
Теорема. Для прямой $l : Ax + By + C = 0$ в аффинной системе координат угловой коэффициент равен отношению коэффициентов A и B с противоположным знаком: $k = -\frac{A}{B}$.

Доказательство. Если \vec{a} — направляющий вектор прямой l , то согласно условию параллельности вектора и прямой на плоскости будет верно равенство $Aa_1 + Ba_2 = 0 \Leftrightarrow \frac{a_2}{a_1} = -\frac{A}{B} \Leftrightarrow k = -\frac{A}{B}$.

Теорема. Пусть на плоскости дана аффинная система координат \mathcal{K} и прямая l , не параллельная координатной прямой OY . Пусть $M_0(x_0; y_0)$ — начальная точка прямой l и k — угловой коэффициент l относительно \mathcal{K} . Тогда уравнение l может быть записано в следующем виде:

$$y - y_0 = k(x - x_0).$$

Доказательство. Пусть \vec{a} направляющий вектор прямой l , $M(x; y)$ точка плоскости. Тогда

$$M \in l \Leftrightarrow \overrightarrow{M_0M} \parallel \vec{a} \Leftrightarrow \frac{x - x_0}{a_1} = \frac{y - y_0}{a_2} \Leftrightarrow y - y_0 = \frac{a_2}{a_1}(x - x_0) \Leftrightarrow y - y_0 = k(x - x_0).$$

Теорема. Пусть на плоскости заданы: декартова система координат, вектор $\vec{n}(n_1; n_2)$ и прямая l общим уравнением $Ax + By + C = 0$. Тогда \vec{n} перпендикулярен l тогда и только тогда, когда его коэффициенты пропорциональны соответствующим коэффициентам при переменных уравнения l :

$$\vec{n} \perp l \Leftrightarrow \frac{n_1}{A} = \frac{n_2}{B}.$$

Доказательство. Рассмотрим вектор $\vec{p} \perp \vec{n}$, $\vec{p}(-n_2; n_1)$. Тогда

$$\vec{n} \perp l \Leftrightarrow \vec{p} \parallel l \Leftrightarrow -n_2A + n_1B = 0 \Leftrightarrow \frac{n_1}{A} = \frac{n_2}{B}.$$