

- Introdução
- 2 CFG
- ③ Propriedades
- 4 Técnicas
- 6 Algoritmos





- Estamos acostumados a utilizar regras gramaticais para escrever períodos sintaticamente corretos.
- Essas regras consideram sujeitos, verbos e objetos, por exemplo.
- Gramáticas explicam o que está ausente ou supérfluo em uma construção.



- Em outras palavras, as gramáticas fornecem uma definição concisa de como períodos podem ser construídos corretamente do ponto de vista sintático.
- Também podem ser utilizadas para diagnosticar períodos incorretamente construídos.



- É claro que podemos escrever períodos sintatica corretos, mas que não fazem sentido algum do ponto de vista semântico, do seu significado.
- Gramáticas lidam com a estrutura textual (sintática) e representam apenas uma parte do que é possível verificar do ponto de vista linguístico.



- Linguagens de programação modernas possuem gramáticas em sua especificação.
- Essa gramática é utilizada por quem ensina, estuda ou utiliza a linguagem.
- A gramática também é fundamental para construção de analisadores sintáticos.
- Aspectos que n\u00e3o podem ser verificados sintaticamente, s\u00e3o resolvidos em uma outra etapada, pelo analisador sem\u00e1ntico.



- Estudaremos as gramáticas livre de contexto (em inglês, context-free grammar ou CFG) para que possamos ter um mecanismo para definir linguagens simples.
- Formalizaremos as definições e algoritmos para analisar as gramáticas para, posteriormente, apresentarmos as técnicas de análise sintática.







#### **CFG**

- Como vimos anteriomente, linguagens definem conjuntos de palavras sobre um alfabeto finito.
- A maioria das linguagens interessantes são conjuntos infinitos, então não podemos simplesmente enumerar todos os seus elementos.
- Ao definir uma linguagem através de uma CFG, podemos representá-la compactamente.





- Definição
- Exemplo
- Derivações mais à esquerda
- Derivações mais à direita
- Árvores sintáticas



#### **CFG**

Uma CFG possui 4 componentes:

- Um alfabeto finito  $\Sigma$  de **terminais**. Esse conjunto é o conjunto de tokens produzido pelo analisador léxico.  $\$ \in \Sigma$ , em que \$ é um símbolo especial que denota fim de entrada.
- ② Um alfabeto finito  $\mathcal N$  de **não-terminais**. Símbolos de N são conhecidos como variáveis.
- $\begin{tabular}{ll} \begin{tabular}{ll} \be$
- Um conjunto de produções  $\mathcal{P}$ , que são da forma  $A \to X_1 \dots X_m$ , em que  $X_i \in \mathcal{N} \cup \Sigma$ ,  $1 \leq i \leq m$  e  $m \geq 0$ . A única produção válida com m = 0 é  $A \to \varepsilon$ , em que  $\varepsilon$  é a string vazia.



#### **CFG**

ullet Assim, podemos definir uma gramática G como uma quádrupla:

$$G = (\mathcal{N}, \Sigma, \mathcal{P}, S)$$

- Os alfabetos de terminais e não-terminais são disjuntos:  $\Sigma \cap \mathcal{N} = \emptyset$ .
- O vocabulário  $\mathcal V$  de uma CFG é o conjunto dos símbolos terminais e não terminais:  $\mathcal V=\Sigma\cup\mathcal N$



- Uma CFG é uma receita para derivar strings.
- ullet Começando do símbolo inicial, S, aplicamos regras de produção até obter apenas símbolos terminais.
- Uma regra de produção  $A \to \alpha$  troca o não-terminal A (lado esquerdo, ou LHS), pela sequência  $\alpha$  (lado direito ou RHS). Onde os símbolos de  $\alpha$  são terminais ou não-terminais.
- ullet A regra A 
  ightarrow arepsilon faz com que A efetivamente seja apagado.



#### Derivação

Se  $A \to \gamma$  é uma regra de produção, então  $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$  denota um passo de derivação usando esta regra uma única vez.

Podemos estender  $\Rightarrow$ , para  $\Rightarrow^+$ , que denota uma derivação obtida a partir de A com um ou mais passos.

Analogamente  $\Rightarrow^*$  é definido como a derivação obtida a partir de A com zero ou mais passos.



#### Forma sentencial

Se  $S\Rightarrow^*\beta$ , dizemos que  $\beta$  é uma forma sentencial da gramática G. Em outras palavras:

$$SF(G) = \{\beta | S \Rightarrow^* \beta \}$$



#### Linguagem descrita por G

A linguagem descrita por uma gramática, G, denotada por  $\mathrm{L}(G)$  é o conjunto de strings de  $\Sigma^*$  derivadas de S:

$$L(G) = \{ w \in \Sigma^* | S \to^+ w \}$$

.

Observa-se que  $L(G) = SF(G) \cap \Sigma^*$ .

Efetivamente  ${\rm L}(G)$  é o conjunto de palavras, compostas apenas por símbolos terminais, que pode ser gerada a partir de G através de derivações.



#### Abreviação das regras de produção

É comum ter várias regras de produção com o mesmo LHS:

$$\begin{array}{ccc}
A & \to & \alpha \\
A & \to & \beta \\
& \dots \\
A & \to & \zeta
\end{array}$$

Podemos abreviar de acordo com a seguinte notação:

$$A \to \alpha \mid \beta \mid \dots \mid \zeta$$





- Definição
- Exemplo
- Derivações mais à esquerda
- Derivações mais à direita
- Árvores sintáticas



## CFG: exemplo

Tome a seguinte gramática:

$$\begin{array}{ccc} E & \rightarrow & P(E) \mid v \; T \\ P & \rightarrow & f \mid \varepsilon \\ T & \rightarrow & +E \mid \varepsilon \end{array}$$

Em que S = E,  $\mathcal{N} = \{E, P, T\}$  e  $\Sigma = \{v, f, +, (,)\}$ .

Efetivamente, é uma gramática que gera expressões de soma simples, envolvendo funções unárias e variáveis.

## CFG: exemplo

A partir de E, podemos obter as seguintes derivações:

$$E \Rightarrow P(E)$$

$$P(E) \Rightarrow f(E)$$

$$f(E) \Rightarrow f(vT)$$

$$f(vT) \Rightarrow f(v+E)$$

$$f(v+E) \Rightarrow f(v+vT)$$

$$f(v+vT) \Rightarrow f(v+v\varepsilon) = f(v+v)$$



### CFG: Exemplo

- É correto dizer que f(v+v) é gerado por G, isto é, que  $f(v+v) \in \mathrm{L}(G)$ , ou que  $E \Rightarrow^+ f(v+v)$ .
- Também é correto dizer que:  $\{P(E),f(E),f(vT),f(v+E),f(v+vT),f(v+v)\}\subseteq \mathrm{SF}(G).$





- Definição
- Exemplo
- Derivações mais à esquerda
- Derivações mais à direita
- Árvores sintáticas



## Derivações mais à esquerda

#### Definição

Uma derivação mais à esquerda é aquela que escolhe a opção mais à esquerda possível das regras de produção a cada passo de modo a produzir a string desejada .

Para denotar derivações mais à esquerda, utilizamos  $\Rightarrow_{lm}$ ,  $\Rightarrow_{lm}^*$  e  $\Rightarrow_{lm}^+$ .

# Derivações mais à esquerda

Considerando a gramática do exemplo anterior, a derivação mais à esquerda de f(v+v) é:

$$E \Rightarrow_{\operatorname{lm}} P(E)$$

$$P(E) \Rightarrow_{\operatorname{lm}} f(E)$$

$$f(E) \Rightarrow_{\operatorname{lm}} f(vT)$$

$$f(vT) \Rightarrow_{\operatorname{lm}} f(v+E)$$

$$f(v+E) \Rightarrow_{\operatorname{lm}} f(v+vT)$$

$$f(v+vT) \Rightarrow_{\operatorname{lm}} f(v+v\varepsilon) = f(v+v)$$



## Derivações mais à esquerda

- As sequências de derivações pela classe dos analisadores sintáticos top-down são derivações mais à esquerda.
- Dizemos que esses parsers produzem um parse mais à esquerda.





- Definição
- Exemplo
- Derivações mais à esquerda
- Derivações mais à direita
- Árvores sintáticas



## Derivações mais à direita

#### Definição

Uma derivação mais à direita é aquela que escolhe a opção mais à direta possível das regras de produção a cada passo de modo a produzir a string desejada .

Para denotar derivações mais à direita, utilizamos  $\Rightarrow_{\rm rm}$ ,  $\Rightarrow_{\rm rm}^*$  e  $\Rightarrow_{\rm rm}^+$ .



## Derivações mais à direita

Considerando a gramática do exemplo anterior, a derivação mais à direita de f(v+v) é:

$$E \Rightarrow_{rm} P(E)$$

$$P(E) \Rightarrow_{rm} P(vT)$$

$$P(vT) \Rightarrow_{rm} P(v+E)$$

$$P(v+E) \Rightarrow_{rm} P(v+vT)$$

$$P(v+vT) \Rightarrow_{rm} P(v+v\varepsilon) = P(v+v)$$

$$P(v+v) \Rightarrow_{rm} f(v+v)$$



## Derivações mais à direita

- As sequências de derivações pela classe dos analisadores sintáticos bottom-up são derivações mais à esquerda.
- Dizemos que esses parsers produzem um parse mais à direita.





- Definição
- Exemplo
- Derivações mais à esquerda
- Derivações mais à direita
- Árvores sintáticas

### Árvores sintáticas

- Derivações são representadas por uma árvore sintática, também chamada de árvore de derivações ou do inglês (*parse tree*).
- Uma árvore sintática possui as seguintes características:
  - ightharpoonup Sua raiz é o símbolo inicial S da gramática.
  - lacktriangle Cada nó é um símbolo do vocabulário da gramática ou arepsilon.
  - Os nós internos são símbolos não-terminais. Um nó interno representando um não terminal A terá filhos  $X_1, X_2, \ldots, X_m$  se, e somente se, existir uma regra de produção  $A \to X_1 X_2 \ldots X_m$ .
  - P Quando a derivação está completa, cada folha desta árvore é um símbolo terminal ou  $\varepsilon$ .

# Árvores sintáticas

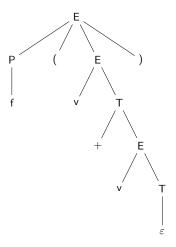


Figura: Árvore sintática para f(v+v)



### Árvores Sintáticas

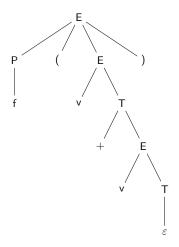
#### Frases

Uma frase de uma árvore sintática é uma sequência de símbolos derivados de um mesmo não-terminal.

A frase é dita simples se não contém uma frase menor.

Um handle de uma forma sentencial é a frase simples mais à esquerda.

### Árvores sintáticas



- f(vT) é uma forma sentencial.
- f e vT são frases simples.
- v+E é uma frase, mas não é simples, pois +E é uma frase menor contida em v+E.
- f é um handle.



3 Propriedades



### Propriedades

- CFGs são mecanismos para descrever linguagens.
- Assim como temos vários programas que computam o mesmo resultado, várias gramáticas diferentes podem descrever a mesma linguagem.
- Algumas gramáticas são mais apropriadas que outras por não apresentar alguns problemas, tais como:
  - Símbolos inúteis.
  - Possuir diverentes árvores sintáticas para uma mesma string.
  - Incluir strings que não pertençam à linguagem ou excluir string que pertençam a linguagem.



#### Sumário

- Propriedades
  - Gramáticas reduzidas
  - Ambiguidade
  - Problemas de especificação



#### Definição

Uma gramática é dita **reduzida** se cada não-terminal e regras de produção participam da derivação de pelo menos uma string. Símbolos não-terminais que podem ser removidos sem prejuízo são chamados de inúteis.

Tome a seguinte gramática:

$$\begin{array}{ccc} S & \rightarrow & A \mid B \\ A & \rightarrow & a \\ B & \rightarrow & Bb \\ C & \rightarrow & c \end{array}$$

Claramente o não-terminal C é inútil, visto que não pode aparecer em nenhuma frase. Além disso, qualquer frase que mencione B não pode derivar uma sequência contendo apenas terminais.



Quando B e C são removidos, bem como as regras de produção associadas à eles, temos a seguinte **gramática reduzida**:

$$S \rightarrow A$$

$$A \rightarrow a$$



• Uma gramática que não esteja na sua forma reduzida pode indicar erros provenientes de especificações erradas.



#### Sumário

- 3 Propriedades
  - Gramáticas reduzidas
  - Ambiguidade
  - Problemas de especificação

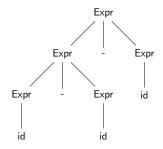


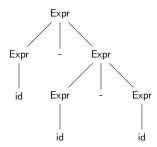
- Gramáticas ambíguas permitem que diferentes árvores sintáticas sejam construídas para uma mesma string derivada.
- Considere a seguinte gramática:

$$\mathsf{Expr} \to \mathsf{Expr} - \mathsf{Expr} \mid \mathsf{id}$$

Ela possui duas árvores de derivação para a string id — id — id.









• Se os símbolos id possuem valroes 3, 2 e 1 a avaliação dada pela primeira árvore é (3-2)-1=0, enquanto a avaliação da segunda árvore nos dá 3-(2-1)=2.



- Gramáticas ambíguas raramente são utilizadas, pois uma tradução única não pode ser obtida.
- Infelizmente um algoritmo que verifica se uma dada gramática é ambígua não existe.
- O problema de verificar se uma gramática é ambígua é **indecidível**.



### Sumário

- ③ Propriedades
  - Gramáticas reduzidas
  - Ambiguidade
  - Problemas de especificação



# Problemas de especicação

- Se a gramática for mal especificada, ela pode descrever strings indesejadas, isto é, strings que não deveriam pertencer à linguagem
- Pode ocorrer também dela deixar de descrever strings que pertençam à linguagem.



# Problemas de especificação

- A correção de uma gramática na prática é verificada através de testes.
- Infelizmente n\u00e3o h\u00e1 algoritmo que compare duas CFGs e determine se elas descrevem a mesma linguagem.
- O problema da equivalência das linguagens descritas por gramáticas é indecidível.



### Sumário

4 Técnicas



- Compiladores devem avaliar se a estrutura sintática de um programa está correta.
- Em outras palavras, para uma entrada x, o compilador deve verificar se  $x \in L(G)$ .
- O algoritmo que executa este teste é denominado reconhecedor.



- Além de determinar se uma string pertence ou não à linguagem descrita por uma gramática, também é necessário determinar a estrutura sintática dela, isto é, sua árvore sintática.
- A análise sintática, ou parser, é responsável por esta tarefa.



• Existem duas abordagens para análise sintática: top-down e bottom-up.



#### Top-down

A análise sintática é considerada top-down se gera a árvore sintática começando da raiz (símbolo inicial) e expandindo a árvore através das regras de produção através de uma **busca em profundidade** em pré-ordem.



#### Bottom-up

A análise sintática é considerada bottom-up se a árvore sintática é gerada no sentido folhas para raiz. Um nó é inserido na árvore apenas após os seus filhos terem sido processados. Uma análise bottom-up corresponde à um percurso em pós-ordem da árvore sintática.



### Exemplo

Tome a seguinte gramática:

```
\begin{array}{ccc} \mathsf{Program} & \to & \mathsf{begin} \ \mathsf{Stmts} \ end \ \$ \\ & \mathsf{Stmts} & \to & \mathsf{Stmt} \ ; \ \mathsf{Stmts} \ | \ \varepsilon \\ & \mathsf{Stmt} & \to & \mathsf{simplestmt} \ | \ \mathsf{begin} \ \mathsf{Stmts} \ end \end{array}
```



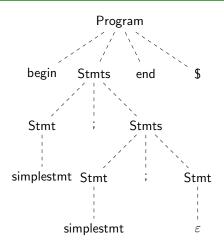


Figura: Expansão top-down



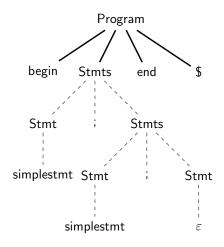


Figura: Expansão top-down



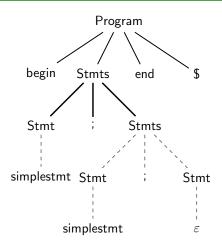


Figura: Expansão top-down



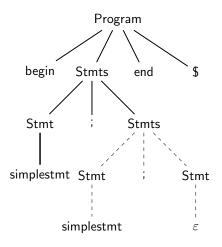


Figura: Expansão top-down



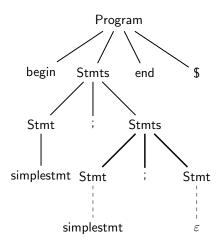


Figura: Expansão top-down



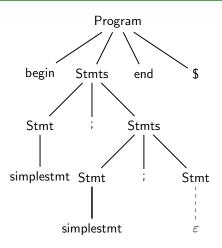


Figura: Expansão top-down



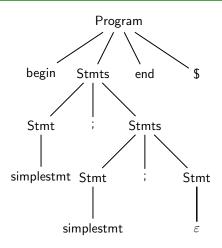


Figura: Expansão top-down



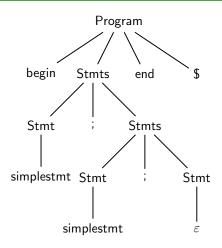


Figura: Expansão top-down



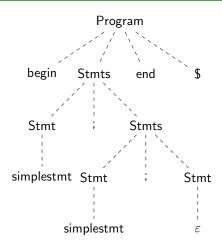


Figura: Expansão bottom-up



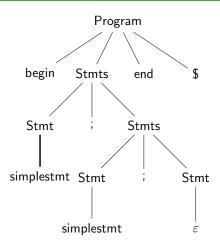


Figura: Expansão bottom-up



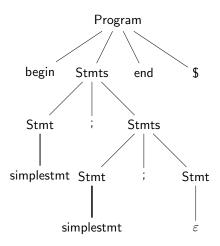


Figura: Expansão bottom-up



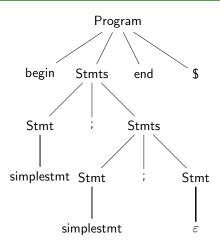


Figura: Expansão bottom-up



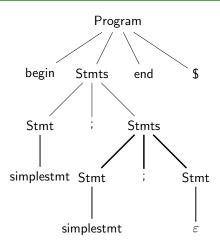


Figura: Expansão bottom-up



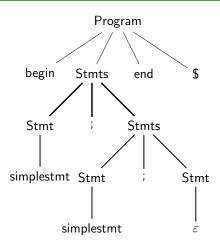


Figura: Expansão bottom-up



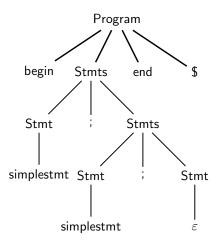


Figura: Expansão bottom-up



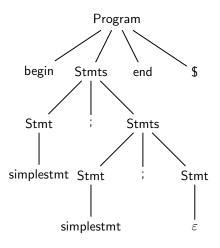


Figura: Expansão bottom-up



### Técnicas de análise sintática

- A grande parte das técnicas de análise sintática também são caracterizadas como LL (top-down) e LR (bottom-up).
- O primeiro símbolo indica como a sequência de tokens produzida pelo analisador léxico é encarada. Se for L, indica que a sequência é inspecionada da esquerda para a direita. Se for R, a sequência é inspecionada da direita para a esquerda.
- O segundo símbolo indica se derivações mais à esquerda (L) ou à direita (R) são produzidas.
- Portanto, um analisador LL é um analisador que processa a sequência de tokens da esquerda para direita enquanto busca realizar derivações mais à esquerda para verificar se a sequência está gramaticalmente correta.



### Técnicas de Análise Sintática

### LL(k) ou LR(k)

Denotamos por LL(k) ou LR(k) se k é o número de símbolos de kookahead utilizados para realizar a análise.

Esta quantidade diz respeito ao número de tokens, além do token atual, que o analisador utiliza para fazer suas escolhas. Analisadores LL(1) e LR(1) são os mais comuns.



### Sumário

5 Algoritmos



- Nesta seção examinaremos diversos algoritmos que atuam sobre gramáticas.
- Estes algoritmos s\u00e3o importantes para constru\u00e7\u00e3o de um analisador sint\u00e1tico.



Para padronizar a discussão, relembremos os seguintes conceitos:

- Conjunto: coleção não ordenada de elementos distintos.
- Lista: coleção ordenada de elementos. Os elementos podem ocorrer múltiplas vezes.
- Iterador: enumera o conteúdo de uma lista ou conjunto.



- Uma produção  $A \to X_1 \dots X_m$  de uma gramática é identificada através do não-terminal A e do seu lado direito, que é representado através de uma lista de elementos (símbolos terminais e não terminais).
- A palavra vazia  $\varepsilon$  não é representada explicitamente como um símbolo. Uma produção do tipo  $A \to \varepsilon$  tem como o seu lado direito a lista vazia.



- ullet GRAMMAR(S): cria uma nova gramática com símbolo de início S.
- ADD-PRODUCTION(A, rhs): cria uma nova regra de produção com o não-terminal A como LHS e rhs como sendo a sequência de símbolos a ser adiconada na lista da regra de produção. Retorna um descritor para a regra de produção.
- ADD-NONTERMINAL(A): adiciona o não-terminal A ao conjunto de não terminais e retorna um descritor para o não-terminal adicional. Caso A esteja no conjunto de terminais, um erro é reportado.



- ADD-TERMINAL(x): adiciona x ao conjunto de terminais e retorna um descritor para o terminal adicionado. Um erro é reportado se x se encontra no conjunto de não-terminais.
- IS-TERMINAL(X): retorna verdadeiro se X é um terminal, e falso caso contrário.



- TERMINALS(): retorna um iterador para o conjunto de terminais.
- PRODUCTIONS(): retorna um iterador para cada produção, sem uma ordem específica.
- NONTERMINALS(): retorna um iterador para o conjunto de não-terminais.



- RHS(p): retorna um iterador para o lado direito de uma regra de produção descrita por p.
- ullet LHS(p): retorna o não-terminal da regra de produção descrita por p.
- ullet PRODUCTIONS-FOR(A): retorna um iterador que visita cada produção que tenha como lado esquerdo o não-terminal A.



- RHS(p): retorna um iterador para o lado direito de uma regra de produção descrita por p.
- ullet LHS(p): retorna o não-terminal da regra de produção descrita por p.
- ullet PRODUCTIONS-FOR(A): retorna um iterador que visita cada produção que tenha como lado esquerdo o não-terminal A.



- OCCURRENCES(X): retorna um iterador que visita cada ocorrência de X no lado direito de todas as regras. Em outras palavras, retorna um iterador para todos os pares (p,i), em que p é o descritor de uma produção em que X ocorre como i-ésimo símbolo do lado direito.
- PRODUCTION(O): retorna um descritor para a regra  $A \to \alpha$ , em que  $\alpha$  contém uma ocorrência O de algum símbolo do vocabulário da gramática.
- TAIL(p, i): Dada uma regra de produção p que descreve  $A \to X_1 \dots X_m$ , retorna  $X_{i+1} \dots X_m$ .



### Sumário

- 6 Algoritmos
  - Derivação de string vazia
  - FIRST
  - FOLLOW



- Um dos algoritmos mais comuns sobre gramáticas é verificar se um não-terminal deriva uma string vazia.
- Não é trivial, pois a derivação pode levar mais de um passo.
- Exemplo:  $A \Rightarrow BCD \Rightarrow BC \Rightarrow B \Rightarrow \varepsilon$



#### A ideia do algoritmo é seguinte:

- 1 Primeiro marcamos com falso todos os símbolos nao-terminais para indicar que nenhum deles deriva  $\varepsilon$ .
- 2 Depois verificamos, para cada produção, se seu lado direito corresponde à  $\varepsilon$ . Se for o caso, marcamos o não-terminal associado como verdadeiro e o incluímos em uma fila. Caso contrário, guardamos em uma variável  $\mathrm{cont}[p]$  o tamanho da sequência do lado direito da produção.



#### A ideia do algoritmo é seguinte:

- 3 Enquanto a fila não estiver vazia, retiramos um não-terminal X da fila e, para cada produção p em que X ocorre do lado direito, decrementamos  $\mathrm{cont}[p]$  de 1. Se  $\mathrm{cont}[p]$  chegou a zero, é porque o não-terminal associado àquela produção também deriva a string vazia e ele deve ser incluído na fila.
- 4 Ao final do processo, todas os não-terminais que derivam  $\varepsilon$  estarão marcados com verdadeiro.



### **Algorithm 1:** DERIVES-EMPTY-STRING()

```
1 foreach A \in NONTERMINALS() do
    symbolDerivesEmpty[A] \leftarrow False
  foreach p \in PRODUCTIONS() do
       cont[p] \leftarrow |RHS(p)|
       CHECK-EMPTY(p)
  while not Q.EMPTY() do
       X \leftarrow Q.pop()
       foreach occ \in occurrences(X) do
           p \leftarrow PRODUCTION(occ)
           \operatorname{count}[p] \leftarrow \operatorname{count}[p] - 1
           CHECK-EMPTY(p)
10
```



### **Algorithm 2:** CHECK-EMPTY(p)

```
1 if( cont[p] = 0 )
2   | A \leftarrow \text{LHS}(p)
3   | if( not symbolDerivesEmpty[A] )
4   | symbolDerivesEmpty[A] \leftarrow True
5   | Q.\text{PUSH}(A)
```



- Podemos adaptar o algoritmo anterior para incluir um vetor que indica, para cada produção, se ela deriva ou não  $\varepsilon$ .
- Basta manter uma variável ruleDerivesEmpty e marcar a regra como verdadeira quando o contador para a regra chegar a 0.



### **Algorithm 3:** DERIVES-EMPTY-STRING()

```
1 foreach A \in NONTERMINALS() do
    symbolDerivesEmpty[A] \leftarrow False
  foreach p \in PRODUCTIONS() do
      ruleDerivesEmpty[p] \leftarrow False
3
      cont[p] \leftarrow |RHS(p)|
      CHECK-EMPTY(p)
5
  while not Q.EMPTY() do
      X \leftarrow Q.pop()
      foreach occ \in occurrences(X) do
          p \leftarrow PRODUCTION(occ)
          count[p] \leftarrow count[p] - 1
10
          CHECK-EMPTY(p)
11
```



### Algorithm 4: CHECK-EMPTY(p)



### Sumário

- 6 Algoritmos
  - Derivação de string vazia
  - FIRST
  - FOLLOW



- Um conjunto muito utilizado pelos analisadores sintáticos é o First
- Corresponde ao conjunto de todos os símbolos terminais que iniciam uma dada forma sentencial derivável de uma string  $\alpha$ .
- Formalmente:

$$First(\alpha) = \{ a \in \Sigma | \alpha \Rightarrow^* a\beta \}$$



 $First(\alpha)$  pode ser computado da seguinte forma:

- Se  $\alpha$  começa com um símbolo  $a \in \Sigma$ , então  $\mathrm{First}(\alpha) = \{a\}$ .
- Caso contrário,  $\alpha$  começa com um não-terminal, digamos X. Devemos computar, recursivamente  $\mathrm{First}(\mathrm{rhs})$  para cada  $\mathrm{rhs}$ , lado direito de uma produção com o não-terminal X. Cada um desses conjuntos integrará  $\mathrm{First}(\alpha)$ .
- Se X ainda deriva  $\varepsilon$ , é necessário aplicar, recursivamente o procedimento para o símbolo que sucede X em  $\alpha$ .
- Temos que ter um cuidado de marcar os n\u00e3o-terminais como visitados para evitar um loop infinito.



### **Algorithm 5:** FIRST( $\alpha$ )

- 1 foreach  $A \in \text{NONTERMINALS}()$  do
- $\mathbf{2} \quad \text{visited}[\mathbf{A}] \leftarrow \text{False}$
- 3 return internal-first(lpha)



### **Algorithm 6:** INTERNAL-FIRST $(X\beta)$

```
1 if( X\beta = [\ ] ) return \emptyset
2 if( IS-TERMINAL(X) ) return \{X\}
3 ans \leftarrow \emptyset
 4 if ( not visited [X] )
       visited[X] \leftarrow True
        foreach p \in PRODUCTIONS-FOR(X) do
            rhs \leftarrow RHS(p)
 8
            ans \leftarrow ans \cup INTERNAL-FIRST(rhs)
   if( symbolDerivesEmpty[X] )
        ans \leftarrow ans \cup INTERNAL-FIRST(\beta)
10
```

11 return ans



### Sumário

- 6 Algoritmos
  - Derivação de string vazia
  - FIRST
  - FOLLOW



- Outra operação muito importante nos analisadores sintáticos é determinar o conjunto de terminais que se encontram imediatamente a direita de um não-terminal em alguma forma setencial.
- Estamos interessados em quais terminais podem ser gerados a partir de uma expansão de um não-terminal qualquer.
- Em outras palavras:

$$Follow(A) = \{ b \in \Sigma \mid S \Rightarrow^+ \alpha A b \beta \}$$

ullet Esta operação está sempre definida, pois as gramáticas incluem o símbolo especial \$ de fim de entrada. Qualquer não-terminal, com exceção de S, deve ser seguido por algum não-terminal.



Para computar Follow(A), realizamos o seguinte:

- Para toda ocorrência (p,i) de A no lado direito de uma regra de produção, computamos FIRST(TAIL(p,i)). Pela definição de First, os símbolos achados nesse processo devem estar em Follow(A).
- Caso a cauda de cada ocorrência de A derive uma string vazia, então realizamos o procedimento recursivamente para o não-terminal que derivou essa ocorrência de A. Isto procede pois se temos  $X \Rightarrow^+ \alpha A \beta$ ,  $\beta \Rightarrow^+ \varepsilon$ , e  $S \Rightarrow^+ \gamma X \delta$ , os símbolos terminais que seguirão de X também seguirão de A.
- Para evitar um loop infinito, marcamos cada não-terminal visitado.



#### **Algorithm 7:** FOLLOW(A)

- 1 foreach  $A \in \texttt{NONTERMINALS}()$  do
- $\mathbf{2} \quad \text{visited}[\mathbf{A}] \leftarrow \text{False}$
- 3 return  $\operatorname{Internal-follow}(A)$



### Algorithm 8: INTERNAL-FOLLOW(A)

```
\begin{array}{l|l} \textbf{1} & \textbf{ans} \leftarrow \emptyset \\ \textbf{2} & \textbf{if}( \textit{ not } \textbf{visited}[A] ) \\ \textbf{3} & \textbf{visited}[A] \leftarrow \textbf{True} \\ \textbf{4} & \textbf{foreach} \ (p,i) \in \textbf{OCCURRENCES}(A) \ \textbf{do} \\ \textbf{5} & \textbf{ans} \leftarrow \textbf{ans} \cup \textbf{FIRST}(\textbf{TAIL}(p,i)) \\ \textbf{6} & \textbf{if}( \textbf{ALL-DERIVE-EMPTY}(\textbf{TAIL}(p,i)) ) \\ \textbf{7} & \textbf{lhs} \leftarrow \textbf{LHS}(\textbf{PRODUCTION}(p,i)) \\ \textbf{8} & \textbf{ans} \leftarrow \textbf{ans} \cup \textbf{INTERNAL-FOLLOW}(\textbf{lhs}) \end{array}
```

9 return ans



### Algorithm 9: ALL-DERIVE-EMPTY( $\gamma$ )

- 1 foreach  $X \in \gamma$  do
- if( IS-TERMINAL(X) or not symbolDerivesEmpty[X] )
   return False
- 4 return True