

Министерство цифрового развития, связи и массовых коммуникаций
Российской Федерации
ордена Трудового Красного Знамени
федеральное государственное
бюджетное образовательное учреждение
высшего образования

Московский Технический Университет Связи и Информатики



Кафедра
"Математическая кибернетика и информационные технологии"

Курсовая работа
по дисциплине
"Структуры и алгоритмы обработки данных"

Выполнил студент
группы БВТ2005
Макбари Д. А.

Проверил
Мкртчян Г. М.

Москва 2022

Содержание

Задача 1	3
Задача 2	4
Задача 3	6
Задача 4	9
Задача 5	11
Задача 6	13
Задача 7	15
Задача 8	17
Задача 9	19
Задача 10	20
Вывод	22

Задача 1

Задан массив a_1, a_2, \dots, a_n , состоящий из n положительных целых чисел. Изначально вы находитесь в позиции 1, и ваше количество очков равно a_1 . Можно совершать два типа шагов:
шаг вправо — перейти из текущей позиции x в $x+1$ и получить $ax+1$ очков. Этот шаг можно делать только если $x < n$.
шаг влево — перейти из текущей позиции x в $x-1$ и получить $ax-1$ очков. Этот шаг можно делать только если $x > 1$. Также нельзя совершать два или более шагов влево подряд.
Вам требуется совершить ровно k шагов. Не более z из них могут быть шагами влево.

Какое наибольшее количество очков можно получить?

Входные данные

В первой строке записано одно целое число t ($1 \leq t \leq 104$) — количество наборов входных данных.

В первой строке каждого набора входных данных записаны три целых числа n, k и z ($2 \leq n \leq 105$, $1 \leq k \leq n-1$, $0 \leq z \leq \min(5, k)$) — количество элементов в массиве, суммарное количество шагов, которое вы должны сделать, и максимальное количество шагов влево, которое вы можете сделать.

Во второй строке каждого набора входных данных записаны n целых чисел a_1, a_2, \dots, a_n ($1 \leq a_i \leq 104$) — данный массив.

Сумма n по всем наборам входных данных не превосходит $3 \cdot 10^5$.

Выходные данные

Выведите t целых чисел — для каждого набора входных данных выведите наибольшее количество очков, которое можно получить, если требуется сделать ровно k шагов, не более z из них могут быть шагами влево и не должно быть двух шагов влево подряд.

Решение:

```
import sys

def task1(arr, k, z):
    maxsum = 0
    for lmoves in range(z + 1):
        rmoves = k - 2 * lmoves
        sum_rmoves = sum(arr[:rmoves + 1])
        for lrpos in range(rmoves + 1):
            if lrpos < len(arr) - 1:
                tempsum = lmoves * (arr[lrpos] + arr[lrpos + 1]) + sum_rmoves
```

```

        maxsum = tempsum if tempsum > maxsum else maxsum
    return maxsum

print("Ввод данных:")
t = int(input("t = "))
if t not in range(1, 10 ** 4 + 1):
    sys.exit("t должно быть в пределах 1<=t<=10^4")
nsum = 0
results = []
for i in range(t):
    n, k, z = input("n, k, z = ").split()
    n, k, z = int(n), int(k), int(z)
    nsum += n
    if nsum > 3 * 10 ** 5:
        sys.exit("Сумма n по всем наборам входных данных не превосходит 3*10^5")
    if n not in range(2, 10 ** 5 + 1):
        sys.exit("n должно быть в пределах 2<=n<=10^5")
    if k not in range(1, n):
        sys.exit("k должно быть в пределах 1<=k<=n-1")
    if z not in range(0, min(5, k) + 1):
        sys.exit("z должно быть в пределах 0<=z<=min(5, k)")
    arr = input("Введите массив ").split()
    arr = [int(arr[i]) for i in range(len(arr))]
    if n != len(arr):
        sys.exit("Длина массива не совпадает с n")
    for item in arr:
        if item not in range(1, 10 ** 4 + 1):
            sys.exit("Элементы массива должны быть в пределах 1<=ai<=10^4")
    results.append(task1(arr, k, z))
print("Вывод результата:")
for i in range(t):
    print(results[i])

```

Задача 2

Вам дан массив a из n целых чисел.

Вы хотите сделать все элементы a равными нулю, применив следующую операцию ровно три раза:

Выберите отрезок, к каждому числу на этом отрезке добавьте число кратное len , где len это длина этого отрезка (добавленные числа могут быть разными).

Можно доказать, что таким образом всегда можно превратить все элементы a в нули.

Входные данные

В первой строке записано одно целое число n ($1 \leq n \leq 100000$): количество элементов массиве.

Во второй строке записаны n элементов массива a , разделенные пробелами: a_1, a_2, \dots, a_n ($-109 \leq a_i \leq 109$).

Выходные данные

Выведите шесть строк, описывающих три операции.

Для каждой операции, выведите две строки:

В первой строке выведите два числа l, r ($1 \leq l \leq r \leq n$): границы выбранного отрезка. Во второй строке выведите $r-l+1$ целых чисел $bl, bl+1, \dots, br$ ($-1018 \leq bi \leq 1018$): числа, которые нужно прибавить к $al, al+1, \dots, ar$, соответственно; bi должно делиться на $r-l+1$.

Решение:

```
import sys

def task2(arr):
    if len(arr) == 1:
        return [[1, 1], [-arr[0]], [1, 1], [0], [1, 1], [0]]

    result = []

    result.append([1, 1])
    result.append([-arr[0]])

    result.append([1, n])
    result.append([0])
    for i in range(1, n):
        result[-1].append(-n * arr[i])

    result.append([2, n])
    result.append([])
    for i in range(1, n):
        result[-1].append((n - 1) * arr[i])

    return result

print("Ввод данных:")
```

```

n = int(input("n = "))
if n not in range(1, 100001):
    sys.exit("n должно быть в пределах 1<=n<=100000")
arr = input("Введите массив ").split()
arr = [int(arr[i]) for i in range(len(arr))]
if len(arr) != n:
    sys.exit("Длина массива не совпадает с n")
for item in arr:
    if item not in range(-10 ** 9, 10 ** 9 + 1):
        sys.exit("Элементы массива должны быть в пределах -10^9<=ai<=10^9")
result = task2(arr)
print("Вывод результата:")
for item1 in result:
    for item2 in item1:
        print(item2, end=' ')
    print()

```

Задача 3

Вам задан массив a , состоящий из n целых чисел. Индексы элементов массива начинаются с нуля (то есть первый элемент — это a_0 , второй — a_1 , и так далее).

Вы можете развернуть не более одного подмассива (последовательного отрезка) этого массива. Напомним, что подмассив a с границами l и r равен $a[l;r]=a_l, a_{l+1}, \dots, a_r$.

Ваша задача — развернуть такой подмассив, чтобы сумма элементов на четных позициях получившегося массива была максимально возможной (то есть сумма элементов a_0, a_2, \dots, a_{2k} для целого числа $k=\lfloor n-1 \rfloor$ должна быть максимально возможной).

Вам необходимо ответить на t независимых наборов тестовых данных.

Входные данные Первая строка входных данных содержит одно целое число t ($1 \leq t \leq 2 \cdot 10^4$) — количество наборов тестовых данных. Затем следуют t наборов тестовых данных.

Первая строка набора содержит одно целое число n ($1 \leq n \leq 2 \cdot 10^5$) — длину a . Вторая строка набора содержит n целых чисел a_0, a_1, \dots, a_{n-1} ($1 \leq a_i \leq 10^9$), где a_i — это i -й элемент a .

Гарантируется, что сумма n не превосходит $2 \cdot 10^5$ ($\sum n \leq 2 \cdot 10^5$).

Выходные данные

Для каждого набора тестовых данных выведите ответ на отдельной строке — максимально возможная сумма элементов на четных позициях после разво-

рота не более одного подмассива (последовательного отрезка) a .

Решение:

```
import sys

def maxSubArray(a):
    size = len(a)
    max_so_far = -sys.maxsize - 1
    max_ending_here = 0
    start = 0
    end = 0
    s = 0
    for i in range(0, size):
        max_ending_here += a[i]
        if max_so_far < max_ending_here:
            max_so_far = max_ending_here
            start = s
            end = i
        if max_ending_here < 0:
            max_ending_here = 0
            s = i+1
    if max_so_far > 0:
        return start, end
    else:
        return 0, -1

def task3(arr):
    shift = []
    for i in range(1, len(arr), 2):
        shift.append(arr[i] - arr[i - 1])
    start, end = maxSubArray(shift)
    start *= 2
    end = end * 2 + 1
    l = arr[:start]
    mid = arr[start:end + 1]
    mid.reverse()
    r = arr[end + 1:]
    l.extend(mid)
    l.extend(r)
    sum1 = 0
```

```

for i in range(0, len(l), 2):
    sum1 += l[i]

shift = []
for i in range(2, len(arr), 2):
    shift.append(arr[i - 1] - arr[i])
start, end = maxSubArray(shift)
start = start * 2 + 1
end = end * 2 + 1 + 1
l = arr[:start]
mid = arr[start:end + 1]
mid.reverse()
r = arr[end + 1:]
l.extend(mid)
l.extend(r)
sum2 = 0
for i in range(0, len(l), 2):
    sum2 += l[i]
return max(sum1, sum2)

print("Ввод данных:")
res = []
t = int(input("t = "))
if t not in range(1, 2 * 10 ** 4 + 1):
    sys.exit("t должно быть в пределах 1<=t<=2*10^4")
nsum = 0
for i in range(t):
    n = int(input("n = "))
    nsum += n
    if nsum > 2 * 10 ** 5:
        sys.exit("Сумма n по всем наборам входных данных не превосходит 2*10^5")
    if n not in range(1, 2 * 10 ** 5 + 1):
        sys.exit("n должно быть в пределах 1<=n<=2*10^5")
arr = input("Введите массив ").split()
arr = [int(arr[i]) for i in range(len(arr))]
if len(arr) != n:
    sys.exit("Длина массива не совпадает с n")
for item in arr:
    if item not in range(1, 10 ** 9):
        sys.exit("Элементы массива должны быть в пределах 1<=ai<=10^9")

```



```

    res.append(task3(arr))
print("Вывод результата:")
for i in range(t):
    print(res[i])

```

Задача 4

У Пети есть прямоугольная доска размера $n \times m$. Изначально на доске размещено k фишек, i -я из них находится в клетке, на пересечении sxi -й строки и syi -го столбца.

За одно действие Петя может сдвинуть все фишки влево, вправо, вниз или вверх на 1 ячейку.

Если фишка была в клетке (x, y) , то после операции:

влево, ее координаты будут $(x, y-1)$; вправо, ее координаты будут $(x, y+1)$; вниз, ее координаты будут $(x+1, y)$; вверх, ее координаты будут $(x-1, y)$. Если фишка находится у стенки доски, и действие, выбранное Петей, двигает ее в направлении стены, то фишка остается на своей текущей позиции.

Обратите внимание, что несколько фишек могут располагаться в одной и той же клетке.

Для каждой фишки Петя выбрал позицию, в которой она должна побывать. Обратите внимание, что фишка не обязательно заканчивает в этой позиции. Так как у Пети не очень много свободного времени, он готов сделать не более $2nm$ действий, описанных выше.

Вам предстоит выяснить, какие действия должен делать Петя, чтобы все фишки побывали хотя бы раз в выбранных для них клетках. Или определить, что за $2nm$ действий выполнить это невозможно.

Входные данные

Первая строка содержит три целых числа n, m, k ($1 \leq n, m, k \leq 200$) — количество строк и столбцов доски и количество фишек соответственно.

Следующие k содержат по два целых числа sxi, syi ($1 \leq sxi \leq n, 1 \leq syi \leq m$) — начальная позиция i -й фишки.

Следующие k содержат по два целых числа fxi, fyi ($1 \leq fxi \leq n, 1 \leq fyi \leq m$) — позиция, которую должна посетить i -я фишка хотя бы раз.

Выходные данные

В первой строке выведите количество операций, чтобы каждая фишка посетила хотя бы раз позицию, которую выбрал для нее Петя.

Во второй строке выведите последовательность операций. Для обозначения операций влево, вправо, вниз, вверх используйте символы L, R, D, U соответственно.

Если искомой последовательности не существует, в единственной строке вы-

ведите -1.

Решение:

```
import sys

def task4(n, m, k, start, end):
    result = ""
    for i in range(n - 1):
        result += "U"
    for i in range(m - 1):
        result += "L"
    for i in range(n):
        if i:
            result += "D"
        for j in range(m - 1):
            if i % 2:
                result += "L"
            else:
                result += "R"
    return [n + m + n * m - 3, result]

print("Ввод данных:")
n, m, k = input("n, m, k = ").split()
n, m, k = int(n), int(m), int(k)
if n not in range(1, 201):
    sys.exit("n должно быть в пределах 1<=n<=200")
if m not in range(1, 201):
    sys.exit("m должно быть в пределах 1<=m<=200")
if k not in range(1, 201):
    sys.exit("k должно быть в пределах 1<=k<=200")
start = []
end = []
for i in range(int(k)):
    x, y = input("sx, sy = ").split()
    x, y = int(x), int(y)
    if x not in range(1, n + 1):
        sys.exit("sx должно быть в пределах 1<=sx<=n")
    if y not in range(1, m + 1):
        sys.exit("sy должно быть в пределах 1<=sy<=m")
    start.append([x, y])
```

```

for i in range(int(k)):
    x, y = input("fx, fy = ").split()
    x, y = int(x), int(y)
    if x not in range(1, n + 1):
        sys.exit("fx должно быть в пределах 1<=fx<=n")
    if y not in range(1, m + 1):
        sys.exit("fy должно быть в пределах 1<=fy<=m")
    end.append([x, y])
print("Вывод результата:")
result = task4(n, m, k, start, end)
print(result[0])
print(result[1])

```

Задача 5

Летние каникулы начались, поэтому Алиса и Боб хотят играть и веселиться, но... Их мама не согласна с этим. Она говорит, что они должны прочитать какое-то количество книг перед всеми развлечениями. Алиса и Боб прочитают каждую книгу вместе, чтобы быстрее закончить это задание.

В семейной библиотеке есть n книг. i -я книга характеризуется тремя целыми числами: ti — количество времени, которое Алиса и Боб должны потратить, чтобы прочитать ее, ai (равное 1, если Алисе нравится i -я книга, и 0, если не нравится), и bi (равное 1, если Бобу нравится i -я книга, и 0, если не нравится).

Поэтому им нужно выбрать какие-то книги из имеющихся n книг таким образом, что:

Алисе нравятся не менее k книг из выбранного множества и Бобу нравятся не менее k книг из выбранного множества; общее время, затраченное на прочтение этих книг минимизировано (ведь они дети и хотят начать играть и веселиться как можно скорее). Множество, которое они выбирают, одинаковое и для Алисы и для Боба (они читают одни и те же книги), и они читают все книги вместе, таким образом, суммарное время чтения равно сумме ti по всем книгам, которые находятся в выбранном множестве.

Ваша задача — помочь им и найти любое подходящее множество книг или определить, что такое множество найти невозможно.

Входные данные

Первая строка теста содержит два целых числа n и k ($1 \leq k \leq n \leq 2 \cdot 10^5$).

Следующие n строк содержат описания книг, по одному описанию в строке: i -я строка содержит три целых числа ti , ai и bi ($1 \leq ti \leq 10^4$, $0 \leq ai, bi \leq 1$), где: ti — количество времени, необходимое для прочтения i -й книги;

ai , равное 1, если Алисе нравится i -я книга, и 0 в обратном случае;

bi , равное 1, если Бобу нравится i -я книга, и 0 в обратном случае.

Выходные данные

Если подходящего решения не существует, выведите число -1. Иначе выведите целое число T — минимальное суммарное время, необходимое для прочтения подходящего множества книг.

Решение:

```
import sys
import math
import itertools

def task5(arr, k):
    alice_bob = []
    alice = []
    bob = []
    for item in arr:
        if item[1] and item[2]:
            alice_bob.append(item[0])
        elif item[1] and not item[2]:
            alice.append(item[0])
        elif not item[1] and item[2]:
            bob.append(item[0])
    alice_bob.sort()
    alice.sort()
    bob.sort()
    minsum = math.inf
    alice_bob.insert(0, 0)
    alice.insert(0, 0)
    bob.insert(0, 0)
    alice_bob = list(itertools.accumulate(alice_bob))
    alice = list(itertools.accumulate(alice))
    bob = list(itertools.accumulate(bob))
    for i in range(k + 1):
        if i not in range(len(alice_bob)):
            break
        books_left = k - i
        if books_left not in range(len(alice)) or
        books_left not in range(len(bob)):
            continue
```

```

        if alice_bob[i] + alice[books_left] + bob[books_left] < minsum:
            minsum = alice_bob[i] + alice[books_left] + bob[books_left]

    if minsum == math.inf:
        return -1
    return minsum

print("Ввод данных:")
n, k = input("n, k = ").split()
n, k = int(n), int(k)
if not 1 <= k <= n <= 2 * 10 ** 5:
    sys.exit("Несоответствие условию 1<=k<=n<=2*10^5")
arr = []
for i in range(int(n)):
    t, a, b = input("t, a, b = ").split()
    t, a, b = int(t), int(a), int(b)
    if t not in range(1, 10 ** 4 + 1):
        sys.exit("t должно быть в пределах 1<=t<=10^4")
    if a != 0 and a != 1:
        sys.exit("a должно быть в пределах 0<=a<=1")
    if b != 0 and b != 1:
        sys.exit("b должно быть в пределах 0<=b<=1")
    arr.append([t, a, b])
print("Вывод результата:")
print(task5(arr, k))

```

Задача 6

Вы — амбициозный король, который хочет быть Императором Действительных чисел. Но перед этим вам нужно стать Императором Целых чисел.

Рассмотрим числовую ось. Столица вашей империи изначально находится в точке 0. На прямой есть n незахваченных королевств в позициях $0 < x_1 < x_2 < \dots < x_n$.

Вы хотите захватить все эти королевства.

Вы можете делать два вида действий:

Вы можете переместить свою столицу (пусть ее текущая координата c_1) в любое захваченное королевство (пусть его позиция c_2), стоимость такого действия $a \cdot |c_1 - c_2|$. Вы можете из текущей столицы (пусть ее текущая координата c_1) захватить королевство (пусть его позиция c_2), стоимость такого действия $b \cdot |c_1 - c_2|$. Вы не можете захватывать королевство, если между вашей столи-

цей и целью есть другие незахваченные королевства. Обратите внимание, что вы не можете расположить столицу в точке, где нет королевства. Другими словами, в любой момент времени ваша столица может быть только в точке 0 или в x_1, x_2, \dots, x_n . Также обратите внимание, что захват королевства не изменяет положение вашей столицы.

Выведите минимальную суммарную стоимость захвата всех королевств. Ваша столица может оказаться в итоге в любой точке.

Входные данные Первая строка содержит одно целое число t ($1 \leq t \leq 1000$) — количество наборов входных данных. Далее следуют описания наборов.

Первая строка каждого набора содержит 3 целых числа n , a и b ($1 \leq n \leq 2 \cdot 10^5$; $1 \leq a, b \leq 10^5$).

Вторая строка каждого набора содержит n целых чисел x_1, x_2, \dots, x_n ($1 \leq x_1 < x_2 < \dots < x_n \leq 10^8$).

Гарантируется, что сумма значений n по всем наборам входных данных не превосходит $2 \cdot 10^5$.

Выходные данные Для каждого набора входных данных выведите одно число: минимальную стоимость захвата всех королевств.

Решение:

```
import sys
import math
import itertools

def task6(arr, a, b):
    arr.insert(0, 0)
    arr.insert(0, 0)
    mincost = math.inf
    arr_acc = list(itertools.accumulate(arr))
    for i in range(1, len(arr) - 1):
        cost = a * arr[i] + b * arr_acc[-1] -
        b * (arr_acc[i - 1] + arr[i] * (len(arr) - i - 1))
        if cost < mincost:
            mincost = cost
    return mincost

print("Ввод данных:")
result = []
t = int(input("t = "))
if t not in range(1, 1001):
    sys.exit("t должно быть в пределах 1<=t<=1000")
```

```

nsum = 0
for i in range(t):
    n, a, b = input("n, a, b = ").split()
    n, a, b = int(n), int(a), int(b)
    nsum += n
    if nsum > 2 * 10 ** 5:
        sys.exit("Сумма n по всем наборам входных данных не превосходит 2*10^5")
    if n not in range(1, 2 * 10 ** 5 + 1):
        sys.exit("n должно быть в пределах 1<=n<=2*10^5")
    if a not in range(1, 10 ** 5 + 1):
        sys.exit("a должно быть в пределах 1<=a<=10^5")
    if b not in range(1, 10 ** 5 + 1):
        sys.exit("b должно быть в пределах 1<=b<=10^5")
    arr = input("Введите массив ").split()
    arr = [int(arr[i]) for i in range(len(arr))]
    if len(arr) != n:
        sys.exit("Длина массива не совпадает с n")
    prev = 0
    for item in arr:
        if item <= prev or item not in range(1, 10 ** 8 + 1):
            sys.exit("Несоответствие условию 1<=x1<x2<...<xn<=10^8")
        prev = item
    result.append(task6(arr, a, b))
print("Вывод результата:")
for item in result:
    print(item)

```

Задача 7

Вам даны две последовательности целых чисел a_1, \dots, a_n и b_1, \dots, b_m . Для каждого $j=1, \dots, m$ найдите наибольший общий делитель чисел a_1+b_j, \dots, a_n+b_j .

Входные данные

В первой строке записано два целых числа n и m ($1 \leq n, m \leq 2 \cdot 10^5$).

Во второй строке записано n целых чисел a_1, \dots, a_n ($1 \leq a_i \leq 1018$).

В третьей строке записано m целых чисел b_1, \dots, b_m ($1 \leq b_j \leq 1018$).

Выходные данные

Выведите m целых чисел. j -е из этих чисел должно быть равно $\text{НОД}(a_1+b_j, \dots, a_n+b_j)$.

Решение:

```

import sys

def gcd(a, b):
    while a != 0 and b != 0:
        if a > b:
            a = a % b
        else:
            b = b % a
    return a + b

def gcd_arr(arr):
    result = arr[0]
    for i in range(1, len(arr)):
        result = gcd(result, arr[i])
    return result

def task7(a, b):
    a = list(map(int, a))
    a.sort()
    b = list(map(int, b))
    arr = [a[i] - a[0] for i in range(0, len(a))]
    gcd_part = gcd_arr(arr)
    result = []
    for j in range(len(b)):
        result.append(gcd(a[0] + b[j], gcd_part))
    return result

print("Ввод данных:")
n, m = input("n, m = ").split()
n, m = int(n), int(m)
if n not in range(1, 2 * 10 ** 5 + 1):
    sys.exit("n должно быть в пределах 1<=n<=2*10^5")
if m not in range(1, 2 * 10 ** 5 + 1):
    sys.exit("m должно быть в пределах 1<=m<=2*10^5")
a = input("a = ").split()
a = [int(a[i]) for i in range(len(a))]
if len(a) != n:
    sys.exit("Длина массива a не совпадает с n")
for item in a:
    if item not in range(1, 10 ** 18 + 1):

```



```

        sys.exit("ai должно быть в пределах  $1 \leq a_i \leq 10^{18}$ ")
b = input("b = ").split()
b = [int(b[i]) for i in range(len(b))]
if len(b) != m:
    sys.exit("Длина массива b не совпадает с m")
for item in b:
    if item not in range(1, 10 ** 18):
        sys.exit("bj должно быть в пределах  $1 \leq b_j \leq 10^{18}$ ")
result = task7(a, b)
print("Вывод результата:")
for item in result:
    print(item, end = ' ')

```

Задача 8

Вам заданы два массива целых чисел a и b длины n .

Вы можете развернуть не более одного подмассива (последовательного отрезка) массива a .

Ваша задача состоит в том, чтобы перевернуть такой подмассив, чтобы сумма $\sum_{i=1}^n a_i \cdot b_i$ была максимально возможной.

Входные данные

Первая строка содержит одно целое число n ($1 \leq n \leq 5000$).

Вторая строка содержит n целых чисел a_1, a_2, \dots, a_n ($1 \leq a_i \leq 107$).

Третья строка содержит n целых чисел b_1, b_2, \dots, b_n ($1 \leq b_i \leq 107$).

Выходные данные

Выведите одно целое число — максимально возможную сумму после разворота не более одного подмассива (последовательного отрезка) a .

Решение:

```

import sys

def task8(a, b):
    a.insert(0, 0)
    b.insert(0, 0)
    amulb_acc = [0]
    for i in range(1, len(a)):
        amulb_acc.append(a[i] * b[i])
        amulb_acc[i] += amulb_acc[i - 1]
    maxval = amulb_acc[-1]
    currmax = maxval

```

```

for mid in range(len(a)):
    l = mid - 1
    r = mid + 1
    currmax = amulb_acc[-1]
    while l >= 1 and r <= len(a) - 1:
        currmax += a[r] * b[l] + a[l] * b[r]
        currmax -= amulb_acc[r] - amulb_acc[r - 1] +
        amulb_acc[l] - amulb_acc[l - 1]
        maxval = currmax if currmax > maxval else maxval
        l -= 1
        r += 1
    l = mid
    r = mid + 1
    currmax = amulb_acc[-1]
    while l >= 1 and r <= len(a) - 1:
        currmax += a[r] * b[l] + a[l] * b[r]
        currmax -= amulb_acc[r] - amulb_acc[r - 1] +
        amulb_acc[l] - amulb_acc[l - 1]
        maxval = currmax if currmax > maxval else maxval
        l -= 1
        r += 1
return maxval

print("Ввод данных:")
n = int(input("n = "))
if n not in range(1, 5001):
    sys.exit("n должно быть в пределах 1<=n<=5000")
a = input("a = ").split()
a = [int(a[i]) for i in range(len(a))]
if len(a) != n:
    sys.exit("Длина массива a не совпадает с n")
for item in a:
    if item not in range(1, 10 ** 7):
        sys.exit("ai должно быть в пределах 1<=ai<=10^7")
b = input("b = ").split()
b = [int(b[i]) for i in range(len(b))]
if len(b) != n:
    sys.exit("Длина массива b не совпадает с n")
for item in b:
    if item not in range(1, 10 ** 7):

```

```

        sys.exit("bi должно быть в пределах 1<=bi<=10^7")
print("Вывод результата:")
print(task8(a, b))

```

Задача 9

Жил-был в одной стране Царь по имени Цопа. После очередной царской реформы полномочия Царя стали настолько широкими, что, в частности, он стал собственноручно заниматься финансовой отчётностью.

Известен суммарный доход A его Царства по итогам 0-го года, и суммарный доход B по итогам n -го года (оба числа могут быть отрицательными, что означает — в этот год экономика Царства была убыточной).

Царь хочет продемонстрировать финансовую стабильность, для этого ему надо подобрать единый коэффициент X — коэффициент роста дохода Царства за один год. Этот коэффициент должен удовлетворять уравнению:

$A \cdot X^n = B$. Разумеется, Царь не собирается делать такую работу вручную, и требует от вас написать программу, ищущую этот коэффициент X .

Следует отметить, что дробные числа крайне не любят в экономических структурах Царства, поэтому как входные данные, так и искомый коэффициент должны быть целыми. Искомый коэффициент X может оказаться равным нулю или даже быть отрицательным.

Входные данные

В единственной строке записаны три целых числа A , B , n , удовлетворяющих условиям: $|A|, |B| \leq 1000$, $1 \leq n \leq 10$.

Выходные данные

Выведите единственное целое число — искомый целый коэффициент X , или фразу «No solution», если такого коэффициента не существует, или он не целый. Если ответов несколько, выведите любой.

Решение:

```

import sys

def task9(A, B, n):
    for X in range(-1000, 1001):
        if A * (X**n) == B:
            return X
    return "No solution"

print("Ввод данных:")
A, B, n = input("A, B, n = ").split()

```

```

A, B, n = int(A), int(B), int(n)
if A not in range(-1000, 1001):
    sys.exit("A должно быть в пределах -1000<=A<=1000")
if B not in range(-1000, 1001):
    sys.exit("B должно быть в пределах -1000<=B<=1000")
if n not in range(1, 11):
    sys.exit("n должно быть в пределах 1<=n<=10")
print("Вывод результата:")
print(task9(A, B, n))

```

Задача 10

У Алисы есть торт, и она собирается его разрезать. Она выполнит следующую операцию $n-1$ раз: выберет кусочек пирога (изначально весь торт является одним куском) с весом $w \geq 2$ и разрежем его на два более маленьких кусочка с весами $\lfloor w/2 \rfloor$ и $\lceil w/2 \rceil$ ($\lfloor x \rfloor$ и $\lceil x \rceil$ обозначают округление вниз и вверх, соответственно).

После того как Алиса разрежет торт на n кусочков, она расположит эти n кусочков на столе в произвольном порядке. Обозначим за a_i вес i -го кусочка. Вам дан массив a . Определите, существует ли некоторый начальный вес торта и последовательность операций разрезания такие, чтобы веса кусочков получились равными a .

Входные данные

Первая строка содержит одно целое число t ($1 \leq t \leq 104$) — количество наборов входных данных.

Первая строка каждого набора содержит одно целое число n ($1 \leq n \leq 2 \cdot 10^5$).

Вторая строка содержит n целых чисел a_1, a_2, \dots, a_n ($1 \leq a_i \leq 10^9$).

Гарантируется, что сумма n для всех наборов входных данных не превышает $2 \cdot 10^5$.

Выходные данные

Для каждого набора входных данных выведите одну строку: выведите YES, если массив a может быть получен с помощью действий Алисы, иначе выведите NO.

Вы можете выводить буквы в любом регистре (например, YES, Yes, yes, yEs будут приняты как положительный ответ).

Решение:

```

import math
import heapq
import sys

```

```

def task10(w1):
    w1 = [-item for item in w1]
    w2 = [sum(w1)]
    heapq.heapify(w1)
    heapq.heapify(w2)
    while len(w1) != 0 and len(w2) != 0:
        if w1[0] < w2[0]:
            return "NO"
        elif w1[0] == w2[0]:
            heapq.heappop(w1)
            heapq.heappop(w2)
        else:
            item = heapq.heappop(w2)
            heapq.heappush(w2, math.ceil(item / 2))
            heapq.heappush(w2, math.floor(item / 2))
    return "YES"

print("Ввод данных:")
result = []
t = int(input("t = "))
if t not in range(1, 10 ** 4):
    sys.exit("t должно быть в пределах 1<=t<=10^4")
nsum = 0
for i in range(t):
    n = int(input("n = "))
    nsum += n
    if nsum > 2 * 10 ** 5:
        sys.exit("Сумма n по всем наборам входных данных не превосходит 2*10^5")
    if n not in range(1, 2 * 10 ** 5 + 1):
        sys.exit("n должно быть в пределах 1<=n<=2*10^5")
    arr = input("Введите массив ").split()
    arr = [int(arr[i]) for i in range(len(arr))]
    if len(arr) != n:
        sys.exit("Длина массива не совпадает с n")
    for item in arr:
        if item not in range(1, 10 ** 9):
            sys.exit("ai должно быть в пределах 1<=ai<=10 ** 9")
    result.append(task10(arr))
print("Вывод результата:")

```

```
for item in result:  
    print(item)
```

Вывод

Я разработал алгоритмы решения десяти задач и реализовал их, используя язык Python.