

Consejo Nacional de Ciencia y Tecnología
Centro de Investigación en Matemáticas, A.C.

**Estimaciones de la Tasa de Reproducción Efectiva
 R_t de COVID-19 para los Estados y Zonas
Metropolitanas de México**

27 de Mayo de 2020

Reporte realizado por:

- Dra. Graciela González Farías
- M.en C. Domingo Iván Rodríguez González



CONSEJO NACIONAL DE CIENCIA Y TECNOLOGÍA

CENTRO DE INVESTIGACIÓN EN MATEMÁTICAS, A.C.

27 de Mayo de 2020

Tabla de Contenidos

1	Estimaciones de R_t en Orden Ascendente	4
1.1	Estimaciones de R_t por Estado en Orden Ascendente	5
1.2	Estimaciones de R_t por Zona Metropolitana en Orden Ascendente	6
2	Estimaciones de R_t por Estado	7
3	Estimaciones de R_t por Zona Metropolitana	19
4	Metodología de Estimación de R_t	29
4.1	Metodología para la Estimación del R_t .	30
4.1.1	Datos de entrada para la estimación	30
4.1.2	Estimación de la tasa de reproducción efectiva R_t	30

1. Estimaciones de R_t en Orden Ascendente

1.1 Estimaciones de R_t por Estado en Orden Ascendente

Las estimaciones se obtuvieron a partir de los datos oficiales del Gobierno Federal al día 27 de Mayo de 2020

La figura 1.1 muestra las estimaciones del R_t para los 32 estados de México, ordenados de manera ascendente. Se tomaron los datos de nuevos casos hasta el día 21 de Mayo de 2020. En verde se muestran los estados para los que el R_t estimado es menor a 1. Se incluyen los intervalos de máxima densidad del 50 % y 90 %.

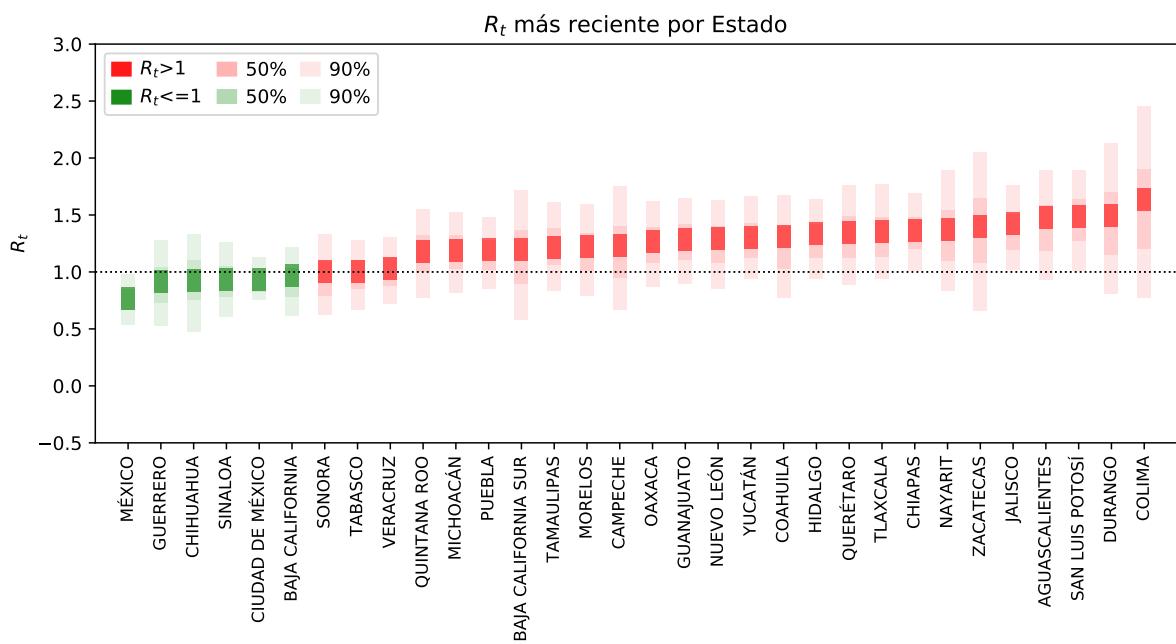


Fig. 1.1: Valor de R_t más reciente para los 32 estados de México.

1.2 Estimaciones de R_t por Zona Metropolitana en Orden Ascendente

Las estimaciones se obtuvieron a partir de los datos oficiales del Gobierno Federal al día 27 de Mayo de 2020

La figura 1.2 muestra las estimaciones del R_t para las 25 Zonas Metropolitanas con mayor número de casos confirmados de COVID-19, ordenadas de manera ascendente. Se tomaron los datos de nuevos casos hasta el día 21 de Mayo de 2020. En verde se muestran las zonas metropolitanas para las que el R_t estimado es menor a 1. Se incluyen los intervalos de máxima densidad del 50 % y 90 %.

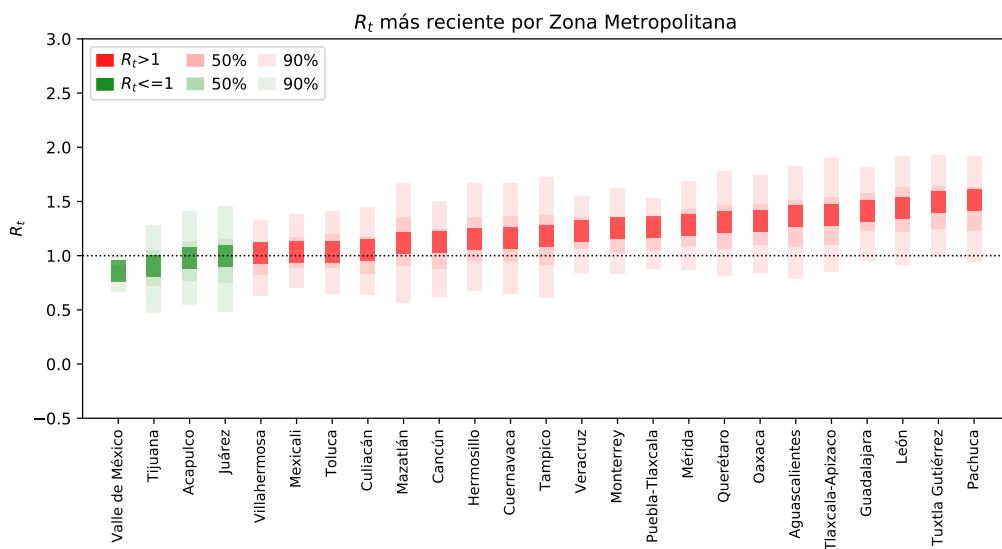
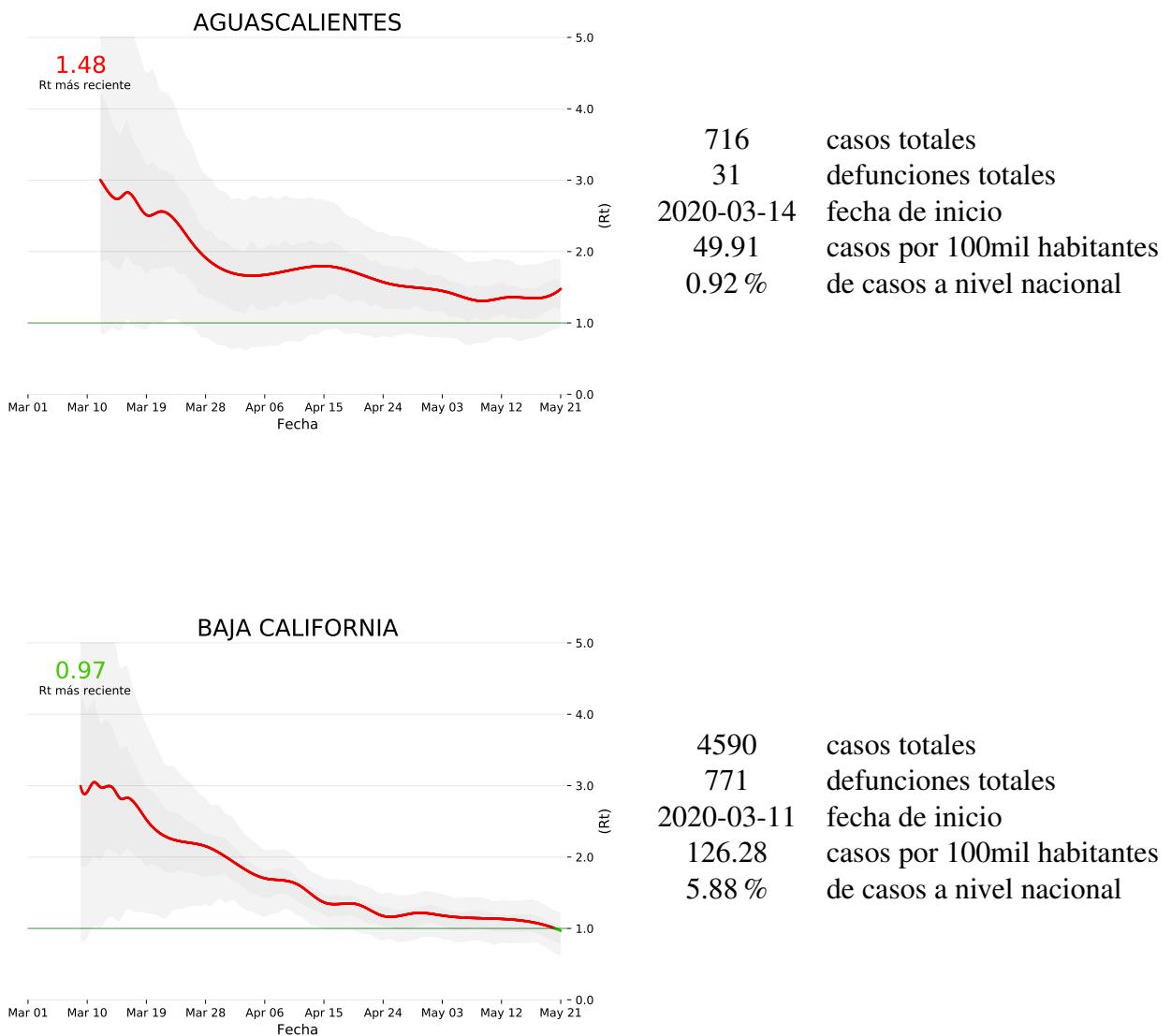


Fig. 1.2: Valor de R_t más reciente para las 25 Zonas Metropolitanas con mayor número de casos.

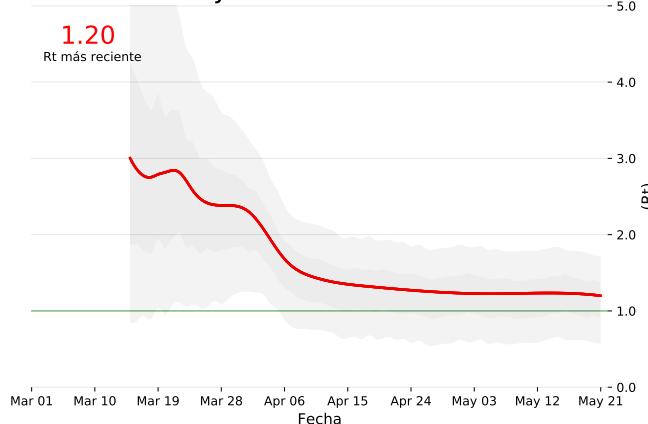
2. Estimaciones de R_t por Estado

Las estimaciones se obtuvieron a partir de los datos oficiales del Gobierno Federal al día 27 de Mayo de 2020

A continuación se muestran las gráficas del comportamiento de la tasa R_t a lo largo del tiempo para los 32 estados de México. La fecha inicial se toma a partir de la cual existen datos suficientes para hacer la estimación, mientras que la fecha final corresponde al 21 de Mayo de 2020, es decir, 7 días anteriores de la fecha de elaboración de este reporte.

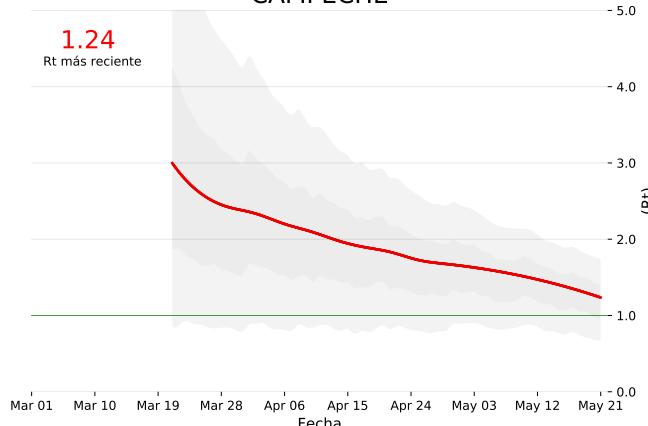


BAJA CALIFORNIA SUR



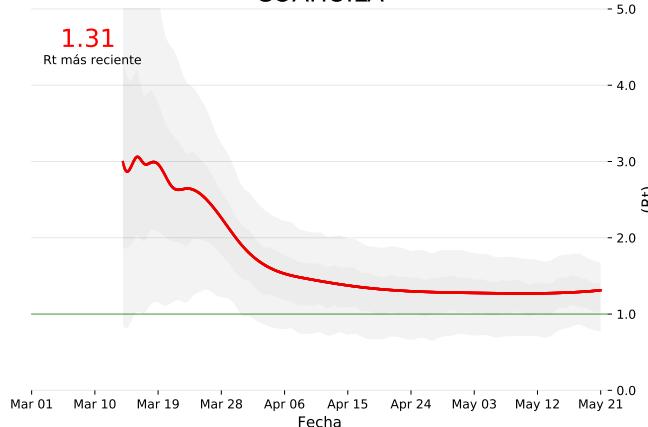
557 casos totales
33 defunciones totales
2020-03-18 fecha de inicio
69.22 casos por 100mil habitantes
0.71 % de casos a nivel nacional

CAMPECHE

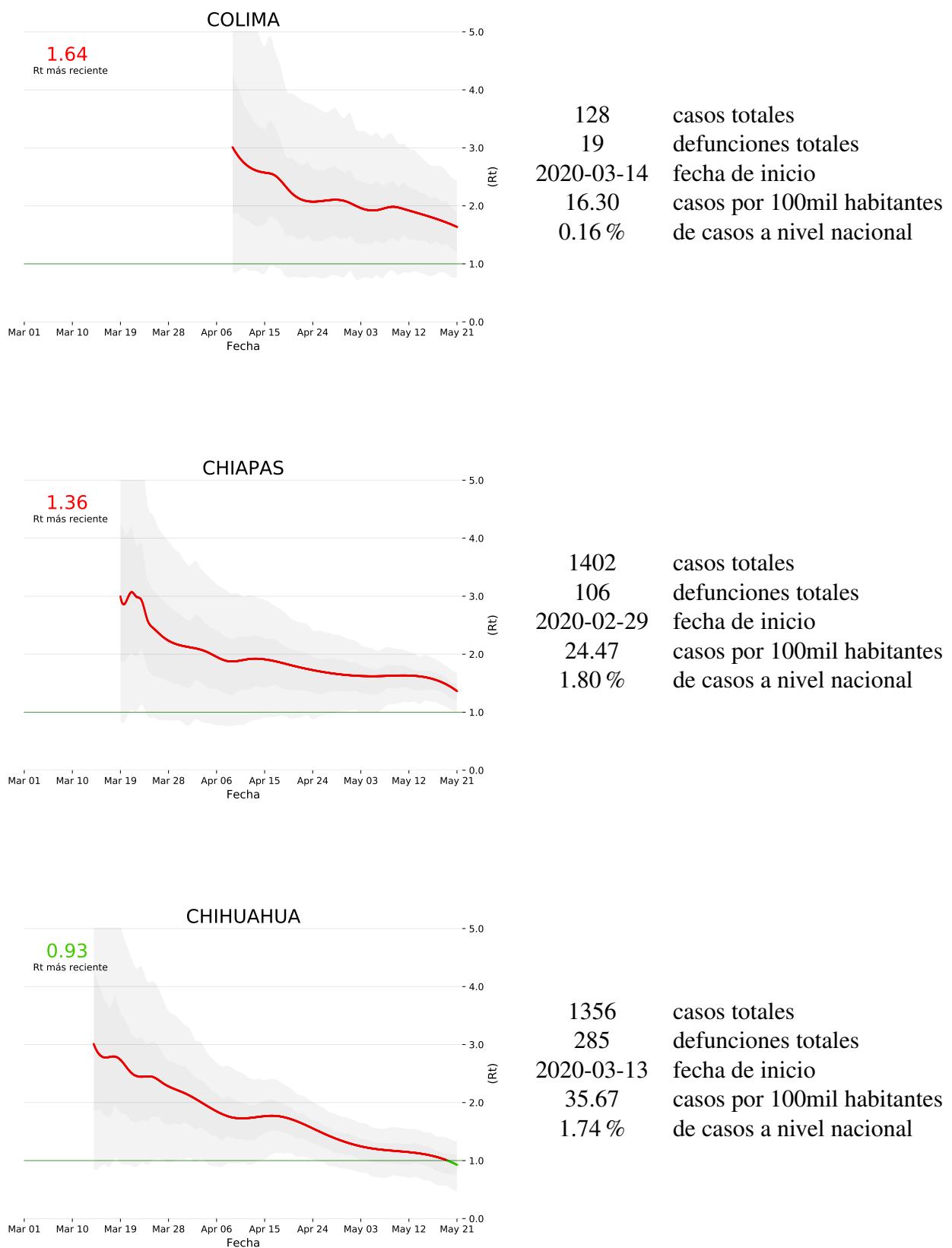


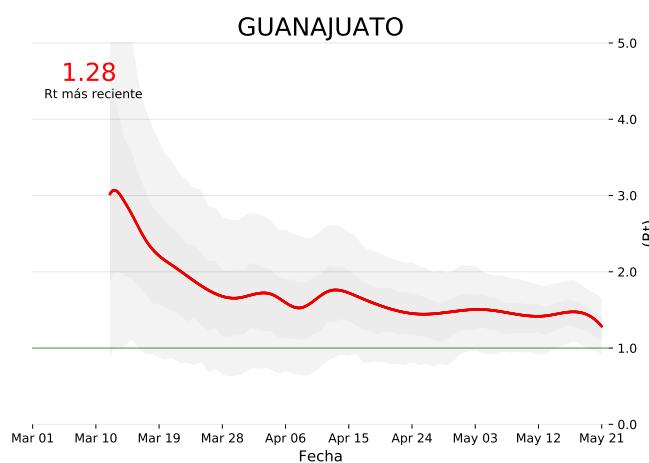
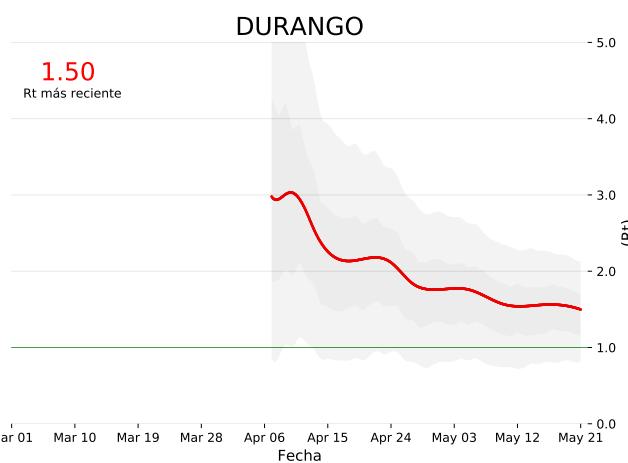
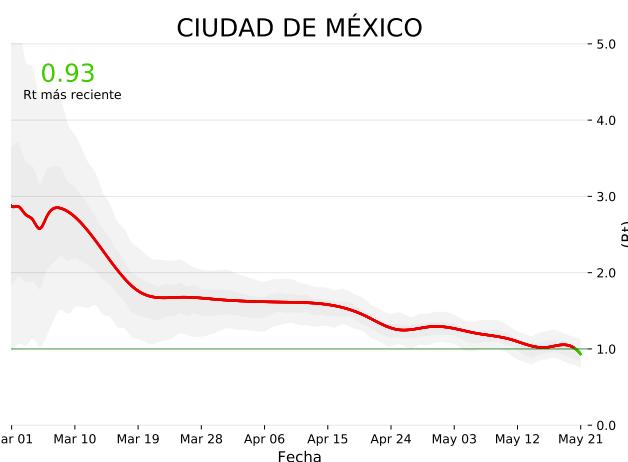
486 casos totales
59 defunciones totales
2020-03-08 fecha de inicio
48.57 casos por 100mil habitantes
0.62 % de casos a nivel nacional

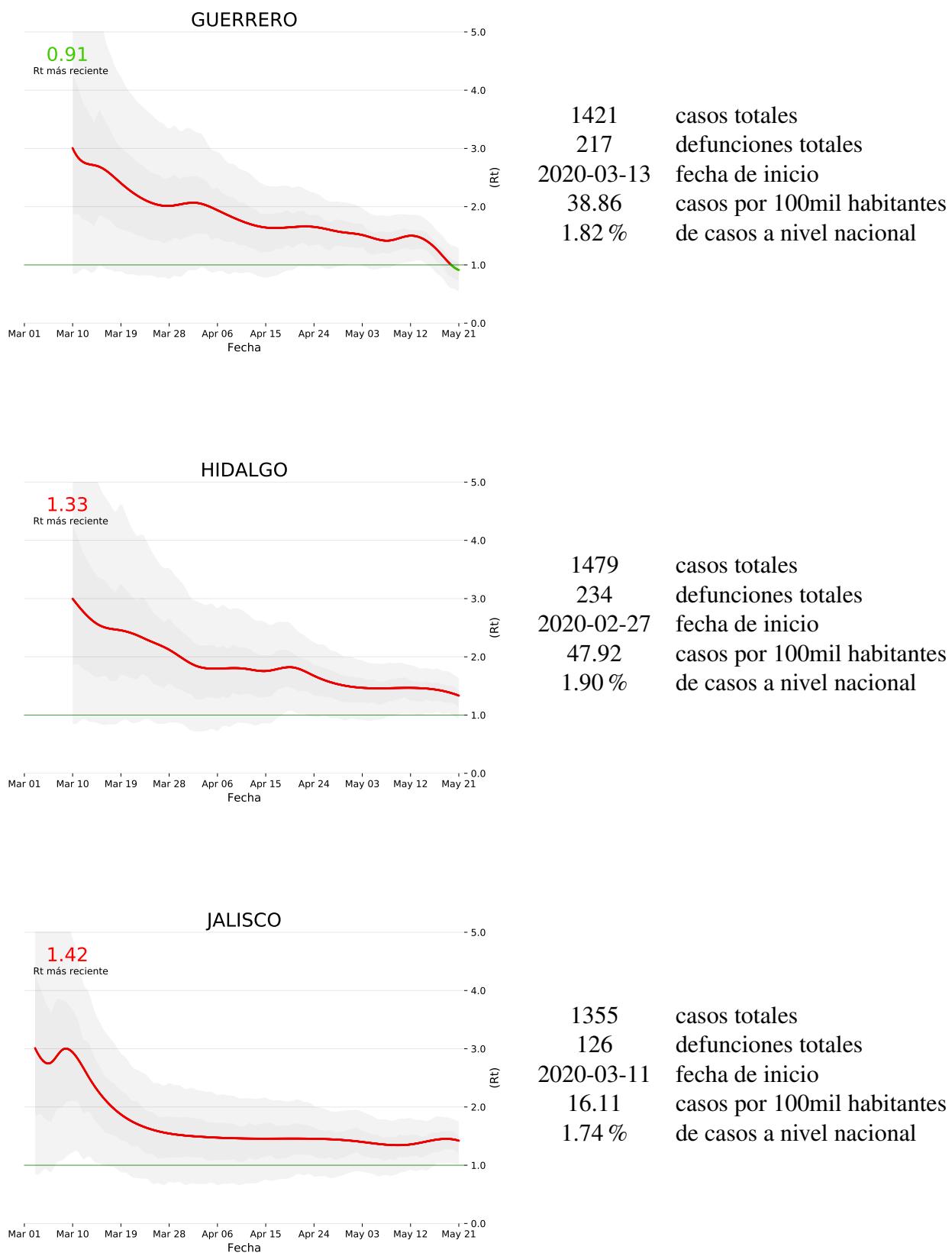
COAHUILA

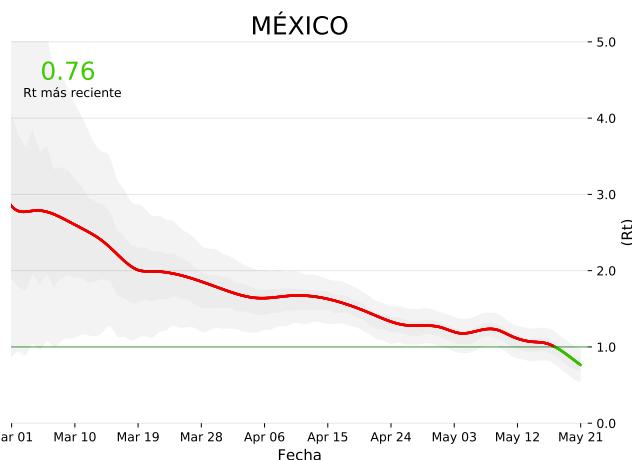


965 casos totales
72 defunciones totales
2020-02-28 fecha de inicio
29.98 casos por 100mil habitantes
1.24 % de casos a nivel nacional

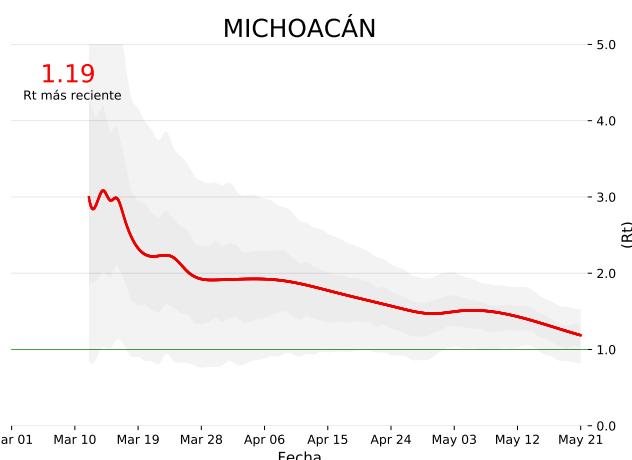




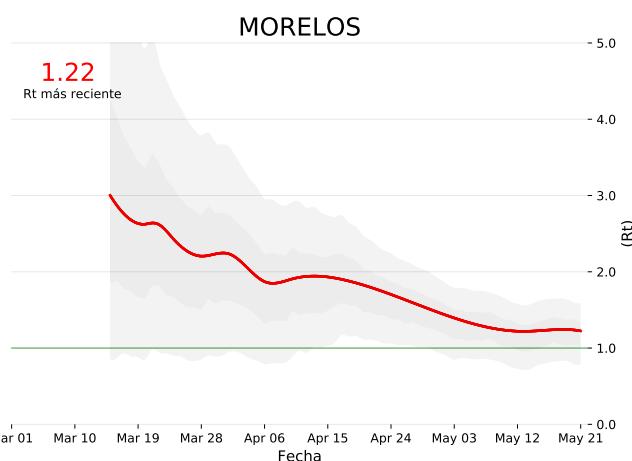




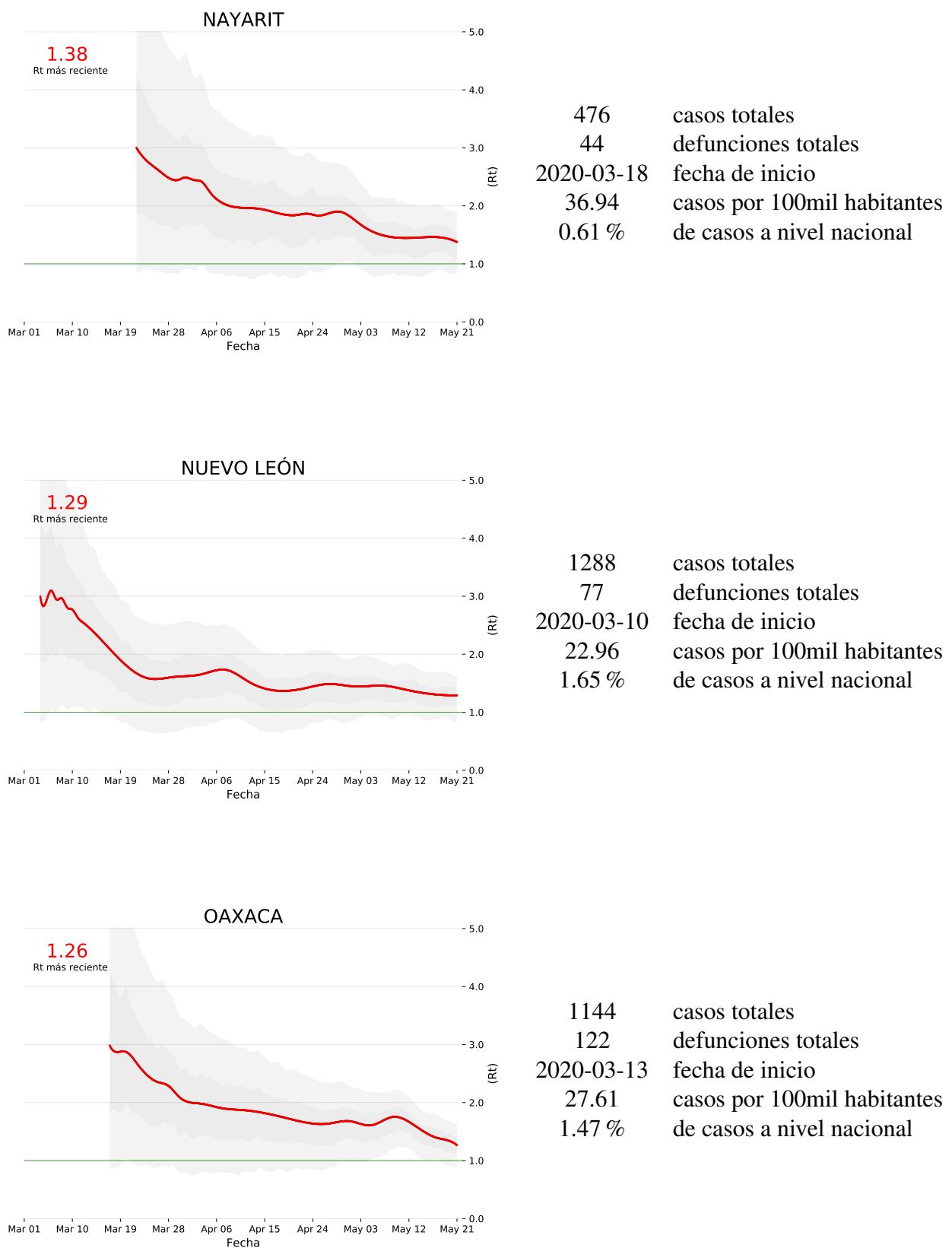
13140 casos totales
1393 defunciones totales
2020-02-28 fecha de inicio
75.40 casos por 100mil habitantes
16.84 % de casos a nivel nacional

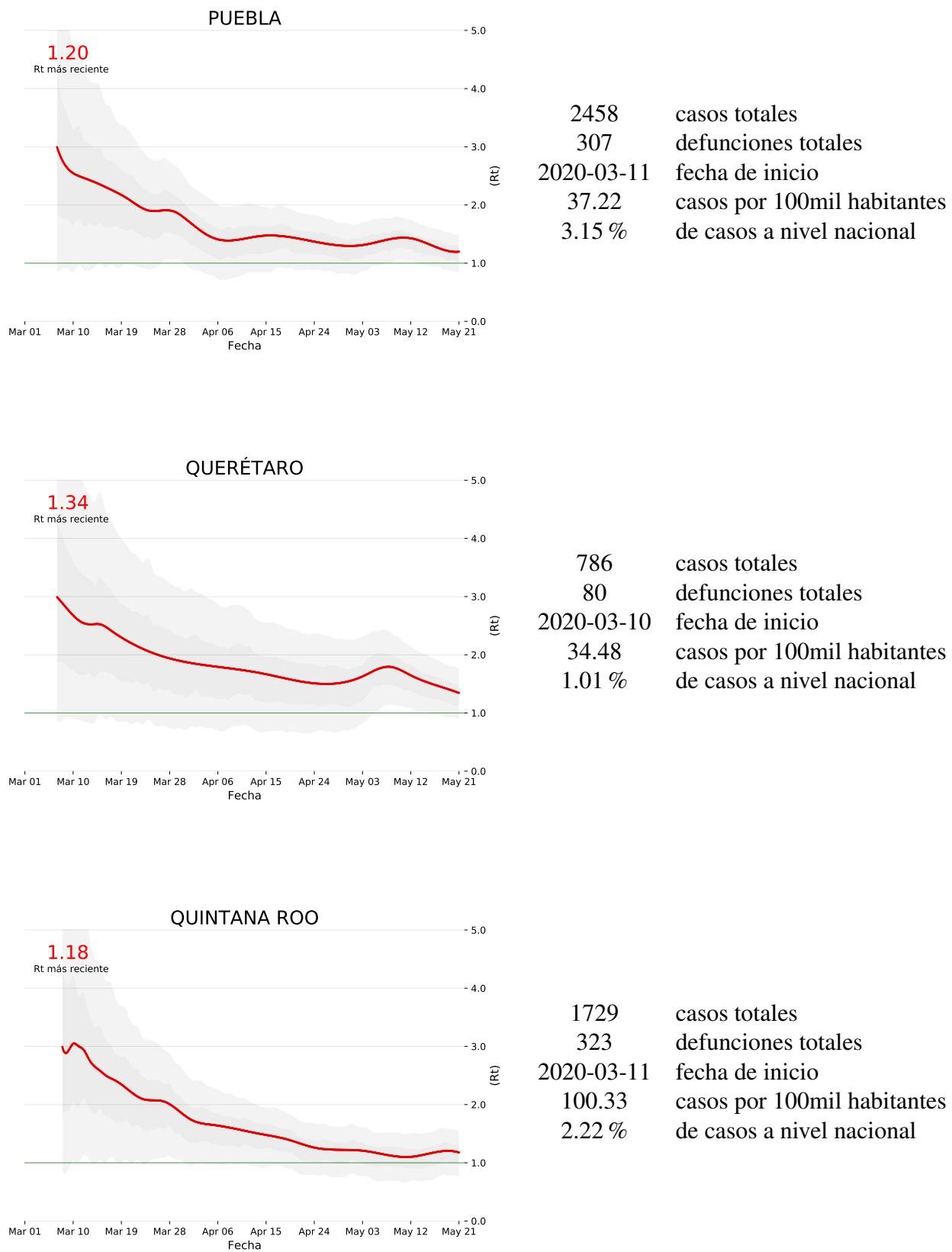


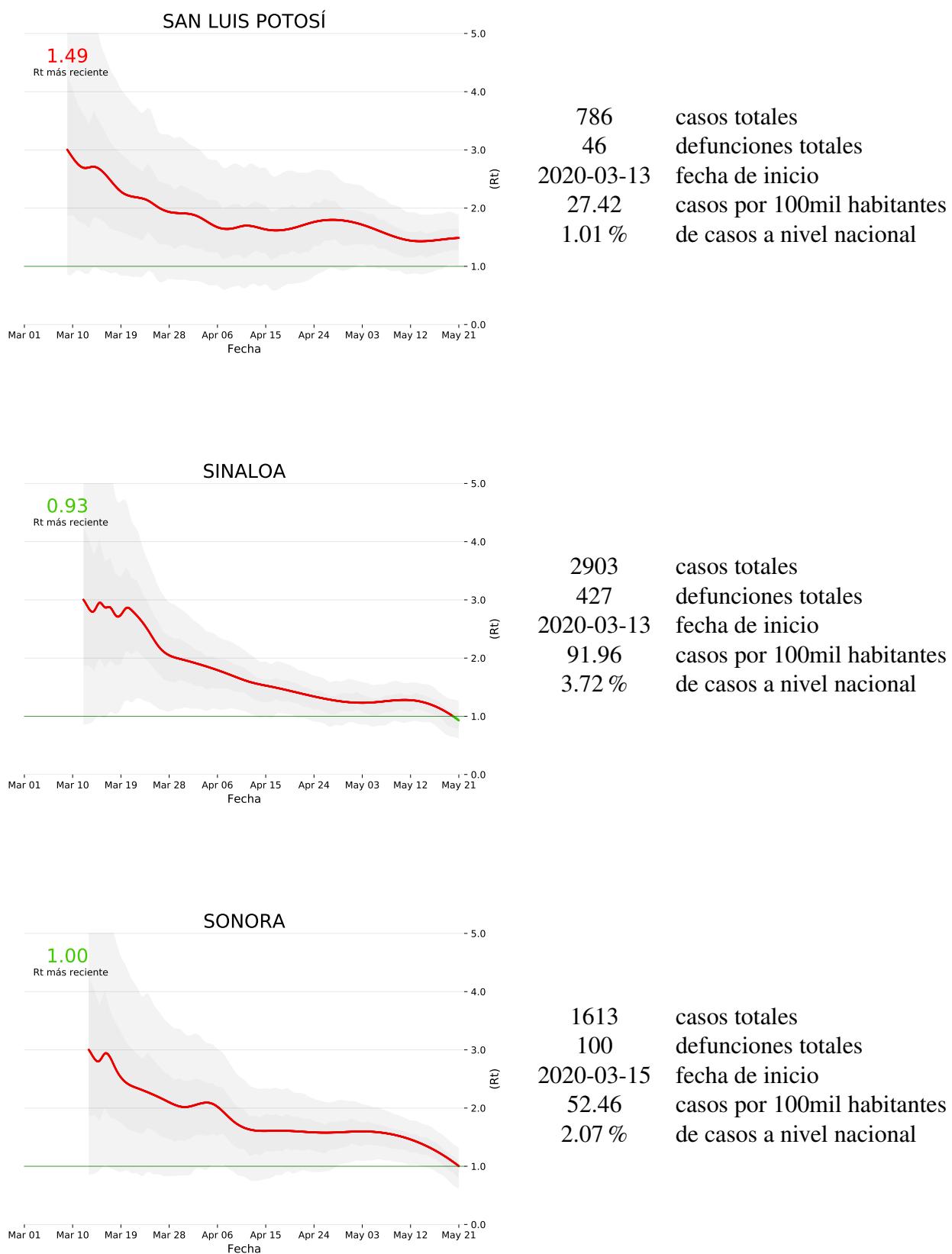
1613 casos totales
138 defunciones totales
2020-03-18 fecha de inicio
33.43 casos por 100mil habitantes
2.07 % de casos a nivel nacional

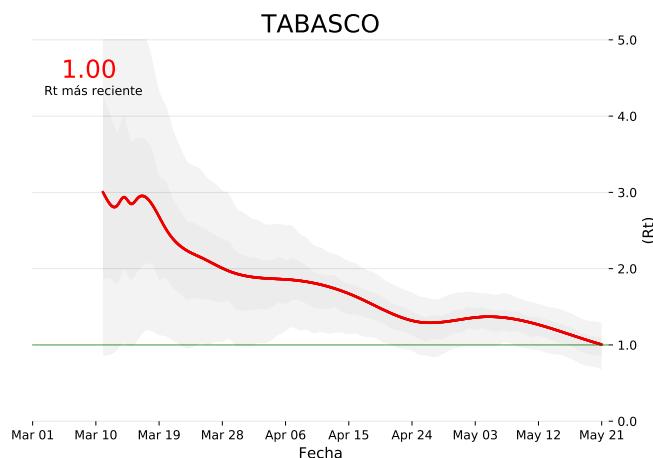


1264 casos totales
251 defunciones totales
2020-03-09 fecha de inicio
61.84 casos por 100mil habitantes
1.62 % de casos a nivel nacional

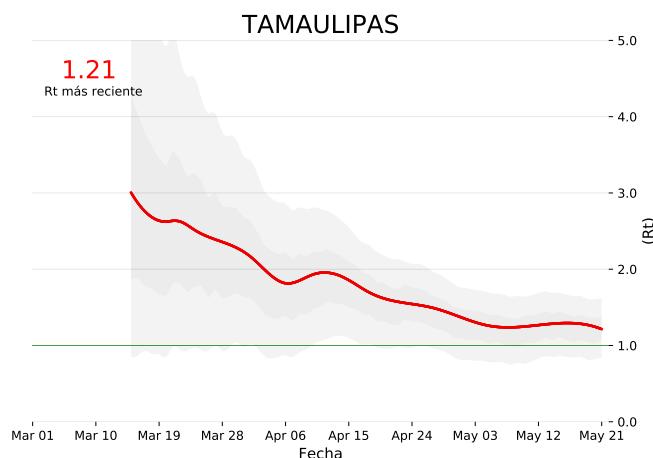




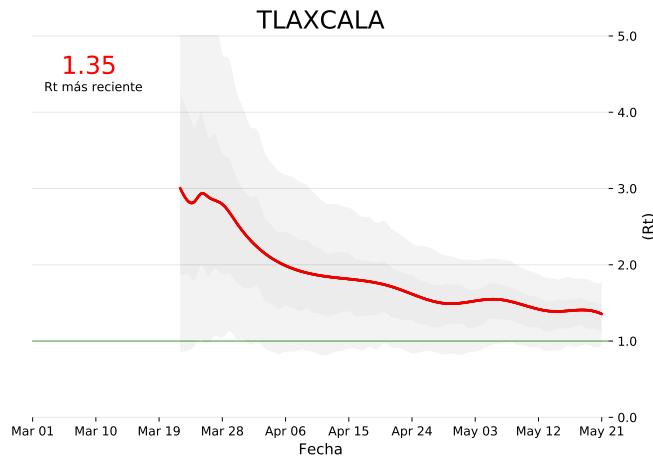




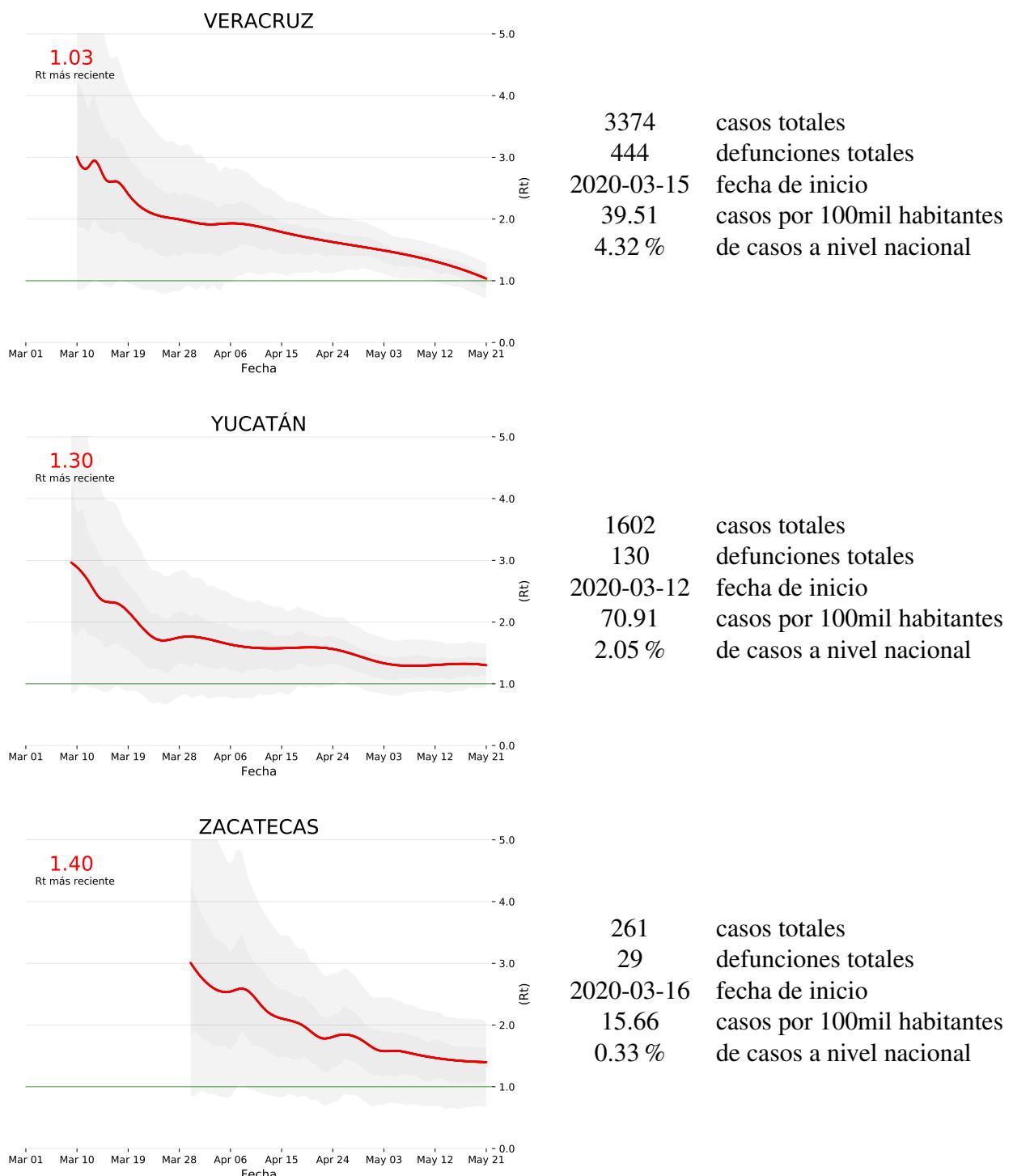
3484 casos totales
438 defunciones totales
2020-03-17 fecha de inicio
135.44 casos por 100mil habitantes
4.47 % de casos a nivel nacional



1360 casos totales
87 defunciones totales
2020-03-15 fecha de inicio
37.25 casos por 100mil habitantes
1.74 % de casos a nivel nacional



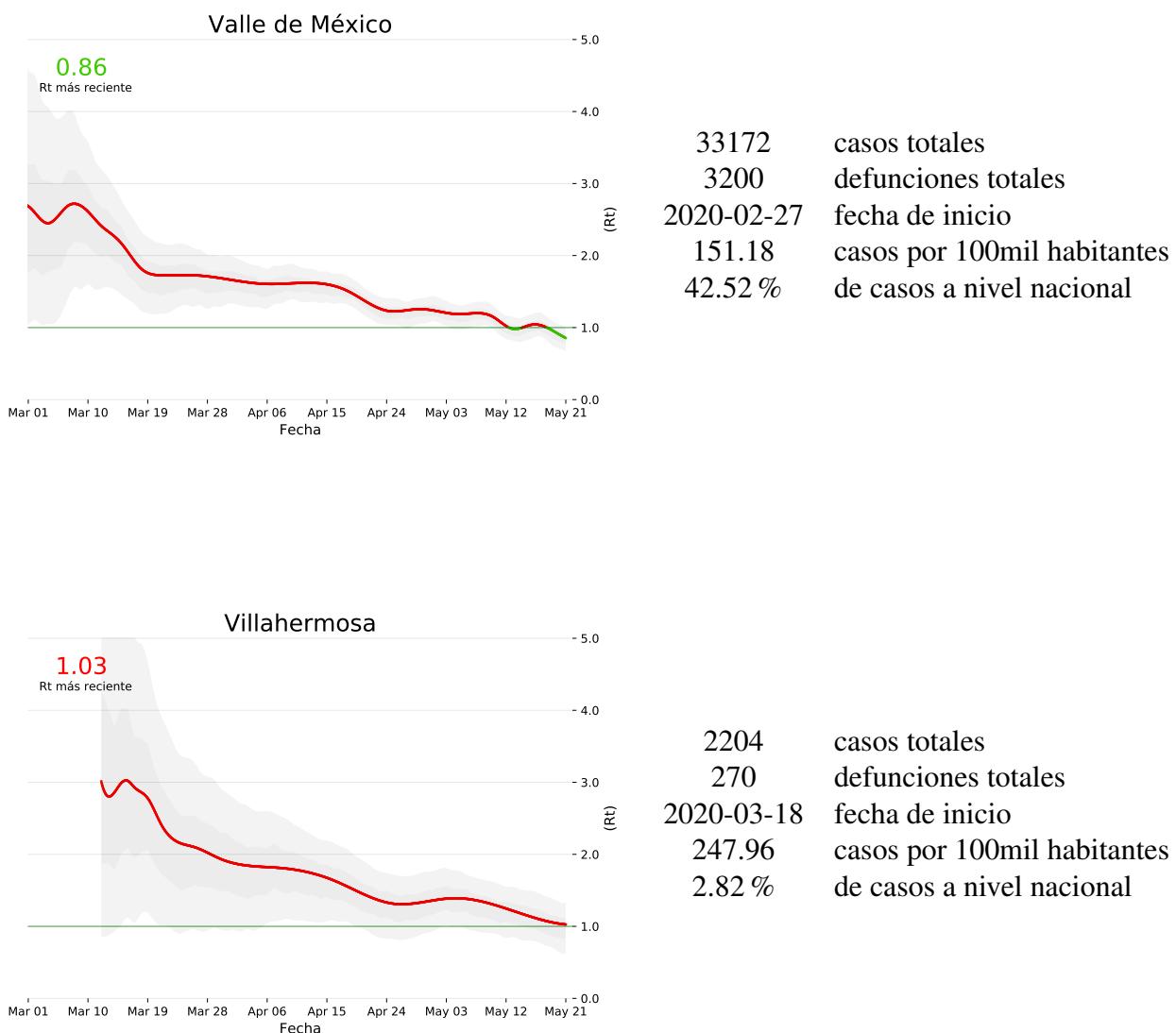
944 casos totales
130 defunciones totales
2020-03-23 fecha de inicio
68.41 casos por 100mil habitantes
1.21 % de casos a nivel nacional

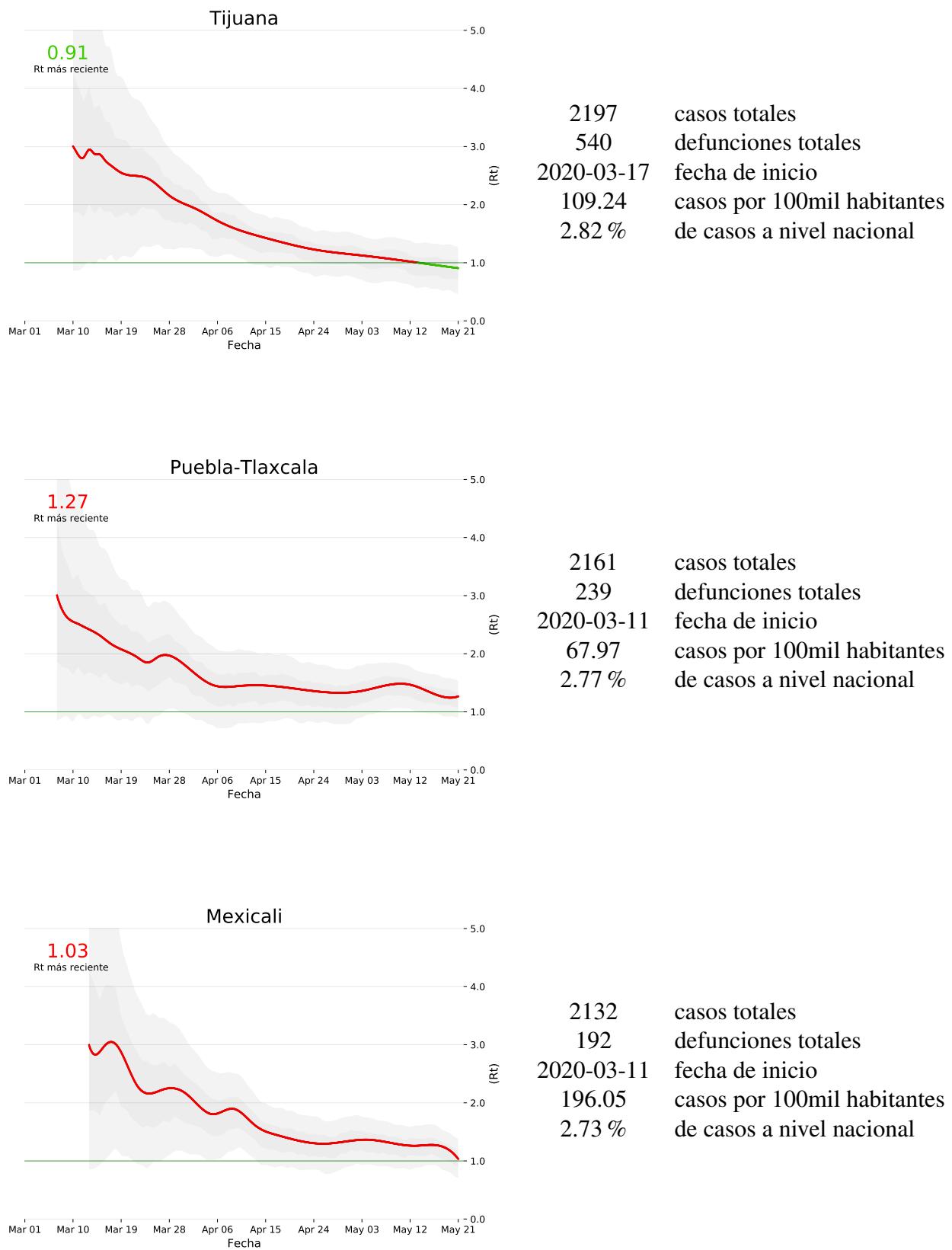


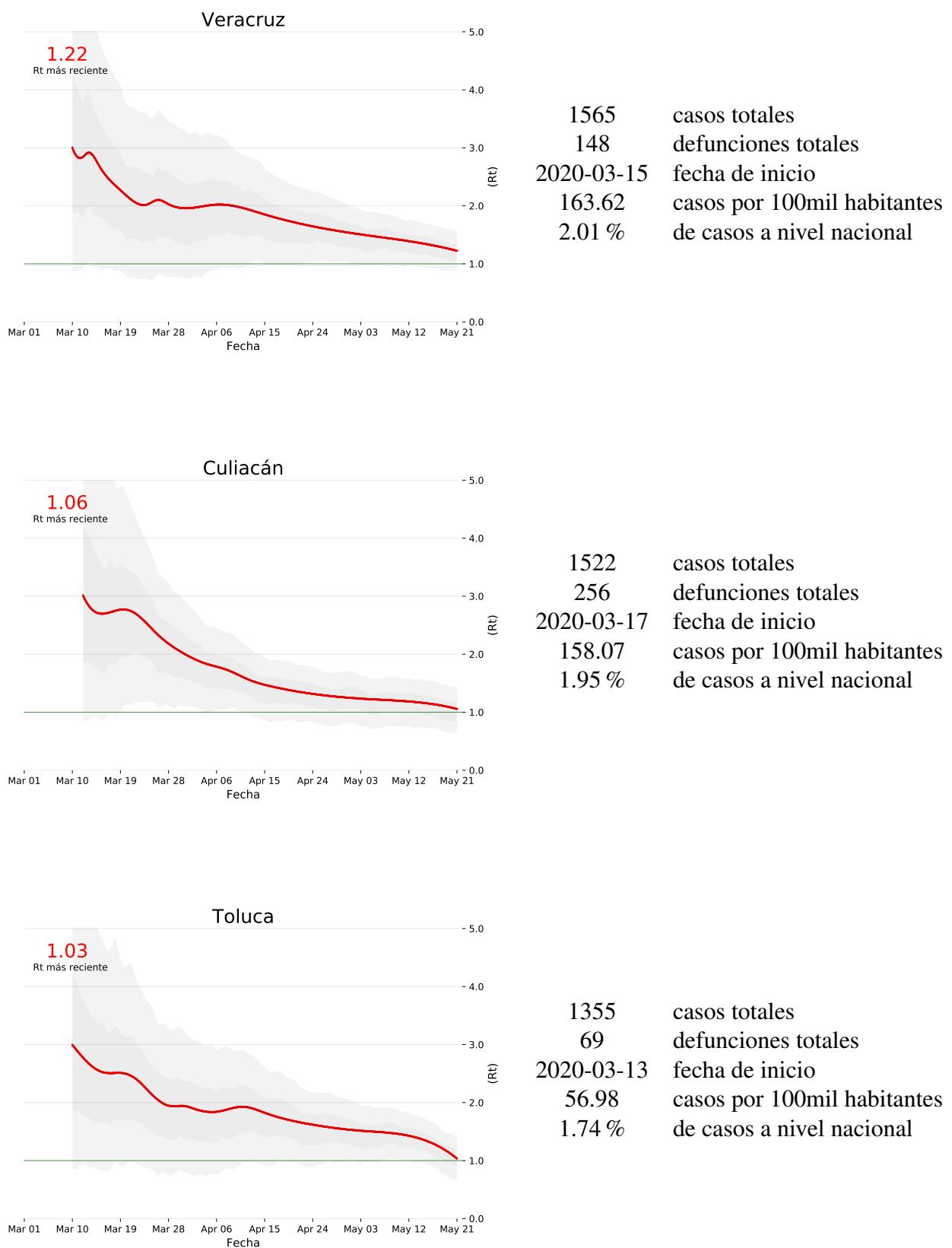
3. Estimaciones de R_t por Zona Metropolitana

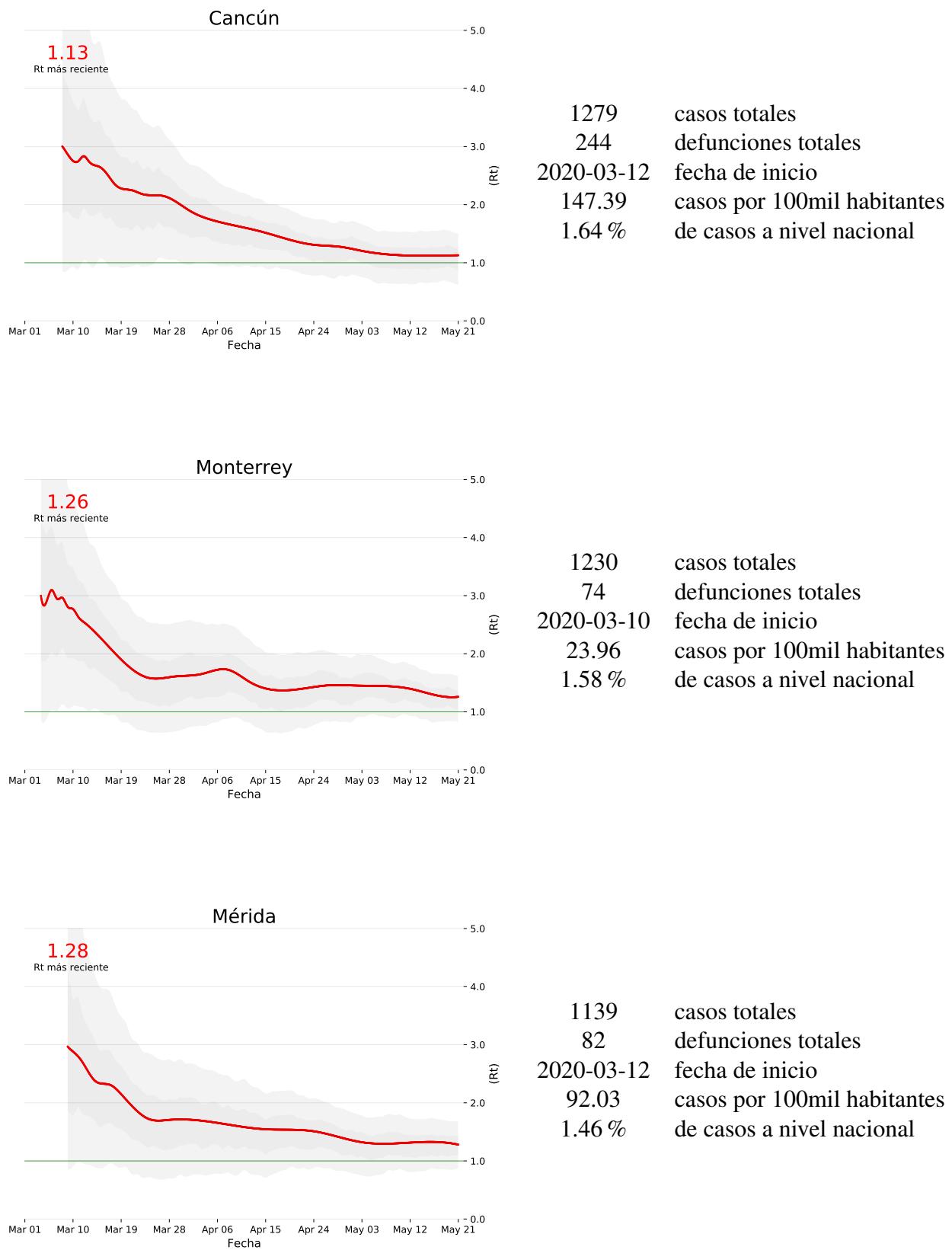
Las estimaciones se obtuvieron a partir de los datos oficiales del Gobierno Federal al día 27 de Mayo de 2020

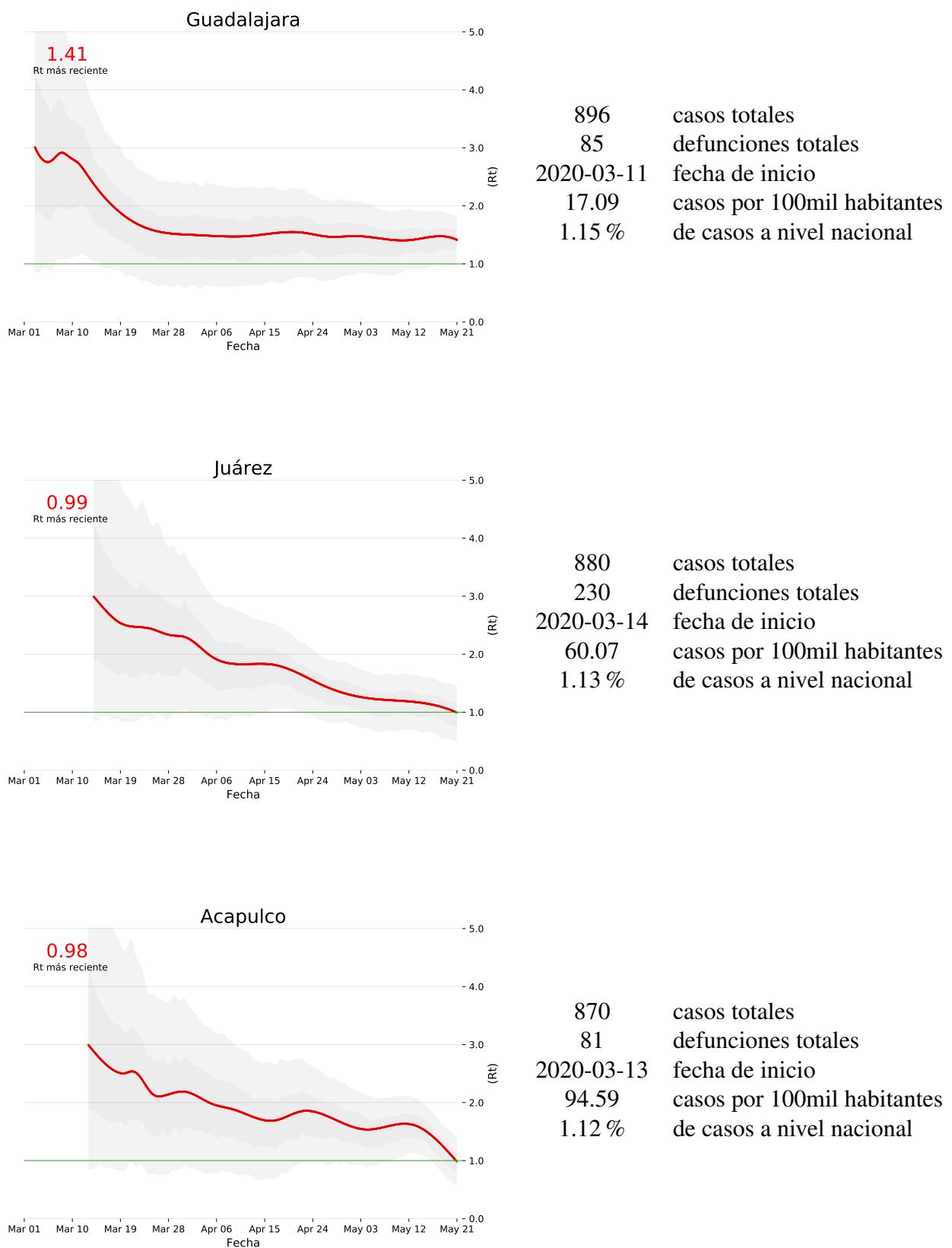
A continuación se muestran las gráficas del comportamiento de la tasa R_t a lo largo del tiempo para las 25 Zonas Metropolitanas con mayor número de casos de COVID-19. La fecha inicial se toma a partir de la cual existen datos suficientes para hacer la estimación, mientras que la fecha final corresponde al 21 de Mayo de 2020, es decir, 7 días anteriores de la fecha de elaboración de este reporte.

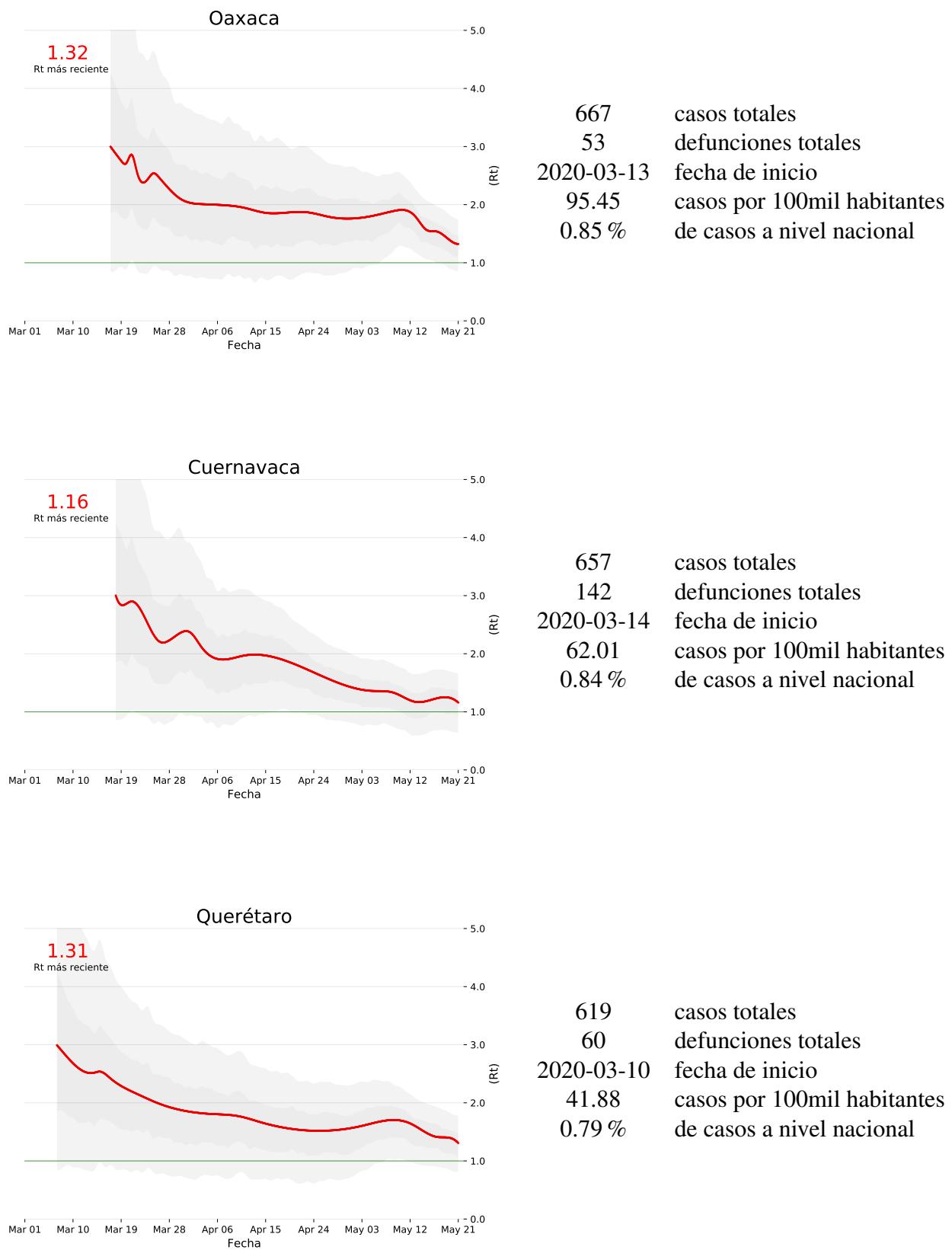


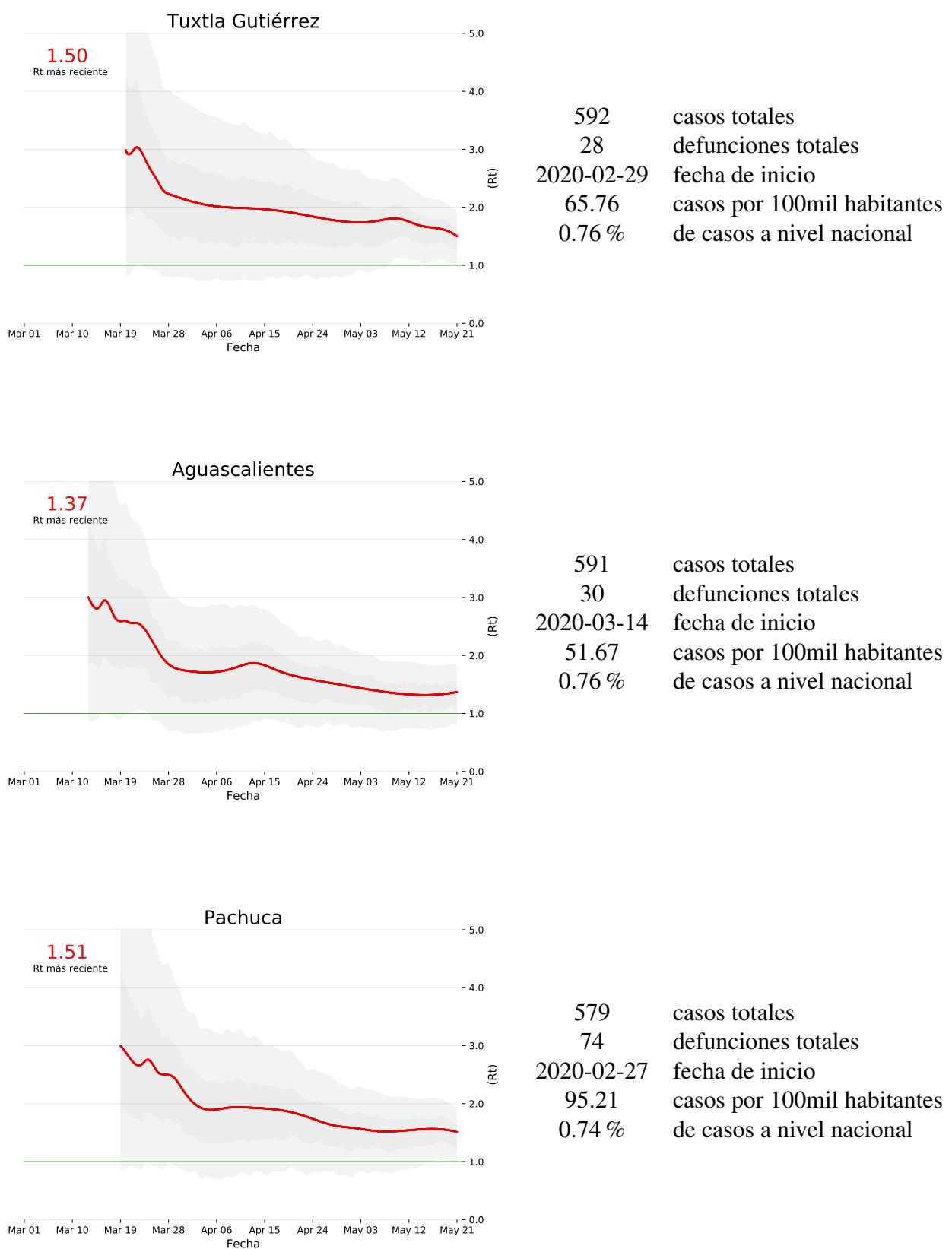


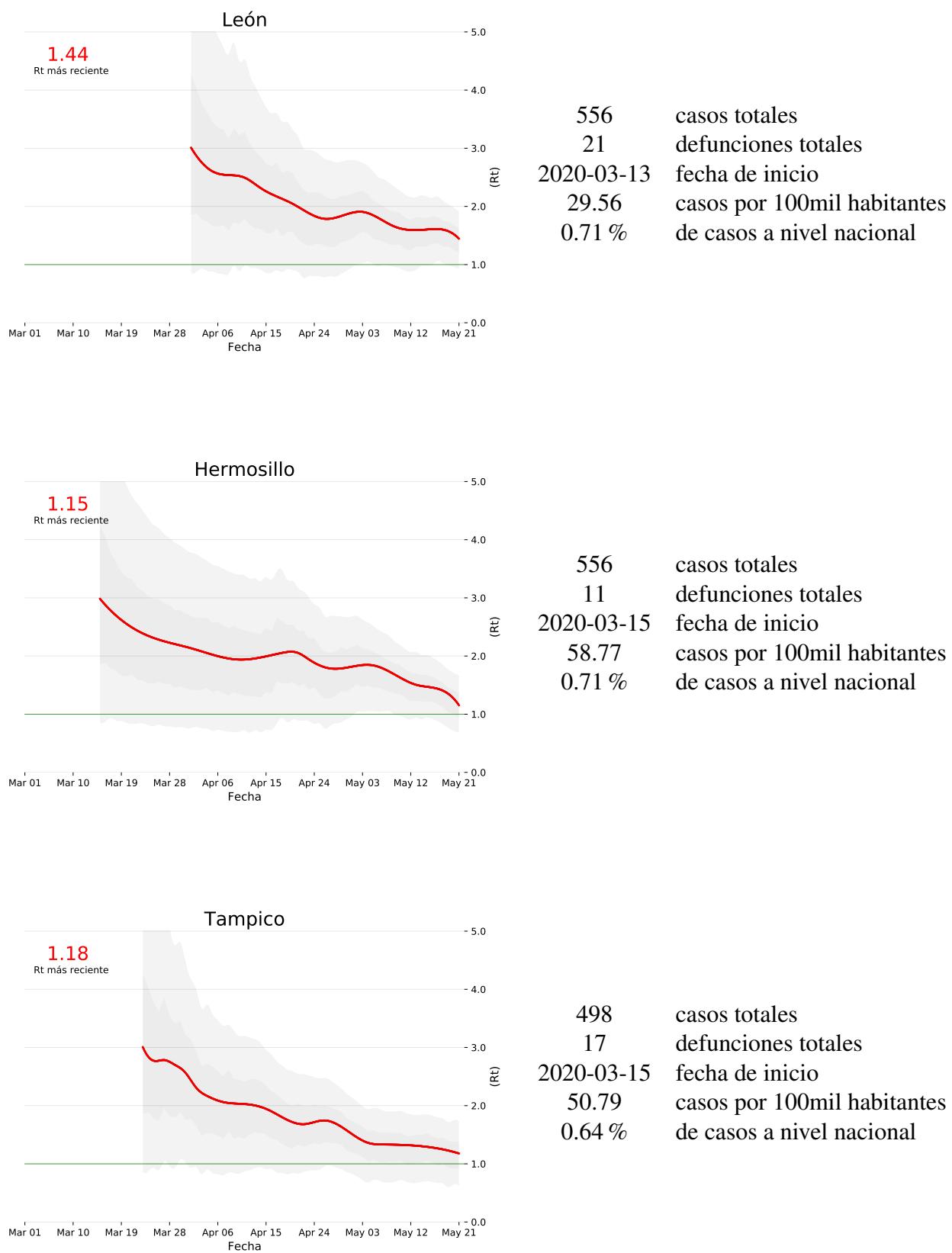


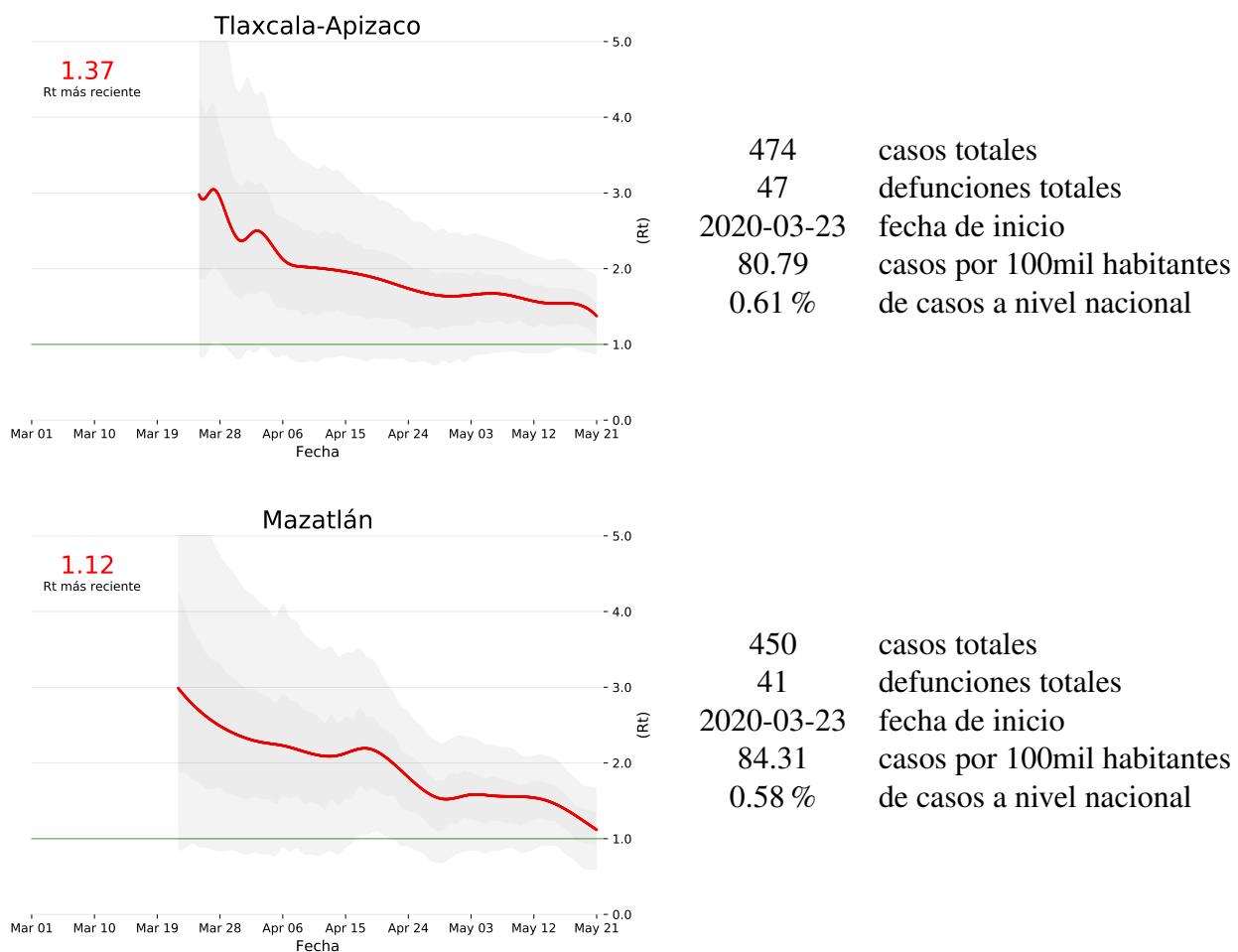












4. Metodología de Estimación de R_t

4.1 Metodología para la Estimación del R_t .

A continuación se resume la metodología utilizada para estimar el valor de la tasa de reproducción R_t cada día por Estados y Zonas Metropolitanas de la República Mexicana. La cual está basada en la propuesta del sitio *Estimating COVID-19's Rt in Real-Time* [1], que estima los valores de R_t para los Estados Unidos de América.

Esta tasa de reproducción es una medida de la rapidez con la que se transmite la enfermedad COVID-19, pues se refiere al número promedio de personas que son infectadas por una persona infecciosa. Si el valor de R_t es superior a 1.0, la enfermedad continúa su expansión, mientras que si es menor a 1.0 la expansión se está deteniendo.

4.1.1 Datos de entrada para la estimación

Los datos a partir de los cuáles se estiman los valores de R_t corresponden a la información oficial provista por el Gobierno de México, a través de su portal de acceso abierto, respecto a los casos confirmados de COVID-19 en el país (ver el sitio).

Mediante estos datos se determina la serie de nuevos casos confirmados por día para cada uno de los estados, tomando como fecha el día de presentación de los síntomas de cada individuo. Se descartan los datos correspondientes a los últimos 7 días. La siguiente gráfica muestra los nuevos casos diarios para la Ciudad de México hasta el 26 de abril.



4.1.2 Estimación de la tasa de reproducción efectiva R_t

Se estima la probabilidad a posteriori $P(R_t|k)$ utilizando el Teorema de Bayes, donde t es el día y k es el número de casos nuevos de COVID-19 en ese día:

$$P(R_t|k) = \frac{P(k|R_t) \cdot P(R_t)}{P(k)} \quad (4.1)$$

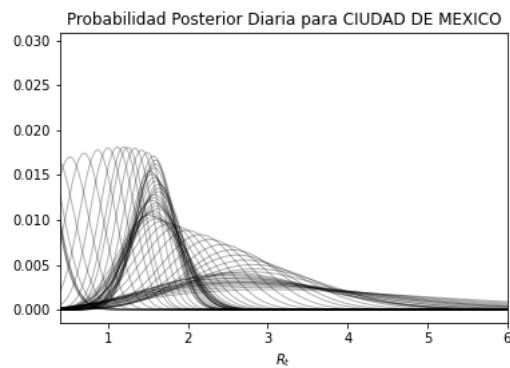
La **probabilidad a priori** $P(R_t)$ se calcula a partir de la probabilidad a priori del día anterior $P(R_{t-1})$, asumiendo que $P(R_t|R_{t-1})$ sigue una distribución normal centrada en R_{t-1} , es decir $N(R_{t-1}, \sigma)$.

Para la **verosimilitud** $P(k|R_t)$ se propone una distribución Poisson:

$$P(k|R_t) = \frac{\lambda^k e^{-\lambda}}{k!} \quad (4.2)$$

con parámetro $\lambda = k_{t-1}e^{\gamma(R_{t-1})}$, que depende del número de casos nuevos del día anterior y del parámetro $\gamma = 1/7$, pues el intervalo serial es de 7 días.

Para estimar la **posterior** $P(R_t|k)$ del día t , se fija k , pues se conoce el número de nuevos casos en el día t , y se varía R_t en un rango propuesto entre 0 y 12. Se repite el proceso de manera iterativa para calcular la probabilidad posterior para cada día de la serie. La siguiente figura muestra las posteriores diarias obtenidas para la Ciudad de México.



Finalmente para cada día se calculan los **intervalos de máxima densidad (HDI)** para el 50 % y el 90 %, así como el valor de máxima verosimilitud (ML), a partir de la posterior $P(R_t|k)$. La siguiente tabla muestra los valores estimados para 5 días de la Ciudad de México.

	date	ML	Low_50	High_50	Low_90	High_90
	2020-04-22	0.81	0.59	0.92	0.40	1.19
	2020-04-23	0.79	0.59	0.92	0.38	1.18
	2020-04-24	0.80	0.57	0.91	0.38	1.19
	2020-04-25	0.81	0.59	0.93	0.37	1.19
	2020-04-26	0.82	0.62	0.96	0.38	1.21

Referencias

- [1] Systrom K. (2020). Estimating COVID-19's Rt in Real-Time. Del sitio <https://github.com/k-sys/covid-19/blob/master/Realtime%20R0.ipynb>
- [2] Systrom K., Vladeck T. & Krieger M. (2020). Rt Covid-19. Del sitio <https://rt.live/>