

## Projekt laboratoryjny 1

Podczas dzisiejszych zajęć zaczniemy się zaznajamiać z programowaniem funkcyjnym w Standard ML poprzez implementowanie funkcji o rozmaitych typach. Każda z funkcji, jaką musicie się zająć, daje się zaimplementować za pomocą dosłownie kilku linijek kodu, tak więc dzisiejsze zadanie nie powinno polegać na wklepywaniu tysięcy linii kodu, ale stać się dobrą zabawą opartą przede wszystkim o staranne przemyślenie tego, co chce się napisać.

Zanim zabierzemy się do zadań, musimy przygotować sobie warsztat pracy:

- Ściągnijcie pliki z archiwum

[www.math.us.edu.pl/~pgladki/teaching/2015-2016/log\\_lab1.zip](http://www.math.us.edu.pl/~pgladki/teaching/2015-2016/log_lab1.zip)

i je przeczytajcie.

- Zainstalujcie Standard ML of New Jersey na komputerze. Generalnie będziemy używać wersji 110.67:

<http://smlnj.org/dist/working/110.67/index.html>

- Chcąc kompilować Wasz kod, uruchomcie SML-a w tym samym podkatalogu, do którego rozpakowaliście pliki z `log_lab1.zip`.
- Wpiszcie **CM.make "sources.cm"**; To polecenie powinno wczytać i skompilować wszystkie pliki źródłowe dla danego katalogu.

Jako że Wasz wykładowca jest osobą z natury rzeczy leniwą, Wasze zadania programistyczne będą oceniały roboty – dlatego jest szczególnie ważne, abyście dokładnie przestrzegali zasad, według których powinniście składać Wasze zadania. Jeżeli nie dopilnujecie wszystkich kroków potrzebnych do prawidłowego złożenia zadania, robot zgłupieje i w rezultacie możecie otrzymać 0 punktów za zadanie.

Po ściągnięciu i rozpakowaniu archiwum `log_lab1.zip` powinniście znaleźć pliki `czesc1.sml` oraz `sources.cm`. Będziecie pisali Wasz kod w pliku `czesc1.sml`, nie zmieniajcie niczego w pliku `czesc1-sig.sml` ani `sources.cm`. Szkielet pliku `czesc1.sml` wygląda mniej więcej tak:

```
structure foo :>PART_ONE =
struct
  exception NotImplemented
  datatype 'a tree = Leaf of 'a | Node of 'a tree * 'a * 'a tree
  fun sum _ = raise NotImplemented
  fun fac _ = raise NotImplemented
  ...
end
```

W pliku `czesc1.sml` zamieńcie `foo` w nazwie struktury na Wasz numer indeksu poprzedzony słowem kluczowym `id`. Przykładowo, jeżeli numer Waszego indeksu to 12345, zmodyfikujcie pierwszą linię pliku `czesc1.sml` następująco:

```
structure id12345 :>PART_ONE =
```

**Jest to bardzo ważne!** Jeżeli zapomnicie o tym kroku, robot oceniający zadanie nie będzie w stanie poprawnie zidentyfikować Waszego zadania i otrzymacie za nie 0 punktów.

Następnie wypełnijcie zawartość funkcji Waszym kodem, ale tylko wtedy, gdy udało Wam się poprawnie zaimplementować daną funkcję. **Jest to jeszcze ważniejsze!** Jeśli wyślecie kod, który się

nie kompiluje, robot oceniający zgłupieje i dostaniecie za całe zadanie 0 punktów. Jeśli nie potraficie zaimplementować danej funkcji, po prostu zostawcie ją w niezmienionym kształcie.

Zadanie prawdopodobnie zajmie Wam ładnych kilka godzin, tak więc nie zwlekajcie z nim do ostatniej chwili. Starajcie się zaimplementować możliwie najwięcej funkcji. Celem uruchomienia programów w interpreterze Standard ML użyjcie Compile Manager. Za każdym razem, gdy kompilujecie Wasz kod źródłowy, powinniście zastosować `open` do Waszej `structure`.

Oto przykładowa sesja z wykorzystaniem `sources.cm`:

```
[foo:38 ] sml
Standard ML of New Jersey v110.58 [built: Fri Mar 03 15:32:15 2006]
- CM.make "sources.cm";
[autoloading]
.....
[New bindings added.]
val it = true : bool
- open foo;
opening foo
  exception NotImplemented
  datatype 'a tree = Leaf of 'a | Node of 'a tree * 'a * 'a tree
  val sum : int ->int
  val fac : int ->int
  ...
- sum 10;
val it = 55 : int;
- fac 10;
uncaught exception NotImplemented
  raised at: hw1.sml:5.27-5.41
```

Gdy uznacie, że zrobiliście już wszystko, co potrafiliście zrobić, wyślijcie plik `czesc1.sml` i `czesc2.sml` emailiem do prowadzącego. Proszę pamiętać, aby w polu **subject** Waszego maila umieścić tag `[aghlog]`. **Pod żadnym pozorem** nie kompresujcie wysyłanych plików, nie zmieniajcie ich nazw, nie wysyłajcie całego katalogu `lab1` ani nie róbcie żadnej z nieskończonego ciągu nieprzewidywalnych rzeczy, które moglibyście zrobić – po prostu wyślijcie maila z dołączonymi dwoma odpowiednio zmodyfikowanymi plikami i to wszystko.

Zanim zaczniecie, przeczytajcie starannie notatki z Wykładu 1 i Wykładu 2, a następnie Chapter 1 z podręcznika Benjamin C. Pierce, *Types and Programming Languages*, MIT Press, 2002 oraz Chapter 1, Chapter 2, Section 3.1i Section 3.2 z podręcznika Riccardo Pucella, *Notes on Programming SML/NJ*:

<http://www.cs.cornell.edu/riccardo/smlnj.html>

Wasz kod powinien być napisany zgodnie z wytycznymi stylu Standard ML. Nie jest to najważniejsze wymaganie, ale warto pamiętać, że dobry styl programistyczny pomaga nie tylko czytelnikowi zrozumieć kod, ale także Wam poprawić funkcjonalność kodu.

Dla tej części zadania **nie wolno** używać Wam żadnych z funkcji dostarczanych przez bibliotekę Standard ML.

Po tym, nieco przydługim, wstępie zabieramy się do zabawy:

## 0.1. Funkcje liczb całkowitych.

0.1.1. *Suma liczb naturalnych od 1 do n.* (2 punkty)

(Typ) `sum : int -> int`

(Opis) `sum n` zwraca  $\sum_{i=1}^n i$

(Niezmienność)  $n > 0$ .

(Wskazówka:) Zajrzyjcie do notatek z wykładu...

(Przykład)

`- sum 10;`

`val it = 55 : int`

0.1.2. *Silnia fac.* (2 punkty)

(Typ) `fac: int -> int`

(Opis) `fac n` zwraca  $\prod_{i=1}^n i$ .

(Niezmienność)  $n > 0$ .

(Wskazówka) Poprawcie Wasz kod dla `sum`...

0.1.3. *Ciąg Fibonacciego fib.* (1 punkt)

(Typ) `fib: int -> int`

(Opis) `fib n` zwraca `fib (n - 1) + fib (n - 2)` jeśli  $n \geq 2$  oraz 1 jeśli  $n = 0$  lub  $n = 1$ .

(Niezmienność)  $n \geq 0$ .

0.1.4. *Największy wspólny dzielnik gcd.* (2 punkty)

(Typ) `gcd: int * int -> int`

(Opis) `gcd (m, n)` zwraca największy wspólny dzielnik liczb  $m$  i  $n$  obliczony za pomocą algorytmu Euklidesa.

(Niezmienność)  $m \geq 0, n \geq 0, m + n > 0$ .

0.1.5. *Maksimum max z listy.* (2 punkty)

(Typ) `max: int list -> int`

(Description) `max l` zwraca największą liczbę z listy  $l$ . Jeśli lista jest pusta, zwraca 0.

(Przykład) `max [5,3,6,7,4]` zwraca 7.

0.2. **Funkcje na drzewach binarnych.**

0.2.1. *Suma sumTree liczb naturalnych przechowywanych w drzewie binarnym.* (2 punkty)

(Typ) `sumTree : int tree -> int`

(Opis) `sumTree t` zwraca sumę liczb naturalnych przechowywanych w drzewie  $t$

(Przykład) `sumTree (Node (Node (Leaf 1, 3), 7, Leaf 4))` zwraca 17.

0.2.2. *Głębokość depth zagnieżdżenia drzewa.* (2 punkty)

(Typ) `depth : 'a tree -> int`

(Opis) `depth t` zwraca długość najdłuższej ścieżki od korzenia do liścia.

(Przykład) `depth (Node (Node (Leaf 1, 3), 7, Leaf 4))` zwraca 2

0.2.3. *Szukanie binSearch elementu w drzewie binarnym.* (2 punkty)

(Typ) `binSearch : int tree -> int -> bool`

(Opis) `binSearch t x` zwraca `true` jeżeli element  $x$  znajduje się w drzewie  $t$  oraz `false` w przeciwnym wypadku.

(Niezmienność)  $t$  jest przeszukiwalnym drzewem binarnym: wszystkie liczby w lewym poddrzewie są mniejsze niż liczba w korzeniu, a wszystkie liczby w prawym poddrzewie są większe niż liczba w korzeniu. Ponadto żadne dwie liczby w drzewie nie są takie same.

(Przykład) `binSearch (Node (Node (Leaf 1, 2, Leaf 3), 4, Leaf 7)) 2` zwraca `true`. `binSearch (Node (Node (Leaf 1, 2, Leaf 3), 4, Leaf 7)) 5` zwraca `false`.

#### 0.2.4. Przejście preorder drzewa typu pre-order. (2 punkty)

(Typ) `preorder: 'a tree ->'a list`

(Opis) `preorder t` zwraca listę elementów wyprodukowaną przez przejście drzewa  $t$  typu pre-order.

(Przykład) `preorder (Node (Node (Leaf 1, 3, Leaf 2), 7, Leaf 4))` zwraca `[7, 3, 1, 2, 4]`.

(Uwagi) Przejście drzewa typu pre-order jest jednym z trzech popularnych rekursywnych przejść przez drzewa zdeterminowanych przez ich głębokość. Więcej informacji znaleźć można na przykład tutaj:

<http://webdocs.cs.ualberta.ca/~holte/T26/tree-traversal.html>

### 0.3. Funkcje na listach liczb całkowitych.

#### 0.3.1. Dodawanie listAdd każdej pary liczb całkowitych z dwóch drzew. (2 punkty)

(Typ) `listAdd: int list ->int list ->int list`

(Opis) `listAdd [a,b,c,...] [x,y,z,...]` zwraca `[a+x,b+y,c+z,...]`.

(Przykład) `listAdd [1, 2] [3, 4, 5]` zwraca `[4, 6, 5]`.

#### 0.3.2. Wkładanie insert elementu w listę posortowaną. (2 punkty)

(Typ) `insert: int ->int list ->int list`

(Opis) `insert m l` wkłada  $m$  w listę posortowaną  $l$ . Lista na wyjściu również musi być posortowana.

(Nieziennik) Lista  $l$  jest posortowana w rosnącym porządku.

(Przykład) `insert 3 [1, 2, 4, 5]` zwraca `[1, 2, 3, 4, 5]`.

#### 0.3.3. Układanie insort listy w posortowaną listę. (2 punkty)

(Typ) `insort: int list ->int list`

(Opis) `insort l` posortowaną listę elementów z listy  $l$ .

(Przykład) `insort [3, 7, 5, 1, 2]` zwraca `[1, 2, 3, 5, 7]`.

(Wskazówka) Wykorzystajcie funkcję `insert`

### 0.4. Funkcje wyższego rzędu.

#### 0.4.1. Składanie compose dwóch funkcji. (2 punkty)

(Typ) `compose: ('a ->'b) ->('b ->'c) ->('a ->'c)`

(Opis) `compose f g` zwraca  $g \circ f$ .

(Uwagi) Wolno Wam użyć tylko dwóch argumentów do zaimplementowania funkcji `compose`. Innymi słowy, coś takiego:

```
fun compose f g = ...
```

jest dopuszczalne, ale już coś takiego:

```
fun compose f g x = ...
```

nie jest.

## 0.4.2. "Currowanie" curry. (2 punkty)

(Typ) `curry: ('a * 'b -> 'c) -> ('a -> 'b -> 'c)`

(Opis) Zawsze możemy wybrać w jaki sposób chcemy zapisywać funkcję dwóch lub więcej zmiennych. Funkcje są w postaci "scurrowanej" jeśli biorą argumenty po jednym za każdym razem oraz w postaci "niescurrowanej", gdy biorą argumenty jako pary. Funkcja `curry` przerabia funkcję "niescurrowaną" w "scurrowaną".

(Przykład)

`fun multiply x y = x * y (* funkcja scurrowana *)``fun multiplyUC (x, y) = x * y (* funkcja niescurrowana *)`Zastosowanie `curry` do `multiplyUC` daje `multiply`.

## 0.4.3. "Odcurrowanie" uncurry. (2 punkty)

(Typ) `uncurry: ('a -> 'b -> 'c) -> ('a * 'b -> 'c)`

(Opis) Patrz powyżej.

(Przykład) Zastosowanie `uncurry` do `multiply` daje `multiplyUC`.0.4.4. `multifun` wywołujące daną funkcję  $n$  razy. (2 punkty)(Typ) `multifun : ('a -> 'a) -> int -> ('a -> 'a)`(Opis) `(multifun f n) x` zwraca  $\underbrace{f(f(\dots f(x)))}_{n \text{ razy}}$ (Przykład) `(multifun (fn x => x + 1) 3) 1` zwraca 4.`(multifun (fn x => x * x) 3) 2` zwraca 256.(Niezmiennik)  $n \geq 1$ .(Uwagi) Tak jak w przypadku `compose`, wolno Wam użyć tylko dwóch argumentów.

## 0.5. Funkcje na liście 'a list.

0.5.1. Funkcja `ltake` biorąca listę pierwszych  $i$  elementów listy  $l$ . (2 punkty)(Typ) `ltake: 'a list -> int -> 'a list`(Opis) `ltake l n` zwraca listę pierwszych  $n$  elementów  $l$ . Jeśli  $n > l$ , to zwraca  $l$ .(Przykład) `ltake [3, 7, 5, 1, 2] 3` zwraca `[3,7,5]`.`ltake [3, 7, 5, 1, 2] 7` zwraca `[3,7,5,1,2]`.`ltake ["s","t","r","i","k","e","r","z"] 5` zwraca `["s","t","r","i","k"]`.0.5.2. Badanie listy `lall`. (2 punkty)(Typ) `lall : ('a -> bool) -> 'a list -> bool`

(Opis) `lall f l` zwraca `true` jeśli dla każdego elementu  $x$  listy  $l$ ,  $f x$  zwraca `true`; w przeciwnym razie zwraca `false`.

(Przykład) `lall (fn x => x > 0) [1, 2, 3]` zwraca `true`.`lall (fn x => x > 0) [1, 2, 3]` zwraca `false`.0.5.3. Funkcja `lmap` konwertująca jedną listę w drugą. (3 punkty)(Typ) `lmap : ('a -> 'b) -> 'a list -> 'b list`(Opis) `lmap f l` stosuje  $f$  do każdego elementu z  $l$  od lewej do prawej, zwracając rezultaty w liście.(Przykład) `lmap (fn x => x + 1) [1, 2, 3]` zwraca `[2, 3, 4]`.

0.5.4. *Funkcja lrev odwracająca listę.* (3 punkty)

(Typ) `lrev: 'a list ->'a list`

(Opis) `lrev l` odwraca `l`.

(Przykład) `lrev [1, 2, 3, 4]` zwraca `[4, 3, 2, 1]`.

0.5.5. *Funkcja lzip dobierająca w pary odpowiadające sobie elementy dwóch list.* (3 punkty)

(Typ) `lzip: ('a list * 'b list) -> ('a * 'b) list`

(Opis) `lzip ([ $x_1, \dots, x_n$ ], [ $y_1, \dots, y_n$ ])`  $\Rightarrow$  `[( $x_1, y_1$ ), ..., ( $x_n, y_n$ )]`. Jeśli listy różnią się długością, dodatkowe elementy są ignorowane.

(Przykład) `lzip (["Rooney", "Park", "Scholes", "C.Ronaldo"], [8, 13, 18, 7, 10, 12])` zwraca `[("Rooney", 8), ("Park", 13), ("Scholes", 18), ("C.Ronaldo", 7)]`.

0.5.6. *Funkcja split rozdzielająca listę na dwie.* (3 punkty)

(Typ) `split: 'a list -> 'a list * 'a list`

(Opis) `split l` zwraca dwie listy. Pierwsza składa się z elementów, które znajdowały się na nieparzystych miejscach, druga – na parzystych. Dla pustej listy `split` zwraca `([], [])`. Dla listy jednoelementowej `[x]`, `split` zwraca `([x], [])`.

(Przykład) `split [1, 3, 5, 7, 9, 11]` zwraca `([1, 5, 9], [3, 7, 11])`.

0.5.7. *Funkcja cartprod generująca z dwóch list ich iloczyn kartezjański.* (3 punkty).

(Typ) `cartprod: 'a list -> 'b list -> ('a * 'b) list`

(Opis) `cartprod S T` zwraca zbiór wszystkich par `(x, y)` gdzie `x`  $\in S$  oraz `y`  $\in T$ . Kolejność wyrazów ma znaczenie.

`cartprod [x1, ..., xn] [y1, ..., yn]  $\Rightarrow$  [(x1, y1), ..., (x1, yn), (x2, y1), ..., (xn, yn)]`.

(Przykład) `cartprod [1, 2] [3, 4, 5]  $\Rightarrow$  [(1,3), (1,4), (1,5), (2,3), (2,4), (2,5)]`.