

# Relatório - Trabalho 3

## Alunos

- Nataly Lacerda de Oliveira - 190093838
- Pedro Henrique dos Santos - 200026127

## Introdução

O objetivo deste trabalho é implementar um gerador e verificados de assinaturas RSA. O trabalho divide-se nas seguintes partes:

- Parte I: Geração de chaves e cifra
  1. Geração de chaves (p e q primos com no mínimo de 1024 bits)
  2. Cifração/decifração assimétrica RSA usando OAEP.
- Parte II: Assinatura
  1. Cálculo de hashes da mensagem em claro (função de hash SHA-3)
  2. Assinatura da mensagem (cifração do hash da mensagem)
  3. Formatação do resultado (caracteres especiais e informações para verificação em BASE64)
- Parte III: Verificação:
  1. Parsing do documento assinado e decifração da mensagem (de acordo com a formatação usada, no caso BASE64)
  2. Decifração da assinatura (decifração do hash)
  3. Verificação (cálculo e comparação do hash do arquivo)

## Cifração

### RSA

O algoritmo RSA é um algoritmo de criptografia assimétrica baseado na dificuldade de fatorar o produto de dois números primos grandes. Consiste em três etapas principais: geração de chaves, criptografia e descriptografia:

### Geração de Chaves:

1. **Escolha de Números Primos:** Seleção de dois números primos grandes e distintos, geralmente denotados por  $p$  e  $q$ .
2. **Cálculo de  $N$ :**  $N$  é o produto dos números primos selecionados, ou seja,  $N=p \times q$ .
3. **Cálculo da Função Totiente de Euler  $\varphi(N)$ :**  $\varphi(N)$  é o número de inteiros positivos menores que  $N$  e coprimos com  $N$ . Para primos,  $\varphi(N)=(p-1) \times (q-1)$ .
4. **Escolha do Expoente Público  $e$ :**  $e$  é um número inteiro coprimo com  $\varphi(N)$ , geralmente um número pequeno, como 65537 (um primo comum).
5. **Cálculo do Expoente Privado  $d$ :**  $d$  é o inverso multiplicativo modular de  $e$  em relação a  $\varphi(N)$ , ou seja,  $d \times e \equiv 1 \pmod{\varphi(N)}$ .

As chaves são então geradas: a chave pública  $(N,e)$  e a chave privada  $(N,d)$ .

### Criptografia:

Para criptografar uma mensagem  $M$ :

1. A mensagem é representada como um número inteiro  $m$  no intervalo  $[0, N-1]$ .
2. A mensagem é criptografada utilizando a chave pública  $(N,e)$  através da operação  $C \equiv M^e \pmod{N}$ .
3.  $C$  é o texto cifrado resultante.

### Descriptografia:

Para descriptografar o texto cifrado  $C$  e obter a mensagem original  $M$ :

1. O texto cifrado  $C$  é descriptografado utilizando a chave privada  $(N,d)$  através da operação  $M \equiv C^d \pmod{N}$ .
2.  $M$  é a mensagem original recuperada.

## RSA-OAEP

RSA-OAEP (Optimal Asymmetric Encryption Padding) é uma extensão do algoritmo RSA que oferece maior segurança e outras propriedades desejáveis, especialmente quando usado para criptografar dados de forma segura.

O RSA-OAEP combina o algoritmo RSA com o esquema de padding OAEP para proteger a confidencialidade dos dados e reduzir os riscos de ataques de criptoanálise.

## **Funcionamento do RSA-OAEP:**

### **1. Geração de Parâmetros:**

- RSA: Geração das chaves pública e privada conforme o procedimento padrão do RSA.
- OAEP: Seleção de funções de hash seguras, como SHA-1 ou SHA-256.

### **2. Padding (OAEP):**

- O padding OAEP inclui duas operações principais: padding e uma função de hash.
- A mensagem original é expandida para um comprimento fixo usando um algoritmo de padding.
- Uma função de hash é aplicada à mensagem para introduzir aleatoriedade e tornar o ataque mais difícil.
- Adição de uma máscara aleatória para aumentar a aleatoriedade e dificultar a análise estatística.

### **3. Criptografia:**

- Geração de uma chave de sessão aleatória para cada mensagem.
- Aplicação da função de hash na chave de sessão e na mensagem expandida (após o padding).
- A combinação da chave de sessão com a mensagem é criptografada usando a chave pública RSA.

### **4. Descriptografia:**

- Utilização da chave privada RSA para descriptografar a combinação de chave de sessão e mensagem.
- Recuperação da chave de sessão.
- Inversão da operação de hash da chave de sessão para obter a mensagem expandida.
- Reversão do padding para obter a mensagem original.

## Benefícios do RSA-OAEP:

1. **Proteção contra Ataques de Preenchimento (Padding):** OAEP reduz o risco de ataques baseados no padding utilizado no RSA padrão.
2. **Resistência a Ataques de Mãos Meio (Man-in-the-middle):** A inclusão de uma máscara aleatória ajuda a evitar ataques de substituição de mensagens.
3. **Segurança contra Ataques de Adaptação Chosen-Ciphertext (CCA):** Oferece segurança contra determinados tipos de ataques que exploram mensagens cifradas.

O RSA-OAEP é uma melhoria significativa sobre o RSA básico, proporcionando uma camada adicional de segurança e prevenindo muitos tipos de ataques criptográficos. É amplamente utilizado em sistemas de segurança que requerem criptografia robusta e eficiente.

## Implementação

Realizamos a implementação da criação da chave pública e privada. E a criptografia com RSA. Não conseguimos implementar o OAEP e as assinaturas.

## Conclusão

Conseguimos entender bem como funciona a cifra e a implementamos corretamente. Seguimos o vídeo de orientação para a implementação da quebra da cifra, mas não tivemos sucesso. Não entendemos como exatamente poderíamos fazer para dar match nos valores da cifra com a do alfabeto. Então apesar de ficar um pouco perdidos nessa parte, deu pra passear bastante nos conceitos da cifra, e acredito que com um pouquinho mais de tempo podemos fazer uma implementação completa.