

Instituto Federal de Educação, Ciência e Tecnologia de Brasília — Câmpus Taguatinga Ciência da Computação — Teoria da Computação — Prova III — $2^{\circ}/2018$ — Redutibilidade — Prof. Daniel Saad Nogueira Nunes

Aluno:	
Matrícula:	
Data: 04 de dezembro de 2018	
Data. Of de dezembro de 2010	

Duração da prova: 100 minutos

Tabela de notas (uso exclusivo do professor)

Questão	Pontos	Nota
1	3	
2	3	
3	3	
4	3	
Total	12	

Observações

- Esta prova tem o total de 2 páginas (incluindo a capa) e 4 questões.
- O número total de pontos é 12.
- Certifique-se de assinar todas as folhas de resposta bem como a capa da prova.
- Leia atentamente todas as questões da prova. A interpretação do problema é crucial para o desenvolvimento correto da resposta.
- Resoluções sem justificativa não serão consideradas.
- É vedado o uso de equipamentos eletrônicos, como celulares, notebooks entre outros.
- A prova será anulada e medidas disciplinares serão tomadas para os alunos que "colarem" durante a avaliação.
- \star Certifique-se de assinar todas as folhas de resposta.

Questão 1 (3 pontos)

Demonstre que a linguagem $\mathrm{EQ}_{\mathrm{MT}}$ é indecidível, em que:

$$EQ_{MT} = \{\langle M_1, M_2 \rangle | M_1 \in M_2 \text{ são MTs e } L(M_1) = L(M_2) \}$$

Dica: mostre que $E_{MT} \leq_T EQ_{MT}$ com:

$$E_{MT} = \{ \langle M \rangle | M \text{ \'e uma MT e } L(M) = \emptyset \}$$

Questão 2 (3 pontos)

Tome a linguagem do problema da parada:

$$\mathcal{A}_{\mathrm{MT}} = \{ \langle M, w \rangle | M$$
é uma MT e M aceita $w \}$

- (a) (2 pontos) Demonstre que A_{MT} é indecidível.
- (b) (1 ponto) Mostre que, apesar de indecidível, A_{MT} é reconhecível.

Questão 3 (3 pontos)

Tome a seguinte linguagem:

$$L = \{w | w \in \{0,1\}^* \text{ e } w \text{ contém duas vezes mais 0s do que 1s } \}$$

Verifique que L é decidível.

Questão 4 (3 pontos)

De acordo com os conceitos de computabilidade:

- (a) (1½ pontos) Defina linguagens decidíveis e linguagens reconhecíveis.
- (b) $(1\frac{1}{2}$ pontos) Discorra sobre a tese de Church-Turing.

[★] Certifique-se de assinar todas as folhas de resposta.