# Оглавление

| 1 | Эле | ктрическое поле в вакууме              | 3 |
|---|-----|--|---|
|   | 1.1 | Электрический заряд                    | 3 |
|   | 1.2 | Закон сохранения электрического заряда | 4 |
|   | 1.3 | Электромагнитное поле                  | 4 |
|   | 1.4 | Закон Кулона                           | 4 |
|   | 1.5 | Напряженность электростатического поля | 4 |
|   | 1.6 | Силовые линии электростатического поля | 5 |
|   |     | Принцип суперпозиции                   |   |
|   | 1.8 | Макроскопических заряженное тело       | 5 |

2 ОГЛАВЛЕНИЕ

## Глава 1

## Электрическое поле в вакууме

## 1.1 Электрический заряд

**Определение 1.1.1.** Электрический заряд — физическая величина, определяющая силу создаваемого им электрического взаимодействия. Единица измерения заряда в СИ — Кулон (Кл). Также заряд — это внутреннее свойство элементарных частиц, а также источник и объект действия электромагнитного поля;

**Определение 1.1.2.** Кулон — электрический заряд, проходящий через поперечное сечение проводника при силе тока 1 ампер за 1 секунду.

Все тела образованы из атомов или молекул, которые, в свою очередь, состоят из ядер и электронов, обладающих электрическим зарядом. Существует два типа зарядов, условно называемых *отрицательными* (электроны) и *положительными* (ядра атомов). Силы электрического взаимодействия связывают ядро и электроны в единую систему — атом.

Наименьший по величине электрический заряд (элементарный заряд), экспериментально обнаруженный в природе, — заряд электрона:

$$q_e = -e, \quad e = 1.6 \cdot 10^{-19} \text{ Kл}.$$

Положительный заряд атомных ядер образован входящими в их состав протонами. Заряд протона положителен и по величине равен заряду электрона  $q_p = +e$ . В каждом атоме суммы положительных и отрицательных зарядов равны по абсолютной величине, и поэтому обычно тела оказываются электронейтральными. Однако можно оторвать электроны от одних тел, которые становятся при этом положительно заряженными, и передать их другим телам, которые заряжаются отрицательно. Такие тела являются макроскопически заряженными. Электрический заряд любого тела кратен элементарному заряду e, т. е. изменяется дискретно на величину

$$\Delta q = \pm Ne, \quad N \in \mathbb{Z}.$$

Между заряженными телами возникают особые силы, называемые *электрическими силами*.Одноименные заряды отталкиваются, а разноименные — притягиваются.

**Определение 1.1.3.** Точечные заряды — это два заряженных тела настолько малых по сравнению с расстоянием между ними, что при дальнейшем уменьшении размеров этих тел и изменении их формы сила взаимодействия между ними *не будет изменяться* в пределах заданной точности измерений.

**Определение 1.1.4.** Пробный заряд — это точечный заряд, настолько малый, что его перемещение не вызывает перераспределения электрических зарядов на окружающих телах и поэтому не искажает исследуемое поле.

**Определение 1.1.5.** Электростатическое поле — это поле неподвижных зарядов.

#### 1.2 Закон сохранения электрического заряда

В электрически изолированной системе сумма электрических зарядов остается неизменной:

$$\sum_{i} q_i = \text{const.}$$

### 1.3 Электромагнитное поле

Оно обладает *энергией* и *импульсом*. Заряженное тело создает в пространстве вокруг себя *электромагнитное поле*. Это поле действует на помещенные в него заряды и токи. По представлениям современной физики электромагнитное поле является один из видов материи.

#### 1.4 Закон Кулона

Сформулируем закон Кулона. Пусть имеются две заряженные частицы, причем

- $q_1$  и  $q_2$  величина зарядов;
- $\vec{F}_{12}$  сила, с которой действует заряд 1 на заряд 2;
- $\vec{F}_{21}$  сила, с которой действует заряд 2 на заряд 1;
- $\vec{r}_{12}$  вектор, направленный от заряда 1 к заряду 2 и по модулю равный расстоянию между ними (r);

Тогда закон Кулона можно сформулировать следующим образом:

**Определение 1.4.1.** Сила взаимодействия двух неподвижных точечных зарядов в пустоте пропорционально величине каждого из зарядов, обратно пропорциональна квадрату расстояния между ними и направлена по прямой, соединяющей эти заряды

$$\vec{F}_{12} = -\vec{F}_{21}, \qquad \vec{F}_{12} = k \frac{q_1 q_2}{r^2} \frac{\vec{r}_{12}}{r}.$$

$$\vec{F}_{12} \qquad q_1 \qquad q_2 \qquad \vec{F}_{21}$$

Закон кулона применим, если в условии данной задачи заряды можно рассматривать как *точечные*.

Коэффициент пропорциональности k в СИ равен (здесь  $\varepsilon_0$  – электрическая постоянная):

$$k = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} = 9 \cdot 10^9 \frac{\mathrm{H} \cdot \mathrm{m}^2}{\mathrm{K}\pi^2}, \qquad \varepsilon_0 = 8.85 \cdot 10^{-12} \frac{\mathrm{K}\pi^2}{\mathrm{H} \cdot \mathrm{m}^2},$$

#### 1.5 Напряженность электростатического поля

**Определение 1.5.1.** Напряженность электростатического поля — это векторная величина, характеризующая электрическое поле в данной точке. Напряженность является **силовой характеристикой поля**. Она равна отношению силы  $\vec{F}$ , действующей на неподвижный пробный электрический заряд, к величине этого заряда q:

$$ec{E}=rac{ec{F}}{a}, \qquad [E]= ext{B/m}.$$

#### 1.6 Силовые линии электростатического поля

Особенности силовых линий:

- начинаются на положительных зарядах, оканчиваются на отрицательных или уходят в бесконечность;
- не замкнуты;
- не пересекаются;
- густота линий прямо пропорциональна модулю напряженности.

#### 1.7 Принцип суперпозиции

**Определение 1.7.1.** Напряженность электростатического поля системы точечных зарядов равна векторной сумме напряженностей полей, которые создавал бы каждый из этих зарядов в отсутствии остальных:

$$\vec{E} = \sum_{i} \vec{E_i}.$$

#### 1.8 Макроскопических заряженное тело

Если распределение зарядов непрерывно, справедливы следующие формулы:

• Объемная плотность заряда:

$$\rho = \frac{dq}{dv}, \qquad [\rho] = \frac{\mathrm{K}\pi}{\mathrm{m}^3}.$$

• Поверхностная плотность заряда:

$$\sigma = \frac{dq}{dS}, \qquad [\sigma] = \frac{\mathbf{K}\pi}{\mathbf{M}^2}.$$

• Линейная плотность заряда:

$$au = \frac{dq}{dl}, \qquad [\sigma] = \frac{\mathrm{K}\pi}{\mathrm{M}}.$$