# Tutorial: Baguete

## Guilherme Ramos

A solução é simples, basta apresentar "TMJ!" caso a entrada fornecida seja "au-au". Caso contrário, a entrada necessariamente será "rrrrr" e basta apresentar "Esta repreendida!".

## Tutorial: Coffee-Break Fit

#### Vinicius Borges

Uma estratégia por busca binária na resposta é capaz de resolver o problema. Para isso, deve-se ordenar um novo vetor contendo apenas os competidores que estão com lanche incompleto, considerando o valor excedente  $a_i - b_i$  multiplicado pelo custo  $c_i$ . Suponha então que sejam K competidores com lanches incompletos.

Em seguida, devemos chutar o valor X e calcular o novo custo para cada competidor considerando as taxas impostas pela fornecedora. Para isso, faça l=1 e r=K, e calcule mid=(l+r)/2. Sabendo que esse mid pode ser uma solução para o problema, verifique se o custo total de complementar o lanche fit excede o valor do orçamento M. Caso sim, guarde esse valor mid como uma resposta válida e tente aumentar o tamanho do chute X fazendo-se l=mid+1. Caso contrário, deve-se diminuir o tamanho do chute para r=mid-1 e tentar novamente.

A solução completa fica complexidade no tempo  $O(N \log N)$  devido à operação de ordenação (a busca binária analisada separadamente possui complexidade  $O(\log N)$ .

## Tutorial: dogsay

#### Guilherme Ramos

O primeiro passo é organizar a "imagem" do cachorro, copiando o formato de um dos exemplos. Apenas as 3 primeiras linhas precisam ser ajustadas com o texto fornecido  $(\mathtt{msg})$ . Sendo L a quantidade de caracteres da mensagem, a primeira linha tem 2+L caracteres '\_' (com um espaço os antecedendo). A segunda linha apresenta a própria mensagem entre espaços e os sinais '<' e '>'. Por fim, a terceira linha se assemelha à primeira, apenas troca-se o sinal por '='.

#### Tutorial: Estruturando o coffee-break

#### Daniel Saad Nogueira Nunes

Esse problema pode ser resolvido através do algoritmo de Duval, que obtém a fatoração **Lyndon** em  $\Theta(n)$ . Mas antes precisamos de duas definições:

Uma palavra **Lyndon** é aquela que é menor que todos os seus sufixos próprios. Por exemplo, ababb é uma palavra Lyndon, pois é menor do que:

- babb
- abb
- bb
- b

O período de uma string S, dado por X, é o menor prefixo de S tal que  $S = X^k X'$ , isto é, concatenações de K cópias de K com um prefixo K (possivelmente vazio) de K. Por exemplo, se K é abcab, então seu período é abc.

Para realizar a fatoração Lyndon, que é o que se pede no problema, dividimos a string de entrada S em três partes,  $S = S_1 S_2 S_3$ .  $S_1$  é o que já foi fatorizado.  $S_2$  é o que está sendo fatorizado e  $S_3$  é o que será fatorizado.

Gulosamente, tentamos estender  $S_2$  o máximo possível, ao manter três índices, i, j e k. i é o início de  $S_2$ , j é o caractere que estamos avaliando se fará parte de  $S_2$  ou não, e k sinaliza o período de  $S_2$  de tal forma que j - k é o tamanho do período.

Temos três situações:

- Se  $S_j > S_k$ , então podemos incluir  $S_j$  em  $S_2$ , isto é, estendemos  $S_2$  e o período de  $S_2$  é a própria string, portanto k passa a valer i.
- Se  $S_i = S_k$ , o período de  $S_2$  aumenta de uma unidade, portanto incrementa-se k.
- Se  $S_j < S_k$ , não é possível estender  $S_2$ .

No terceiro caso,  $S_2 = X^k X'$  para uma string X de período j-k. Assim, fatoramos  $S_2$  como  $|X|X| \dots |X|$ , deixando X' para a próxima iteração.

O algoritmo de Duval pode ser visualizado no seguinte link https://cp-algorithms.com/string/lyndon\_factorization.html

# Tutorial: Fenótipos

## Guilherme Ramos

Para resolver este problema, basta ler as siglas dos três animais e verificar, para cada característica do filhote, se ela existe em qualquer um dos pais. Caso todas existam, o cachorrinho as herdou. Caso uma ou mais não existam, a ascendência não é certa.

## Tutorial: Hurricane!

## Daniel Porto

Pode-se usar uma pilha para armazenar monstros de cada jogador. Ao jogar uma carta *Hurricane!*, basta desempilhar (se possível) a carta da pilha do oponente.

#### Tutorial: K-ésimo Kara Kickado

#### Alberto Neto

Este problema é uma variação do problema de Josephus.

Escreva os números na base (m+1). Ao passar uma vez pela lista, vamos estar excluindo todos os números com dígito menos significativo diferente de m. Note que, ao passar pela segunda vez na lista, o primeiro ciclo de exclusão possivelmente será menor por termos excluido no final da lista. Seja q o número de exclusões deste ciclo antes de dar a volta. Agora, vamos excluir todos os números com segundo dígito menos significativo diferente de (m-q).

Este algoritmo pode ser simulado com uma função recursiva, que recebe como argumento a quantidade n de pessoas ainda na lista, o parâmetro m, quantos ainda devem ser excluidos e o parâmetro q. É possível calcular em O(1) quantas pessoas serão excluidas nesta iteração da lista, e os próximos parâmetros. A complexidade final fica O(log(n)), pois sempre dividimos o n por (m+1) e, quando n=1, a recursão para.

## Tutorial: Letra aleatória

#### Daniel Saad Nogueira Nunes

Uma forma de resolver esse problema é contar o número de ocorrências de cada símbolo de  $S_1$  com uma tabela T.

Em seguida, para cada símbolo c em  $S_2$ , o número de ocorrências de T[c] é diminuído de 1. A resposta é o caractere c tal que T[c]=-1.

A complexidade desta solução é  $\Theta(|S_2|)$ .

Outra forma de resolver é ordenando as duas strings em ordem crescente. Em seguida, comparamos cada caractere  $S_1[i]$  com  $S_2[i]$  e, caso sejam diferentes, a resposta é  $S_2[i]$ . Se chegarmos ao final de  $S_1$ , então a resposta é o último caractere de  $S_2$ . Esta solução tem complexidade  $\Theta(|S_2|\lg(|S_2|))$ .

# Tutorial: Nürburgring

#### Daniel Porto

Para resolver o problema, deve-se criar uma função recursiva que calculará o tempo de cada volta n. Para não estourar o tempo de execução, deve-se registrar em uma hash os tempos já calculados para evitar repetir contas já realizadas.