

5) Como, na questão 4 ($\rho_T(\nu) = \frac{4\pi}{c} R_T(\nu)$)
tem-se que $R_\nu(\nu, T) = \frac{2h\nu^3}{c^2} \frac{1}{(e^{h\nu/kT} - 1)}$

Como ν_{\max} ocorre quando $\frac{\partial R(\nu, T)}{\partial \nu} = 0$:

$$\frac{2h}{c^2} \cdot \left(\frac{3\nu^2(e^{\frac{h\nu}{kT}} - 1) - \nu^3 \cdot \frac{h}{kT} e^{\frac{h\nu}{kT}}}{(e^{\frac{h\nu}{kT}} - 1)^2} \right) = 0$$

$$\Rightarrow \cancel{3\nu^2} e^{\frac{h\nu}{kT}} - \cancel{3\nu^2} - \cancel{\nu^3} \frac{h}{kT} e^{\frac{h\nu}{kT}} = 0$$

$$\Rightarrow 3e^{\frac{h\nu}{kT}} - \frac{\nu h}{kT} e^{\frac{h\nu}{kT}} - 3 = 0$$

$$\text{Fazendo } \frac{h\nu}{kT} = x \Rightarrow 3e^x - xe^x - 3 = 0$$

Resolvendo analiticamente: $x = 2,82144$

$$\Rightarrow \frac{h\nu}{kT} = 2,82144 \Rightarrow \nu_{\max} = \frac{2,82144 \cdot k \cdot T}{h}$$