FCT/Unesp - Presidente Prudente

Projeto e Análise de Algoritmos Prof. Danilo Medeiros Eler

Exercícios Aula 03

1) Verifique se cada questão abaixo é verdadeira ou falsa.

(a)
$$10^{56} \cdot n^2 \in O(n^2)$$
? (d) $2^{n+1} \in O(2^n)$?

(d)
$$2^{n+1} \in O(2^n)$$
?

(b)
$$10^{56} \cdot n^2 \in O(n^3)$$
? (e) $2^{2n} \in O(2^n)$?

(e)
$$2^{2n} \in O(2^n)$$
?

(c)
$$10^{56} \cdot n^2 \in O(n)$$
? (f) $n \in O(n^3)$?

(f)
$$n \in O(n^3)$$
?

2) Coloque em ordem crescente de complexidade as principais classes de problemas listadas a seguir.

$$O(n!), O(n \log n), O(n), O(\log n), O(1), O(2^n), O(n^3), O(n^2)$$

3) Expresse a função abaixo em termos da notação assintótica "O".

$$n^3/1000 - 100n^2 - 100n + 3$$

4) Analise o algoritmo abaixo e identifique o seu pior caso usando a notação assintótica

exibe_matriz_3D(M)

for
$$i \leftarrow 1$$
 to $comprimento_x[M]$

for $j \leftarrow 1$ to $comprimento_y[M]$

for $k \leftarrow 1$ to $comprimento_z[M]$

do $escreva(M[i][j][k]))$

5) Apresente a análise detalhada de complexidade do método **main1**. Neste caso, é necessário analisar a complexidade dos métodos **subAlgoritmo01** e **subAlgoritmo02**. Utilize a notação assintótica para indicar a complexidade do algoritmo. Lembre que **size()** é um método que retorna o número de elementos de uma lista.

```
public void main1(ArrayList args){
       subAlgoritmo01();
       double x, y, z;
       for(int i = (1000 + args.size()); i >= 0; i--){
               x=(double)i/2; y=(double)x/2; z=(double)x+y;
               System.out.print(z);
       subAlgoritmo02(args);
public void subAlgoritmo01(){
       double x, y, z;
       for(int i = 1000; i >= 0; i--){
               x=i/2; y=x/2; z=x+y;
               System.out.print(z);
       }
public void subAlgoritmo02(ArrayList args){
       for(int i = 0; i < args.size(); i++){
               System.out.print(args.get(i));
       for(int i = 0; i < Math.pow(args.size(),10); i++){
               System.out.println("aloAlo");
       double x, y, z;
       for(int i = 1000 + Math.pow(args.size(),5); i \ge 0; i--){
               x = (double)i/2; y = (double)x/2; z = (double)x+y;
               System.out.print(z);
       }
}
```

6) Conforme o exercício anterior, apresente a análise detalhada de complexidade do algoritmo **main2**. Utilize a notação assintótica para indicar a complexidade. Lembre que **size()** é um método que retorna o número de elementos de uma lista.

```
public void main2(ArrayList args){
    subAlgoritmo01();
    subAlgoritmo02(args);
    subAlgoritmo03(args);
    subAlgoritmo04(args);
}
```

```
public void subAlgoritmo01(){
       double x, y, z;
       for(int i = 1000; i >= 0; i--){
               x=i/2; y=x/2; z=x+y;
               System.out.print(z);
       }
public void subAlgoritmo02(ArrayList args){
       for(int i = 0; i < args.size(); i++){
               System.out.print(args.get(i));
       for(int i = 0; i < args.size(); i++){
               System.out.print(args.get(i));
       double x, y, z;
       for(int i = 1000; i >= 0; i--){
               x=(double)i/2; y=(double)x/2; z=(double)x+y;
               System.out.print(z);
       }
public void subAlgoritmo03(ArrayList args){
       for(int i = 0; i < args.size(); i++){
               for(int j = 0; j < args.size(); j++){
                      for(int ki = 0; ki < args.size(); k++){
                              System.out.print("Alo mundo "+i*j*k);
                       }
               }
       }
public void subAlgoritmo04(ArrayList args){
       for(int i = 0; i < Math.pow(args.size(),2); i++){
               System.out.print("Alo mundo " + i);
       }
}
```

7) Apresente a análise detalhada de complexidade dos subprogramas abaixo. Lembre que **size**() é um método que retorna o número de elementos de uma lista. Utilize a notação assintótica.

```
Pessoa busca(String nome){
  for (int i = 0; i < pessoas.size(); i++){
     if (pessoas.get(i).getNome().equals(nome))
       return pessoas.get(i);
  }
  return null;
}</pre>
```

```
a)
void exibir(String nome){
  Pessoa p = busca(nome);
  if (p != null){
     p.exibirDados();
  else{ System.out.println("Pessoa não encontrada");
}
b)
void exibir(String nome){
  if (busca(nome) != null){
     busca(nome).exibirDados();
  }
 else{
      System.out.println("Pessoa não encontrada");
}
c)
void atualizar(String nome, int idade, float salario){
   Pessoa p = busca(nome);
  if (p != null){
     p.setIdade(idade);
     p.setSalario(salario);
  }
 else{
      System.out.println("Pessoa não encontrada");
  }
}
d)
void atualizar(String nome, int idade, float salario){
  if (busca(nome) != null){
     busca(nome).setIdade(idade);
     busca(nome).setSalario(salario);
  }
 else{
      System.out.println("Pessoa não encontrada");
}
```

8) Apresente a análise detalhada de complexidade dos subprogramas abaixo. Utilize a notação assintótica para apresenta a análise.

```
Algoritmo UnicoElemento (A, n)
```

//Determina se todos os elementos de um dado vetor são distintos

//Entrada: um vetor A e o número de elementos do vetor n

//Saída: retorna "verdadeiro" se todos os elementos em A são distintos e "falso" caso contrário

Para i = 1 até n - 1 faça Para j = i+1 até n faça Se A[i] = A[j] retorne falso retorne verdadeiro