Диаграммы Венна

2. Диаграммы Венна

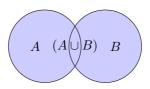
2.1. Определение и назначение

Диаграммы Венна (иногда называемые диаграммами Эйлера–Венна) служат для наглядного изображения отношений между множествами: объединений, пересечений, разностей и дополнений.

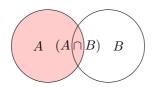
2.2. Основные операции

- 1) **Объединение**: $A \cup B$ все элементы, принадлежащие хотя бы одному из множеств.
- 2) **Пересечение**: $A \cap B$ элементы, общие для обоих множеств.
- 3) **Разность**: $A \setminus B$ элементы из A, не входящие в B.
- 4) **Дополнение**: \overline{A} все элементы универсального множества U, не входящие в A.

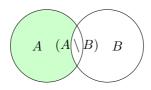
2.3. Примеры диаграмм



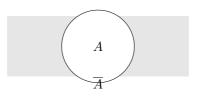
Объединение



Пересечение



Разность



Дополнение

2.4. Свойства

1) Ассоциативность:

$$(A \cup B) \cup C = A \cup (B \cup C), \quad (A \cap B) \cap C = A \cap (B \cap C).$$

2) Коммутативность:

$$A \cup B = B \cup A$$
, $A \cap B = B \cap A$.

3) Дистрибутивность:

$$A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C), \quad A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C).$$

4) Законы де Моргана:

$$\overline{A \cup B} = \overline{A} \cap \overline{B}, \quad \overline{A \cap B} = \overline{A} \cup \overline{B}.$$