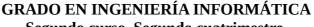


Universidad de Córdoba Escuela Politécnica Superior de Córdoba

ESTRUCTURAS DE DATOS





Segundo curso. Segundo cuatrimestre.

Curso académico 2017 – 2018

PRIMERA PRÁCTICA

VECTORES LIBRES DE TRES DIMENSIONES

Objetivo

- Se desea codificar en C++ el tipo abstracto de datos Vector3D: vector libre de tres dimensiones
 - $\vec{v} = v_1 \vec{i} + v_2 \vec{j} + v_3 \vec{k} = (v_1, v_2, v_3)$

Importante

- Se codificarán, al menos, dos versiones de la clase **Vector3D** utilizando dos representaciones diferentes de los atributos.
- Cada versión se codificará en un directorio diferente:
 - o version1
 - o version2

Especificación de la clase Vector3D

o Atributos

- Algunas de las posibles representaciones del vector son:
 - Tres datos de tipo *double*.
 - Array de datos de tres componentes de tipo *double*.
 - Vector de la STL con tres componentes de datos de tipo *double*.

Constructores

- Constructor sin argumentos
 - Vector3D()
 - Crea un *Vector3D* nulo.
 - Postcondición
 - \circ (get1()==0) and (get2()==0) and (get3()==0)
- Constructor parametrizado
 - *Vector3D(v1, v2, v3:Real)*
 - Crea un nuevo vector a partir de los valores de las componentes.
 - $\vec{v} = \vec{v}_1 \vec{i} + \vec{v}_2 \vec{j} + \vec{v}_3 \vec{k} = (\vec{v}_1, \vec{v}_2, \vec{v}_3)$
 - Postcondición
 - \circ (get1()==v1) and (get2()==v2) and (get3()==v3)
- Constructor de copia
 - *Vector3D(v: Vector3D)*

- Crea un nuevo vector a partir de otro vector.
- Postcondición

```
o (get1()==v.get1())
and (get2()==v.get2())
and (get3()==v.get3())
```

Observadores

- Operaciones de consulta de cada una de las componentes del vector
 - Real get1()
 - \circ Obtiene la primera componente del vector: v_1
 - Real get2()
 - \circ Obtiene la segunda componente del vector: v_2
 - Real get3()
 - Obtiene la tercera componente del vector: v_3
 - Observación
 - En C++, estas funciones deben tener el calificador *const*
- Módulo
 - Real modulo()
 - o Calcula el módulo del vector.
 - $m\acute{o}dulo(\vec{v}) = ||\vec{v}|| = \sqrt{v_1 * v_1 + v_2 * v_2 + v_3 * v_3}$
 - Postcondición:

- Ángulos
 - Ángulo
 - *Real angulo(v: Vector3D)*
 - Devuelve el ángulo en radianes entre el vector actual y vector pasado como argumento.

•
$$Angulo(\vec{u}, \vec{v}) = \arccos(\frac{\vec{u} * \vec{v}}{||\vec{u}|| * ||\vec{v}||})$$

- Precondición
 - *modulo()* * *v.modulo()* > 0
- Postcondición
 - valorDevuelto == acos(dotProduct(v) / (modulo() * v.modulo()))
- Alfa
 - Real alfa()
 - Calcula el ángulo del vector con el eje X
 - o Pre:
 - *modulo()>0*
 - Postcondición
 - valorDevuelto == angulo(Vector3D(1,0,0))
- Beta
 - Real beta()
 - Calcula el ángulo del vector con el eje Y
 - o pre:

- *modulo()>0*
- Postcondición
 - valorDevuelto == angulo(Vector3D(0,1,0))

Gamma

- Real gamma()
 - Calcula el ángulo del vector con el eje Z
- o Pre:
 - *modulo()>0*
- o Postcondición:
 - valorDevuelto == angulo(Vector3D(0,0,1))

Producto escalar

- Real dotProduct(v: Vector3D)
 - Calcula el producto escalar.
 - $\vec{u} * \vec{v} = u_1 * v_1 + u_2 * v_2 + u_3 v_3$
 - o Postcondición
 - valorDevuelto == get1() * v.get1()
 + get2() * v.get2()
 + get3() * v.get3()

Producto vectorial

- *Vector3D crossProduct(v: Vector3D)*
 - Devuelve un Vector3D que es el resultado del producto vectorial de dos vectores
 - $\vec{u} \wedge \vec{v} = \vec{w} = w_1 \vec{i} + w_2 \vec{j} + w_3 \vec{k}$
 - donde
 - $w_1 = u_2 * v_3 u_3 * v_2$
 - $w_2 = -u_1 * v_3 + u_3 * v_1$
 - $w_3 = u_1 * v_2 u_2 * v_1$
 - o Postcondición
 - El vector \vec{w} es perpendicular a los vectores \vec{u} y \vec{v}
 - $\vec{u}*\vec{w}=0$
 - dotProduct(valorDevuelto) == 0
 - $\vec{v}*\vec{w}=0$
 - v.dotProduct(valorDevuelto) == 0
 - El módulo de \vec{w} es igual al producto de los módulos de \vec{u} y \vec{v} por el seno del ángulo que forman
 - $|\vec{w}| = |\vec{u}| |\vec{v}| * \sin(\alpha)$

Producto mixto

- *Real productoMixto(v, w:Vector3D)*
 - Devuelve el resultado de calcular el producto escalar del vector actual con el vector obtenido al calcular el producto vectorial de otros dos vectores.
 - productoMixto $(\vec{u}, \vec{v}, \vec{w}) = \vec{u} * (\vec{v} \wedge \vec{w})$
 - o Postcondición:

valorDevuelto == *dotProduct(crossProduct(v,w))*

Modificadores

- Operaciones de modificación de cada una de las componentes del vector
 - set1(Real v)
 - Asigna un nuevo valor "v" a la primera componente del vector.
 - Postcondición:
 - qet1()==v
 - set2(Real v)
 - o Asigna un nuevo valor "v" a la segunda componente del vector.
 - Postcondición
 - = get2()==v
 - set3(Real v)
 - Asigna un nuevo valor "v" a la tercera componente del vector.
 - Postcondición
 - get3()==v

Operaciones de modificación de todas las componentes del vector

- *sumConst(k: Real)*
 - o Modifica el vector sumando una constante a cada componente
 - o Postcondición
 - (get1() == old.get1() + k)
 and (get2() == old.get2() + k)
 and (get3() == old.get3() + k)
 - donde "old" representa el vector original antes de ser modificado
- sumVect(v: Vector3D)
 - Modifica el vector sumando a cada componente la componente equivalente de otro vector.
 - o Postcondición
 - (get1() == old.get1() + v.get1())
 and (get2() == old.get2() + v.get2())
 and (get3() == old.get3() + v.get3())
- multConst(k: Real)
 - Modifica el vector multiplicando cada componente por una constante: escala el vector
 - o Postcondición
 - (get1() == old.get1() * k)
 and (get2() == old.get2() * k)
 and (get3() == old.get3() * k)
- multVect(v: Vector3D)
 - Modifica el vector multiplicando, por separado, cada componente por la componente de otro vector.
 - o Postcondición

• Funciones de lectura y escritura

- leerVector3D()
 - Lee desde el teclado las componentes del vector
- escribirVector3D()
 - Escribe por pantalla las componentes del vector con el formato:
 - $\circ \qquad (v_1, v_2, v_3)$

Operadores

- Considérense los siguientes vectores para explicar los operadores
 - $\vec{u} = u_1 \vec{i} + u_2 \vec{j} + u_3 \vec{k} = (u_1, u_2, u_3)$
 - $\vec{v} = v_1 \vec{i} + v_2 \vec{j} + v_3 \vec{k} = (v_1, v_2, v_3)$
 - $\vec{w} = w_1 \vec{i} + w_2 \vec{j} + w_3 \vec{k} = (w_1, w_2, w_3)$

Operador de igualdad

- $\vec{u} = \vec{v}$
- Lógico operador == (v: Vector3D)
- Compara el vector actual con otro vector y comprueba si las componentes son iguales una a una.
- Postcondición
- Observación
 - Se deberá utilizar una cota de error para tener en cuenta la precisión de los números reales.

Operador de asignación

- *Vector3D* operador = (*v*: *Vector3D*)
 - Devuelve el vector actual que ha sido modificado con las componentes de otro vector.
 - $\vec{u} = \vec{v}$
 - o Postcondición
 - (get1()==v.get1())
 and (get2()==v.get2())
 and (get3()==v.get3())

■ Operador de suma "+"

- Operador "+" binario
 - *Vector3D operador + (v: Vector3D)*
 - Devuelve otro vector que es la suma del vector actual y el vector pasado como parámetro.
 - $\vec{u} + \vec{v} = (u_1 + v_1, u_2 + v_2, u_3 + v_3)$
 - Postcondición:
 - (valorDevuelto.get1() == get1() + v.get1())
 and (valorDevuelto.get2() == get2() + v.get2())
 and (valorDevuelto.get3() == get3() + v.get3())

- Operador "+" unario
 - *Vector3D operador + ()*
 - Devuelve otro vector que es una copia del vector actual.
 - $\bullet \qquad +\vec{\mathbf{v}} = (\mathbf{v}_1, \mathbf{v}_2, \mathbf{v}_3)$
 - Postcondición
 - (valorDevuelto.get1() == get1())
 and (valorDevuelto.get2() == get2())
 and (valorDevuelto.get3() == get3())
- Operador de la resta "-"
 - Operador "-" binario
 - *Vector3D operador (v: Vector3D)*
 - Devuelve otro vector que es la diferencia entre el vector actual y el vector pasado como parámetro.

•
$$\vec{u} - \vec{v} = (u_1 - v_1, u_2 - v_2, u_3 - v_3)$$

- Postcondición
 - (valorDevuelto.get1() == get1() v.get1())
 and (valorDevuelto.get2() == get2() v.get2())
 and (valorDevuelto.get3() == get3() v.get3())
- Operador "-" unario
 - *Vector3D operador ()*
 - Devuelve otro vector que es el opuesto al vector actual.
 - $-\vec{v} = (-v_1, -v_2, -v_3)$
 - Postcondición
 - (valorDevuelto.get1() == get1())
 and (valorDevuelto.get2() == get2())
 and (valorDevuelto.get3() == get3())
- Producto "por un" número real "*"
 - Sea *k* un número real
 - Operador prefijo: *k* * *vector*
 - Devuelve otro vector cuyas componentes se obtienen multiplicando por "k" las componentes del vector actual.
 - $k * \vec{v} = (k * v_1, k * v_2, k * v_3)$
 - Observación
 - Este operador se debe codificar en C++ como una función que **no** pertenece a la clase Vector3D
 - Véase su especificación más adelante.
 - Operador postfijo: vector * k
 - *Vector3D operador* * (k: Real)
 - Devuelve otro vector cuyas componentes se obtienen multiplicando por "k" las componentes del vector actual
 - $\vec{v} * k = (k * v_1, k * v_2, k * v_3)$
 - Postcondición
 - (valorDevuelto.get1() == get1() * k) and (valorDevuelto.get2() == get2() * k) and (valorDevuelto.get3() == get3() * k)

Producto escalar "*" de dos vectores

- Real operador * (v: Vector3D)
 - Devuelve el producto escalar de dos vectores.
 - $\vec{u} * \vec{v} = u_1 * v_1 + u_2 * v_2 + u_3 v_3$
 - Postcondición
 - valorDevuelto == get1() * v.get1()
 + get2() * v.get2()
 + get3() * v.get3()

■ Producto vectorial "^" de dos vectores

- *Real operador ^ (v: Vector3D)*
 - Devuelve un Vector3D que es el resultado del producto vectorial de dos vectores

$$\vec{u} \wedge \vec{v} = \vec{w} = w_1 \vec{i} + w_2 \vec{j} + w_3 \vec{k}$$

- donde
 - $\mathbf{w}_1 = u_2 * v_3 u_3 * v_2$
 - $w_2 = -u_1 * v_3 + u_3 * v_1$
 - $= w_3 = u_1 * v_2 u_2 * v_1$
- o Postcondición:
 - El vector \vec{w} es perpendicular a los vectores \vec{u} y \vec{v}
 - $\vec{u} * \vec{w} = 0$
 - o dotProduct(valorDevuelto) == 0
 - $\vec{v}*\vec{w}=0$
 - v.dotProduct(valorDevuelto) == 0
 - El módulo de \vec{w} es igual al producto de los módulos de \vec{u} y \vec{v} por el seno del ángulo que forman
 - $|\vec{w}| = |\vec{u}| |\vec{v}| * \sin(\alpha)$

Funciones externas a la clase Vector3D

- Funciones que utilizan un objeto de la clase *Vector3D*, pero que no pertenecen a la clase *Vector3D*
- Operador prefijo de producto por un número real: *k * vector*
 - *Vector3D operator** (k: Real, v: Vector3D);
 - Devuelve otro vector cuyas componentes se obtienen multiplicando por "k" las componentes del vector "objeto" pasado como parámetro
 - $k*\vec{v}=k*v_1 \vec{i}+k*v_2 \vec{j}+k*v_3 \vec{k}=(k*v_1,k*v_2 k*v_3)$
 - Postcondición
 - (valorDevuelto.get1() == v.get1() * k)
 and (valorDevuelto.get2() == v.get2() * k)
 and (valorDevuelto.get3() == v.get3() * k)
 - Prototipo de C++
 - *Vector3D* & **operator*** (double k, Vector3D const & v);

- Sobrecarga del operador de entrada
 - Lee desde el flujo de entrada las componentes del vector "v" separadas por espacios
 - Prototipo de C++
 - istream &operator>>(istream &stream, Vector3D &v);
- Sobrecarga del operador de salida
 - Escribe en el flujo de salida las componentes del vector "v" con el formato:
 - (v_1, v_2, v_3)
 - Prototipo de C++
 - ostream &operator<<(ostream &stream, Vector3D const &v);

Observaciones

- o Duración de la práctica 1: tres sesiones de dos horas cada una.
- o Plazo máximo de entrega
 - 16:00 horas del lunes 5 de marzo de 2018
- Se proporciona un fichero comprimido denominado "practica-1-usuario.zip" con el enunciado de la práctica 1 y dos subdirectorios
 - version1
 - version2
- En cada subdirectorio, se incluyen los siguientes ficheros:
 - makefile
 - o make:
 - Compila el código y crea un programa ejecutable denominado "principal.exe" que permite probar la implementación de la clase Vector3D.
 - make ndebug:
 - Compila el código sin incluir los asertos de comprobación de las pre y postcondiciones
 - o make doc:
 - Genera la documentación de doxygen
 - make clean:
 - Borra ficheros superfluos
 - Doxyfile:
 - Fichero de configuración de doxygen
 - macros.hpp:
 - o Permite utilizar macros de pantalla
 - principal.cpp:
 - o Programa de prueba de la clase Vector3D
 - funcionesAuxiliares.hpp y funcionesAuxiliares.cpp:
 - Prototipo y código de la función que muestra el menú del programa principal
 - Vector3D.hpp y Vector3D.cpp
 - Ficheros que permite implementar la clase Vector3D
 - Estos ficheros deben ser completados por cada estudiante
- Al terminar la práctica, se deberá subir un fichero comprimido denominado "practica-1usuario.zip",
 - donde "usuario" es el login de cada estudiante.

- y que contenga los subdirectorios
 - version1
 - version2

Observación

• Se debe usar el espacio de nombres de la asignatura: ed

Evaluación

- o La calificación de la práctica se basará
 - en la calidad y completitud del trabajo realizado.
 - y en la **defensa presencial de cada estudiante**.

o Se valorará

- La correcto implementación de las dos versiones de la clase Vector3D
- El correcto funcionamiento del programa principal propuesto como ejemplo.
- La ampliación y mejora del menú del programa principal para añadir más opciones.
- La documentación del código con doxygen.
- La claridad del código.
- El uso de macros de pantalla para mejorar la visualización de la información
- Y sobre todo
 - Un profundo conocimiento de la práctica codificada.