

Python Programming - Sets (Tập Hợp)

Mục tiêu học tập: Làm chủ Sets - cấu trúc dữ liệu tập hợp không trùng lặp với các phép toán tập hợp mạnh mẽ (union, intersection, difference).

1. Giới Thiệu về Sets

1.1. Set là gì?

Đặt vấn đề

Giả sử bạn cần lưu danh sách email của người đăng ký, nhưng mỗi email chỉ tính 1 lần.

```
# ✗ Dùng list - có thể trùng lặp
emails = ["user1@gmail.com", "user2@gmail.com", "user1@gmail.com"]
print(len(emails)) # 3 - nhưng chỉ có 2 email unique!

# Phải tự kiểm tra trùng
unique_emails = []
for email in emails:
    if email not in unique_emails:
        unique_emails.append(email)
print(len(unique_emails)) # 2
```

Làm sao để tự động loại bỏ phần tử trùng lặp?

Giải quyết: Sets

Set là cấu trúc dữ liệu **tập hợp không trùng lặp**.

```
# ✓ Dùng set - tự động loại bỏ trùng lặp
emails = {"user1@gmail.com", "user2@gmail.com", "user1@gmail.com"}
print(emails) # {'user1@gmail.com', 'user2@gmail.com'}
print(len(emails)) # 2 - tự động unique!
```

Đặc điểm của Set:

- ☒ **Unordered** (không có thứ tự): Không thể truy cập bằng index
- ☒ **No duplicates** (không trùng lặp): Mỗi phần tử chỉ xuất hiện 1 lần
- ☒ **Mutable** (có thể thay đổi): Có thể thêm/xóa phần tử
- ☒ **Elements phải immutable**: Chỉ chứa string, number, tuple (không chứa list/dict)
- ☒ **Fast membership test**: O(1) kiểm tra phần tử tồn tại
- ☒ **Set operations**: union, intersection, difference

1.2. Khi Nào Dùng Set?

Dùng Set khi:

- Cần loại bỏ trùng lặp
- Cần kiểm tra membership nhanh (**in** operator)
- Cần các phép toán tập hợp (giao, hợp, hiệu)
- Không quan tâm đến thứ tự

Dùng List khi:

- Cần giữ thứ tự
- Cho phép trùng lặp
- Cần truy cập bằng index
- Cần slicing

So sánh:

Tiêu chí	Set	List	Dict
Ordered	✗	☑	☑ (3.7+)
Duplicates	✗	☑	Keys: ✗, Values: ☑
Indexing	✗	☑	Key-based
Mutable	☑	☑	☑
Use case	Unique items	Sequences	Key-value mapping

2. Tạo Sets

2.1. Set Literals

```
# Set với curly braces {}
fruits = {"apple", "banana", "orange"}
print(fruits) # {'apple', 'banana', 'orange'}

# Set số
numbers = {1, 2, 3, 4, 5}
print(numbers) # {1, 2, 3, 4, 5}

# Set hỗn hợp
mixed = {1, "two", 3.0, True}
print(mixed) # {1, 'two', 3.0} - True == 1 nên chỉ giữ 1

# ⚠ Set rỗng phải dùng set(), không phải {}
empty_set = set() # ☑ Set rỗng
empty_dict = {} # ✗ Dictionary rỗng, không phải set!

print(type(empty_set)) # <class 'set'>
print(type(empty_dict)) # <class 'dict'>
```

2.2. Hàm `set()`

Chuyển đổi iterable thành set (tự động loại bỏ trùng lặp).

```
# Từ list - loại bỏ trùng lặp
numbers = [1, 2, 3, 2, 4, 1, 5]
unique_numbers = set(numbers)
print(unique_numbers) # {1, 2, 3, 4, 5}

# Từ string - mỗi ký tự là 1 phần tử
chars = set("hello")
print(chars) # {'h', 'e', 'l', 'o'} - 'l' chỉ xuất hiện 1 lần

# Từ tuple
coordinates = set((1, 2, 3, 2, 1))
print(coordinates) # {1, 2, 3}

# Từ range
numbers = set(range(5))
print(numbers) # {0, 1, 2, 3, 4}
```

2.3. Set Comprehension

```
# Tạo set bình phương
squares = {x**2 for x in range(5)}
print(squares) # {0, 1, 4, 9, 16}

# Với điều kiện
evens = {x for x in range(10) if x % 2 == 0}
print(evens) # {0, 2, 4, 6, 8}

# Từ string - chữ hoa
text = "Hello World"
uppercase = {char.upper() for char in text if char.isalpha()}
print(uppercase) # {'H', 'E', 'L', 'O', 'W', 'R', 'D'}
```

Ứng dụng: Unique words trong văn bản

```
text = "apple banana apple cherry banana apple"
unique_words = set(text.split())
print(unique_words) # {'banana', 'apple', 'cherry'}
print(f"Số từ unique: {len(unique_words)}") # 3
```

3. Truy Cập Elements

3.1. Không Có Indexing

```
fruits = {"apple", "banana", "orange"}

# ✗ Không thể truy cập bằng index
# print(fruits[0]) # TypeError: 'set' object is not subscriptable

# ✗ Không có slicing
# print(fruits[0:2]) # TypeError
```

3.2. Kiểm Tra Membership

```
fruits = {"apple", "banana", "orange"}

# Kiểm tra phần tử tồn tại (rất nhanh - O(1))
if "apple" in fruits:
    print("Có apple!") # Có apple!

if "grape" not in fruits:
    print("Không có grape!") # Không có grape!

# Ứng dụng: Validate input
valid_commands = {"start", "stop", "restart", "status"}
user_input = input("Nhập lệnh: ").lower()

if user_input in valid_commands:
    print(f"Thực thi: {user_input}")
else:
    print("Lệnh không hợp lệ!")
```

3.3. Duyệt Qua Set

```
fruits = {"apple", "banana", "orange"}

# Duyệt với for (thứ tự không đảm bảo)
for fruit in fruits:
    print(fruit)

# Với enumerate
for i, fruit in enumerate(fruits, 1):
    print(f"{i}. {fruit}")
```

4. Thêm và Xóa Elements

4.1. Thêm Elements

.add() - Thêm 1 phần tử

```
fruits = {"apple", "banana"}

# Thêm 1 phần tử
fruits.add("orange")
print(fruits) # {'apple', 'banana', 'orange'}

# Thêm phần tử đã tồn tại → không thay đổi
fruits.add("apple")
print(fruits) # {'apple', 'banana', 'orange'} - không trùng
```

.update() - Thêm nhiều phần tử

```
fruits = {"apple", "banana"}

# Update từ list
fruits.update(["orange", "grape"])
print(fruits) # {'apple', 'banana', 'orange', 'grape'}

# Update từ set khác
fruits.update({"kiwi", "mango"})
print(fruits) # {'apple', 'banana', 'orange', 'grape', 'kiwi', 'mango'}

# Update từ nhiều iterables
fruits.update(["cherry"], {"peach"}, ("plum",))
print(fruits)

# Tự động loại bỏ trùng lặp
numbers = {1, 2, 3}
numbers.update([3, 4, 5])
print(numbers) # {1, 2, 3, 4, 5} - 3 không bị trùng
```

4.2. Xóa Elements

.remove() - Xóa phần tử (lỗi nếu không tồn tại)

```
fruits = {"apple", "banana", "orange"}

# Xóa phần tử tồn tại
fruits.remove("banana")
print(fruits) # {'apple', 'orange'}

# ✗ Xóa phần tử không tồn tại → KeyError
try:
    fruits.remove("grape")
```

```
except KeyError:
    print("Phần tử không tồn tại!")
```

.discard() - Xóa phần tử (không lỗi nếu không tồn tại)

```
fruits = {"apple", "banana", "orange"}

# Xóa phần tử tồn tại
fruits.discard("banana")
print(fruits)  # {'apple', 'orange'}

# ☒ Xóa phần tử không tồn tại → không lỗi
fruits.discard("grape")  # OK, không làm gì
print(fruits)  # {'apple', 'orange'}
```

Khi nào dùng **.remove()** vs **.discard()**?

- **.remove()**: Khi **chắc chắn** phần tử tồn tại, muốn lỗi nếu không có
- **.discard()**: Khi **không chắc** phần tử có hay không, muốn an toàn

.pop() - Xóa phần tử ngẫu nhiên

```
fruits = {"apple", "banana", "orange"}

# Pop phần tử ngẫu nhiên (vì set không có thứ tự)
removed = fruits.pop()
print(f"Removed: {removed}")
print(f"Remaining: {fruits}")

# ⚠ Set rỗng → KeyError
empty_set = set()
try:
    empty_set.pop()
except KeyError:
    print("Set rỗng!")
```

.clear() - Xóa tất cả

```
fruits = {"apple", "banana", "orange"}

fruits.clear()
print(fruits)  # set() - set rỗng
```

5. Set Operations (Phép Toán Tập Hợp)

5.1. Union (Hợp) - `|` hoặc `.union()`

Định nghĩa: Tất cả phần tử từ cả hai sets (không trùng lặp).

```
A = {1, 2, 3, 4}
B = {3, 4, 5, 6}

# Cách 1: Toán tử |
union = A | B
print(union)  # {1, 2, 3, 4, 5, 6}

# Cách 2: Method .union()
union = A.union(B)
print(union)  # {1, 2, 3, 4, 5, 6}

# Union nhiều sets
C = {7, 8}
union = A | B | C
print(union)  # {1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8}

# .union() với nhiều iterables
union = A.union(B, [9, 10], {11, 12})
print(union)  # {1, 2, 3, 4, 5, 6, 9, 10, 11, 12}
```

Ví dụ thực tế:

```
# Học sinh tham gia CLB
math_club = {"An", "Bình", "Chi"}
sports_club = {"Bình", "Dũng", "Em"}

# Tất cả học sinh tham gia ít nhất 1 CLB
all_students = math_club | sports_club
print(all_students)  # {'An', 'Bình', 'Chi', 'Dũng', 'Em'}
```

5.2. Intersection (Giao) - `&` hoặc `.intersection()`

Định nghĩa: Phần tử có trong cả hai sets.

```
A = {1, 2, 3, 4}
B = {3, 4, 5, 6}

# Cách 1: Toán tử &
intersection = A & B
print(intersection)  # {3, 4}

# Cách 2: Method .intersection()
```

```
intersection = A.intersection(B)
print(intersection) # {3, 4}

# Intersection nhiều sets
C = {2, 3, 7}
intersection = A & B & C
print(intersection) # {3} - chỉ 3 có trong cả 3 sets
```

Ví dụ thực tế:

```
# Học sinh tham gia CẢ HAI CLB
math_club = {"An", "Bình", "Chi"}
sports_club = {"Bình", "Dũng", "Em"}

# Học sinh tham gia cả 2 CLB
both_clubs = math_club & sports_club
print(both_clubs) # {'Bình'}
```

5.3. Difference (Hiệu) - - hoặc `.difference()`

Định nghĩa: Phần tử có trong A nhưng không có trong B.

```
A = {1, 2, 3, 4}
B = {3, 4, 5, 6}

# Cách 1: Toán tử -
diff = A - B
print(diff) # {1, 2} - có trong A, không trong B

# Cách 2: Method .difference()
diff = A.difference(B)
print(diff) # {1, 2}

# ⚠ Không giao hoán: A - B ≠ B - A
diff_BA = B - A
print(diff_BA) # {5, 6} - có trong B, không trong A
```

Ví dụ thực tế:

```
# Học sinh chỉ tham gia Math CLB
math_club = {"An", "Bình", "Chi"}
sports_club = {"Bình", "Dũng", "Em"}

# Chỉ tham gia Math, không Sports
only_math = math_club - sports_club
print(only_math) # {'An', 'Chi'}
```



```
# Chỉ tham gia Sports, không Math
only_sports = sports_club - math_club
print(only_sports) # {'Dũng', 'Em'}
```

5.4. Symmetric Difference (Hiệu Đối Xứng) - ^ hoặc .symmetric_difference()

Định nghĩa: Phần tử có trong A hoặc B, nhưng không có trong cả hai.

```
A = {1, 2, 3, 4}
B = {3, 4, 5, 6}

# Cách 1: Toán tử ^
sym_diff = A ^ B
print(sym_diff) # {1, 2, 5, 6} - không chung

# Cách 2: Method .symmetric_difference()
sym_diff = A.symmetric_difference(B)
print(sym_diff) # {1, 2, 5, 6}

# Tương đương: (A - B) | (B - A)
sym_diff = (A - B) | (B - A)
print(sym_diff) # {1, 2, 5, 6}
```

Ví dụ thực tế:

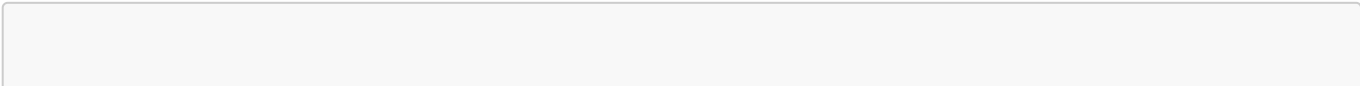
```
# Học sinh chỉ tham gia 1 CLB (không cả 2)
math_club = {"An", "Bình", "Chi"}
sports_club = {"Bình", "Dũng", "Em"}

# Chỉ tham gia 1 CLB
only_one_club = math_club ^ sports_club
print(only_one_club) # {'An', 'Chi', 'Dũng', 'Em'}
```

5.5. Tóm Tắt Set Operations

Operation	Operator	Method	Ý nghĩa
Union	<code>A B</code>	<code>A.union(B)</code>	A hoặc B (tất cả)
Intersection	<code>A & B</code>	<code>A.intersection(B)</code>	A và B (chung)
Difference	<code>A - B</code>	<code>A.difference(B)</code>	Có trong A, không trong B
Symmetric Diff	<code>A ^ B</code>	<code>A.symmetric_difference(B)</code>	Có trong A hoặc B, không cả hai

Diagram:



```
A = {1, 2, 3, 4}
B = {3, 4, 5, 6}

A | B = {1, 2, 3, 4, 5, 6} # Union
A & B = {3, 4}             # Intersection
A - B = {1, 2}             # Difference (A - B)
B - A = {5, 6}             # Difference (B - A)
A ^ B = {1, 2, 5, 6}      # Symmetric Difference
```

6. Set Methods Nâng Cao

6.1. Subset và Superset

.issubset() - Kiểm tra tập con

```
A = {1, 2, 3}
B = {1, 2, 3, 4, 5}

# A có phải tập con của B?
print(A.issubset(B)) # True (A ⊆ B)

# Toán tử <=
print(A <= B) # True

# Strict subset: A ⊂ B (A subset của B và A ≠ B)
print(A < B) # True
print(A < A) # False (không strict)
```

.issuperset() - Kiểm tra tập cha

```
A = {1, 2, 3, 4, 5}
B = {1, 2, 3}

# A có phải tập cha của B?
print(A.issuperset(B)) # True (A ⊇ B)

# Toán tử >=
print(A >= B) # True

# Strict superset: A ⊃ B
print(A > B) # True
print(A > A) # False
```

Ví dụ thực tế:

```
# Kiểm tra học sinh có đủ skills yêu cầu?
required_skills = {"Python", "SQL", "Git"}
candidate_skills = {"Python", "SQL", "Git", "Docker"}

if required_skills.issubset(candidate_skills):
    print("Ứng viên đủ yêu cầu!")
# hoặc
if candidate_skills >= required_skills:
    print("Ứng viên đủ yêu cầu!")
```

6.2. `.isdisjoint()` - Kiểm tra không giao nhau

```
A = {1, 2, 3}
B = {4, 5, 6}
C = {3, 4, 5}

# A và B không có phần tử chung?
print(A.isdisjoint(B)) # True (không giao nhau)
print(A.isdisjoint(C)) # False (có 3 chung)
```

Ví dụ thực tế:

```
# Kiểm tra lịch làm việc không trùng
week1_days = {"Monday", "Tuesday", "Wednesday"}
week2_days = {"Thursday", "Friday", "Saturday"}

if week1_days.isdisjoint(week2_days):
    print("Lịch không trùng!") # Lịch không trùng!
```

6.3. In-Place Operations

Các operations có thể thay đổi set gốc.

```
A = {1, 2, 3}
B = {3, 4, 5}

# |= : A = A | B
A |= B
print(A) # {1, 2, 3, 4, 5}

# &= : A = A & B
A = {1, 2, 3}
A &= B
print(A) # {3}

# -= : A = A - B
```

```
A = {1, 2, 3, 4}
A -= {2, 3}
print(A)  # {1, 4}

# ^= : A = A ^ B
A = {1, 2, 3}
A ^= B
print(A)  # {1, 2, 4, 5}
```

Methods tương ứng:

```
A = {1, 2, 3}
B = {3, 4, 5}

# update() = |=
A.update(B)
print(A)  # {1, 2, 3, 4, 5}

# intersection_update() = &=
A = {1, 2, 3}
A.intersection_update(B)
print(A)  # {3}

# difference_update() = -=
A = {1, 2, 3}
A.difference_update(B)
print(A)  # {1, 2}

# symmetric_difference_update() = ^=
A = {1, 2, 3}
A.symmetric_difference_update(B)
print(A)  # {1, 2, 4, 5}
```

7. Frozen Sets

7.1. Tạo Frozen Set

Frozen set là set **không thể thay đổi** (immutable).

```
# Tạo frozenset
numbers = frozenset([1, 2, 3, 4, 5])
print(numbers)  # frozenset({1, 2, 3, 4, 5})

# Từ set
mutable_set = {1, 2, 3}
frozen = frozenset(mutable_set)
print(frozen)  # frozenset({1, 2, 3})
```

7.2. Không Thể Thay Đổi

```
frozen = frozenset([1, 2, 3])

# ✗ Không thể thêm
# frozen.add(4) # AttributeError

# ✗ Không thể xóa
# frozen.remove(1) # AttributeError

# ☑ Có thể dùng set operations (tạo frozenset mới)
A = frozenset([1, 2, 3])
B = frozenset([3, 4, 5])

union = A | B
print(union) # frozenset({1, 2, 3, 4, 5})
print(type(union)) # <class 'frozenset'>
```

7.3. Khi Nào Dùng Frozen Set?

Dùng frozenset khi:

- Cần dùng set làm **key trong dictionary**
- Cần dùng set làm **phần tử của set khác**
- Cần đảm bảo set **không bị thay đổi**

```
# ✗ Set thường không thể làm key
# d = {[1, 2]: "value"} # TypeError: unhashable type: 'set'

# ☑ Frozenset có thể làm key
d = {frozenset([1, 2]): "value"}
print(d) # {frozenset({1, 2}): 'value'}

# ☑ Frozenset có thể là phần tử của set
sets_collection = {frozenset([1, 2]), frozenset([3, 4])}
print(sets_collection) # {frozenset({1, 2}), frozenset({3, 4})}
```

8. Ứng Dụng Thực Tế

8.1. Loại Bỏ Trùng Lặp

```
# Từ list
numbers = [1, 2, 3, 2, 4, 1, 5, 3]
unique = list(set(numbers))
print(unique) # [1, 2, 3, 4, 5] (thứ tự không đảm bảo)
```

```
# Giữ thứ tự với dict.fromkeys() (Python 3.7+)
unique = list(dict.fromkeys(numbers))
print(unique) # [1, 2, 3, 4, 5] (giữ thứ tự)

# Từ string
text = "hello"
unique_chars = set(text)
print(unique_chars) # {'h', 'e', 'l', 'o'}
```

8.2. Tìm Common Elements

```
# Tìm học sinh tham gia cả 2 lớp
class_a = {"An", "Bình", "Chi", "Dũng"}
class_b = {"Bình", "Chi", "Em", "Giang"}

# Học sinh trong cả 2 lớp
common = class_a & class_b
print(f"Học sinh cả 2 lớp: {common}") # {'Bình', 'Chi'}

# Học sinh chỉ ở lớp A
only_a = class_a - class_b
print(f"Chỉ lớp A: {only_a}") # {'An', 'Dũng'}
```

8.3. Validate Permissions

```
# Kiểm tra user có đủ quyền?
def has_permissions(user_perms, required_perms):
    """
    Kiểm tra user có tất cả quyền yêu cầu

    Args:
        user_perms (set): Quyền của user
        required_perms (set): Quyền yêu cầu

    Returns:
        bool: True nếu đủ quyền
    """
    return required_perms.issubset(user_perms)

# Test
user = {"read", "write", "delete"}
admin_required = {"read", "write", "delete", "admin"}
basic_required = {"read", "write"}

print(has_permissions(user, basic_required)) # True
print(has_permissions(user, admin_required)) # False
```

8.4. Find Missing Items

```
# Tìm missing IDs
expected_ids = set(range(1, 11)) # 1-10
received_ids = {1, 3, 5, 7, 9, 2, 4}

missing = expected_ids - received_ids
print(f"Missing IDs: {missing}") # {6, 8, 10}

extra = received_ids - expected_ids
print(f"Extra IDs: {extra}") # set() (không có)
```

8.5. Tag Management

```
# Quản lý tags của bài viết
post1_tags = {"python", "programming", "tutorial"}
post2_tags = {"python", "data-science", "ml"}

# Tags chung
common_tags = post1_tags & post2_tags
print(f"Common tags: {common_tags}") # {'python'}

# Tất cả tags unique
all_tags = post1_tags | post2_tags
print(f"All tags: {all_tags}")
# {'python', 'programming', 'tutorial', 'data-science', 'ml'}

# Tags chỉ có ở post1
unique_to_post1 = post1_tags - post2_tags
print(f"Unique to post1: {unique_to_post1}")
# {'programming', 'tutorial'}
```

9. Bài Tập Thực Hành

Bài 1: Unique Characters in Two Strings

```
def unique_chars(s1, s2):
    """
    Tìm ký tự xuất hiện trong s1 hoặc s2, nhưng không cả hai

    Args:
        s1, s2 (str): Hai chuỗi

    Returns:
        set: Ký tự unique
    """
    set1 = set(s1)
    set2 = set(s2)
    return set1 ^ set2
```

```
# Test
print(unique_chars("hello", "world")) # {'e', 'h', 'r', 'w', 'd'}
print(unique_chars("abc", "cde"))     # {'a', 'b', 'd', 'e'}
```

Bài 2: Find Common Friends (Bài 2 Assessment tương tự)

```
def common_friends(friend_lists):
    """
    Tìm bạn chung của tất cả mọi người

    Args:
        friend_lists (list of sets): Danh sách bạn bè

    Returns:
        set: Bạn chung
    """
    if not friend_lists:
        return set()

    # Giao của tất cả sets
    common = friend_lists[0]
    for friends in friend_lists[1:]:
        common &= friends

    return common

# Hoặc dùng set.intersection()
def common_friends_v2(friend_lists):
    if not friend_lists:
        return set()
    return set.intersection(*friend_lists)

# Test
alice_friends = {"Bob", "Charlie", "David"}
bob_friends = {"Alice", "Charlie", "Eve"}
charlie_friends = {"Alice", "Bob", "David"}

common = common_friends([alice_friends, bob_friends, charlie_friends])
print(common) # set() - không có bạn chung cả 3
```

Bài 3: Most Similar Strings (Bài 2 Assessment)

```
def most_similar_strings(strings):
    """
    Tìm 2 chuỗi có nhiều ký tự chung nhất
```



```

Args:
    strings (list): Danh sách chuỗi

Returns:
    tuple: (str1, str2, num_common_chars)
"""
max_common = 0
result = None

# So sánh từng cặp
for i in range(len(strings)):
    for j in range(i + 1, len(strings)):
        s1, s2 = strings[i], strings[j]

        # Ký tự chung
        common = set(s1) & set(s2)
        num_common = len(common)

        if num_common > max_common:
            max_common = num_common
            result = (s1, s2, num_common)

return result if result else (None, None, 0)

# Test
strings = ["hello", "world", "help", "hero"]
s1, s2, count = most_similar_strings(strings)
print(f"Most similar: '{s1}' and '{s2}' ({count} common chars)")
# Most similar: 'hello' and 'help' (4 common chars)

```

Bài 4: Vowels and Consonants

```

def count_vowels_consonants(text):
    """
    Đếm số nguyên âm và phụ âm trong chuỗi

    Args:
        text (str): Chuỗi cần đếm

    Returns:
        tuple: (num_vowels, num_consonants)
    """
    vowels = set("aeiouAEIOU")
    text_chars = set(char for char in text if char.isalpha())

    vowel_chars = text_chars & vowels
    consonant_chars = text_chars - vowels

    return len(vowel_chars), len(consonant_chars)

```

```
# Test
text = "Hello World"
v, c = count_vowels_consonants(text)
print(f"Vowels: {v}, Consonants: {c}") # Vowels: 2, Consonants: 6
```

Bài 5: Anagram Groups

```
def group_anagrams(words):
    """
    Nhóm các từ là anagram của nhau

    Args:
        words (list): Danh sách từ

    Returns:
        list of lists: Các nhóm anagram
    """
    from collections import defaultdict

    groups = defaultdict(list)

    for word in words:
        # Key là frozenset của các ký tự
        key = frozenset(word)
        groups[key].append(word)

    return list(groups.values())

# Test
words = ["eat", "tea", "tan", "ate", "nat", "bat"]
groups = group_anagrams(words)
print(groups)
# [['eat', 'tea', 'ate'], ['tan', 'nat'], ['bat']]
```

Bài 6: Set Similarity (Jaccard Index)

```
def jaccard_similarity(set1, set2):
    """
    Tính độ tương đồng Jaccard giữa 2 sets
    Jaccard = |A ∩ B| / |A ∪ B|

    Args:
        set1, set2 (set): Hai sets

    Returns:
        float: Độ tương đồng (0-1)
    """
```

```
intersection = set1 & set2
union = set1 | set2

if not union:
    return 0.0

return len(intersection) / len(union)

# Test
A = {"apple", "banana", "orange"}
B = {"banana", "orange", "grape", "kiwi"}

similarity = jaccard_similarity(A, B)
print(f"Similarity: {similarity:.2f}") # 0.40
```

Bài 7: Find Duplicate Rows (2D List)

```
def find_duplicate_rows(matrix):
    """
    Tìm các hàng trùng lặp trong ma trận

    Args:
        matrix (list of lists): Ma trận

    Returns:
        list: Các hàng trùng lặp
    """
    seen = set()
    duplicates = []

    for row in matrix:
        # Convert list sang tuple (hashable)
        row_tuple = tuple(row)

        if row_tuple in seen:
            if row not in duplicates:
                duplicates.append(row)
        else:
            seen.add(row_tuple)

    return duplicates

# Test
matrix = [
    [1, 2, 3],
    [4, 5, 6],
    [1, 2, 3], # Trùng
    [7, 8, 9],
    [4, 5, 6] # Trùng
]
```

```
duplicates = find_duplicate_rows(matrix)
print(duplicates) # [[1, 2, 3], [4, 5, 6]]
```

Bài 8: Powersets (Tất cả tập con)

```
def powerset(s):
    """
    Tạo tất cả tập con của một set

    Args:
        s (set): Set gốc

    Returns:
        list of sets: Tất cả tập con
    """
    from itertools import combinations

    s_list = list(s)
    result = [set()] # Tập rỗng

    for i in range(1, len(s_list) + 1):
        for subset in combinations(s_list, i):
            result.append(set(subset))

    return result

# Test
s = {1, 2, 3}
subsets = powerset(s)
print(f"Số tập con: {len(subsets)}") # 8 (2^3)
for subset in subsets:
    print(subset)
# set()
# {1}
# {2}
# {3}
# {1, 2}
# {1, 3}
# {2, 3}
# {1, 2, 3}
```

10. Tổng Kết và Checklist

☒ Kiến thức cần nắm vững

Cơ bản:

- ☐ Tạo set: literals `{}`, `set()`, comprehension
- ☐ Set rỗng: `set()` không phải `{}`
- ☐ Kiểm tra membership: `in`, `not in`
- ☐ Thêm: `.add()`, `.update()`
- ☐ Xóa: `.remove()`, `.discard()`, `.pop()`, `.clear()`

Set Operations:

- ☐ Union: `|`, `.union()`
- ☐ Intersection: `&`, `.intersection()`
- ☐ Difference: `-`, `.difference()`
- ☐ Symmetric Difference: `^`, `.symmetric_difference()`

Nâng cao:

- ☐ Subset/Superset: `<=`, `>=`, `<`, `>`
- ☐ Disjoint: `.isdisjoint()`
- ☐ In-place operations: `|=`, `&=`, `-=`, `^=`
- ☐ Frozenset: immutable set
- ☐ Set comprehension

🔗 Lưu ý quan trọng

1. **Set không có thứ tự** - không thể indexing
2. **Tự động loại bỏ trùng lặp** - mỗi phần tử chỉ 1 lần
3. **Elements phải immutable** - không chứa list/dict/set
4. **Fast membership test** - $O(1)$ với `in`
5. `remove()` raise error, `.discard()` không lỗi
6. **Set operations** rất mạnh cho logic tập hợp
7. **Frozenset** để dùng làm key/element của set khác

📖 Bước tiếp theo

Sau khi nắm vững Sets, bạn sẵn sàng học:

- **Tuples** - immutable sequences
- **Advanced collections**: `Counter`, `defaultdict`
- **Algorithms**: Set-based algorithms
- **Mathematical sets**: Venn diagrams, combinatorics

11. Câu Hỏi Thường Gặp (FAQ)

Q1: Tại sao set không có thứ tự?

A: Set implement bằng **hash table** để có $O(1)$ lookup. Hash table không giữ thứ tự.

```
s = {3, 1, 2}
print(s) # Thứ tự không đảm bảo, có thể {1, 2, 3} hoặc {2, 3, 1}
```

Q2: Làm sao để loại bỏ trùng lặp nhưng giữ thứ tự?

A: Dùng `dict.fromkeys()` (Python 3.7+).

```
numbers = [3, 1, 2, 1, 3, 4]

# ✗ Set - không giữ thứ tự
unique = list(set(numbers)) # Có thể [1, 2, 3, 4]

# ✔ Dict - giữ thứ tự
unique = list(dict.fromkeys(numbers)) # [3, 1, 2, 4]
```

Q3: Khi nào dùng `.remove()` vs `.discard()`?

A:

- `.remove()`: Khi chắc chắn phần tử tồn tại
- `.discard()`: Khi không chắc, muốn an toàn

```
s = {1, 2, 3}

s.remove(2) # OK
# s.remove(5) # ✗ KeyError

s.discard(3) # OK
s.discard(5) # ✔ OK, không lỗi
```

Q4: Set có thể chứa list không?

A: ✗ **Không**, vì list là mutable (unhashable).

```
# ✗ Lỗi
# s = {[1, 2], [3, 4]} # TypeError

# ✔ Dùng tuple thay thế
s = {(1, 2), (3, 4)} # OK

# ✔ Hoặc frozenset
s = {frozenset([1, 2]), frozenset([3, 4])} # OK
```

Q5: Làm sao để tạo set của sets?

A: Dùng `frozenset`.

```
# ✗ Set của set - không được
# s = {{1, 2}, {3, 4}} # TypeError

# ✓ Set của frozenset
s = {frozenset({1, 2}), frozenset({3, 4})}
print(s) # {frozenset({1, 2}), frozenset({3, 4})}
```

12. Thử Thách Cuối Khóa

Challenge 1: Set Partition

Kiểm tra có thể chia set thành 2 tập con có tổng bằng nhau không.

```
"""
Input: {1, 5, 11, 5}
Output: True (có thể chia: {1, 5, 5} và {11})

Input: {1, 2, 3, 5}
Output: False

Gợi ý: Tổng phải chẵn, dùng dynamic programming
"""
```

Challenge 2: Longest Consecutive Sequence

Tìm dãy số liên tiếp dài nhất trong set.

```
"""
Input: {100, 4, 200, 1, 3, 2}
Output: 4 (dãy: 1, 2, 3, 4)

Yêu cầu: O(n) time
Gợi ý: Dùng set để check membership
"""
```

Challenge 3: Word Ladder

Tìm chuỗi chuyển đổi từ start → end, mỗi bước chỉ đổi 1 ký tự.

```
"""
Input:
```

```
start = "hit"
end = "cog"
word_set = {"hot", "dot", "dog", "lot", "log", "cog"}
```

Output: 5 (hit → hot → dot → dog → cog)

Gợi ý: BFS với set
"""

Challenge 4: Happy Number

Số happy: tổng bình phương các chữ số cuối cùng = 1.

```
"""
Input: 19
Process:
1^2 + 9^2 = 82
8^2 + 2^2 = 68
6^2 + 8^2 = 100
1^2 + 0^2 + 0^2 = 1 ☒
```

Output: True

Gợi ý: Dùng set để detect cycle
"""