

Instituto Federal de Educação, Ciência e Tecnologia de Brasília – Campus Taguatinga Ciência da Computação – Linguagens Formais e Autômatos Lista de Exercícios – Linguagens regulares e o Lema do bombeamento Prof. Daniel Saad Nogueira Nunes

Aluno:	
Matrícula:	

#### Exercício 1

Considere a linguagem  $L = \{0^n 1^n \mid n \leq 3\}.$ 

Escreva um DFA que processe L, se possível. Se não for possível use o lema do bombeamento para mostrar que L não é uma Linguagem Regular.

## Exercício 2

Seja a linguagem  $L = \{w \mid w \in \{a,b\}^* \text{ e } w \text{ contém um número igual de ba e ab}\}$ . Escreva um DFA que processe L, se possível. Se não for possível use o lema do bombeamento para mostrar que L não é uma Linguagem Regular.

#### Exercício 3

Seja a linguagem  $L = \{ w \mid w \text{ possui mais símbolos 0's do que 1's} \}.$ 

Escreva um DFA que processe L, se possível. Se não for possível use o lema do bombeamento para mostrar que L não é uma Linguagem Regular.

### Exercício 4

Seja a linguagem  $L = \{w \mid w \text{ possui o mesmo número de símbolos 0's e 1's}\}.$ 

Escreva um DFA que processe L, se possível. Se não for possível use o lema do bombeamento para mostrar que L não é uma Linguagem Regular.

### Exercício 5

Seja a linguagem  $L = \{a^n b^m \mid n > m\}.$ 

Escreva um DFA que processe L, se possível. Se não for possível use o lema do bombeamento para mostrar que L não é uma Linguagem Regular.

## Exercício 6

Seja a linguagem  $L = \{a^n b^m \mid n \leq m\}.$ 

Escreva um DFA que processe L, se possível. Se não for possível use o lema do bombeamento para mostrar que L não é uma Linguagem Regular.

Exercícios gentilmente cedidos pelo professor Felipe Louza (UFU).

### Exercício 7

Seja a linguagem  $L = \{a^n b^{2n} \mid n > 0\}.$ 

Escreva um DFA que processe L, se possível. Se não for possível use o lema do bombeamento para mostrar que L não é uma Linguagem Regular.

# Exercício 8

Seja a linguagem  $L = \{a^n b^m c^n \mid n \ge 0\}.$ 

Escreva um DFA que processe L, se possível. Se não for possível use o lema do bombeamento para mostrar que L não é uma Linguagem Regular.

# Exercício 9

Seja a linguagem  $L = \{ww^R \mid w \in \{a, b\}^*\}.$ 

Escreva um DFA que processe L, se possível. Se não for possível use o lema do bombeamento para mostrar que L não é uma Linguagem Regular.

## Exercício 10

Seja a linguagem  $L = \{w = w^R \mid w \in \{a, b\}^*\}.$ 

Escreva um DFA que processe L, se possível. Se não for possível use o lema do bombeamento para mostrar que L não é uma Linguagem Regular.

# Exercício 11

O que podemos dizer de uma linguagem que possui as propriedades do lema do bombeamento?

### Exercício 12

O que podemos dizer de uma linguagem que não apresenta as propriedades do lema do bombeamento em uma única palavra?

### Exercício 13

O que podemos dizer de uma linguagem que não apresenta as propriedades do lema do bombeamento em uma única divisão da palavra w?

#### Exercício 14

Por que a condição 2 do Lema do Bombeamento para as Linguagens Regulares é necessária?

#### Exercício 15

Por que podemos afirmar que toda linguagem L finita é uma Linguagem Regular?

### Exercício 16

Se um DFA M com quatro estados aceita uma cadeia com quatro símbolos, então:

- (a) Existe um ciclo dentro de  $M \in L(M)$  é infinita;
- (b) Não é possível afirmar que existe um ciclo em M;
- (c) Não existe ciclo em  $M \in L(M)$  é infinita;
- (d) Existe um ciclo em M, mas isso não garante que L(M) seja infinita;

## Exercício 17

Para provar que uma linguagem L não é regular, por meio do Lema do Bombeamento, deve-se incialmente escolher uma cadeia  $w \in L$  com um tamanho mínimo p. Em seguida, deve-se:

- (a) Mostrar que pelo menos uma subdivisão de w em x, y e z gera cadeias  $xy^iz \notin L$ ;
- (b) Mostrar que pelo menos uma subdivisão de w em x, y e z gera cadeias  $xy^iz \in L$ ;
- (c) Mostrar que todas as possíveis subdivisões de w em x, y e z geram cadeias  $xy^iz \notin L$ ;
- (d) Mostrar que todas as possíveis subdivisões de w em x, y e z geram cadeias  $xy^iz \in L$ ;

### Exercício 18

Por que é impossível construir um DFA que reconheça a linguagem  $L = \{a^n b^m c \mid 0 \le n \le m\}$ ?

- (a) Porque a quantidade de estados do autômato é finita
- (b) Porque as cadeias de entrada podem ter qualquer comprimento
- (c) Porque a linguagem é infinita
- (d) Porque a linguagem possui **b** entre **a** e **c**