1830

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана

(национальный исследовательский университет)» (МГТУ им. Н.Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ _	ИНФОРМАТИКА И СИСТЕМЫ УПРАВЛЕНИЯ	
КАФЕДРА	СИСТЕМЫ ОБРАБОТКИ ИНФОРМАЦИИ И УПРАВЛЕНИЯ	

РАСЧЕТНО-ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА К НАУЧНО-ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКОЙ РАБОТЕ

HA TEMY:

Сравнение моделей авторегрессии и LSTM для				
предсказани	я курса доллор	<u>a</u>		
		_		
Студент <u>ИУ5-31М</u> (Группа)	(Подпись, дата)	<u>М.С.</u> (И.О.Фамилиз	<u>Торжков</u> н)	
Руководитель			.Е. Гапанюк	
	(Поді	пись, дата)	(И.О.Фамилия)	

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана (национальный исследовательский университет)» (МГТУ им. Н.Э. Баумана)

			ЕРЖДАЮ ций кафедрой	<u>ИУ5</u>
(Индекс	e)			. Терехов
(И.О.Фами.	/	« <u>04</u> »	сентября	2023 г.
ЗАДАІ	нив			
на выполнение научно-исс	ледовател	ьской	работы	
по теме Сравнение моделей авторегрессии и LSTM для	предсказания кур	са доллор	a	_
Студент группы <u>ИУ5-31М</u>				_
Торжков Максим Сергеевич				_
(Фамилия, имя,	отчество)			_
Направленность НИР (учебная, исследовательская, практичи ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКАЯ	ческая, производо	ственная,	цр.)	
	ФЕДРА			<u>-</u>
График выполнения НИР: 25% к нед., 50% к н	ед., 75% к не	д., 100% в	с нед.	
Техническое задание Разработать и сравнить модели ARIMA и LSTM для пред	дсказания значен	ия курса д	оллора	-
Оформление научно-исследовательской работы:				<u> </u>
Расчетно-пояснительная записка на 19 листах формата A4. Перечень графического (иллюстративного) материала (чер		айды и т.:	п.)	-
Дата выдачи задания « <u>04</u> » <u>сентября</u> 2023 г.				-
Руководитель НИР			Ю.Е. Гапанюю	c
Студент	(Подпись, дата	n)	(И.О.Фам М.С. Торжко	илия)
- vri	(Полпись, лата	<u></u>	(И.О.Фам	

СОДЕРЖАНИЕ

ВВЕДЕНИЕ	4
Основная часть	5
ЗАКЛЮЧЕНИЕ	18
СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ	19

ВВЕДЕНИЕ

С момента зарождения валютного рынка для прогнозирования значений были разработаны различные методы прогнозирования фондового рынка. Некоторые из этих методов используются для определения будущих движений и включают фундаментальный анализ, технический анализ и смешанный анализ, например, использование статистических методов для моделирования поведения цен и составления прогнозов на будущее. Отдельные модели, такие как ARIMA, использовались для прогнозирования временных рядов из-за их популярности в качестве классических методов прогнозирования. В последнее десятилетие RNN типа LSTM широко использовались для прогнозирования последовательных данных. Механизм, с помощью которого такие сети хранят долгосрочную и краткосрочную информацию, делает ИХ мощными при выполнении прогнозирования исторических данных.

В этой работе мы сравниваем модель ARIMA и LSTM, чтобы выполнить прогнозирование для набора данных по обменному курсу рубля к доллару США.

Основная часть

```
import numpy as np
import pandas as pd
import matplotlib.pyplot as plt
import matplotlib.pyplot as plt
%matplotlib inline
from statsmodels.graphics.tsaplots import plot acf
from statsmodels.graphics.tsaplots import plot_pacf
from statsmodels.tsa.stattools import adfuller
from statsmodels.tsa.seasonal import seasonal_decompose
from statsmodels.tsa.stattools import acf, pacf
from statsmodels.tsa.arima.model import ARIMA
from statsmodels.tsa.arima.model import ARIMAResults
from sklearn.metrics import mean squared error as MSE
from keras.models import Sequential
from keras.layers import Dense
from keras.optimizers import Adam
import keras.backend as K
from keras import layers
from keras.initializers import Zeros
from keras.callbacks import EarlyStopping
from keras.models import load_model
# Set random seed
np.random.seed(∅)
from keras.models import Sequential
from keras.layers import Dense
from keras.optimizers import Adam
import keras.backend as K
from keras import layers
from keras.initializers import Zeros
# Set figure size for all matplotlib figures
fig_size = plt.rcParams["figure.figsize"]
fig_size[0] = 10
fig size[1] = 5
```

Импорт датасета

```
import pandas as pd
df = pd.read_csv('USD_RUB.csv', sep=",")
df.date = pd.to_datetime(df.Date)
df = df.set_index('Date').interpolate().drop(columns=['Open', 'High', 'Low', 'C hange %'])
print(df.isna().sum())
df = df.copy().dropna(axis=0)
rate_data = df.iloc[::-1]
rate_data = rate_data[3800:5250]

Price    0
dtype: int64
```

<ipython-input-73-8983486cd661>:3: UserWarning: Pandas doesn't allow columns to
be created via a new attribute name - see https://pandas.pydata.org/pandas-docs
/stable/indexing.html#attribute-access
 df.date = pd.to_datetime(df.Date)

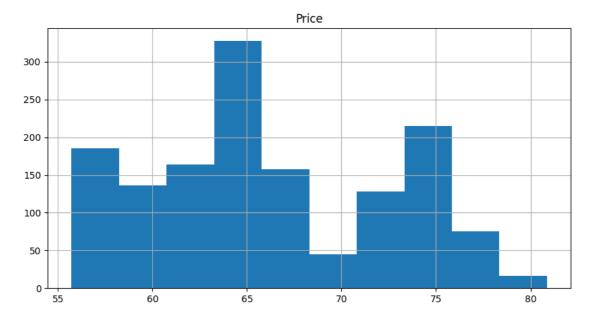
Визуализация данных

rate_data.head()

			Price		
Date	Date				
Apr	13	2016	66.2975		
Apr	14	2016	66.1361		
Apr	1 5	2016	66.4050		
Apr	18	2016	66.0847		
Apr	19	2016	65.8547		
rate	e_da	ata.ta	il()		
			Price		
Date	2				
Dec	30	2021	74.6539		
Jan	03	2022	74.5508		
Jan	04	2022	75.3700		
Jan	05	2022	76.7857		
			76.3130		
rate_data.describe()					
			Price		
cour	nt	1450.	000000		
mean		66.162735			
std 6.222516			222516		
min		55.	713400		
25%		61.	971500		
50%		65.	132100		
75% 72.763250					
max		80.	869200		

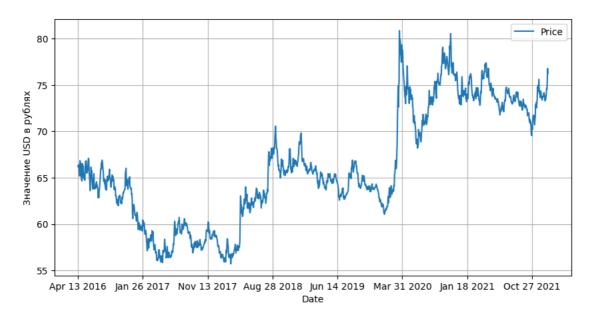
Все данные находятся в диапазоне от 55,7 до 80,8 в пределах интервала. Среднее значение и стандартное отклонение близки, что указывает на то, что экстремальных значений либо нет, либо, даже если они есть, они сбалансированы одинаково с обеих сторон данных. По этой причине только квартильных и средних данных недостаточно, чтобы получить представление о распределении данных, необходимо построить гистограмму.

```
# Plot a histogram
rate_data.hist()
plt.show()
```



Из гистограммы видно, что значения появляются с наибольшей частотой около 65. Однако существует также огромная частота в диапазоне 73-75. Поскольку ряд является временным рядом, он говорит о том, что значения были постоянными в районе 65 в течение длительного времени, внезапно подскочили примерно до 73, оставались в диапазоне 73-75 в течение некоторого времени.

```
plt.rcParams["figure.figsize"] = fig_size
rate_data.plot()
plt.ylabel('Значение USD в рублях')
plt.grid()
```



Анализ стационарности

Временной ряд называется стационарным, если его среднее значение, дисперсия и структура автокорреляции постоянны относительно временного горизонта ряда. В стационарном временном ряду тенденции не влияют на распознавание закономерностей в данных, поскольку мы начинаем с устранения тренда. Следовательно, прогнозировать стационарный временной ряд легче, чем нестационарный. Практически невозможно получить ряд, который был бы полностью стационарным. По этой причине при анализе временных рядов стационарный ряд относится к слабостационарному ряду, и многие модели прогнозирования основаны на предположении о слабой стационарности.

Существуют определенные преобразования, которые реализуются для приведения нестационарного временного ряда в слабостационарную форму.

Преобразования ряда в слабостационарный

Слабая стационарность требует, чтобы все корни авторегрессионного запаздывающего многочлена были больше единицы. Если они равны или меньше единицы, наше предположение о стационарности не выполняется. Мы используем расширенный тест Дики-Фуллера (ADF) для проверки стационарности преобразованного ряда. ADF проверяет нулевую гипотезу о том, что ряд имеет единичный корень. Следовательно, после выполнения проверки гипотезы показатели, возвращаемые ADF, которые говорят в нашу пользу (те, которые указывают на стационарность), являются:

1. Высокое абсолютное значение t-статистики (предпочтительно выше критического значения в 1%)

2. Значение 'р-value' очень близко к нулю.

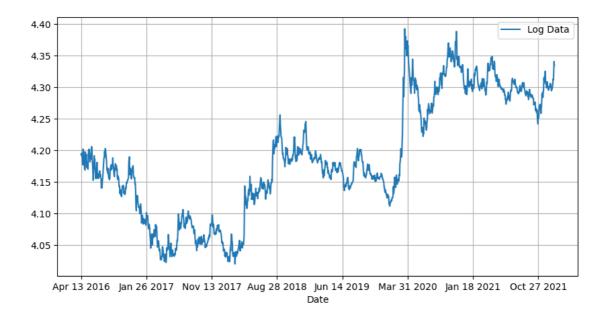
```
# ADF test on raw data (without transformation)
df_test = adfuller(rate_data['Price'], autolag='AIC')
result = pd.Series(df_test[0:4], index=['Test Statistic','p-value','#Lags Used'
,'Number of Observations Used'])
for key,value in df_test[4].items():
    result['Critical Value (%s)'%key] = value
print (result)
Test Statistic
                                 -1.171938
p-value
                                  0.685549
#Lags Used
                                  3.000000
Number of Observations Used 1446.000000
Critical Value (1%)
                                -3.434880
Critical Value (5%)
                                -2.863541
Critical Value (10%)
                                -2.567835
dtype: float64
```

Итог:

- 1. Абсолютное значение t-статистики намного больше любого критического значения.
- 2. значение р очень близко к 1, а не к 0. Следовательно, мы принимаем нулевую гипотезу. Другими словами, этот ряд далек от стационарности.

Приводим к стационарности

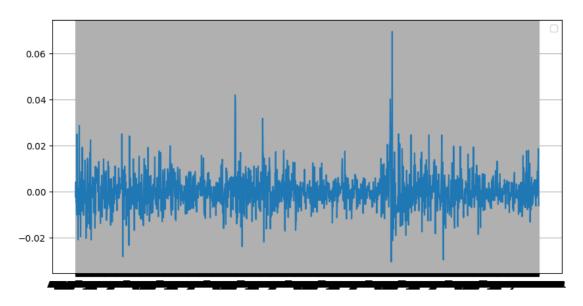
```
# Calculate and plot logarithm of the data
rate_data_log=np.log(rate_data['Price'])
plt.rcParams["figure.figsize"] = fig_size
rate_data_log.plot(label='Log Data')
plt.legend(loc='best')
plt.grid()
plt.show()
```



Calculate and plot the first order differnece

```
rate_log_diff = rate_data_log - rate_data_log.shift()
rate_log_diff.dropna(inplace=True)
plt.rcParams["figure.figsize"] = fig_size
plt.plot(rate_log_diff)
plt.legend('Log Data')
plt.legend(loc='best')
plt.grid()
plt.show()
```

WARNING:matplotlib.legend:No artists with labels found to put in legend. Note that artists whose label start with an underscore are ignored when legend() is called with no argument.



Perform ADF test

```
df_test_logdiff = adfuller(rate_log_diff, autolag='AIC')
result_logdiff = pd.Series(df_test_logdiff[0:4], index=['Test Statistic','p-val
ue','#Lags Used','Number of Observations Used'])
for key,value in df_test_logdiff[4].items():
    result_logdiff['Critical Value (%s)'%key] = value
print (result_logdiff)
```

```
Test Statistic -23.055448
p-value 0.000000
#Lags Used 2.000000
Number of Observations Used 1446.000000
Critical Value (1%) -3.434880
Critical Value (5%) -2.863541
Critical Value (10%) -2.567835
dtype: float64
```

Итог:

- 1. Значение t-статистики намного меньше любого из критических значений.
- 2. Значение р равно нулю.

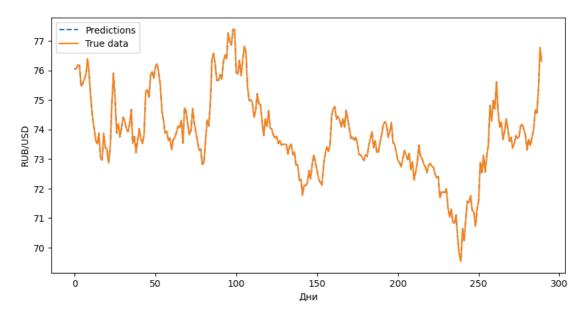
Предсказывание значений

Autoregressive Integrated Moving Average (ARIMA) rate_data_log Date Apr 13 2016 4.194152 Apr 14 2016 4.191715 Apr 15 2016 4.195772 Apr 18 2016 4.190937 Apr 19 2016 4.187451 Dec 30 2021 4.312863 Jan 03 2022 4.311481 Jan 04 2022 4.322409 Jan 05 2022 4.341018 Jan 06 2022 4.334843 Name: Price, Length: 1450, dtype: float64 data1 = rate_data_log.values train size = int(len(data1) * 0.80) train = list(data1[0:train_size]) train_ = list(data1[0:train_size]) test = list(data1[train_size:]) otest = list(data1[train size:0]) train_list = [x for x in train] predictions = [] for t in range(len(test)): model = ARIMA(np.array(train), order=(1,1,0)) fit = model.fit() forecast = float(fit.forecast()[0]) predictions.append(forecast) train.append(float(test[t])) /usr/local/lib/python3.10/dist-packages/statsmodels/base/model.py:607: Converge nceWarning: Maximum Likelihood optimization failed to converge. Check mle retva warnings.warn("Maximum Likelihood optimization failed to " /usr/local/lib/python3.10/dist-packages/statsmodels/base/model.py:607:

```
model = ARIMA(np.array(train),order=(1,1,0))
fit = model.fit()
full_predictions=float(fit.forecast()[0])
plt.plot(np.exp(predictions)[1:],'--',label='Predictions')
plt.plot(np.exp(test),label='True data')
#plt.plot(np.exp(full_predictions),label='Full prediction')
plt.ylabel('RUB/USD')
plt.xlabel('ДНИ')
plt.legend()
plt.plot()

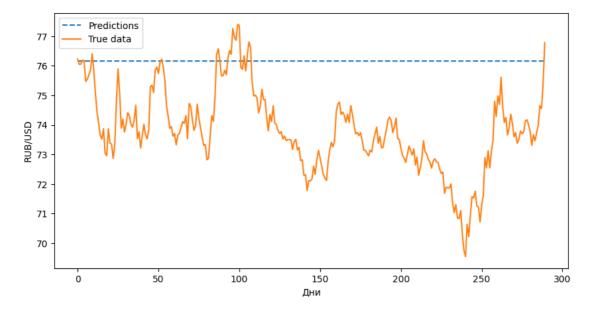
print ('Mean squared error: {0:3f}'.format(MSE(np.exp(test),np.exp(predictions))))
```

Mean squared error: 0.215888



```
#Значение завтра
train = list(data1)
train_list = [x for x in train]
predictions = []
model = ARIMA(np.array(train),order=(1,1,0))
fit = model.fit()
forecast = float(fit.forecast()[0])
tomorrow_value = np.exp(forecast)
#Значение сегодня
rate_data_log = rate_data_log[:-1]
data1 = rate_data_log.values
train = list(data1)
train_list = [x for x in train]
predictions = []
model = ARIMA(np.array(train), order=(1,1,0))
fit = model.fit()
```

```
forecast = float(fit.forecast()[0])
today value = np.exp(forecast)
rate_data.tail()
               Price
Date
Dec 30 2021 74.6539
Jan 03 2022 74.5508
Jan 04 2022 75.3700
Jan 05 2022 76.7857
Jan 06 2022 76.3130
print ("Реальное значение сегодня - {0:3f}, предсказанное - {1:3f}.".format(rat
e_data.values[-1][0],today_value))
print ("Предсказанное значение на завтра - {0:3f}.".format(tomorrow_value))
Реальное значение сегодня - 76.313000, предсказанное - 76.791905.
Предсказанное значение на завтра - 76.311567.
                          Предсказания на все дни в выборке
train list = [x for x in train]
predictions = []
for t in range(len(test)):
    model = ARIMA(np.array(train),order=(1,1,0))
    fit = model.fit()
    forecast = float(fit.forecast()[0])
    predictions.append(forecast)
    train.append(float(forecast))
  warnings.warn("Maximum Likelihood optimization failed to "
/usr/local/lib/python3.10/dist-packages/statsmodels/base/model.py:607: Converge
nceWarning: Maximum Likelihood optimization failed to converge. Check mle_retva
  warnings.warn("Maximum Likelihood optimization failed to "
/usr/local/lib/python3.10/dist-packages/statsmodels/base/model.py:607: Converge
nceWarning: Maximum Likelihood optimization failed to converge. Check mle retva
٦ς
  warnings.warn("Maximum Likelihood optimization failed to "
/usr/local/lib/python3.10/dist-packages/statsmodels/base/model.py:607: Converge
nceWarning: Maximum Likelihood optimization failed to converge. Check mle retva
1s
  warnings.warn("Maximum Likelihood optimization failed to "
# predictions = fit.forecast(len(test))[0]
plt.plot(np.exp(predictions),'--',label='Predictions')
plt.plot(np.exp(test),label='True data')
#plt.plot(np.exp(full_predictions), label='Full prediction')
plt.ylabel('RUB/USD')
plt.xlabel('Дни')
plt.legend()
plt.plot()
print ('Mean squared error: {0:3f}'.format(MSE(np.exp(test),np.exp(predictions)
)))
Mean squared error: 7.443427
```

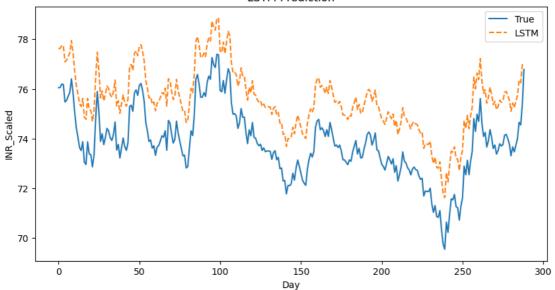


Поскольку ARIMA является линейной моделью, прогнозирование с использованием ARIMA на срок более 1 дня совершенно неэффективно. Модель продолжает восходящий тренд до бесконечности.

```
LSTM- Recurrent Neural Network (LSTM-RNN)
data1 = rate_data_log.values
train_size = int(len(data1) * 0.80)
train = list(data1[0:train_size])
test = list(data1[train_size:])
def gen_XY(t_list,size):
    Generates an autoregressive Lagged array.
    Parameters
    1. t list: (list) Data to generate an autoregressive array out of.
    2. size: (int) Number of lagged values to consider.
    Returns
    1. X: (np.ndarray) Autoregressive feature array.
    2. Y.T: (np.ndarray) Column array with values of response variable.
    X = np.zeros([1,size])
    Y = []
    temp_list=[]
    for i in range(len(t_list)-size):
        add_list = t_list[i:i+size]
        target = t_list[i+size]
        X = np.append(X,np.array([add_list]),axis=0)
        Y.append(target)
    X = np.delete(X,0,axis=0)
    Y = np.array(Y)
    return X,Y.T
X_train,y_train = gen_XY(train,1)
X_test,y_test = gen_XY(test,1)
```

```
X tr t = X train.reshape(X train.shape[0], 1, X train.shape[1])
X tst t = X test.reshape(X test.shape[0], 1, X test.shape[1])
X_tr_t.shape
(1158, 1, 1)
from keras.layers import LSTM
K.clear_session()
model_lstm = Sequential()
model lstm.add(LSTM(10, input shape=(1, X train.shape[1]), activation='relu', k
ernel initializer='lecun uniform', return sequences=False))
model lstm.add(Dense(10,input shape=(1, X train.shape[1]), activation='relu'))
model lstm.add(Dense(1))
model_lstm.compile(loss='mean_squared_error', optimizer='adam')
early_stop = EarlyStopping(monitor='loss', patience=5, verbose=1)
history model lstm = model lstm.fit(X tr t, y train, epochs=200, batch size=1,
verbose=1, shuffle=False, callbacks=[early_stop])
Epoch 1/200
Epoch 2/200
Epoch 3/200
Epoch 4/200
Epoch 5/200
Epoch 6/200
Epoch 7/200
Epoch 7: early stopping
y pred test lstm = model lstm.predict(X tst t)
y_train_pred_lstm = model_lstm.predict(X_tr_t)
print("The MSE on the Train set is:\t{:0.3f}".format(MSE(np.exp(y_train), np.ex
p(y_train_pred_lstm))))
print("The MSE on the Test set is:\t{:0.3f}".format(MSE(np.exp(y_test), np.exp(
y pred test lstm))))
10/10 [======= ] - 0s 4ms/step
37/37 [========= ] - 0s 4ms/step
The MSE on the Train set is: 6.066
The MSE on the Test set is:
plt.plot(np.exp(y_test), label='True')
plt.plot(np.exp(y_pred_test_lstm)[1:],'--',label='LSTM')
plt.title("LSTM Prediction")
plt.xlabel('Day')
plt.ylabel('INR_Scaled')
plt.legend()
plt.show()
```

LSTM Prediction



До сих пор мы прогнозировали только прогноз на один день вперед. Естественно, почему вас должно интересовать только прогнозирование стоимости завтрашнего дня? Однако ошибка распространяется очень быстро при прогнозировании во временных рядах, особенно в одномерном сценарии, таком как этот. В некоторых случаях, скажем, если частота повторяется ежегодно, даже прогноз на один шаг вперед может дать много информации. Но в данном случае давайте посмотрим, насколько точен 3-недельный прогноз на основе тестовых данных.

```
Пердсказания на несколько дней вперед
data1 = rate_data_log.values
train = list(data1[0:train size])
test = list(data1[train size:])
X_train,y_train = gen_XY(train,10)
# X_test,y_test = gen_XY(test,10)
X_tr_t = X_train.reshape(X_train.shape[0], 1, X_train.shape[1])
K.clear session()
model lstm = Sequential()
model lstm.add(LSTM(5, input shape=(1, X train.shape[1]), activation='relu', ke
rnel_initializer='lecun_uniform', return_sequences=False))
model lstm.add(Dense(5,input_shape=(1, X_train.shape[1]), activation='relu'))
model lstm.add(Dense(1))
model lstm.compile(loss='mean squared error', optimizer='adam')
early_stop = EarlyStopping(monitor='loss', patience=5, verbose=1)
history model_lstm = model_lstm.fit(X_tr_t, y_train, epochs=200, batch_size=1,
verbose=1, shuffle=False, callbacks=[early_stop])
Epoch 1/200
1149/1149 [=====
                         =======] - 5s 3ms/step - loss: 0.5509
Epoch 2/200
               1149/1149 [=====
Epoch 3/200
                   1149/1149 [====
Epoch 4/200
Epoch 5/200
Epoch 6/200
```

```
Epoch 7/200
Epoch 8/200
Epoch 9/200
Epoch 10/200
Epoch 11/200
Epoch 12/200
Epoch 13/200
Epoch 14/200
Epoch 15/200
Epoch 16/200
Epoch 17/200
1149/1149 [============== ] - 5s 4ms/step - loss: 2.2372e-04
Epoch 18/200
Epoch 19/200
Epoch 20/200
Epoch 21/200
Epoch 22/200
Epoch 23/200
Epoch 24/200
Epoch 25/200
Epoch 26/200
Epoch 27/200
Epoch 28/200
Epoch 29/200
Epoch 30/200
Epoch 31/200
Epoch 31: early stopping
test array = X \text{ tr } t[-1][0]
pred = []
forecast_length = len(test)
for i in range(forecast_length):
y_train_pred_lstm = model_lstm.predict(test_array.reshape(1,1,10))
```

```
pred.append(y_train_pred_lstm[0][0])
    test_array = np.append(test_array[1:],y_train_pred_lstm[0][0])
1/1 [======= ] - 0s 22ms/step
1/1 [=======
                                     - 0s 25ms/step
1/1 [======= ] - 0s 22ms/step
plt.plot(np.exp(test),label='True')
plt.plot(np.exp(pred),'--',label='Predicted')
plt.legend()
plt.show()
78
 76
 74
 72
 70
 68
 66
       True
       Predicted
               50
                         100
                                    150
                                              200
                                                         250
                                                                   300
plt.plot(np.exp(train))
plt.plot(range(train_size,len(data1)),np.exp(pred),'--',label='Predicted')
plt.plot(range(train_size,len(data1)),np.exp(test),label='True')
plt.legend()
plt.show()
MSE(np.exp(test),np.exp(pred))
                                                              Predicted
80
                                                              True
 75
 70
 65
 60
 55
      0
                     400
                              600
                                      800
                                              1000
                                                      1200
                                                               1400
```

43.19630690967806

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

В результате сравнения моделей было сделано несколько выводов:

- 1. ARIMA отлично показывает предсказание на 1 день. Поскольку ARIMA является линейной моделью, прогнозирование с использованием ARIMA на срок более 1 дня совершенно неэффективно. Модель продолжает восходящий тренд до бесконечности.
- 2. LSTM немного хуже показывает себя на предсказаниях в течение 1го дня, чем ARIMA
- 3. LSTM показывает неплохой результат на промежутке до 20 дней
- 4. При окне большем 20 дней модель LSTM также показывает слабый результат

СПИСОК ИСПОЛЬЗОВАННЫХ ИСТОЧНИКОВ

1)	Карта	методов	scikit	- https://	/scikit-	
learn.org/stable/tutorial/machine_learning_map/index.html						
2)	Данные	ПО	курсу	RUB/USD	-	
https://www.moex.com/en/index/rtsusdcur.aspx?tid=2601						
3)	Курс лекций Р	азработка ней	ронных сетей - 1	nttps://github.com/iu5git	/Deep-	
learr	ning					