

**МИНОБРНАУКИ РОССИИ**  
**САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ**  
**ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ**  
**«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)**  
**Кафедра математического обеспечения и применения ЭВМ**

**ОТЧЕТ**  
**по практической работе №4**  
**по дисциплине «Построение и анализ алгоритмов»**  
**Тема: Алгоритм Кнута-Мориса-Пратта**

Студент гр. 7383

\_\_\_\_\_

Зуев Д.В.

Преподаватель

\_\_\_\_\_

Жангиров Т.Р.

Санкт-Петербург

2019

### **Цель работы.**

Цель работы: ознакомиться с алгоритмом Кнута-Морриса-Пратта на примере построения алгоритма для выполнения задачи.

Формулировка задачи: Реализуйте алгоритм КМП и с его помощью для заданных шаблона  $P$  ( $|P| \leq 15000$ ) и текста  $T$  ( $|T| \leq 5000000$ ) найдите все вхождения  $P$  в  $T$ .

Заданы две строки  $A$  ( $|A| \leq 5000000$ ) и  $B$  ( $|B| \leq 5000000$ ).

Определить, является ли  $A$  циклическим сдвигом  $B$  (это значит, что  $A$  и  $B$  имеют одинаковую длину и  $A$  состоит из суффикса  $B$ , склеенного с префиксом  $B$ ). Вариант 1. Подготовка к распараллеливанию: работа по поиску разделяется на  $k$  равных частей, пригодных для обработки  $k$  потоками (при этом длина образца гораздо меньше длины строки поиска).

### **Реализация задачи.**

Для реализации алгоритма были написаны следующие функции:

`prefix_for_P` — вычисляет префикс функцию для первой строки, вхождения которой будут искаться во второй строке. Возвращает вектор значений префикс функции.

`KMP` — алгоритм Кнута-Морриса-Пратта, проходит по второй строке, совершая шаг с учетом вычисленной ранее префикс функции для первой строки. При записывает в строку индексы вхождений первой строки во вторую, возвращает полученную строку.

`init_func` — делит вторую строку на подстроки с учетом того, что никакие подстроки длиной, равной длине первой строки, не будут пропущены. Затем выполняет алгоритм Кнута-Морриса-Пратта для каждой из полученных подстрок. Возвращает строку — конкатенацию результатов работы алгоритма для этих подстрок.

`main` — длины дуг до смежных вершин, увеличивающиеся алгоритмом.

В главной функции `main` считываются строки и количество потоков, для подготовки к распараллеливанию на них. Выполняются задания и выводится результат их работы.

Код программы представлен в приложении Б.

### **Исследование сложности алгоритма.**

Функция `preffix_for_P` вычисляет значения префикс функции для первой строки. Она проходит по всем символам этой строки, поэтому время выполнения  $O(|P|)$ .

Функция КМР ища вхождения первой строки проходит по всем символам второй строки, поэтому время выполнения  $O(|T|)$ .

В сумме получается сложность  $O(|P|+|T|)$ .

### **Тестирование.**

Программа была собрана в компиляторе G++ в среде разработки Qt в операционной системе Linux Ubuntu 17.10.

В ходе тестирования ошибок выявлено не было.

Корректные тестовые случаи представлены в приложении А.

### **Выводы.**

В ходе выполнения данной работы был изучен и реализован алгоритм Кнута-Морриса-Пратта поиска всех вхождений одной строки в другой. Оценена сложность реализованного алгоритма, она составляет  $O(|P|+|T|)$ .

**ПРИЛОЖЕНИЕ А**  
**ТЕСТОВЫЕ СЛУЧАИ**

Входные данные	Выходные данные
ab abab 4	Task 1: 0,2 Task 2: -1
defabc abcdef 5	Task 1: -1 Task 2: 3
abcde abcde 1	Task 1: 0 Task 2: 0

## ПРИЛОЖЕНИЕ Б

### ИСХОДНЫЙ КОД

```
#include <vector>
#include <iostream>
#include <string>

using namespace std;

string KMP(string T, string P, size_t begin, size_t end, vector<int> p)
{
    string result;
    int k = 0;
    for (int i = begin; i <= end; ++i)
    {
        while ((k > 0) && (P[k] != T[i]))
            k = p[k - 1];
        if (P[k] == T[i])
            ++k;
        if (k == P.length())
            result += to_string(i - P.length() + 1) + ',';
    }
    return result;
}

vector<int> prefix_for_P(string P)
{
    int len = P.length();
    vector<int> p(len);
    p[0] = 0;
    int k = 0;
    for (int i = 1; i < len; ++i)
    {
        while ((k > 0) && (P[k] != P[i]))
            k = p[k - 1];
        if (P[k] == P[i])
            ++k;
        p[i] = k;
    }
    return p;
}

string init_func(string T, string P, size_t k)
{
    string result;
    size_t s_length = T.length() / k;
    vector<int> p = prefix_for_P(P);
    for (int i = 0; i < k-1; ++i)
        result += KMP(T, P, i*s_length, (i+1)*s_length+P.length() - 2, p);
    result += KMP(T, P, (k-1)*s_length, T.length()-1, p);
    return result;
}
```

```

}

int main()
{
    string P;
    string T;
    size_t k;
    cin>>P>>T>>k;
    string task1_answ = init_func(T, P, k);
    cout<< "Task 1:" << endl;
    if(task1_answ.empty())
        cout<<-1<<endl;
    else
    {
        task1_answ.pop_back();
        cout << task1_answ << endl;
    }
    cout<<"Task 2:" << endl;
    if(T.length() != P.length())
        cout<<-1<<endl;
    else
    {
        string task2_answ = init_func(T+T, P, k);
        if(task2_answ.empty())
            cout<<-1<<endl;
        else
            cout << task2_answ[0] << endl;
    }
    return 0;
}

```