

Iniciado em	wednesday, 30 Mar 2016, 08:09
Estado	Finalizada
Concluída em	Wednesday, 6 Apr 2016, 10:19
Tempo empregado	7 dias 2 horas
Avaliar	7,75 de um máximo de 10,00(78%)

Questão 1

Correto

Atingiu 1,00 de 1,00

O limite $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^2 - 4x + 9}{4x^3 - x + 1}$

Escolha uma:

- ☐ não pode ser calculado porque o numerador tende a infinito.
- ☒ existe e é igual a 0. ✓
- ☐ existe e é igual a 1.
- ☐ existe e é igual a $\frac{3}{4}$.
- ☐ é $+\infty$.

Note que

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^2 - 4x + 9}{4x^3 - x + 1} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3 \left(\frac{3}{x} - \frac{4}{x^2} + \frac{9}{x^3} \right)}{x^3 \left(4 - \frac{1}{x^2} + \frac{1}{x^3} \right)} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\frac{3}{x} - \frac{4}{x^2} + \frac{9}{x^3}}{4 - \frac{1}{x^2} + \frac{1}{x^3}}$$

Na última fração acima o numerador tende a 0 e o denominador tende a 4, quando $x \rightarrow \infty$.

Questão 2

Correto

Atingiu 1,00 de 1,00

O limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x^3 - 2x^2 + 3x}{-x^3 - 2x + 5}$

Escolha uma:

- ☒ existe e é igual a -3. ✓
- ☐ existe e é igual a 0.
- ☐ é $-\infty$.
- ☐ existe e é igual a 3.
- ☐ é $+\infty$.

Basta notar que

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3x^3 - 2x^2 + 3x}{-x^3 - 2x + 5} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^3 \left(3 - \frac{2}{x} + \frac{3}{x^2} \right)}{x^3 \left(-1 - \frac{2}{x^2} + \frac{5}{x^3} \right)} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3 - \frac{2}{x} + \frac{3}{x^2}}{-1 - \frac{2}{x^2} + \frac{5}{x^3}}$$

Na última fração acima o numerador tende a 3 e o denominador tende a -1, quando $x \rightarrow \infty$. Logo o quociente tende a $3/(-1) = -3$

Questão 3

Sobre a função $f(x) = \frac{\sqrt{x}-2}{x-4}$ é correto afirmar que

tem o valor -1 , quando $x \rightarrow \infty$. Logo o quociente tem o valor $3/(-1) = -3$.

Questão 3

Correto

Atingiu 1,00 de 1,00

Sobre a função $f(x) = \frac{\sqrt{x}-2}{x-4}$ é correto afirmar que

Escolha uma:

- ☒ a função não possui assíntotas verticais ✓
- ☐ A reta $y = \frac{1}{4}$ é uma assíntota horizontal de f .
- ☐ A reta $x = \frac{1}{4}$ é uma assíntota vertical de f .
- ☐ A reta $x = 4$ é uma assíntota vertical de f .
- ☐ A reta $y = 4$ é uma assíntota horizontal de f .

Calculando os limites no infinito vemos que a única assíntota horizontal é a reta $y = 0$. A reta $x = 4$ é candidata à assíntota vertical. Contudo, observe que

$$\lim_{x \rightarrow 4} f(x) = \lim_{x \rightarrow 4} \frac{\sqrt{x}-2}{x-4} \frac{\sqrt{x}+2}{\sqrt{x}+2} = \lim_{x \rightarrow 4} \frac{x-4}{(x-4)(\sqrt{x}+2)} = \frac{1}{\sqrt{4}+2} = \frac{1}{4}$$

de modo que f não possui assíntotas verticais.

Questão 4

Correto

Atingiu 1,00 de 1,00

Uma assíntota horizontal do gráfico da função $f(x) = \frac{x+3}{x+2}$ é

Escolha uma:

- ☒ $y = 1$ ✓
- ☐ $y = -1$
- ☐ $y = 0$
- ☐ não existem assíntotas horizontais
- ☐ $y = -2$.

A reta $y = b$ é uma assíntota horizontal do gráfico da função $f(x)$ se $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = b$ ou $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = b$. Note que

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x+3}{x+2} = 1 \text{ e } \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x+3}{x+2} = 1.$$

Portanto podemos concluir que a (única) assíntota horizontal é a reta $y = 1$.

Questão 5

Correto

Atingiu 1,00 de 1,00

O limite $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\sqrt{x^2-2x+4}}{-3x+1}$ é igual a

Escolha uma:

- ☒ $1/3$ ✓

Questão 5

Correto

Atingiu 1,00 de 1,00

O limite $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\sqrt{x^2 - 2x + 4}}{-3x + 1}$ é igual a

Escolha uma:

- ☒ $1/3$ ✓
- ☐ 3
- ☐ $-1/3$
- ☐ $\pm 1/3$
- ☐ -3

Observe que

$$\frac{\sqrt{x^2 - 2x + 4}}{-3x + 1} = \frac{\sqrt{x^2(1 - \frac{2}{x} + \frac{4}{x^2})}}{x(-3 + \frac{1}{x})} = \frac{|x|\sqrt{(1 - \frac{2}{x} + \frac{4}{x^2})}}{x(-3 + \frac{1}{x})}.$$

Como $x \rightarrow -\infty$ podemos supor que $x < 0$, de modo que $|x| = -x$. Basta agora fazer essa substituição na última expressão acima e utilizar as regras de limite.

Questão 6

Incorreto

Atingiu 0,00 de 1,00

O limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{x^2 - 5x + 6} - x$ é igual a

Escolha uma:

- ☐ -10
- ☐ $-5/2$
- ☐ $5/2$
- ☐ $5/\sqrt{2}$
- ☒ 5 ✗

Multiplique e divida a expressão no limite por

$\sqrt{x^2 - 5x + 6} + x$, depois divida numerador e denominador por x .

Questão 7

Correto

Atingiu 1,00 de 1,00

Suponha que a seja um número real positivo. Então o limite

$\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{x(x + a)} - x$ é igual a

Escolha uma:

- ☒ $a/2$ ✓
- ☐ $2a$
- ☐ $\sqrt{2}a$
- ☐ $a/\sqrt{2}$

☒ $a/\sqrt{2}$ ✓

☐ $2a$

☐ $\sqrt{2}a$

☐ $a/\sqrt{2}$

☐ a

Multiplicando e dividindo a expressão no limite pela sua conjugada $\sqrt{x(x+a)} + x$.

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt{x(x+a)} - x = \lim_{x \rightarrow +\infty} (\sqrt{x(x+a)} - x) \frac{\sqrt{x(x+a)} + x}{\sqrt{x(x+a)} + x}$$

Questão 8

Parcialmente
correto

Atingiu 0,75 de
1,00

Seja f uma função. Se existir uma reta $y = mx + c$, com

$m \neq 0$ tal que $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{f(x)}{x} = m$ e

$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} f(x) - mx = c$ então tal reta será dita uma
assíntota oblíqua do gráfico de f . Tome $f(x) = \frac{x^2+3}{x-1}$ e julgue os
itens abaixo.

O gráfico de f não possui assíntotas
verticais.

✓

O gráfico de f possui uma assíntota oblíqua
que intersecta o eixo y em 1.

✗

A reta $y = 1$ é uma assíntota horizontal de
 f .

✓

O gráfico de f possui uma assíntota oblíqua
cujo coeficiente angular é 1.

✓

Observe que $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = 1 = m$ e

$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) - x = 1$. Logo $y = x + 1$ é uma assíntota
oblíqua do gráfico de f . Nesse caso, poderíamos obter o mesmo
resultado fazendo o limite $x \rightarrow -\infty$.

Questão 9

Correto

Atingiu 1,00 de
1,00

O limite $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\sqrt[3]{x^7+x}}{\sqrt[3]{x^2-1}}$ é igual a

Escolha uma:

☐ ∞

☒ $-\infty$ ✓

☐ 1

☐ -1

☐ 0

~ ~ ✓

☐ 1

☐ -1

☐ 0

Lembrando que $\sqrt[3]{x^2} = x^{2/3}$ temos

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{\sqrt[3]{x^7} + x}{\sqrt[3]{x^2} - 1} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^{2/3}(x^{5/3} + x^{1/3})}{x^{2/3}(1 - x^{-2/3})} = -\infty.$$

Questão 10

Incorreto

Atingiu 0,00 de 1,00

Lembrando que $\lim_{y \rightarrow +\infty} \left(1 + \frac{1}{y}\right)^y = e$, podemos afirmar que o limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} \left(1 + \frac{5}{x}\right)^{x-4}$ é igual a

Escolha uma:

☒ $e/5$ ✗

☐ $e^5 - 4$

☐ $(e - 4)^5$

☐ $5e$

☐ e^5

Recorde que se a, b, c são números reais positivos então

$$a^{b-c} = \frac{a^b}{a^c} \text{ e que } \lim_{y \rightarrow +\infty} \left(1 + \frac{1}{y}\right)^y = e.$$