Exatas / Matemática / mat01 / 9 março - 15 março / Teste on-line 1

Iniciado em domingo, 15 Mar 2015, 12:00

Estado Finalizada

Concluída em domingo, 22 Mar 2015, 10:59

Tempo empregado 6 dias 22 horas

Notas 20,90/24,00

Avaliar 8,71 de um máximo de 10,00(**87**%)

Questão 1

Correto

Atingiu 1,00 de

1,00

Marcar

questão

O domínio da função $f(x)\!=\!rac{\sqrt{4+x}}{1-x}$ é

Escolha uma:

- \bigcirc $(-\infty,1)\cup(1,\infty)$
- \bigcirc [-4,1)∪(1,∞) \checkmark
- \bigcirc $(-\infty,4]\cup(4,\infty)$
- \bigcirc $(-4,1]\cup[4,\infty)$

Lembre-se de que o denominador nunca pode ser igual a zero e que não existe raiz quadrada de números negativos.

Questão 2

Correto

Atingiu 1,00 de

1,00

Marcar

questão

A equação da reta que passa pelos pontos (2,-5) e (3,1) é

Escolha uma:

- $y = \frac{1}{6}x + \frac{1}{2}$
- y = 6x + 17
- y = -6x + 19
- $y = -\frac{1}{6}x \frac{14}{3}$
- 9 y = 6x 17 ✓

Iniciamente observe que a inclinação da reta em questão é

■ Navegação do questionário

- 1 2 3 4 5 6 7
- 8 9 10 11

Terminar revisão

$$m = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{(-5)-1}{2-3} = 6.$$

Logo y=6x+b. Fazendo x=2 devemos ter y=-5, donde $-5=6\times 2+b$, isto é, b=-17.

Questão 3

Correto

Atingiu 1,00 de 1,00

Marcar questão

A função $f(x)=2x^2+5x+2$ pode ser escrita na forma $a(x-x_0)(x-x_1)$, em que x_0 e x_1 são as raízes dessa função. Escolha a alternativa que descreve a função segundo essa forma.

Escolha uma:

$$2(x-2)(x+\frac{1}{2})$$

$$(x+2)(x+\frac{1}{2})$$

$$^{\odot}$$
 2(x+2)(x+ $\frac{1}{2}$) \checkmark

$$(x+2)(x-\frac{1}{2})$$

Veja que colocando-se 2 em evidência $f(x)=2\left(x^2+\frac{5x}{2}+1\right)$. Agora as raízes do polinômio $x^2+\frac{5x}{2}+1$ são -2 e $\frac{-1}{2}$.

Assim,

$$f(x) = 2(x-(-2))(x-(\frac{-1}{2}))$$

[\paccm?]} = 222(x+2)(x+\frac{1}{2})

Questão 4

Correto

Atingiu 3,00 de 3,00

Marcar questão O gás metano é bastante encontrado em lugares onde se guarda grande quantidade de material orgânico e pode ser utilizado na obtenção de energia. Deve-se construir um tanque de aço para armazenagem desse tipo de gás com as seguintes características: o tanque será formado por um cilindro circular reto de 5m de altura e, em cada extremidade do cilindro, existirá uma semi-esfera. O

diâmetro d ainda deve ser determinado. Nessas condições, o volume $V \equiv V(d)$ do tanque pode ser expresso em função de d por,

Escolha uma:

$$\frac{\pi d^3}{6} + 5\pi d^2$$

$$-\frac{\pi d^3}{8} + \frac{5\pi d^2}{4}$$

$$-\frac{\pi d^3}{6} + \frac{5\pi d^2}{8}$$

$$\frac{\pi d^3}{6} + \frac{5\pi d^2}{4} \checkmark$$

O volume de uma esfera de raio r>0 é $\frac{4}{3}\pi r^3$ e de um cilindro circular reto de altura h>0 e raio da base r>0 é πr^2h . Usando esses fatos e lembrando que o diâmetro é o dobro do raio obtemos que o volume em questão é dado por

$$2 \times \frac{1}{2} \times \frac{4}{3} \pi (\frac{d}{2})^3 + \pi (\frac{d}{2})^2 5 = \frac{\pi d^3}{6} + \frac{5\pi d^2}{4}$$

Questão 5

Correto

Atingiu 3,00 de 3,00

Marcar

questão

Considere uma lata cilíndrica de raio r>0 e altura h>0 e lembre que sua área lateral é dada por $S=2\pi rh$. Suponha que o volume da lata é 64π centímetros cúbicos. O custo (por centímeto quadrado) para fazer a tampa e o fundo da lata, que são de metal, é duas vezes maior que o custo do material da lateral, que é de papelão. Se o custo por centímetro quadrado do papelão é 0,1 reais então o custo total de fabricação da lata C(r) é dada por

Escolha uma:

$$C(r) = 0.2 \times \frac{64\pi}{r} + 0.2\pi r^2$$

$$C(r) = 0.2 \times \frac{64\pi}{r} + 0.4\pi r^2$$

$$C(r) = 0.1 \times \frac{64\pi}{r} + 0.4\pi r^2$$

$$C(r) = 0.1 \times \frac{64\pi}{r} + 0.2\pi r^2$$

O custo para a área lateral é $0,1\times 2\pi rh$. Para a tampa e o fundo o custo é de $2\times 0,1\times \pi r^2$ cada. Desse modo o custo total é

$$C(r) = 0.2\pi rh + 0.2 \times 2 \times \pi r^2.$$

Usando a expressão $64\pi = \pi r^2 h$ podemos calcular h em função de r, substituir na expressão acima e obter a resposta correta.

Questão 6

Correto

Atingiu 1,00 de

1,00

Marcar

questão

A equação da reta que passa pelo ponto (7,-5) e tem inclinação igual a -2 é

Escolha uma:

$$y+2x=7$$

$$y+2x=-5$$

$$y-2x=-19$$

⊚
$$y+2x=9$$
 ✓ Correto. Como a reta tem inclinação igual a -2 sua equação é da forma $y=-2x+b$. Para determinar o valor de b basta fazer $x=7$ e obter $-5=-2\times7+b$, isto é, $b=9$.

Questão 7

Correto

Atingiu 3,00 de

3,00

Marcar

Considerando uma lata em formato de cilindro circular de altura h>0 que tenha como base uma circunferência de raio r>0, marque as alternativas corretas.

Escolha uma ou mais:

questão

Se a área lateral da lata é igual a 120π centímetros quadrados então o volume da lata em função do raio é

$$V(r) = 60\pi r$$
 . \checkmark Como $120\pi = 2\pi r h$ temos que $h = \frac{60}{r}$. Assim

$$V(r) = \pi r^2 h = \pi r^2 \frac{60}{r} = 60\pi r.$$

- A soma das áreas da tampa e do fundo da lata depende da altura da lata.
- Se o volume da lata é igual a 300 mL então a área superficial em função do raio é $S(r) = \frac{300}{r^2}$.

Lembre-se de que o volume de um cilindro circular reto é dado por $\pi r^2 h$, onde r é o raio da circunferência da base e h é a altura do cilindro. A área lateral do cilindro é dada por $2\pi rh$ e a área da base mais o topo $2\pi r^2$.

Questão 8

Parcialmente correto

Atingiu 1,50 de

Marcar

2,00

questão

As relações entre \boldsymbol{x} e \boldsymbol{y} abaixo representam \boldsymbol{y} como função de \boldsymbol{x} ?

$$x^2+y^2=1, \operatorname{com} \\ x \in [-1,1] \operatorname{e} y \geq 0 \\ x^2+y^2=1, \operatorname{com} \\ x,y \in [-1,1] \\ y^4+x^2=4, \operatorname{com} \\ x \in (0,1) \\ y^3+x^2=2, \operatorname{com} x \in \mathbb{R}$$

Lembre-se que uma função é uma regra que associa, para cada elemento do domínio,

exatamente um elemento do contra-domínio e que $\sqrt{x^2}\equiv |x|$, com o módulo de x sendo igual a x ou -x, dependendo do sinal de x.

Questão 9

Parcialmente correto

Atingiu 2,40 de

3,00

Marcar

questão

Considerando a reta cuja equação é dada por 2x+3y=5 temos que -2/3 a sua inclinação é ela intercepta o eixo $O_{\mathcal{X}}$ no 5/2 ponto (a,0), onde a é igual ela intercepta o eixo Oy no 5/3 ponto (0,b), onde b é igual a $\sqrt{}$ ela é paralela à reta dada pela equação 3/5 $\frac{-2x}{5} + by = 1$, onde $b \in$ ela é perpendicular a reta dada pela equação -4/32x+by=0, onde $b \in$ igual a

Para determinar a inclinação coloque a reta na forma y=mx+b e lembre que a inclinação é exatamente o valor de m. Lembre, ainda, que o eixo Oy é dado pelos pontos (0,y) e que o eixo Ox é dado pelos pontos (x,0).

Questão 10

Parcialmente correto

Atingiu 1,00 de

3,00

Marcar

Com relação às funções $f(x)=\sqrt{\frac{2x-4}{3}}$ e $g(x)=\sqrt{-x^2+6x-5}$ é correto afirmar que

Escolha uma ou mais:

questão

- O gráfico de 9 é uma parábola
- \square O número 4 pertence à imagem de g
- lacksquare A função f não é uma função linear
- \square O domínio de g é o intervalo [1,5]
- \square O domínio de f é o intervalo $ig(0,\inftyig)$
- \square O número 4 pertence à imagem de f \checkmark Correto. Basta resolver a equação

$$f(x) = \sqrt{\frac{2x-4}{3}} = 4$$
, para concluir que $f(26) = 4$.

Questão 11

Correto

Atingiu 3,00 de

3,00

w Marcar

questão

A função que associa, para cada $a\!>\!0$, o comprimento C(a) da diagonal do quadrado de lado a é

Escolha uma:

- $C(a) = 2\sqrt{a}$
- $C(a) = 2a^2$
- C(a) = 2a
- $C(a) = \sqrt{2}a$ Correto. Basta fazer um desenho e usar o Teorema de Pitágoras para obter

$$C(a)^2 = a^2 + a^2$$
, donde se conclui que $C(a) = \sqrt{2}a$.

Terminar revisão