

Биномна теорема

Вук Радевић

22. februar 2026.

Sadržaj

1	Увод	3
2	Основне информације	3
2.1	Опште	3
2.2	Кораци рада	3
3	Уска повезаност са Паскаловим троуглом	3
4	Примена бинарне теореме	4
5	Закључак	4

1 Увод

Биномна теорема представља један од основних резултата алгебре. Она описује начин развијања степена збира два члана облика $(a+b)^n$. У овом раду биће приказана формула биномне теореме, њено математичко значење и практична примена. Има широку примену у математици, статистици, теорији вероватноће, па чак и у физици и информатици. Дубоко је повезана са **Паскаловим троуглом**.

2 Основне информације

2.1 Опште

Дефиниција 1. Бином је алгебарски израз који се састоји од два члана, на пример $a + b$.

Биномни коефицијенти дефинисани су формулом:

$$\binom{n}{k} = \frac{n!}{k!(n-k)!}$$

Лема 1. Збир свих биномних коефицијената за фиксно n једнак је 2^n .

Теорема 1. За сваки природан број n важи:

$$(a+b)^n = \sum_{k=0}^n \binom{n}{k} a^{n-k} b^k$$

Где пример развоја кубног бинома изгледа овако:

$$(a+b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$$

2.2 Кораци рада

Праћењем следећих корака видимо како се решава биномна формула:

1. У запису формуле одређујемо вредност n (на пример $n = 2$)
2. Израчунавамо коефицијенте - користимо формулу за њихово израчунавање
3. Помножимо све са одговарајућим коефицијентом - Паскалов троугао
4. Сабирамо све чланове

3 Уска повезаност са Паскаловим троуглом

Паскалов троугао је троугаона шема бројева у којој се сваки број добија као збир два броја изнад њега. Редови овог троугла представљају биномне коефицијенте, односно коефицијенте који се појављују у развоју израза облика $(a+b)^n$. На пример, четврти ред (1, 3, 3, 1) одговара коефицијентима у развоју $(a+b)^3$. Због тога Паскалов троугао представља једноставан и прегледан начин за одређивање коефицијената у биномној теорему.

n	$k = 0$	$k = 1$	$k = 2$	$k = 3$
1	1			
2	1	1		
3	1	2	1	
4	1	3	3	1

Tabela 1: Део Паскаловог троугла

4 Примена бинарне теореме

$$\begin{aligned}
 (a+b)^0 &= \binom{0}{0} \\
 (a+b)^1 &= \binom{1}{0} \cdot a + \binom{1}{1} \cdot b \\
 (a+b)^2 &= \binom{2}{0} \cdot a^2 + \binom{2}{1} \cdot a \cdot b + \binom{2}{2} \cdot b^2 \\
 (a+b)^3 &= \binom{3}{0} \cdot a^3 + \binom{3}{1} \cdot a^2 \cdot b + \binom{3}{2} \cdot a \cdot b^2 + \binom{3}{3} \cdot b^3 \\
 &\dots \\
 (a+b)^n &= \binom{n}{0} \cdot a^n + \binom{n}{1} \cdot a^{n-1} \cdot b + \binom{n}{2} \cdot a^{n-2} \cdot b^2 + \dots + \binom{n}{n-1} \cdot a \cdot b^{n-1} + \binom{n}{n} \cdot b^n
 \end{aligned}$$

Slika 1: Биномна формула

Постоји много примена,
али неке од главних су:

- У комбинаторици
- У теорији вероватноће
- У алгебри за развијање полинома
- У анализи за приближна рачунања

5 Закључак

Биномна формула могућава једноставно развијање степена збира и има широку примену у математици и природним наукама. Помоћу биномних коефицијената и Паскаловог троугла могуће је лако одредити све чланове развоја без дуготрајног множења.