

Instituto Federal de Educação, Ciência e Tecnologia de Brasília – Campus Taguatinga Teoria da Computação – Ciência da Computação Prova 3 – 2023/2 – Redutibilidade

Prof. Daniel Saad

Duração: 100 minutos

Tabela de notas (uso exclusivo do professor)

Questão	Pontos	Nota
1	4	
2	4	
3	3	
Total	11	

Observações

- Esta prova tem o total de 1 página(s) (excluindo a capa) e 3 questões.
- O número total de pontos é 11.
- Certifique-se de assinar todas as folhas de respostas bem como a capa da prova.
- Leia atentamente todas as questões da prova. A interpretação do problema é crucial para o desenvolvimento correto da resposta.
- Resoluções sem justificativa não serão consideradas.
- É vedado o uso de equipamentos eletrônicos, como celulares, notebooks entre outros.
- A prova será anulada e medidas disciplinares serão tomadas nos casos de de plágio.

Para as questões da prova, tome as seguintes definições:

$$\begin{aligned} \mathbf{A}_{\mathrm{MT}} &= \{ \langle M, w \rangle \, | M \text{ \'e uma MT e } M \text{ aceita } w \} \\ &\quad \mathbf{HALT}_{\mathrm{MT}} = \{ \langle M, w \rangle \, | M \text{ \'e uma MT e } M \text{ para sobre } w \} \\ &\quad \mathbf{E}_{\mathrm{MT}} = \{ \langle M \rangle \, | M \text{ \'e uma MT e } L(M) = \emptyset \} \\ &\quad \mathbf{EQ}_{\mathrm{MT}} = \{ \langle M_1, M_2 \rangle \, | \, M_1 \text{ e } M_2 \text{ \~s\~ao MTs e } L(M_1) = L(M_2) \} \end{aligned}$$

Questão 1 (4 pontos)

Demonstre, para uma uma linguagem L qualquer, que se L é reconhecível, temos $L \leq_m A_{MT}$.

Questão 2 (4 pontos)

Prove que EQ_{MT} é indecidível.

Questão 3 (3 pontos)

Demonstre que HALT_{MT} $\leq_T A_{MT}$.

Observação: preste atenção no sentido da redução.

Empty your mind, be formless, shapeless, like water. If you put water into a cup, it becomes the cup. You put water into a bottle and it becomes the bottle. You put it in a teapot, it becomes the teapot. Now, water can flow or it can crash. Be like water, my friend

Bruce Lee

 $[\]star$ Certifique-se de assinar todas as folhas de respostas.