



Analiza și Prognoza seriilor de timp

Seminar 8: Extensii moderne



Daniel Traian PELE

Academia de Studii Economice din București

IDA Institute Digital Assets

Blockchain Research Center

AI4EFin Artificial Intelligence for Energy Finance

Academia Română, Institutul de Prognoză Economică

MSCA Digital Finance

Cuprins Seminar

Structura seminarului:

- 1. Test de Recapitulare** – Verificarea cunoștințelor
- 2. Întrebări Adevărat/Fals** – Verificări conceptuale
- 3. Probleme Practice** – Practică aplicată
- 4. Rezumat** – Sinteză finală
- 5. Exerciții cu asistență AI** – Inteligență artificială aplicată



Test 1: Exponentul Hurst

Întrebare

O serie de timp are exponentul Hurst $H = 0.8$. Ce ne indică acest lucru?

Variante de răspuns

- (A) Seria este un mers aleator pur
- (B) Seria are memorie lungă și este persistentă (trend-following)
- (C) Seria este anti-persistentă (mean-reverting)
- (D) Seria este staționară I(0)

Răspunsul pe slide-ul următor...



Test 1: Răspuns

Răspuns: B – Memorie lungă și persistență

Interpretare Exponent Hurst:

- $H = 0.5$: Mers aleator (fără memorie)
- $0.5 < H < 1$: **Persistență** – tendință continuă
- $0 < H < 0.5$: Anti-persistență – revenire la medie

Cu $H = 0.8 > 0.5$:

- Seria are **memorie lungă**
- Valorile mari tind să fie urmate de valori mari
- Autocorrelațiile descresc lent (hiperbolic, nu exponențial)

Test 2: Parametrul de Diferențiere Fracționară

Întrebare

În modelul ARFIMA(p, d, q), parametrul d poate lua valori:

Variante de răspuns

- (A) Doar valori întregi (0, 1, 2, ...)
- (B) Doar $d = 0$ sau $d = 1$
- (C) Orice valoare reală, inclusiv fracționară
- (D) Doar valori negative

Răspunsul pe slide-ul următor...



Test 2: Răspuns

Răspuns: C – Orice valoare reală

Diferențiere fracționară: $(1 - L)^d$ cu $d \in \mathbb{R}$

Interpretare valori d :

- $d = 0$: Seria staționară (ARMA)
- $0 < d < 0.5$: Memorie lungă, staționară
- $d = 0.5$: Granița staționar/nestationară
- $0.5 < d < 1$: Memorie lungă, nestationară
- $d = 1$: Diferențiere completă (ARIMA clasic)

Relația cu Hurst: $d = H - 0.5$

Test 3: Memoria Lungă în Serii Financiare

Întrebare

În ce serie finanțiară este memoria lungă cel mai frecvent documentată?

Variante de răspuns

- (A) Prețurile acțiunilor
- (B) Randamentele zilnice
- (C) Volatilitatea (pătratul randamentelor)
- (D) Volumul de tranzacționare

Răspunsul pe slide-ul următor...



Test 3: Răspuns

Răspuns: C – Volatilitatea

Fapte stilizate din finanțe:

- Randamentele:** Aproximativ fără memorie ($H \approx 0.5$)
- Volatilitatea:** Memorie lungă pronunțată ($H \approx 0.7 - 0.9$)

De ce?

- Volatility clustering: perioade agitate urmate de perioade agitate
- Persistența șocurilor în varianță
- FIGARCH: modelează explicit memoria lungă în volatilitate

Acest fapt stilizat este baza modelelor FIGARCH și HAR-RV.

 TSA_ch8_long_memory



Test 4: Feature Engineering

Întrebare

Pentru a aplica Random Forest pe serii de timp, trebuie să creăm:

Variante de răspuns

- (A) Variabile dummy pentru fiecare observație
- (B) Caracteristici lag și statistici rolling
- (C) Transformări Fourier ale seriei
- (D) Numai prima diferență a seriei

Răspunsul pe slide-ul următor...



Test 4: Răspuns

Răspuns: B – Caracteristici lag și statistici rolling

Feature Engineering pentru Serii de timp:

- Lag features:** $y_{t-1}, y_{t-2}, \dots, y_{t-k}$
- Rolling statistics:**
 - ▶ Media mobilă: $\bar{y}_{t,w}$
 - ▶ Deviația standard mobilă: $\sigma_{t,w}$
 - ▶ Min/Max pe fereastră
- Caracteristici calendaristice:** ziua săptămânii, luna, etc.

Important: Transformă problema de prognoză în problemă de regresie supervizată!



Test 5: Validarea încrucișată pentru Serii de timp

Întrebare

De ce NU putem folosi k-fold cross-validation standard pentru serii de timp?

Variante de răspuns

- (A) Este prea lent pentru serii lungi
- (B) Încalcă ordinea temporală și cauzează data leakage
- (C) Funcționează doar pentru clasificare
- (D) Necesită prea multe date

Răspunsul pe slide-ul următor...



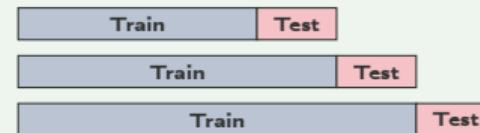
Test 5: Răspuns

Răspuns: B – Încalcă ordinea temporală

Problema cu k-fold standard:

- Amestecă observațiile temporale
- Antrenează pe date din viitor, testează pe trecut
- Data leakage \Rightarrow performanță supraestimată

Soluția: Time Series Split (Walk-Forward)



Q TSA_ch8_cross_validation

Test 6: Importanța Variabilelor în Random Forest

Întrebare

Importanța variabilelor în Random Forest pentru serii de timp ne ajută să:

Variante de răspuns

- (A) Să eliminăm toate variabilele cu importanță mică
- (B) Să identificăm care lag-uri și caracteristici sunt cele mai predictive
- (C) Să determinăm cauzalitatea Granger
- (D) Să calculăm intervalele de încredere

Răspunsul pe slide-ul următor...



Test 6: Răspuns

Răspuns: B – Identifică caracteristicile predictive

Utilizări ale importanței variabilelor:

- Înțelegerea structurii temporale
- Selectarea numărului optim de lag-uri
- Identificarea factorilor relevanți

Atenție:

- Importanța NU implică cauzalitate
- Variabilele corelate pot împărtăși importanța
- Folosiți pentru interpretare, nu pentru inferență cauzală



Test 7: Avantajul LSTM

Întrebare

Care este principalul avantaj al LSTM față de RNN simple?

Variante de răspuns

- (A) Este mai rapidă la antrenare
- (B) Rezolvă problema gradienților care dispar/explodează
- (C) Necesară mai puține date
- (D) Este mai ușor de interpretat

Răspunsul pe slide-ul următor...



Test 7: Răspuns

Răspuns: B – Rezolvă problema gradienților

Problema RNN Simple:

- Gradienții scad exponențial cu lungimea secvenței
- Nu pot învăța dependențe pe termen lung

Soluția LSTM:

- Cell state:** Autostradă pentru flux de informație
- Forget gate:** Decide ce să uite
- Input gate:** Decide ce să rețină
- Output gate:** Decide ce să producă

Gradienții pot „curge” prin cell state fără degradare!



Test 8: Pregătirea Datelor pentru LSTM

Întrebare

Înainte de antrenarea LSTM, datele trebuie:

Variante de răspuns

- (A) Transformate logaritmice
- (B) Normalizate/standardizate la intervalul [0,1] sau [-1,1]
- (C) Diferențiate de ordinul 2
- (D) Convertite la numere întregi

Răspunsul pe slide-ul următor...



Test 8: Răspuns

Răspuns: B – Normalizează/standardizează

De ce normalizare?

- Funcțiile de activare (sigmoid, tanh) funcționează în intervale limitate
- Convergență mai rapidă
- Stabilitate numerică

Metode comune:

- Min-Max:** $x' = \frac{x - x_{min}}{x_{max} - x_{min}} \succ [0, 1]$
- Standard:** $x' = \frac{x - \mu}{\sigma} \succ \text{media } 0, \text{ std } 1$

Important: Fit pe train, transform pe train+test!



Test 9: Hiperparametri LSTM

Întrebare

Care NU este un hiperparametru tipic pentru LSTM?

Variante de răspuns

- (A) Numărul de unități (neuroni) pe strat
- (B) Lungimea secvenței de intrare
- (C) Learning rate
- (D) Parametrul de diferențiere d

Răspunsul pe slide-ul următor...



Test 9: Răspuns

Răspuns: D – Parametrul d

d este specific modelelor ARFIMA, nu LSTM!

Hiperparametri LSTM:

- Arhitectură**: nr. straturi, unități/strat
- Secvență**: lungime lookback
- Training**: learning rate, batch size, epochs
- Regularizare**: dropout, early stopping

Tuning: Grid search sau Bayesian optimization cu time series CV

Q TSA_ch8_lstm_tuning



Adevărat sau Fals? — Întrebări

Afirmatie	A/F?
1. Modelele ARFIMA pot captura dependență pe termen lung.	?
2. Parametrul d în ARFIMA trebuie să fie un număr întreg.	?
3. Rețelele LSTM sunt mai bune decât ARIMA în toate situațiile.	?
4. Random Forest necesită caracteristici (features) create manual.	?
5. Validarea încruciată standard (k-fold) este potrivită pentru serii de timp.	?
6. Exponentul Hurst $H > 0.5$ indică memorie lungă pozitivă.	?



Adevărat sau Fals? — Răspunsuri

Afirmatie	A/F	Explicatie
1. ARFIMA captează dependență pe termen lung.	A	d fracionar
2. d în ARFIMA trebuie să fie întreg.	F	$d \in (0, 0.5)$ fracionar
3. LSTM mai bun decât ARIMA mereu.	F	Depinde de date și eșantion
4. RF necesită features manuale.	A	Lag-uri, calendar, etc.
5. k-fold CV potrivit pt serii de timp.	F	Încalcă ordonarea temporală
6. $H > 0.5$ indică memorie lungă pozitivă.	A	$H = 0.5$: fără memorie



Problemă 1: Estimarea Exponentului Hurst

Enunț

Fie seria zilnică de randamente Bitcoin. Estimați exponentul Hurst folosind metoda R/S și interpretați rezultatul.

Pași de rezolvare:

1. Calculați media pe subintervale de diferite lungimi n
2. Pentru fiecare n : calculați Range(R) și Std(S)
3. Raportul R/S crește ca n^H
4. Fit regresie: $\log(R/S) = H \cdot \log(n) + c$

Cod Python: `nolds.hurst_rs(returns)`



Problemă 1: Soluție și Interpretare

Rezultat Tipic pentru Bitcoin

- Randamente: $H \approx 0.45 - 0.55$ (aproape mers aleator)
- Volatilitate ($|\text{returns}|$): $H \approx 0.75 - 0.85$ (memorie lungă!)

Interpretare:

- Randamentele sunt greu de prognozat (EMH aproximativ validă)
- Volatilitatea este predictibilă pe termen lung
- Implicații pentru managementul riscului și VaR

Aplicație: Modelele FIGARCH pot fi superioare GARCH standard



Problemă 2: Random Forest pentru Prognoză

Enunț

Construiți un model Random Forest pentru prognoza prețului Bitcoin la orizontul de 1 zi. Evaluati folosind TimeSeriesSplit.

Pipeline:

1. **Feature engineering:**
 - ▶ Lag-uri: $y_{t-1}, y_{t-2}, \dots, y_{t-7}$
 - ▶ Rolling mean/std: 7, 14, 30 zile
2. **Train/Test split:** TimeSeriesSplit(n_splits=5)
3. **Model:** RandomForestRegressor(n_estimators=100)
4. **Evaluare:** RMSE, MAE, Direction Accuracy



Problemă 2: Cod și Rezultate

Cod Python

```
from sklearn.ensemble import RandomForestRegressor  
from sklearn.model_selection import TimeSeriesSplit  
  
tscv = TimeSeriesSplit(n_splits=5)  
rf = RandomForestRegressor(n_estimators=100)  
  
for train_idx, test_idx in tscv.split(X):  
    rf.fit(X[train_idx], y[train_idx])  
    pred = rf.predict(X[test_idx])
```

Rezultate tipice:

- Direction accuracy: 52-55% (puțin peste random)
- Feature importance: lag-1 și rolling_std domină

 TSA_ch8_random_forest

Problemă 3: LSTM pentru Serii de timp

Enunț

Implementați un model LSTM simplu pentru prognoza Bitcoin. Comparați cu Random Forest.

Arhitectură LSTM simplă:

1. Input: secvențe de 30 de zile
2. LSTM layer: 50 unități
3. Dense output: 1 neuron (prognoza)
4. Loss: MSE, Optimizer: Adam

Pași importanți:

- Normalizare MinMaxScaler
- Reshape la [samples, timesteps, features]
- Early stopping pentru a evita supraajustare



Problemă 3: Cod LSTM

Cod Keras/TensorFlow

```
from tensorflow.keras.models import Sequential
from tensorflow.keras.layers import LSTM, Dense

model = Sequential([
    LSTM(50, input_shape=(30, 1)),
    Dense(1)
])

model.compile(optimizer='adam', loss='mse')
model.fit(X_train, y_train, epochs=50,
           validation_split=0.1, verbose=0)
```

Comparație tipică RF vs LSTM:

- RMSE similar (LSTM ușor mai bun pe date netede)
- RF: mai rapid, mai interpretabil
- LSTM: captează mai bine pattern-uri complexe

ReARFIMA

- Serii cu memorie lungă (volatilitate, hidrologie)
- Când $0 < d < 0.5$ este teoretic justificat
- Interpretabilitate statistică importantă

Random Forest

- Relații neliniare între caracteristici
- Feature importance pentru înțelegere
- Date structurate, nu foarte lungi

LSTM

- Secvențe lungi cu dependențe complexe
- Date suficiente pentru deep learning
- Pattern-uri dificil de capturat cu metode clasice



Fo ARFIMA și Memorie Lungă

- Diferențiere fracționară: $(1 - L)^d y_t = \varepsilon_t$
- Exponent Hurst: $d = H - 0.5$
- ACF pentru memorie lungă: $\rho(k) \sim k^{2d-1}$ (descreștere lentă)

Machine Learning

- Feature lag: $X_t = [y_{t-1}, y_{t-2}, \dots, y_{t-k}]$
- RMSE: $\sqrt{\frac{1}{n} \sum (y_i - \hat{y}_i)^2}$
- Direction Accuracy: $\frac{1}{n} \sum 1[\text{sign}(\Delta y) = \text{sign}(\Delta \hat{y})]$

LSTM

- Forget gate: $f_t = \sigma(W_f \cdot [h_{t-1}, x_t] + b_f)$
- Cell update: $C_t = f_t * C_{t-1} + i_t * \tilde{C}_t$



Exercițiu AI: Gândire critică

Prompt de testat în ChatGPT / Claude / Copilot

"Compară performanța de prognoză a unui model ARIMA, Random Forest și LSTM pe datele de consum de electricitate. Care model este cel mai bun?"

Exercițiu:

1. Rulați prompt-ul într-un LLM la alegere și analizați critic răspunsul.
2. AI folosește aceeași împărțire train/test pentru toate modelele?
3. Hiperparametrii LSTM (număr de neuroni, epoci, learning rate) sunt optimizați sau implicați?
4. Feature engineering-ul pentru Random Forest include lag-uri, variabile calendar?
5. Comparația este pe baza RMSE out-of-sample sau in-sample?

Atenție: Codul generat de AI poate rula fără erori și arăta profesional. *Asta nu înseamnă că e corect.*



Vă mulțumim!

Întrebări?

Materialele seminarului sunt disponibile la:

<https://danpele.github.io/Time-Series-Analysis/>

 Quantlet

 Quantinar

Bibliografie I

Manuale fundamentale

- Hyndman, R.J., & Athanasopoulos, G. (2021). *Forecasting: Principles and Practice*, 3rd ed., OTexts.
- Shumway, R.H., & Stoffer, D.S. (2017). *Time Series Analysis and Its Applications*, 4th ed., Springer.
- Brockwell, P.J., & Davis, R.A. (2016). *Introduction to Time Series and Forecasting*, 3rd ed., Springer.

Serii de timp financiare

- Tsay, R.S. (2010). *Analysis of Financial Time Series*, 3rd ed., Wiley.
- Franke, J., Härdle, W.K., & Hafner, C.M. (2019). *Statistics of Financial Markets*, 4th ed., Springer.



Bibliografie II

Abordari moderne si Machine Learning

- Nielsen, A. (2019). *Practical Time Series Analysis*, O'Reilly Media.
- Petropoulos, F., et al. (2022). *Forecasting: Theory and Practice*, International Journal of Forecasting.
- Makridakis, S., Spiliotis, E., & Assimakopoulos, V. (2020). The M4 Competition, International Journal of Forecasting.

Resurse online si cod

- **Quantlet:** <https://quantlet.com> — Repository de cod pentru statistica
- **Quantinar:** <https://quantinar.com> — Platforma de invatare metode cantitative
- **GitHub TSA:** <https://github.com/QuantLet/TSA> — Cod Python pentru fiecare capitol

