

- 1) Como ficará o arranjo *vet* após a execução da chamada de *buildHeap* (*vet*, 8), onde:

```
int vet[] = {1, 6, 5, 3, 7, 8, 4, 2};
```

Qual a complexidade de tempo e a complexidade de espaço para o pior caso de execução da função **heapSort**? Qual a complexidade de tempo se todos elementos do arranjo forem iguais? Explique sucintamente cada passo do cálculo dessas complexidades.

A função **heapify** restabelece a propriedade de *heap* da posição do arranjo passada como parâmetro, a complexidade de tempo no pior caso é $O(\log n)$. A função **buildHeap** constrói um *heap* no arranjo, a complexidade de tempo no pior caso é $O(n)$.

```
int esquerda(int i) { return (2 * i + 1); }
```

```
int direita(int i) { return (2 * i + 2); }
```

```
void heapify (int *a, int n, int i)
```

```
{
    int e, d, maior, aux;

    e = esquerda(i);
    d = direita(i);
    if (e < n && a[e] > a[i])
        maior = e;
    else
        maior = i;
    if (d < n && a[d] > a[maior])
        maior = d;
    if (maior != i)
    {
        aux = a[i];
        a[i] = a[maior];
        a[maior] = aux;
        heapify(a, n, maior);
    }
}
```

```
void buildHeap(int *a, int n)
```

```
{
    int i;

    for (i = (n-1)/2; i >= 0; i--)
        heapify(a, n, i);
}
```

```
void heapSort(int *a, int n)
```

```
{
    int i, aux;
    buildHeap(a, n);
    for (i = n - 1; i > 0; i--)
    {
        aux = a[0]; a[0] = a[i]; a[i] = aux;
        heapify(a, i, 0);
    }
}
```

2) Resolva as relações de recorrência:

a) $T(n) = T(n/2) + n$
 $T(1) = 1$

b) $T(n) = 2T(n - 1) + n$
 $T(1) = 1$

c) $T(n) = 4T(n/2) + n$
 $T(1) = 1$

d) $T(n) = T(n/2) + \log_2 n$
 $T(1) = 1$