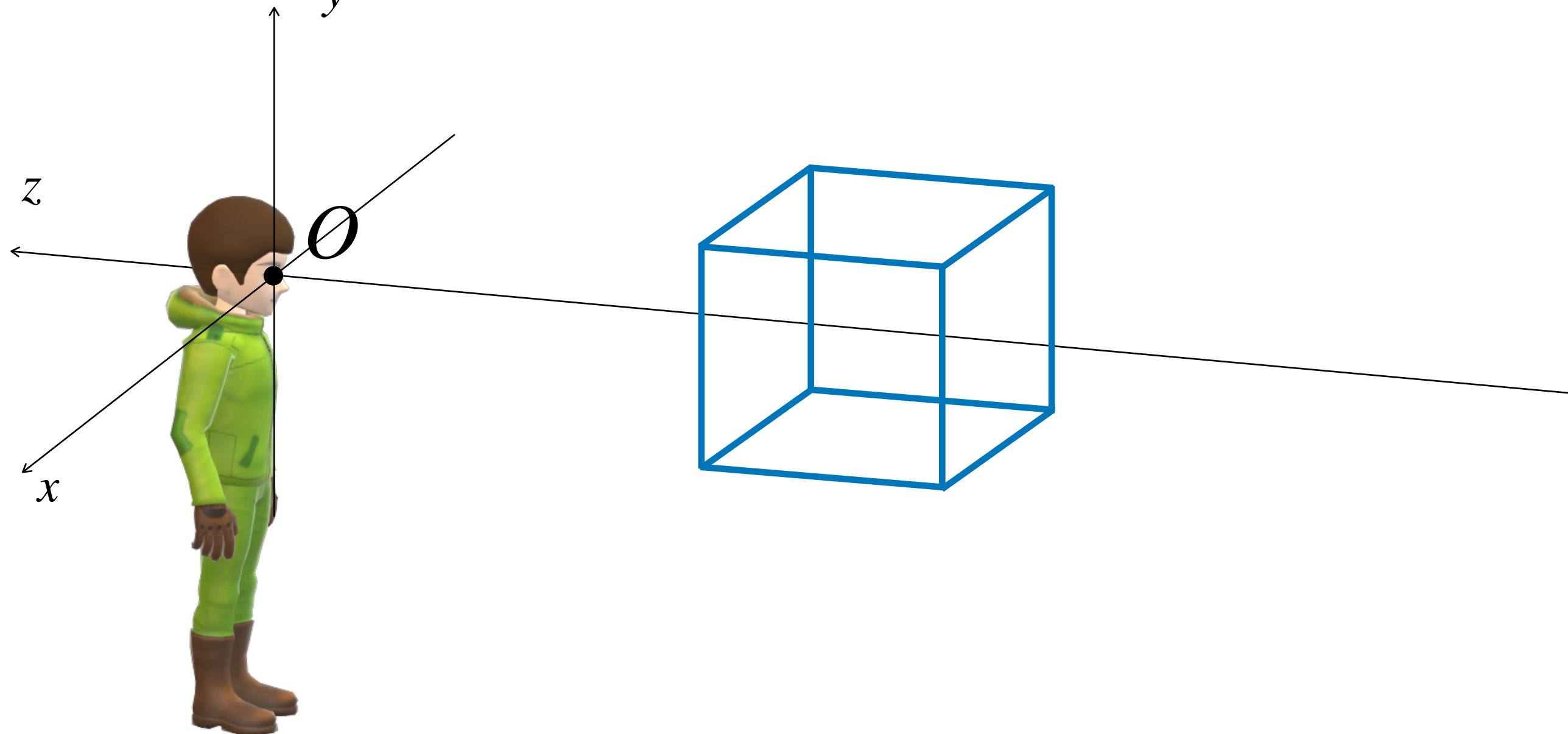
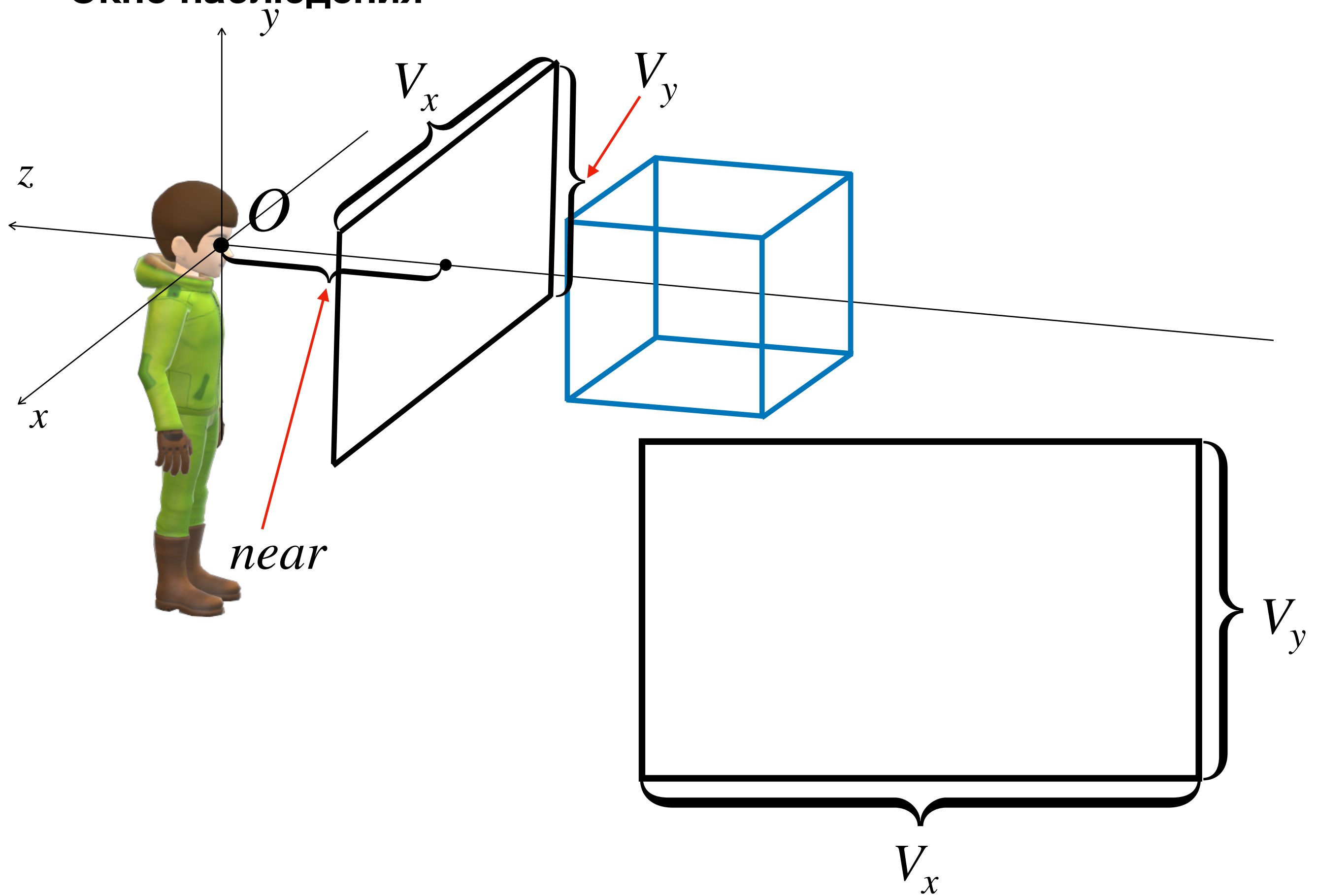


Трехмерные проекции

Объект в СКН

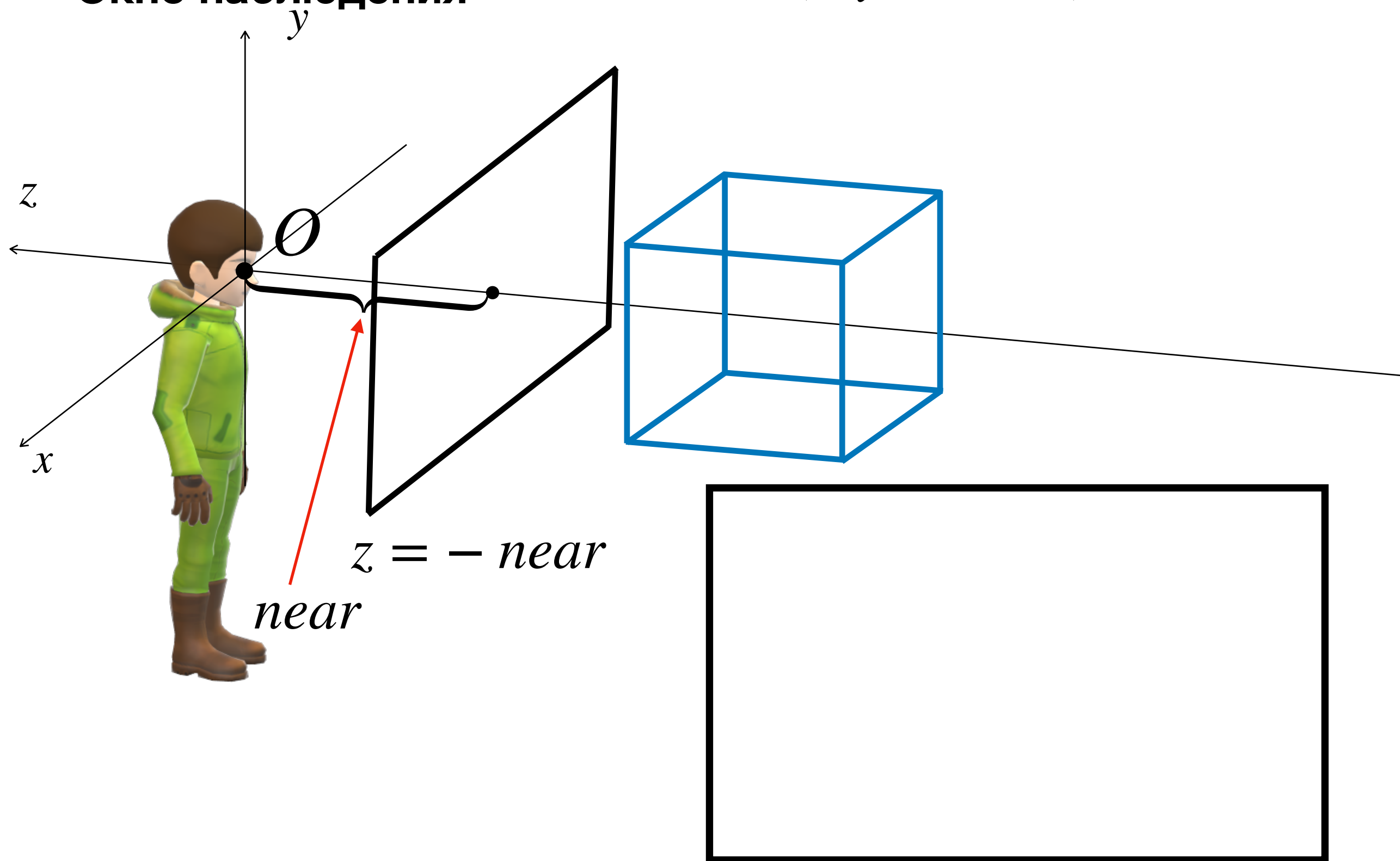


Окно наблюдения

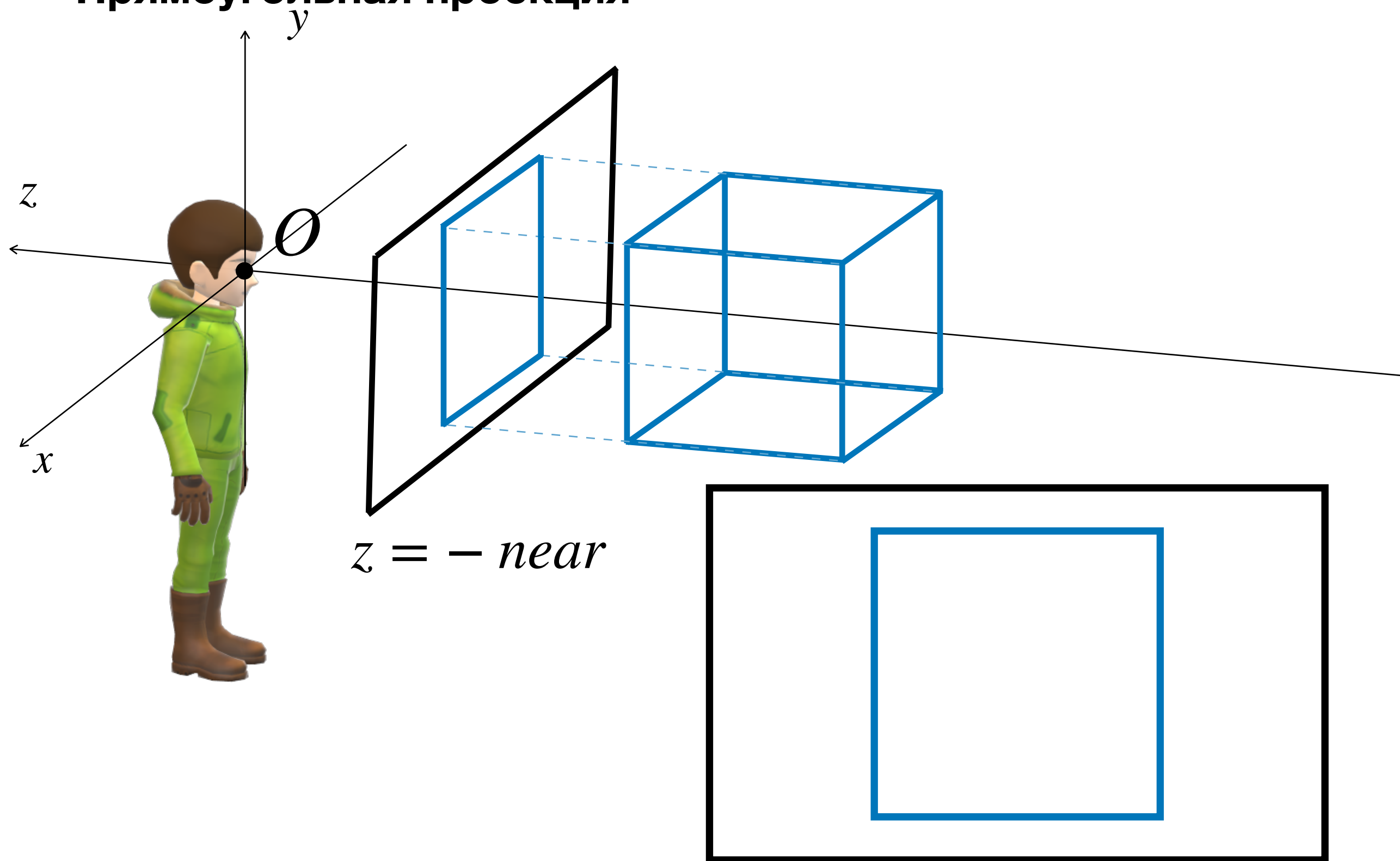


Окно наблюдения

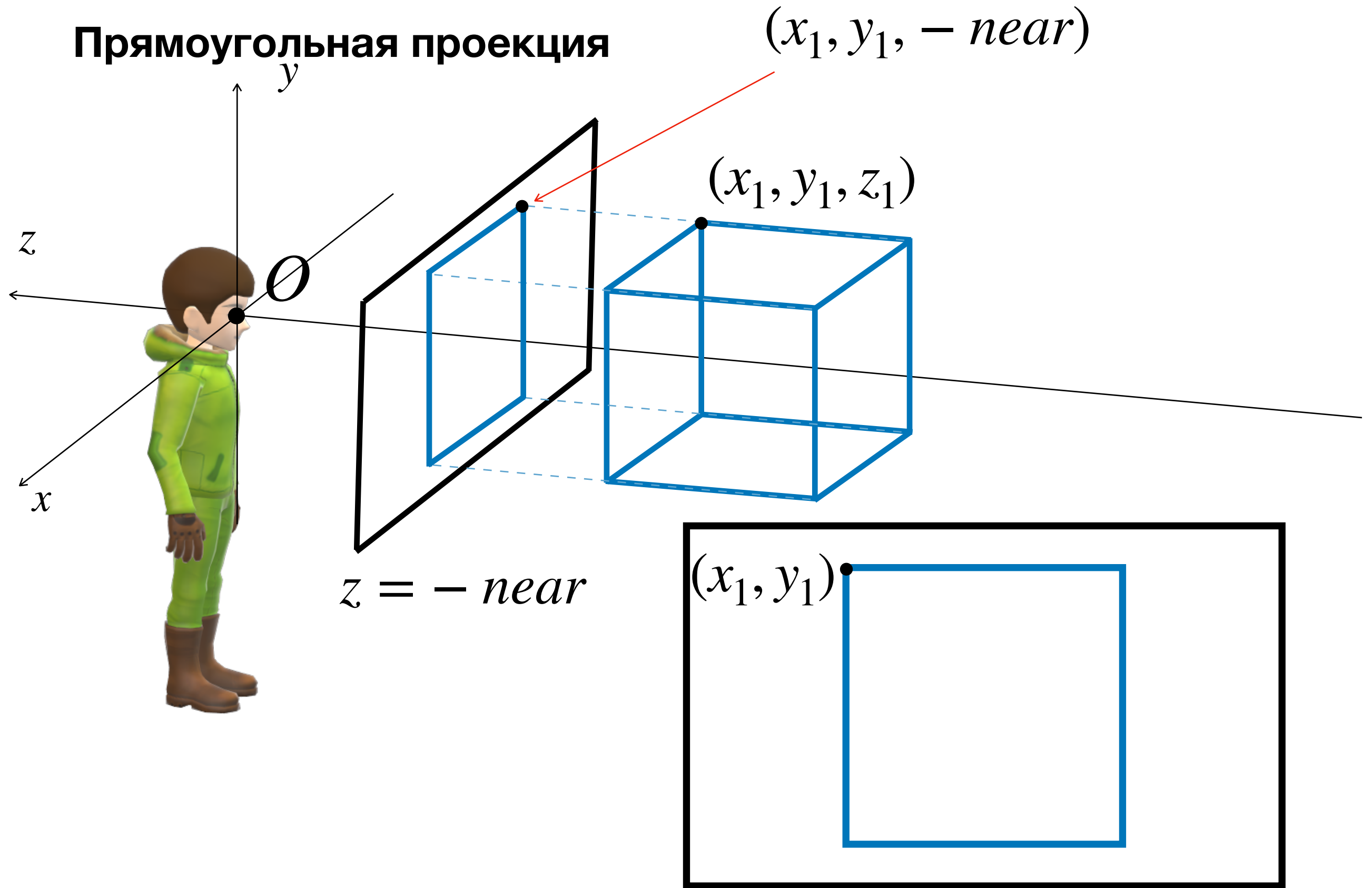
$(x, y, -near)$



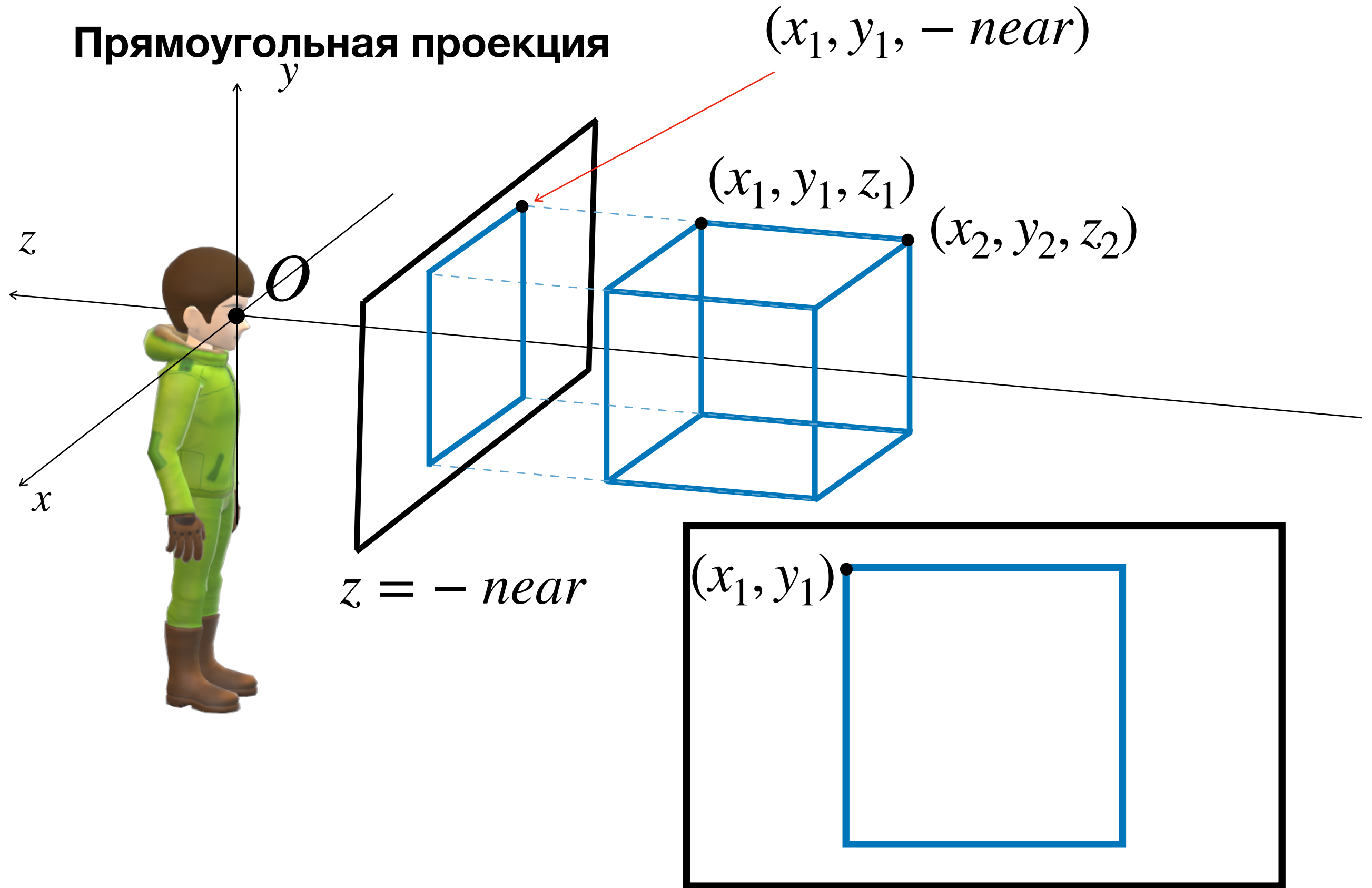
Прямоугольная проекция



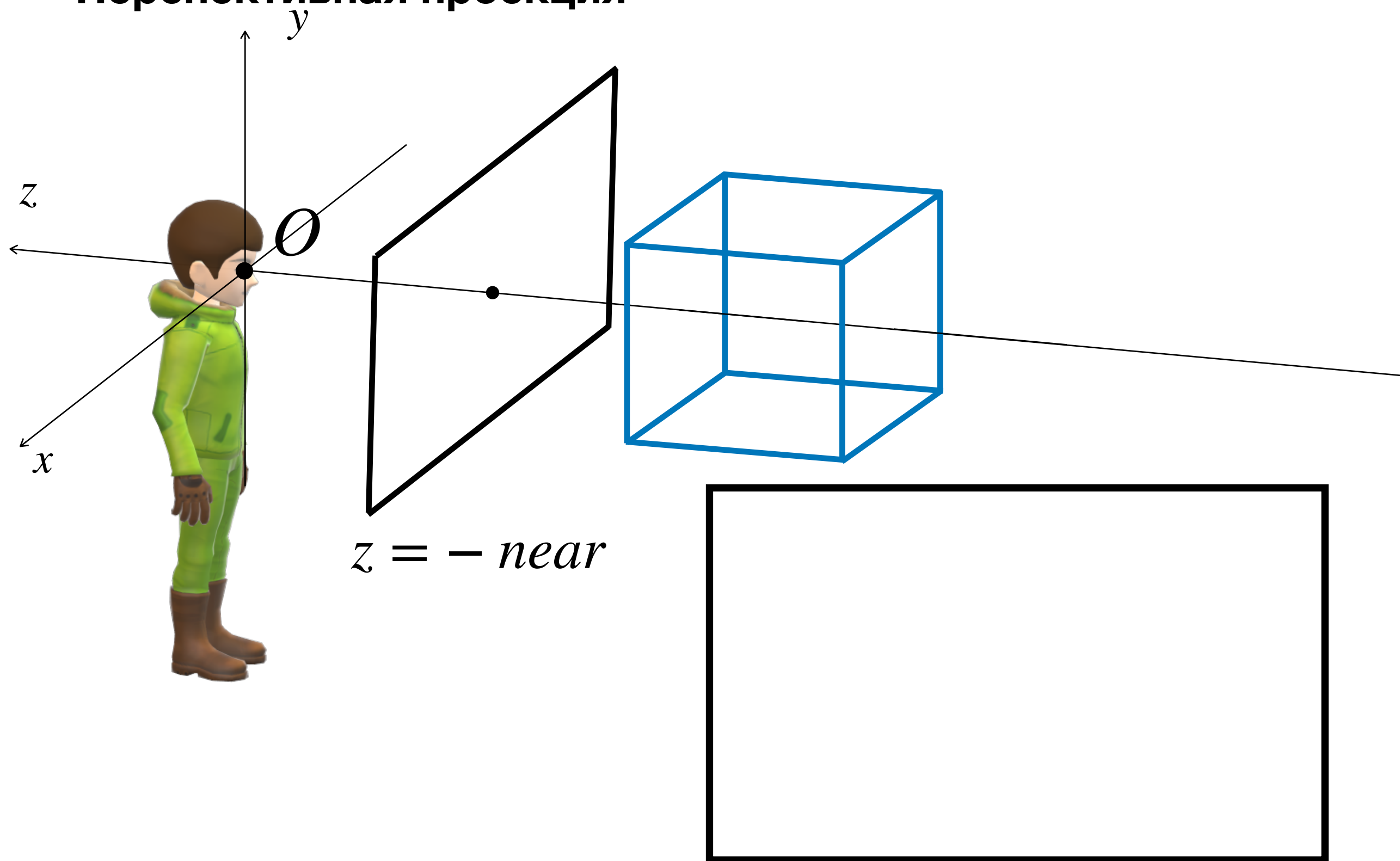
Прямоугольная проекция



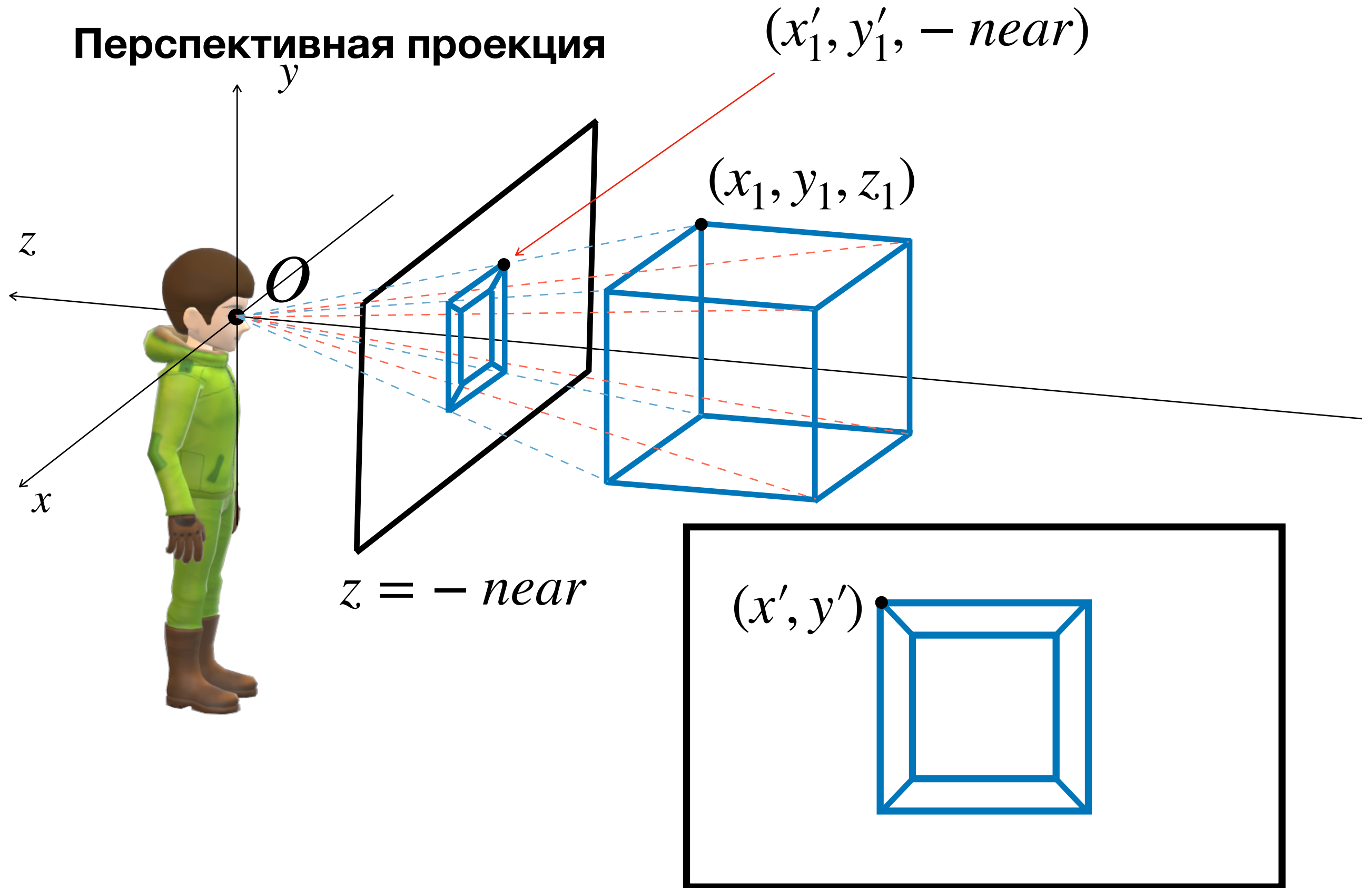
Прямоугольная проекция

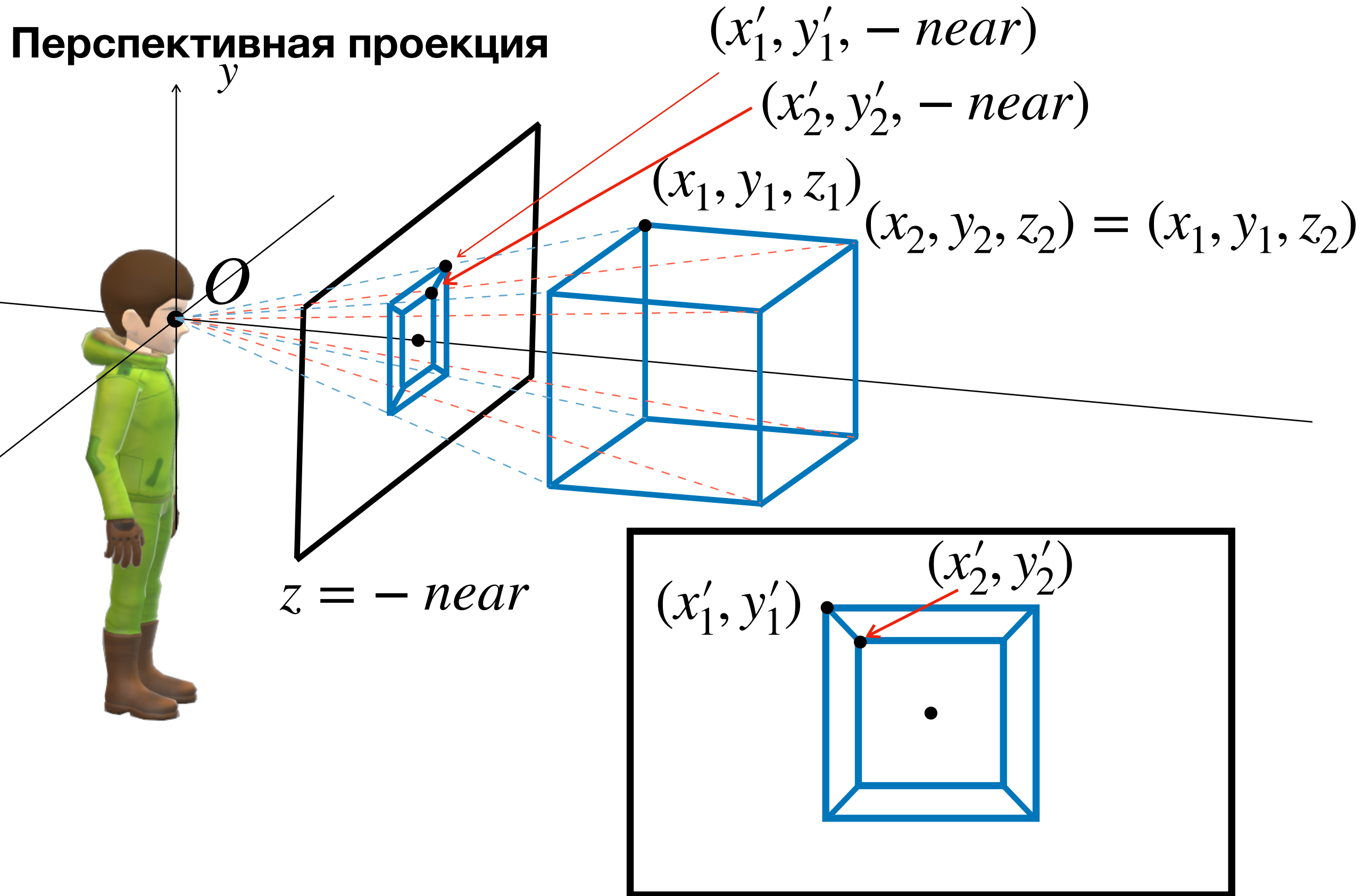


Перспективная проекция

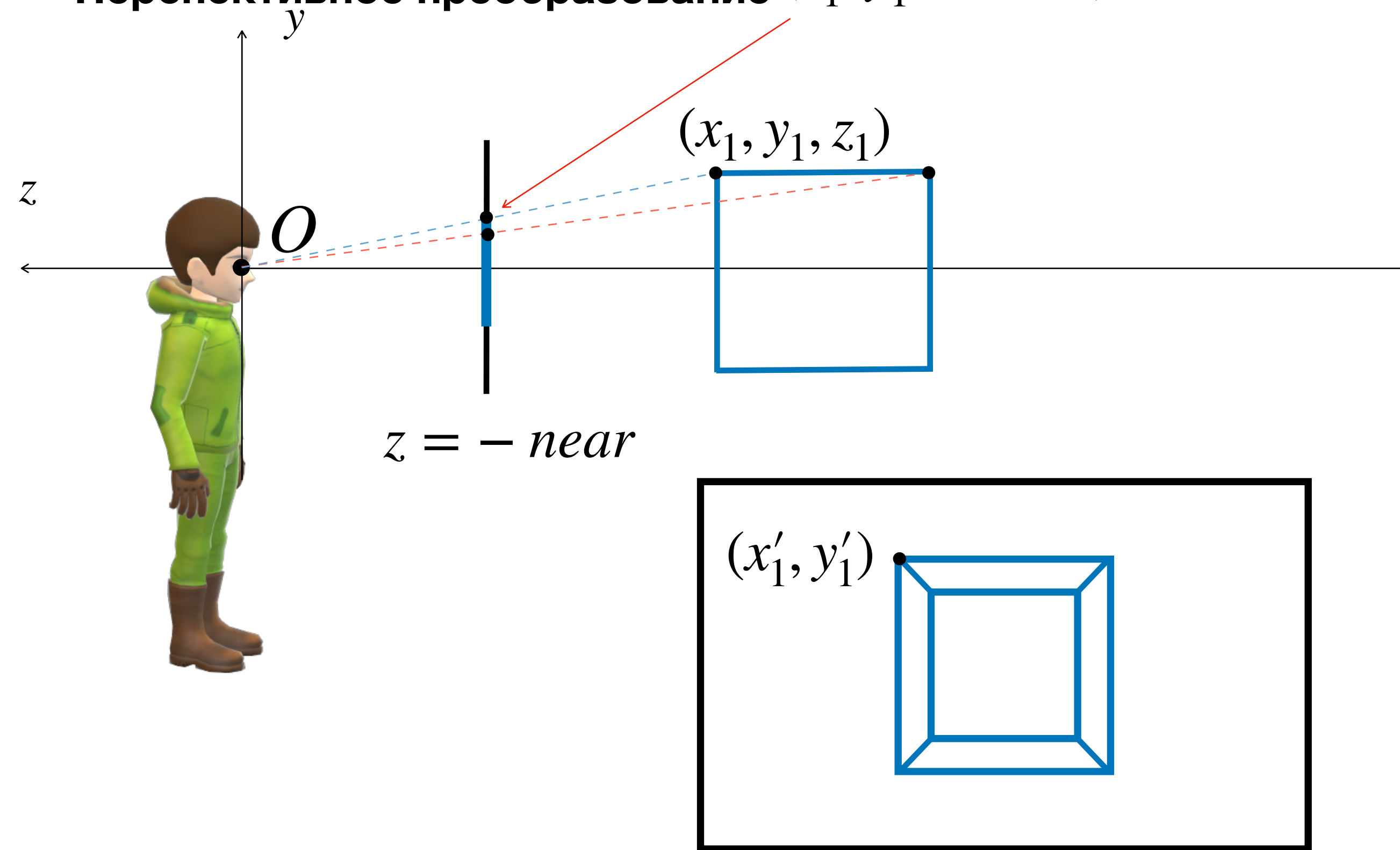


Перспективная проекция

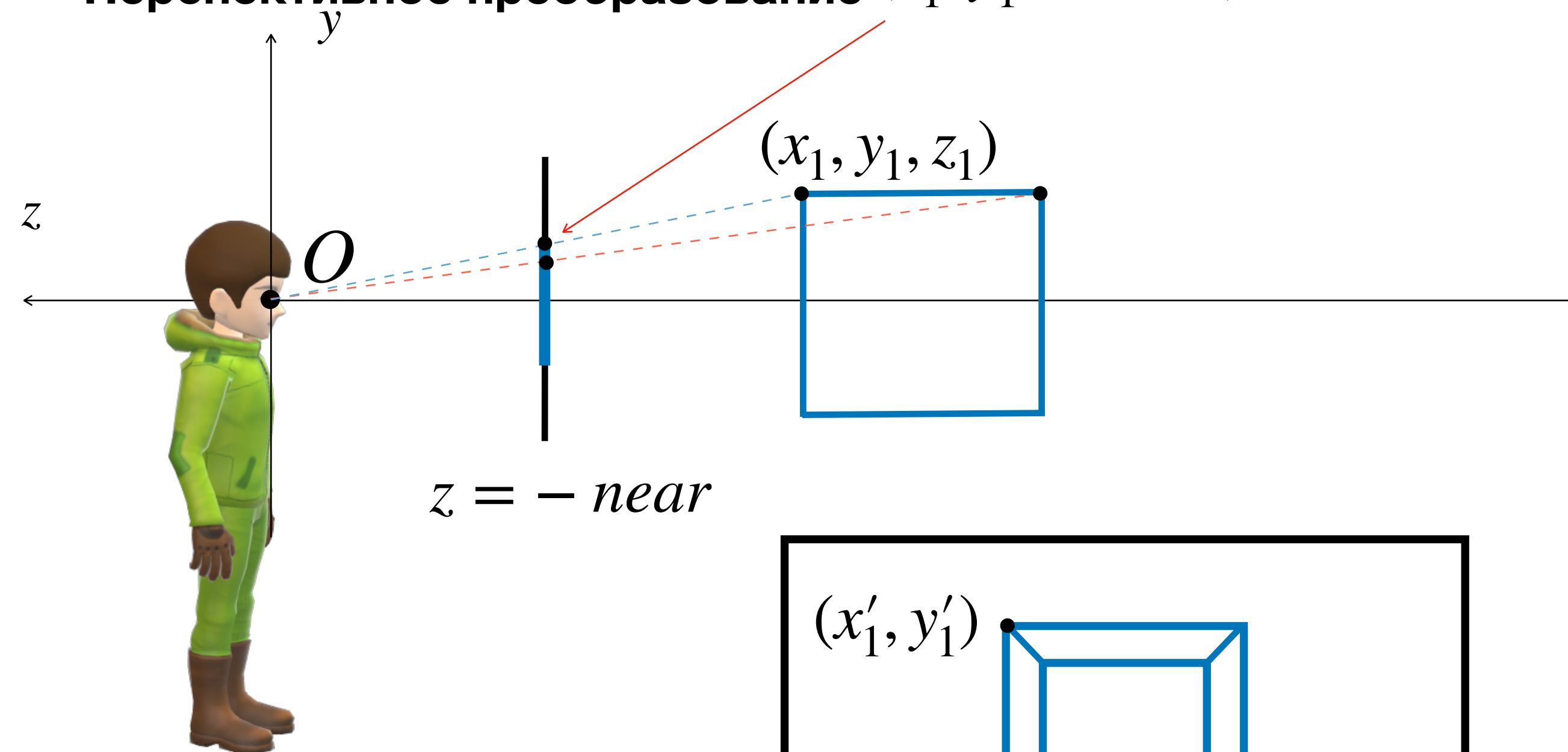




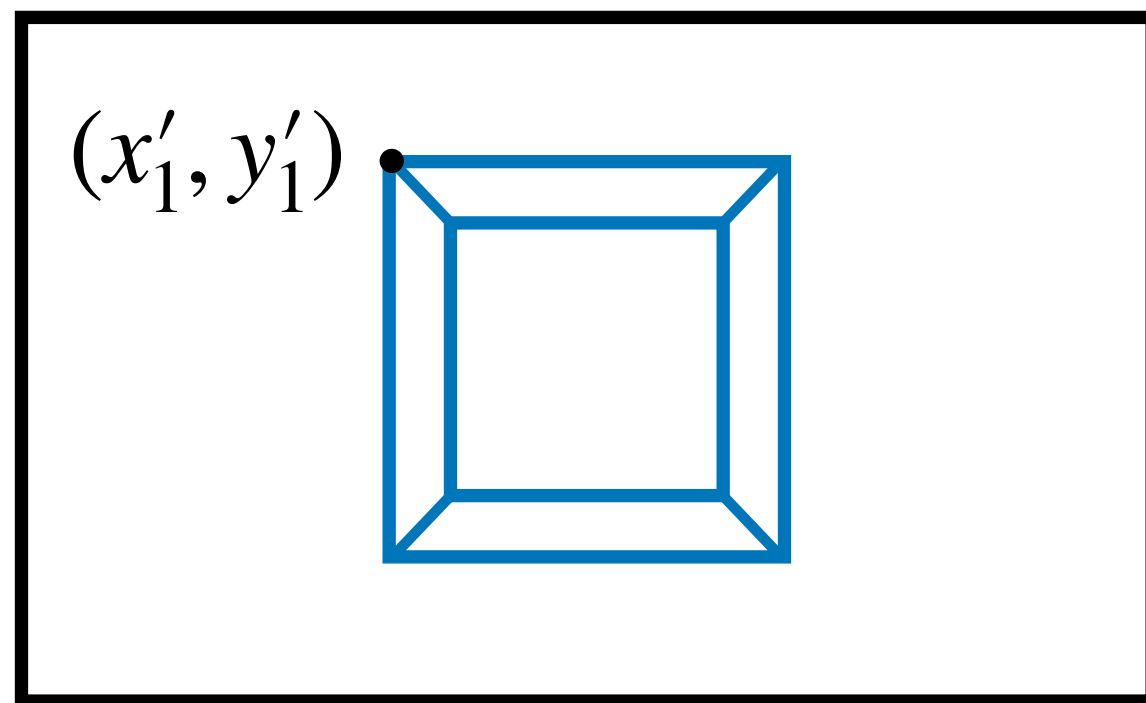
Перспективное преобразование $(x'_1, y'_1, -near)$



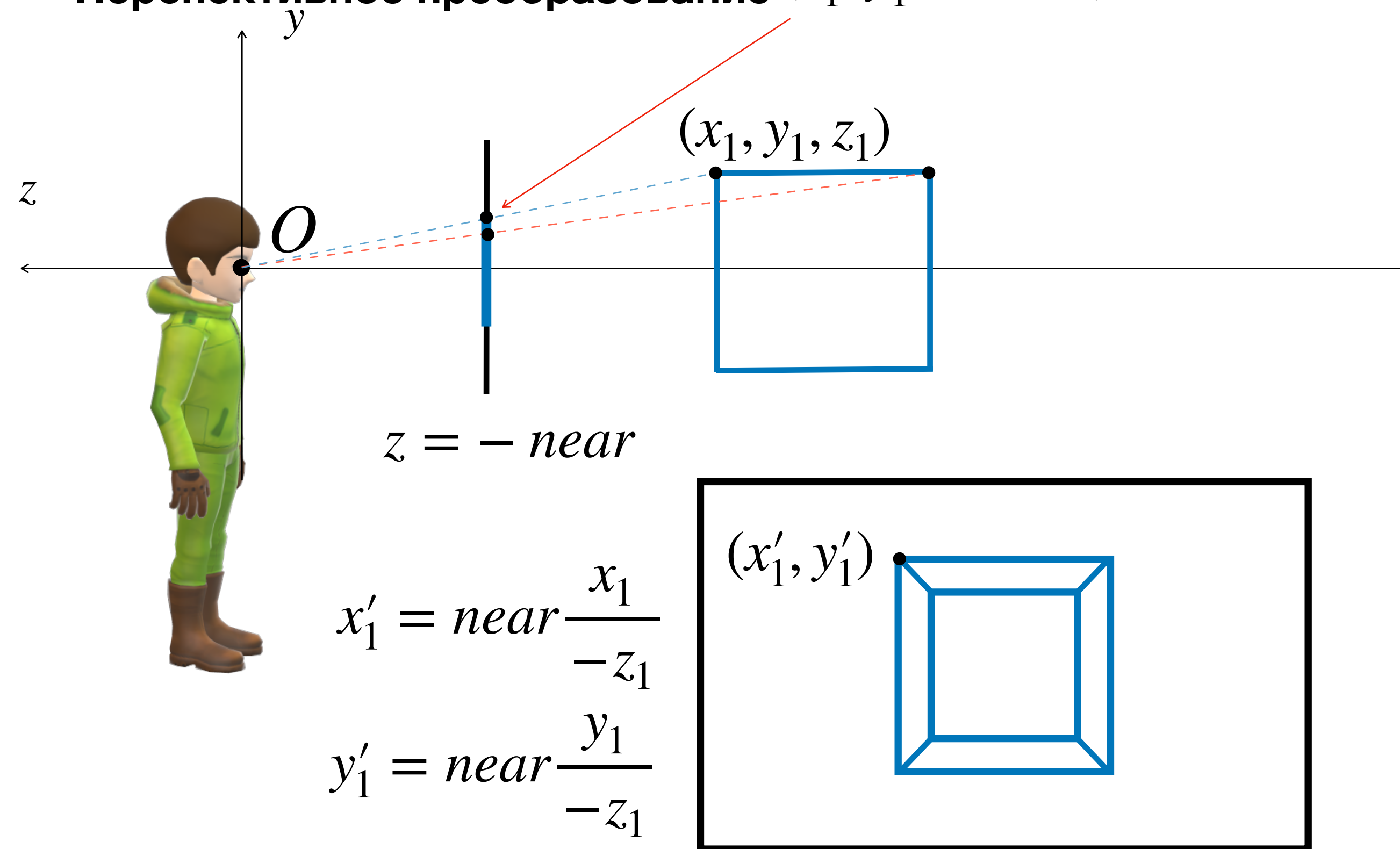
Перспективное преобразование $(x'_1, y'_1, -near)$



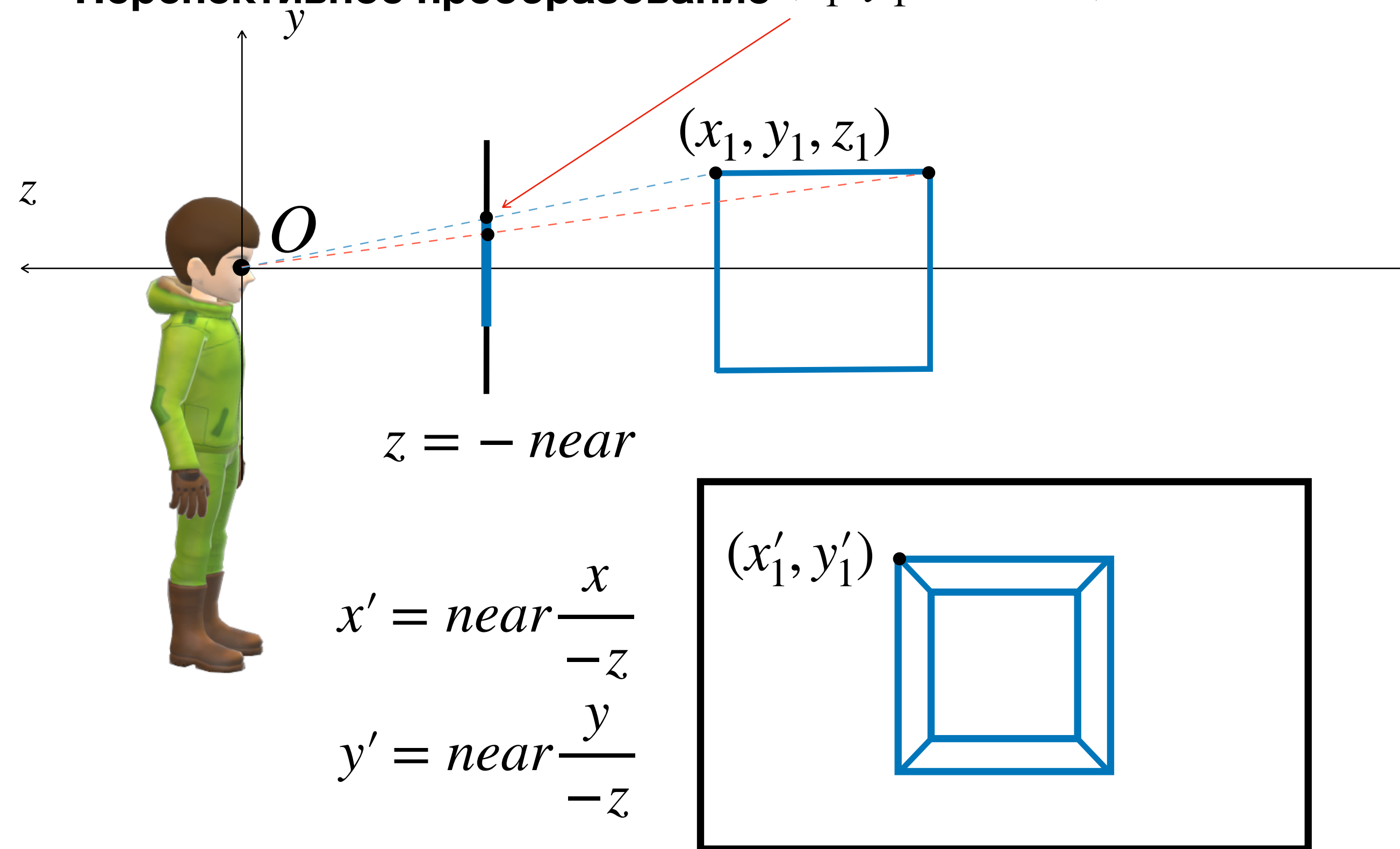
$$\frac{y'_1}{near} = \frac{y_1}{-z_1}$$



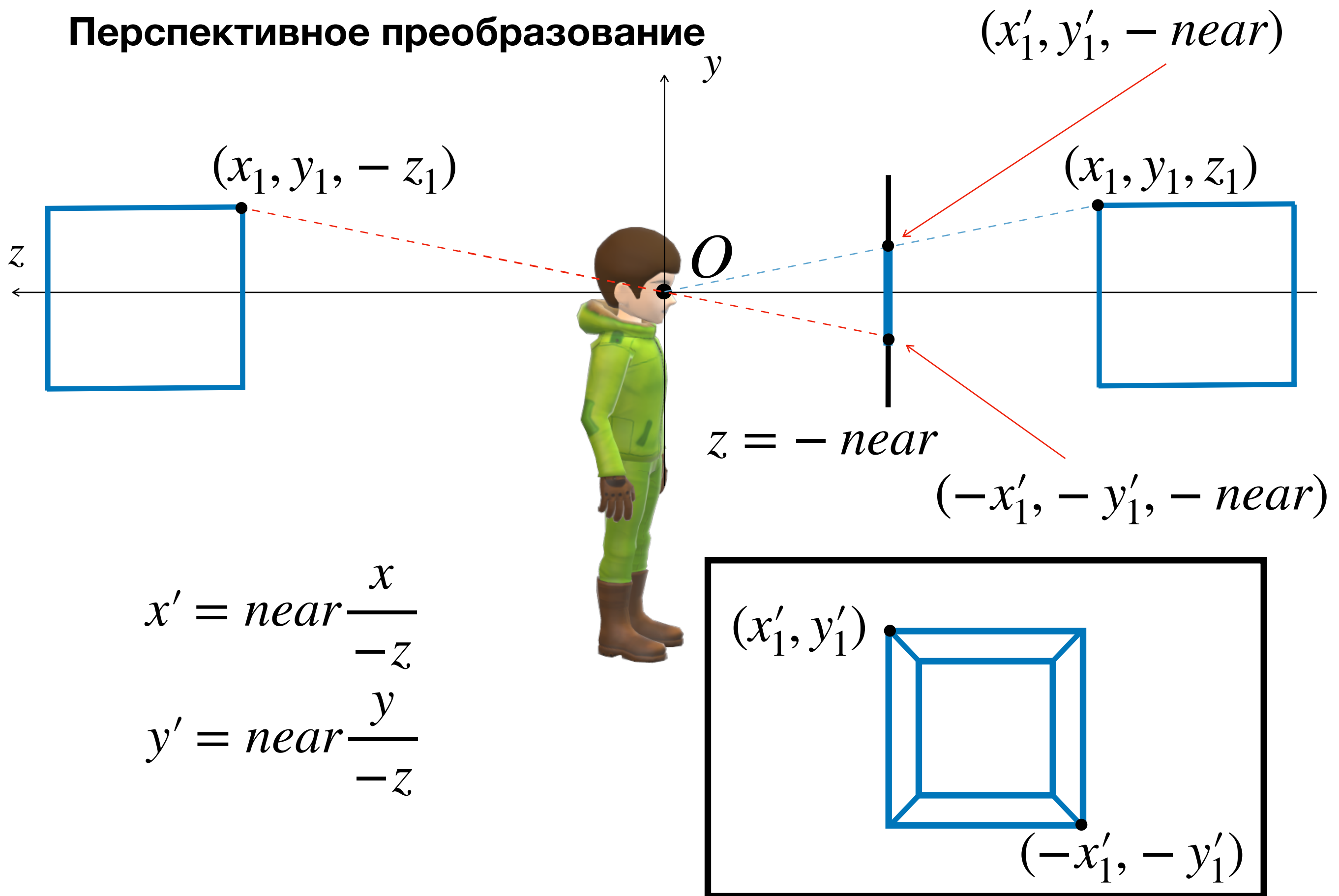
Перспективное преобразование $(x'_1, y'_1, -near)$



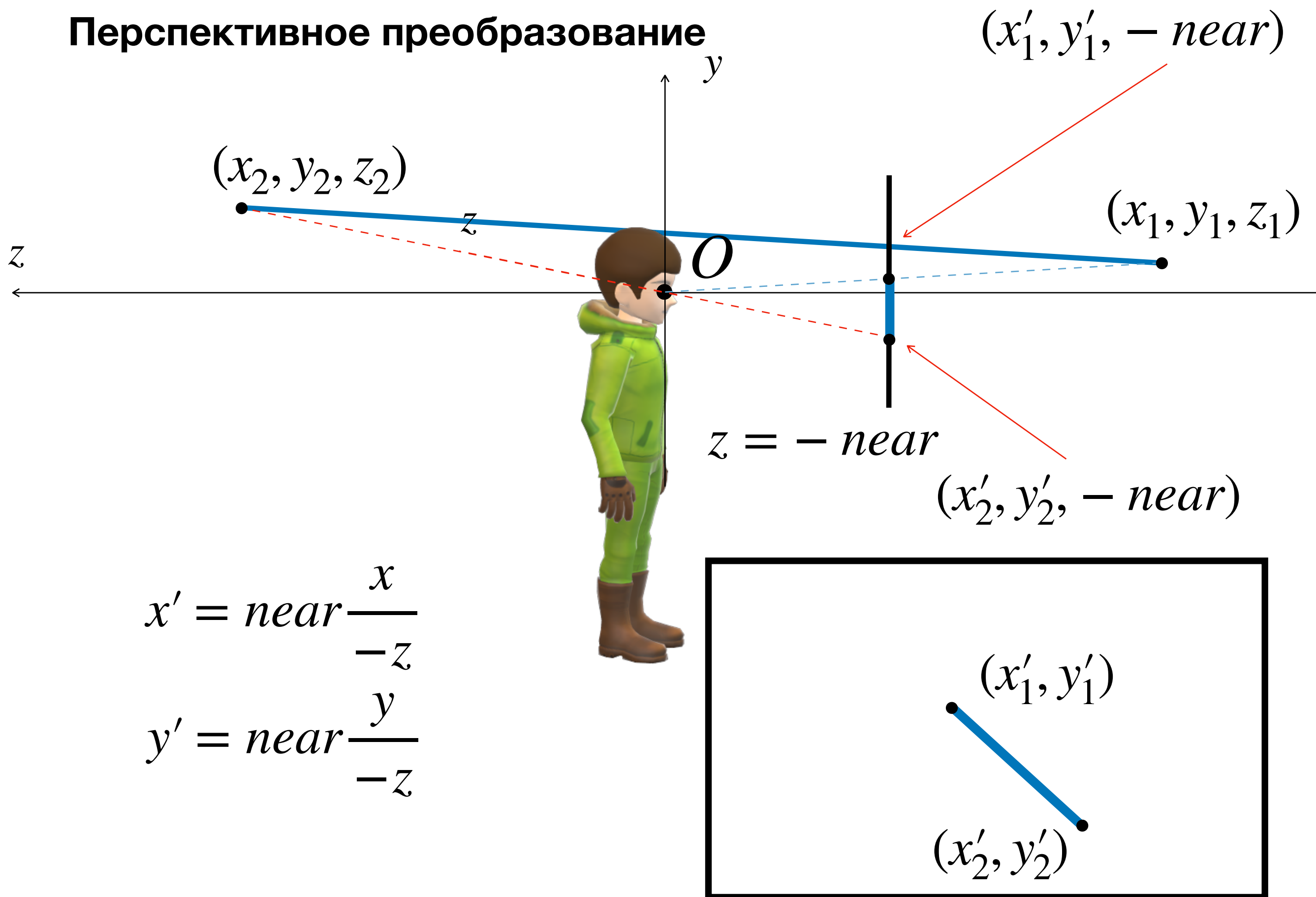
Перспективное преобразование $(x'_1, y'_1, -near)$



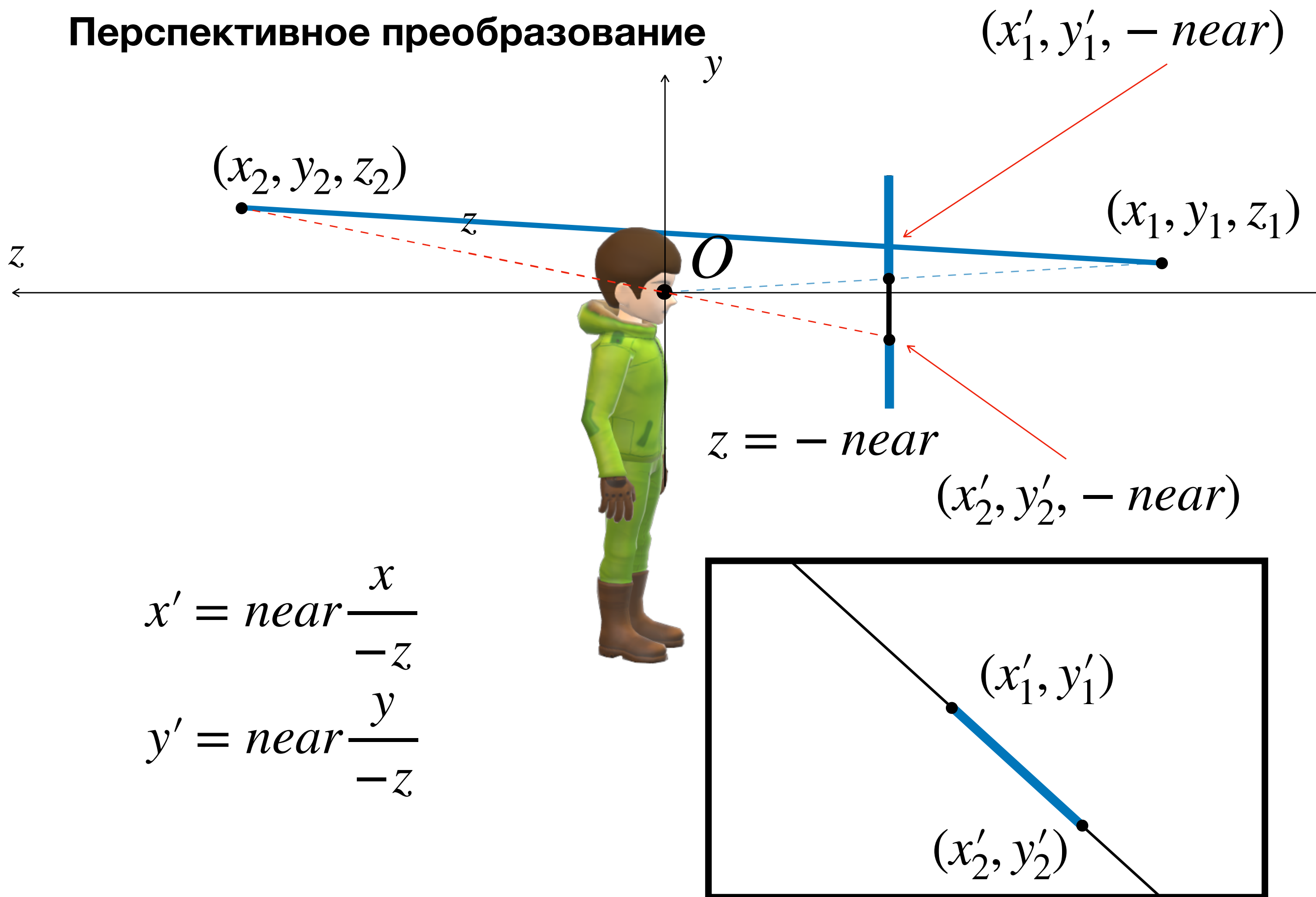
Перспективное преобразование



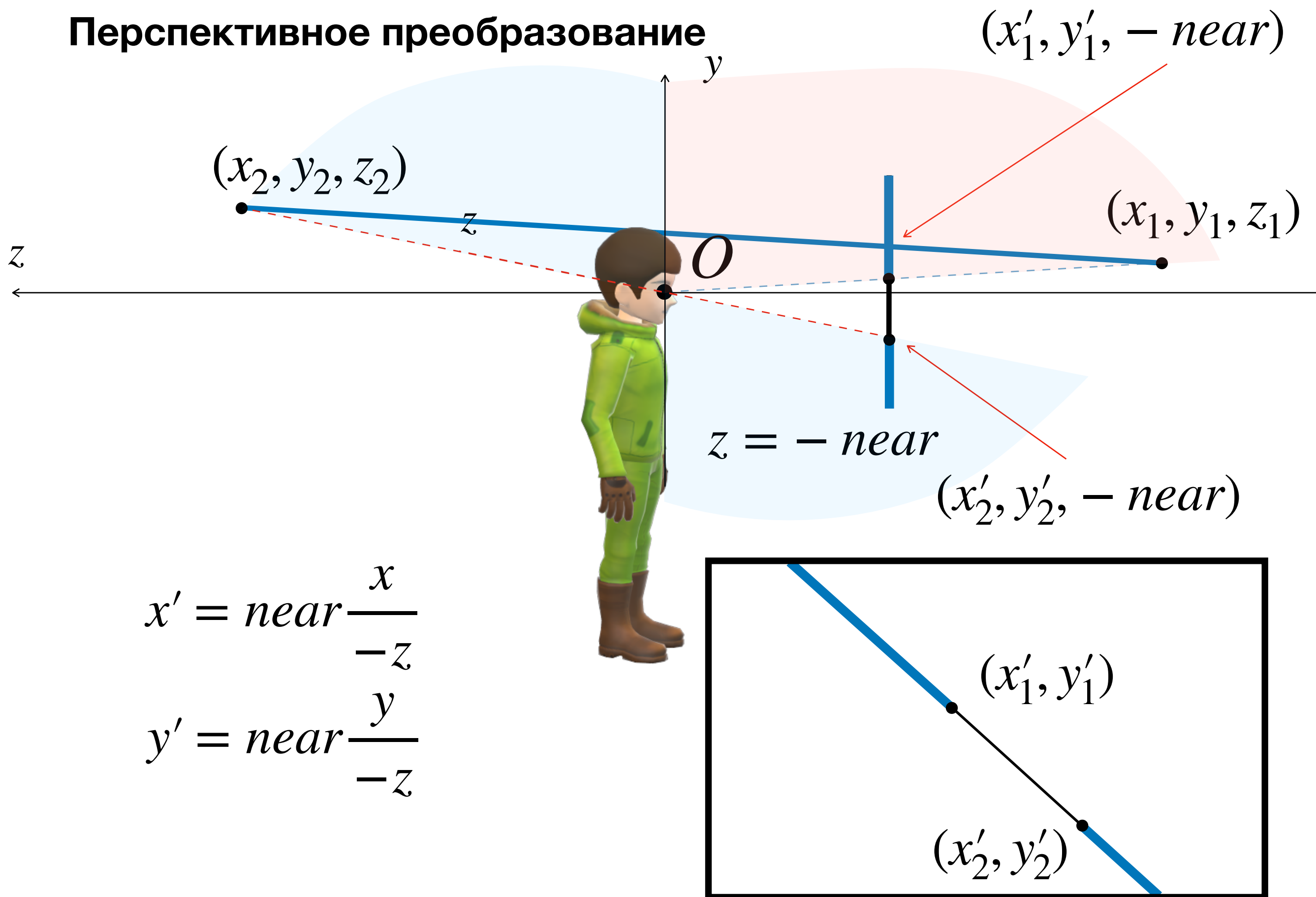
Перспективное преобразование



Перспективное преобразование



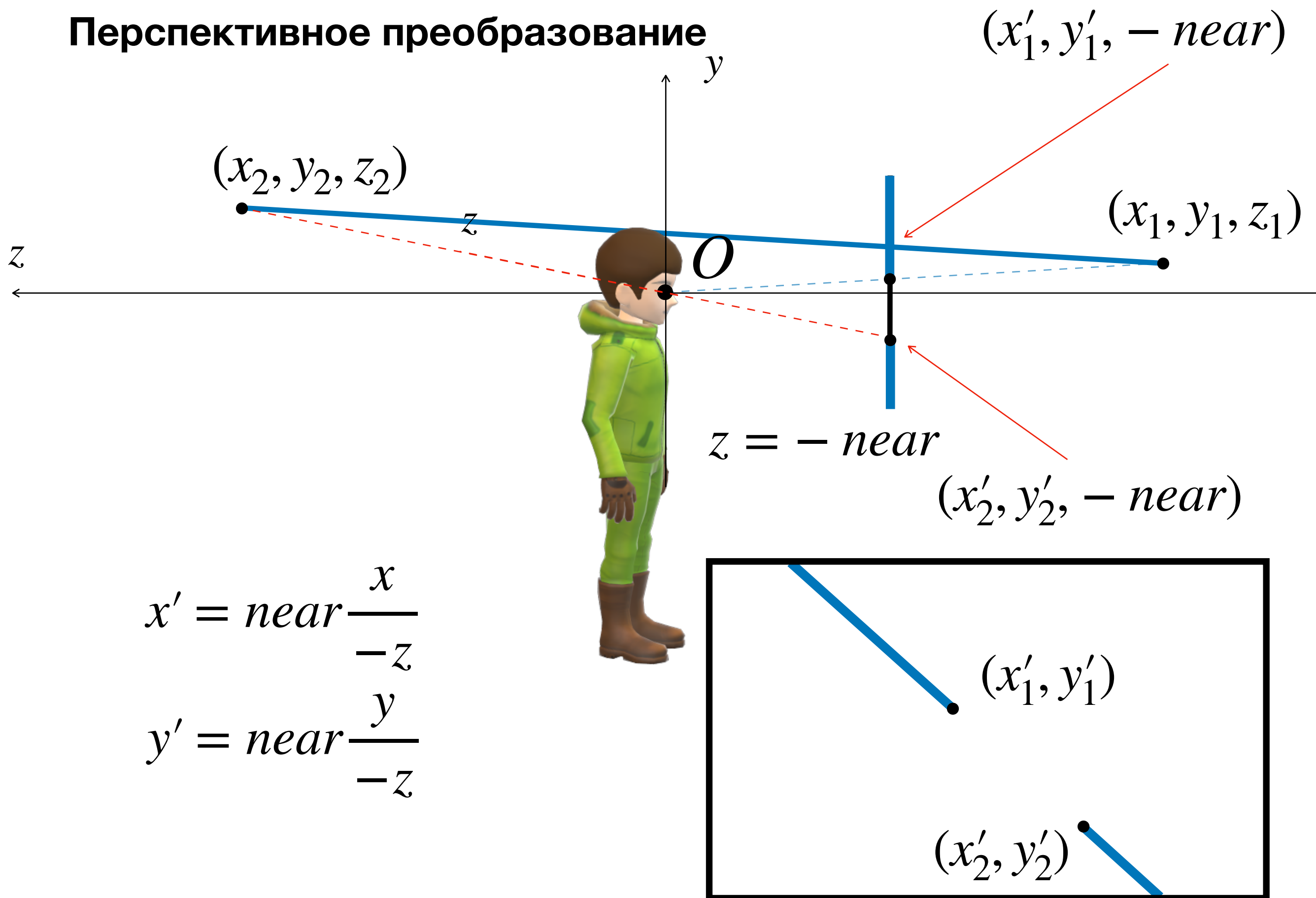
Перспективное преобразование



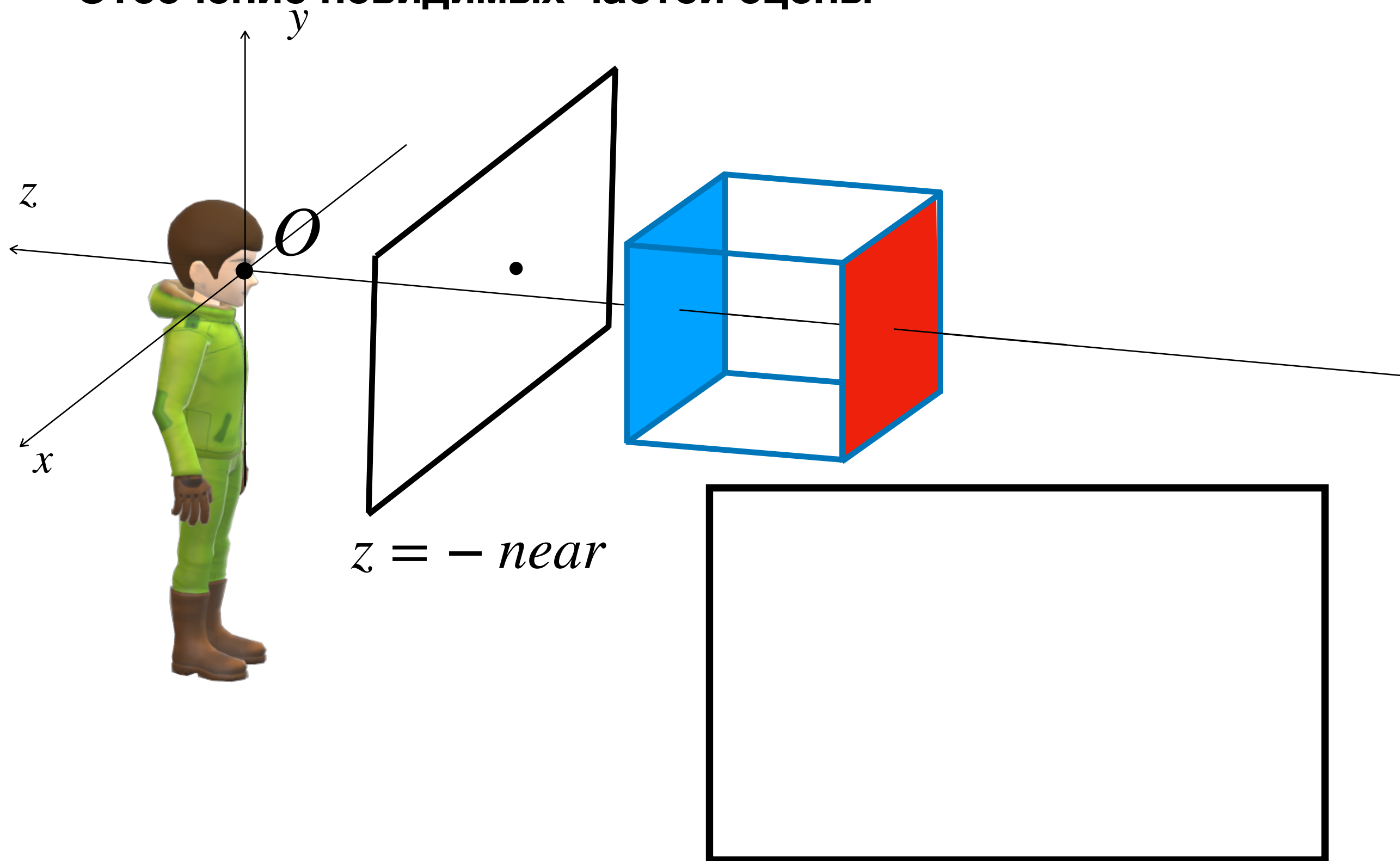
$$x' = near \frac{x}{-z}$$

$$y' = near \frac{y}{-z}$$

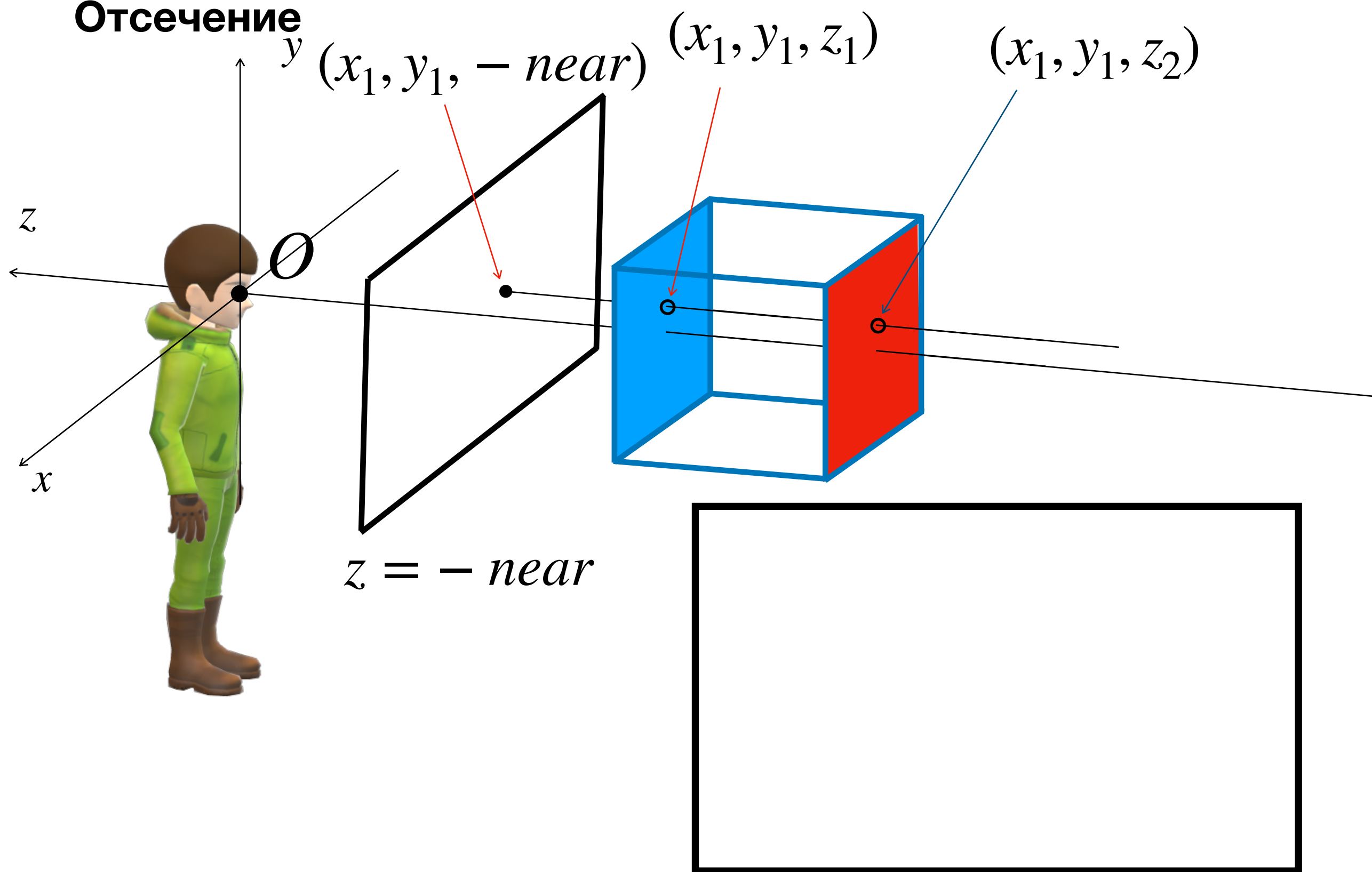
Перспективное преобразование



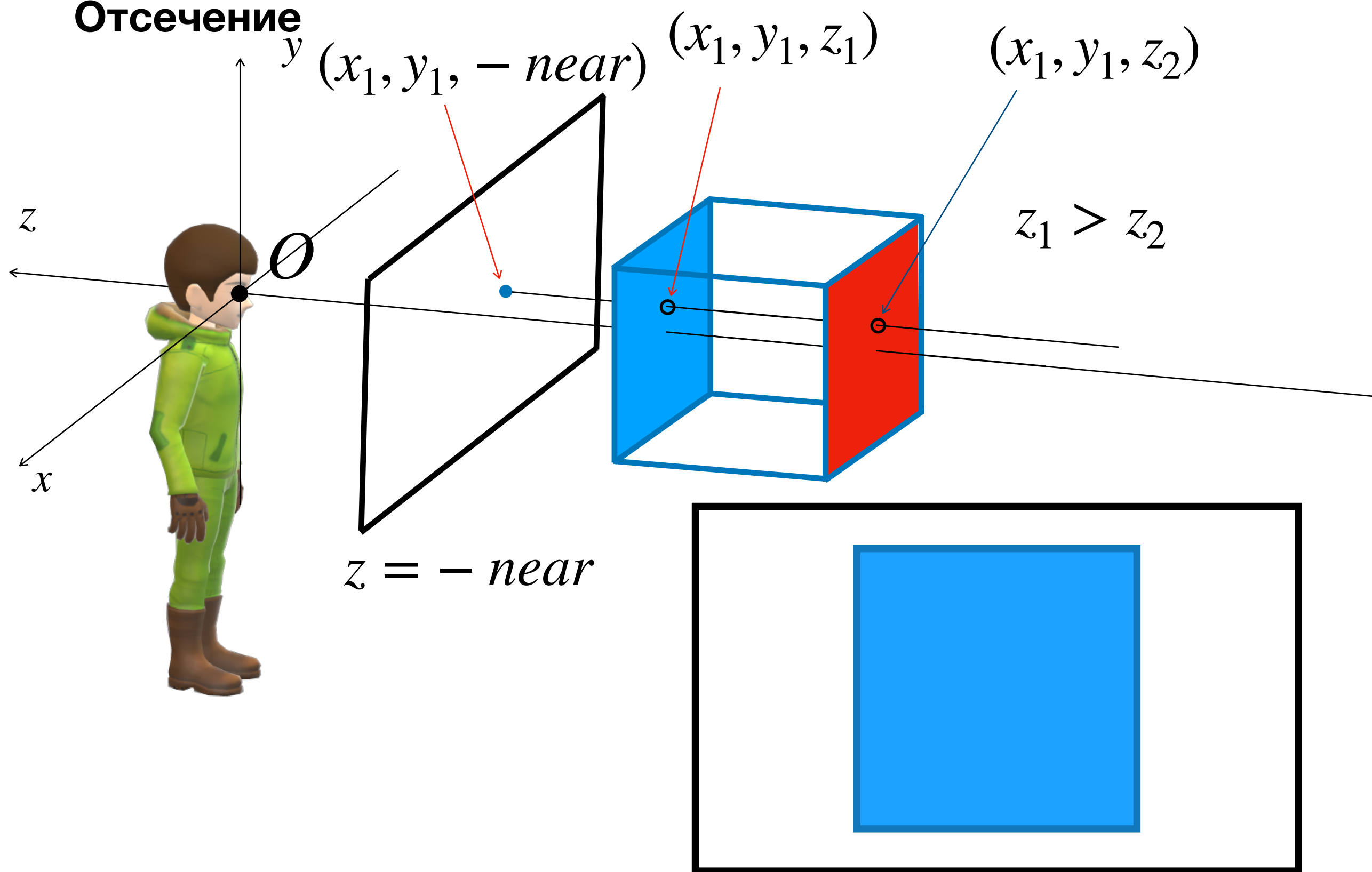
Отсечение невидимых частей сцены



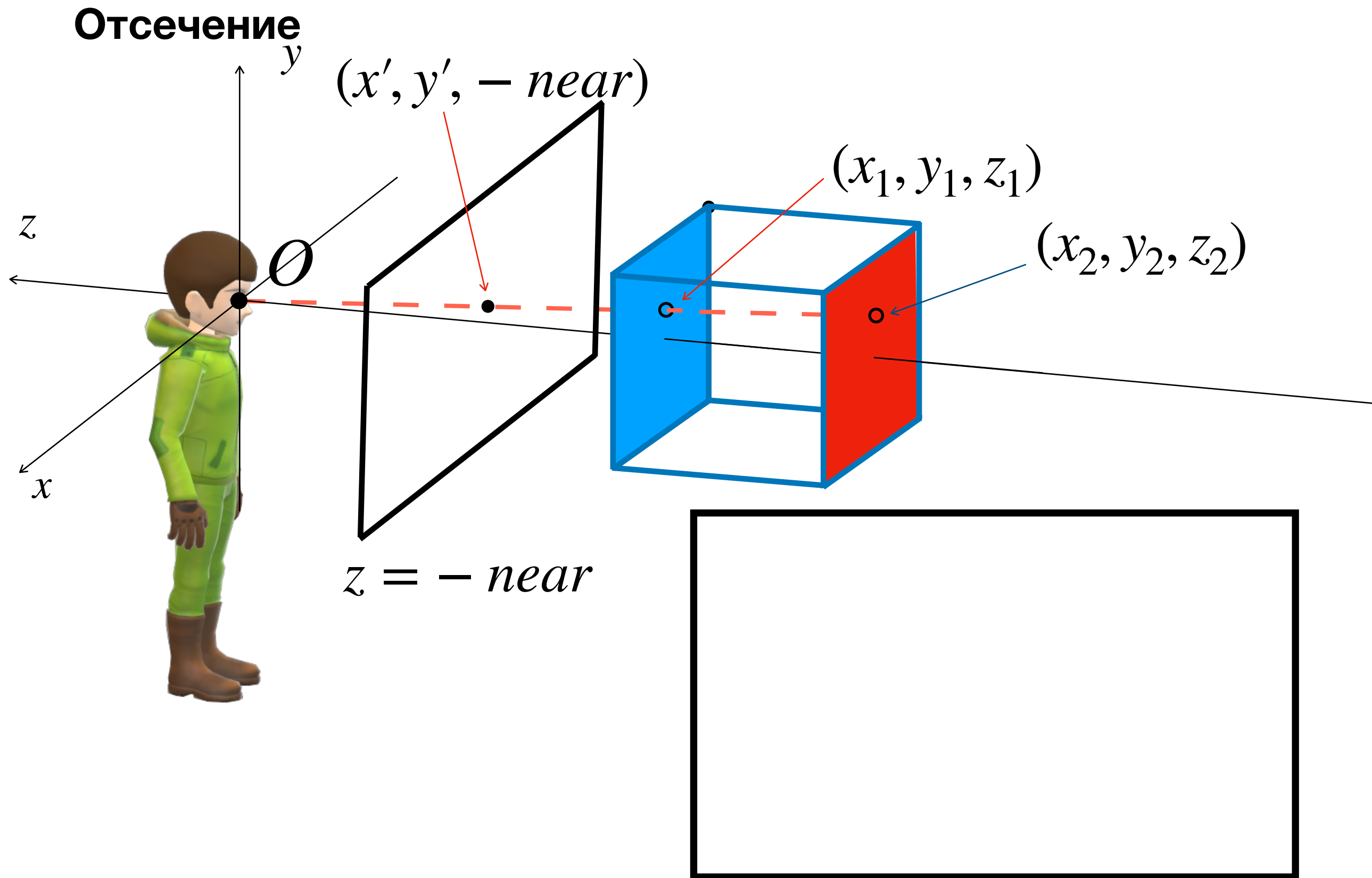
Отсечение



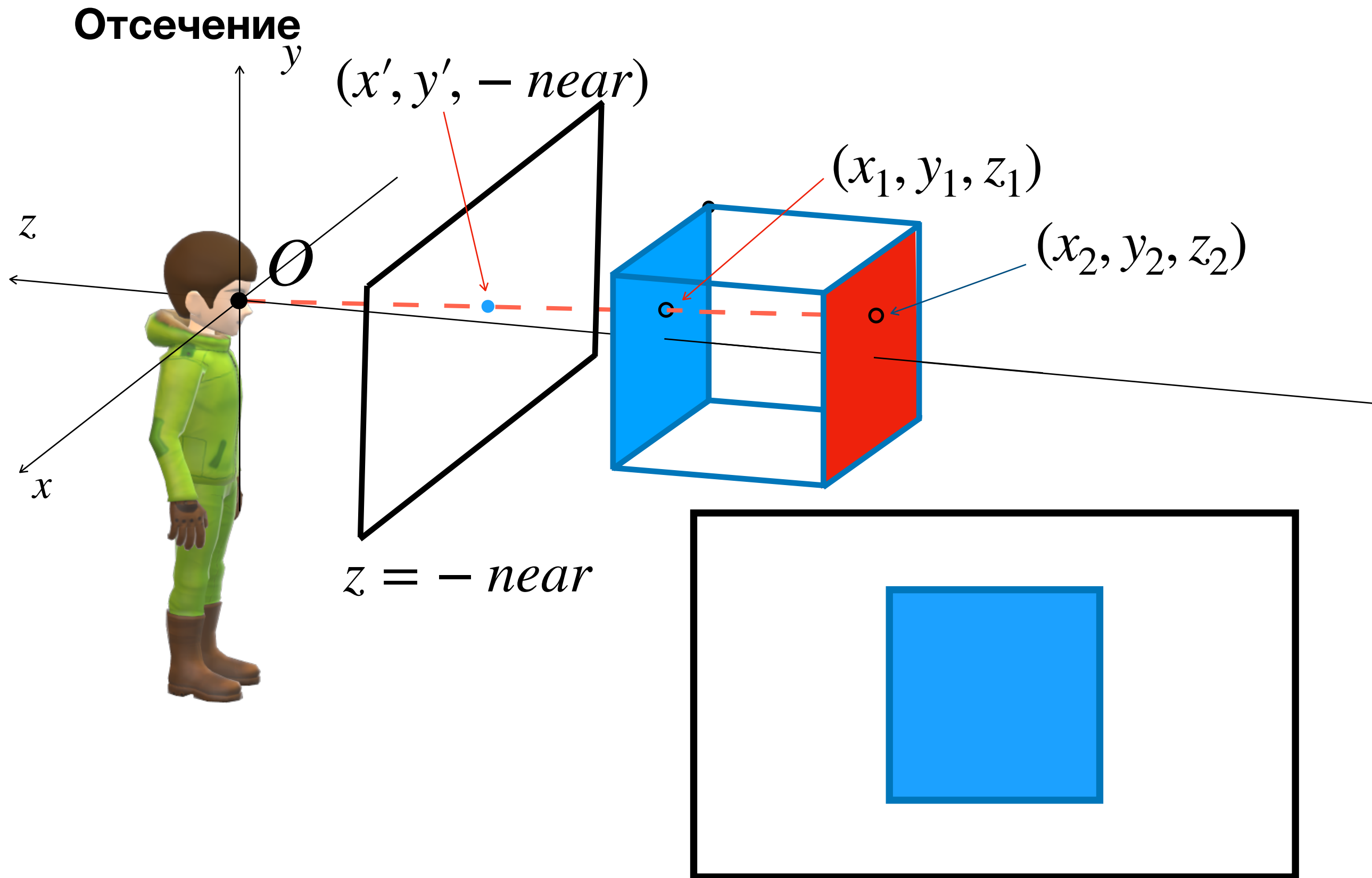
Отсечение



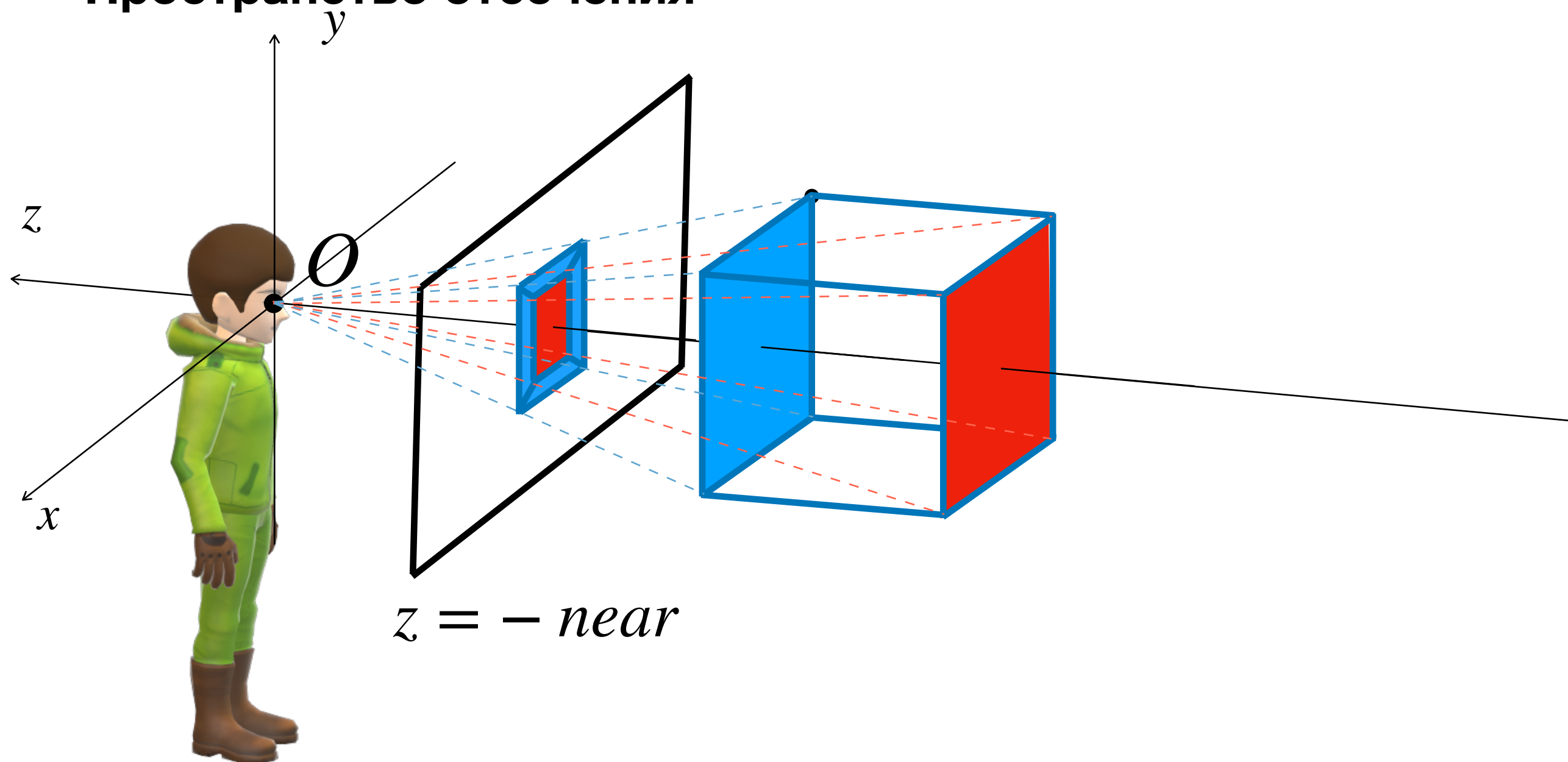
Отсечение



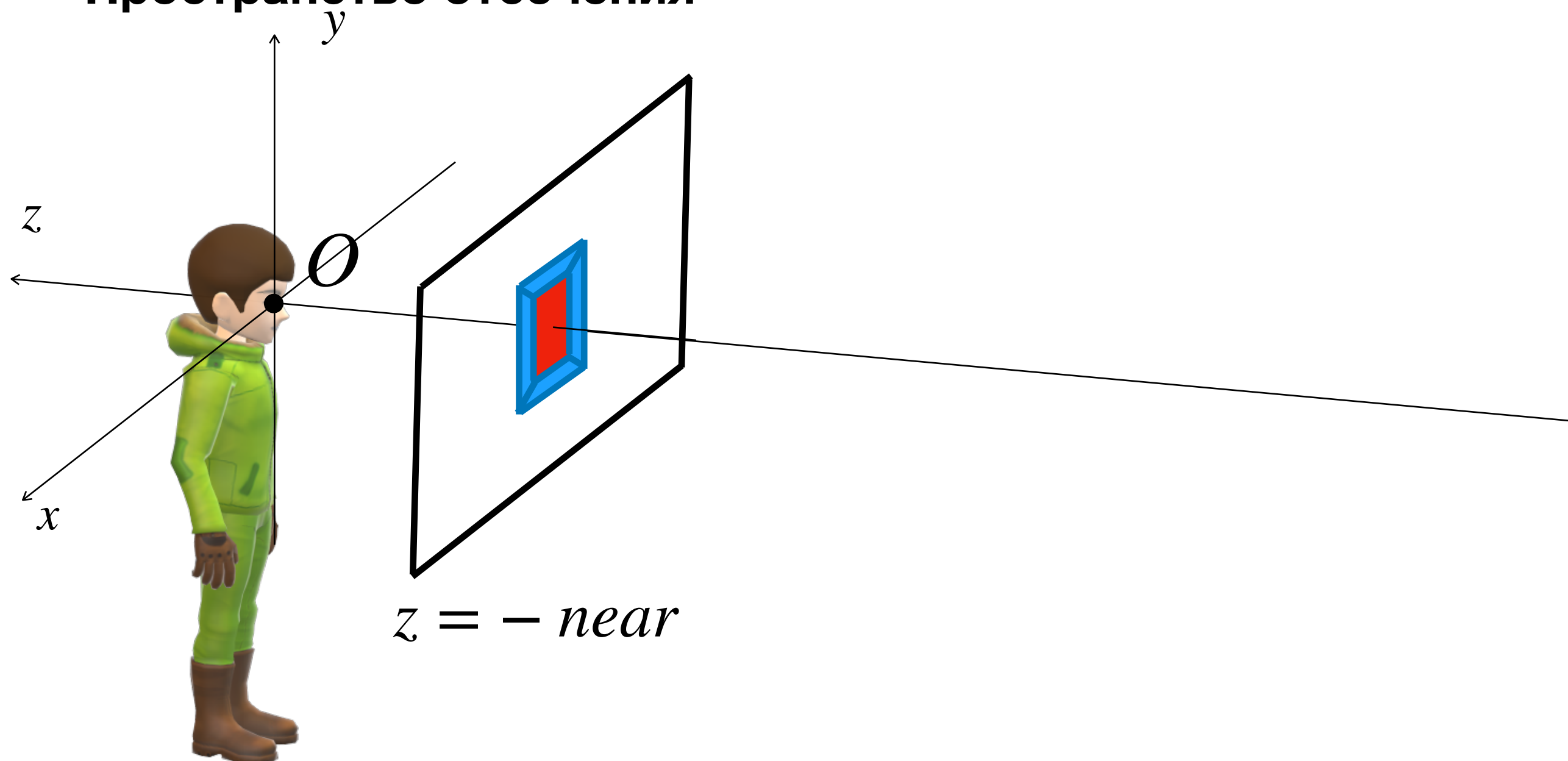
Отсечение



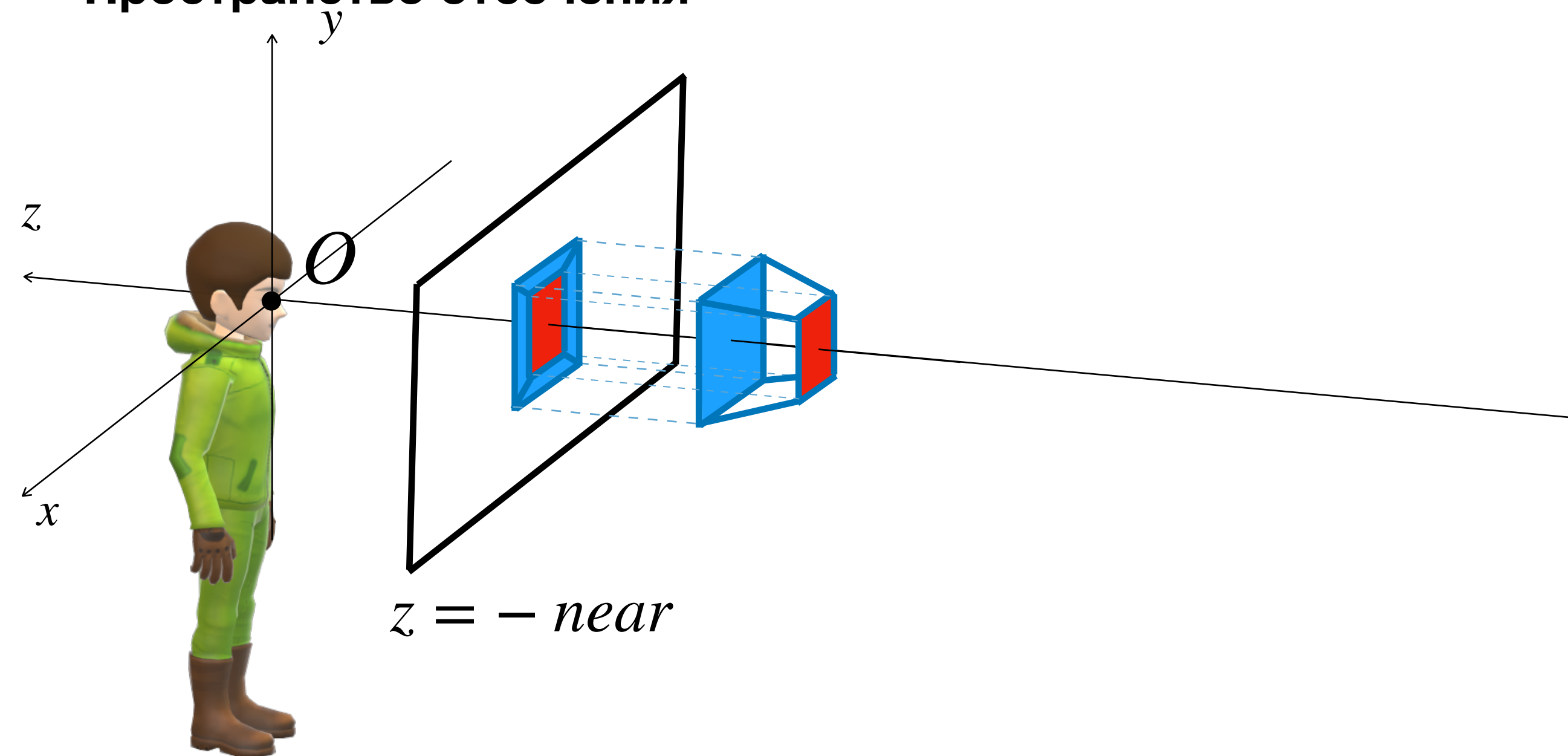
Пространство отсечения



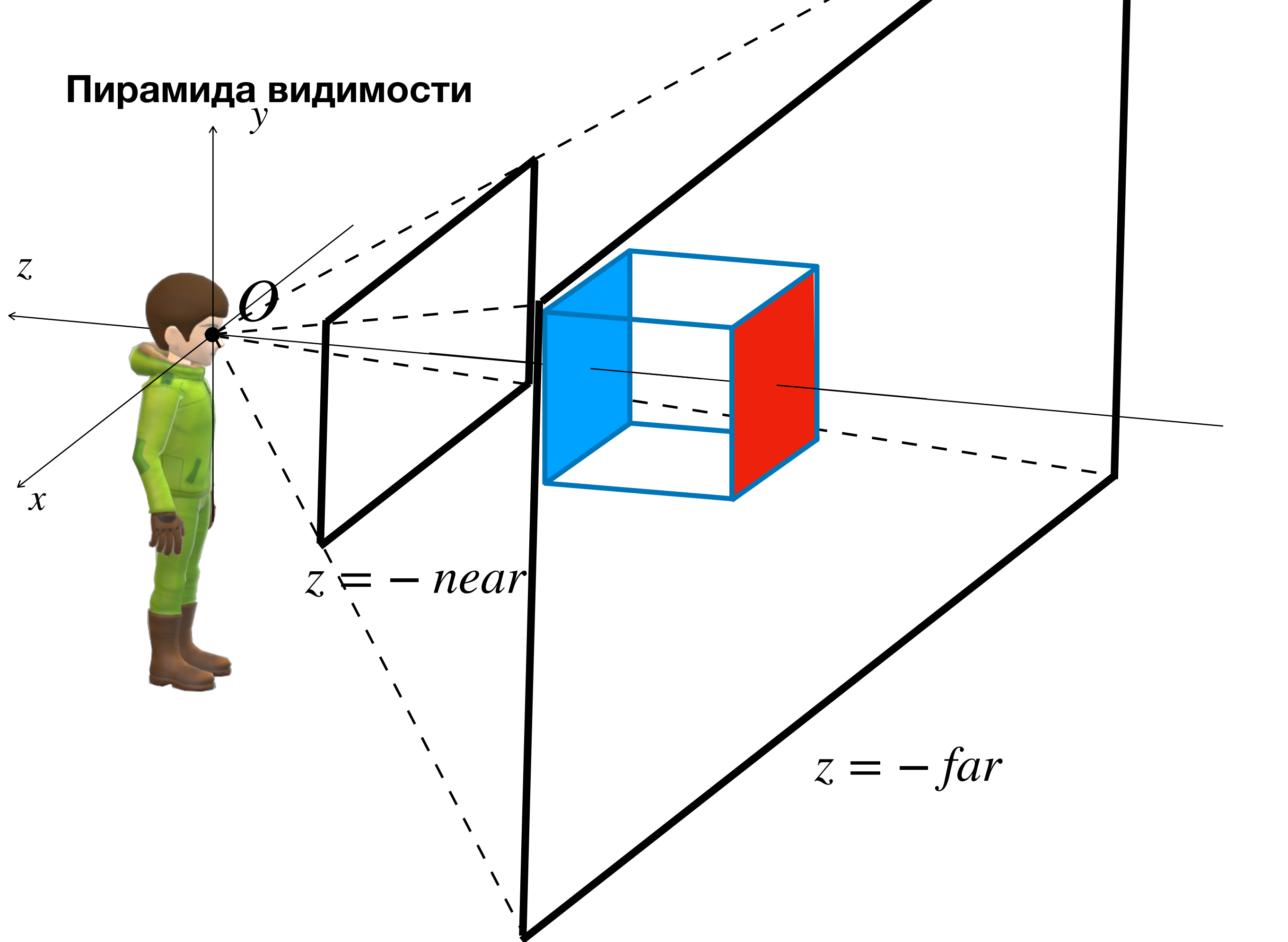
Пространство отсечения



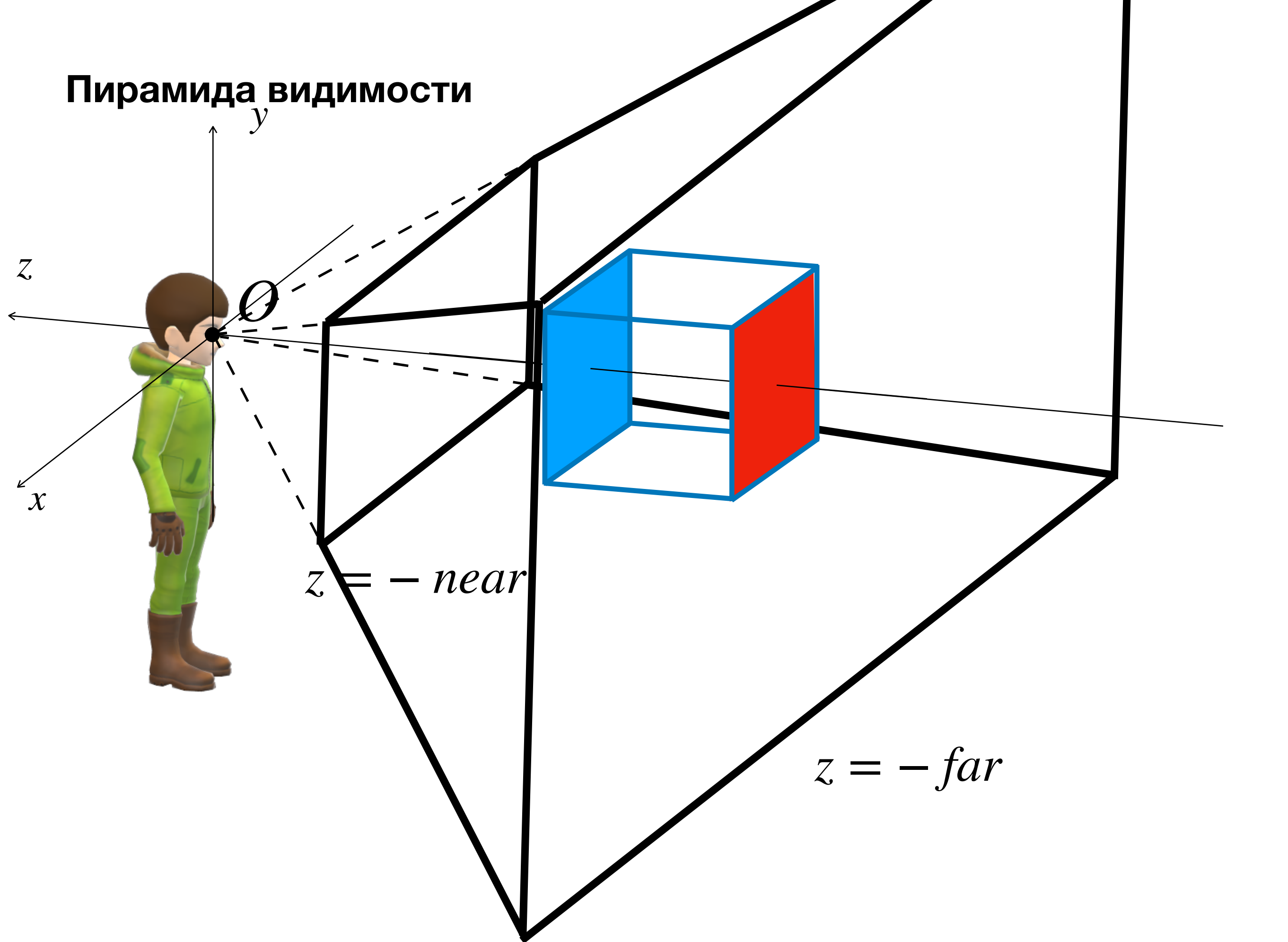
Пространство отсечения



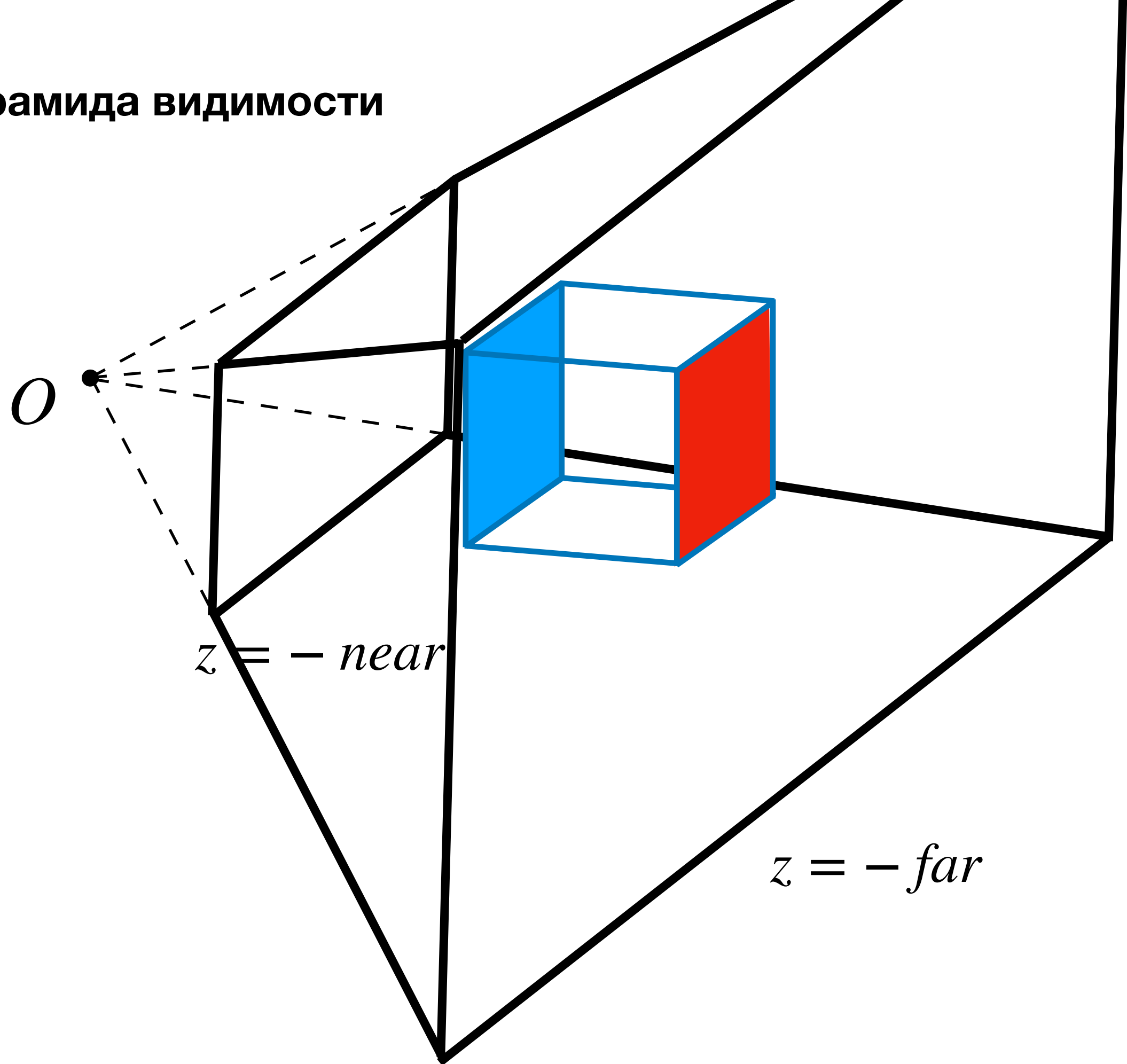
Пирамида видимости



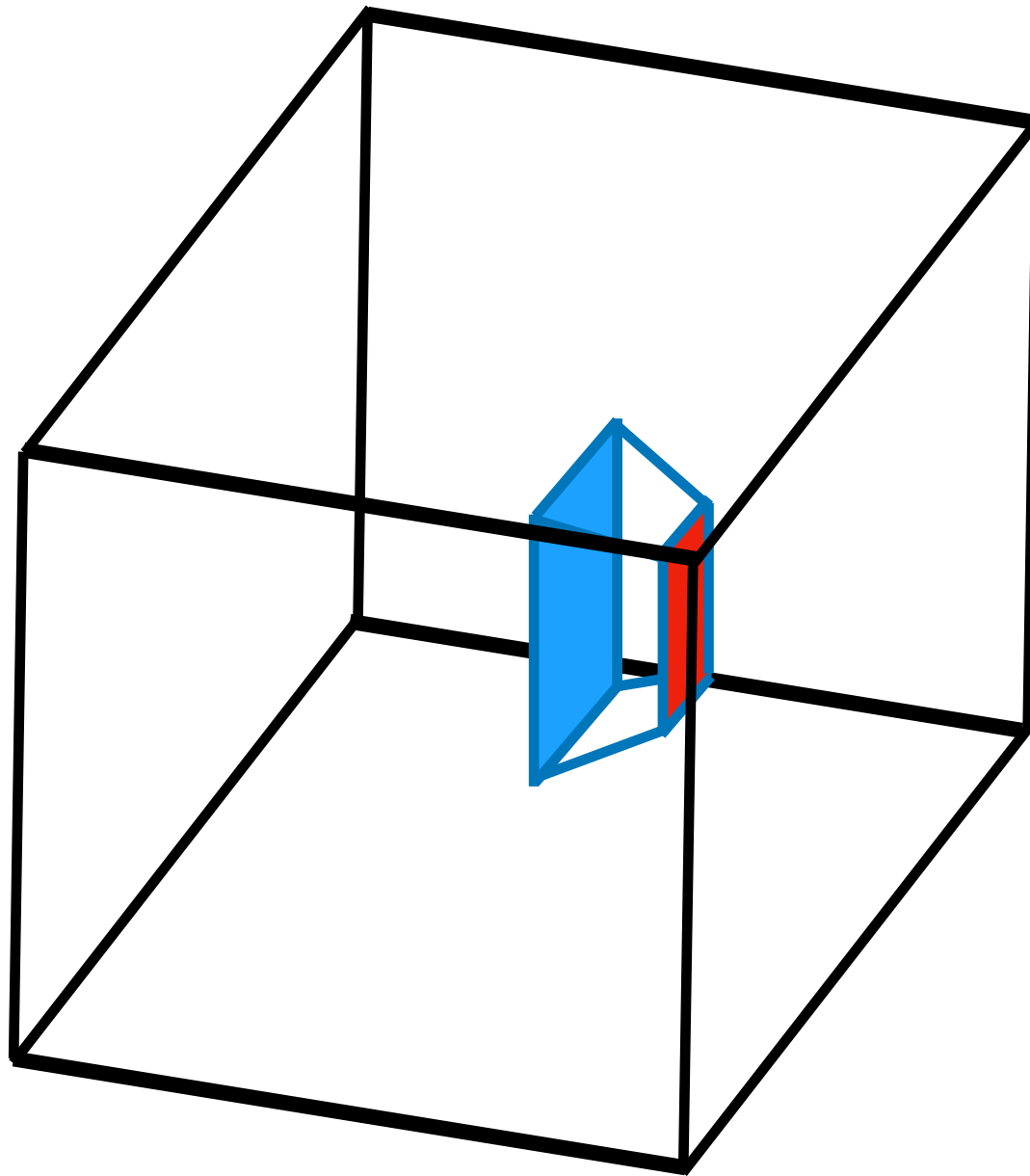
Пирамида видимости



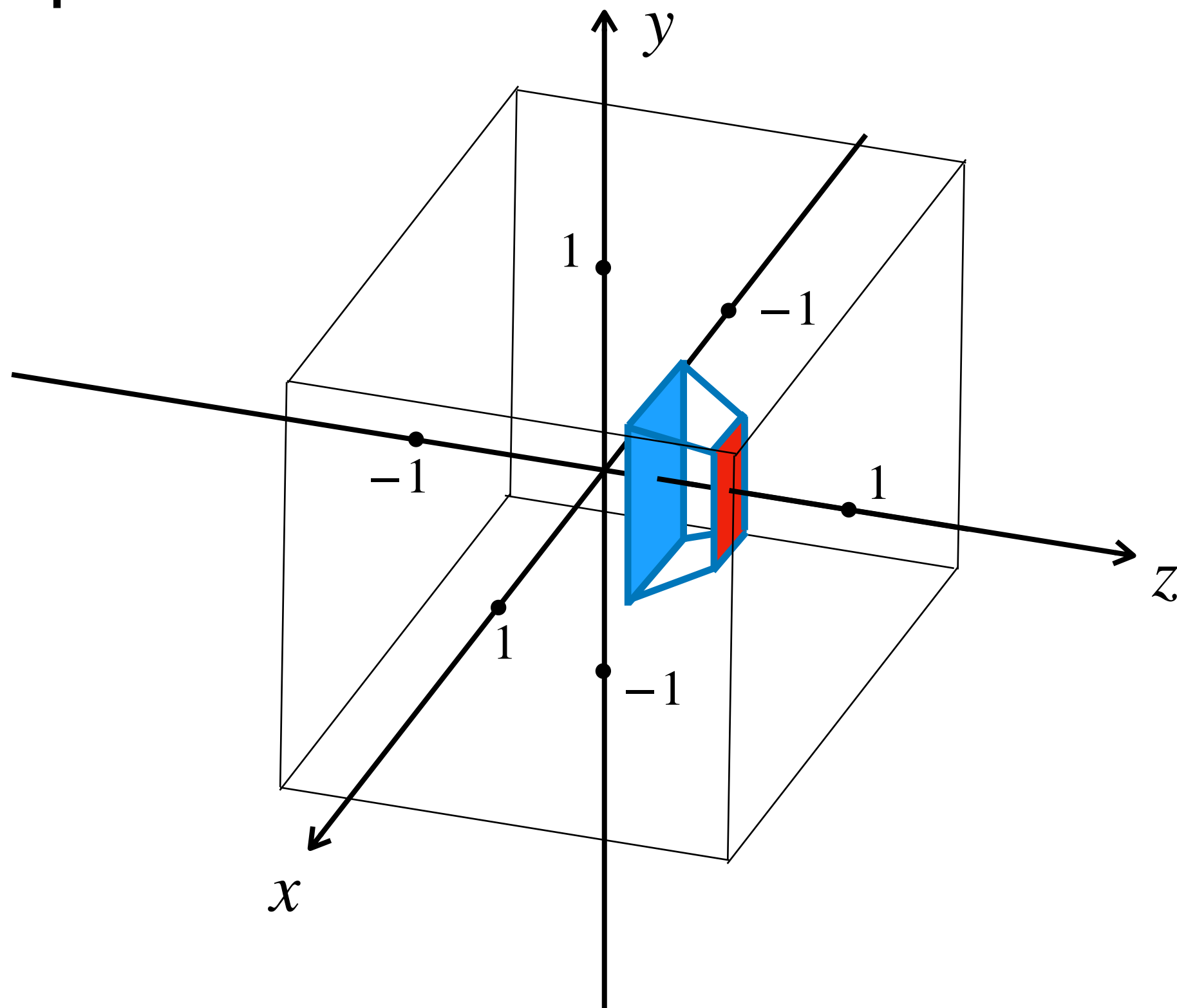
Пирамида видимости



Пространство отсечения



Пространство отсечения

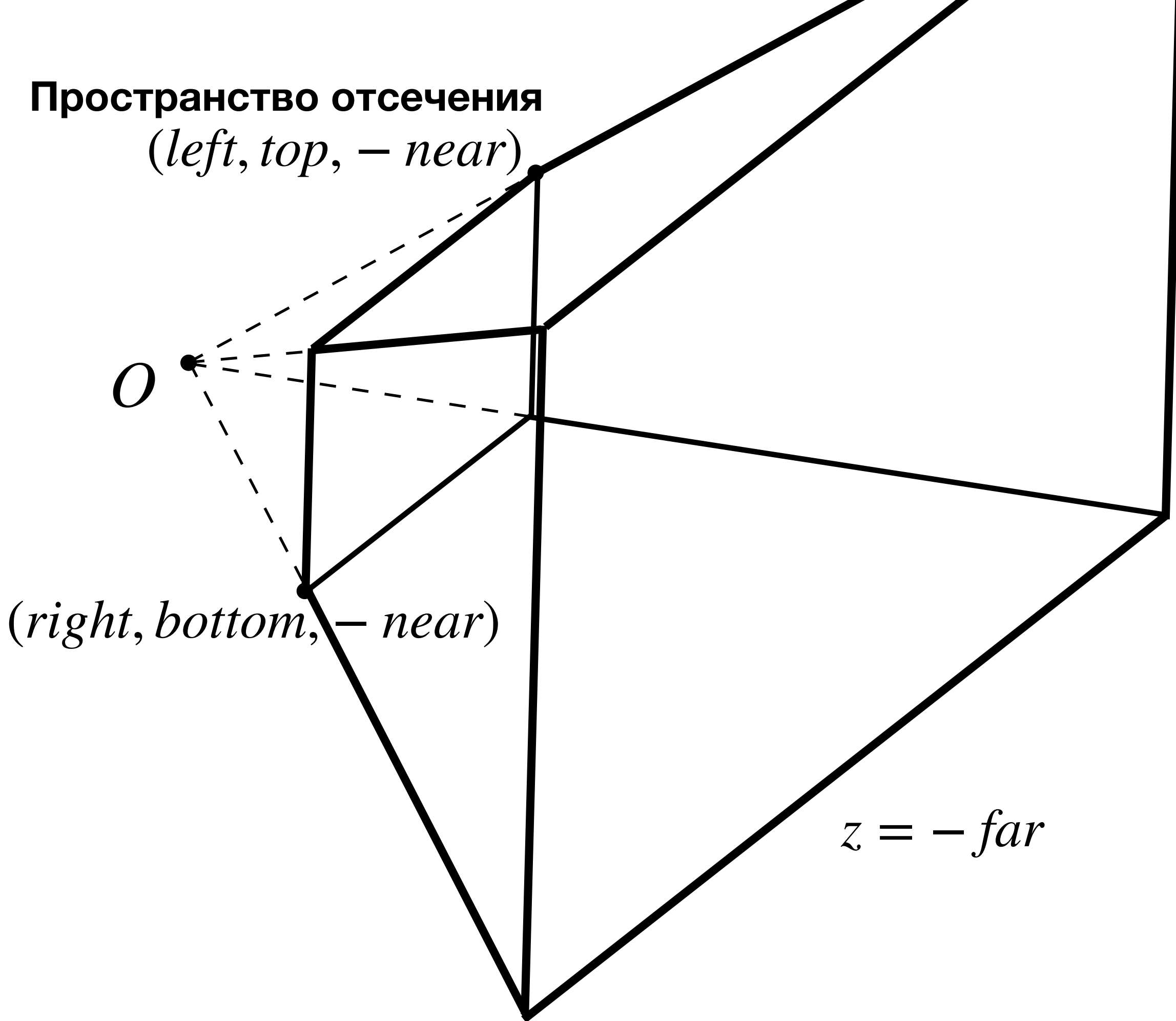


Пространство отсечения
(left, top, -near)

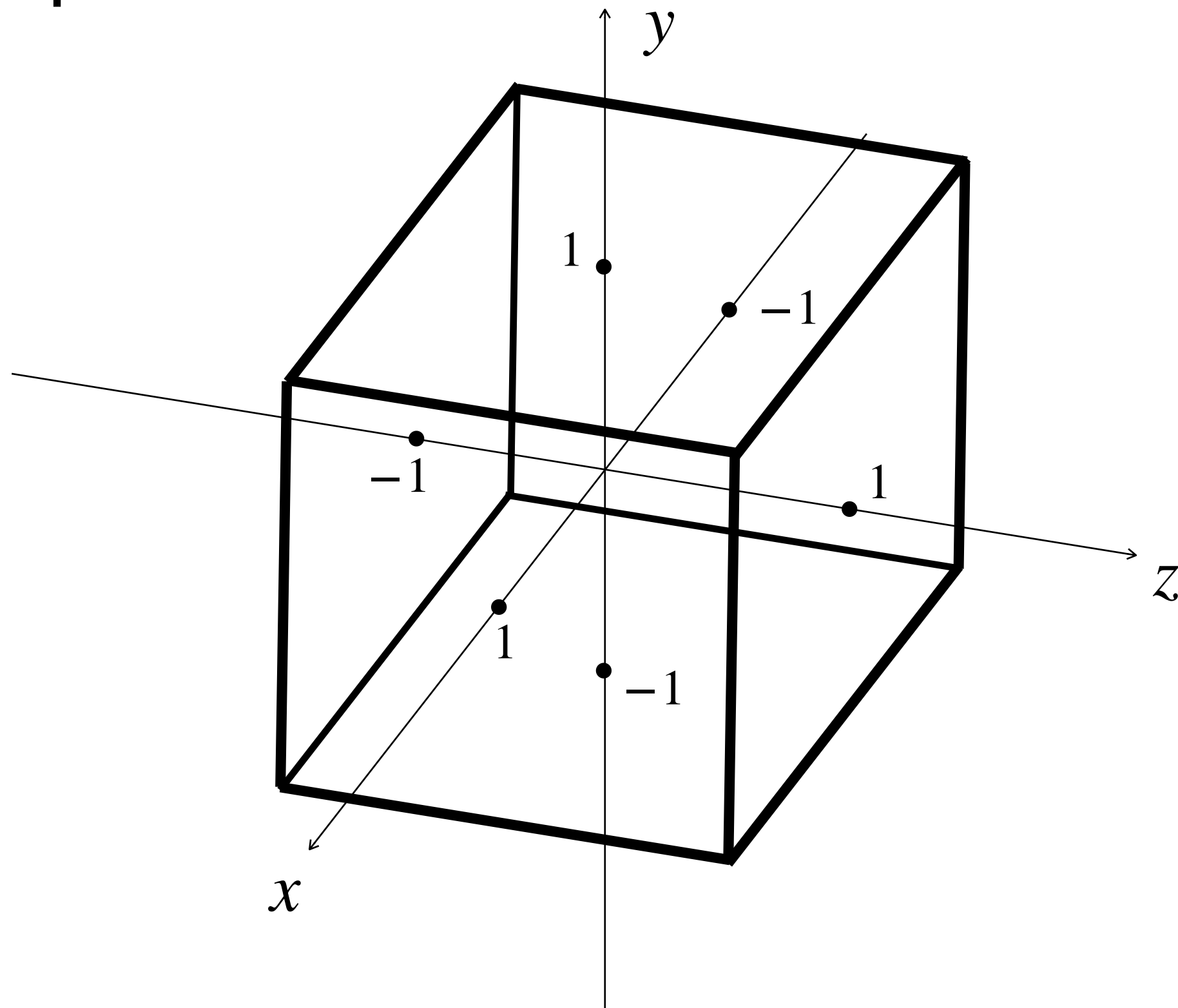
O

(right, bottom, -near)

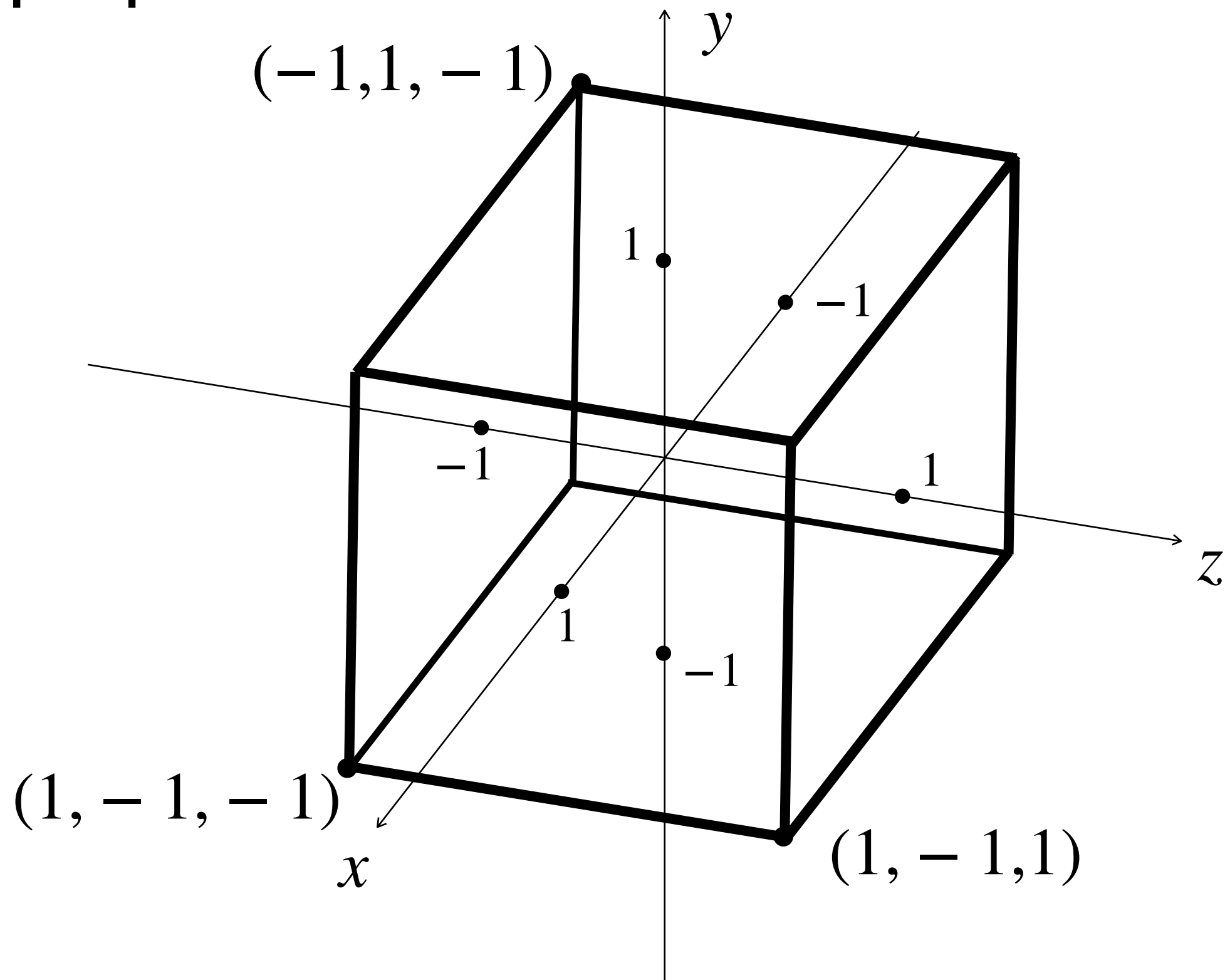
$z = -far$



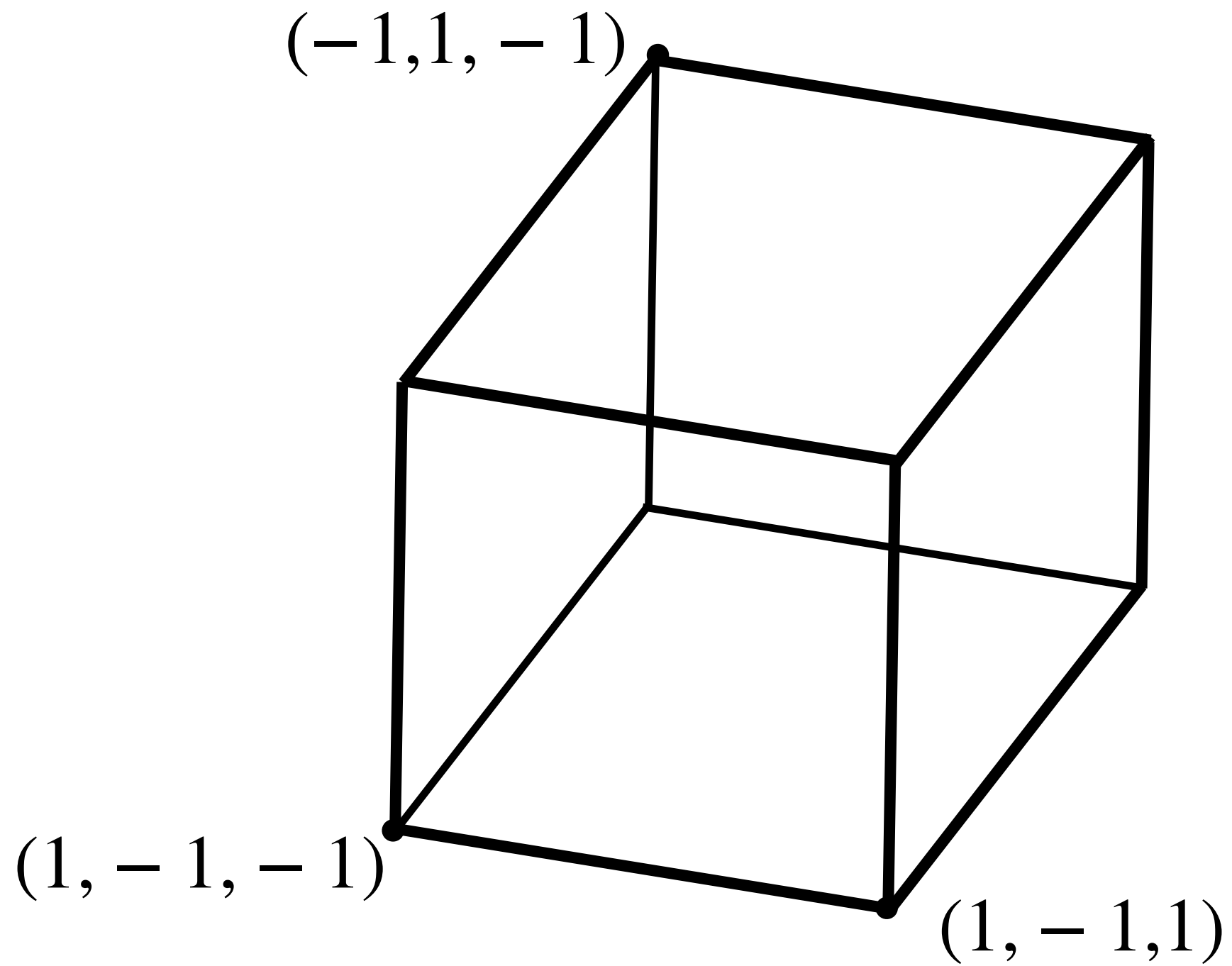
Пространство отсечения



Пространство отсечения

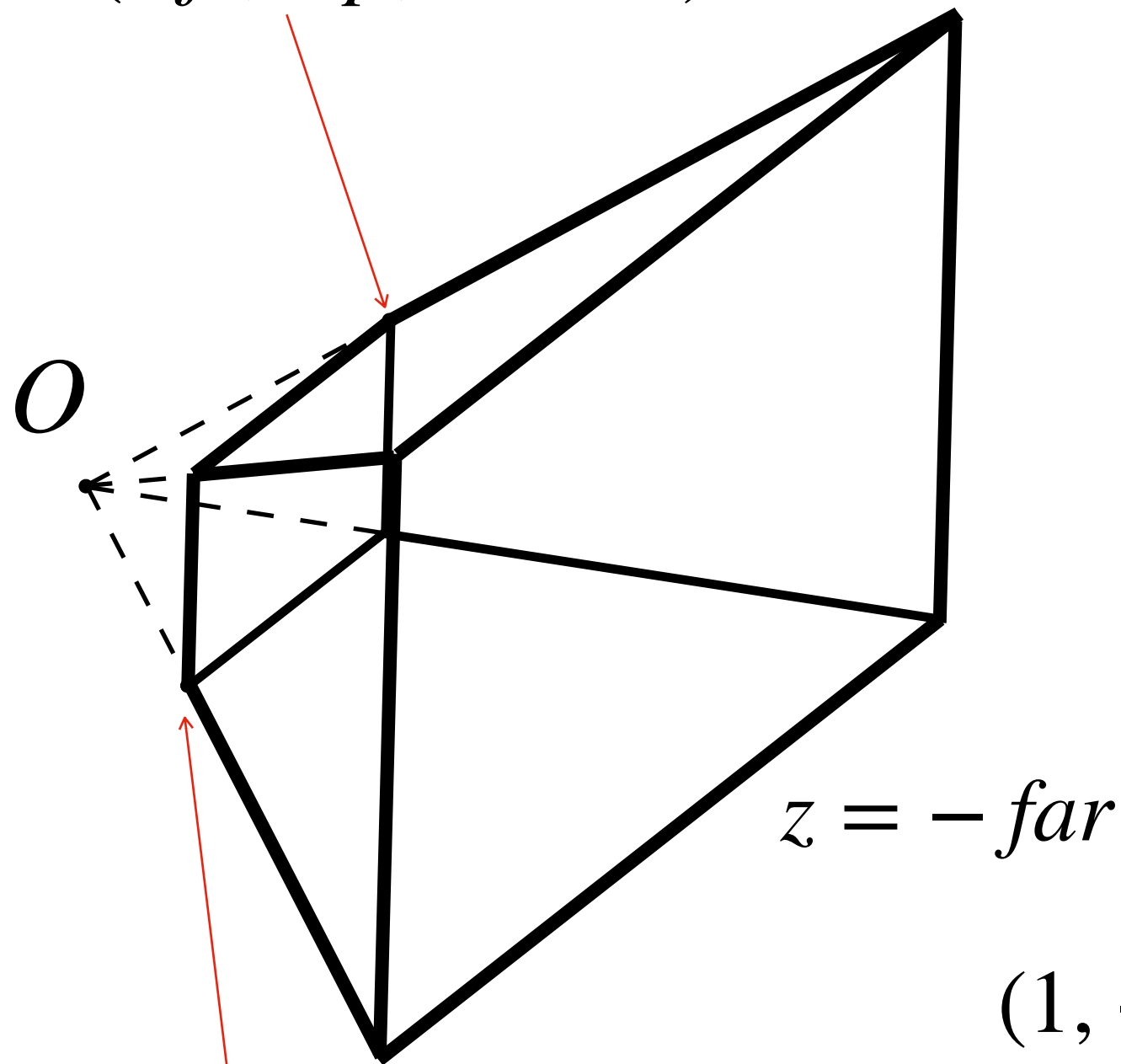


Пространство отсечения



Переход в пространство отсечения

(left, top, -near)



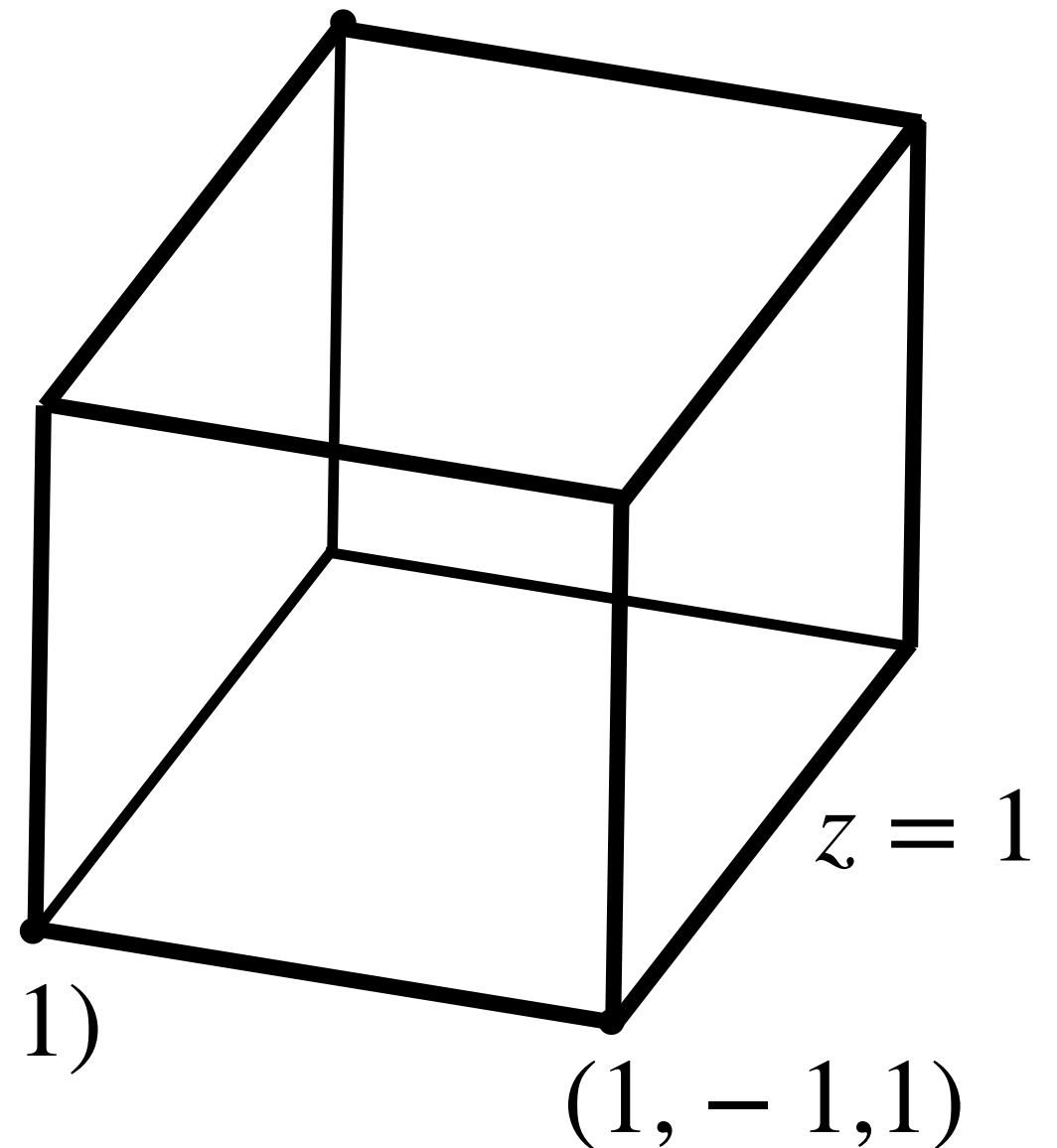
(right, bottom, -near)

$(-1, 1, -1)$

$(1, -1, -1)$

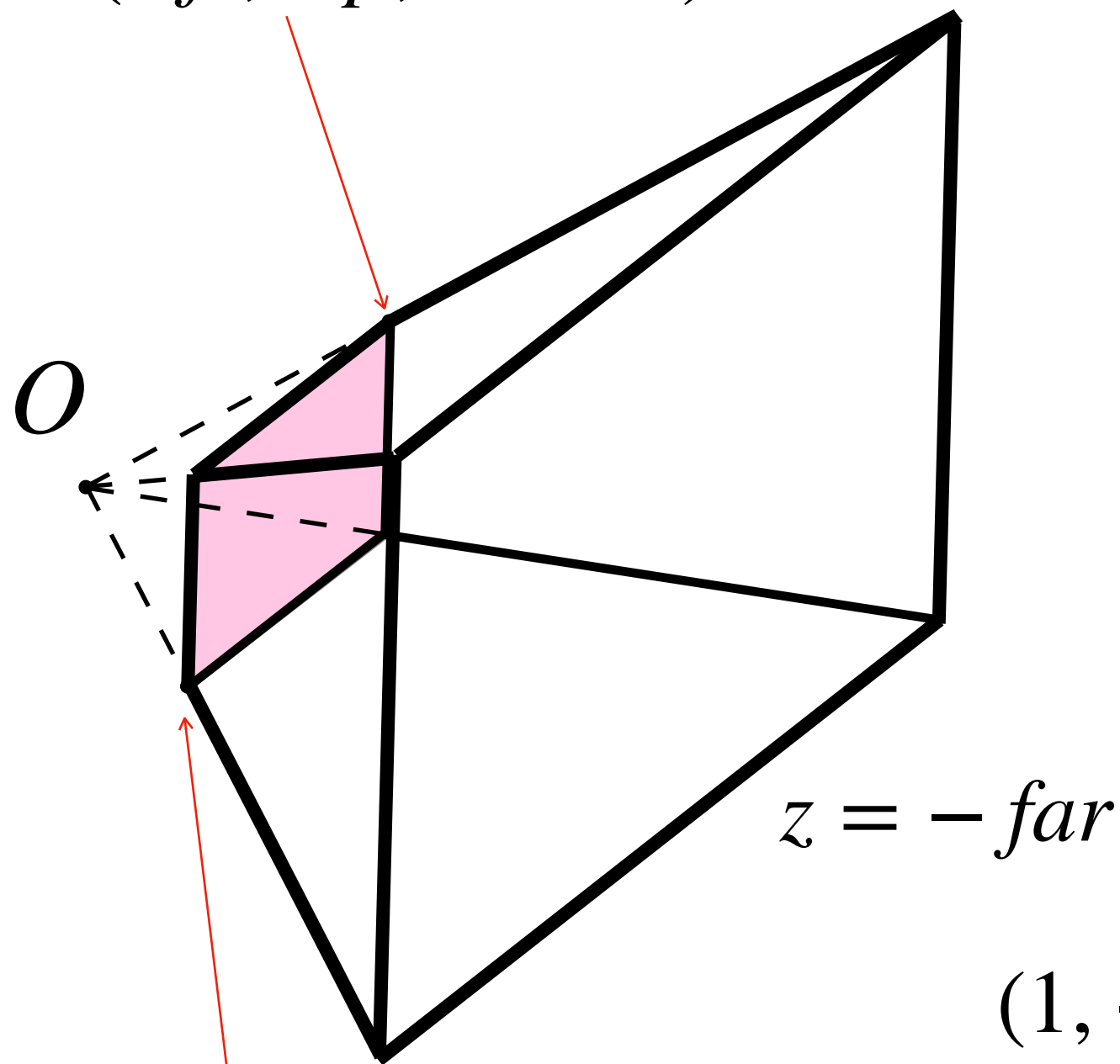
$z = 1$

$(1, -1, 1)$



Переход в пространство отсечения

(left, top, -near)

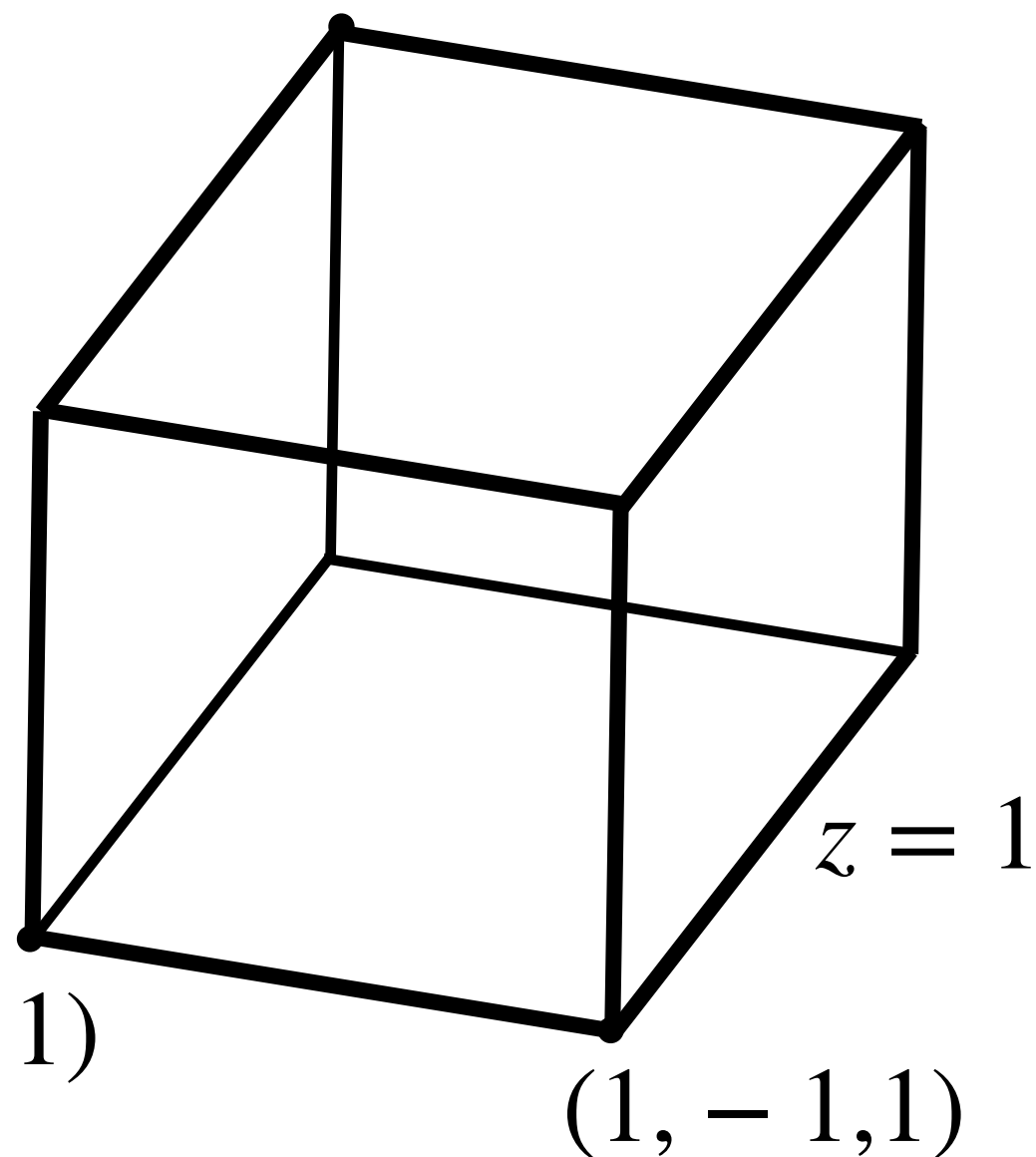


(right, bottom, -near)

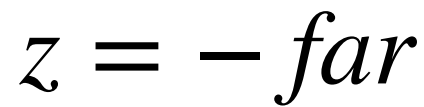
$$x' = near \frac{x}{-z}$$

$$y' = near \frac{y}{-z}$$

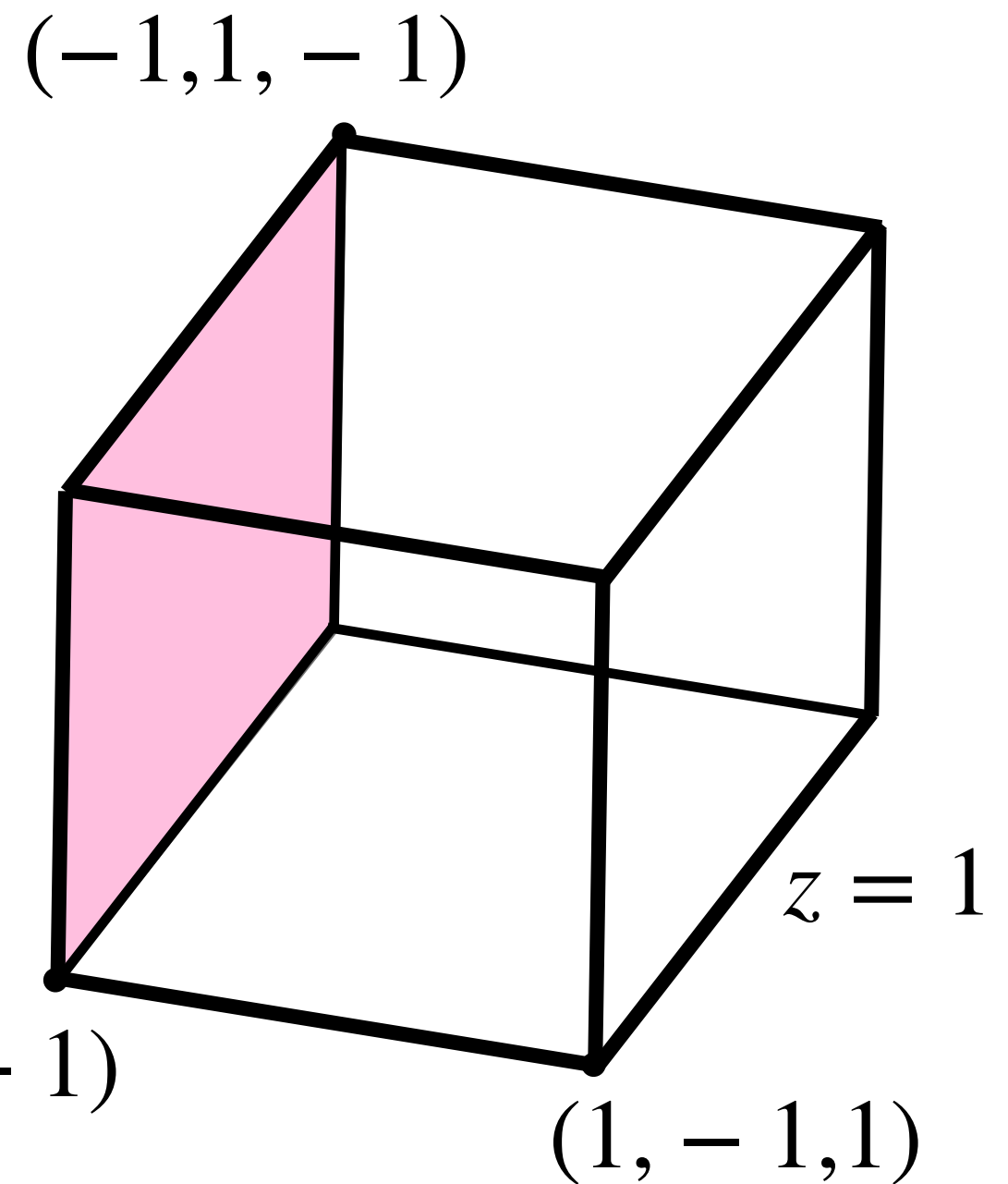
$(-1, 1, -1)$



(left, top, - near)

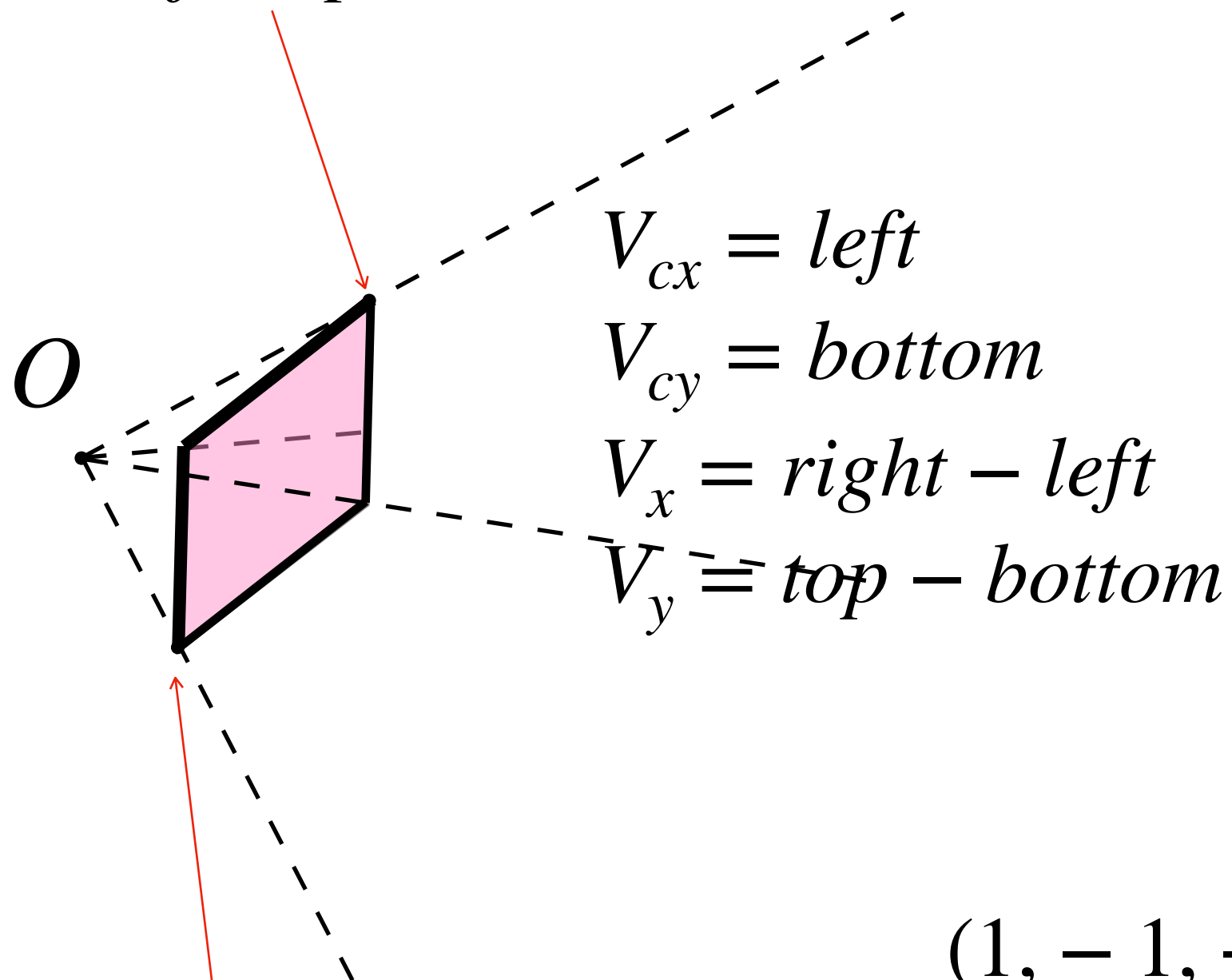


(right, bottom, – near)

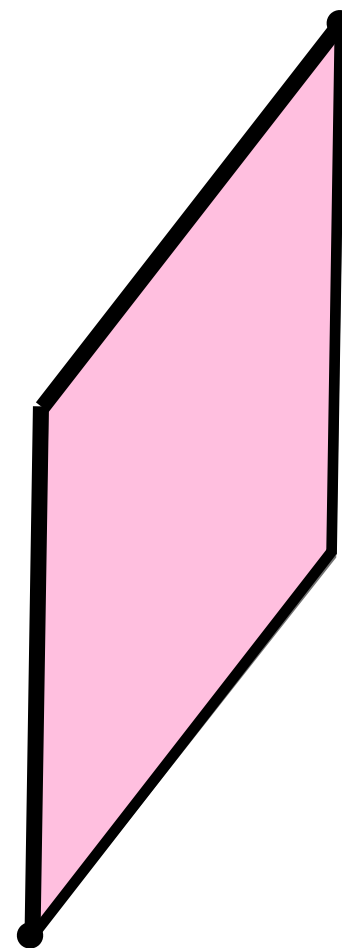


Переход в пространство отсечения

(left, top, -near)



$(-1, 1, -1)$



$(1, -1, -1)$

$$W_{cx} = -1$$

$$W_{cy} = -1$$

$$W_x = 2$$

$$W_y = 2$$

(right, bottom, -near)

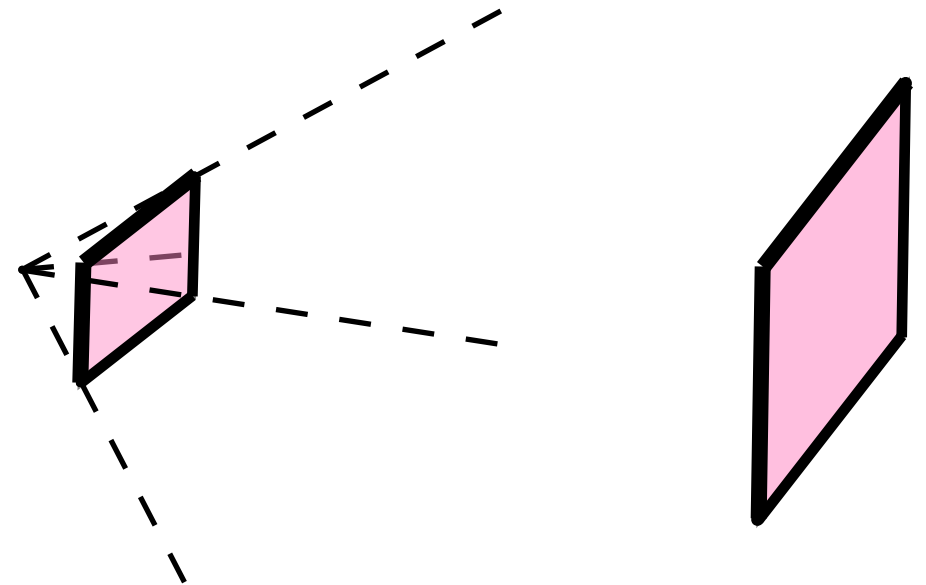
Переход в пространство отсечения

$$V_{cx} = \textit{left}$$

$$V_{cy} = \textit{bottom}$$

$$V_x = \textit{right} - \textit{left}$$

$$V_y = \textit{top} - \textit{bottom}$$



$$W_{cx} = -1 \quad x'' = \frac{x' - \textit{left}}{\textit{right} - \textit{left}} \cdot 2 - 1$$

$$W_{cy} = -1 \quad y'' = \frac{y' - \textit{bottom}}{\textit{top} - \textit{bottom}} \cdot 2 - 1$$

$$W_x = 2$$

$$W_y = 2$$

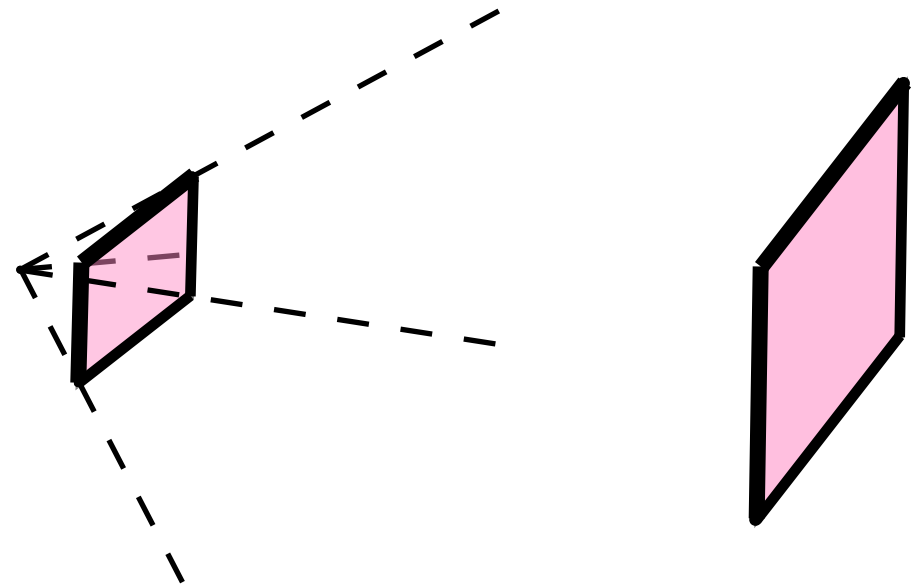
Переход в пространство отсечения

$$V_{cx} = \textit{left}$$

$$V_{cy} = \textit{bottom}$$

$$V_x = \textit{right} - \textit{left}$$

$$V_y = \textit{top} - \textit{bottom}$$



$$\begin{array}{lll} W_{cx} = -1 & x'' = \frac{x' - \textit{left}}{\textit{right} - \textit{left}} \cdot 2 - 1 & x' = \textit{near} \frac{x}{-z} \\ W_{cy} = -1 & & \\ W_x = 2 & y'' = \frac{y' - \textit{bottom}}{\textit{top} - \textit{bottom}} \cdot 2 - 1 & y' = \textit{near} \frac{y}{-z} \\ W_y = 2 & & \end{array}$$

Переход в пространство отсечения

$$x'' = \frac{\textit{near} \frac{x}{-z} - \textit{left}}{\textit{right} - \textit{left}} \cdot 2 - 1$$

$$x'' = \frac{2 \cdot \textit{near} \cdot x + 2 \cdot z \cdot \textit{left} + z \cdot \textit{right} - z \cdot \textit{left}}{-z(\textit{right} - \textit{left})}$$

$$x'' = \frac{x \frac{2 \cdot \textit{near}}{\textit{right} - \textit{left}} + z \frac{\textit{right} + \textit{left}}{\textit{right} - \textit{left}}}{-z}$$

Переход в пространство отсечения

$$y'' = \frac{\textit{near} \frac{y}{-z} - \textit{bottom}}{\textit{top} - \textit{bottom}} \cdot 2 - 1$$

$$y'' = \frac{2 \cdot \textit{near} \cdot y + 2 \cdot z \cdot \textit{bottom} + z \cdot \textit{top} - z \cdot \textit{bottom}}{-z(\textit{top} - \textit{bottom})}$$

$$y'' = \frac{y \frac{2 \cdot \textit{near}}{\textit{top} - \textit{bottom}} + z \frac{\textit{top} + \textit{bottom}}{\textit{top} - \textit{bottom}}}{-z}$$

Матрица перспективного преобразования

$$x'' = \frac{x \frac{2 \cdot near}{right - left} + z \frac{right + left}{right - left}}{-z}$$

$$y'' = \frac{y \frac{2 \cdot near}{top - bottom} + z \frac{top + bottom}{top - bottom}}{-z}$$

$$\begin{bmatrix} x'' \\ y'' \\ z'' \\ w'' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} & a_{14} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} & a_{24} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} & a_{34} \\ a_{41} & a_{42} & a_{43} & a_{44} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \\ 1 \end{bmatrix}$$

Матрица перспективного преобразования

$$x'' = \frac{x \frac{2 \cdot near}{right - left} + z \frac{right + left}{right - left}}{-z}$$

$$\alpha'' = -z$$

$$y'' = \frac{y \frac{2 \cdot near}{top - bottom} + z \frac{top + bottom}{top - bottom}}{-z}$$

$$\begin{bmatrix} x'' \\ y'' \\ z'' \\ \alpha'' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} & a_{14} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} & a_{24} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} & a_{34} \\ 0 & 0 & -1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \\ 1 \end{bmatrix}$$

Матрица перспективного преобразования

$$\chi'' = x \frac{2 \cdot near}{right - left} + z \frac{right + left}{right - left}$$

$$\alpha'' = -z$$

$$\gamma'' = y \frac{2 \cdot near}{top - bottom} + z \frac{top + bottom}{top - bottom}$$

$$\begin{bmatrix} \chi'' \\ \gamma'' \\ \zeta'' \\ \alpha'' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} & a_{14} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} & a_{24} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} & a_{34} \\ 0 & 0 & -1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \\ 1 \end{bmatrix}$$

Матрица перспективного преобразования

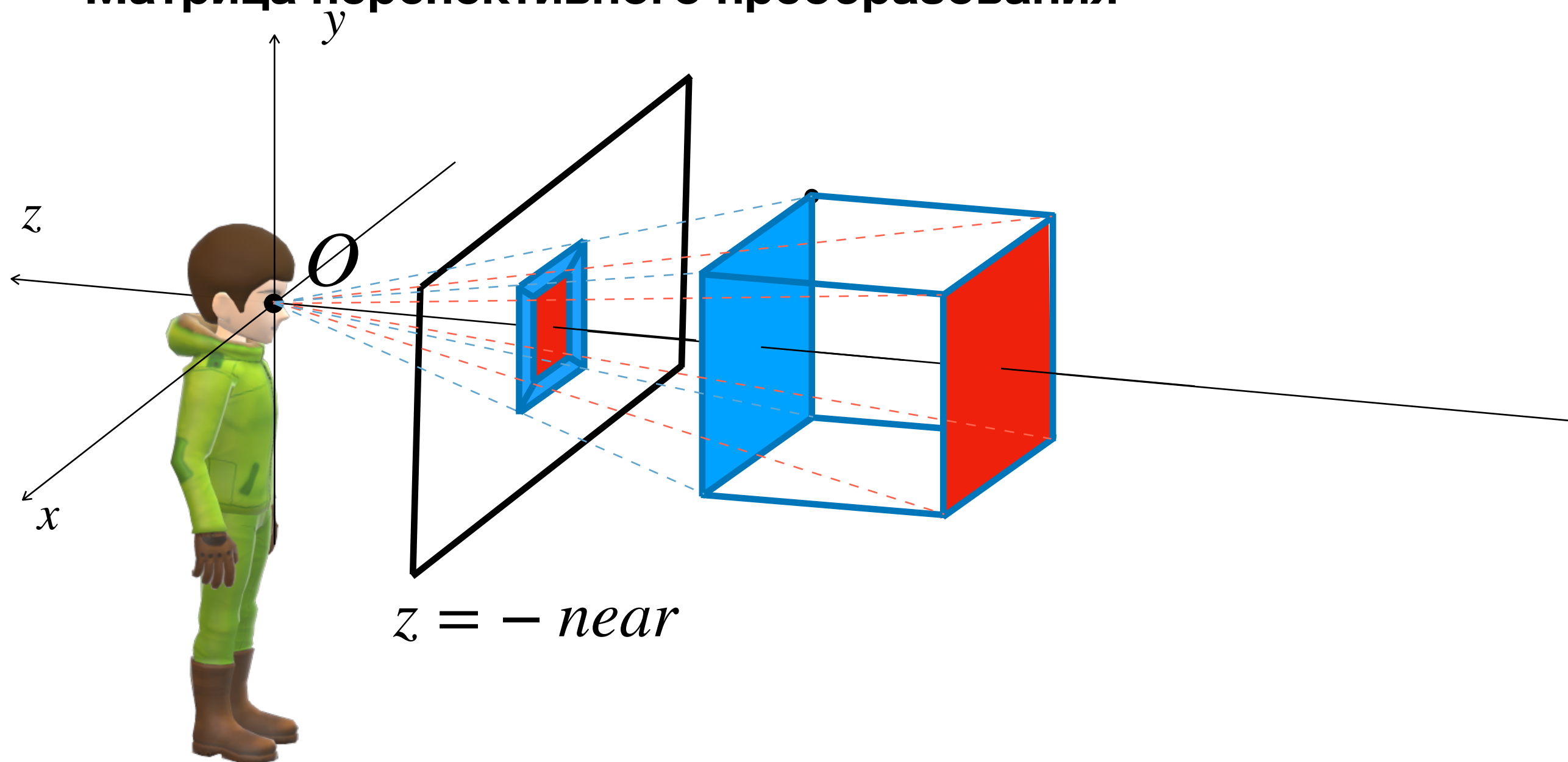
$$\chi'' = x \frac{2 \cdot near}{right - left} + z \frac{right + left}{right - left}$$

$$\alpha'' = -z$$

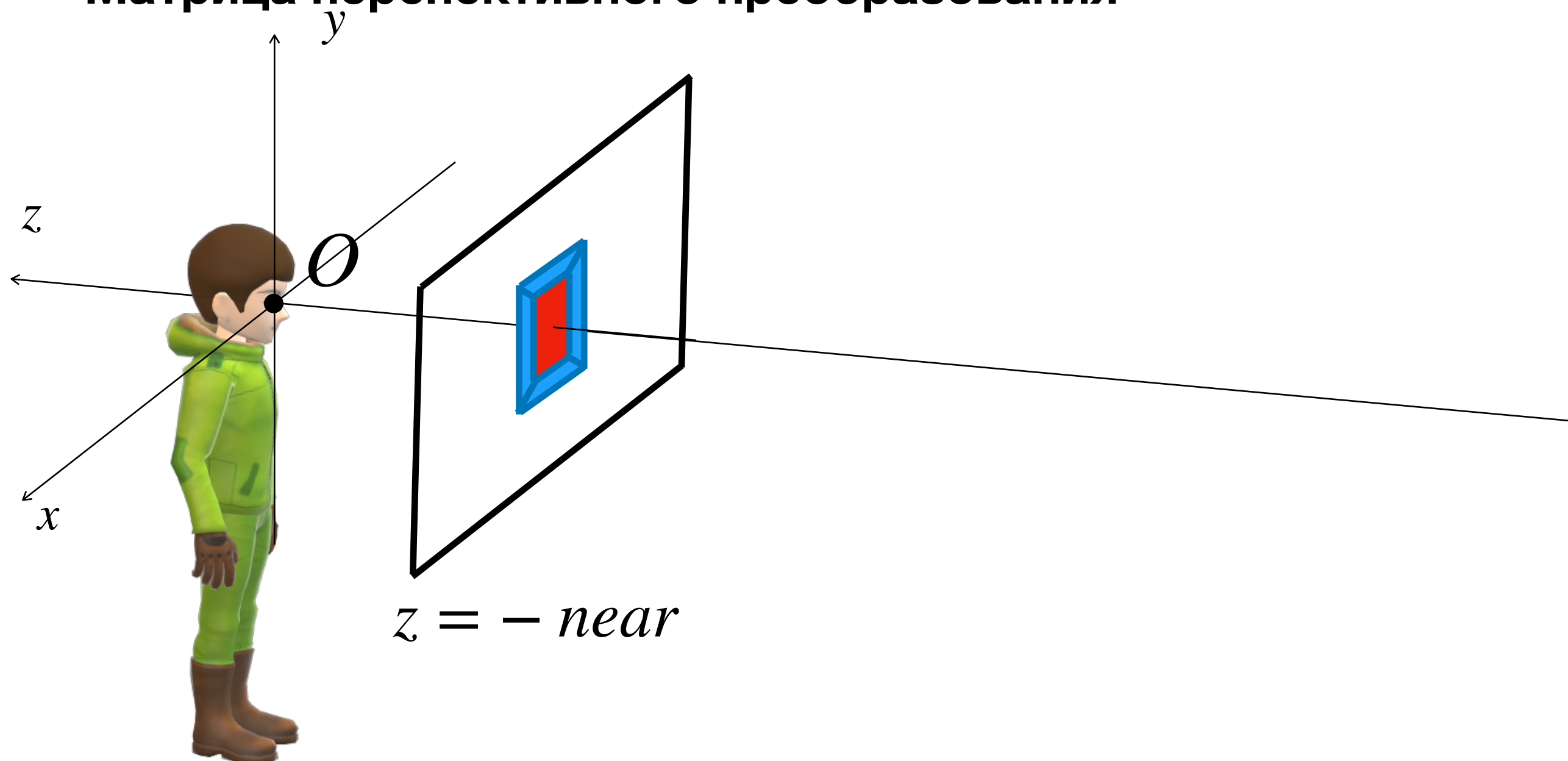
$$\gamma'' = y \frac{2 \cdot near}{top - bottom} + z \frac{top + bottom}{top - bottom}$$

$$\begin{bmatrix} \chi'' \\ \gamma'' \\ \zeta'' \\ \alpha'' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{2 \cdot near}{right - left} & 0 & \frac{right + left}{right - left} & 0 \\ 0 & \frac{2 \cdot near}{top - bottom} & \frac{top + bottom}{top - bottom} & 0 \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} & a_{34} \\ 0 & 0 & -1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \\ 1 \end{bmatrix}$$

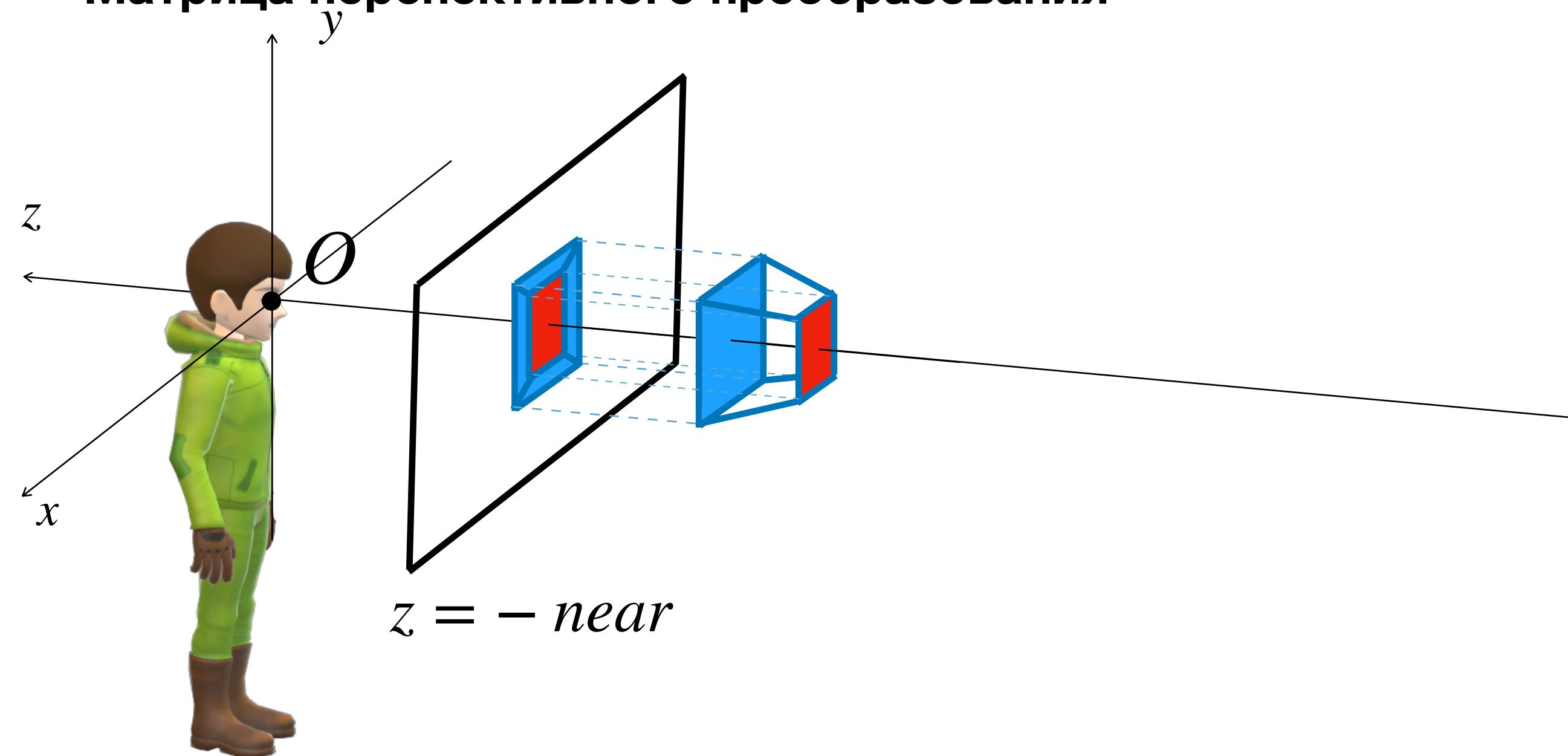
Матрица перспективного преобразования



Матрица перспективного преобразования



Матрица перспективного преобразования



Матрица перспективного преобразования

$$\chi'' = x \frac{2 \cdot near}{right - left} + z \frac{right + left}{right - left}$$

$$\alpha'' = -z$$

$$\gamma'' = y \frac{2 \cdot near}{top - bottom} + z \frac{top + bottom}{top - bottom}$$

$$\begin{bmatrix} \chi'' \\ \gamma'' \\ \zeta'' \\ \alpha'' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{2 \cdot near}{right - left} & 0 & \frac{right + left}{right - left} & 0 \\ 0 & \frac{2 \cdot near}{top - bottom} & \frac{top + bottom}{top - bottom} & 0 \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} & a_{34} \\ 0 & 0 & -1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \\ 1 \end{bmatrix}$$

Матрица перспективного преобразования

$$\chi'' = x \frac{2 \cdot near}{right - left} + z \frac{right + left}{right - left}$$

$$\alpha'' = -z$$

$$\gamma'' = y \frac{2 \cdot near}{top - bottom} + z \frac{top + bottom}{top - bottom}$$

$$\begin{bmatrix} \chi'' \\ \gamma'' \\ \zeta'' \\ \alpha'' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{2 \cdot near}{right - left} & 0 & \frac{right + left}{right - left} & 0 \\ 0 & \frac{2 \cdot near}{top - bottom} & \frac{top + bottom}{top - bottom} & 0 \\ 0 & 0 & a_{33} & a_{34} \\ 0 & 0 & -1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \\ 1 \end{bmatrix}$$

Матрица перспективного преобразования

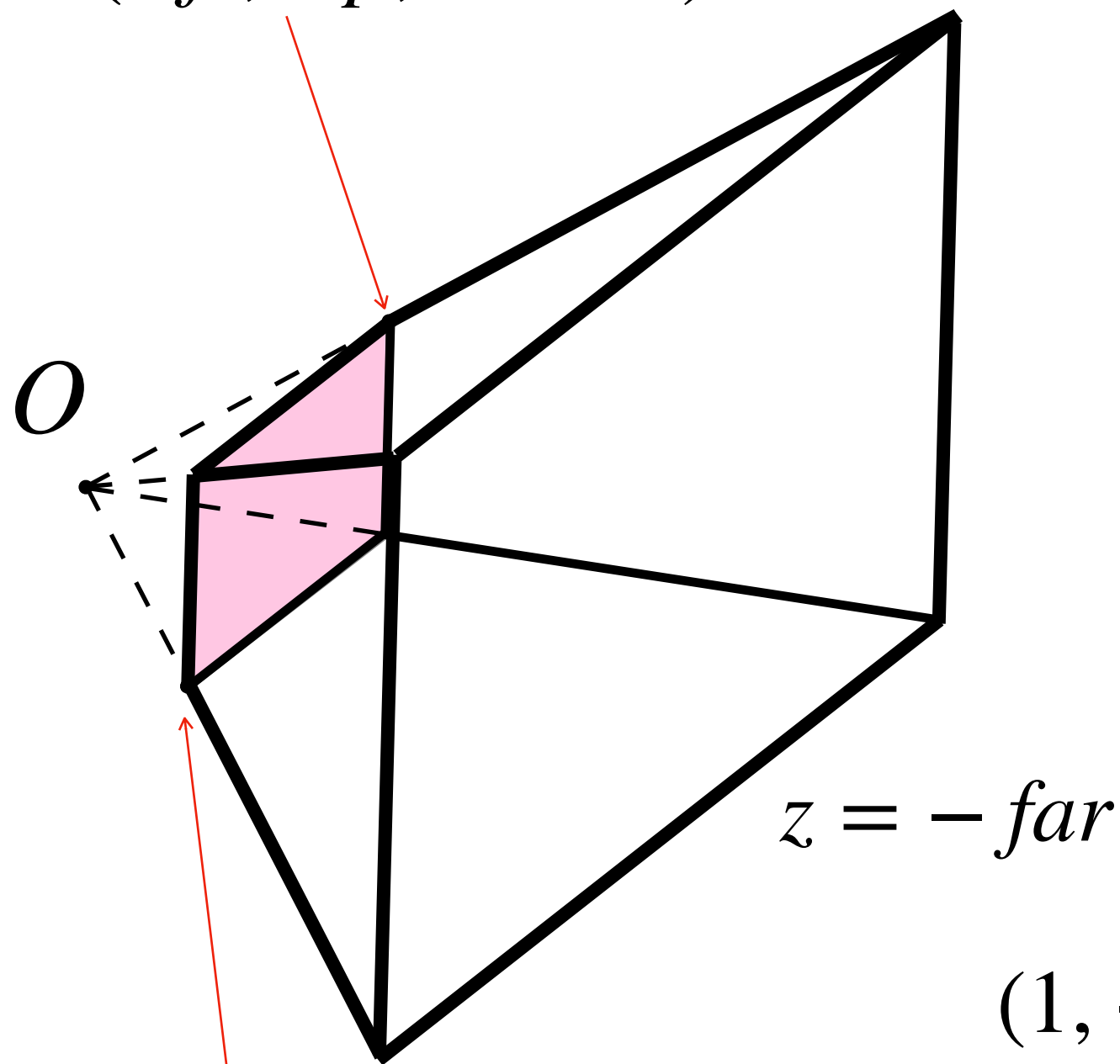
$$\begin{bmatrix} \chi'' \\ \gamma'' \\ \zeta'' \\ \alpha'' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{2 \cdot near}{right - left} & 0 & \frac{right + left}{right - left} & 0 \\ 0 & \frac{2 \cdot near}{top - bottom} & \frac{top + bottom}{top - bottom} & 0 \\ 0 & 0 & a_{33} & a_{34} \\ 0 & 0 & -1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{aligned} \zeta'' &= a_{33}z + a_{34} \\ \alpha'' &= -z \end{aligned}$$

$$z'' = -a_{33} - \frac{a_{34}}{z}$$

Матрица перспективного преобразования

(left, top, -near)



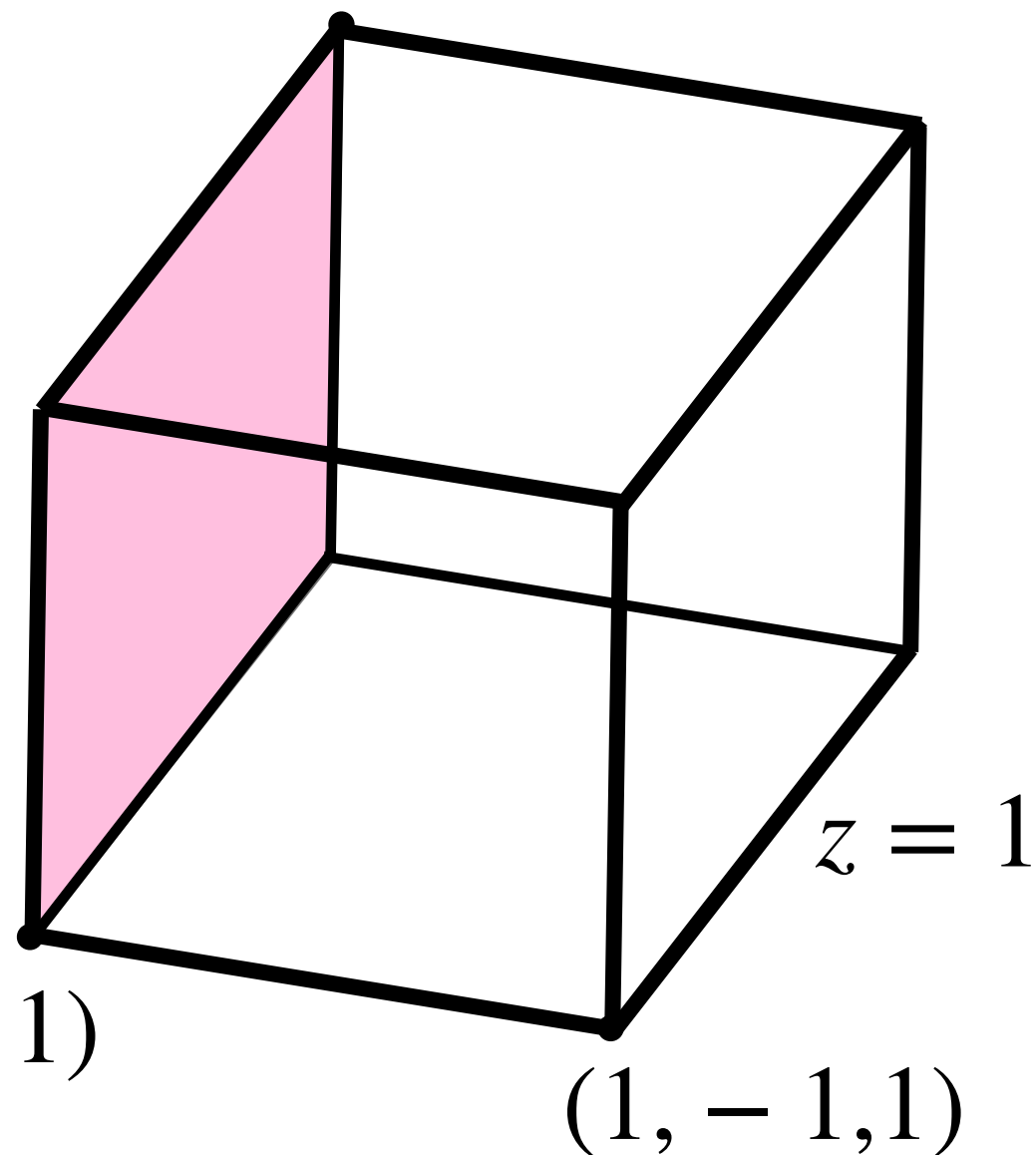
(right, bottom, -near)

$(-1, 1, -1)$

$(1, -1, -1)$

$z = 1$

$(1, -1, 1)$



Матрица перспективного преобразования

$$\begin{aligned}\zeta'' &= a_{33}z + a_{34} & z'' &= -a_{33} - \frac{a_{34}}{z} \\ \alpha'' &= -z\end{aligned}$$

$$\begin{array}{l} z = -near \\ z = -far \end{array} \quad \Rightarrow \quad \begin{array}{l} z'' = -1 \\ z'' = 1 \end{array}$$

$$-a_{33} - \frac{a_{34}}{-near} = -1$$

$$-a_{33} - \frac{a_{34}}{-far} = 1$$

Матрица перспективного преобразования

$$-a_{33} - \frac{a_{34}}{-near} = -1$$

$$-a_{33} - \frac{a_{34}}{-far} = 1$$

$$\frac{a_{34}}{-near} - \frac{a_{34}}{-far} = 2$$

$$a_{34} \frac{far - near}{-far \cdot near} = 2$$

$$a_{34} = \frac{-2 \cdot far \cdot near}{far - near}$$

Матрица перспективного преобразования

$$-a_{33} - \frac{a_{34}}{-near} = -1$$

$$-a_{33} - \frac{a_{34}}{-far} = 1$$

$$\frac{a_{34}}{-near} - \frac{a_{34}}{-far} = 2$$

$$a_{34} \frac{far - near}{-far \cdot near} = 2$$

$$a_{34} = \frac{-2 \cdot far \cdot near}{far - near}$$

$$-a_{33} - \frac{\frac{-2 \cdot far \cdot near}{far - near}}{-far} = 1$$

$$-a_{33} - \frac{2 \cdot near}{far - near} = 1$$

$$a_{33} = -\frac{2 \cdot near}{far - near} - 1$$

$$a_{33} = -\frac{2 \cdot near + far - near}{far - near}$$

$$a_{33} = -\frac{far + near}{far - near}$$

Матрица перспективного преобразования

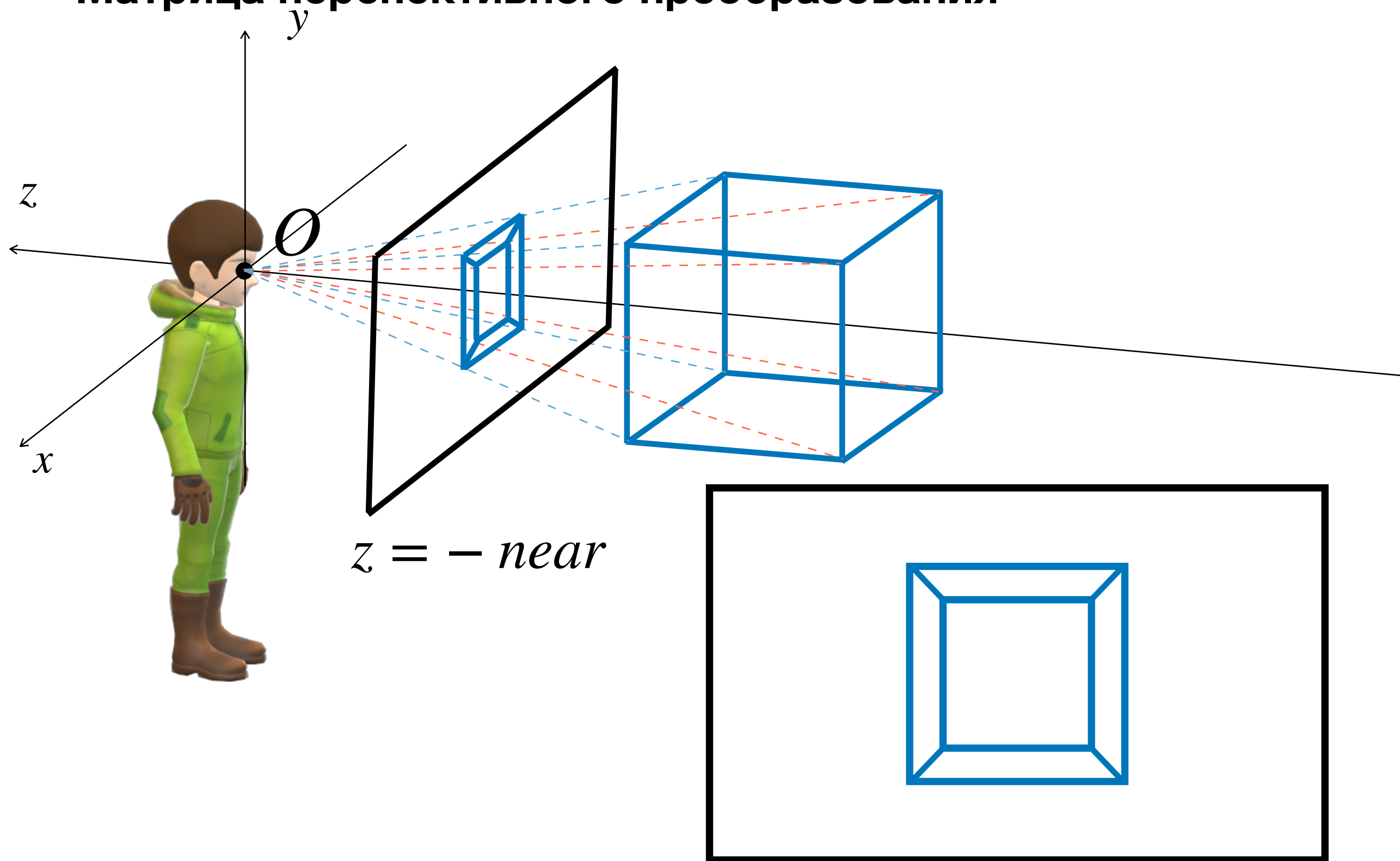
$$\begin{bmatrix} \chi'' \\ \gamma'' \\ \xi'' \\ \alpha'' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{2 \cdot near}{right - left} & 0 & \frac{right + left}{right - left} & 0 \\ 0 & \frac{2 \cdot near}{top - bottom} & \frac{top + bottom}{top - bottom} & 0 \\ 0 & 0 & -\frac{far + near}{far - near} & \frac{-2 \cdot far \cdot near}{far - near} \\ 0 & 0 & -1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \\ 1 \end{bmatrix}$$

Матрица перспективного преобразования

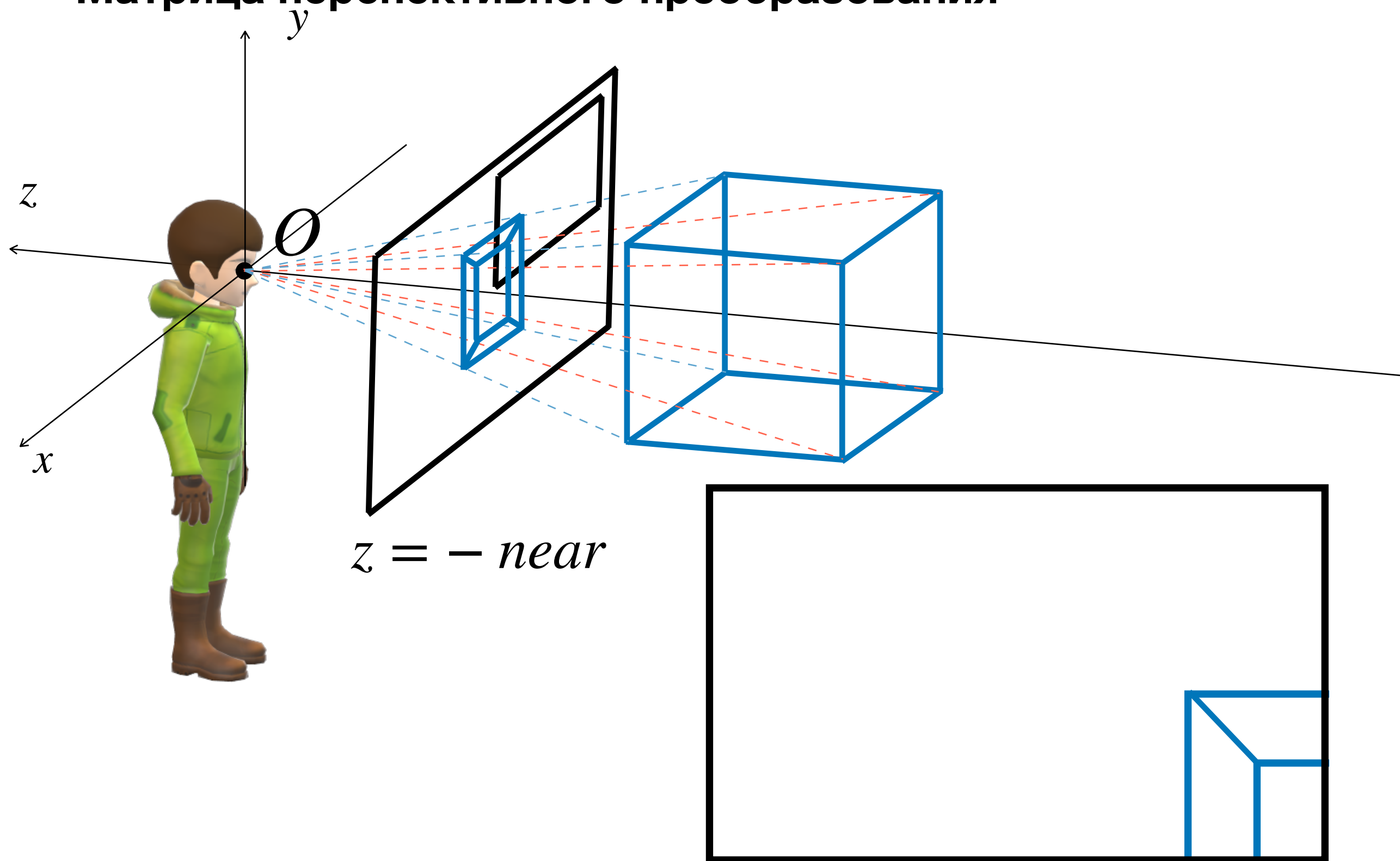
$$\begin{bmatrix} x'' \\ y'' \\ z'' \\ w'' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{2 \cdot \text{near}}{\text{right} - \text{left}} & 0 & \frac{\text{right} + \text{left}}{\text{right} - \text{left}} & 0 \\ 0 & \frac{2 \cdot \text{near}}{\text{top} - \text{bottom}} & \frac{\text{top} + \text{bottom}}{\text{top} - \text{bottom}} & 0 \\ 0 & 0 & -\frac{\text{far} + \text{near}}{\text{far} - \text{near}} & \frac{-2 \cdot \text{far} \cdot \text{near}}{\text{far} - \text{near}} \\ 0 & 0 & -1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \\ 1 \end{bmatrix}$$

Frustum(left, right, bottom, top, near, far)

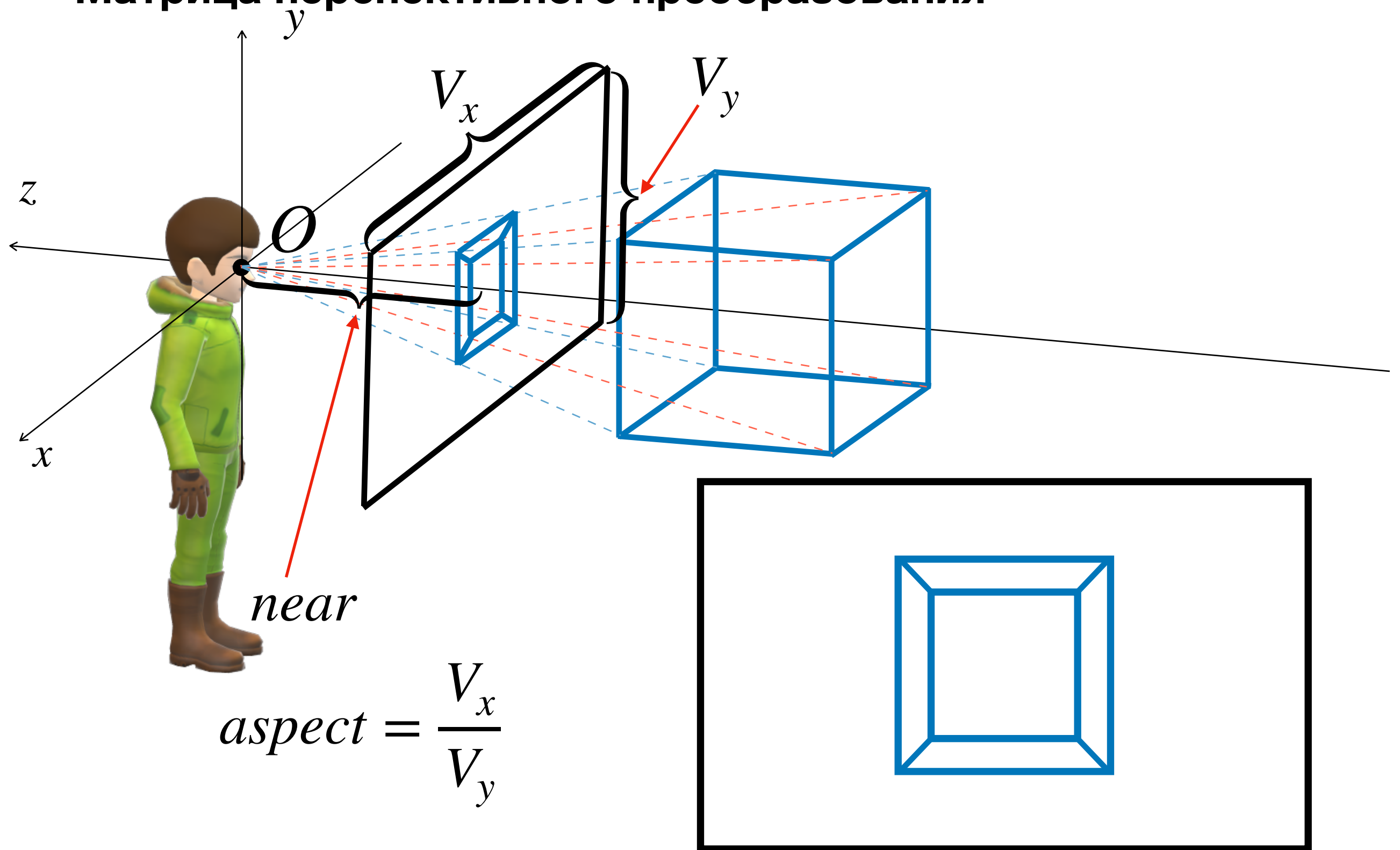
Матрица перспективного преобразования



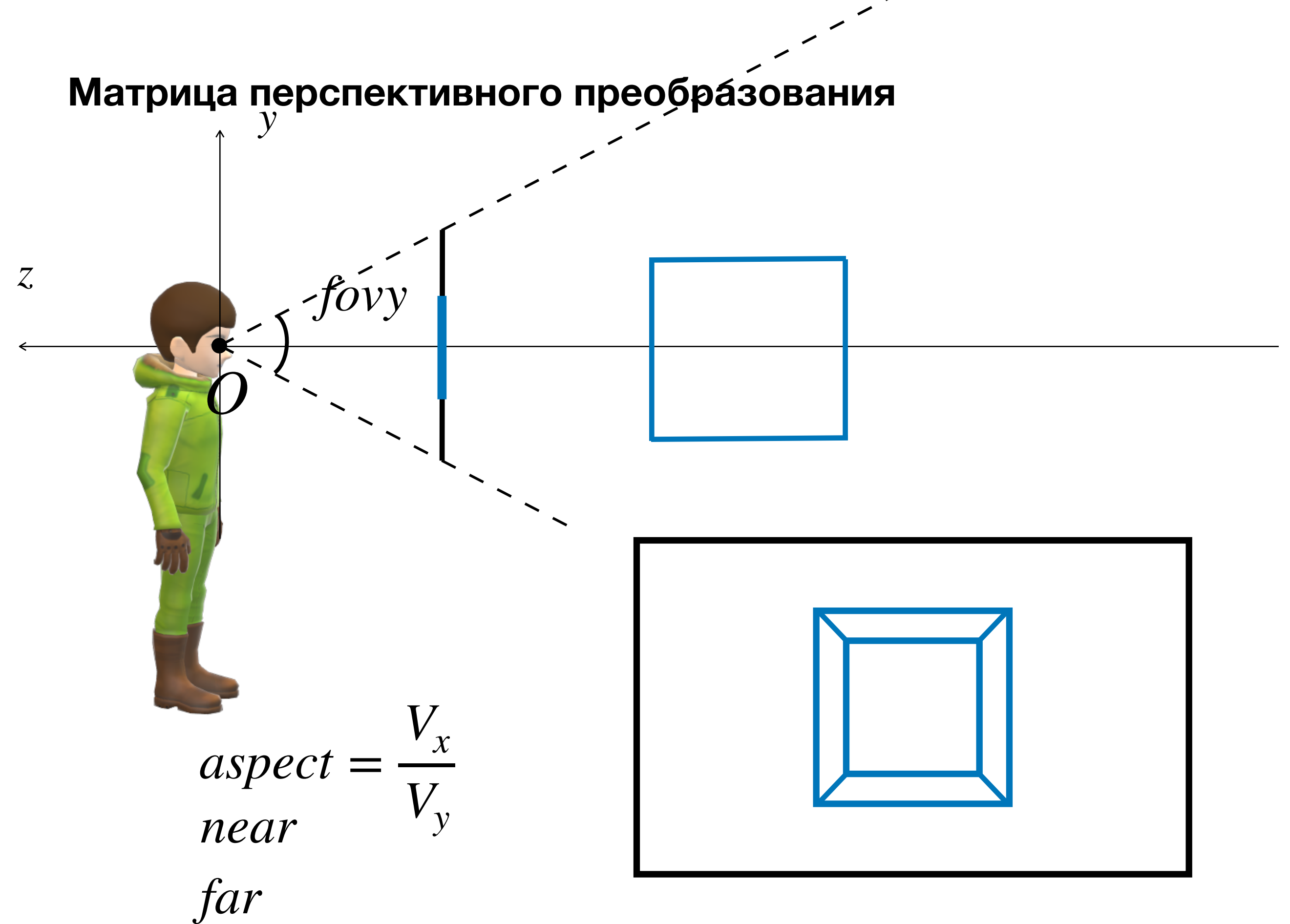
Матрица перспективного преобразования



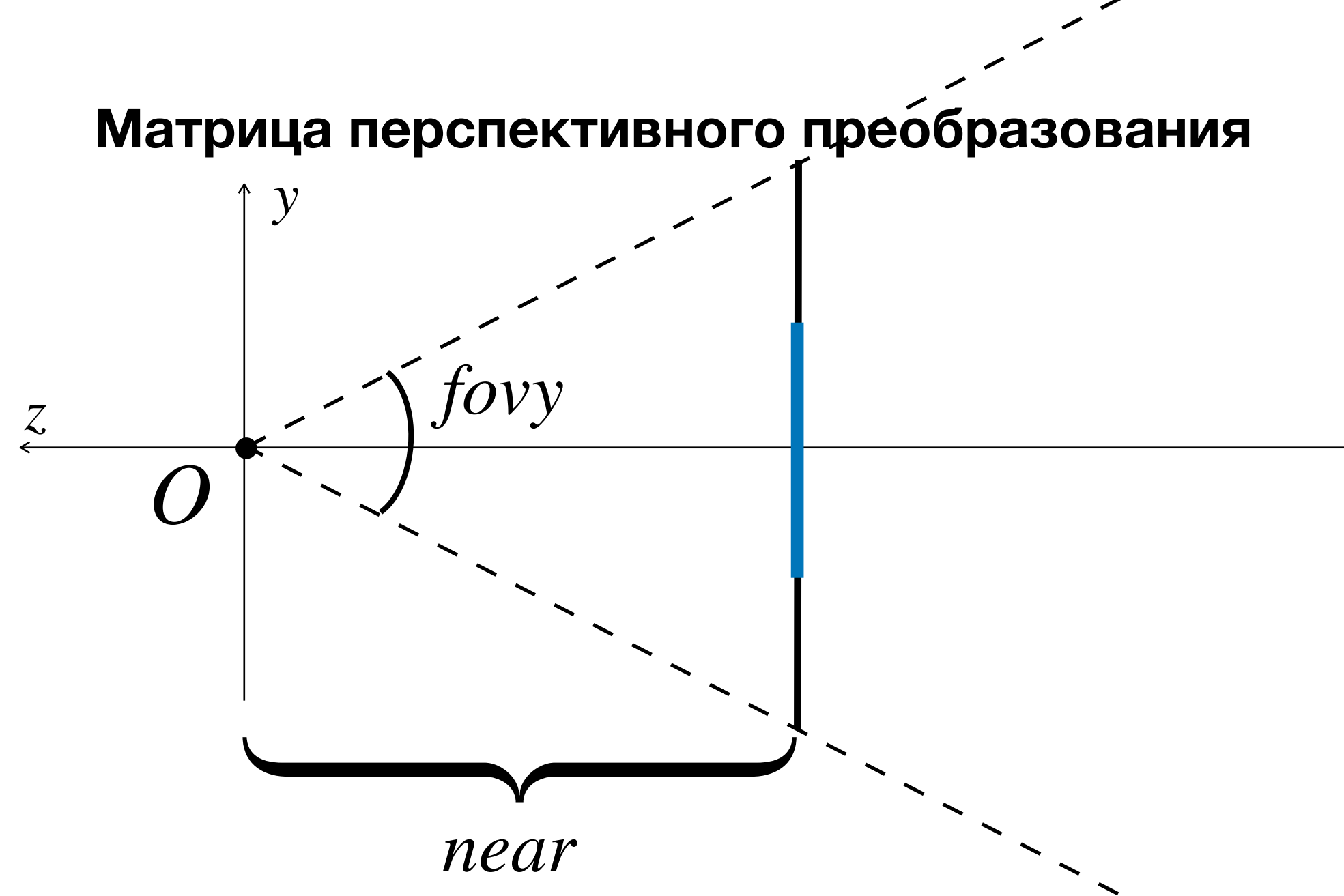
Матрица перспективного преобразования



Матрица перспективного преобразования

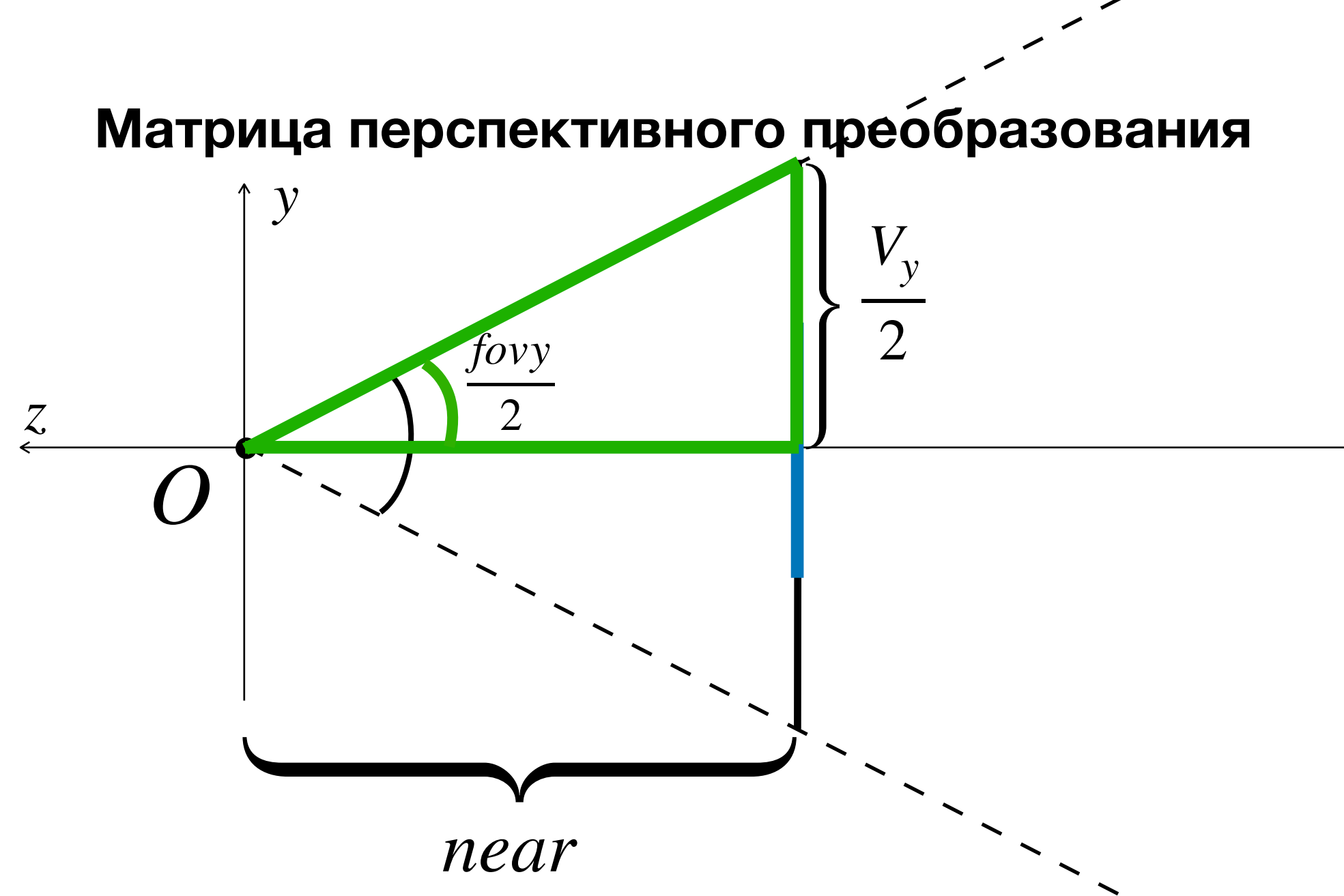


Матрица перспективного преобразования



$$\begin{array}{l} fovy \\ aspect \\ near \\ far \end{array} = \frac{V_x}{V_y}$$

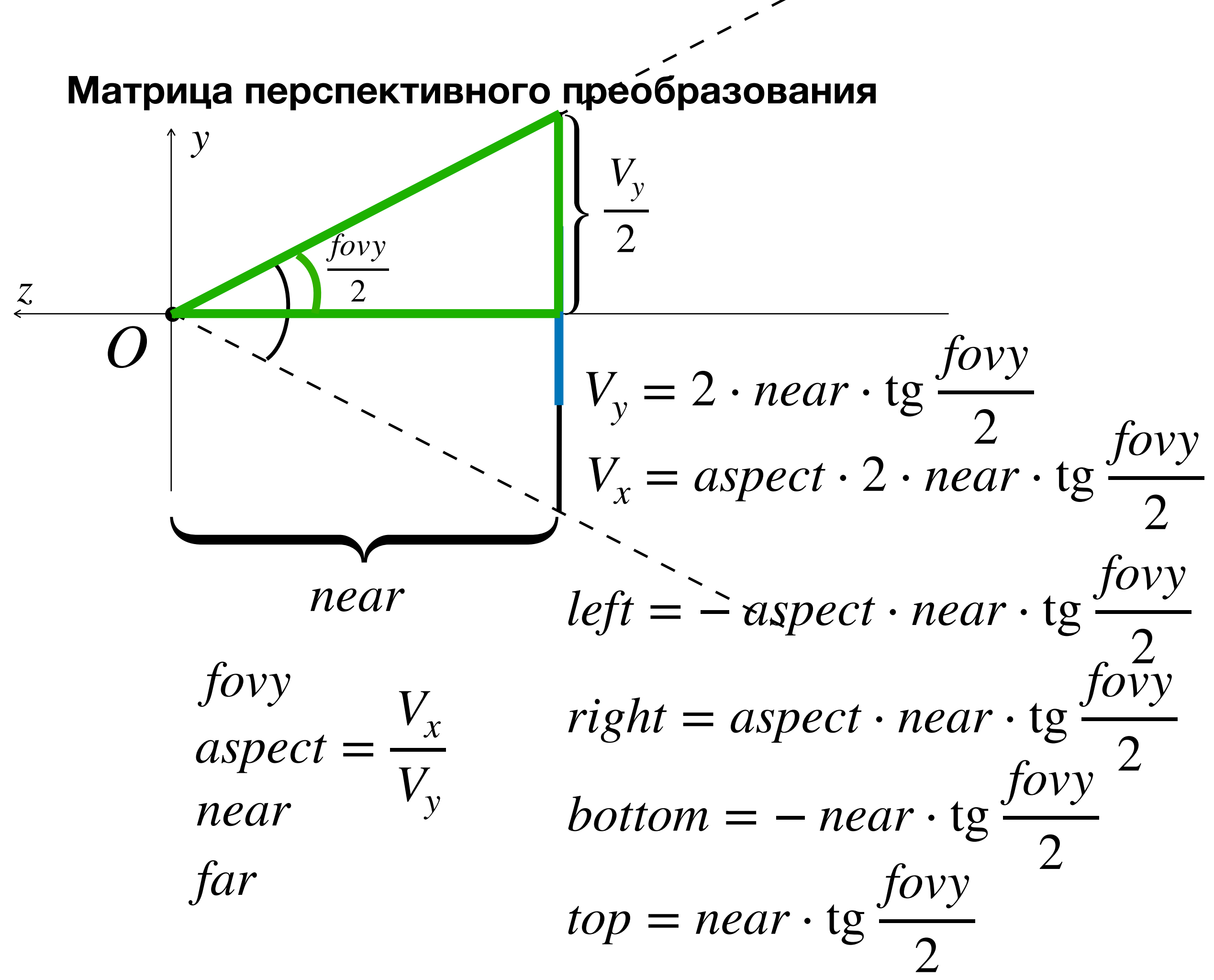
Матрица перспективного преобразования



$$\frac{fovy}{near} = \frac{V_x}{V_y}$$

far

Матрица перспективного преобразования



Матрица перспективного преобразования

$$\begin{bmatrix} x'' \\ y'' \\ z'' \\ w'' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{2 \cdot near}{right - left} & 0 & \frac{right + left}{right - left} & 0 \\ 0 & \frac{2 \cdot near}{top - bottom} & \frac{top + bottom}{top - bottom} & 0 \\ 0 & 0 & -\frac{far + near}{far - near} & \frac{-2 \cdot far \cdot near}{far - near} \\ 0 & 0 & -1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \\ 1 \end{bmatrix}$$

Frustum(left, right, bottom, top, near, far)

Матрица перспективного преобразования

$$\begin{bmatrix} \chi'' \\ \gamma'' \\ \zeta'' \\ \alpha'' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{2 \cdot near}{right - left} & 0 & \frac{right + left}{right - left} & 0 \\ 0 & \frac{2 \cdot near}{top - bottom} & \frac{top + bottom}{top - bottom} & 0 \\ 0 & 0 & -\frac{far + near}{far - near} & \frac{-2 \cdot far \cdot near}{far - near} \\ 0 & 0 & -1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$left = -aspect \cdot near \cdot \operatorname{tg} \frac{fovy}{2}$$

$$right = aspect \cdot near \cdot \operatorname{tg} \frac{fovy}{2}$$

$$bottom = -near \cdot \operatorname{tg} \frac{fovy}{2}$$

$$top = near \cdot \operatorname{tg} \frac{fovy}{2}$$

$$right - left = 2 \cdot aspect \cdot near \cdot \operatorname{tg} \frac{fovy}{2}$$

$$right + left = 0$$

$$top - bottom = 2 \cdot near \cdot \operatorname{tg} \frac{fovy}{2}$$

$$top + bottom = 0$$

Матрица перспективного преобразования

$$\begin{bmatrix} \chi'' \\ \gamma'' \\ \zeta'' \\ \alpha'' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{1}{\text{aspect} \cdot \operatorname{tg} \frac{\text{fovy}}{2}} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \frac{1}{\operatorname{tg} \frac{\text{fovy}}{2}} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -\frac{\text{far} + \text{near}}{\text{far} - \text{near}} & \frac{-2 \cdot \text{far} \cdot \text{near}}{\text{far} - \text{near}} \\ 0 & 0 & -1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$\text{left} = -\text{aspect} \cdot \text{near} \cdot \operatorname{tg} \frac{\text{fovy}}{2}$$

$$\text{right} - \text{left} = 2 \cdot \text{aspect} \cdot \text{near} \cdot \operatorname{tg} \frac{\text{fovy}}{2}$$

$$\text{right} = \text{aspect} \cdot \text{near} \cdot \operatorname{tg} \frac{\text{fovy}}{2}$$

$$\text{right} + \text{left} = 0$$

$$\text{bottom} = -\text{near} \cdot \operatorname{tg} \frac{\text{fovy}}{2}$$

$$\text{top} - \text{bottom} = 2 \cdot \text{near} \cdot \operatorname{tg} \frac{\text{fovy}}{2}$$

$$\text{top} = \text{near} \cdot \operatorname{tg} \frac{\text{fovy}}{2}$$

$$\text{top} + \text{bottom} = 0$$

Матрица перспективного преобразования

$$\begin{bmatrix} \chi'' \\ \gamma'' \\ \zeta'' \\ \alpha'' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{1}{\text{aspect}} \operatorname{ctg} \frac{\text{fovy}}{2} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \operatorname{ctg} \frac{\text{fovy}}{2} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -\frac{\text{far} + \text{near}}{\text{far} - \text{near}} & \frac{-2 \cdot \text{far} \cdot \text{near}}{\text{far} - \text{near}} \\ 0 & 0 & -1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$\text{left} = -\text{aspect} \cdot \text{near} \cdot \operatorname{tg} \frac{\text{fovy}}{2}$$

$$\text{right} - \text{left} = 2 \cdot \text{aspect} \cdot \text{near} \cdot \operatorname{tg} \frac{\text{fovy}}{2}$$

$$\text{right} = \text{aspect} \cdot \text{near} \cdot \operatorname{tg} \frac{\text{fovy}}{2}$$

$$\text{right} + \text{left} = 0$$

$$\text{bottom} = -\text{near} \cdot \operatorname{tg} \frac{\text{fovy}}{2}$$

$$\text{top} - \text{bottom} = 2 \cdot \text{near} \cdot \operatorname{tg} \frac{\text{fovy}}{2}$$

$$\text{top} = \text{near} \cdot \operatorname{tg} \frac{\text{fovy}}{2}$$

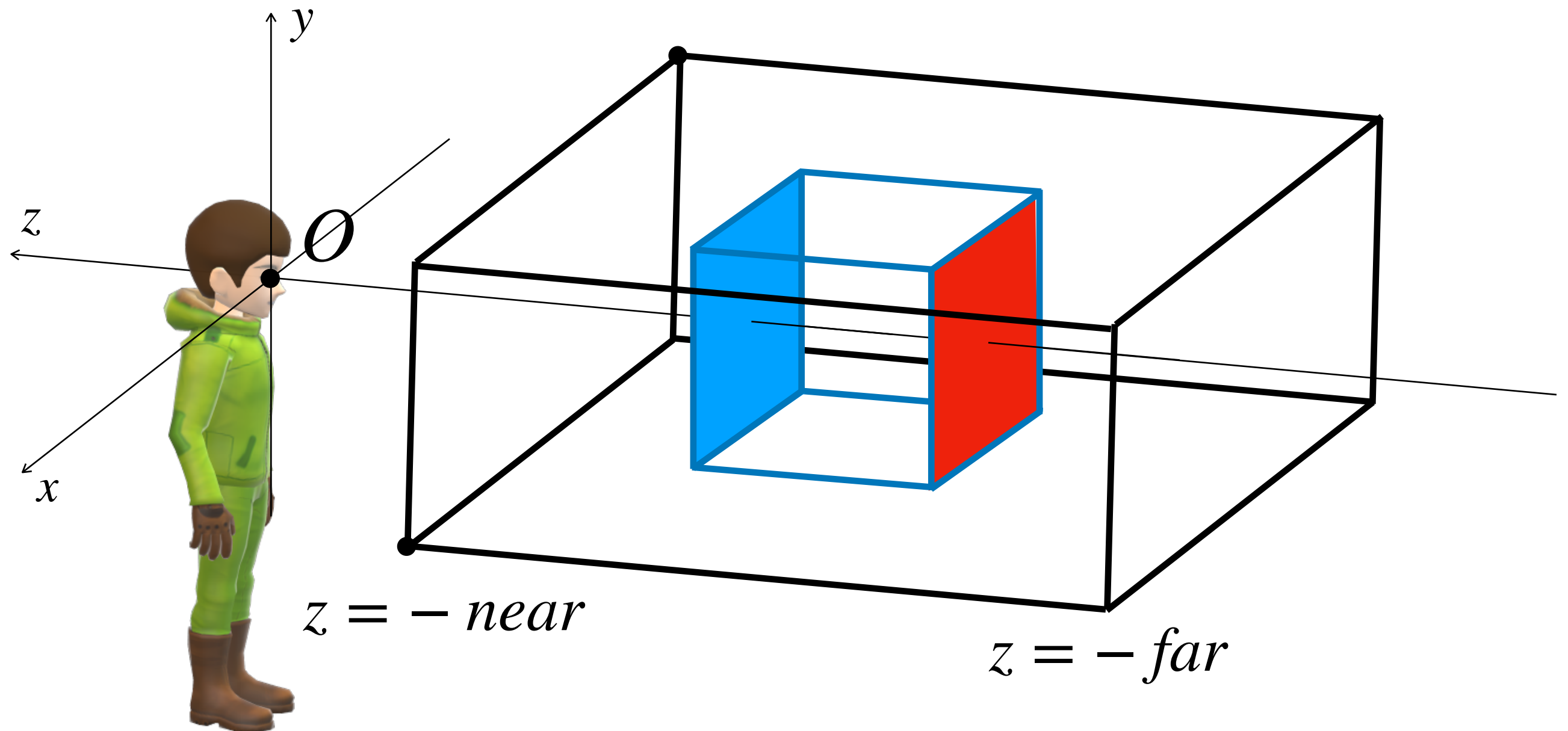
$$\text{top} + \text{bottom} = 0$$

Матрица перспективного преобразования

$$\begin{bmatrix} \chi'' \\ \gamma'' \\ \zeta'' \\ \alpha'' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{1}{\textit{aspect}} \operatorname{ctg} \frac{\textit{fovy}}{2} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \operatorname{ctg} \frac{\textit{fovy}}{2} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -\frac{\textit{far} + \textit{near}}{\textit{far} - \textit{near}} & \frac{-2 \cdot \textit{far} \cdot \textit{near}}{\textit{far} - \textit{near}} \\ 0 & 0 & -1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \\ 1 \end{bmatrix}$$

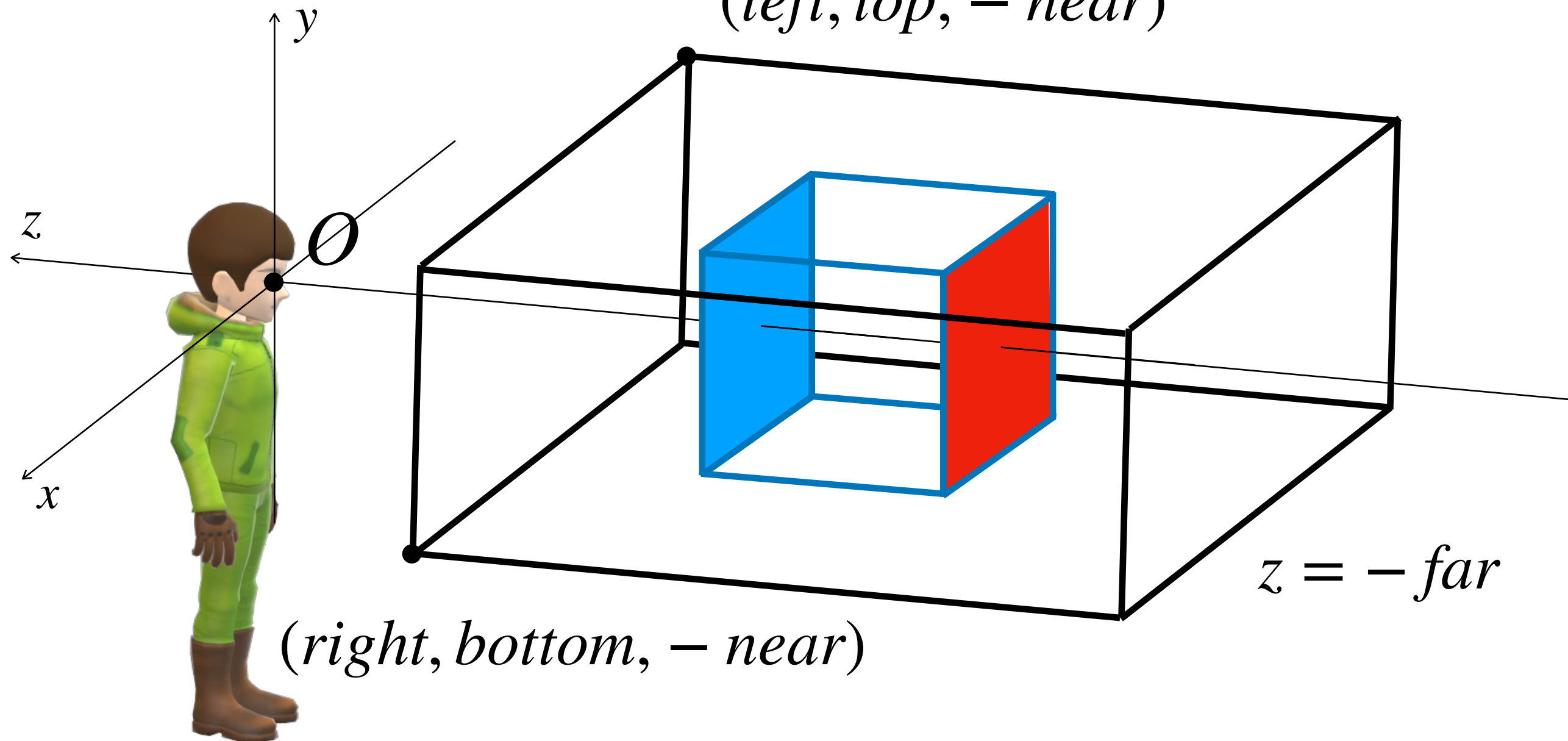
Perspective(fovy, aspect, near, far)

Параллелепипед видимости



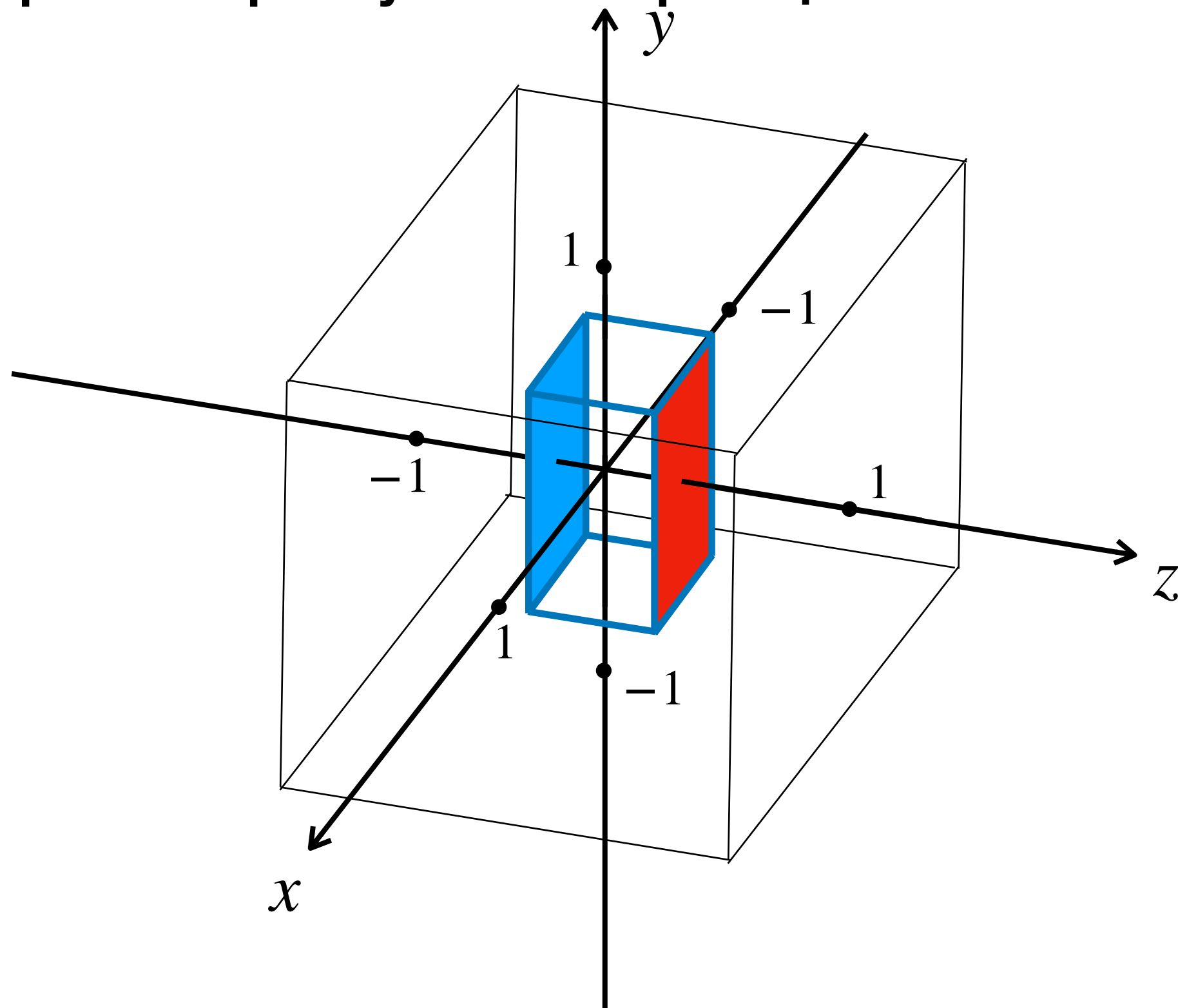
Параллелепипед видимости

(left, top, -near)



$z = -far$

Построение прямоугольной проекции



Построение прямоугольной проекции

$$V_{cx} = \textit{left}$$

$$V_{cy} = \textit{bottom}$$

$$V_x = \textit{right} - \textit{left}$$

$$V_y = \textit{top} - \textit{bottom}$$

$$V_{cz} = - \textit{near}$$

$$V_z = \textit{far} - \textit{near}$$

$$W_{cz} = -1$$

$$W_z = 2$$

$$W_{cx} = -1 \quad x' = \frac{x - \textit{left}}{\textit{right} - \textit{left}} \cdot 2 - 1$$

$$W_{cy} = -1 \quad y' = \frac{y - \textit{bottom}}{\textit{top} - \textit{bottom}} \cdot 2 - 1$$

$$W_x = 2$$

$$W_y = 2$$

$$z' = -1 - \frac{z + \textit{near}}{\textit{far} - \textit{near}} \cdot 2$$

Построение прямоугольной проекции

$$x' = \frac{2x - 2 \cdot \textit{left} - \textit{right} + \textit{left}}{\textit{right} - \textit{left}}$$

$$x' = x \frac{2}{\textit{right} - \textit{left}} - \frac{\textit{right} + \textit{left}}{\textit{right} - \textit{left}}$$

$$y' = \frac{2y - 2 \cdot \textit{bottom} - \textit{top} + \textit{bottom}}{\textit{top} - \textit{bottom}}$$

$$y' = y \frac{2}{\textit{top} - \textit{bottom}} - \frac{\textit{top} + \textit{bottom}}{\textit{top} - \textit{bottom}}$$

Построение прямоугольной проекции

$$V_{cx} = \textit{left}$$

$$V_{cy} = \textit{bottom}$$

$$V_x = \textit{right} - \textit{left}$$

$$V_y = \textit{top} - \textit{bottom}$$

$$V_{cz} = - \textit{near}$$

$$V_z = \textit{far} - \textit{near}$$

$$W_{cz} = -1$$

$$W_z = 2$$

$$W_{cx} = -1 \quad x' = \frac{x - \textit{left}}{\textit{right} - \textit{left}} \cdot 2 - 1$$

$$W_{cy} = -1 \quad y' = \frac{y - \textit{bottom}}{\textit{top} - \textit{bottom}} \cdot 2 - 1$$

$$W_x = 2$$

$$W_y = 2$$

$$z' = -1 - \frac{z + \textit{near}}{\textit{far} - \textit{near}} \cdot 2$$

Построение прямоугольной проекции

$$x' = x \frac{2}{right - left} - \frac{right + left}{right - left}$$

$$y' = y \frac{2}{top - bottom} - \frac{top + bottom}{top - bottom}$$

$$z' = \frac{-far + near - 2z - 2 \cdot near}{far - near}$$

$$z' = z \frac{-2}{far - near} - \frac{far + near}{far - near}$$

Построение прямоугольной проекции

$$x' = x \frac{2}{right - left} - \frac{right + left}{right - left}$$

$$y' = y \frac{2}{top - bottom} - \frac{top + bottom}{top - bottom}$$

$$z' = z \frac{-2}{far - near} - \frac{far + near}{far - near}$$

Матрица прямоугольной проекции

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \\ z' \\ w' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} & a_{14} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} & a_{24} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} & a_{34} \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$x' = x \frac{2}{right - left} - \frac{right + left}{right - left}$$

$$y' = y \frac{2}{top - bottom} - \frac{top + bottom}{top - bottom}$$

$$z' = z \frac{-2}{far - near} - \frac{far + near}{far - near}$$

Матрица прямоугольной проекции

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \\ z' \\ w' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{2}{right - left} & 0 & 0 & -\frac{right + left}{right - left} \\ 0 & \frac{2}{top - bottom} & 0 & -\frac{top + bottom}{top - bottom} \\ 0 & 0 & \frac{-2}{far - near} & -\frac{far + near}{far - near} \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$x' = x \frac{2}{right - left} - \frac{right + left}{right - left}$$

$$y' = y \frac{2}{top - bottom} - \frac{top + bottom}{top - bottom}$$

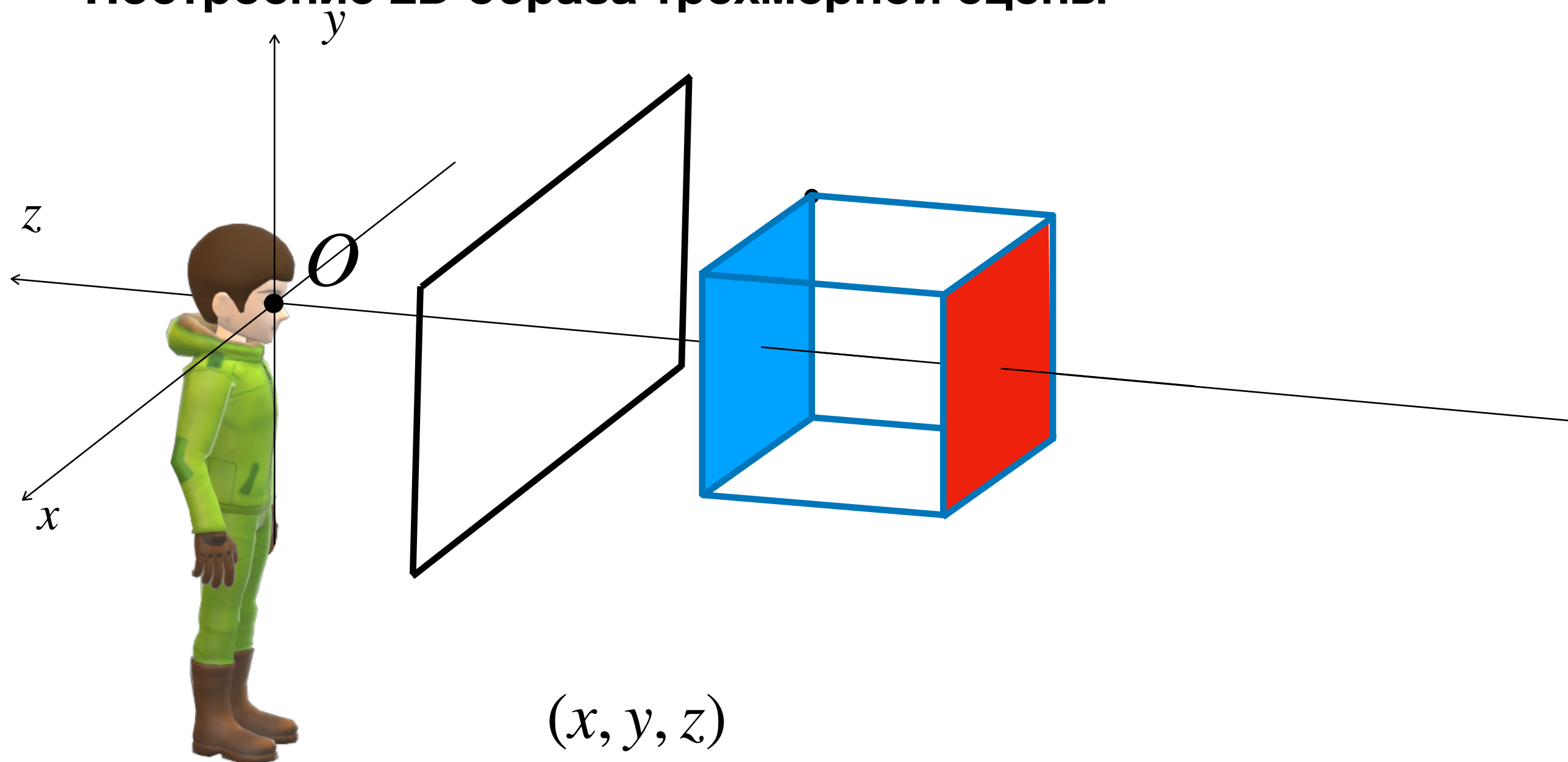
$$z' = z \frac{-2}{far - near} - \frac{far + near}{far - near}$$

Матрица прямоугольной проекции

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \\ z' \\ w' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{2}{right - left} & 0 & 0 & -\frac{right + left}{right - left} \\ 0 & \frac{2}{top - bottom} & 0 & -\frac{top + bottom}{top - bottom} \\ 0 & 0 & \frac{-2}{far - near} & -\frac{far + near}{far - near} \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \\ 1 \end{bmatrix}$$

Ortho(left, right, bottom, top, near, far)

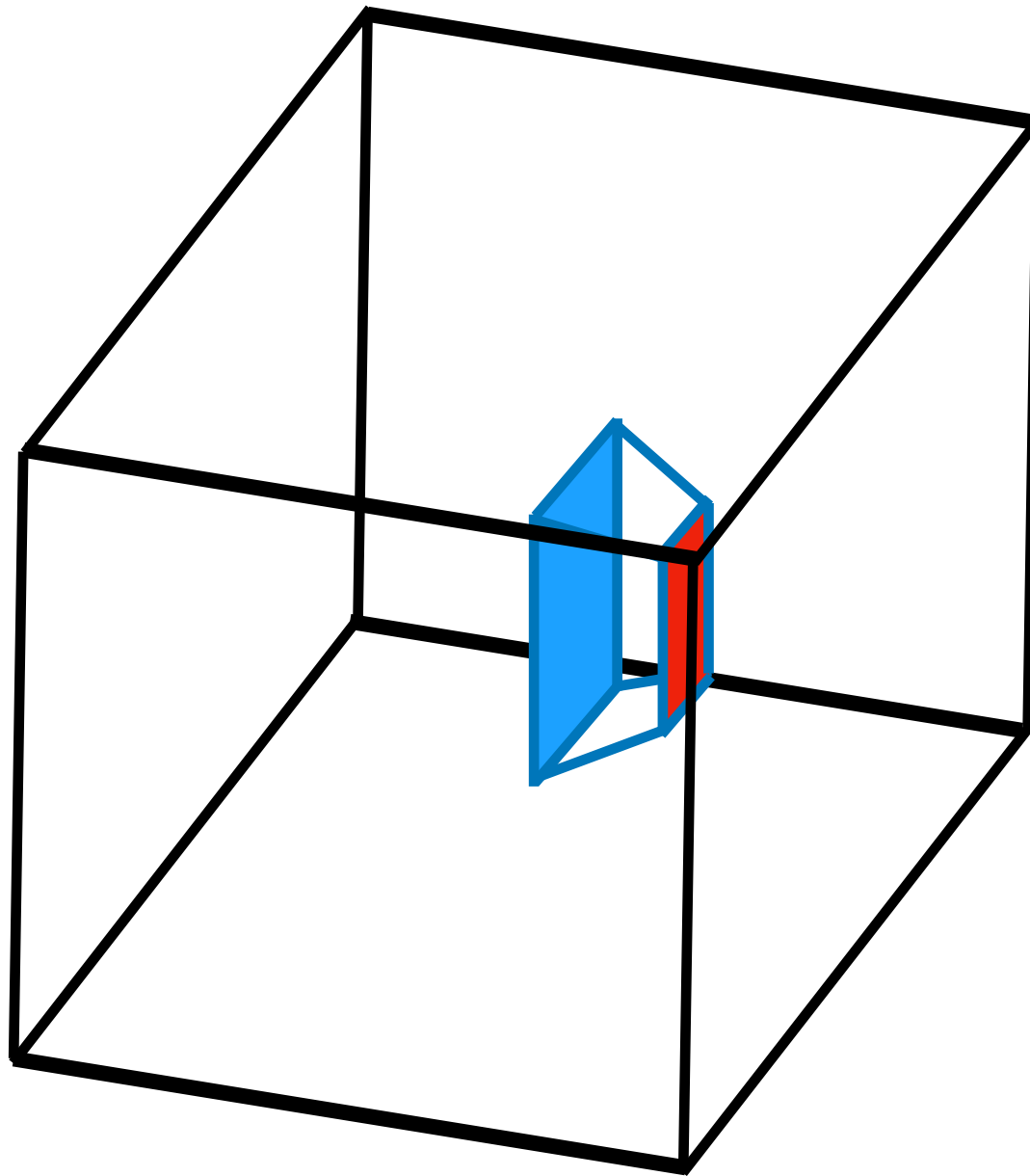
Построение 2D образа трехмерной сцены



(x, y, z)

$(x, y, z, 1)$

Построение 2D образа трехмерной сцены

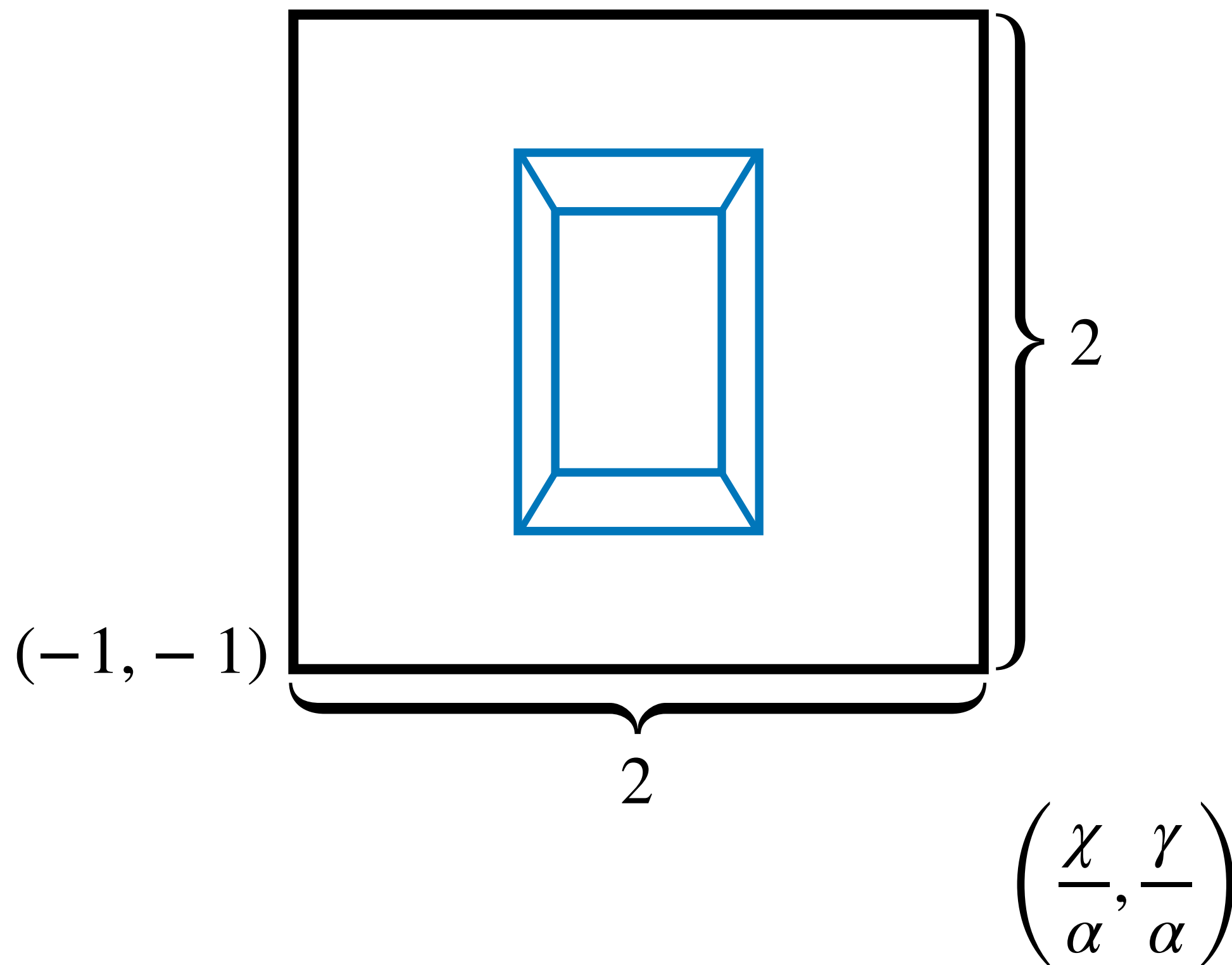


$$\begin{pmatrix} x, y, z, 1 \\ \chi, \gamma, \zeta, \alpha \end{pmatrix}$$

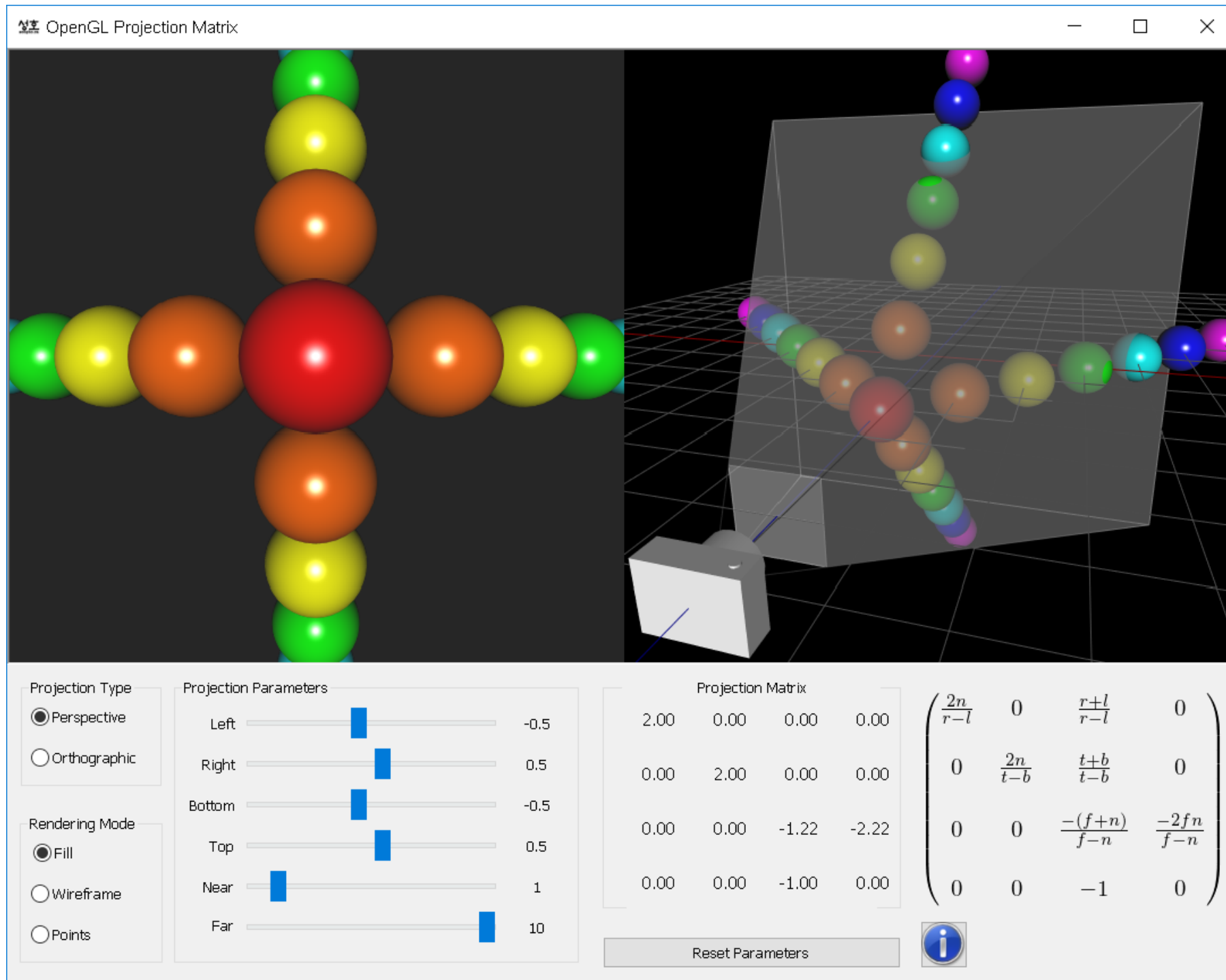
$$\begin{pmatrix} \frac{\chi}{\alpha}, \frac{\gamma}{\alpha}, \frac{\zeta}{\alpha} \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} \frac{\chi}{\alpha}, \frac{\gamma}{\alpha} \end{pmatrix}$$

Построение 2D образа трехмерной сцены



Демонстрация движения наблюдателя (камеры) в пространстве



Программа “OpenGL Projection Matrix” демонстрирует влияние выбора параметров матрицы проекции на получаемое изображение. Переключатель “Projection Type” реализует выбор между прямоугольной и перспективной проекцией. Изменение значений “Projection Parameters” влияет на размеры пирамиды/параллелепипеда видимости. Программа доступна на сайте http://www.songho.ca/opengl/gl_transform.html