Lista árvores

Entrega (até o dia 19/05)

- 1 Dadas as sequências abaixo, pede-se:
 - a. Desenhe a ABP
 - b. Defina a altura e profundidade de cada nó da árvore
 - c. Indique quais são os nós-folha
 - d. Para a ABP, qual a ordem em que os nós serão impressos nos caminhamentos pré-ordem, em-ordem e pós-ordem
 - e. Árvore resultante da exclusão do nó de menor valor (considere a árvore do item a)
 - f. Árvore resultante da exclusão do nó com o 2o maior valor (considere a árvore do item e)
 - g. Árvore resultante da exclusão do nó raiz (considere a árvore do item f)
 - h. Árvore AVL
 - i. Para a AVL, qual a ordem em que os nós serão impressos nos caminhamentos pré-ordem, em-ordem e pós-ordem

Obs: no caso de exclusão de nó com 2 filhos, use a regra da substituição pelo nó mais à direita da subárvore esquerda.

Obs 2: para desenho das árvores, use o yEd Graph Editor ou sua versão online disponível em https://www.yworks.com/yed-live/

```
i. 10, 12, 23, 34, 45, 56, 67, 78, 89, 100, 111, 121, 131, 141, 151
ii. 40, 78, 60, 50, 45, 71, 46, 45, 55, 49, 90, 75
iii. 14, 27, 46, 1, 8, 18, 28, 42, 47, 40, 30, 13, 25, 51, 17
iv. 100, 150, 50, 25, 75, 125, 175, 10, 40, 60, 90, 110, 140, 160, 190, 5, 15, 35, 45, 55, 65, 85, 95, 52, 81, 89, 93, 98, 91, 94, 97, 86, 105, 92
```

- 2 Implemente os seguintes métodos na classe CArvBin (você deve escolher 6 métodos os marcados com * são obrigatórios)
 - a. O método recursivo que retorne o menor elemento de uma árvore binária e o método recursivo que retorne o maior elemento de uma árvore binária
 - b. O método que retorne o menor elemento de uma subárvore (dado o valor da chave do nó raiz dessa subárvore) e o método que retorne o maior elemento de uma subárvore ((dado o valor da chave do nó raiz dessa subárvore)
 - c. (*) O método recursivo que retorne a altura de um nó (lembre-se que a altura de um nó-folha = 1)
 - d. (*) O método recursivo que retorne a profundidade de um nó (lembre-se que a profundidade do nó raiz = 1)
 - e. O método que retorne o fator de balanceamento de um nó
 - f. O método que retorne a quantidade de descendentes de um nó passado por parâmetro

- g. O método que retorne a referência para um nó, dada a chave passada por parâmetro (ou seja, você passa o valor por parâmetro, ele retorna a referência para o nó que contém essa chave)
- h. O método que retorne a quantidade de elementos com chave menor que a chave passada por parâmetro e o método que retorne a quantidade de elementos com chave maior que a chave passada por parâmetro
- O método recursivo que imprima os nós de uma árvore binária em ordem decrescente
- j. (*) O método que imprime para cada nó as seguintes informações: seu valor, altura, profundidade, seu pai (se houver), quantidade de filhos, valor do filho à esquerda (se houver), valor do filho à direita (se houver), se o nó é intermediário ou nó folha
- k. O método que imprima todos os nós-folha de uma ABP
- 3 É possível saber a quantidade de nós em determinado nível de uma árvore? E a quantidade máxima de nós dada a altura de uma árvore? Quais são as equações necessárias?