

# Matrizes e Vetores Multidimensionais

Algoritmos e Programação de Computadores – ABI/LFI/TAI



Prof. Daniel Saad Nogueira  
Nunes

IFB – Instituto Federal de Brasília,  
Campus Taguatinga



# Sumário

---

1 Introdução

2 Matrizes

3 Exemplos



# Sumário

---

## 1 Introdução



# Introdução

---

- Imagine o seguinte cenário: queremos armazenar as notas de 10 avaliações de 30 estudantes de uma determinada turma.
- Uma opção é criar 30 vetores de tamanho 10, sendo um vetor para cada aluno.

```
1  double notas_1[10];  
2  double notas_2[10];  
3  double notas_3[10];  
4  double notas_4[10];  
5  double notas_5[10];  
6  double notas_6[10];  
7  // ...  
8  double notas_30[10];
```



# Introdução

---

- As matrizes fornecem um meio de fazer a mesma coisa através de um único identificador.
- `double notas[30][10]` .
- Também é possível criar vetores de 3 ou mais dimensões em C.



# Sumário

---

## 2 Matrizes



# Sumário

---

## 2 Matrizes

- Sintaxe
- Acesso
- Vetores  $n$ -dimensionais
- Vetor de strings
- Vetores  $n$ -dimensionais e funções
- Inicialização



# Sintaxe

---

- Uma matriz deve ser declarada com a seguinte sintaxe:

```
tipo nome_matriz[nro_linhas][nro_colunas] .
```

- A declaração é similar a de vetores, mas é necessário especificar duas dimensões: o número de linhas e o número de colunas.
- Exemplo: `double notas_alunos[30][100];`
- Se a matriz tiver  $n$  linhas e  $m$  colunas, as linhas são indexadas de 0 a  $n - 1$  e as colunas de 0 a  $m - 1$ .





## Exemplo

---

- A declaração de uma matriz de inteiros, de tamanho  $4 \times 4$ ,  
`int matriz[4][4]`, nos traria a seguinte configuração na memória.

	0	1	2	3
0				
1				
2				
3				



# Sumário

---

## 2 Matrizes

- Sintaxe
- **Acesso**
- Vetores  $n$ -dimensionais
- Vetor de strings
- Vetores  $n$ -dimensionais e funções
- Inicialização



# Acesso

---

- Para acessar qualquer dado de uma matriz de tamanho  $n \times m$ , utilizamos os `[]`, como nos vetores.
- `matriz[i][j]`
- Em que  $i$  é o índice da linha e  $j$  o índice da linha, com  $0 \leq i < n$  e  $0 \leq j < m$ .



# Acesso

---

```
1  int matriz[100][100]
2  // ...
3  int aux = matriz[10][12];
```

- Neste exemplo, acessamos o elemento que se localiza na décima primeira linha e na décima terceira coluna.
- Lembre-se que os índices começam de 0!



# Acesso

---

- Assim como em vetores, o C não verifica se os índices utilizados para referenciar a matriz estão dentro dos limites da mesma.
- Caso não estejam, não há como prever o que pode acontecer. É possível inclusive que o programa aborte ou manipule os dados de outras variáveis.
- **Erro de lógica!**
- O programador tem total responsabilidade sobre a manipulação correta dos índices.



# Sumário

---

## 2 Matrizes

- Sintaxe
- Acesso
- Vetores  $n$ -dimensionais
- Vetor de strings
- Vetores  $n$ -dimensionais e funções
- Inicialização



# Vetores $n$ -dimensionais

---

- Em C é possível declarar e utilizar estruturas com mais de 2 dimensões.
- Vetores  $n$ -dimensionais.
- Por exemplo, suponha que queiramos armazenar a quantidade de chuva que caiu em cada dia, de cada mês, nos anos de 0 a 2021.
- `double qtd_chuva[2022][12][31];` .
- Para acessar a quantidade de chuva no dia **10 de junho de 1960**, fazemos: `double qtd = qtd_chuva[1960][5][9];`



# Sumário

---

## 2 Matrizes

- Sintaxe
- Acesso
- Vetores  $n$ -dimensionais
- **Vetor de strings**
- Vetores  $n$ -dimensionais e funções
- Inicialização





# Vetor de strings

---

- Em C uma string é um vetor de caracteres.
- Um vetor de strings, é uma *matriz de caracteres!*.
- Cada linha da matriz é uma string.
- Se quiséssemos armazenar 30 nomes com até 30 caracteres sem espaços, poderíamos declarar.
- `char nomes[30][31];`



# Vetor de strings

---

```
1  int i;  
2  char nomes[30][31];  
3  for(i=0;i<30;i++){  
4      printf("Digite o %d nome: ",i+1);  
5      scanf("%s",nomes[i]);  
6  }
```



# Sumário

---

## 2 Matrizes

- Sintaxe
- Acesso
- Vetores  $n$ -dimensionais
- Vetor de strings
- Vetores  $n$ -dimensionais e funções
- Inicialização



## Vetores $n$ -dimensionais e funções

---

- Assim como em vetores, matrizes e vetores  $n$ -dimensionais não são copiados quando passados para funções.
- **Qualquer alteração na matriz em uma função, refletirá na matriz original.**



## Vetores $n$ -dimensionais e funções

---

- Nos parâmetros de uma função, podemos omitir apenas a **primeira dimensão!**.

```
1 void imprime_matriz(int matriz[][10], int n_linhas) {  
2     //...  
3 }
```

- Uma omissão de qualquer dimensão que não seja a primeira acarretará em um erro de compilação.



# Exemplo

---

```
3 void mostra_matriz(int mat[][10], int n_linhas) {  
4     int i, j;  
5  
6     for (i = 0; i < n_linhas; i++) {  
7         for (j = 0; j < 10; j++) {  
8             printf("%2d ", mat[i][j]);  
9         }  
10        printf("\n");  
11    }  
12 }
```



## Exemplo

---

```
14  int main(void) {  
15      int mat[][10] = {{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9},  
16                          {10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19},  
17                          {20, 21, 22, 23, 24, 25, 26, 27, 28, 29},  
18                          {30, 31, 32, 33, 34, 35, 36, 37, 38, 39},  
19                          {40, 41, 42, 43, 44, 45, 46, 47, 48, 49},  
20                          {50, 51, 52, 53, 54, 55, 56, 57, 58, 59},  
21                          {60, 61, 62, 63, 64, 65, 66, 67, 68, 69},  
22                          {70, 71, 72, 73, 74, 75, 76, 77, 78, 79}};  
23  
24      mostra_matriz(mat, 8);  
25      return 0;  
26  }
```



# Exemplo

```
1  #include <stdio.h>
2
3  void mostra_matriz(int mat[][10], int n_linhas) {
4      int i, j;
5
6      for (i = 0; i < n_linhas; i++) {
7          for (j = 0; j < 10; j++) {
8              printf("%2d ", mat[i][j]);
9          }
10         printf("\n");
11     }
12 }
13
14 int main(void) {
15     int mat[][10] = {{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9},
16                     {10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19},
17                     {20, 21, 22, 23, 24, 25, 26, 27, 28, 29},
18                     {30, 31, 32, 33, 34, 35, 36, 37, 38, 39},
19                     {40, 41, 42, 43, 44, 45, 46, 47, 48, 49},
20                     {50, 51, 52, 53, 54, 55, 56, 57, 58, 59},
21                     {60, 61, 62, 63, 64, 65, 66, 67, 68, 69},
22                     {70, 71, 72, 73, 74, 75, 76, 77, 78, 79}};
23
24     mostra_matriz(mat, 8);
25     return 0;
26 }
```





# Sumário

---

## 2 Matrizes

- Sintaxe
- Acesso
- Vetores  $n$ -dimensionais
- Vetor de strings
- Vetores  $n$ -dimensionais e funções
- Inicialização



# Inicialização

---

- Assim como em vetores, é possível inicializar matrizes e vetores  $n$ -dimensionais em sua declaração.

```
1  int matriz[3][3] = {  
2      {1, 2, 3},  
3      {4, 5, 6},  
4      {7, 8, 9}  
5  };
```



# Inicialização

---

- Em um vetor com 3 dimensões, teríamos:

```
1  int v3d[2][3][4] = {  
2      {  
3          {1, 2, 3, 4},  
4          {5, 6, 7, 8},  
5          {9, 10, 11, 12}  
6      },  
7      {  
8          {0, 0, 0, 0},  
9          {5, 6, 7, 8},  
10         {0, 0, 0, 0}  
11     }  
12 };
```



# Sumário

---

## 3 Exemplos



## Exemplos

---

- Para fixar os conceitos, construiremos funções que forneçam as seguintes operações entre matrizes:
  - ▶ Leitura;
  - ▶ Impressão;
  - ▶ Soma matricial;
  - ▶ Subtração matricial;
  - ▶ Cálculo da matriz transposta;
  - ▶ Produto matricial.
- O tamanho máximo das matrizes será  $100 \times 100$ .



## Exemplos

---

- Como o tamanho das matrizes será no máximo  $100 \times 100$ , podemos definir através de uma macro.

```
#define MAX 100
```

- Mesmo que o tamanho máximo  $100 \times 100$ , o espaço útil, efetivamente utilizado pelo programa, pode ser menor.
- Dependerá do que o usuário digitar na leitura das estruturas.
- Sempre que o pré-processador encontrar a palavra `MAX` ele substituirá por `100`



# Definição de tamanho

---

```
1  #include <stdio.h>
2
3  #define MAX 100
```



# Sumário

---

## 3 Exemplos

- Leitura
- Escrita
- Adição matricial
- Subtração matricial
- Transposição
- Produto





# Leitura

---

```
5 void le_matriz(double matriz[MAX][MAX], int n, int m) {  
6     int i, j;  
7     for (i = 0; i < n; i++) {  
8         for (j = 0; j < m; j++) {  
9             scanf("%lf", &matriz[i][j]);  
10        }  
11    }  
12 }
```



# Sumário

---

## 3 Exemplos

- Leitura
- **Escrita**
- Adição matricial
- Subtração matricial
- Transposição
- Produto



# Escrita

---

```
14 void imprime_matriz(double matriz[MAX][MAX], int n, int m) {
15     int i, j;
16     for (i = 0; i < n; i++) {
17         for (j = 0; j < m; j++) {
18             printf("%.2f ", matriz[i][j]);
19         }
20         printf("\n");
21     }
22     printf("\n");
23 }
```



# Sumário

---

## 3 Exemplos

- Leitura
- Escrita
- **Adição matricial**
- Subtração matricial
- Transposição
- Produto



# Adição

---

```
25 void soma_matriz(double matriz_a[MAX] [MAX], double matriz_b[MAX] [MAX],
26                 double matriz_res[MAX] [MAX], int n, int m) {
27     int i, j;
28     for (i = 0; i < n; i++) {
29         for (j = 0; j < m; j++) {
30             matriz_res[i] [j] = matriz_a[i] [j] + matriz_b[i] [j];
31         }
32     }
33 }
```



# Adição

```
int main(void) {
    double matriz_a[MAX][MAX], matriz_b[MAX][MAX], matriz_c[MAX][MAX];
    int n1, m1, n2, m2;
    scanf("%d %d %d %d", &n1, &m1, &n2, &m2);
    if (n1 != n2 || m1 != m2) {
        printf(
            "Impossível realizar soma. Dimensões das matrizes incompatíveis\n");
        return 0;
    }
    le_matriz(matriz_a, n1, m1);
    le_matriz(matriz_b, n2, m2);
    imprime_matriz(matriz_a, n1, m1);
    imprime_matriz(matriz_b, n1, m1);
    soma_matriz(matriz_a, matriz_b, matriz_c, n1, m1);
    imprime_matriz(matriz_c, n1, m1);
    return 0;
}
```



# Sumário

---

## 3 Exemplos

- Leitura
- Escrita
- Adição matricial
- **Subtração matricial**
- Transposição
- Produto



# Subtração

---

```
35 void subtrai_matriz(double matriz_a[MAX][MAX], double matriz_b[MAX][MAX],
36                     double matriz_res[MAX][MAX], int n, int m) {
37     int i, j;
38     for (i = 0; i < n; i++) {
39         for (j = 0; j < m; j++) {
40             matriz_res[i][j] = matriz_a[i][j] - matriz_b[i][j];
41         }
42     }
43 }
```





# Subtração

```
int main(void) {
    double matriz_a[MAX][MAX], matriz_b[MAX][MAX], matriz_c[MAX][MAX];
    int n1, m1, n2, m2;
    scanf("%d %d %d %d", &n1, &m1, &n2, &m2);
    if (n1 != n2 || m1 != m2) {
        printf("Impossível realizar subtração. Dimensões das matrizes "
               "incompatíveis\n");
        return 0;
    }
    le_matriz(matriz_a, n1, m1);
    le_matriz(matriz_b, n2, m2);
    imprime_matriz(matriz_a, n1, m1);
    imprime_matriz(matriz_b, n1, m1);
    subtrai_matriz(matriz_a, matriz_b, matriz_c, n1, m1);
    imprime_matriz(matriz_c, n1, m1);
    return 0;
}
```



# Sumário

---

## 3 Exemplos

- Leitura
- Escrita
- Adição matricial
- Subtração matricial
- **Transposição**
- Produto



# Transposição

---

- A transposição de uma matriz  $M_{n \times m}$  nos dá uma matriz  $M'_{m \times n}$ , em que  $M'[i][j] = M[j][i]$  para  $0 \leq i < m$  e  $0 \leq j < n$ .



# Transposição

---

```
45 void transpoe_matriz(double matriz_a[MAX] [MAX], double matriz_res[MAX] [MAX],
46                      int n, int m) {
47     int i, j;
48     for (i = 0; i < m; i++) {
49         for (j = 0; j < n; j++) {
50             matriz_res[i] [j] = matriz_a[j] [i];
51         }
52     }
53 }
```



# Transposição

---

```
int main(void) {  
    double matriz_a[MAX] [MAX], matriz_b[MAX] [MAX];  
    int n, m;  
    scanf("%d %d", &n, &m);  
    le_matriz(matriz_a, n, m);  
    imprime_matriz(matriz_a, n, m);  
    transpoe_matriz(matriz_a, matriz_b, n, m);  
    imprime_matriz(matriz_b, m, n);  
    return 0;  
}
```



# Sumário

---

## 3 Exemplos

- Leitura
- Escrita
- Adição matricial
- Subtração matricial
- Transposição
- Produto



# Produto

---

- O produto matricial de duas matrizes  $A_{n_1 \times m_1}$  por  $B_{n_2 \times m_2}$  nos dá uma matriz  $C_{n_1 \times m_2}$ .
- Só está definido se  $m_1 = n_2$ .
- Cada célula  $C[i][j]$  é definida como um produto escalar de  $A[i][k]$  e  $B[k][j]$ , com  $0 \leq k < m_1$ .



# Produto

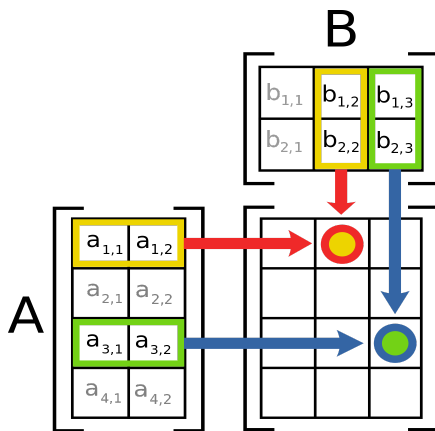


Figura: Wikipedia





# Produto

---

```
55 void multiplica_matriz(double matriz_a[MAX][MAX], double matriz_b[MAX][MAX],
56                        double matriz_res[MAX][MAX], int n1, int m1, int n2,
57                        int m2) {
58     for (int i = 0; i < n1; i++) {
59         for (int j = 0; j < m2; j++) {
60             matriz_res[i][j] = 0;
61             for (int k = 0; k < m1; k++) {
62                 matriz_res[i][j] += matriz_a[i][k] * matriz_b[k][j];
63             }
64         }
65     }
66 }
```



# Produto

```
int main(void) {
    double matriz_a[MAX][MAX], matriz_b[MAX][MAX], matriz_c[MAX][MAX];
    int n1, m1, n2, m2;
    scanf("%d %d %d %d", &n1, &m1, &n2, &m2);
    if (m1 != n2) {
        printf("Impossível realizar multiplicação. Dimensões das matrizes "
               "incompatíveis\n");
        return 0;
    }
    le_matriz(matriz_a, n1, m1);
    le_matriz(matriz_b, n2, m2);
    imprime_matriz(matriz_a, n1, m1);
    imprime_matriz(matriz_b, n2, m2);
    multiplica_matriz(matriz_a, matriz_b, matriz_c, n1, m1, n2, m2);
    imprime_matriz(matriz_c, n1, m2);
    return 0;
}
```