Notizen Einführung in die Informatik

Roadmap zur Klausur

Wechsel der Zahlenbasis
Hornerschema Division durch fallende Potenzen
Huffmancodierung Shanon-Farno-codierung
CRC-Prüffelder
Auf Sender- und Empfängerseite
Wissensfragen quer durch das Modul
Gleitpunktzahlen IEEE Umwandlung von und nach
Multipalchoice querbet
vollständige Linux-Comandos
Schaltnetze Boolsche Funktionen
KNF und DNF
Hamming-Codes
Codewort ermitteln oder Parität prüfen

06.11.2020

Einführung

Organisation

Methoden Softwareentwicklung, Mischform V und P. Ziel: Student soll konstruktive Fragen stellen können. Weiteres Wissen selbstständig erarbeiten. Von Neumann Rechner, Prinzip für meiste CPUs heute. Clusterung Gerätekunde. Keine Musterlösungen Material muss selbst erarbeitet werden. Informatik: Systematische Darstellung, Verarbeitung und Übertragung von Informationen. Hot Swopping, Mainframes hohe Verlässigkeit. Abgrenzung Supercomputer. SC besteht aus vielen zusammengeschalteten Prozessoren.

Kerninformatik: theorie, pratisch, technische

Angewandte Informatik: Softwareentwicklung

Theoreitsche Informatik Beispiel KI. Informatikstudium sollte sich auf Kerninformatik beziehen. Informatik besteht nicht nur aus Programmieren.

Geschichte Informatik

Zahlsysteme älteste Zahlzeichen 4000 v.Chr. Ägypter hatten Zeichen für Zahlen. Frühe Stellenwertsysteme. Rechenbuch Indische Ziffern Adam Ries. Dualsystem basiert auf Leipnitz. Basiert auf 2-er Potenzen. 1550 Dezimalnotation und Logarythmus. Komplexe Rechnungen mit Logarythmus auf Addition etc zurückführen. Traum Mechanisierung von mühevollem Rechnen. Erste Konstruktion 1592. Problem Feinmechanik war nicht präzise genug. Mauser-Cordt 1929 erste kommerzielle elektrische Rechenmaschine.

Erste Webstühle programmierbar 1728 Mit Löchern in Holzplatten. Difference

Engine Charles Babbage. Analytical Engine Programmgestuerte Rechenmaschine. Weist alles auf was ein moderner Rechner hat. Lochkarten. 1833
1886 Automat Volkszählung. Ausgründung Wurzel der Firma IBM. 1924f

20.11.2020

Visionen aus 1954. Vorstellung von Wissenschaftlern aus den 50 Jahren wie ein PC heute aussehen könnte Personal Computer

Geschichte Computernetze Netzentwicklung Sputnikschock

USA wollten mit UDSSR nachziehen

ARPANET zum Internet

Dateitransfer, E-Mail, Remote-Login

IETF Internet Ingeneering Taskforce

RFC = Request for Command

IETF veröffentlicht RFCs und basis der Meinung der Comunity wird der neue Standard etabliert.

das WWW Protokoll World-Wide-Web

Wiege des WWW in Zern um wissenschaftliche Dokumente zu organisieren 1990 es entstand HTML

1991 50 Webserver

1995 Browserkrieg zwischen MS und Netscape

Netscape verliert Browserkrieg

1995 HTML CSS sollen WWW Standardisieren

W3C Organisation für das WWW

Aktuell nur graduell keine fundamentale Entwicklung

Gesetz von Moore: Alle
n Monate verdoppelt sich die Anzahl Transistorfunktionen auf der gleichen Fläche. 1965

Neuanwendungen von Rechenleistung verteilte Systeme, open-sourche, Heterogenität, Skalirbarkeit, Sicherheit, Echtzeitfähigkeit (garantierte Höchstdauer), Fehlertoleranz / Robustheit, Multimedia, WWW-Anbindung, Managebarkeit,

Gesellschaftliche Auswirkungen

Informatik ist zwingend Teil des Alltags. Jeder nutzt Informatik und ist abhängig davon

Grundbegriffe der Informatik Information und Definition, Relationen, Funktionen, Graphen, Bäume, Algorithmen und Datensrukturen Partielle und totale Ordnung System

Grenzen nach außen und innen

Schnitstellen nach Außen

Komponenten und ihre Beziehungen innerhalb des Systems

Abstraktion erkennt durch Eigenschaften und Beziehungen eines Ausschnitts der realen Welt

Modell als Ersatz für Realität

Modell muss einfacher sein als Wirklichkeit

billiger und oder sicherer

Informatiker sind systemorientiert

Gatter

Register Transfer Sprache

Bildet einen Prozessor der programmiert werden kann. Prozessorsystem

Anwendungsprogramme

Geschäftsprozesse

Informatik ist die Wissenschaft der Informationsverarbeitung

Information = Die Essenz von etwas

Darstellung einer Information ist der einzige Kommunikationsweg

Kommunikation nur über Darstellung

Semantik = Informationsgehalt,

Representation = Darstellung der Semantik

Deutung

Deutung kann mehrere Informationen haben.

Verstehen Herstellung von Beziehung aus Repräsentation und Wirklichkeit

formelle Sprachen

Zeichen, Zeichenvorrat

Bit

Bsp. 0 teil Zeichenvorrat 0, 1

Zeichen abstrakt wertneutral

Symbol Zeichen mit Bedeutung

Alphabet σ Zeichenvorrat mit linearer Ordnung (Reihenfolge) z.B. das ABC Wörter sind endliche Folgen von Zeichen eines Alaphabets $\in \sigma$ als Sequenz

geschrieben. —w—=n für Länge des Worts, —w— kann auch 0 sein.

 $\sigma*$ Menge aller Wörter.

 σ + Menge aller nicht lehrer Zeichenketten.

 σ^n = alle Zeichenketten mit Länge n.

Präfix Anfangsstück, Suffix Endstück

Lexikographische Ordnung: suchen nach alphabetischer Ordnung Beispiel Lexikon.

Alle $w \in \sigma^* : \epsilon <=_{lex} W$

lexikographische Ordnung definiert eine lineare Ordnung für ein Alphabet.

27.11.2020

Bsp.: $\sum^* = (0,1) \leq_{lex} 1$

Mengenoperationen lassen sich auf formale Sprachen angewendet werden. Sprache L kann mit M geschnitten werden: L \cap M

Oder vereinigt werden: L \cup M Sei A und B Zeichenvorräte ist ein code eine Abbildung c.

Decodierung ist die Abbildung eines Codes injektiv.

Zu Codezeichen wird Klarzeichen gesucht.

Graphen und Bäume werden in Mathematik behandelt.

Algorithmen

Verarbeitungsvorschrift müssen exakt festgelegt sein, formal definiert sein, durch einen Prozessor ausführbar sein. Darunter versteht man einen Algorithmus.

Ein Algorithmus ist ein Verfahren in einer genau festgelegten Sprache zur Lösung gleichartiger Probleme.

Algorithmus liefert für eine Eingabe immer eine Ausgabe.

Problemklasse und Lösungsverfahren unterscheiden.

Merkmale Algorithmus:

terminiert nach n endlichen Schritten.

deterministisch feste Ablaufschritte.

determiniert Endergebnis ist immer eindeutig(korrekt).

klassische Elemente: Wiederholung Rekursion arithmetische Operatoren Vergleichsoperatoren.

Komplexität meint Abhängigkeit zwischen Aufwand und Anfangszustand. Z.B. Speicheraufwand, Rechenzeit.

unified moduling language = UML

Def. Syntax ist die zulässige Anordnung einer Sprache.

Eine Programmiersprache ist eine formale Sprache zur Darstellung von Algorithmen.

Ein in einer solchen Sprache dargestellten Algorithmus heist Programm.

Def. Prozess Ausführung eines Programmes für ein bestimmtes Problem.

Kap 3. Repräsentierung von Informationen in Rechensystemen

Def Daten sind Informationen die nach eindeutiggen Regeln in Rechensystemen gespeichert und verarbeitet werden. Def. Nachrichten sind Daten für Übertragungen.

Bitfolgen variabler länge Bits, Vektoren bestimmte Länge.

1 byte ist eine Folge aus 8 Bit!!!

byte ist die kleinste adressierbare Einheit in heutigen Arbeitsspeichern.

fortlaufende Bytes sind durchnummeriert. Diese Nummern nennt man Adressen.

Maschinenwörter meist Binärwörter weniger fester Längen.

typisch 32 Bit Wortlänge bei 32-bit Prozessoren 64-bit Desktop.

Wortlänge hängt von der Hardware ab.

B KB MB GB TB PB Unterscheide Kilobyte und Kibibyte KB = 1000 Byte Kibibyte = 1024 Byte

Auf Bitvektoren können boolsche Funktionen angewendet werden.

Elementare Maschinenbefehle. Verschieben rotieren (links rechts)

Bitoperatoren in Hochsprachen

Summe der Potenzen der Basis

Horner-Schema

Q Darstellung R nur Aproximation

Q setzt sich periodisch vor R nicht periodisch

Umrechnung der Darstellung

Division durch fallende Potenzen der Zielbasis.

Horner-Schema Division durch B

Konvertierung gebrochener Zahlen

Darstellung ganzer Zahlen als Maschinenwort.

 $64 \text{ bit} = 2^{64}$

Bitmuster in Maschinenwort.

Bitmuster (byte) werden unterschiedlich in Speicher geschrieben. Big-Endian,

Little-Endian BE höchstes Byte als letztes.

LE höchstes Byte als erstes.

Vorzeichen-Betragsdarstellung

Excess-Darstellung Bsp Analog-/Digitalwandler

Komplement-Darstellung

11.12.2020

Stellenkomplement

Darstellung in n-Bit Maschinenwort

symetrischer Bereich darstellbarer Zahlen

doppelte Darstellung der 0

Einfache Arithmetik

Zweierkomplementdarstellung

Einerkomplementdarstellung

Unterschied im Wertebereich beachten.

unterschiedliche Wortlänge verursacht größeren Wertebereich. signed integer

Speicherüberlauf alle Bits klappen um.

Arithmetik in der Zweierkomplementdarstellung

Subtraktion und Addition kann mit Addition dargestellt werden.

Vorzeichenbit = Normale Stelle

Bsp: 0110 + 0011 = (01)1001

(01)Übertragbits beachten um feststellen zu können ob Wertebereich verlassen wird.

Wenn Übertragbits ungleich Indikator für Fehler.

Multiplikation Komplementdarstellung

Mit Addition und Multiplikation können alle Grundrechenarten abgebildet werden.

Darstellung Festkommazahlen

Festes Bitmuster bleibt, Komma wird nur gedacht und ist eine Vereinbarungssache.

Probleme: Ungenaue Konvertierung, Rundungsfehler

Dezimalarithmetik (BCD) als Antwort auf die Anforderung Buchhaltung auf den Cent genau.

BCD Darstellung

Dezimalzahl wird in 4-stelligen Dualzahlen dargestellt. Darstellung Ziffernweise, nur für 0 - 9.

Rest Pseudotetrade.

Darstellung von Gleitkommazahlen.

Wird angenähert. Es werde nur die wichtigsten Stellen gezeigt.

Komma wird zum Teil der Zahlendarstellung

Gleitkommazahl $x = m * B^e$

m ist eine vorzeichenbehaftet Festkommazahl

B ist die Basis des Systems typisch 2, 8, 16, 32

e ist ganzzahliger exponent (Bestimmt Größe der zahl)

Mantisse m muss normalisiert werden.

 $\frac{1}{B} < |m| < 1$ oder $1 \le |m| < B$ Maschinenwort wird in S ch m unterteilt.

Wahl der Grenzen bestimmmt Wertebereich und Genauigkeit

Mehr Platz für Mantisse = mehr Genauigkeit

Mehr Platz für Exponent (ch) = größerer Wertebereich

Arithmetik dieser Darstellung lehnt an Potenzgesetze an.

IEEE Gleitkommadarstellung

Bitmuster alleine macht keine Darstellung

18.12.2020

Buchstaben, Ziffern, Steuerzeichen = alphanumerischer Code

heute UTF-8 und UTF-16

US-ASCII code

PC-8 führt Sonderzeichen ein.

Anfang der 90er Alle Zeichen der Welt sollen eigenen Code bekommen.

Zeichenbereiche in U sind Skripte.

Skripte können angesprochen werden auf Programmierebene.

little oder bigg engine byte order mark

Jede ASCII ist gültiger UNICODE gemäß UTF-8!!!

Unicode kann in Ruby verwendet werden. Serielle Übertragung Zeittakt

Parallele Übertragung nutzt mehrere Leitungen parallel.

Signal zeitlicher Verlauf einer physikalischen Größe.

Def. Rasterung: Abtastung eines Signals zu bestimmten Zeitpunkten (Intervallen).

PCM

08.01.2021

Codierung

Komprimierung, Fehlererkennung -behebung etc,

Codierung ist eine Abbildung über zwei Zeichenvorräte.

Ziele von Codierung: Geheimhaltung, Sicherung gegen Fälschung, Effitienz Codebaum

Def. Blockcodes = wörter fester Länge.

Def. Dichter Code ist surjektiv.

Gray-Code wechselt bei Zustandswechsel immer ein Bit.

Blockcode kann zum Beispiel 7-Segmentanzeige steuern.

Def. Farno-Bedingung Kein Codewort ist Präfix eines anderen Codeworts.

Häufigkeitsabhängige Codierung

Länge der Codwörter häufiger Zeichen soll möglichst kurz sein.

Mittlere Codelänge.

Codierungstheorem von Shanon: es gibt eine untere Grenze Mittlere Codelänge.

15.01.2021

nicht verlustfreie codierung typisch Bild und Ton.

Fehler erkennende Codes

Fehler korrigierende Codes

Def. Ein Bitfehler seines Signals ist seine Umkehrung.

Fehler werden erkannt indem geprüft wird ob es sich um ein gültiges Codewort handelt.

Fehler Eingabefehler, Übertragungsfehler (Burst-Fehler \vee Bündel-Fehler), Speicherfehler.

Fehlercodes während auf häufigste Fehler angepasst.

möglich durch Hinzufügen von Redundanz.

Hamming-Gewicht und Hamming-Abstand

Hamming-Gewicht g(b) Anzahl der 1 im Code.

Hammingdistanz zwischen AB ist die Anzal der Stellen an denen sich die Codewörter unterscheiden.

Fehlerkorrektur problemlos möglich für einen Code mit Hammingabstand d bis d -1.

Paritätsbit

Fehlererkennung durch Paritätsprüfung

Feherlcode beheben für d=2k+1 können Störungen mit höchstens k-Bitfehler

behoben werden. Beispiel d = 3 k = 1

Binärer Rechteck-Code

Paritätsbit je Codewort und je Spalte.

lineare codes symmetrische codes.

Blockcode Länge
n dan 2^m Codewörter mit m ≤n daraus folgt
r = n - m Prüfstellen.

Def. Hammingcode ist ein linearer symmetrischer code.

Prüfbit an Stelle 2^{r-1} r wächst damit logarithmisch.

22.01.2021

Optimalität Hamming-Code

Satz: $m+r+1 \le 2^r$ für Hammming-Distanz ≥ 3 .

SEC DED Codes Single Error Correction und Double Error Detection

Error Correcting Code Memmory ECC Speicher

Hamming-Code für k wörter wird in Tabelle zeilenweise geschrieben und spaltenweise übertragen.

Spalten können mit Hamming-Code gesichert werden.

Zyklische Codes

 ${\bf Burst\text{-}Fehler} = {\bf Folgen} \ {\bf verf\"{a}lschter} \ {\bf Bitstellen}$

n Bits eines Datenblocks B der Länge
n werden als Koeffizienten eines Polynoms P(x) mit dem Grad
n - 1 interpretiert.

an M bits werden R Prüfbits angehängt.

 $M(x) * x^r$ Division durch Generator Polynom muss einen Rest mit dem Grad r-1.

Empfänger prüft P(x) / G(x) muss R ergeben. Fehler wird erkannt indem der Rest R=0 ist.

Generatorpolynom ist Vereinbarung zwischen Sender und Empfänger.

Wenn P(x): G(x) ohne Rest teilbar ist sind alle Daten heil angekommen

Je länger Burstfehler desto länger muss CRC Feld sein.

Generatorpolynome in der Praxis standardisiert.

CRC Feld mit Länge r kann r-1 Fehler erkennen.

Kapitel 5 Schaltwerke und Schaltnetze

Def. Eine Schaltfunktion wird durch eine Abbildung definiert:

 $f_s: \{0,1\}^n \to \{0,1\}^m$

zu Beginn m=1. Dann bildet eine
n stellige Boolsche-Funktion auf ein binäres Tupel ab.

Boolsche-Funktion wird durch Wertetafel beschrieben.

n-stellige Boolsche-Funktionen können durch verkettete 2-stellig Boolsche-Funktionen dargestellt werden.

Boolsche-Algebra

Dualitätsprinzip

Beispiel Idempotenzgeset De Morgansche Regeln.

Boolsche-Terme

29.01.2021

Normalform boolsche Terme

dnf und knf

Minterm mit oder verknüpfen

Maxterme mit und verknüpfen.

Normalform soll elektronische Schaltungen vereinfachen.

Komplexitätsmaße: Größe: Chipfläche und Tiefe: Klammerausdrücke dnf und

knf sind nicht auf minimaler Hardware optimiert.

Kann zum Beispiel mit KV-Diagramm erzeugt werden.

Schaltnetze

Graphische Repräsentierung für Schaltungen basierend auf boolscher Algebra. gerichteter zyklenfreier Graph.

Gatter eingehende Kante und ausgehende Kante

Gatter sind unär oder binär.

2 stellige logische Gater.

es gibt und oder nichtund nichtoder xor und equiv Gatter.

NAND-Gatter ist universell.

technische Realisierung von Gattern.

And zwei Schalter gegeneinander in Serie

Or zwei Schalter parallel.

Gatter höherer Ordnung n-Oder-Gatter n-And-Gatter.

praktische Beispiele für Schaltnetze.

Übersicht: Tore, Encoder, Decoder, Multiplexer, Demultiplexer, Halbaddierer,

Volladdierer, Arithmetisch-Logischen-Einheit (ALU)

Tor, kontrollierte Durchleitung mit Steuersignal.

Encoder 1 aus n code Übersetzung aus sperlichem in dichten Code.

für jeden gewünschten Zustand hat der Decoder einen Ausgang.

z.B. drei Ausgänge für 8 Inputsignale

Decoder dekomprimiert code.

Encoder und Decoder können Leitungen sparen.

Multiplexer n Eingänge werden auf einen Ausgang, nacheinander (seriell) durchgeschal-

tet. Decoder wird für Steuersignal verwendet.

Demultiplexer Gegnstück zum Multiplexer.

Halbaddierer addiert zwei Bits.

bei (1,1) wird Übertrag benötigt Carry Bit.

Volladdierer: Berücksichtigt Übertrag aus vorheriger Stelle.

Viele VAs ergeben hohe Tiefe und damit hohe Laufzeit. (Ripple Carry)

Lösung: Carry-Look-Ahead. Alle Überträge werden vor dem Addieren berechnet.

ALU kann undieren odieren addieren etc.

Schaltwerke

Graphen mit Rückkopplung um Speicherung zu ermöglichen.

05.02.2021

Rechner Architektur

Ziele universell oder Speziell

Def. OS/BS Betriebssystem ist das grundlegendeste Systemprogramm. Verwaltet alle Systemprogramme offeriert eine Virtuelle Maschine.

Abstraktion der Datei.

Def. Resourcen: Alle zuteilbaren Hard- und Softwarekomponenten.

Betriebssystem als VM

Ziel: Schirmt vor Komplexität ab. OS richtet sich danach.

Typische Abstraktionen: Prozess, Threads (Aktivitätsträger), Datei, Speichersegment, Nachrichten, Synchronisierungsobjekt

OS Als Betriebsmittelverwalter

OS Ordnet Zuteilung von Ressourcen.

Vereinfachte Schichtung, Assembler als hardware nahe Sprache.

Von-Neumann-Architektur

Idee Programm soll im Hauptspeicher gehalten werden.

Von-Neumann-Architektur prinzipielle bis heute.

Ziel der Hardwareersparnis ist gefallen.

Elemente: CPU (Rechenwerk, Steuerwerk).

I/O, Speicherwerk.

Speicherwerk enthält Maschinenprogramm.

Elemente werden mit Bus verbunden.

Control Unit liest Steuerbefehle.

Rechenwerk liest Daten und schreibt Ergebnisse

I/O gibt Ergebnisse aus und liest eingaben ein.

Speicherwerk

MAR = Memmory Adress Register

Decodierung

MDR = Memmory Data Register

Rechenwerk enthält ALU, und Akkumulator

ACC = Ergebnisregister

Steuerwerk: Instruction Register IR, Programm Counter

Ablaufsteuerung

Ablauf: streng zyklisch und sequenziell.

Von-Neumann-Flaschenhals

Engpass Prozessor und Speicher

häufige Transportbefehle.

Bus zwischen Speicher und CPU macht Langsam.

Lösung schnelle Zwischenspeicher an der CPU sogn. Caches.

Leistungssteigerung durch Transistorgröße oder durch Anzahl der Transistoren.

Erhöhung der Wortbreite eines Maschinenworts.

Prozessorfamilie: Maschinenprogramme bleiben kompatibel zu früheren Mitgliedern einer Familie.

Speicherarten: RAM (Random Acces Memmory); ROm(read only); EPROM(eraseable programmable ROM);

EEPROM electric EPROM vorreiter für flash Speicher.

S(tatic)RAM speicher aus Flip Flops schnell und teuer

D(ynamic)RAM Basis Kondensatoren

zerstörendes Lesen muss durch anschließendes Schreiben ausgeglichen werden.

Kondensatoren verlieren durch Leckstrom speicher.

refresh erforderlich in deutlich unter 100 Nanosekunden.

DRAM Grundlage der Hauptspeicher.

SSDs nutzen Kondensatoren reduzieren aber Leckstrom.

Kondensatoren können mehrere Spannungsstufen unterscheiden.

Interleaving

multible Nutzung von Speicherbänken.(RAM immer im dual Channel)

12.02.2021

Steuerwerke

Steuerwort

Jedes Maschinenwort braucht Operationscode

Steuerwerk im Steuerwerk

Mikroprogrammiertes Steuerwerk

Sequencer legt nächsten Befehl fest

Microprogramme im Steuerwerk

Leistungsteigerung CPU

Ausstattung Spezialeiheiten Koprozessoren.

Pipelining, Vervielfältigung von Modulen

CPU/Speicher Schnittstelle

Prefetching

Caching

Pipelining: Mehrere Spezialisten bearbeiten Parallel ein Problem in Teilaufgaben.

Pipeline haben Nachlauf und Hochlauf.

Besonders problematisch Sprungbefehl

Superskalarität

CPU Verfügt über mehrere Verarbeitungseinheiten

Caches

L1 schnell und klein L1 Cache hat einen Data und einen Code Cache halten CPU Takt mit

L2 Cache KiB, langsamer als L1

L3 nimmt Daten auf

Swapping Schieben von Daten aus Hauptspeicher Sekundarspeicher.

CISC / RISC

CISC möglichst viele komplexe Befehle in Hardware umsetzen

RISC Reduziertes Set von Anweisungen. Verschlankung der CPU

Spekulative Ausführung

Ausführung eines Bedingten Sprunges bevor der Befehl kommt.

CISC/RISC-Grenzen verwischen

SIMD-Technik, Vektorverarbeitung

Systemarchitektur

Bisher eine CPU und jetzt ganzes System.

Kopplung mehrerer Prozessoren

Enge Kopplung bei geteiltem Speicher, lose Kopplung Nachrichtenaustausch hommogene Systeme haben identische Komponenten (mindestens binärkompatibel und gleich schnell)

symmetrische Systeme Alle Komponenten haben die gleiche Rolle und sind austauschbar.

SI / MI single instruction / Multi instruction

SD / MD single data / multi data

können zu vier Fälle kombiniert werden

Multiprozessorsystem / Multicomputersystem

Multiprozessorsystem bus oder switchbasiert

bus eine line. Switch: Kreuzschienenmatix mehrere Schalter schalten mehrere Leitungen durch. Zugriffe können parallel erfolgen.

(Crossbar Switch) hoher Hardwareaufwand, schlechte Skalierbarkeit.

hirachischer Bus

nutzt Kommunikationsprozessor für gelegentliche Fernzugriffe. gute Skallierbarkeit.

Grundlage für Supercomputer

Stichwort NUMA

19.02.2021

Multiprozessorsysteme

Maschinen werden auf die Klasse zu lösender Probleme angepasst.

Multicomputersysteme

Koppelung lose über message passing

Caching ist reduziert auf lokale Rechner

konzentration auf leicht parallelisierbare Aufgaben

Netzwerkgitter-Topologie

Netzwerk mit n dimensonalen Würfel alss Topologie = Hypercube.

n Kommunikationswege pro Knoten

längster Weg wächst logaritthmisch mit der Anzahl der Knoten.