Laborator 02 : Greedy

Responsabili:

Darius Neaţu

Stefan Popa

Autori:

- ■ Alex Rotaru (2018)
- Darius Neațu (2018) ■ Radu Vişan (2018) ■ Cristian Banu (2018)

Objective laborator

Înțelegerea noțiunilor de bază legate de tehnica greedy

• Însuşirea abilităților de implementare a algoritmilor bazați pe greedy

Precizari initiale

Acestea apar incorporate si in textul laboratorului pentru a facilita parcurgerea cursiva a laboratorului.

Toate exemplele de cod se gasesc in arhiva demo-lab02.zip.

• Toate bucatile de cod prezentate in partea introductiva a laboratorului (inainte de exercitii) au fost testate. Cu toate acestea, este posibil ca din cauza mai multor factori (formatare, caractere invizibile puse de browser

etc) un simplu copy-paste sa nu fie de ajuns pentru a compila codul. • Va rugam sa incercati si codul din arhiva **demo-lab02.zip**, inainte de a raporta ca ceva nu merge. :D • Pentru orice problema legata de continutul acestei pagini, va rugam sa dati email unuia dintre responsabili.

În general tehnicile de tip Greedy sau Programare Dinamică (lab04) sunt folosite pentru rezolvarea problemelor de optimizare. Acestea pot adresa probleme în sine sau pot fi subprobleme dintr-un algoritm mai mare. De exemplu,

Importanță – aplicații practice

algoritmul Dijkstra pentru determinarea drumului minim pe un graf alege la fiecare pas un nod nou urmărind algoritmul greedy. Exista însă probleme care ne pot induce în eroare. Astfel, există probleme în care urmărind criteriul Greedy nu ajungem la soluția optimă. Este foarte important să identificăm cazurile când se poate aplica Greedy și cazurile când

este nevoie de altceva. Alteori această soluție neoptimă este o aproximare suficientă pentru ce avem nevoie. Problemele NP-complete necesita multă putere de calcul pentru a găsi optimul absolut. Pentru a optimiza aceste calcule mulți algoritmi folosesc decizii Greedy și găsesc un optim foarte aproape de cel absolut. Greedy

"greedy" = "lacom". Algoritmii de tip greedy vor să construiască într-un mod cât mai rapid soluția unei probleme. Ei se caracterizează prin luarea unor decizii rapide care duc la găsirea unei soluții potențiale a problemei. Nu

întotdeauna asemenea decizii rapide duc la o soluție optimă; astfel ne vom concentra atenția pe identificarea acelor anumite tipuri de probleme pentru care se pot obține soluții optime. În general exista mai multe soluții posibile ale problemei. Dintre acestea se pot selecta doar anumite soluții optime, conform unor anumite criterii. Algoritmii greedy se numără printre cei mai direcți algoritmi posibili. Ideea de bază este simplă: având o problema de optimizare, de calcul al unui cost minim sau maxim, se va alege la fiecare pas decizia cea mai favorabilă, fără a evalua global eficiența soluției. Scopul este de a găsi una dintre acestea sau dacă nu este posibil, atunci o soluție cât mai apropiată, conform criteriului optimal impus. Trebuie înțeles faptul ca rezultatul obținut este optim doar dacă un optim local conduce la un optim global. În cazul în care deciziile de la un pas influențează lista de decizii de la pasul următor, este posibila obținerea unei valori neoptimale. În astfel de cazuri, pentru găsirea unui optim absolut se ajunge la soluții supra-polinomiale. De aceea,

dacă se optează pentru o astfel de soluție, algoritmul trebuie însoțit de o demonstrație de corectitudine. Descrierea formală a unui algoritm greedy este următoarea: // C este mulțimea candidaților function greedy(C) { S ← Ø // în S construim soluția

```
while !solutie(C) and C \neq \emptyset
          x ← un element din C care minimizează/maximizează select(x)
          C \leftarrow C \setminus \{x\}
          if fezabil( S \cup \{x\}) then S \leftarrow S \cup \{x\}
      return S
Este ușor de înțeles acum de ce acest algoritm se numește "greedy": la fiecare pas se alege cel mai bun candidat de
la momentul respectiv, fără a studia alternativele disponibile în moment respectiv și viabilitatea acestora în timp.
Dacă un candidat este inclus în soluție, rămâne acolo, fără a putea fi modificat, iar dacă este exclus din soluție, nu va
```

mai putea fi niciodată selectat drept un potențial candidat.

Exemple

Enunt

Fie un șir de N numere pentru care se cere determinarea unui subșir de numere cu suma maximă. Un subșir al

Simple task

unui șir este format din elemente (nu neapărat consecutive) ale șirului respectiv, în ordinea în care acestea apar în șir.

Exemplu 🖍 Solutie Se observa ca tot ce avem de făcut este sa verificam fiecare număr dacă este pozitiv sau nu. În cazul pozitiv, îl

Daca toate numerele sunt negative, solutia este data de cel mai mare numar negativ (cel mai mic in modul).

Problema spectacolelor

Se dau mai multe spectacole, prin timpii de start și timpii de final. Se cere o planificare astfel încât o persoană

introducem în subșirul soluție.

să poată vedea cât mai multe spectacole.

Enunt

Solutie Rezolvarea constă în sortarea spectacolelor crescător după timpii de final, apoi la fiecare pas se alege primul

spectacol care are timpul de start mai mare decât ultimul timp de final. Timpul inițial de final este inițializat la $-\inf$ (spectacolul care se termină cel mai devreme va fi mereu selectat, având timp de start mai mare decât

timpul inițial). Implementare

Complexitate

• complexitate temporala : T(n) = O(n * log(n))explicatie • sortarea are O(n * log(n))

Solutia va avea urmatoarele complexitati:

• facem inca o parcurgere in O(n)• complexitate spatiala : depinde de algoritmul de sortare folosit.

poate sa achizitioneze toate cele n flori o singura data.

Problema florarului

Enunt Se da un grup de k oameni care vor sa cumpere impreuna n flori. Fiecare floare are un pret de baza, insa

pretul cu care este cumparata variaza in functie de numarul de flori cumparate anterior de persoana respectiva. De exemplu daca George a cumparat 3 flori (diferite) si vrea sa cumpere o floare cu pretul 2, el va

plati (3+1)*2=8. Practic el va plati un pret proportional cu numarul flori cumparate pana atunci tot de el. Cerinta: Se cere pentru un numar k de oameni si n flori sa se determine care este costul minim cu care grupul

Observatie: Un tip de floare se cumpara o singura data. O persoana poate cumpara mai multe tipuri de flori. In final in grup va exista un singur exemplar din fiecare tip de floare. Formal avem k numar de oameni, n numar de flori, c[i] = pretul florii de tip i, costul de cumparare i va fi (x+1)*c[i], unde x este numarul de flori cumparate anterior de persoana respectiva.

Exemplu 🖍 Solutie Se observa ca pretul efectiv de cumpare va fi mai mare cu cat cumparam acea floare mai tarziu. Daca

ordine descrescatoare(deoarece vrem sa minimizam costul fiecarui tip de flori si aceste creste cu cat cumparam floarea mai tarziu). De aici, gandindu-ne la versiunea cu k persoane, observam ca ar fi mai ieftin daca am repartiza urmatoarea

cea mai scumpa floare la alt individ. Deci impartim florile sortate descrescator dupa pret in grupuri de cate k,

fiecare individ luand o floare din acest grup si ne asiguram ca pretul va creste doar in functie de numarul de

consideram cazul in care avem o singura persoana in grup observam ca are sens sa cumparam obiectele in

Implementare

Complexitate

grupuri anterioare.

• complexitate temporala : T(n) = O(n * log(n))explicatie • sortarea are O(n * log(n))• facem inca o parcurgere in O(n)

• complexitate spatiala : depinde de algoritmul de sortare folosit. Fara partea de sortare, spatiul este constant (nu se ia in considerare vectorul de elemente). Problema cuielor

Solutia va avea urmatoarele complexitati:

Enunt Fie N scânduri de lemn, descrise ca niște **intervale închise** cu capete reale. Găsiți o mulțime **minimă** de cuie

din cele N, să existe un punct x din M care să aparțină intervalului $[a_i, b_i]$. Exemplu ×

Formulat matematic: găsiți o mulțime de puncte de cardinal **minim** M astfel încât pentru orice interval $[a_i, b_i]$

astfel încât fiecare scândură să fie bătută de cel puțin un cui. Se cere poziția cuielor.

Solutie Se observa că dacă x este un punct din M care nu este capăt dreapta al nici unui interval, o translație a lui x

Implementare

la dreapta care îl duce în capătul dreapta cel mai apropiat nu va schimba intervalele care conțin punctul. Prin urmare, exista o mulțime de cardinal minim M pentru care toate punctele x sunt capete dreapta. Astfel, vom crea mulțimea M folosind numai capete dreapta în felul următor:

• iterăm prin fiecare interval și dacă intervalul curent nu conține ultimul punct introdus în mulțime atunci

Complexitate

• complexitate temporala : T(n) = O(n * log(n))

explicație • sortare: O(n * logn)• parcurgerea intervalelor: O(n)• complexitate spațială : depinde de algoritmul de sortare folosit.

Soluția va avea următoarele complexități:

sortăm intervalele dupa capatul dreapta

îl adăugam pe acesta la mulțime

Concluzii și observații Aspectul cel mai important de reținut este că soluțiile găsite trebuie să reprezinte optimul global și nu doar local. Se pot confunda ușor problemele care se rezolvă cu Greedy cu cele care se rezolvă prin Programare Dinamică (vom

vedea saptamana viitoare). Exercitii

Rucsac

Gigel alege alege doar x din greutatea w_i a obiectului i, atunci el castiga doar $\frac{x}{w_i} * p_i$.

• $w_i = weight_i$ = greutatea obiectului cu numarul i

Sa se determine profitul maxim pentru Gigel.

In acest laborator vom folosi scheletul de laborator din arhiva skel-lab02.zip.

• $p_i = price_i$ = pretul obiectului cu numarul i• $w_i>=0$ si $p_i>0$ Gigel are la dispozitie un rucsac de **volum infinit**, dar care suporta o **greutate maxima** (notata cu W - weight

ca il vinde cu cat valoareaza).

Task-uri:

Distante

pereche (w_i, p_i) cu semnificatia:

knapsack). El vrea sa gaseasca o submultime de obiecte (nu neaparat intregi) pe care sa le bage in rucsac, astfel incat suma profiturilor sa fie maxima.

Care este complexitatea solutiei (timp + spatiu)? De ce? Exemplu 1 k Exemplu 2 🖍

Consideram 2 localitati A si B aflate la distanta D. Intre cele 2 localitati avem un numar de n benzinarii, date prin distanta fata de localitatea A. Masina cu care se efectueaza deplasarea intre cele 2 localitati poate parcurge $maxim\ m$ kilometri avand rezervorul plin la inceput. Se doreste parcurgerea drumului cu un numar minim de

Distantele catre benzinarii se reprezinta printr-o lista de forma $0 < d1 < d2 < \ldots < dn$, unde di (1 <= i <= n) reprezinta distanta de la A la benzinaria i. Pentru simplitate, se considera ca localitatea A se afla la 0, iar dn = D (localitatea B se afla in acelasi loc cu ultima benzinarie).

opriri la benzinarii pentru realimentare (dupa fiecare oprire la o benzinarie, masina pleaca cu rezervorul plin).

Se garanteaza ca exista o planificare valida a opririlor astfel incat sa se poata ajunge la localitatea B.

Teme la ACS Pe parcursul unui semestru, un student are de rezolvat n teme (nimic nou pana aici...). Se cunosc enunțurile tuturor celor n teme de la **începutul semestrului**.

Exemplu 🖍

Task-uri:

același timp. Pentru fiecare tema se cunoaște un termen limita d[i] (exprimat în săptămâni - deadline pentru tema i) și un punctaj p[i]. Nicio fracțiune din punctaj nu se mai poate obține după expirarea termenului limită.

• Să se definească o planificare de realizare a temelor, în așa fel încât punctajul obținut să fie maxim. Care este complexitatea solutiei (timp + spatiu)? De ce? Exemplu 1 ×

Exemplu 2 × **BONUS** Rezolvati problema Dishonest Sellers.

Hint: 📦 aici . Extra

MaxSum **ょ**^ MyPoints 🖍 Stropitorile lui Gigel

Old revisions

Referințe

[0] Capitolul Greedy Algorithms din Introductions to Algorithms de către T. H. Cormen, C. E. Leiserson, R. L. Rivest, C. Stein [1] http://en.wikipedia.org/wiki/Greedy_algorithm

[2] http://ww3.algorithmdesign.net/handouts/Greedy.pdf

Recent changes 🛃 Login Search

Diverse

Hall of PA

- Regulamente PA 2020 Proiect
- Catalog Test practic
- [TEME] Configuratie vmchecker • [skel_graph] Precizari laboratoare 07-12

skel-lab00.zip

- skel-lab01.zip ■ ■ sol-lab01.zip
- 02: Greedy skel-lab02.zip
- 03: Programare Dinamică 1 skel-lab03.zip ■ sol-lab03.zip
 - skel-lab11.zip
 - skel-lab12.zip

Articole Probleme

Crash-course Optional

- Greedy Exemple
 - Implementare Complexitate
 - Problema cuielor Enunt Solutie
- Implementare Complexitate Concluzii şi observaţii
- Exercitii Rucsac Distante
- Teme la ACS BONUS Extra
- Referințe

Fie un set cu n obiecte (care pot fi **taiate** - varianta continua a problemei). Fiecare obiect i are asociata o

Timpul de rezolvare pentru oricare dintre teme este de o săptămână și nu se poate lucra la mai multe teme în

pa/laboratoare/laborator-02.txt · Last modified: 2020/03/04 00:35 by darius.neatu Media Manager Back to top

DOKUWIKI GET FIREFOX RSS XML FEED WSC XHTML 1.0

- Laboratoare • 00: Introducere și Relaxare
- 01: Divide et Impera

- sol-lab02.zip
- 04: Programare Dinamică 2 skel-lab04.zip sol-lab04.zip • 05: Backtracking skel-lab05.zip sol-lab05.zip • 06: Minimax skel-lab06.zip
- ■ sol-lab06.zip • 07: Parcurgerea Grafurilor. Sortare Topologică skel-lab07.zip ■ ■ sol-lab07.zip 08: Aplicații DFS
- skel-lab08.zip ■ ■ sol-lab08.zip • 09: Drumuri minime skel-lab09.zip ■ ■ sol-lab09.zip • 10: Arbori minimi de acoperire skel-lab10.zip • 11: Flux Maxim
- 12: A* **Materiale Suplimentare Test Practic**

Debugging şi Structuri de Date Schelet: Debugging şi Structuri de Date **Table of Contents**

Laborator 02 : Greedy Objective laborator Precizari initiale Importanță – aplicații practice