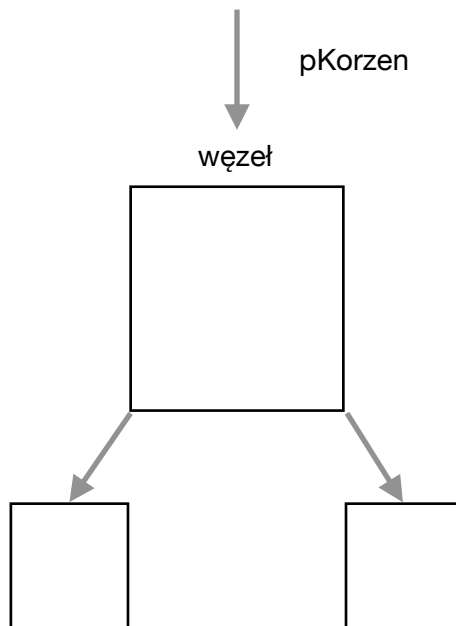


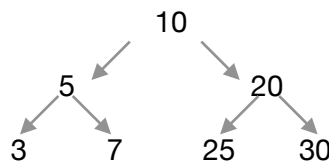
---

## Drzewo poszukiwań binarnych

Każdy element jest nazywany węzłem. Są dwa wskaźniki - na lewy i prawy element.



Elementy większe po stronie prawej, mniejsze po lewej. Przy każdym węźle odrzucamy połowę przypadków, np. szukając 30 odrzucimy lewą stronę już przy pierwszych węzłach.



`if (wartosc < pRoot -> wartosc)` - jeśli wartość jest mniejsza niż to, co przechowuje pRoot, idź w lewo.

Wypisywanie: najpierw wypisujemy całą lewą stronę, potem pierwszy element, potem prawą stronę. Wypisanie jest rekurencyjne. W taki sposób wypisane elementy będą posortowane.

Można też wypisywać drzewo z „wcięciem” - setw (wcięcie \* MNOZNIK) - bardziej przypomina drzewo.

Należy usunąć elementy z pamięci, gdy skończy się korzystać z drzewa (jak z listą). **USUWAĆ TEŻ WSKAŹNIKI!** (koperta z Akademicką 16, a budynku nie ma) `pRoot -> nullptr`;

Iteracyjne tworzenie i usuwanie drzewa: trzeba stworzyć dodatkowy wskaźnik, aby nie poruszać się pRootem.

Można też szukać elementów w drzewie rekurencyjnie lub iteracyjnie. Zwracamy adres, nie sam element.

---

## Własny operator wypisania

`strumień wyjściowy (ostream) & operator << (ostream & nazwa strumienia, to co zwracamy)`

Strumień należy zwrócić.

---

## Funkcje operujące na drzewie

- **LICZENIE WĘZŁÓW (ELEMENTÓW)**

1 (pierwszy korzeń) + liczenie węzłów z lewej + liczenie węzłów z prawej

- **SUMOWANIE WSZYSTKICH WARTOŚCI W DRZEWIE**

inicjować sumę domyślną wartością { }, nie zerem (nie znamy typu, który będzie przechowywało drzewo)

zwrócić wartości korzenia, lewej strony i prawej strony

- **SUMOWANIE LIŚCI (ELEMENTÓW, KTÓRE NIE MAJĄ JUŻ ŻADNYCH POTOMKÓW)**

jeśli nie ma wskaźnika na lewy lub prawy, zwróć liść

ufikuśnienie: operator trójargumentowy (jedna linijka)

- **MAKSYMALNA WYSOKOŚĆ DRZEWIA**

liczba węzłów od węzła korzeniowego do najbardziej odległego liścia

sprawdzić strony (która jest „wyższa”) rekurencyjnie

zwracamy obliczoną wysokość + 1 (pierwszy korzeń) w jednej linijce

```
return std::max <wyliczona wartość> + 1;
```

- **MINIMALNA I MAKSYMALNA WARTOŚĆ W DRZEWIE**

funkcja zwraca wskaźnik

```
wezel * minimalny / maksymalny ( wezel * pRoot )
```

- **SZUKANIE WĘZŁÓW RODZICIELSKICH**

jak nie ma potomka, to nie ma rodzica (nie ma rodzica osoby nieistniejącej)

jeśli wskaźniki na lewy/prawy są wskaźnikami na potomka jednocześnie, to znaleźliśmy potomka

jeśli w potomku jest wartość mniejsza - idziemy lewo, większa - idziemy prawo

wywołanie funkcji odpowiednio dla lewej i prawej strony

---

## Przechodzenie przez drzewo

- **WGLĄB (DO KOŃCA W LEWO/PRAWO)**

podejście już używane w poprzednich funkcjach (przejście lewy/prawy)

- **WSZERZ (PIĘTRAMI)**

pamiętamy poprzednie węzły

posługujemy się kolejkami bibliotecznymi (fifo)

```
std::deque <wezel *> kolejka;
```

```
kolejka.push_front (pRoot)
```

można powyższe działania zrobić też na ręcznie implementowanych listach

„wyciągamy” adresy i sprawdzamy potomków -> „wyciągamy” kolejne adresy

adresy pobieramy i wyrzucamy za pomocą `push_front` i `pop_back`

aby wypisywać piętrami pobieramy lewo prawo lewo prawo... poprzez zapętlenie rekurencją

pusta kolejka oznacza przejście przez całe drzewo

---

## Kontenery

### VECTOR

- jak zwykła tablica, elementy przechowywane jeden po drugim
- można łatwo posortować
- można indeksować od 0 do size-1

**UWAGA:** `begin` wskazuje na pierwszy element, ale `end` wskazuje **za** ostatni element

### LISTY (JAKO TYP LISTA)

- nie można łatwo zwrócić rozmiaru
- elementy nie są w pamięci obok siebie (jak w vectorze)

### MAPA

- można dowolnie indeksować
- wymaga podania dwóch typów - indeksu i przechowywanej wartości
- łatwo można np. policzyć występowanie danych słów w pliku
- można używać do tablic wielowymiarowych

### MAPA NIEUPORZĄDKOWANA

- działa szybciej
- elementy nie są uporządkowane
- dostęp do dowolnego elementu jest niezależny od liczby elementów