 66.0 68.0 71.0 67.0 67.0 63.0  DISTANCIA I 6.0 5.0 6.0 5.0 3.0 5.0 5.0	0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0  70.0 69.0 76.0 66.0 78.0 NSCRIPCION 9.0 9.0 9.0 9.0	ESTRATO 3.0 3.0 3.0 2.0 3.0 3.0	65.0 64.0 64.0 62.0 60.0 0.0 0.0 0.0 0.0 0.0 2011 2011 2011 2		

2006	63.0	11.0	5.0	9.0	3.0	2018.0
2007	70.0	7.0	5.0	9.0	2.0	2018.0

[2008 rows x 22 columns]

[2 1 3 4]

[0 1 2 3]

c:\ProyectosPython\cienciadedatos\.venv\Lib\site-

packages\sklearn\preprocessing_label.py:110: DataConversionWarning: A columnvector y was passed when a 1d array was expected. Please change the shape of y to (n_samples, ), for example using ravel().
v = column or 1d(v, warn=True)

у =	column_	or_1d(y,	warn=T	rue)							
	GENERO	TIPO_COL	EGIO :	LOCALIDAD_C	OLEGIO	CALENDA	RIO	MUNICIPIO	\		
0	1.0	_	0.0	_	20.0		0.0	0.0			
1	1.0		2.0		2.0	) :	1.0	19.0			
2	0.0		2.0		20.0	) :	1.0	121.0			
3	0.0		1.0		19.0	)	1.0	19.0			
4	0.0		2.0		8.0	) :	1.0	19.0			
•••	•••	•••				•••					
2003	0.0		0.0		0.0	) (	0.0	0.0			
2004	1.0		0.0		0.0	) (	0.0	0.0			
2005	0.0		0.0		0.0	) (	0.0	0.0			
2006	0.0		0.0		0.0	) (	0.0	0.0			
2007	1.0		0.0		0.0	) (	0.0	0.0			
	DEPARTA	MENTO PG	_ICFES	CON MAT I	CFES	APT_MAT_I	CFES	FISICA_IC	FES		\
0		0.0	474.0		66.0		36.0	<del>-</del>	3.0		
1		5.0	523.0		99.0	Ç	99.0	7	0.0		
2		18.0	483.0		64.0	(	34.0	7	6.0		
3		5.0	529.0		89.0	8	39.0	7	0.0		
4		5.0	478.0		78.0	-	78.0	7	0.0		
•••				•••		•••					
2003		0.0	342.0		68.0		0.0		0.0	•••	
2004		0.0	347.0		69.0		0.0		0.0	•••	
2005		0.0	348.0		67.0		0.0		0.0	•••	
2006		0.0	340.0		70.0		0.0		0.0	•••	
2007		0.0	351.0		69.0		0.0		0.0	•••	
	LITERAT	URA_ICFES	BIOL	OGIA_ICFES	SOCIA	LES_ICFES	FIL	.OSOFIA_ICF	ES	\	
0		68.0		- 58.0		0.0		_	.0		
1		81.0		61.0		0.0		64	.0		
2		65.0		63.0		0.0			.0		
3		74.0		83.0		0.0		62	.0		
4		71.0		66.0		0.0			.0		
•••		•••		•••		•••		•••			
2003		71.0		68.0		70.0		0	.0		
2004		68.0		71.0		69.0		0	.0		

```
0.0
2005
                  69.0
                                  67.0
                                                  76.0
2006
                  71.0
                                  67.0
                                                  66.0
                                                                    0.0
2007
                  71.0
                                  63.0
                                                  78.0
                                                                    0.0
      IDIOMA ICFES LOCALIDAD DISTANCIA INSCRIPCION ESTRATO
                                                                ANO INGRESO
0
              79.0
                         20.0
                                     6.0
                                                  9.0
                                                           3.0
                                                                     2011.0
                          1.0
1
              60.0
                                     5.0
                                                  9.0
                                                           3.0
                                                                     2011.0
                         20.0
2
              77.0
                                     6.0
                                                  9.0
                                                           3.0
                                                                     2011.0
3
              75.0
                         19.0
                                     5.0
                                                  9.0
                                                           2.0
                                                                     2011.0
4
              70.0
                          8.0
                                     3.0
                                                  9.0
                                                           3.0
                                                                     2011.0
                         11.0
                                     5.0
                                                  9.0
                                                           3.0
                                                                     2018.0
2003
              58.0
              71.0
                                     5.0
                                                           1.0
2004
                         19.0
                                                 10.0
                                                                     2018.0
              68.0
                         11.0
                                     5.0
                                                  9.0
                                                           2.0
2005
                                                                     2018.0
                                     5.0
                                                  9.0
                                                           3.0
2006
              63.0
                         11.0
                                                                     2018.0
2007
              70.0
                          7.0
                                     5.0
                                                  9.0
                                                           2.0
                                                                     2018.0
[2008 rows x 22 columns]
[[ 1.4259148 -0.9306264
                           1.2263107 ... 0.21117978 0.9157391
 -1.5626022 ]
 [ 1.4259148
               1.3240983 -1.1091399 ... 0.21117978 0.9157391
 -1.5626022 ]
 [-0.70130426 1.3240983
                           1.2263107 ... 0.21117978 0.9157391
 -1.5626022 ]
 [-0.70130426 -0.9306264 -1.5720342 \dots 0.21117978 -0.57410145]
   1.5225084 ]
 [-0.70130426 -0.9306264 -1.5720342 ... 0.21117978 0.9157391
   1.5225084 ]
 [ 1.4259148 -0.9306264 -1.5720342 ... 0.21117978 -0.57410145
   1.5225084 ]]
c:\ProyectosPython\cienciadedatos\.venv\Lib\site-
packages\numpy\_core\_methods.py:194: RuntimeWarning: overflow encountered in
multiply
  x = um.multiply(x, x, out=x)
c:\ProyectosPython\cienciadedatos\.venv\Lib\site-
packages\numpy\_core\_methods.py:205: RuntimeWarning: overflow encountered in
reduce
  ret = umr_sum(x, axis, dtype, out, keepdims=keepdims, where=where)
        GENERO TIPO COLEGIO LOCALIDAD COLEGIO CALENDARIO MUNICIPIO \
0
     1.425915
                   -0.930626
                                       1.226311
                                                  -0.946527 -0.932239
1
     1.425915
                   1.324098
                                      -1.109140
                                                1.024870 0.871811
2
    -0.701304
                   1.324098
                                       1.226311
                                                  1.024870 1.512984
3
    -0.701304
                   0.708158
                                       1.124151
                                                   1.024870
                                                              0.871811
4
    -0.701304
                                                   1.024870 0.871811
                    1.324098
                                      -0.155777
```

•••

```
-0.930626
2003 -0.701304
                                      -1.572034
                                                 -0.946527 -0.932239
2004 1.425915
                  -0.930626
                                      -1.572034 -0.946527 -0.932239
2005 -0.701304
                                     -1.572034 -0.946527 -0.932239
                  -0.930626
2006 -0.701304
                                                 -0.946527 -0.932239
                  -0.930626
                                      -1.572034
2007 1.425915
                  -0.930626
                                      -1.572034
                                                 -0.946527 -0.932239
     DEPARTAMENTO PG ICFES
                              CON MAT ICFES APT MAT ICFES FISICA ICFES ...
0
        -0.935053 1.594288
                                 -0.785448
                                                 0.659432
                                                                1.003832
1
         0.881765 2.496176
                                  2.968962
                                                 1.092583
                                                                0.977482
2
         1.578680 1.762976
                                 -1.023572
                                                 0.629451
                                                                1.029269
3
         0.881765
                   2.603949
                                  1.861875
                                                 0.971664
                                                                0.977482 ...
4
                                  0.615144
         0.881765 1.669436
                                                 0.829086
                                                                0.977482 ...
        -0.935053 -1.071123
2003
                                 -0.548742
                                                 -1.338546
                                                               -1.097676
2004
        -0.935053 -0.962498
                                 -0.430904
                                                 -1.338546
                                                               -1.097676
                                 -0.666921
                                                -1.338546
2005
        -0.935053 -0.940858
                                                              -1.097676
2006
        -0.935053 -1.114772
                                 -0.313405
                                                -1.338546
                                                              -1.097676
2007
        -0.935053 -0.876105
                                 -0.430904
                                                -1.338546
                                                              -1.097676
     LITERATURA ICFES BIOLOGIA ICFES
                                       SOCIALES ICFES FILOSOFIA ICFES
                                             -0.781967
0
             0.572083
                            -0.776711
                                                               1.027201
1
              2.143884
                             -0.428105
                                             -0.781967
                                                               1.017159
2
             0.175104
                            -0.192069
                                             -0.781967
                                                              1.017159
3
              1.325292
                              2.316401
                                             -0.781967
                                                              0.996666
4
             0.955135
                             0.167292
                                             -0.781967
                                                              0.975599
                              0.410327
2003
             0.955135
                                              1.287576
                                                              -1.096359
2004
             0.572083
                              0.779947
                                              1.284630
                                                              -1.096359
2005
             0.701259
                             0.288467
                                              1.304144
                                                              -1.096359
2006
             0.955135
                             0.288467
                                             1.275438
                                                              -1.096359
2007
             0.955135
                                                              -1.096359
                            -0.192069
                                             1.309282
      IDIOMA_ICFES LOCALIDAD DISTANCIA INSCRIPCION ESTRATO ANO_INGRESO
0
         1.263007
                                1.295224
                                            0.211180 0.915739
                                                                  -1.562602
                   1.353436
1
        -0.309421 -2.362879
                                0.550878
                                            0.211180 0.915739
                                                                  -1.562602
                                            0.211180 0.915739
2
          1.094287
                    1.353436
                                1.295224
                                                                  -1.562602
3
         0.926277
                    1.201965
                                0.550878
                                            0.211180 -0.574101
                                                                   -1.562602
         0.509468 -0.682326 -0.889589
                                            0.211180 0.915739
                                                                  -1.562602
                     •••
                                                 •••
2003
        -0.470669 -0.117093
                               0.550878
                                            0.211180 0.915739
                                                                 1.522508
2004
                                            3.609206 -1.975565
                                                                  1.522508
         0.592454
                   1.201965
                              0.550878
                                            0.211180 -0.574101
2005
         0.344075 -0.117093
                                0.550878
                                                                  1.522508
2006
                   -0.117093
                                            0.211180 0.915739
                                                                   1.522508
         -0.065920
                                0.550878
                                             0.211180 -0.574101
2007
         0.509468
                  -0.883844
                                0.550878
                                                                    1.522508
```

[2008 rows x 22 columns]

GENERO TIPO COLEGIO LOCALIDAD COLEGIO CALENDARIO MUNICIPIO \

```
0
      1.425915
                   -0.930626
                                        1.226311
                                                   -0.946527 -0.932239
1
     1.425915
                    1.324098
                                       -1.109140
                                                    1.024870
                                                                0.871811
2
                                                                1.512984
     -0.701304
                    1.324098
                                        1.226311
                                                    1.024870
3
     -0.701304
                    0.708158
                                        1.124151
                                                    1.024870
                                                                0.871811
                                       -0.155777
4
     -0.701304
                    1.324098
                                                    1.024870
                                                                0.871811
2003 -0.701304
                   -0.930626
                                       -1.572034
                                                   -0.946527
                                                               -0.932239
2004 1.425915
                   -0.930626
                                       -1.572034
                                                   -0.946527
                                                               -0.932239
2005 -0.701304
                   -0.930626
                                       -1.572034
                                                   -0.946527 -0.932239
2006 -0.701304
                   -0.930626
                                       -1.572034
                                                   -0.946527 -0.932239
2007 1.425915
                   -0.930626
                                       -1.572034
                                                   -0.946527 -0.932239
      DEPARTAMENTO PG_ICFES
                               CON_MAT_ICFES APT_MAT_ICFES
                                                             FISICA_ICFES
0
         -0.935053
                    1.594288
                                   -0.785448
                                                   0.659432
                                                                  1.003832
          0.881765
1
                    2.496176
                                    2.968962
                                                   1.092583
                                                                  0.977482
2
          1.578680
                    1.762976
                                   -1.023572
                                                   0.629451
                                                                  1.029269
3
          0.881765
                    2.603949
                                    1.861875
                                                   0.971664
                                                                  0.977482
4
                                                                  0.977482
          0.881765
                    1.669436
                                    0.615144
                                                   0.829086
         -0.935053 -1.071123
2003
                                   -0.548742
                                                  -1.338546
                                                                 -1.097676
2004
         -0.935053 -0.962498
                                   -0.430904
                                                  -1.338546
                                                                 -1.097676
2005
         -0.935053 -0.940858
                                   -0.666921
                                                  -1.338546
                                                                 -1.097676
2006
         -0.935053 -1.114772
                                   -0.313405
                                                  -1.338546
                                                                 -1.097676
2007
         -0.935053 -0.876105
                                   -0.430904
                                                  -1.338546
                                                                 -1.097676
      BIOLOGIA_ICFES SOCIALES_ICFES FILOSOFIA_ICFES
                                                        IDIOMA_ICFES \
0
           -0.776711
                            -0.781967
                                              1.027201
                                                             1.263007
1
           -0.428105
                            -0.781967
                                              1.017159
                                                            -0.309421
2
           -0.192069
                            -0.781967
                                              1.017159
                                                             1.094287
3
                            -0.781967
                                              0.996666
                                                             0.926277
            2.316401
4
                                              0.975599
            0.167292
                            -0.781967
                                                             0.509468
                                             -1.096359
2003
            0.410327
                             1.287576
                                                            -0.470669
2004
            0.779947
                             1.284630
                                             -1.096359
                                                             0.592454
                                             -1.096359
2005
            0.288467
                             1.304144
                                                             0.344075
2006
            0.288467
                             1.275438
                                             -1.096359
                                                            -0.065920
2007
           -0.192069
                             1.309282
                                             -1.096359
                                                             0.509468
                                           ESTRATO ANO_INGRESO \
      LOCALIDAD DISTANCIA
                            INSCRIPCION
       1.353436
0
                  1.295224
                                0.211180 0.915739
                                                      -1.562602
1
      -2.362879
                  0.550878
                                0.211180 0.915739
                                                      -1.562602
2
      1.353436
                  1.295224
                                0.211180 0.915739
                                                      -1.562602
3
       1.201965
                  0.550878
                                0.211180 -0.574101
                                                       -1.562602
4
      -0.682326
                 -0.889589
                                0.211180
                                         0.915739
                                                       -1.562602
2003
     -0.117093
                  0.550878
                                0.211180 0.915739
                                                       1.522508
2004
       1.201965
                  0.550878
                                3.609206 -1.975565
                                                       1.522508
2005 -0.117093
                               0.211180 -0.574101
                  0.550878
                                                       1.522508
```

2006 2007		0.550878 0.550878	0.211180 0.9 0.211180 -0.5			
		TO 17110				
	RENDIMIEN	_				
0		2				
1		2				
2		1				
3 4		1				
=		2				
 2003		2				
2003		2				
2004		1				
2006		2				
2007		3				
2001		J				
[2008	rows x 23	columns]				
	PG_ICFES	CON_MAT_ICFES	FISICA_ICFES	QUIMICA_ICFES	IDIOMA_ICFES	\
0	1.594288	-0.785448	1.003832	1.045102	1.263007	
1	2.496176	2.968962	0.977482	1.078446	-0.309421	
2	1.762976	-1.023572	1.029269	1.102515	1.094287	
3	2.603949	1.861875	0.977482	1.070248	0.926277	
4	1.669436	0.615144	0.977482	0.964111	0.509468	
•••	•••	•••	•••	•••	•••	
	-1.071123			-1.097415		
		-0.430904		-1.097415		
	-0.940858				0.344075	
	-1.114772	-0.313405				
2007	-0.876105	-0.430904	-1.097676	-1.097415	0.509468	
	LOCALIDAD	RENDIMIENTO_U	INO			
0	1.353436	1001001111101110_0	2			
1	-2.362879		2			
2	1.353436		1			
3	1.201965		1			
4	-0.682326		2			
	•••	•••				
2003	-0.117093		2			
2004	1.201965		2			
2005	-0.117093		1			
2006	-0.117093		2			
2007	-0.883844		3			
[2008	rows x 7	columns]				

[0 4 0 0]

[0 1 2 3]

 $\verb|c:\ProyectosPython\cienciadedatos\.venv\Lib\site-\\$ 

```
packages\sklearn\preprocessing\_label.py:110: DataConversionWarning: A column-
vector y was passed when a 1d array was expected. Please change the shape of y
to (n_samples, ), for example using ravel().
  y = column_or_1d(y, warn=True)
Datos: son 1405 datos para entrenamiento y 603 datos para prueba
{'ccp_alpha': 0.0,
 'class_weight': None,
 'criterion': 'gini',
 'max depth': None,
 'max_features': None,
 'max leaf nodes': None,
 'min_impurity_decrease': 0.0,
 'min_samples_leaf': 1,
 'min_samples_split': 2,
 'min_weight_fraction_leaf': 0.0,
 'monotonic_cst': None,
 'random_state': None,
 'splitter': 'best'}
{'max_depth': [2, 3, 4, 5, 6, None],
 'min_samples_split': [2, 4, 6, 8, 10, 15],
 'min_samples_leaf': [1, 3, 5, 7, 9],
 'max_features': [2, 3, 4, 5, 6, 7, 'sqrt'],
 'splitter': ['better', 'random'],
 'random_state': [1, 5, 10],
 'criterion': ('gini', 'entropy')}
Resultado de GridSearchCV para el modelo
Mejor valor de exatitud usando kfold: 0.6248936170212767
Mejor valor de Hipérparametro usando parametros: {'criterion': 'gini',
'max_depth': 5, 'max_features': 5, 'min_samples_leaf': 3, 'min_samples_split':
8, 'random_state': 10, 'splitter': 'random'}
Rendimiento del modelo con datos de entrenamiento
Promedio de exactitud(accuracy) usando k-fold: 60.84650455927052 %
Desviación estandar de exactitud(accuracy) usando k-fold: 3.9514921199879462 %
Rendimiento del modelo con datos de prueba
Promedio de exactitud(accuracy) usando k-fold: 60.37158469945355 %
Desviación estandar de exactitud(accuracy) usando k-fold: 3.3452978860172213 %
```

### 0.9 Problema por resolver:

Debe resolver los siguiente problemas computacionales por medio de árboles de decisión. Los algoritmos propuestos deben mostrar claramente el modelo, las pruebas aplicadas sobre este y la interpretación de las métricas usadas para evaluar su rendimiento. Los códigos y la documentación del proceso deben deben entregarse mediante un PDF generado por jupyternotebook. Este docu-

mento debe llevar como anexo la gráfica del árbol generado.

- 1. Clasifique el conjunto de datos wine. Visite al documentación de lo dato en el siguiente enlace..
- 2. Clasifique el conjunto de datos Diabetes. La documentación reposa en el siguiente enlace. En este problema debe aplicar las siguientes **imposiciones**:
- Es obligatorio dividir este conjunto de datos en conjunto de entrenamiento y prueba.
- Debe predecir con datos del conjunto de prueba.
- Debe evaluar el modelo mediante métricas e interpretar los resultados.
- 3. Clasifique el conjunto de datos **breask_cancer**. Consulte su documentación en el siguiente enlace. Debe aplicar las anteriores imposiciones en este conjunto de datos.

**Notas:** 1. Debe estar presente el estudiante para resolverle las dudas del docente. 2. Debe escribir código con la sintaxis del lenguaje python y ordenar los código aplicando programación orientada a objetos.

### 1 Referencias

- [1] IBM, «Qué es un árbol de decisión?» Accedido: 16 de mayo de 2025. [En línea]. Disponible en: https://www.ibm.com/es-es/think/topics/decision-trees
- [2] J. Amat, «Árboles de decisión con Python: regresión y clasificación», https://cienciadedatos.net/. Accedido: 17 de mayo de 2025. [En línea]. Disponible en: https://cienciadedatos.net/documentos/py07_arboles_decision_python
- [3] Datacamp, «Tutorial de Clasificación en Árbol de Decisión en Python». Accedido: 17 de mayo de 2025. [En línea]. Disponible en: https://www.datacamp.com/es/tutorial/decision-tree-classification-python
- [4] M. Sotaquirá, «Codificando Bits», Codificando Bits. Accedido: 18 de mayo de 2025. [En línea]. Disponible en: https://codificandobits.com/blog/clasificacion-arboles-decision-algoritmo-cart/