



# Sumário

---

- 1 Introdução
- 2 LL(k)
- 3 Descendente recursivo



# Sumário

---

## 1 Introdução



# Introdução

---

- Agora que estudamos as gramáticas livres de contexto e os algoritmos relevantes sobre elas para realizar a análise sintática, chegou a hora de estudar a análise propriamente dita.



# Introdução

---

- Dada uma gramática, podemos gerar palavras a partir de sua definição e regras de produção.
- Contudo, o processo reverso não é tão simples. Isto é, dada uma palavra, como verificar se ela pode ser gerada pela gramática?
- Essencialmente essa é a pergunta que um analisador sintático deve responder. Ele recebe como entrada uma palavra, o programa, e deve dizer se aquele programa obedece as regras da gramática, isto é, se o programa está sintaticamente correto.
- Este problema é conhecido como **parsing problem**.



# Introdução

---

Nesta aula estamos interessados com uma abordagem de análise sintática conhecida como top-down.

- Ela é conhecida por este nome pois o processo de análise começa do símbolo inicial da gramática e constrói uma árvore sintática a partir dessa raiz até chegar nas folhas.
- Ela é uma abordagem **preditiva**, pois o analisador deve prever qual regra aplicar para produzir a derivação correta.
- É LL( $k$ ). A entrada é processada da esquerda para direita (daí vem o primeiro L) e o analisador produz derivações mais à esquerda (daí vem o segundo L). Na análise,  $k$  símbolos de *lookahead* são utilizados para tomar as decisões.
- É descente recursiva: analisadores baseados nesta abordagem podem ser construídos através de uma série de procedimentos recursivos.



# Introdução: análise sintática

---

Abordaremos duas categorias de analisadores LL (top-down):

- Analisador descendente recursivo.
- Analisador LL guiado por tabelas.



# Sumário

---

## 2 LL(k)



## Gramáticas $LL(k)$

---

Essencialmente, um analisador para uma gramática  $LL(k)$ :

- Possui um procedimento para cada não-terminal  $A$ . Este procedimento é encarregado de aplicar uma derivação ao escolher uma das regras de produção que tenham como  $A$  o não-terminal do lado esquerdo.
- Para escolher a produção adequada, o analisador examina os próximos  $k$  tokens, símbolos terminais, da entrada. O conjunto **predict** para uma produção  $A \rightarrow \alpha$  é o conjunto de tokens que causa a aplicação daquela regra. Para computar **predict** é necessário examinar o lado direito da produção. Pode ser que outras produções participem da computação do conjunto **predict** de uma produção.





## Gramáticas LL( $k$ )

---

- Os  $k$  tokens são os símbolos de *lookahead*.
- Se é possível construir um analisador LL( $k$ ) para uma gramática que reconheça a linguagem gerada pela gramática, a gramática é dita LL( $k$ ).
- Um analisador LL( $k$ ) pode inspecionar os próximos  $k$  símbolos para decidir qual regra de produção aplicar.



## Gramáticas LL( $k$ )

---

- Para escolher qual regra de produção aplicar, o analisador utiliza uma função  $\text{predict}_k(p)$
- Esta função considera uma regra de produção  $p$  e computa o conjunto de todas as palavras de tamanho  $k$  que predizem a aplicação da regra  $p$ .
- No caso em que  $k = 1$ , a função é simplesmente chamada de  $\text{predict}(p)$ .



## Gramáticas $LL(k)$

---

- Considere a entrada  $\alpha a \beta \in \Sigma^*$  e que o nosso analisador seja  $LL(1)$
- Suponha que o analisador construiu uma derivação  $S \Rightarrow_{lm}^* \alpha A Y_1 \dots Y_n$ . Ou seja, o analisador já conseguiu consumir a subpalavra  $\alpha$  da entrada.
- O analisador agora precisa encontrar alguma produção de  $A$  que comece com o símbolo  $a$ , visto que é o próximo símbolo a ser consumido.
- Em outras palavras, queremos computar o seguinte conjunto:

$$P = \{p \in \text{PRODUCTIONS-FOR}(A) \mid a \in \text{predict}(p)\}$$



## Gramáticas LL( $k$ )

---

$$P = \{p \in \text{PRODUCTIONS-FOR}(A) \mid a \in \text{predict}(p)\}$$

- Se  $P = \emptyset$ , então não há produção para  $A$  que satisfaça a entrada. A análise não deve continuar e um erro de sintaxe deve ser reportado, com  $a$  sendo o símbolo que causou o problema. As produções de  $A$  podem ser úteis para construir mensagens de erros mais úteis, indicando inclusive quais símbolos poderiam ser processados.



## Gramáticas LL( $k$ )

---

$$P = \{p \in \text{PRODUCTIONS-FOR}(A) \mid a \in \text{predict}(p)\}$$

- Se  $P$  contém mais de uma produção, a análise deve continuar, mas um comportamento **não-determinístico** seria requerido para seguir, independentemente, cada produção de  $P$ . Por questões de eficiência, seria ideal que os analisadores sempre fossem **determinísticos**, portanto, os analisadores devem assegurar que este caso não ocorra.



## Gramáticas LL( $k$ )

---

$$P = \{p \in \text{PRODUCTIONS-FOR}(A) \mid a \in \text{predict}(p)\}$$

- O terceiro caso é em que  $P$  é um conjunto unitário, isto é, apenas possui apenas uma regra de produção. Neste caso, uma derivação mais à esquerda pode ser produzida ao aplicar a única regra dada por  $P$ .



# Sumário

---

- 2 LL(k)
  - predict
  - LL(1)



## Gramáticas LL( $k$ )

---

- Como implementar a função  $\text{predict}(p)$ ?
- Considere a produção  $p : A \rightarrow X_1 \dots X_m$ ,  $m \geq 0$ . Quando  $m = 0$ , a produção é do tipo  $A \rightarrow \varepsilon$
- Assim, o conjunto de símbolos previstos por uma produção são:
  - ▶ O conjunto de símbolos terminais que iniciam em uma derivação de  $X_1 \dots X_m$ .
  - ▶ O conjunto de símbolos que sucedam  $A$  em alguma forma sentencial, caso  $A \Rightarrow_{\text{lm}}^* \varepsilon$ .





# Gramáticas $LL(k)$

---

---

**Algorithm 1:** PREDICT( $p$ )

---

```
1 ans  $\leftarrow$  FIRST(RHS( $p$ ))  
2 if ( ruleDerivesEmpty[ $p$ ] )  
3   | A  $\leftarrow$  LHS( $p$ )  
4   | ans  $\leftarrow$  ans  $\cup$  FOLLOW(A)  
5 return ans
```

---



# Predict

---

Tome a seguinte gramática:

- 1  $S \rightarrow AC\$$
- 2  $C \rightarrow c$
- 3  $C \rightarrow \varepsilon$
- 4  $A \rightarrow aBCd$
- 5  $A \rightarrow BQ$
- 6  $B \rightarrow bB$
- 7  $B \rightarrow \varepsilon$
- 8  $Q \rightarrow q$
- 9  $Q \rightarrow \varepsilon$



# Predict

O conjunto predict para cada regra é:

Rule Number	A	$X_1 \dots X_m$	$\text{First}(X_1 \dots X_m)$	Derives Empty?	Follow(A)	Answer
1	S	A C \$	a,b,q,c,\$	No		a,b,q,c,\$
2	C	c	c	No		c
3		$\lambda$		Yes	d,\$	d,\$
4	A	a B C d	a	No		a
5		B Q	b,q	Yes	c,\$	b,q,c,\$
6	B	b B	b	No		b
7		$\lambda$		Yes	q,c,d,\$	q,c,d,\$
8	Q	q	q	No		q
9		$\lambda$		Yes	c,\$	c,\$



# Sumário

---

- 2 LL(k)
  - predict
  - LL(1)



# Gramáticas LL(1)

---

- Em uma gramática LL(1), as regras de produção para cada não-terminal  $A$  devem possuir conjuntos disjuntos de predict.
- A maioria das linguagens de programação possuem uma gramática LL(1).
- Contudo, nem todas as CFGs são LL(1):
  - ▶ Algumas gramáticas necessitam de um *lookahead* maior, isto é, a gramática é LL( $k$ ) para  $k > 1$ .
  - ▶ A gramática pode ser ambígua, fazendo com que seja impossível obter qualquer analisador sintático determinístico.



# Gramáticas LL(1)

---

- Para determinar se uma gramática é LL(1), basta verificar se os conjuntos `predict` gerados para um dado não-terminal são disjuntos.



# Gramáticas LL(1)

---

---

## Algorithm 2: IS-LL1(G)

---

```
1 foreach  $A \in \text{NON-TERMINALS}()$  do
2    $\text{predictSet} \leftarrow \emptyset$ 
3   foreach  $p \in \text{PRODUCTIONS-FOR}(A)$  do
4     if  $(\text{PREDICT}(p) \cap \text{predictSet} \neq \emptyset)$ 
5       return False
6      $\text{predictSet} \leftarrow \text{predictSet} \cup \text{PREDICT}(p)$ 
7 return True
```

---



# Sumário

---

## 3 Descendente recursivo





## Analísadores descendentes recursivos LL(1)

---

Antes de iniciar a discussão sobre os analisadores descendentes recursivos, vamos assumir que a sequência de tokens, denotada por  $ts$ , oferece os seguintes métodos:

- $ts.PEEK()$ : examina o próximo token da entrada sem avançar.
- $ts.ADVANCE()$ : avança a entrada em um token.



## Analísadores descendentes recursivos

---

Com posse desses métodos, podemos implementar a função `MATCH(ts, token)`, que verifica se um token específico se encontra na posição atual da sequência de tokens:

---

**Algorithm 3:** `MATCH(ts, token)`

---

```
1 if( ts.PEEK() = token )
2   | ts.ADVANCE()
3 else
4   | REPORT-ERROR( "Expected : ", token)
```

---



## Analísadores descendentes recursivos

---

- A estrutura de um analisador descendente recursivo é padronizada.
- Todo não-terminal terá um procedimento associado.
- Se existem  $n$  regras,  $p_1, \dots, p_n$  associadas a um não-terminal, verificamos se o token atual está no conjunto  $\text{predict}(p_i)$ , se sim, executamos o código correspondente à  $p_i$ . Caso contrário, analisamos a próxima produção,  $p_{i+1}$ .
- Se nenhuma regra é aplicável, um erro de sintaxe deve ser reportado.



# Analísadores descendentes recursivos

---

---

## Algorithm 4: $A(ts)$

---

```
1 if(  $ts.PEEK() \in \text{PREDICT}(p_1)$  )  
  | // Código para  $p_1$   
2 else if(  $ts.PEEK() \in \text{PREDICT}(p_2)$  )  
  | // Código para  $p_2$   
   $\vdots$   
3 else if(  $ts.PEEK() \in \text{PREDICT}(p_n)$  )  
  | // Código para  $p_n$   
4 else  
  | // Erro de sintaxe
```

---



## Analísadores descendentes recursivos

---

- O código relacionado a cada  $p_i$  depende da forma da regra.
- Se a regra  $p_i$  tem como lado direito  $X_1 \dots X_m$ ,  $m \geq 0$  temos as seguintes situações:
  - ▶ Se  $m = 0$ , então a regra é do tipo  $A \rightarrow \varepsilon$ . Neste caso o código para  $p_i$  é simplesmente terminar o procedimento para  $A$ .
  - ▶ Se  $X_i$  é um terminal, então uma chamada a  $\text{MATCH}(ts, X_i)$  é realizada. Em caso de sucesso,  $X_i$  é consumido da entrada, caso contrário um erro é emitido.
  - ▶ Se  $X_i$  é um não-terminal, uma chamada para o procedimento  $X_i(ts)$  é realizada.



## Analísadores descendentes recursivos

---

Tome a seguinte gramática. Como ficaria o código do analisador?

$$1 \quad S \rightarrow AC\$$$

$$2 \quad C \rightarrow c$$

$$3 \quad C \rightarrow \varepsilon$$

$$4 \quad A \rightarrow aBCd$$

$$5 \quad A \rightarrow BQ$$

$$6 \quad B \rightarrow bB$$

$$7 \quad B \rightarrow \varepsilon$$

$$8 \quad Q \rightarrow q$$

$$9 \quad Q \rightarrow \varepsilon$$



# Analísadores descendentes recursivos

---

---

## Algorithm 5: $S(ts)$

---

```
1 if(  $ts.PEEK() \in \{a, b, q, c, \$\}$  )  
2    $A(ts)$   
3    $C(ts)$   
4    $MATCH(ts, \$)$ 
```

---



# Analísadores descendentes recursivos

---

---

## Algorithm 6: $C(ts)$

---

```
1 if(  $ts.PEEK() \in \{c\}$  )  
2    $\lfloor$  MATCH( $ts, c$ )  
3 else if(  $ts.PEEK() \in \{d, \$\}$  )  
4    $\lfloor$  return
```

---





# Analísadores descendentes recursivos

---

---

**Algorithm 7:**  $A(ts)$ 

---

```
1 if(  $ts.PEEK() \in \{a\}$  )  
2    $MATCH(ts, a)$   
3    $B(ts)$   
4    $C(ts)$   
5    $MATCH(ts, d)$   
6 else if(  $ts.PEEK() \in \{b, q, c, \$\}$  )  
7    $B(ts)$   
8    $Q(ts)$ 
```

---



# Analísadores descendentes recursivos

---

---

## Algorithm 8: $B(ts)$

---

```
1 if(  $ts.PEEK() \in \{b\}$  )  
2   |  $MATCH(ts, b)$   
3   |  $B(ts)$   
4 else if(  $ts.PEEK() \in \{q, c, d, \$\}$  )  
5   | return
```

---



# Analísadores descendentes recursivos

---

---

## Algorithm 9: $B(ts)$

---

```
1 if(  $ts.PEEK() \in \{b\}$  )  
2   |  $MATCH(ts, b)$   
3   |  $B(ts)$   
4 else if(  $ts.PEEK() \in \{q, c, d, \$\}$  )  
5   | return
```

---



# Analísadores descendentes recursivos

---

---

## Algorithm 10: $Q(ts)$

---

```
1 if(  $ts.PEEK() \in \{q\}$  )  
2    $\lfloor$  MATCH( $ts, q$ )  
3 else if(  $ts.PEEK() \in \{c, \$\}$  )  
4    $\lfloor$  return
```

---