Tema Nr. 4: Interclasarea eficientă a k șiruri ordonate

Timp alocat: 2 ore

Implementare

Se cere implementarea **corectă** și **eficientă** a unei metode de complexitate (n * log k) pentru **interclasarea a k șiruri sortate**. Unde n este numărul total de elemente (Sugestie: folosiți un heap, vezi notitele de la seminarul al 2-lea).

Cerințe de implementare:

• Folosiți liste înlănțuite pentru a reprezenta cele k șiruri sortate și secvența de ieșire

Intrare: k șiruri de numere $\langle a_1^i, a_2^i, ..., a_{m_i}^i \rangle$, $\sum_{i=1}^k m_i = n$

Ieșire: o permutare a reuniunii șirurilor de la intrare $a_1' \le a_2' \le \cdots \le a_n'$

Notare și cerințe

- Generare k liste aleatoare sortate de dimensiuni diferite, având în total n elemente (n și k date); interclasarea a 2 liste 5p
- Adaptare operații heap pe structura noua (cheie, index_lista); folosire min-HEAP 1p
- Implementare corectă și completă a algoritmului de interclasare cu exemplificarea corectitudinii (demo) 2p
- Evaluarea algoritmului în cazul mediu statistic cu varierea atât k cât și n, interpretare, discuție – 2p

Evaluare

! Înainte de a începe să lucrați pe partea de evaluare, asigurați-vă că aveți un **algoritm corect**! Corectitudinea algoritmilor va trebui demonstrată pe date de intrare de dimensiuni mici (ex: k=4, n=20).

Se cere analiza algoritmului în cazul **mediu statistic**. Pentru cazul **mediu statistic** va trebui să repetați măsurătorile de câteva ori. Din moment ce \mathbf{k} și \mathbf{n} pot varia, se va face o analiză în felul următor:

1. Se alege, pe rând, 3 valori constante pentru **k** (k1=5, k2=10, k3=100); generează **k** șiruri **aleatoare** sortate pentru fiecare valoare a lui **k** astfel încât numărul elementelor (m_k) din toate șirurile să varieze între 100 și 10000 cu un increment maxim de 400 (sugerăm 100); rulați algoritmul pentru toate valorile lui **n** (pentru fiecare valoare a lui **k**); generați un grafic ce reprezintă suma atribuirilor și a comparațiilor făcute de acest algoritm pentru fiecare valoare a lui **k** (în total sunt 3 curbe).

- 2. Se alege **n**=10.000; valoarea lui **k** va varia între 10 și 500 cu un increment de 10; generați **k** șiruri **aleatoare** sortate pentru fiecare valoare a lui **k** astfel încât suma lungimii fiecărui șir să fie 10000; testați algoritmul de interclasare pentru fiecare valoare a lui **k** și generați un grafic care reprezintă suma atribuirilor și a comparațiilor.
- 3. Interpretați graficele într-un comentariu bloc informativ.
- 4. Punctajele din barem se dau pentru rezolvarea corecta și completa a cerinței, calitatea interpretărilor din comentariul bloc și răspunsul corect dat de voi la întrebările puse de către profesor