

# Einführung in die Programmierung für Studierende der Naturwissenschaften SS 2021

<https://aam.uni-freiburg.de/agdo/lehre/ss21/prog/index.html>



## Codebreaker für Caesar-Verschlüsselung mit Häufigkeitsanalyse

von Daniel Rath und Theresa Maurer

### Verschlüsselung und Entschlüsselung

Die Caesar-Verschlüsselung ist eine einfache, monoalphabetische Verschlüsselung. Die Verschlüsselung der Buchstaben a-z entspricht einer Verschiebung des Alphabets um beliebig viele Stellen. Zwischen Groß- und Kleinbuchstaben wird nicht unterschieden.

Beispielsweise wird bei einer Verschiebung um drei Buchstaben das a auf das D abgebildet, das b wird auf das E abgebildet, das c wird auf das F abgebildet, für die anderen Buchstaben wird diese Verfahrensweise analog weitergeführt. Nach der Systematik der Chiffrierung wird die Verschiebung nach dem Z beim A weitergeführt. Also wird das w auf das Z abgebildet und das x folglich auf das A.

Klartext	a	b	c	d	e	f	g	h	i	j	k	l	m	n	o	p	q	r	s	t	u	v	w	x	y	z
Chiffre:	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C

Abbildung 1: Beispiel für eine Caesar-Verschlüsselung mit Verschiebung um 3 Buchstaben

Die Verschlüsselung eines Textes lässt sich bei der Programmierung leichter umsetzen, wenn jeder Buchstabe in seiner ASCII-Darstellung betrachtet wird. Der Buchstabe wird als Zahl dargestellt, die Verschiebung entspricht einer Addition. Eine Verschiebung um drei Buchstaben entspricht einer Addition mit der Zahl 3.

Jedem Buchstaben des Alphabets ist eine Zahl im ASCII-Code zugeordnet:

Character	ASCII	Character	ASCII	Character	ASCII	Character	ASCII	Character	ASCII
a	97	n	110	A	65	N	78	0	48
b	98	o	111	B	66	O	79	1	49
c	99	p	112	C	67	P	80	2	50
d	100	q	113	D	68	Q	81	3	51
e	101	r	114	E	69	R	82	4	52
f	102	s	115	F	70	S	83	5	53
g	103	t	116	G	71	T	84	6	54
h	104	u	117	H	72	U	85	7	55
i	105	v	118	I	73	V	86	8	56
j	106	w	119	J	74	W	87	9	57
k	107	x	120	K	75	X	88		
l	108	y	121	L	76	Y	89		
m	109	z	122	M	77	Z	90		

Abbildung 2: Groß-/Kleinbuchstaben und Zahlen mit dem entsprechenden ASCII-Code

Der Einfachheit halber beschränken wir uns hier auf die Kleinbuchstaben von a-z, also die ASCII-Zeichen 97-122. Ein Kleinbuchstabe x in ASCII-Darstellung kann nun durch eine additive Funktion

$$C(x) = ((x - 97) + c) \bmod 26 + 97$$

verschlüsselt werden, für ein  $c \in \mathbb{Z}$ . Der verschlüsselte Buchstabe ist wieder eine Zahl zwischen 97-122 und somit auch ein Kleinbuchstabe. Das c bewirkt die Verschiebung des Alphabets.

Die zugehörige Dechiffrierfunktion ist

$$D(x) = ((x - 97) - c) \bmod 26 + 97,$$

da

$$\begin{aligned}
 D(C(x)) &= (((x - 97) + c) \bmod 26 + 97 - 97) - c \bmod 26 + 97 \\
 &= (((x - 97) + c) - c) \bmod 26 + 97 \\
 &= ((x - 97) \bmod 26) + 97 = x, \text{ für } 97 \leq x \leq 122
 \end{aligned}$$

Für ein  $c$ , das die Funktionen  $C(x)$  und  $D(x)$  eindeutig bestimmt, bewirkt jede Zahl  $c'$ , mit der Eigenschaft  $c = c' \bmod 26$ , dieselbe Verschiebung des Alphabets. Daher gibt es für die Chiffrier-/Dechiffrierfunktion nur 26 verschiedene Möglichkeiten. Folgend sind Caesar-Verschlüsselungen sehr einfach zu knacken und stellen in der Anwendung keine sichere Chiffrierung da.

## Entschlüsselung eines Caesar-chiffrierten Textes durch Häufigkeitsanalyse

Um einen Caesar-verschlüsselten Text zu entschlüsseln, muss die Dechiffrierfunktion  $D(x)$  gefunden werden und auf jeden Buchstaben angewendet werden. Dazu reicht aus, die Verschiebung  $c$  zu finden, da durch das  $c$  die Funktion  $D(x)$  eindeutig bestimmt wird.

In der deutschen Sprache kommt das  $e$  eindeutig am häufigsten vor. Durch eine Häufigkeitsanalyse der Buchstaben des verschlüsselten Textes, lässt sich so der Buchstabe  $y$  (in Ascii-Darstellung), auf den das  $e$  abgebildet wurde, ermitteln. Es gilt  $D(y) = ((y - 97) - c) \bmod 26 + 97 = 101$  und somit  $c = y - 101$ .

Buchstabe	Häufigkeit in %	Buchstabe	Häufigkeit in %
a	6,51	n	9,78
b	1,89	o	2,51
c	3,06	p	0,79
d	5,08	q	0,02
e	17,40	r	7,00
f	1,66	s	7,27
g	3,01	t	6,15
h	4,76	u	4,35
i	7,55	v	0,67
j	0,27	w	1,89
k	1,21	x	0,03
l	3,44	y	0,04
m	2,53	z	1,13

Abbildung 3: Häufigkeit der Buchstaben in der deutschen Sprache

Dabei ist zu Beachten, dass die Häufigkeitsanalyse nur bei ausreichend langen Texten funktioniert. In unserem Programm benötigt der Text mindestens 25 Buchstaben.

## C++-Programm zur Ent-/Verschlüsselung

### Die Verschlüsselungsfunktion: `encrypt_text()`

Die Funktion fordert als erstes die Eingabe eines zu verschlüsselnden Textes, wobei der eingebene Text mindestens 25 Zeichen enthalten muss, damit sich der Text auch wieder mit einer Häufigkeitsanalyse entschlüsseln lässt. Dann muss noch der Kleinbuchstabe eingegeben werden, auf den das a bei der Verschlüsselung abgebildet werden soll, um die Differenz  $c$  zu bestimmen. Anschließend werden alle Großbuchstaben des Textes in Kleinbuchstaben umgewandelt. Dann wird über den ganzen Text iteriert und auf jeden Buchstaben die Verschlüsselungsfunktion  $C(x)$  angewandt, wobei Sonderzeichen nicht verschlüsselt werden, sondern einfach an der richtigen Stelle im Text wieder eingefügt werden.

Der verschlüsselte Text wird dann als string zurückgegeben.

### Die Entschlüsselungsfunktion: `decrypt_text()`

Die Funktion nimmt einen Caesar-verschlüsselten Text als Eingabe, der mindestens die Länge 2 hat (und keine Großbuchstaben enthält). Dann wird die Häufigkeit jedes Buchstaben im Text gezählt und in eine Priority Queue eingefügt, wobei der key die absolute Häufigkeit als integer ist und der value der entsprechende Buchstabe.

Der am häufigsten verwendete Buchstabe im verschlüsselten Text entspricht dann dem value des obersten Elements in der Priority Queue und kann einfach ausgelesen werden. Daraus kann die Differenz  $c$  wie oben beschrieben berechnet werden und anschließend die Funktion  $D(x)$  auf den gesamten Text angewendet werden.

Am Ende werden die ersten zwanzig Buchstaben des entschlüsselten Textes ausgegeben und überprüft, ob das wirklich der entschlüsselte Text ist. Falls nicht, wird angenommen, dass der nächst häufigste Buchstabe das e war und der Text wird damit entschlüsselt. Das wird dreimal wiederholt, wenn dann kein richtiger Text gefunden wurde, kann angenommen werden, dass der eingebene Text gar nicht Caesar-verschlüsselt war.

Entsprechen die ersten zwanzig Buchstaben einem korrekten Text, wird der ganze entschlüsselte Text als string zurückgegeben.

### `main_program()`

## Quellen:

23.06.21, Beispiel  $c=3$ :

<https://www.ionos.de/digitalguide/fileadmin/DigitalGuide/Screenshots/caesar-verschluessel.png>

27.07.21, Ascii Alphabet:

<https://www.braingle.com/brainteasers/codes/images/ascii.png>

23.06.21, Tabelle:

<https://www.seo-woman.de/bilder/2012/buchstaben-haeufigkeit-deutsches-alphabet.jpg>