# MC-102 — Aula 22 Ordenação – Selection Sort e Bubble Sort

Eduardo C. Xavier

Instituto de Computação – Unicamp

19 de Abril de 2017

# Roteiro

- O problema da Ordenação
- Selection Sort
- 3 BubbleSort
- 4 Exercício

# Ordenação

• Vamos estudar alguns algoritmos para o seguinte problema:

Dado uma coleção de elementos com uma relação de ordem entre si, devemos gerar uma saída com os elementos ordenados.

- Nos nossos exemplos usaremos um vetor de inteiros para representar tal coleção.
  - ▶ É claro que quaisquer inteiros possuem uma relação de ordem entre si.
- Apesar de usarmos inteiros, os algoritmos servem para ordenar qualquer coleção de elementos que possam ser comparados.

# Ordenação

- O problema de ordenação é um dos mais básicos em computação.
  - Mas muito provavelmente é um dos problemas com o maior número de aplicações diretas ou indiretas (como parte da solução para um problema maior).
- Exemplos de aplicações diretas:
  - Criação de rankings, Definir preferências em atendimentos por prioridade, Criação de Listas etc.
- Exemplos de aplicações indiretas:
  - Otimizar sistemas de busca, manutenção de estruturas de bancos de dados etc.

- Seja vet um vetor contendo números inteiros.
- Devemos deixar **vet** em ordem crescente.
- A idéia do algoritmo é a seguinte:
  - Ache o menor elemento a partir da posição 0. Troque então este elemento com o elemento da posição 0.
  - Ache o menor elemento a partir da posição 1. Troque então este elemento com o elemento da posição 1.
  - Ache o menor elemento a partir da posição 2. Troque então este elemento com o elemento da posição 2.
  - ▶ E assim sucessivamente...

```
Exemplo: (5,3,2,1,90,6). Iteração 0. Acha menor: (5,3,2,\underline{1},90,6). Faz troca: (\underline{1},3,2,\underline{5},90,6). Iteração 1. Acha menor: (1,3,2,5,90,6). Faz troca: (1,2,3,5,90,6). Iteração 2. Acha menor: (1,2,3,5,90,6). Faz troca: (1,2,3,5,90,6). Iteração 3. Acha menor: (1,2,3,5,90,6). Faz troca: (1,2,3,5,90,6). Iteração 5: Acha menor: (1,2,3,5,90,6). Faz troca: (1,2,3,5,90,6).
```

```
Exemplo: (5,3,2,1,90,6). Iteração 0. Acha menor: (5,3,2,\underline{1},90,6). Faz troca: (\underline{1},3,2,\underline{5},90,6). Iteração 1. Acha menor: (1,3,\underline{2},5,90,6). Faz troca: (1,\underline{2},\underline{3},5,90,6). Iteração 2. Acha menor: (1,2,3,5,90,6). Faz troca: (1,2,3,5,90,6). Iteração 3. Acha menor: (1,2,3,5,90,6). Faz troca: (1,2,3,5,90,6). Iteração 5. Acha menor: (1,2,3,5,90,6). Faz troca: (1,2,3,5,90,6).
```

```
Exemplo: (5,3,2,1,90,6). Iteração 0. Acha menor: (5,3,2,\underline{1},90,6). Faz troca: (\underline{1},3,2,\underline{5},90,6). Iteração 1. Acha menor: (1,3,\underline{2},5,90,6). Faz troca: (1,\underline{2},\underline{3},5,90,6). Iteração 2. Acha menor: (1,2,\underline{3},5,90,6). Faz troca: (1,2,\underline{3},5,90,6). Iteração 3. Acha menor: (1,2,3,5,90,6). Faz troca: (1,2,3,5,90,6). Iteração 5. Acha menor: (1,2,3,5,90,6). Faz troca: (1,2,3,5,90,6).
```

```
Exemplo: (5,3,2,1,90,6). Iteração 0. Acha menor: (5,3,2,\underline{1},90,6). Faz troca: (\underline{1},3,2,\underline{5},90,6). Iteração 1. Acha menor: (1,3,\underline{2},5,90,6). Faz troca: (1,\underline{2},\underline{3},5,90,6). Iteração 2. Acha menor: (1,2,\underline{3},5,90,6). Faz troca: (1,2,\underline{3},5,90,6). Iteração 3. Acha menor: (1,2,3,\underline{5},90,6). Faz troca: (1,2,3,\underline{5},90,6). Iteração 5. Acha menor: (1,2,3,5,90,6). Faz troca: (1,2,3,5,90,6).
```

```
Exemplo: (5,3,2,1,90,6). Iteração 0. Acha menor: (5,3,2,\underline{1},90,6). Faz troca: (\underline{1},3,2,\underline{5},90,6). Iteração 1. Acha menor: (1,3,\underline{2},5,90,6). Faz troca: (1,\underline{2},\underline{3},5,90,6). Iteração 2. Acha menor: (1,2,\underline{3},5,90,6). Faz troca: (1,2,\underline{3},5,90,6). Iteração 3. Acha menor: (1,2,3,\underline{5},90,6). Faz troca: (1,2,3,\underline{5},90,6). Iteração 5: Acha menor: (1,2,3,5,90,\underline{6}). Faz troca: (1,2,3,5,\underline{6},\underline{90}).
```

- Como achar o menor elemento a partir de uma posição inicial?
- Vamos achar o índice do menor elemento em um vetor, a partir de uma posição inicial ini:

```
int min = ini, j;
for(j=ini+1; j<tam; j++){
  if(vet[min] > vet[j])
    min = j;
}
```

- Como achar o menor elemento a partir de uma posição inicial?
- Vamos achar o índice do menor elemento em um vetor, a partir de uma posição inicial ini:

```
int min = ini, j;
for(j=ini+1; j<tam; j++){
  if(vet[min] > vet[j])
    min = j;
}
```

• Criamos então uma função que retorna o índice do elemento mínimo de um vetor, a partir de uma posição **ini** passada por parâmetro:

```
int indiceMenor(int vet[], int tam, int ini){
  int min = ini, j;
  for(j=ini+1; j<tam; j++){
    if(vet[min] > vet[j])
      min = j;
  }
  return min;
}
```

- Dada a função anterior para achar o índice do menor elemento, como implementar o algoritmo de ordenação?
- Ache o menor elemento a partir da posição 0, e troque com o elemento da posição 0.
- Ache o menor elemento a partir da posição 1, e troque com o elemento da posição 1.
- Ache o menor elemento a partir da posição 2, e troque com o elemento da posição 2.
- E assim sucessivamente...

```
void selectionSort(int vet[], int tam){
  int i, min, aux;

for(i=0; i<tam; i++){
    min = indiceMenor(vet, tam, i); //Acha posicao do menor elemento
    aux = vet[i];
    vet[i] = vet[min];
    vet[min] = aux;
}</pre>
```

```
void selectionSort(int vet[], int tam){
  int i, min, aux;

for(i=0; i<tam; i++){
  min = indiceMenor(vet, tam, i); //Acha posicao do menor elemento
  aux = vet[i];
  vet[i] = vet[min];
  vet[min] = aux;
}</pre>
```

Com as funções anteriores implementadas podemos executar o exemplo:

```
int main(){
  int vetor [10] = \{14,7,8,34,56,4,0,9,-8.100\}:
  int i:
  printf("\nVetor Antes: (");
  for (i=0; i<10; i++)
    printf("%d, ",vetor[i]);
  printf(")");
  selectionSort(vetor,10);
  printf("\n\nVetor Depois: (");
  for (i=0; i<10; i++)
    printf("%d, ",vetor[i]);
  printf(")\n");
  return 0;
```

- O uso da função para achar o índice do menor elemento não é estritamente necessária.
- Podemos refazer a função selectionSort como segue:

- O uso da função para achar o índice do menor elemento não é estritamente necessária.
- Podemos refazer a função selectionSort como segue:

```
Antes:
```

```
void selectionSort(int vet[], int tam){
  int i, min, aux;
  for (i=0; i<tam; i++)
    min = indiceMenor(vet, tam, i);
    aux = vet[i];
    vet[i] = vet[min];
    vet[min] = aux;
Depois:
void selectionSort(int vet[], int tam){
  int i, j, min, aux;
  for (i=0; i<tam; i++){
   min = i:
    for (j = i+1; j < tam; j++){//Acha posicao do menor elemento
      if(vet[min] > vet[i]) //a partir de i
         min = i:
    aux = vet[i]:
    vet[i] = vet[min];
    vet[min] = aux;
```

- Seja vet um vetor contendo números inteiros.
- Devemos deixar vet em ordem crescente.
- O algoritmo faz algumas iterações repetindo o seguinte:
  - ► Compare vet[0] com vet[1] e troque-os se vet[0] > vet[1].
  - ▶ Compare vet[1] com vet[2] e troque-os se vet[1] > vet[2].
  - **....**
  - ▶ Compare vet[tam 2] com vet[tam 1] e troque-os se vet[tam 2] > vet[tam 1].

Após uma iteração repetindo estes passos o que podemos garantir???

O maior elemento estará na posição correta!!!

- Seja vet um vetor contendo números inteiros.
- Devemos deixar vet em ordem crescente.
- O algoritmo faz algumas iterações repetindo o seguinte:
  - ► Compare vet[0] com vet[1] e troque-os se vet[0] > vet[1].
  - ▶ Compare vet[1] com vet[2] e troque-os se vet[1] > vet[2].
  - **.....**
  - ▶ Compare vet[tam 2] com vet[tam 1] e troque-os se vet[tam 2] > vet[tam 1].

Após uma iteração repetindo estes passos o que podemos garantir???

O maior elemento estará na posição correta!!!

- Após uma iteração de trocas, o maior elemento estará na última posição.
- Após outra iteração de trocas, o segundo maior elemento estará na posição correta.
- E assim sucessivamente.
- Quantas iterações repetindo estas trocas precisamos para deixar o vetor ordenado?

Exemplo: (5,3,2,1,90,6).

Valores sublinhados estão sendo comparados:

```
(\underline{5}, \underline{3}, 2, 1, 90, 6)

(3, \underline{5}, \underline{2}, 1, 90, 6)

(3, 2, \underline{5}, \underline{1}, 90, 6)

(3, 2, 1, \underline{5}, \underline{90}, 6)

(3, 2, 1, 5, \underline{90}, \underline{6})
```

- Isto termina a primeira iteração de trocas. Temos que repetir todo o processo mais 4 vezes!!!
- Mas notem que não precisamos mais avaliar a última posição!

```
Exemplo: (5,3,2,1,90,6).
```

Valores sublinhados estão sendo comparados:

(5, 3, 2, 1, 90, 6)

 $(3, \underline{5}, \underline{2}, 1, 90, 6)$ 

(3, 2, <u>5</u>, <u>1</u>, 90, 6

(3, 2, 1, 5, 90, 6)

(0, 2, 1, 0, 00, 0)

(3, 2, 1, 5, 6, 90)

- Isto termina a primeira iteração de trocas. Temos que repetir todo o processo mais 4 vezes!!!
- Mas notem que não precisamos mais avaliar a última posição!

```
Exemplo: (5,3,2,1,90,6).
```

Valores sublinhados estão sendo comparados:

```
(\underline{5}, \underline{3}, 2, 1, 90, 6)
(3, \underline{5}, \underline{2}, 1, 90, 6)
```

```
(3, 2, \underline{5}, \underline{1}, 90, 0)
```

$$(3, 2, 1, \underline{5}, \underline{90}, 6)$$

(3, 2, 1, 5, 6, 90)

- Isto termina a primeira iteração de trocas. Temos que repetir todo o processo mais 4 vezes!!!
- Mas notem que não precisamos mais avaliar a última posição!

```
Exemplo: (5,3,2,1,90,6).
```

Valores sublinhados estão sendo comparados:

- (5, 3, 2, 1, 90, 6)
- (3, 5, 2, 1, 90, 6)
- (3, 2, 5, 1, 90, 6)

```
Exemplo: (5,3,2,1,90,6).
```

Valores sublinhados estão sendo comparados:

- (5, 3, 2, 1, 90, 6)
- (3, 5, 2, 1, 90, 6)
- (3, 2, 5, 1, 90, 6)
- $(3, 2, 1, \underline{5}, \underline{90}, 6)$
- (3, 2, 1, 5, 90, 6)
- (3, 2, 1, 5, 6, 90)
  - Isto termina a primeira iteração de trocas. Temos que repetir todo o processo mais 4 vezes!!!
  - Mas notem que não precisamos mais avaliar a última posição!

```
Exemplo: (5,3,2,1,90,6).
```

Valores sublinhados estão sendo comparados:

- (5, 3, 2, 1, 90, 6)
- (3, 5, 2, 1, 90, 6)
- (3, 2, 5, 1, 90, 6)
- (3, 2, 1, 5, 90, 6)
- (3, 2, 1, 5, 90, 6)

(3, 2, 1, 5, 6, 90)

- Isto termina a primeira iteração de trocas. Temos que repetir todo o processo mais 4 vezes!!!
- Mas notem que não precisamos mais avaliar a última posição!

```
Exemplo: (5,3,2,1,90,6).
Valores sublinhados estão sendo comparados: (\underline{5},\underline{3},2,1,90,6)
(3,\underline{5},\underline{2},1,90,6)
(3,2,\underline{5},\underline{1},90,6)
```

- (3, 2, 1, 5, 90, 6) (3, 2, 1, 5, 90, 6) (3, 2, 1, 5, 6, 90)
  - Isto termina a primeira iteração de trocas. Temos que repetir todo o processo mais 4 vezes!!!
  - Mas notem que não precisamos mais avaliar a última posição!

```
Exemplo: (5,3,2,1,90,6). Valores sublinhados estão sendo comparados:
```

```
(5, 3, 2, 1, 90, 6)
(3, 5, 2, 1, 90, 6)
(3, 2, 5, 1, 90, 6)
(3, 2, 1, 5, 90, 6)
(3, 2, 1, 5, 90, 6)
(3, 2, 1, 5, 6, 90)
```

- Isto termina a primeira iteração de trocas. Temos que repetir todo o processo mais 4 vezes!!!
- Mas notem que não precisamos mais avaliar a última posição!

- O código abaixo realiza as trocas de uma iteração.
- São comparados e trocados, os elementos das posições: 0 e 1; 1 e 2; . . . ; i-1 e i.
- Assumimos que de (i + 1) até (tam 1), o vetor já tem os maiores elementos ordenados.

```
\begin{array}{l} \text{for} (\, j \! = \! 0; \; j < i \, ; \; j \! + \! +) \\ \text{if} (\, \, \text{vet} [\, j \, ] > \text{vet} [\, j \! + \! 1] \; \, ) \{ \\ \text{aux} = \text{vet} [\, j \, ]; \\ \text{vet} [\, j \, ] = \text{vet} [\, j \! + \! 1]; \\ \text{vet} [\, j \! + \! 1] = \text{aux}; \\ \} \end{array}
```

- O código abaixo realiza as trocas de uma iteração.
- São comparados e trocados, os elementos das posições: 0 e 1; 1 e 2; . . . ; i-1 e i.
- Assumimos que de (i+1) até (tam-1), o vetor já tem os maiores elementos ordenados.

```
for(j=0; j < i; j++)
  if( vet[j] > vet[j+1] ){
    aux = vet[j];
    vet[j] = vet[j+1];
    vet[j+1] = aux;
}
```

```
void bubbleSort(int vet[], int tam){
  int i, j, aux;

for(i=tam-1; i>0; i--){
   for(j=0; j < i; j++) //Faz trocas até posição i
     if( vet[j] > vet[j+1] ){
      aux = vet[j];
     vet[j] = vet[j+1];
     vet[j+1] = aux;
  }
}
```

- Note que as trocas na primeira iteração ocorrem até a última posição.
- Na segunda iteração ocorrem até a penúltima posição.
- E assim sucessivamente.
- Por que?

### Exercício

Altere os algoritmos vistos nesta aula para que estes ordenem um vetor de inteiros em ordem decrescente ao invés de ordem crescente.

### Exercício

No algoritmo SelectionSort, o laço principal é executado de i=0 até i=tam-2 e não i=tam-1. Por que?

```
void selectionSort2(int vet[], int tam){
  int i, j, min, aux;
  for(i=0; i<tam-1; i++){condição não precisa ser i < tam. Por que?
    min = i;
    for(j = i+1; j<tam; j++){
        if(vet[min] > vet[j])
            min = j;
    }
    aux = vet[i];
    vet[i] = vet[min];
    vet[min] = aux;
}
```