DCA0214.1 - LABORATÓRIO DE ESTRUTURAS DE DADOS

Aula 6: Listas sequenciais, encadeadas e suas generalizações

Prof. Felipe Fernandes 12 Abril de 2019

- I É proibido utilizar qualquer estrutura de dados ou algoritmos pré-fornecidos por alguma biblioteca $\mathrm{C/C++}.$
- II Em cada aula desta unidade, as listas de exercícios possuirão questões marcadas com \star . Todas as questões (de todas as aulas) marcadas com \star , devem ser submetidas via SIGAA até às 23h59 do 16 Maio 2019. Peso: 20% na nota de segunda unidade.
- III O item II não lhe desobriga de resolver as questões sem \star . Todas as questões são importantes para a prova da segunda unidade.
 - 1. Suponha que temos um conjunto $S = \{s_1, ..., s_n\}$ com n < MAX1 chaves numéricas distintas, onde MAX1 é algum limite superior suficientemente grande. Implemente as seguintes estruturas de dados: lista sequencial ordenada, lista simplesmente encadeada ordenada, lista duplamente encadeada ordenada. Você deve implementar os seguintes procedimentos para manipulação dessas estruturas:
 - (a) Busca
 - (b) Inserção
 - (c) Remoção
 - 2. \star O Problema da Torre de Hanoi apresenta três pinos (P1, P2, P3) e n discos. Inicialmente, todos os discos estão empilhados em P1, em ordem decrescente de diâmetro, de baixo para cima. Deve-se mover os discos de P1 para P2, utilizando P3 como auxiliar, de tal modo a respeitar as

seguintes regras: (1) apenas um disco é movido por vez; (2) pode-se mover apenas o disco do topo da pilha de discos; (3) jamais um disco de maior diâmetro é empilhado sobre um menor. Considere o algoritmo recursivo que soluciona a Torre de Hanoi.

Algoritmo 1: Torre de Hanoi

```
1 Procedimento hanoi (n, P1, P2, P3)

2 | se n == 1 então

3 | mover o disco do topo do pino P1 para P2

4 | senão

5 | hanoi (n - 1, P1, P3, P2)

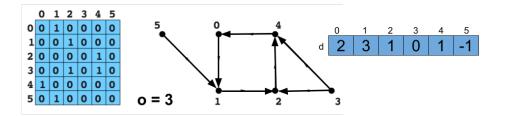
6 | mover o disco do topo do pino P1 para P2

7 | hanoi (n - 1, P3, P2, P1)

8 | fim
```

Sua tarefa neste exercício consiste em implementar o algoritmo da Torre de Hanoi de modo **iterativo**, utilizando apenas **uma** pilha. Seu algoritmo iterativo deve simular a pilha de recursão que é mantida na versão recursiva. Note que você deve implementar pelo menos três procedimentos: *empilhar* (que insere um elemento na pilha), *desempilhar* (que remove um elemento do topo da pilha) e o *hanoi* (que soluciona a torre de Hanoi de modo iterativo).

3. * Suponha que temos n cidades numeradas de 0 a n-1 e interligadas por estradas de mão única. As ligações entre as cidades são representadas por uma matriz A definida da seguinte forma: A[x][y] vale 1 se existe estrada da cidade x para a cidade y e vale 0 em caso contrário. A figura abaixo ilustra um exemplo. Observe que, pela definição acima, **não** há garantias que A[x][y] = A[y][x], pata todo x,y. O problema que queremos resolver é o seguinte: determinar a menor distância de uma dada cidade o a cada uma das outras cidades da rede. As distâncias são armazenadas em um vetor d de tal modo que d[x] seja a menor distância de o a x. Se for impossível chegar de o a x, podemos dizer que d[x] vale -1. Implemente um algoritmo eficiente que, dado a matriz A e uma cidade $0 \le o < n$, retorne o vetor d de menores distâncias. Dica: use uma fila.



 $4. \star \text{Seja}$ um tabuleiro com n-por-n posições, modelado por uma matriz

A[n][n]. As posições "livres" são marcadas com 0 e as posições "bloqueadas" são marcadas com -1. As posições (0, 0) e (n-1, n-1) estão livres. Escreva um algoritmo eficiente que ajude uma formiguinha, que está inicialmente na posição (0, 0), a chegar à posição (n-1, n-1). Em cada posição, a formiguinha só pode se deslocar para uma posição livre que esteja à direita, à esquerda, acima ou abaixo da posição corrente. Seu algoritmo deve imprimir o caminho a ser percorrido pela formiguinha até o destino. Dica: utilize uma fila para achar o caminho de saída e utilize uma pilha para construir (ou recuperar) tal caminho.

	0	1	2	3	4	5
0	O	1	0	0	0	-1
1	0	0	-1	0	-1	0
2	0	0	0	0	0	-1
3	0	-1	-1	0	0	0
4	-1	0	0	0	-1	-1
5	0	0	-1	0	0	0

- 5. A notação polonesa reversa é uma maneira de denotar expressões aritméticas. Nesta notação, os operadores aparecem depois dos operandos correspondentes. Por exemplo, a expressão ((A*B)-(C/D)) tradicional totalmente parentizada pode ser representada pela expressão polonesa reversa AB*CD/-. Utilizando uma estrutura de dados do tipo pilha, implemente:
 - (a) Um algoritmo eficiente que transforme uma expressão da notação totalmente parentizada para notação polonesa reversa (posfixa).
 - (b) Um algoritmo eficiente que transforme uma expressão na notação polonesa reversa numa notação totalmente parentizada.
- 6. Um deque é uma lista linear que permite a inserção e a remoção de elementos em ambos os seus extremos. Implemente quatro funções para manipular um deque: uma que realiza a inserção de um novo elemento no início do deque, uma que realiza a inserção de um novo elemento no fim do deque, uma que realiza a remoção de um elemento no início do deque e uma que realiza a remoção de um elemento no fim do deque. Utilize uma lista duplamente encadeada.