

### Lista 3

1. Diga se a gramática G2 dada gera as palavras abaixo. Construa uma derivação e uma árvore de derivação para as palavras que a gramática puder gerar.

$$G2 = (\{E, N\}, \{+, \times, 0, 1\}, P2, E)$$

**P2:**  
 $E \rightarrow$   
     |  $E + E$   
     |  $E * E$   
     |  $( E )$   
 $N \rightarrow$   
     |  $0$   
     |  $1$   
     |  $0N$   
     |  $1N$

- a.  $((100*101)+(10+101))$
  - b.  $(1*1+1)*((10+101)+11)$
2. Considere a gramática livre de contexto em notação BNF abaixo. Assuma que o não-terminal inicial é  $\langle \text{assign} \rangle$ . Os seguintes exemplos conseguem demonstrar ambigüidade (DEE e DED)?

$\langle \text{assign} \rangle ::= \langle \text{id} \rangle = \langle \text{expr} \rangle$   
 $\langle \text{id} \rangle ::= A \mid B \mid C$   
 $\langle \text{expr} \rangle ::= \langle \text{expr} \rangle "+" \langle \text{expr} \rangle$   
           |  $\langle \text{expr} \rangle "*" \langle \text{expr} \rangle$   
           |  $\langle \text{expr} \rangle$   
           |  $\langle \text{id} \rangle$

- a.  $A = (B+C) * (A+C)$
- b.  $B = (B*B) + (A*C)$
- c.  $C = B+B * A+C$

3. Considere a gramática livre de contexto em notação BNF abaixo. Assuma que o não-terminal inicial é <program>.

```
G = ({program, stmt_list, stmt, var, expression},
     {begin, end, ;, =, +, -, A, B, C}, P, program)

P = { <program>      → begin <stmt_list> end
     <stmt_list>     → <stmt>
                       | <stmt> ; <stmt_list>
     <stmt>          → <var> = <expression>
     <var>           → A | B | C
     <expression>    → <var> + <var>
                       | <var> - <var>
                       | <var> }
```

- a. Dê um exemplo de **palavra** que possa ser gerada pela gramática acima e que tenha ao menos uma expressão.
4. Considere a gramática livre de contexto em notação BNF abaixo. Assuma que o não-terminal inicial é <programa>.

```
<programa> ::= <lista_decl>
<lista_decl> ::= <declaracao> <lista_decl>
                | <declaracao>
<declaracao> ::= <tipo> <nome> ";"
                | "func" <nome> "(" ")" "{" <comando> "}"
<tipo> ::= "int" | "char"
<comando> ::= <nome> "=" <expr> ";"
                | "return" <expr> ";"
<expr> ::= <expr> "+" <expr>
            | <expr> "*" <expr>
            | <nome>
<nome> ::= "aux" | "temp" | "x"
```

- a. Dê um exemplo de **palavra** que possa ser gerada pela gramática acima e que tenha ao menos um comando.
- b. Mostre uma **árvore de derivação** para a palavra.
- c. Prove que a gramática acima é **ambígua**.

5. Crie uma gramática livre de contexto em notação BNF para gerar uma sequência de expressões numéricas separadas por ponto-e-vírgula. Considere que os números tenham um só dígito. A gramática deve ser ambígua. Exemplo de palavras que ela deve gerar: “1+2\*3”, “1+2; 3; 4+3+2”, etc.
6. Construa uma gramática livre de contexto, usando a notação BNF, para especificar a sintaxe da linguagem de programação descrita informalmente abaixo:
- Um **programa** é composto de um ou mais **procedimentos**.
  - Cada **procedimento** é definido assim:
    - Inicia com a palavra “**proc**”
    - Depois vem um **identificador**
    - Depois vem um **bloco**
  - Um **identificador** pode ser qualquer palavra formada apenas por **letras** (uma ou mais).
  - Assuma que as **letras** podem ir apenas de ‘a’ a ‘d’.
  - Um **bloco**
    - Inicia com “[ [“
    - Depois vem uma sequência de **comandos**, possivelmente vazia
    - Termina com “] ]”
  - Um **comando** é definido assim:
    - Ou a palavra “**var**” seguida de um **identificador** seguido de “;” (declaração de variável).
    - Ou um **identificador** seguido de “<-” seguido de uma **expressão** seguida de “;” (atribuição).
    - Ou um **identificador** seguido da palavra “( ) ;” (chamada de procedimento).
  - Uma **expressão** é definida assim:
    - Uma **expressão** seguida de “\*” seguida de outra **expressão**.
    - Ou “-“ seguido de uma **expressão**
    - Ou simplesmente a palavra “41”.
    - Ou simplesmente um **identificador**.
7. Dê um exemplo de **palavra** que possa ser gerada pela gramática acima e que tenha ao menos um comando. Mostre uma **árvore de derivação** para a palavra.