

1. ¿Dónde deja de ser suave la curva  $x = (t - 1)^4, y = (t - 1)^3$ ? (v. 2p)

2. Supongamos que la temperatura  $T$  de un cierto líquido varía con la profundidad  $z$  y el tiempo  $t$  de acuerdo con la fórmula  $T = e^{-t}z$ . Calcule la tasa de cambio de la temperatura respecto al tiempo en un punto que se mueve por el líquido de forma que en el instante  $t$  su profundidad es  $f(t)$ . ¿Cuál es la tasa de cambio si  $f(t) = e^t$ ? ¿Qué sucede en este caso? (v. 3p))

3. Demostrar que el campo vectorial  $\vec{F}(x, y, z) = (2x/z)\vec{i} + (2y/z)\vec{j} + (1 - \frac{x^2+y^2}{z^2})\vec{k}$  es conservativo y calcular su potencial. (v. 2.5)

4. Determinar si es convergente o no la integral  $\iint_S \frac{y}{1+x^2} dA$ ,  $S$  es la banda  $0 < y < 1$  en el plano  $xy$ , en el caso de que sí lo sea calcular su valor. (v. 2.5)

1. Calcular las ecuaciones paramétricas de las tangentes a la curva  $x = t^3 - 2t, y = t + t^3$  en  $t = 1$ .

(v. 1.5p)

2. Una partícula se mueve siguiendo la curva  $y = x^2$  en el plano  $xy$ , de forma que en el instante  $t$  el módulo de su velocidad  $v = t$ . Calcular la aceleración en el instante  $t = 3$ , si en ese momento está en el punto  $(\sqrt{2}, 2)$ .

(v. 3p)

3. Calcular los valores máximo y mínimo de la función

$$f(x,y) = \frac{x}{(1+x^2+y^2)}.$$

(v. 2p)

Calcular el valor de la constante  $k > 0$  tal que el volumen de la región que está en el interior de la esfera  $x^2 + y^2 + z^2 = a^2$  y por encima del cono  $z = k\sqrt{x^2 + y^2}$  es la cuarta parte del volumen de la esfera total.

(v. 3.5p)

1. a. Transformar la ecuación  $r = 5/(3 \sin \theta - 4 \cos \theta)$  a coordenadas rectangulares e identifique la curva. (1p)  
 b. Los cilindros  $z = x^2$  y  $z = 4y^2$  se cortan en dos curvas, una de las cuales pasa por el punto  $(2, -1, 4)$ . Obtener una parametrización de dicha curva utilizando  $t = y$  como parámetro. (2p)
  
2. a. Utilizar dos métodos diferentes para calcular  $dz/dt$  si  $z = txy^2$ ,  $x = t + \ln(y + t^2)$  e  $y = e^t$ . (1p)  
 b. Si  $\nabla f(x, y) = 0$  en el disco  $x^2 + y^2 < r^2$ , demostrar que  $f(x, y)$  es constante en dicho disco. (1p)
  
3. a. Calcular  $\iint_D 1/(x + y)^2 dA$ , siendo  $D$  la región  $0 \leq x \leq 1, 0 \leq y \leq x^2$ . (1p)  
 b. Calcular  $\iiint_D (x^2 + y^2) dV$  en la región del primer octante limitada por los cilindros  $x^2 + y^2 = 1$ ,  $x^2 + y^2 = 4$ , y por los planos  $z = 0$ ,  $z = 1$ ,  $x = 0$  y  $x = y$ . (2p)
  
4. Determinar los valores de  $A$  y  $B$  para los que el campo vectorial  $\vec{F} = Ax \ln z \vec{i} + By^2 z \vec{j} + (x^2/z + y^3) \vec{k}$  es conservativo. Si  $C$  es la recta que va desde  $(1, 1, 1)$  hasta  $(2, 1, 2)$ , calcular  $\int_C 2x \ln z dx + 2y^2 z dy + y^3 dz$ . (2p)