

Compiladores

Prof. Ricardo

ricardo.martins@udesc.br

Métodos *bottom-up*

Podem ser vistos como a tentativa de se reduzir a cadeia de entrada ao símbolo inicial da gramática.

Exemplos:

- Precedência de Operadores;
- SLR(1), LR(1), LALR(1).

Métodos LR(k)

Os métodos de análise sintática LR executam uma derivação mais a direita ao contrário. O L significa que a varredura da entrada é feita da esquerda para a direita (*left to right*), o R que a derivação correspondente é a derivação mais a direita (*rightmost derivation*) e o k indica o número de símbolos de entrada que tem que ser examinados para se tomar uma decisão na análise sintática.

A diferença entre os métodos SLR e LALR é apenas a técnica usada para a construção das tabelas sintáticas.

Métodos LR

Exemplo: SLR(1)

Estado	AÇÃO						DESVIO		
	c	+	*	()	#	E	T	F
0	E5			E4			1	2	3
1		E6				ACEITA			
2		R2	E7		R2	R2			
3		R4	R4		R4	R4			
4	E5			E4			8	2	3
5		R6	R6		R6	R6			
6	E5			E4				9	3
7	E5			E4					10
8		E6			E11				
9		R1	E7		R1	R1			
10		R3	R3		R3	R3			
11		R5	R5		R5	R5			

(1) $E \rightarrow E + T$

(2) $E \rightarrow T$

(3) $T \rightarrow T * F$

(4) $T \rightarrow F$

(5) $F \rightarrow (E)$

(6) $F \rightarrow c$

Algoritmo LR(1)

Considerando w a cadeia de entrada.

Empilhar **0**. /* Estado inicial */

Faça p apontar para o primeiro símbolo de $w\#$

Repetir para sempre

Seja s o estado no topo da Pilha e a o símbolo apontado por p

Se **AÇÃO**[s , a] = empilhar s' então

Empilhar a ; Empilhar s' ;

Avançar p ;

Senão

Se **AÇÃO**[s , a] = reduzir $A \rightarrow \beta$ então

Desempilhar $2 * |\beta|$ símbolos;

Seja s' o estado no topo da pilha

Empilhar A ; Empilhar **DESVIO**[s' , A];

Senão

Se **AÇÃO**[s , a] = aceitar então Retornar;

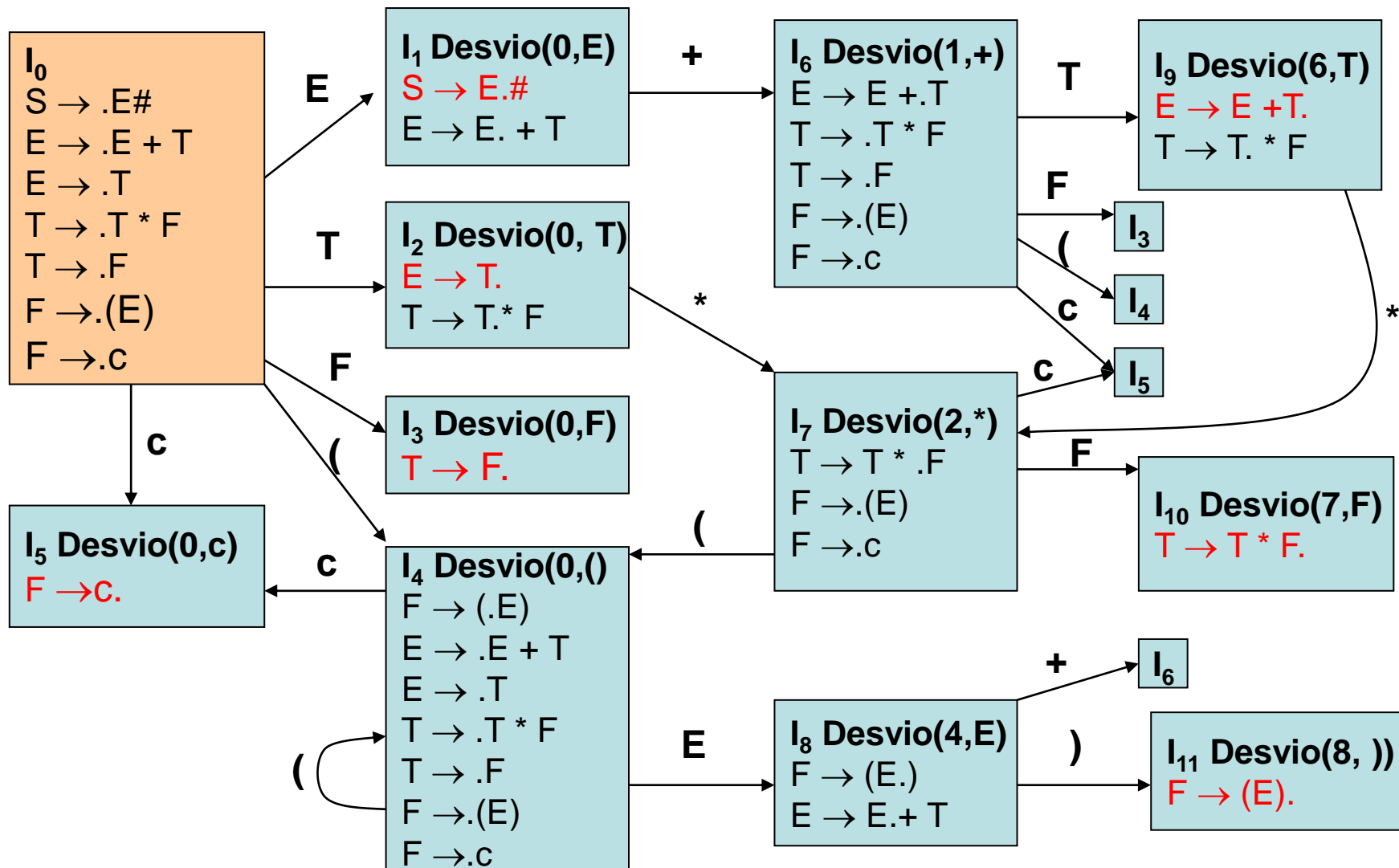
Senão erro

fim

Pilha : 0

Entrada: $c + c \#$

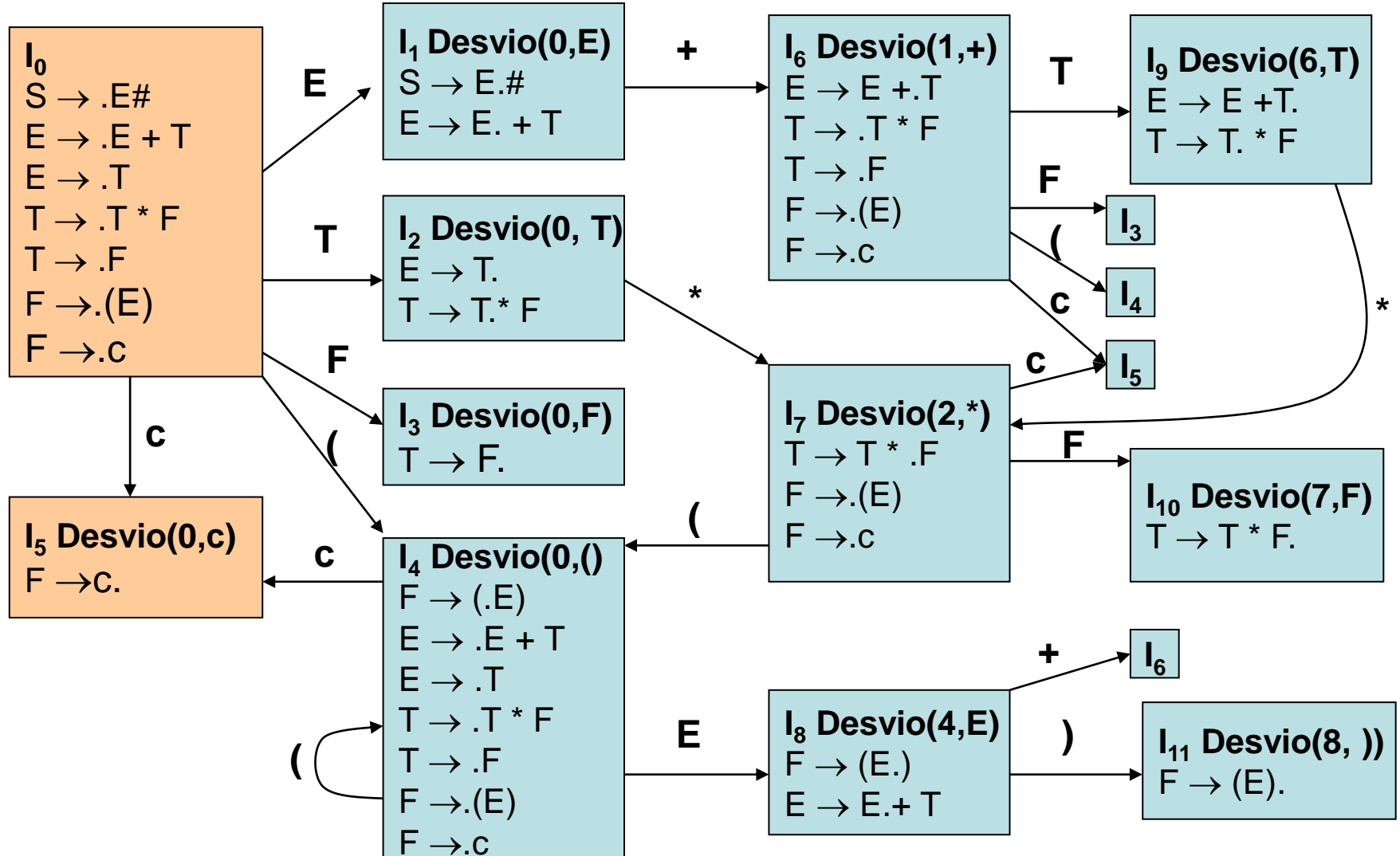
Exemplo: SLR(1)



Pilha : 0 c 5

Entrada: c + c #

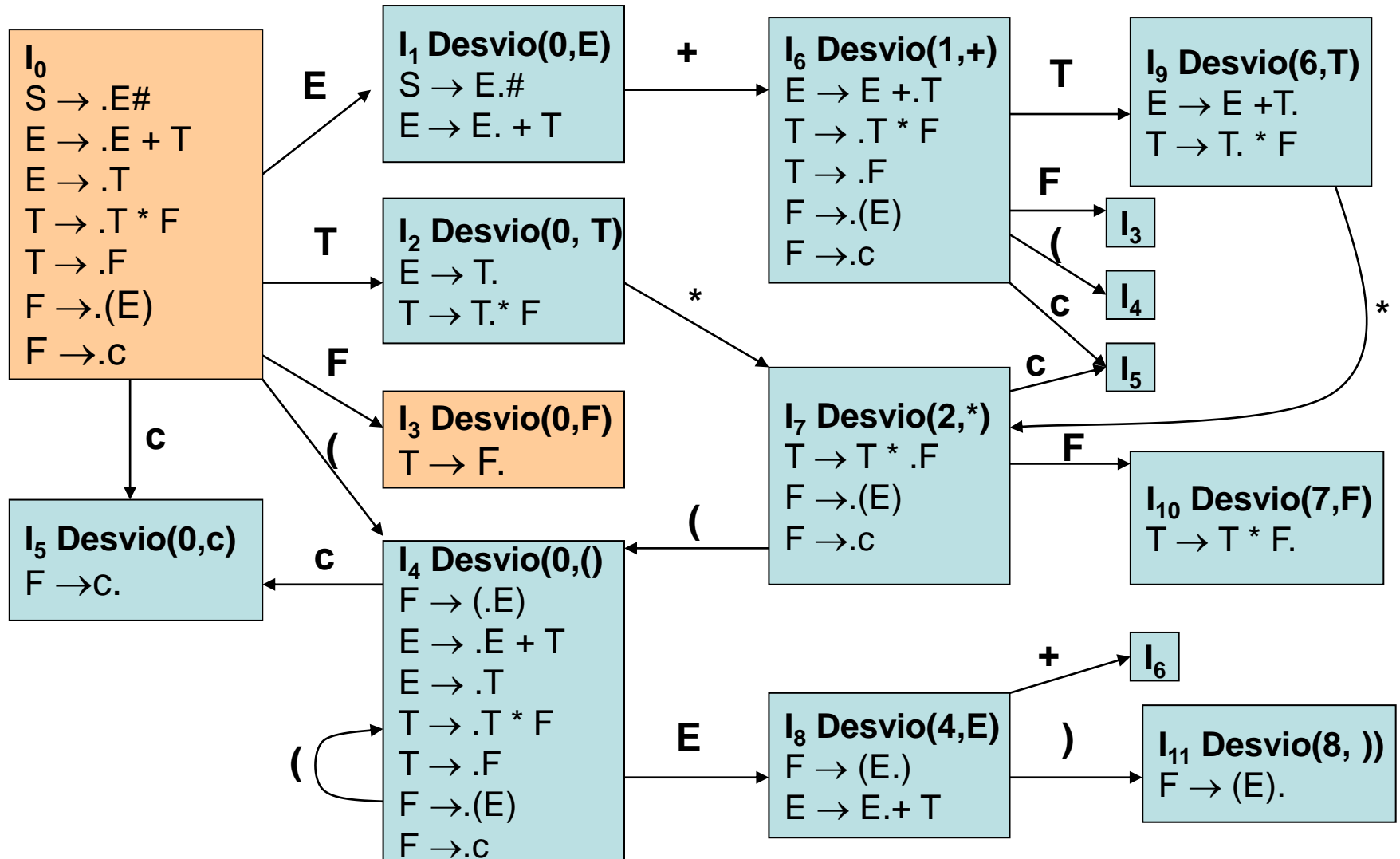
Exemplo: SLR(1)



Pilha : 0 F 3

Entrada: c + c #

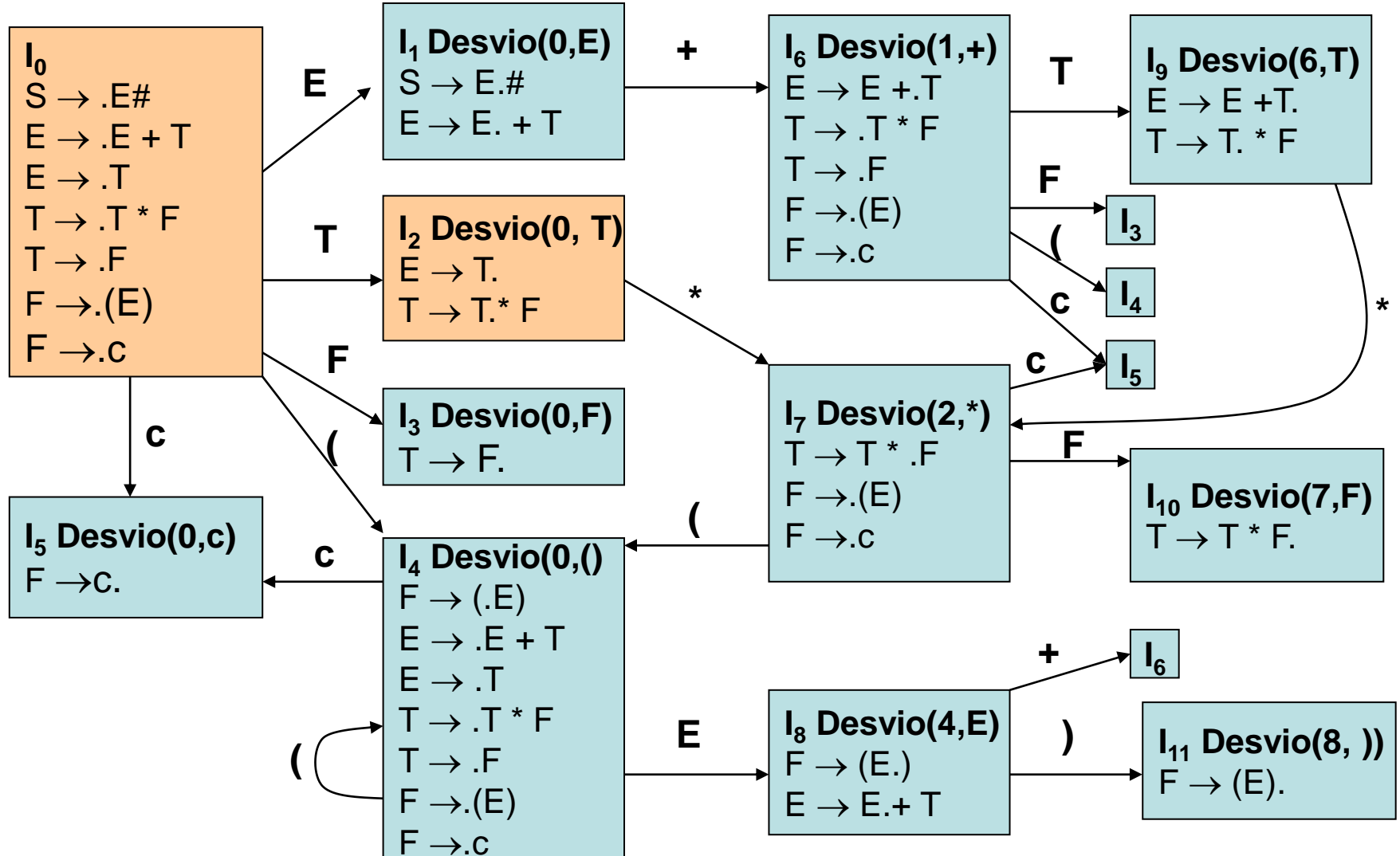
Exemplo: SLR(1)



Pilha : 0 T 2

Entrada: c + c #

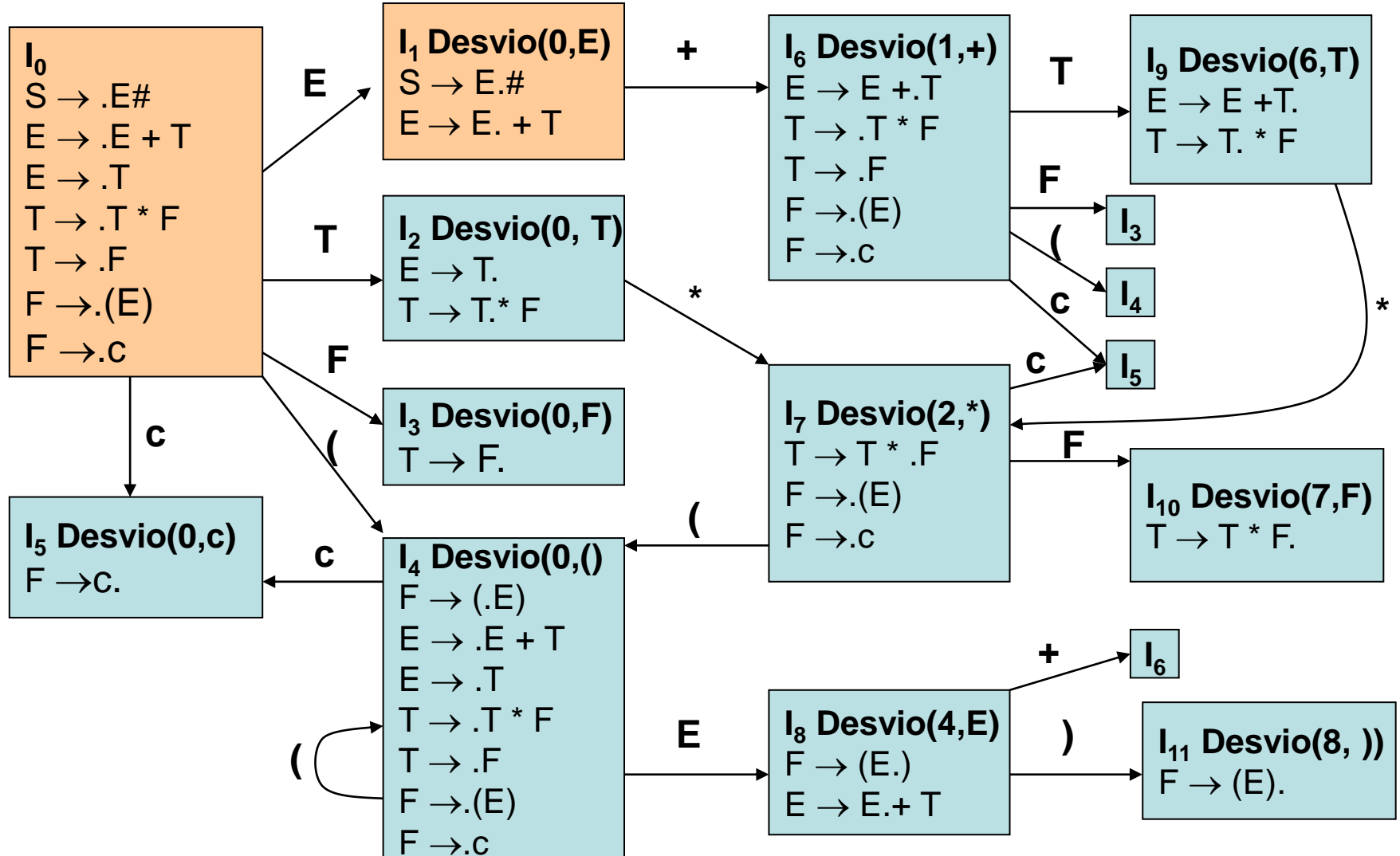
Exemplo: SLR(1)



Pilha : 0 E 1

Entrada: c + c #

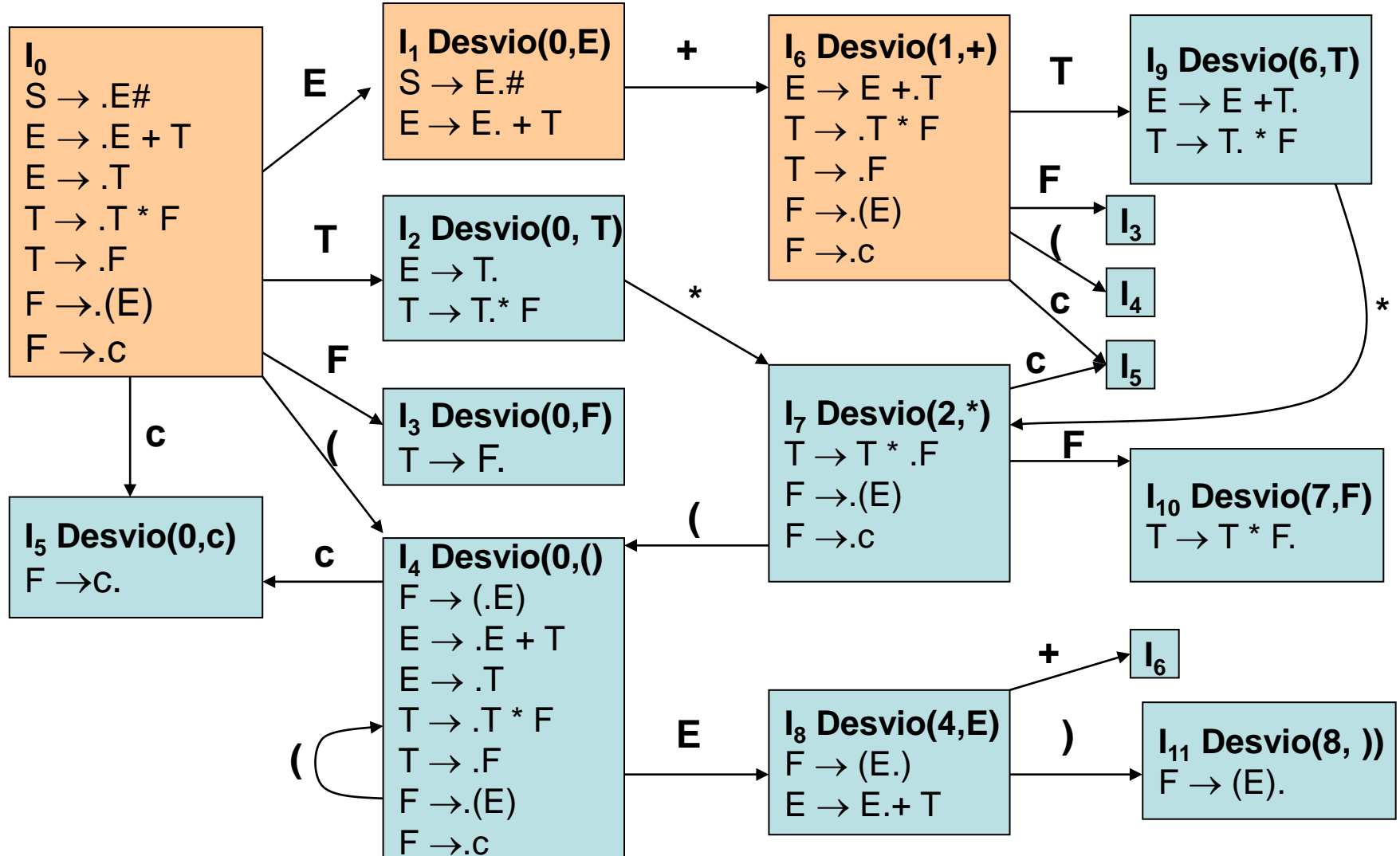
Exemplo: SLR(1)



Pilha : 0 E 1 + 6

Entrada: c + c #

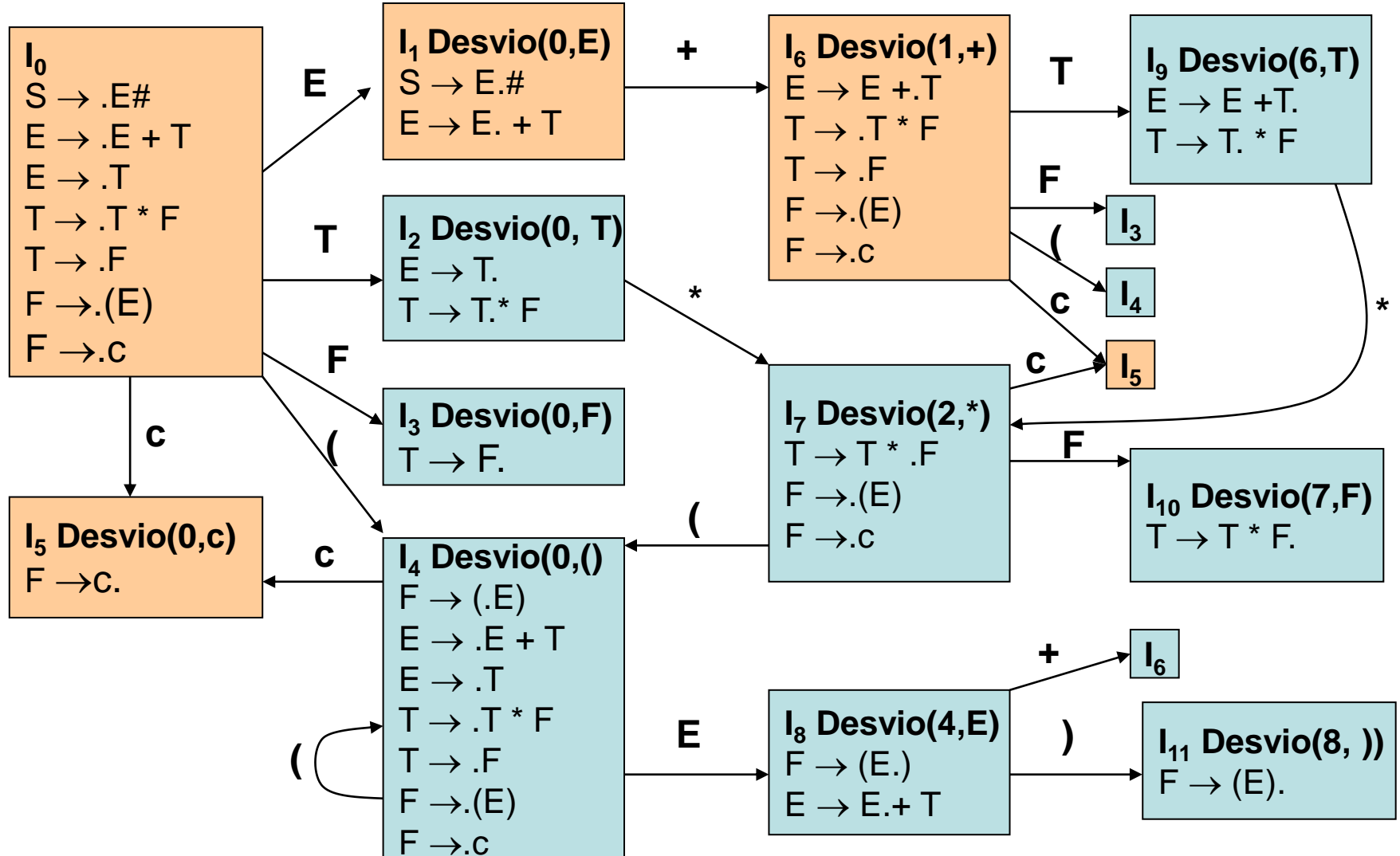
Exemplo: SLR(1)



Pilha : 0 E 1 + 6 c 5

Entrada: c + c #

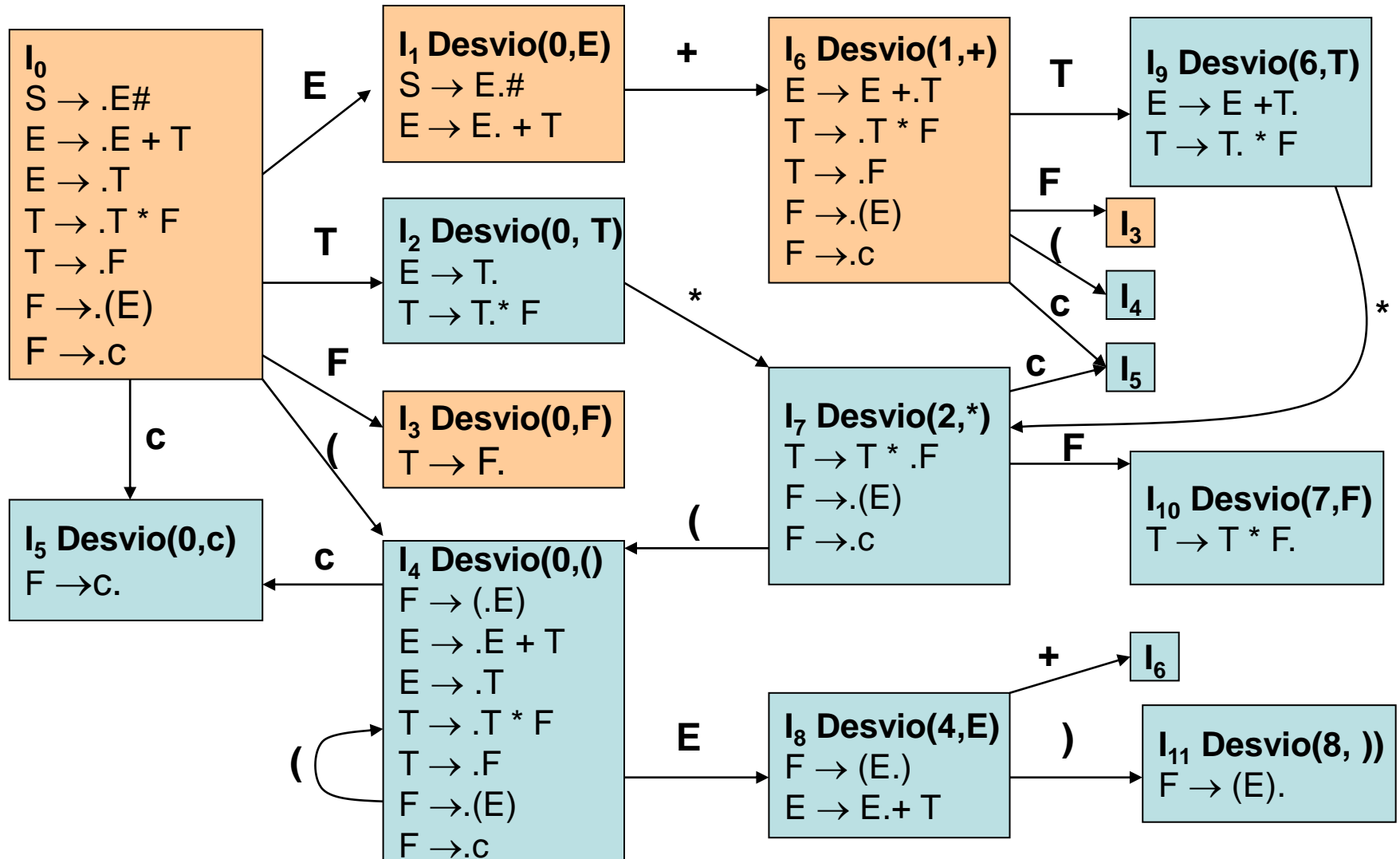
Exemplo: SLR(1)



Pilha : 0 E 1 + 6 F 3

Entrada: c + c #

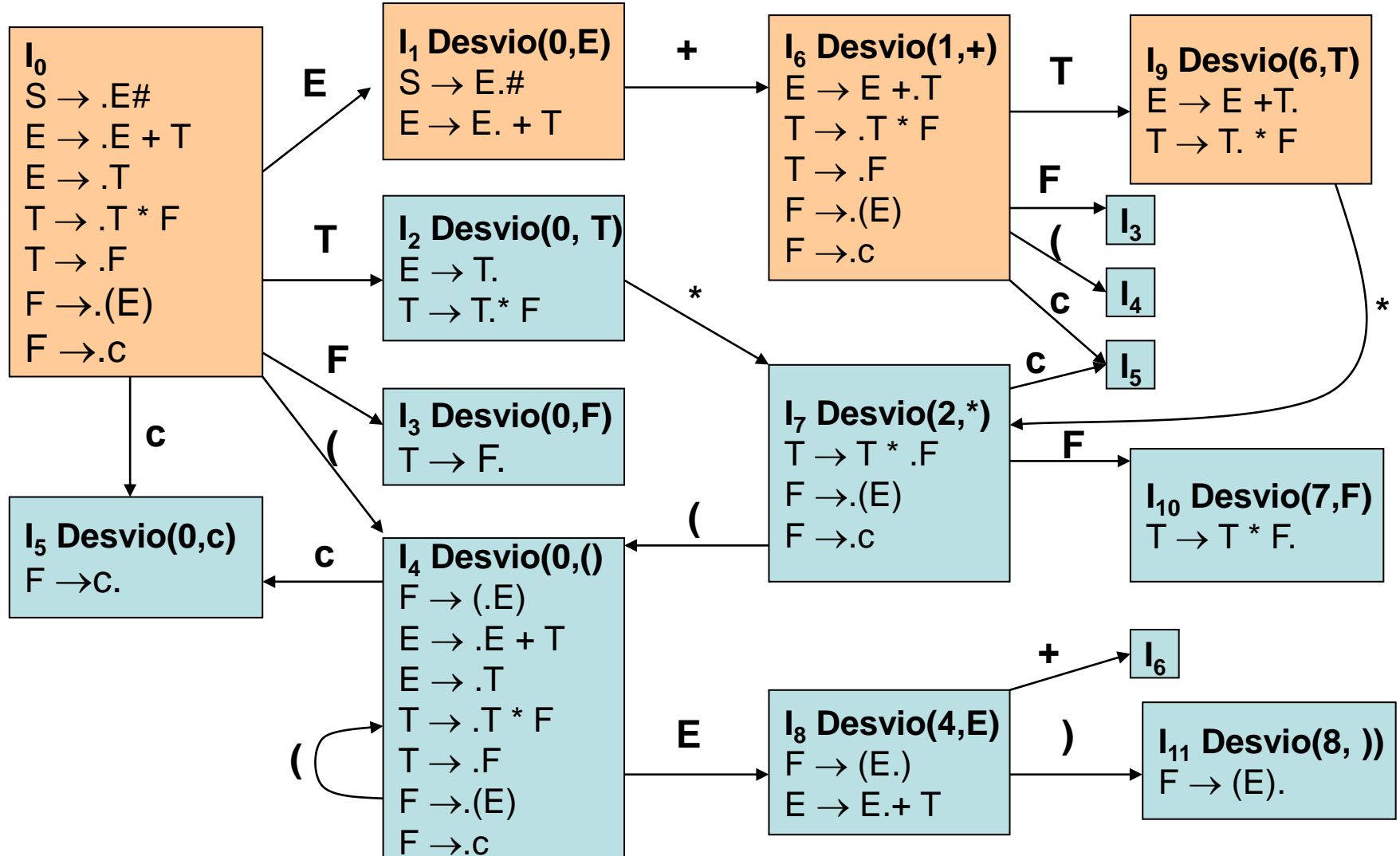
Exemplo: SLR(1)



Pilha : 0 E 1 + 6 T 9

Entrada: c + c #

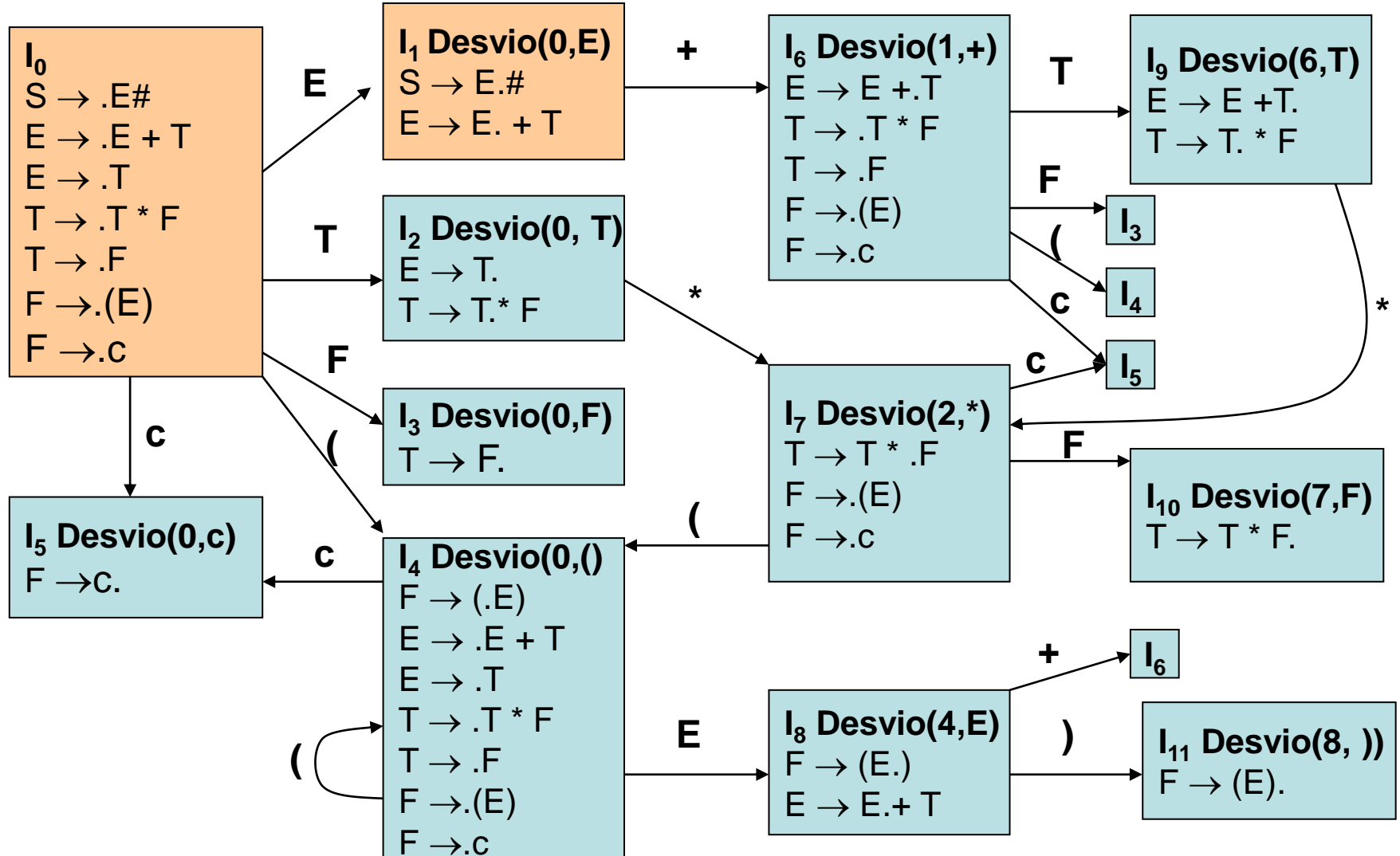
Exemplo: SLR(1)



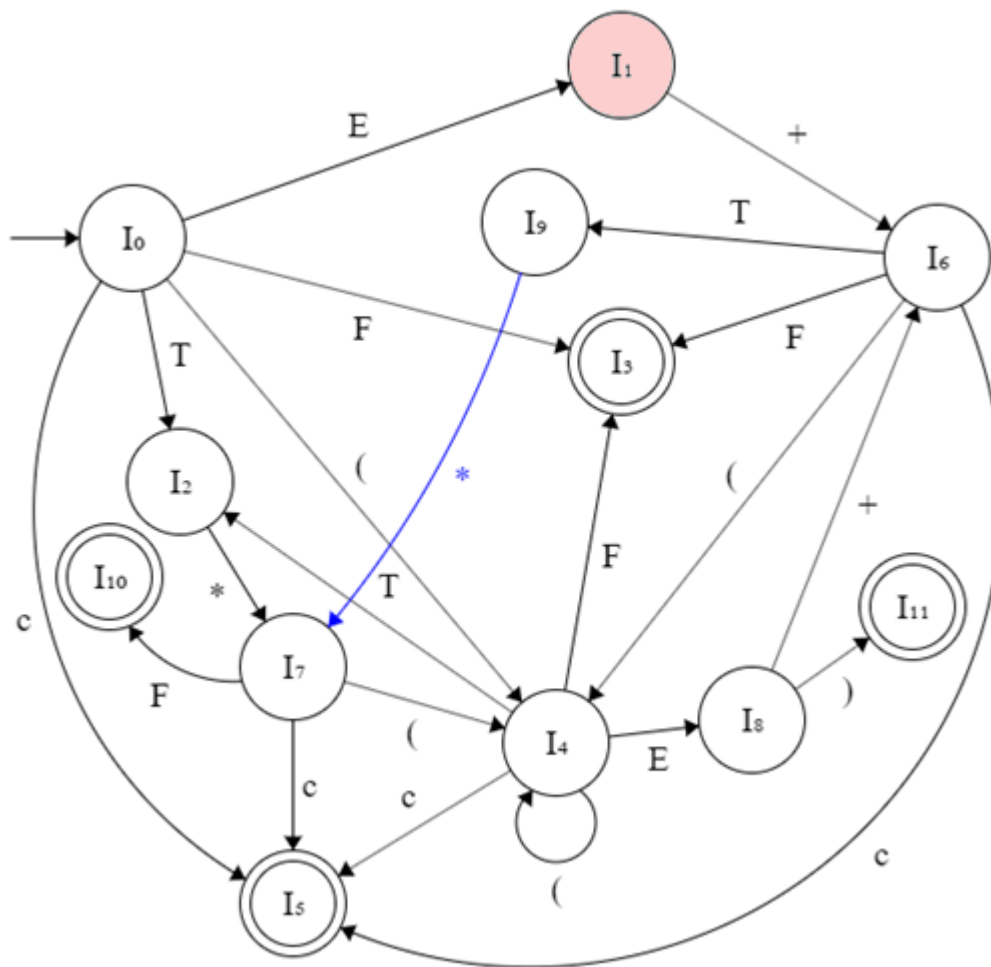
Pilha : 0 E 1

Entrada: c + c #

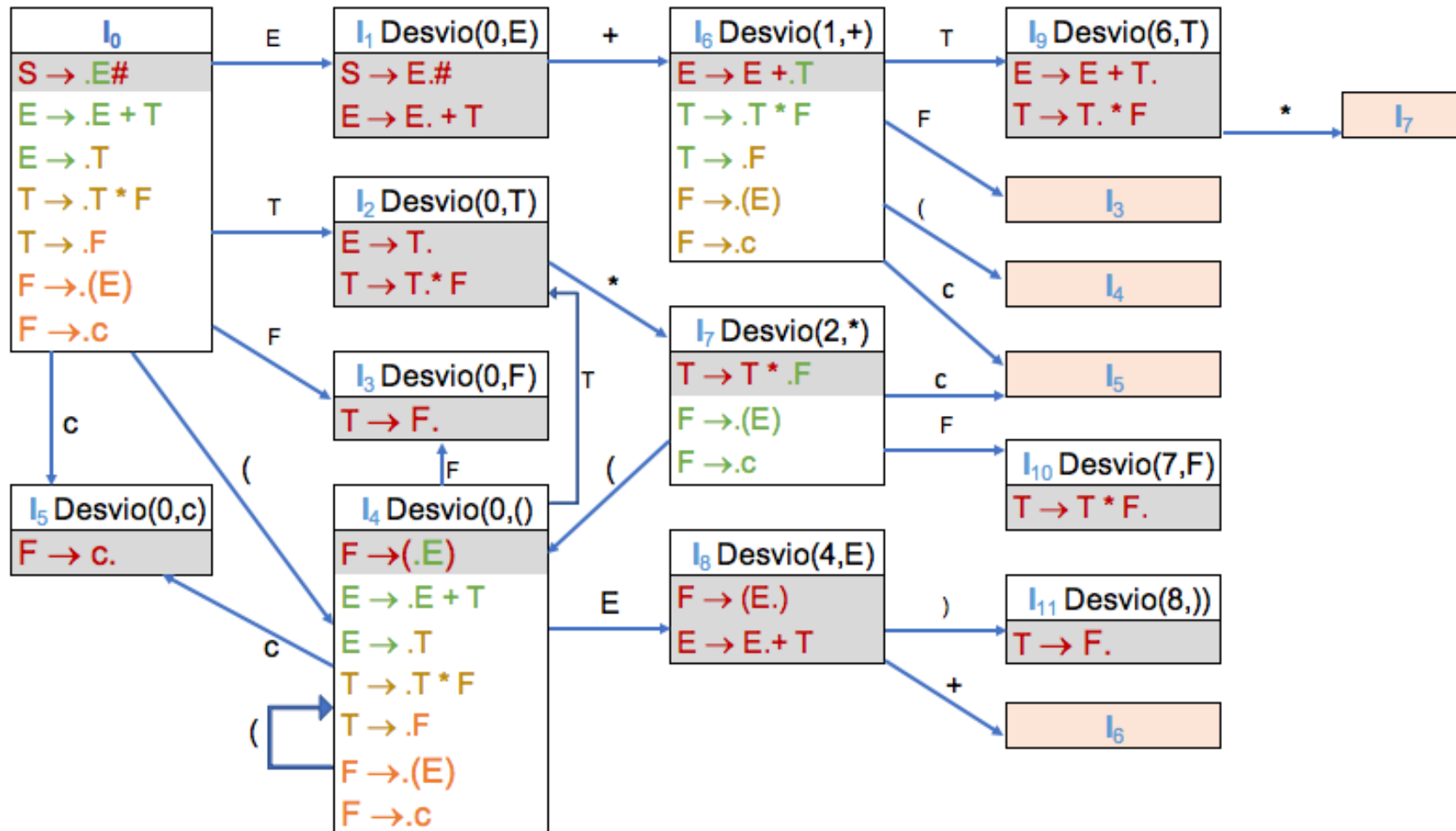
Exemplo: SLR(1)



Modelo do Autômato - SLR(1)



Autômato completo - SLR(1)



Tabelas SLR(1)

Um item LR(0), para uma gramática G , é uma produção de G com um ponto em alguma das posições do seu lado direito.

Exemplo: A produção $E \rightarrow E + T$ produz 4 itens:

$[E \rightarrow .E + T]$

$[E \rightarrow E .+ T]$

$[E \rightarrow E + .T]$

$[E \rightarrow E + T.]$

Intuitivamente o $.$ indica até que parte da produção foi analisada em um determinado estado do analisador sintático.

Construção da Tabela Sintática SLR(1)

A construção da tabela sintática é auxiliada por duas operações:

Fechamento:

Sendo I um conjunto de itens da gramática, o fechamento de I é definido por duas regras:

1. Inicialmente cada item de I é adicionado em $\text{FECHAMENTO}(I)$.
2. Se $[A \rightarrow \alpha.B\beta]$ estiver em $\text{FECHAMENTO}(I)$ e $B \rightarrow \gamma$ for uma produção, adicionar o item $[B \rightarrow .\gamma]$ a $\text{FECHAMENTO}(I)$. Essa regra é aplicada até que nenhum novo item possa ser adicionado.

Desvio:

A operação $\text{DESVIO}(I, X)$ é definida como o fechamento do conjunto de todos os itens $[A \rightarrow \alpha X.\beta]$ tais que $[A \rightarrow \alpha.X\beta]$ esteja em I .

Construção da Tabela Sintática SLR(1)

Construção de um conjunto de itens LR(0):

$C \leftarrow \text{FECHAMENTO}(S' \rightarrow .S\#)$ /* Onde S é o símbolo inicial da linguagem */

Repetir

Para cada conjunto de itens I em C e cada símbolo gramatical X

tal que $\text{DESVIO}(I, X)$ não seja vazio e não esteja em C

Incluir $\text{Desvio}(I, X)$ em C

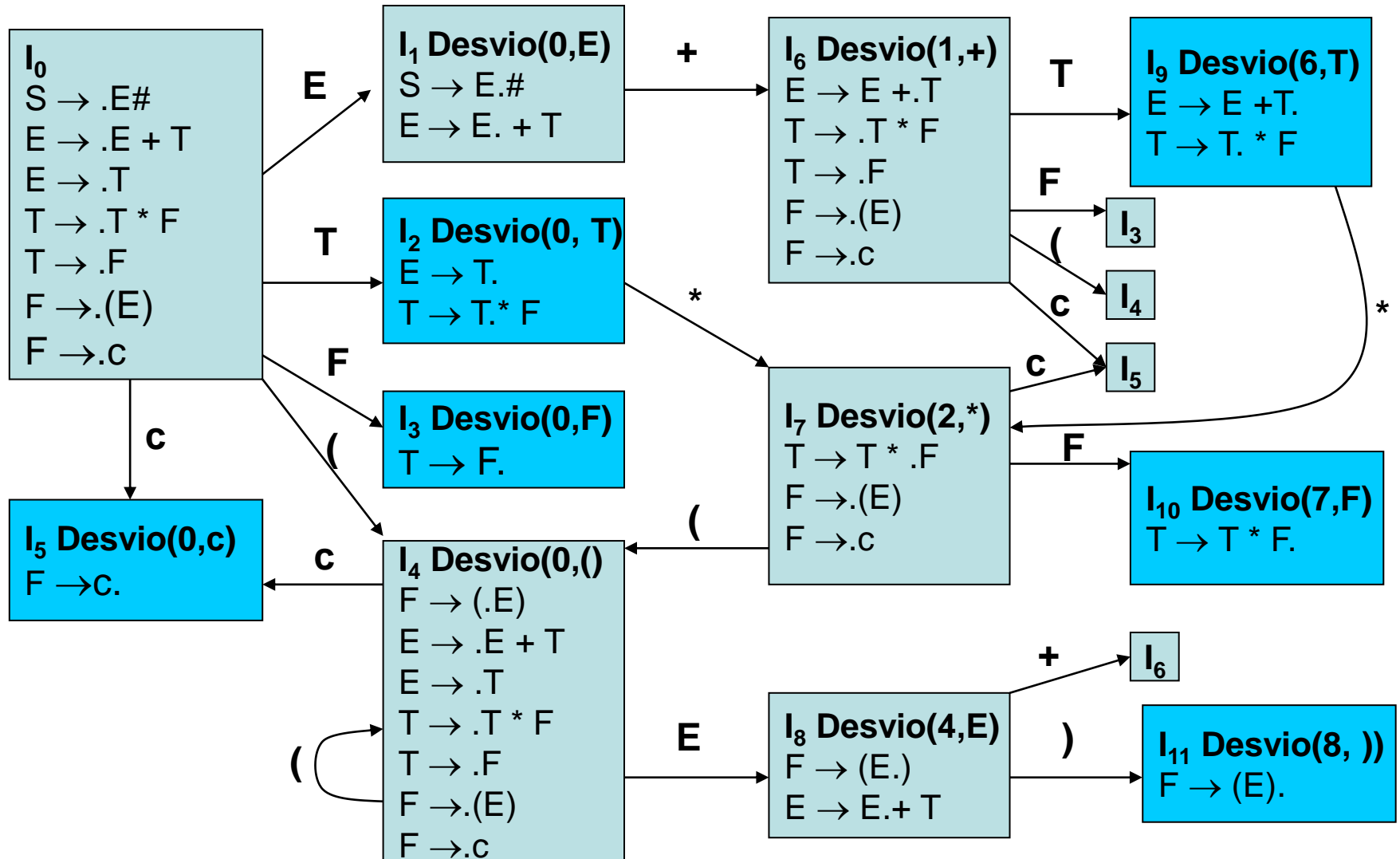
Até que não haja mais conjunto de itens a serem incluídos em C

Construção da Tabela Sintática SLR(1)

Construção da tabela sintática SLR(1):

1. Construir o conjunto de itens $C = \{I_0, I_1, \dots, I_n\}$
2. Cada estado i é construído a partir de I_i . As ações sintáticas são determinadas como:
 - Se $[A \rightarrow \alpha.a\beta]$ estiver em I_i e $\text{DESVIO}(I_i, a) = I_j$ então $\text{ação}[i, a] = \text{Empilhar } j$ (se a for um terminal) ou $\text{desvio}[i, a] = \text{Empilhar } j$ (se a for um não terminal)
 - Se $[A \rightarrow \alpha.]$ estiver em I_i então $\text{ação}(i, a) = \text{reduzir através de } A \rightarrow \alpha$, para todo a em $\text{SEGUINTE}(A)$.
 - Se $[S' \rightarrow S.\#]$ estiver em I_i então $\text{ação}(i, \#) = \text{aceitar}$

Construção da Tabela Sintática SLR(1)



Construção da Tabela Sintática SLR(1)

I_5 Desvio(0,c)

$F \rightarrow c.$

$\text{SEGUINTE}(F) = \{ +, *,), \# \}$

I_2 Desvio(0, T)

$E \rightarrow T.$

$T \rightarrow T.* F$

$\text{SEGUINTE}(E) = \{ +,), \# \}$

I_3 Desvio(0,F)

$T \rightarrow F.$

$\text{SEGUINTE}(T) = \{ +, *,), \# \}$

Se $[A \rightarrow \alpha.]$ estiver em I_i então
ação(i, a) = redução através de
 $A \rightarrow \alpha$, para todo a em
 $\text{SEGUINTE}(A)$.

I_9 Desvio(6,T)

$E \rightarrow E + T.$

$T \rightarrow T.* F$

$\text{SEGUINTE}(E) = \{ +,), \# \}$

I_{10} Desvio(7,F)

$T \rightarrow T * F.$

$\text{SEGUINTE}(F) = \{ +, *,), \# \}$

I_{11} Desvio(8,))

$F \rightarrow (E).$

$\text{SEGUINTE}(F) = \{ +, *,), \# \}$

Construção da Tabela Sintática SLR(1)

No método SLR(1), como a decisão de reduzir aplicando uma produção $A \rightarrow \alpha$, é tomada usando o conjunto $\text{SEGUINTE}(A)$ e não o contexto onde α ocorreu, algumas gramáticas LR(1) podem apresentar conflitos empilhar/reduzir se tentamos construir as tabelas usando esse método. Por o exemplo:

$S \rightarrow L = R$

$S \rightarrow R$

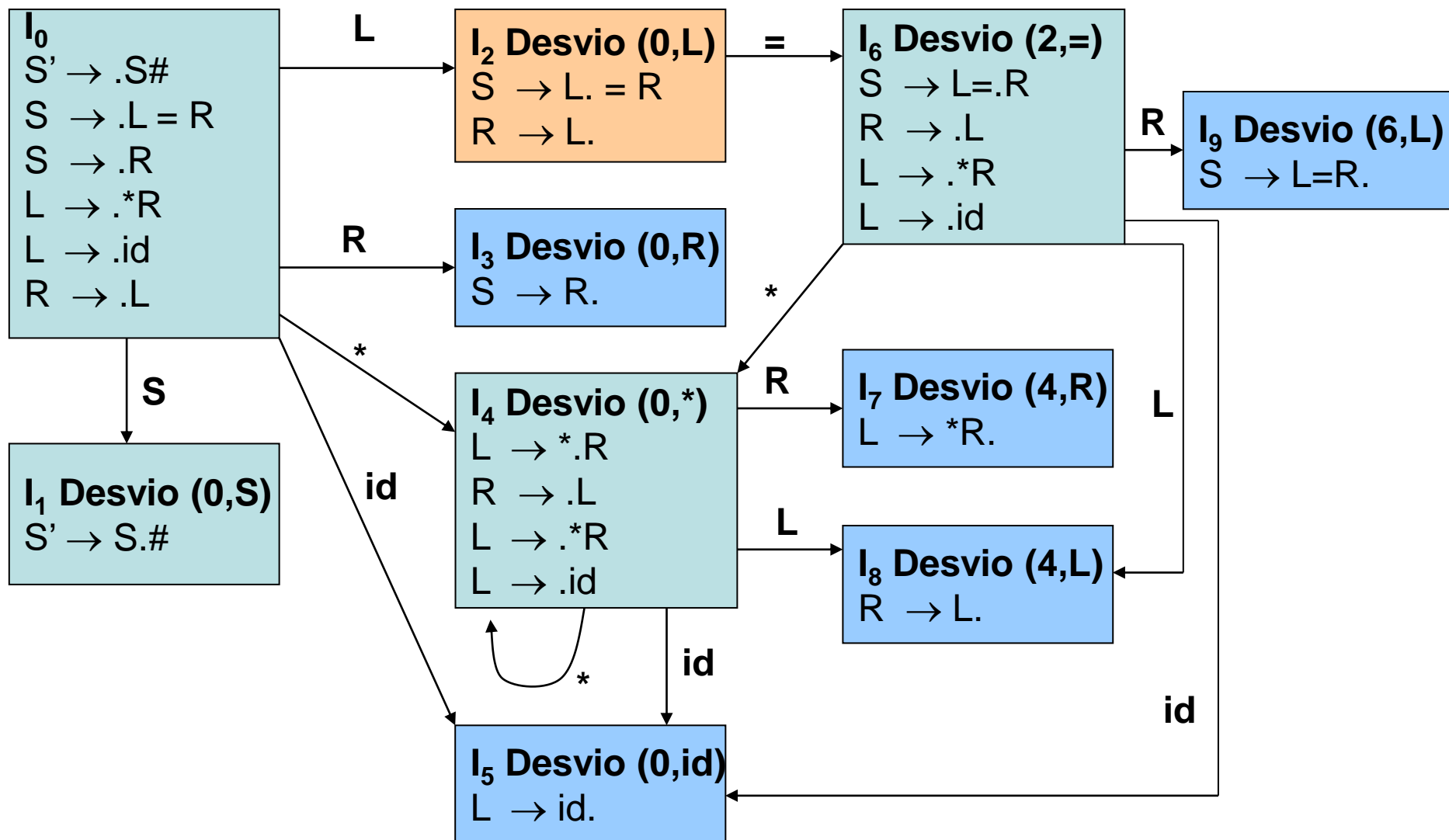
$L \rightarrow *R$

$L \rightarrow \text{id}$

$R \rightarrow L$

*(Nesse exemplo os não terminais L e R representam ***l-value*** e ***r-value*** respectivamente)*

Construção da Tabela Sintática SLR(1)



Métodos LR

Exemplo: SLR(1)

Estado	AÇÕES				DESVIO		
	*	=	id	#	S	L	R
0	E4		E5		1	2	3
1				aceita			
2		E6 / R5		R5			
3				R2			
4	E4		E5			8	7
5		R4		R4			
6	E4		E5			8	9
7		R3		R3			
8		R5		R5			
9				R1			

- (1) $S \rightarrow L = R$
- (2) $S \rightarrow R$
- (3) $L \rightarrow *R$
- (4) $L \rightarrow id$
- (5) $R \rightarrow L$

Construção da Tabela Sintática SLR(1)

I_2 Desvio (0,L)

$S \rightarrow L. = R$

$R \rightarrow L.$

$SEGUINTE(S)(R) = \{=, \# \}$

No estado 2, a ação reduzir $R \rightarrow L$ deve ser executada para todos os seguintes de R, o que nesse caso ocasiona um conflito empilhar/reduzir. Entretanto não existe forma sentencial da gramática que inicie com **R =**. Para tratar essa gramática é necessário um método que carregue mais informação sobre o contexto para o estado.

Construção da Tabela Sintática LR(1)

Fechamento(I):

Repetir

Para cada item $[A \rightarrow \alpha.B\beta, a]$ em I , cada produção $B \rightarrow \gamma$ na Gramática e cada terminais b em $\text{PRIMEIROS}(\beta a)$ tal que $[B \rightarrow \cdot\gamma, b]$ não está em I

Faça Incluir $[B \rightarrow \cdot\gamma, b]$ em I

até que não seja mais possível adicionar itens a I .

Desvio(I, X): é fechamento do conjunto de itens $[A \rightarrow \alpha X.\beta, a]$ tais que $[A \rightarrow \alpha.X\beta, a]$ está em I .

Itens(G):

$C = \{\text{FECHAMENTO}(\{[S' \rightarrow \cdot S\#, \varepsilon]\})\}$ (Onde S é o símbolo inicial da gramática)

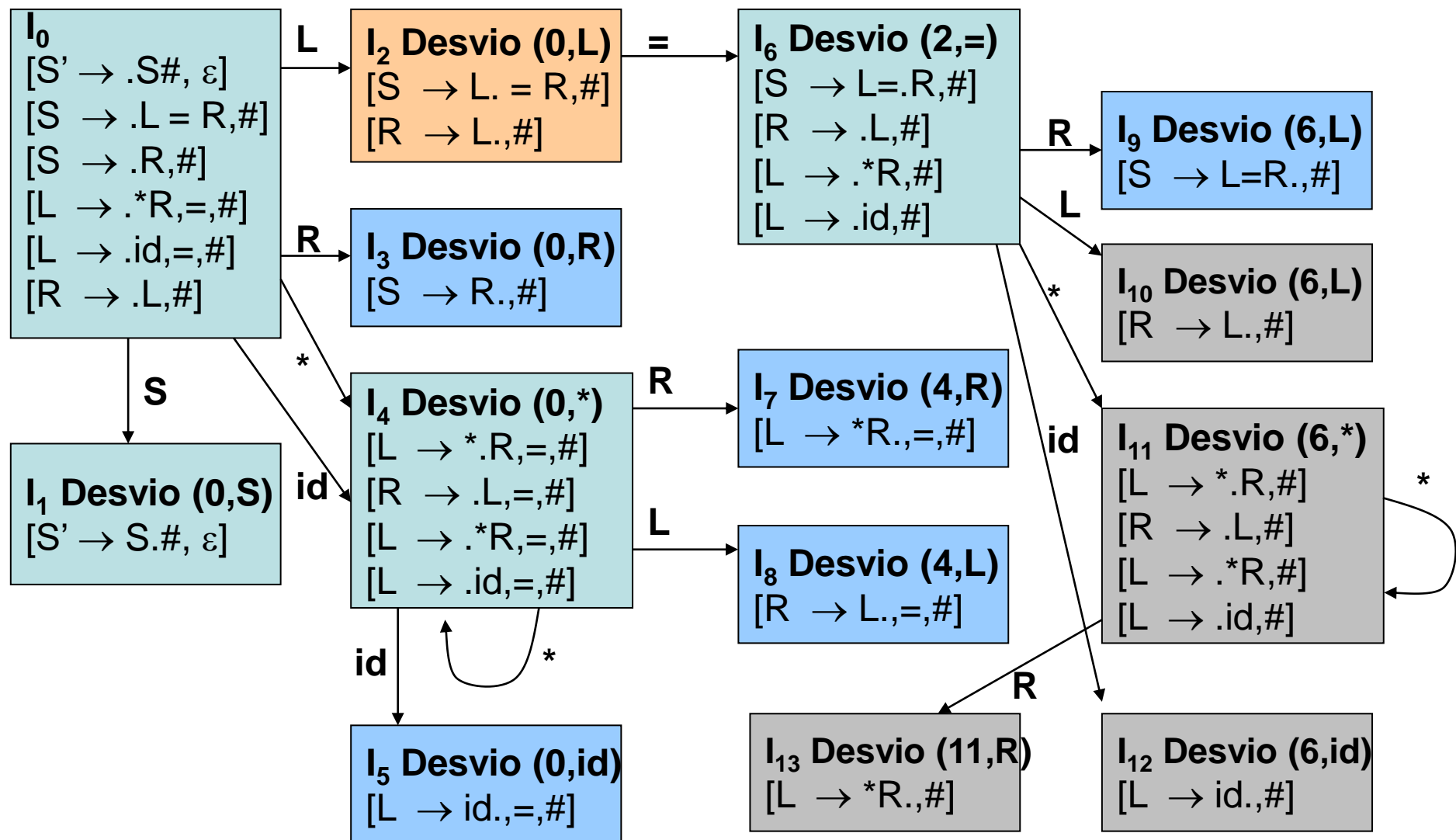
Repetir

Para cada conjunto de itens I em C e cada símbolo gramatical X tal que $\text{Desvio}(I, X) \neq \emptyset$ e $\text{Desvio}(I, X) \notin C$

Faça Incluir $\text{Desvio}(I, X)$ em C

até que nenhum novo item possa ser adicionado a C

Construção da Tabela Sintática LR(1)



LALR – lookahead LR

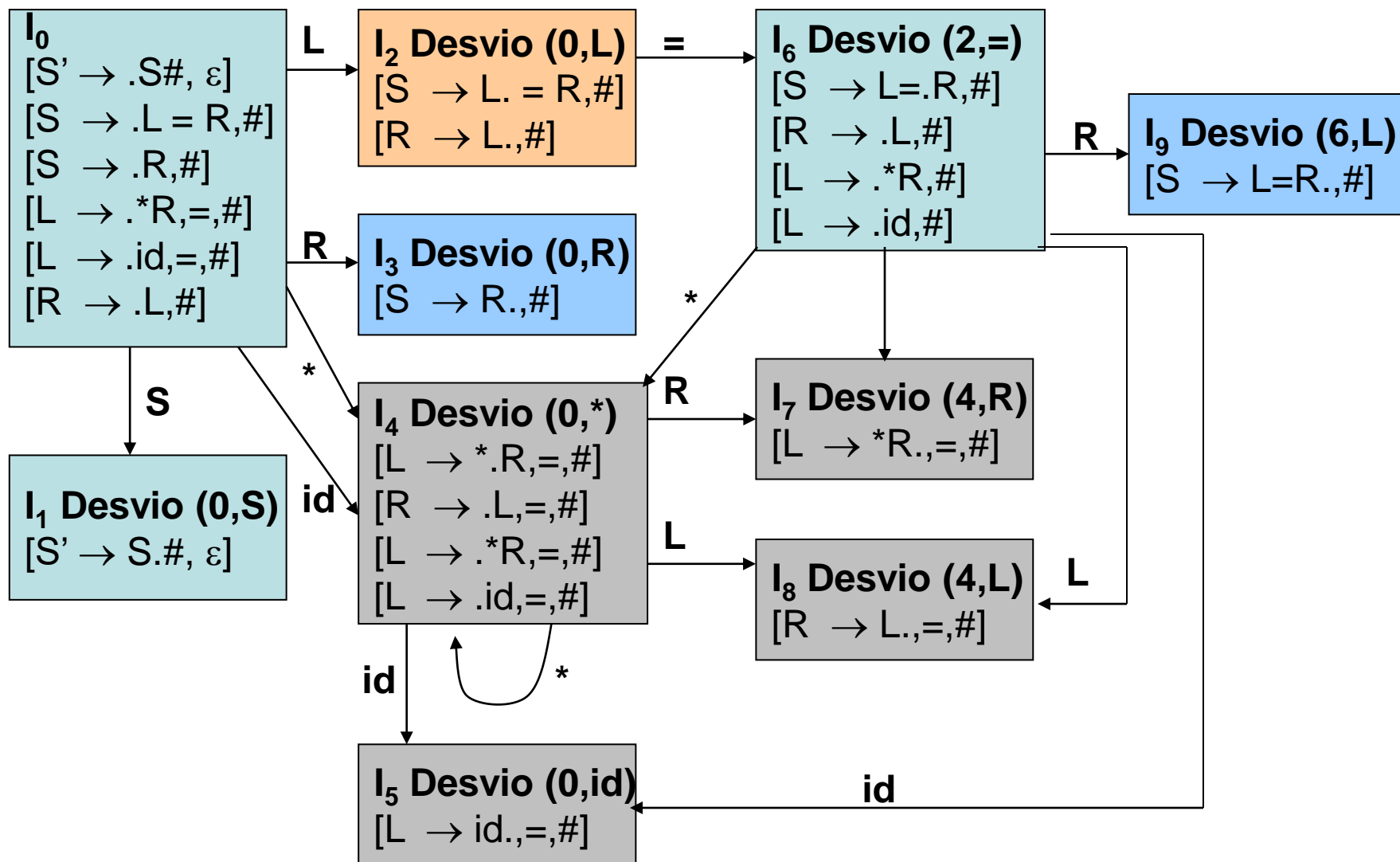
A idéia geral é construir o conjunto de itens LR(1) e, se nenhum conflito aparecer, combinar os itens com núcleo comum.

Algoritmos eficientes para a geração de tabelas LALR constroem o conjunto de itens LR(0) e numa segunda etapa determinam os *lookaheads* correspondentes de cada item.

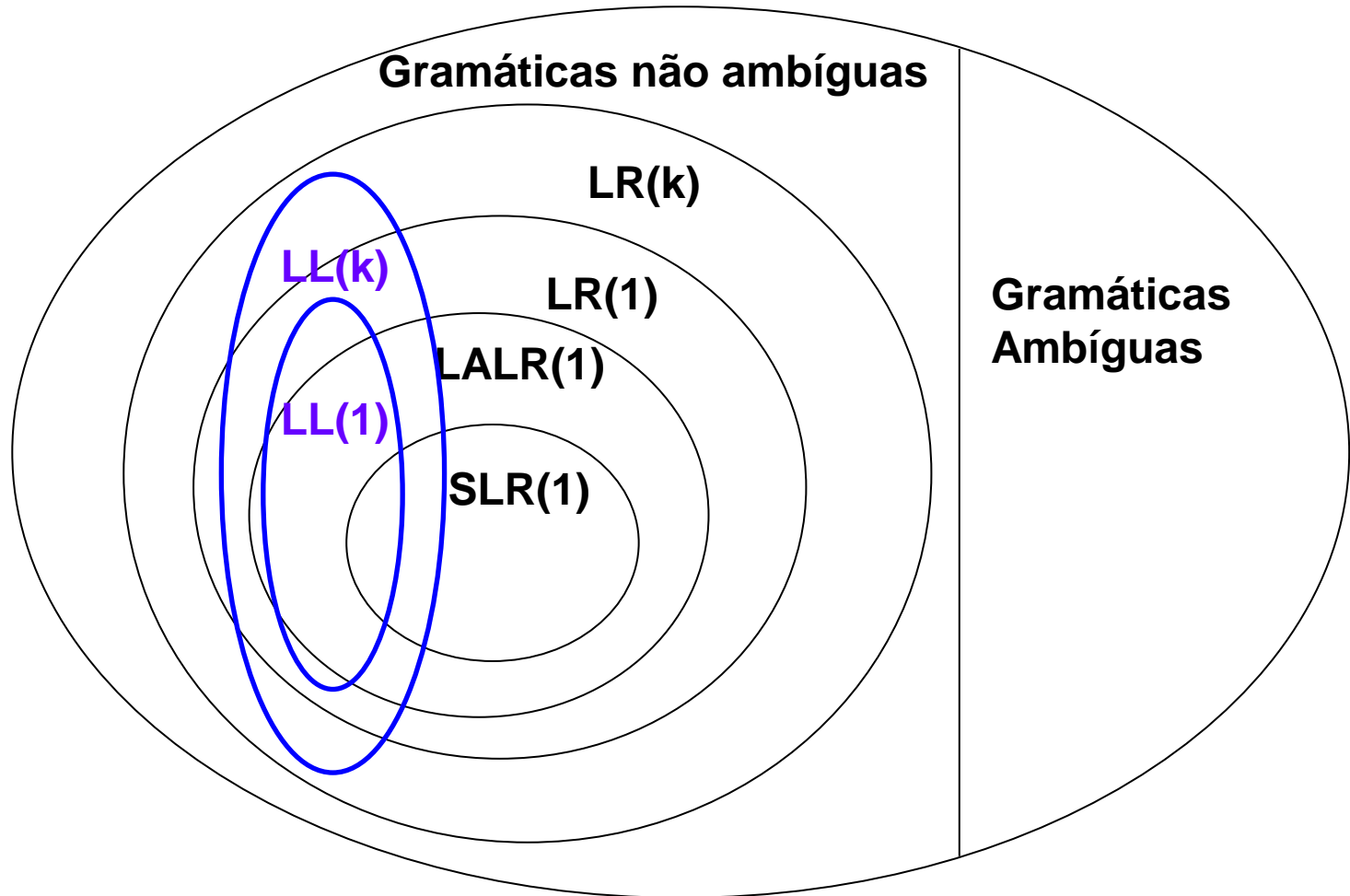
O método LALR:

- Trata a maioria dos casos presentes em linguagens de programação;
- Na grande maioria dos casos o número de estados é muito inferior ao número de estados gerados pelo método LR(1).
- Comparando com o método LR(1), em algumas situações, a detecção de erro é postergada, reduções desnecessárias são aplicadas antes que o erro seja detectado.

Construção da Tabela Sintática LALR(1)



Hierarquia de Gramáticas Livres de Contexto

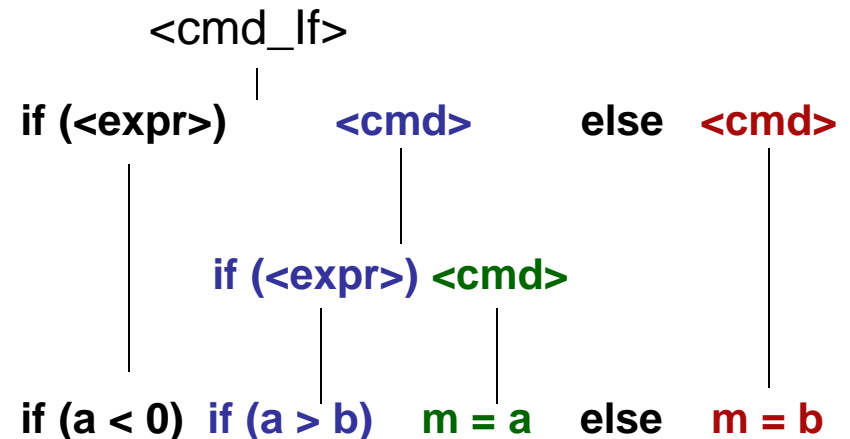
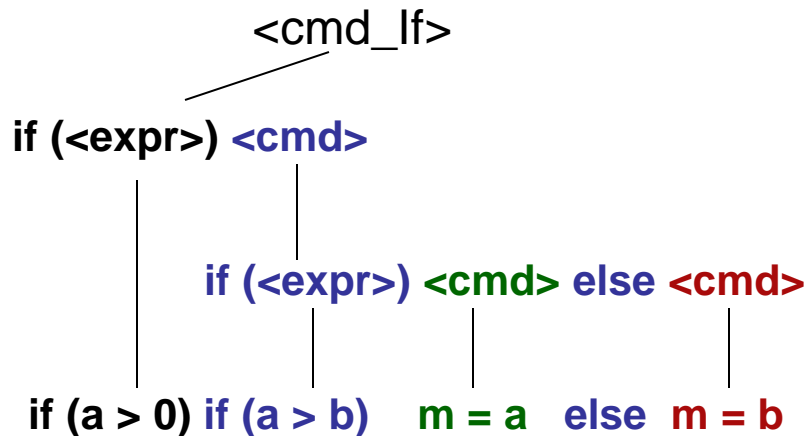


Uso de Gramáticas Ambíguas

$\langle \text{cmd_lf} \rangle \rightarrow \text{if} (\langle \text{expr} \rangle) \langle \text{cmd} \rangle \text{ else } \langle \text{cmd} \rangle$

| $\text{if} (\langle \text{expr} \rangle) \langle \text{cmd} \rangle$

$\langle \text{cmd} \rangle \rightarrow \dots | \langle \text{cmd} \rangle | \dots$



*Essa gramática é ambígua, como consequência temos um conflito **empilhar/reduzir** no estado em que ocorre a transição para o token “**else**”. Caso esse conflito seja resolvido escolhendo a opção **empilhar** as reduções executadas serão as correspondentes a primeira árvore.*