

# Mikroelektronik II Formelsammlung

Florian Leuze

# Inhaltsverzeichnis

|          |  |          |
|----------|--|----------|
| <b>1</b> | <b>Mikroelektronik II</b>  | <b>3</b> |
| 1.1      | Allgemeines . . . . .  | 3        |
| 1.1.1    | Spezifischer Widerstand . . . . .                                      | 3        |
| 1.1.2    | Elektrostatik . . . . .  | 3        |
| 1.2      | PN Übergang . . . . .  | 3        |
| 1.2.1    | Quasi-Fermi-Niveaus (QFN oder Imref) . . . . .                         | 3        |
| 1.2.2    | Diffusionsspannung und Weite der RLZ . . . . .                         | 4        |
| 1.2.3    | Feldstärke . . . . .   | 5        |
| 1.2.4    | Massenwirkungsgesetz . . . . .   | 5        |
| 1.2.4.1  | Umformulierungen . . . . .   | 5        |
| 1.2.5    | Energiebetrachtung . . . . .   | 5        |
| 1.3      | Bohrsches Atommodell . . . . .   | 6        |
| 1.3.1    | Energie . . . . .  | 6        |
| 1.4      | Bipolartransistor . . . . .  | 7        |
| 1.4.1    | Leistung . . . . .   | 7        |
| 1.4.2    | Emitterwirksamkeit/Transportfaktor . . . . .                           | 7        |
| 1.4.3    | Verstärkung . . . . .  | 8        |
| 1.5      | MOSFET . . . . .   | 8        |
| 1.5.1    | Leistung . . . . .   | 8        |
| 1.5.2    | Gate Kapazität . . . . .   | 8        |
| 1.5.3    | Takt . . . . .   | 8        |
| <b>2</b> | <b>Anhänge</b>   | <b>9</b> |
| 2.1      | Abkürzungen/Formelzeichen . . . . .                                    | 9        |
| 2.2      | Wichtige Donatoren und Akzeptoren . . . . .                            | 11       |
| 2.3      | Effektive Massen . . . . .   | 12       |
| 2.4      | Bandlücken wichtiger Materialien . . . . .                             | 12       |
| 2.5      | Eckdaten wichtiger Halbleiter . . . . .                                | 12       |
| 2.6      | Niederfeld- und Niederdotierungsbeweglichkeiten ( $T = 300K$ ) . . . . | 13       |
| 2.7      | Konstanten . . . . .   | 13       |
| 2.8      | Nachwort . . . . .   | 14       |

## Versionierung

| Datum      | Vers. | Kürzel | Änderung   |
|------------|-------|--------|--|
| 28.08.2018 | 0.1   | FL     | Erzeugung Dokument; Erzeugung Inhaltsverzeichnis; Erzeugung Versionierung; Erzeugung Allg., PN Üb., Bohrsch., Bipol., MOSFET |
| 29.08.2018 | 0.2   | FL     | Korrektur Ionisationsenergie(d,e); erzeugt Inversionsspannung(a,b)   |

# 1 Mikroelektronik II

## 1.1 Allgemeines

### 1.1.1 Spezifischer Widerstand

$$\begin{array}{ll} \text{Ohmsches} & \\ \text{Gesetz} & : \quad V = RI \text{ [V]} \end{array} \quad (1.1.1)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Widerstand} & : \quad R = \frac{V}{I} \text{ [\Omega]} \end{array} \quad (1.1.2)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Leitwert} & : \quad G = \frac{1}{R} = \frac{I}{V} \left[ \frac{1}{\Omega} = S \right] \end{array} \quad (1.1.3)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Spezifischer} & \\ \text{Widerstand} & : \quad R = \rho \frac{L}{A} \text{ [\Omega]} \end{array} \quad (1.1.4)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Leitfähigkeit(a)} & : \quad \sigma \frac{A}{L} \text{ [S]} \end{array} \quad (1.1.5)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Leitfähigkeit(b)} & : \quad \sigma = \frac{1}{\rho} \end{array} \quad (1.1.6)$$

### 1.1.2 Elektrostatik

$$\begin{array}{ll} \text{Poisson} & \\ \text{Gleichung(a)} & : \quad \Delta \varphi(\vec{r}) = \frac{\varrho_Q(\vec{r})}{\varepsilon} \end{array} \quad (1.1.7)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Poisson} & \\ \text{Gleichung(b)} & : \quad \nabla \vec{\varepsilon}(\vec{r}) = -\frac{\varrho_Q(\vec{r})}{\varepsilon} \end{array} \quad (1.1.8)$$

$$\begin{array}{ll} \text{El. Feld} & : \quad \vec{\varepsilon}(\vec{r}) = -\text{grad } \varphi(\vec{r}) = -\vec{\nabla}(\vec{r}) \end{array} \quad (1.1.9)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Coulomb Kraft} & : \quad \vec{F}_c(\vec{r}) = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \frac{q^2}{\sqrt{x^2 + y^2 + z^2}} \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} \end{array} \quad (1.1.10)$$

## 1.2 PN Übergang

### 1.2.1 Quasi-Fermi-Niveaus (QFN oder Imref)

$$\begin{array}{ll} \text{Elektronenkon-} & \\ \text{zentration} & : \quad n = N_C e^{-\frac{E_C - E_{Fn}}{kT}} \end{array} \quad (1.2.1)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Lochkonzentra-} & \\ \text{tion} & : \quad p = N_V e^{-\frac{E_{Fp} - E_V}{kT}} \end{array} \quad (1.2.2)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Massenwir-} & \\ \text{kungsgesetz(b)} & : \quad np = N_C N_V e^{\frac{E_g}{kT}} e^{\frac{E_{Fn} - E_{Fp}}{kT}} \\ & = n_i^2 e^{\frac{E_{Fn} - E_{Fp}}{kT}} \end{array} \quad (1.2.3)$$

### 1.2.2 Diffusionsspannung und Weite der RLZ

$$\begin{aligned} \text{Flächenladung} & : G_{F,total} = Q_L + Q_R = 0 \\ \text{gesamt} & : & = -qN_A d_p + qN_D d_n \end{aligned} \quad (1.2.4)$$

$$\text{Folgerung aus (1.2.4)(a)} : N_A d_p = N_D d_n \quad (1.2.5)$$

$$\text{Folgerung aus (1.2.4)(b)} : \frac{d_p}{d_n} = \frac{N_D}{N_A} \quad (1.2.6)$$

$$\text{Weite(a)} : w = d_n + d_p \quad (1.2.7)$$

$$\text{Diffusionsspannung(a)} : V_{bi} = \varphi_R(d_n) = -\frac{\epsilon_{max}}{2}(d_n + d_p) = -\frac{\epsilon_{max}}{2}w \quad (1.2.8)$$

Mit (1.2.23) erhält man

$$\text{Diffusionsspannung(b)} : V_{bi} = \frac{qN_A}{2\epsilon_d} d_p (d_n + d_p) \quad (1.2.9)$$

Mit (1.2.5) erhält man schließlich

$$\text{Teilweite } d_n : d_n = \sqrt{\frac{2\epsilon_d N_A V_{bi}}{q N_D (N_A + N_D)}} \sim \sqrt{V_{bi}} \quad (1.2.10)$$

$$\text{Teilweite } d_p : d_p = \sqrt{\frac{2\epsilon_d N_D V_{bi}}{q N_A (N_A + N_D)}} \sim \sqrt{V_{bi}} \quad (1.2.11)$$

Bei angelegter ext. Spannung gilt bei (1.2.10) und (1.2.11)  $V_{bi,neu} = V_{bi} + V_{DS}$ .

$$\text{Weite(b)} : w = dp \left( 1 + \frac{N_A}{N_D} \right) \quad (1.2.12)$$

$$\text{Weite(c)} : w = \sqrt{\frac{2\epsilon_d}{q} \frac{N_A + N_D}{N_A N_D} V_{bi}} \sim \sqrt{V_{bi}} \quad (1.2.13)$$

$$\text{Weite Schottky} : w = x_{n,p} = \sqrt{\frac{2\epsilon_d |\Phi_{MS}|}{q N_D}} \quad (1.2.14)$$

$$\text{Folgerung(a)} : w \uparrow \Rightarrow V_{bi} \uparrow \quad (1.2.15)$$

$$\text{Diffusionsspannung(c)} : qV_{bi} = kT \ln \left( \frac{n_{n0} p_{p0}}{n_i^2} \right) \approx kT \ln \left( \frac{N_A N_D}{n_i^2} \right) \quad (1.2.16)$$

$$\text{Diffusionsspannung(d)} : V_{bi}^0 = \frac{kT}{q} \ln \left( \frac{N_D N_A}{n_i^2} \right) \quad (1.2.17)$$

$$\text{Diffusionsspannung(e)} : V_{bi} = V_{bi}^0 - V \quad (1.2.18)$$

$$\begin{array}{lcl} \text{Diffusionsspan-} & : & V_{bi} = \frac{q}{2\varepsilon_d}(N_A x_p^2 + N_D x_n^2) \\ \text{nung(f)} & & \end{array} \quad (1.2.19)$$

us (1.2.5) und (1.2.7) folgen

$$\text{Relative Weite } p : d_p = w \frac{N_D}{N_A + N_D} \quad (1.2.20)$$

$$\text{Relative Weite } n : d_n = w \frac{N_A}{N_A + N_D} \quad (1.2.21)$$

$$\begin{array}{lcl} \text{Flächenladungs-} & : & Q_F = |Q_R| = |Q_L| = qN_A d_p = qN_D d_n \\ \text{dichte} & & \\ & & = q \frac{N_A N_D}{N_A + N_D} w = \sqrt{2\varepsilon_d \frac{N_A N_D}{N_A + N_D}} q V_{bi} \end{array} \quad (1.2.22)$$

### 1.2.3 Feldstärke

$$\begin{array}{lcl} \text{Maximale el.} & : & \varepsilon_{max} = \varepsilon(x=0) = \varepsilon_{L,R}(x=0) \\ \text{Feldstärke(a)} & & \end{array} \quad (1.2.23)$$

$$\begin{array}{lcl} \text{Maximale el.} & : & |\varepsilon_{max}| = 2 \frac{V_{bi}}{w} = \frac{q N_{D,A}}{\varepsilon_d} x_{n,p} \\ \text{Feldstärke(b)} & & \end{array} \quad (1.2.24)$$

### 1.2.4 Massenwirkungsgesetz

$$\begin{array}{lcl} \text{Massenwir-} & : & np = N_C N_V e^{-\frac{E_C - E_F}{kT}} e^{-\frac{E_F - E_V}{kT}} \\ \text{kungsgesetz(a)} & & \end{array} \quad (1.2.25)$$

$$\text{Bandlücke} : E_g = E_C - E_V \quad (1.2.26)$$

(1.2.26) in (1.2.25) (wobei  $n_i$  die intrinsische Ladungsträgerdichte ist):

$$\begin{array}{lcl} \text{Massenwir-} & : & np = N_C N_V e^{\frac{E_g}{kT}} = n_i^2 \\ \text{kungsgesetz(b)} & & \end{array} \quad (1.2.27)$$

Also gilt ganz allgemein (und zwar unabhängig von der Dotierung)

$$\begin{array}{lcl} \text{Massenwir-} & : & np = n_i^2 \\ \text{kungsgesetz(c)} & & \end{array} \quad (1.2.28)$$

$$\begin{array}{lcl} \text{Intrinsische} & & \\ \text{Ladungsträger-} & : & n_i = \sqrt{N_C N_V} \cdot e^{-\frac{E_g}{2kT}} \\ \text{dichte} & & \end{array} \quad (1.2.29)$$

#### 1.2.4.1 Umformulierungen

$$E_C - E_F : E_C - E_F = kT \cdot \ln\left(\frac{N_C}{n}\right) \quad (1.2.30)$$

$$E_F - E_V : E_F - E_V = kT \cdot \ln\left(\frac{N_V n}{n_i^2}\right) \quad (1.2.31)$$

### 1.2.5 Energiebetrachtung

$$\begin{array}{lcl} \text{Austrittsarbeit} & : & \Phi_{MS} = \Phi_M - \Phi_S \\ \text{a)} & & \end{array} \quad (1.2.32)$$

$$\begin{array}{lcl} \text{Austrittsarbeit} & : & V_{bi} = \Phi_{MS} \\ \text{b)} & & \end{array} \quad (1.2.33)$$

## 1.3 Bohrsches Atommodell

### 1.3.1 Energie

$$\begin{array}{ll} \text{Energie i-te} & \\ \text{Schale} & : E_i = -\frac{1}{8\pi\epsilon_0} \frac{q^2}{r_i} \end{array} \quad (1.3.1)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Energie Schalen-} & \\ \text{übergang(a)} & : E_{ae} = E_a - E_e = \frac{q^2}{8\pi\epsilon_0} \left( \frac{1}{r_e} - \frac{1}{r_a} \right) \end{array} \quad (1.3.2)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Bahnradius(a),} & \\ \text{Bohrscher} & : r_1 = \frac{4\pi\epsilon_0\hbar^2}{q^2m} \\ \text{Radius} & \end{array} \quad (1.3.3)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Bahnradius(b)} & : r_i = n^2 \cdot r_1 \end{array} \quad (1.3.4)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Energie Schalen-} & \\ \text{übergang(b)} & : E_{ae} = \frac{q^2}{8\pi\epsilon_0} \frac{q^2m}{4\pi\epsilon_0\hbar^2} \left( \frac{1}{n_e^2} - \frac{1}{n_a^2} \right) \end{array} \quad (1.3.5)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Frequenz Scha-} & \\ \text{lenübergang(a)} & : f_{ae} = \frac{mg^4}{(4\pi\hbar)^3\epsilon_0^2} \left( \frac{1}{n_e^2} - \frac{1}{n_a^2} \right) \end{array} \quad (1.3.6)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Rydberg-Ritz} & \\ \text{Formel(a)} & : \frac{1}{\lambda_{ae}} = \frac{mg^4}{(4\pi\hbar)^3\epsilon_0^2C_0} \left( \frac{1}{n_e^2} - \frac{1}{n_a^2} \right) \end{array} \quad (1.3.7)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Rydberg} & \\ \text{Konstante} & : R_\infty = \frac{mg^4}{(4\pi\hbar)^3\epsilon_0^2C_0} = \frac{mq^4}{8h^3\epsilon_0^2C_0} \end{array} \quad (1.3.8)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Wellenlänge} & \\ \text{Schalenüber-} & : \lambda_{ae} = \left( R_\infty \left( \frac{1}{n_e} - \frac{1}{n_a} \right) \right)^{-1} \\ \text{gang(a)} & \end{array} \quad (1.3.9)$$

Für wasserstoffähnliche Atome wird die Rydberg Ritz Formel angepasst:

$$\begin{array}{ll} \text{Rydberg-Ritz} & \\ \text{Formel(b)} & : \frac{1}{\lambda_{ae}} = R_\infty Z^2 \left( \frac{1}{n_e^2} - \frac{1}{n_a^2} \right) \end{array} \quad (1.3.10)$$

wobei für  $Z$  die Kernladungszahl einzusetzen ist, was bei wasserstoffähnlichen Atomen die Ordnungszahl ist.

$$\begin{array}{ll} \text{Bahngeschwin-} & \\ \text{digkeit} & : v_i = \frac{\hbar}{mr_i} \end{array} \quad (1.3.11)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Ionisationsener-} & \\ \text{gie(a)} & : E_{n\infty} = -R_\infty h C_0 \frac{1}{n^2} \end{array} \quad (1.3.12)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Ionisationsener-} & \\ \text{gie(b)} & : E_{1\infty} = -R_\infty h C_0 \end{array} \quad (1.3.13)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Ionisationsener-} & \\ \text{gie(c)} & : E_{1\infty} = -R_\infty h C_0 Z^2 \end{array} \quad (1.3.14)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Schale} & : n = \sqrt{-\frac{R_\infty h C_0}{E_{n\infty}}} \end{array} \quad (1.3.15)$$

$$\text{Kernladungs-} \quad : \quad Z = \sqrt{\frac{1}{\lambda_{ae} R_{\infty}} \left( \frac{1}{n_e^2} - \frac{1}{n_a^2} \right)^{-1}} \quad (1.3.16)$$

Betrachtet man ein in ein anderes Element eingebrachtes Elektron müssen die Zusammenhänge angepasst werden.

$$\text{Bahnradius(c)} \quad : \quad r_1 = \frac{4\pi\epsilon_0\epsilon_{rel}\hbar^3}{q^2 m^*} \quad (1.3.17)$$

$$\text{Ionisationsenergie(d)} \quad : \quad E_{ae} = R_{\infty} h C_0 \frac{m^*}{m_0} \left( \frac{1}{n_e^2} - \frac{1}{n_a^2} \right) \quad (1.3.18)$$

$$\text{Ionisationsenergie(e)} \quad : \quad E_{1\infty} = -R_{\infty} h C_0 \frac{m^*}{m_0} \quad (1.3.19)$$

## 1.4 Bipolartransistor

### 1.4.1 Leistung

$$\text{Leistung(a)} \quad : \quad P_{BT} \cong \frac{N}{2} I V_{cc} + N \frac{I}{\beta} V_{cc} \quad (1.4.1)$$

$$\text{Leistung(b)} \quad : \quad P_{BT} \cong \left( \frac{1}{2} + \frac{1}{\beta} \right) N I V_{cc} = \frac{2+\beta}{2\beta} N I V_{cc} \quad (1.4.2)$$

### 1.4.2 Emitterwirksamkeit/Transportfaktor

$$\text{Emitterwirk-} \quad : \quad \alpha_E = \frac{I_n}{I_n + I_p} \quad (1.4.3)$$

$$\text{samkeit(b)} \quad : \quad \alpha_e = \frac{1}{1 + \frac{L_n D_p N_A^{(B)}}{L_p D_n N_D^{(E)}}} \quad (1.4.4)$$

$$\text{Emitterstrom} \quad : \quad |I_E| = A_q D_b \frac{n(0) - 0}{w_B} \quad (1.4.5)$$

$$\text{Basisstrom} \quad : \quad |I_B| = A_q \frac{n(0) w_b}{2} \frac{1}{\tau_n} \quad (1.4.6)$$

$$\text{Transportfaktor} \quad : \quad \alpha_T = \frac{|I_C|}{|I_B|} = 1 - \frac{1}{2} \left( \frac{w_B}{L_n} \right)^2 \quad (1.4.7)$$

$$\text{Diffusionslänge} \quad : \quad L_p = \sqrt{D_p \tau_p} \quad (1.4.8)$$

$$\text{Löcher} \quad : \quad L_n = \sqrt{D_n \tau_n} \quad (1.4.9)$$

### 1.4.3 Verstärkung

$$\begin{array}{ll} \text{Stromverstärkung} & : \quad \beta_0 = \frac{I_C}{I_B} \end{array} \quad (1.4.10)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Stromverstärkung} \\ \text{Emitterschaltung} & : \quad \beta_0 = \frac{I_C}{I_E - I_C} = \frac{\alpha_0}{1 - \alpha_0} = \frac{\alpha_E \alpha_T}{1 - \alpha_E \alpha_T} \end{array} \quad (1.4.11)$$

## 1.5 MOSFET

### 1.5.1 Leistung

$$\text{Leistung(a)} \quad : \quad P_{NMOS} \cong \frac{N}{2} IV_{cc} + NI_{dyn} V_{cc} \quad (1.5.1)$$

$$\text{Leistung(b)} \quad : \quad P_{CMOS,ideal} \cong NC_L f V_{cc}^2 \quad (1.5.2)$$

Hierbei gilt  $I_{dyn} \text{ (MOSFET)} < \frac{I}{\beta}$  (BPT).

$$\text{Dyn. Strom} \quad : \quad I_{dyn} = f C_L V_{cc} \quad (1.5.3)$$

$$\text{Power-Delay-Produkt} \quad : \quad \frac{P_{CMOS,ideal,max}}{C_L V_{cc}^2} = N f_{max} = konst. \quad (1.5.4)$$

### 1.5.2 Gate Kapazität

$$\text{Umladegeschwindigkeit} \quad : \quad v_D = \mu \varepsilon = \mu \frac{V_{DS}}{L} \quad (1.5.5)$$

$$\text{Steilheit} \quad : \quad g_m = \frac{W C_{gox} \mu}{L} \quad (1.5.6)$$

$$\text{Umladedauer(a)} \quad : \quad \tau_L = \frac{L^2}{\mu V_{DS}} \quad (1.5.7)$$

$$\text{Umladedauer(b)} \quad : \quad \tau_L = \frac{W C_{gox} L}{g_m} \quad (1.5.8)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Inversionsspannung(a)} & : \quad V_{sl} = \frac{d_I}{\varepsilon} \left( 2q \left( \sqrt[3]{N_A} \right)^2 + \sqrt{q N_A \varepsilon \beta \ln \left( \frac{N_A}{n_i} \right)} \right) \\ & \quad + \beta \ln \left( \frac{N_A}{N_i} \right) \end{array} \quad (1.5.9)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Inversionsspannung(b)} & : \quad V_{Sl} = V_{Isolator} + V_{T,ideal} = V_{Isolator} + 2\Psi_B \end{array} \quad (1.5.10)$$

### 1.5.3 Takt

$$\text{Taktfrequenz} \quad : \quad f_T = \frac{1}{2\pi \tau_L} = \frac{1}{2\pi} \frac{g_m}{W C_{gox} L} \quad (1.5.11)$$



## 2 Anhänge

### 2.1 Abkürzungen/Formelzeichen

| Zeichen    | Einheit                                       | Bedeutung                          |
|------------|---|------------------------------------|
| $A$        | $m^2$   | Fläche                             |
| $a$        | $\frac{m}{s^2}$                               | Beschleunigung                     |
| $b$        | $\frac{cm^2}{Vs}$                             | Ladungsträgerbeweglichkeit         |
| $d$        | $m$   | Dicke                              |
| $D_n$      | $\frac{m^2}{s}$                               | Diffusionskonstante für Elektronen |
| $D_p$      | $\frac{m^2}{s}$                               | Diffusionskonstante für Löcher     |
| $e$        | $C$   | Elementarladung                    |
| $E$        | $\frac{N}{C} = \frac{VAs}{mAs} = \frac{V}{m}$ | Elektrische Feldstärke             |
| $E_c$      | $eV$  | Leitungsbandkante                  |
| $E_F$      | $eV$  | Fermi-Energie                      |
| $E_g$      | $eV$  | Energie der Bandlücke              |
| $E_v$      | $eV$  | Valenzbandkante                    |
| $f$        | $Hz$  | Frequenz                           |
| $\vec{F}$  | $N = \frac{kgm}{s^2}$                         | Kraft                              |
| $G$        | $\frac{A}{V} = \frac{1}{\Omega} = S$          | Leitwert                           |
| $h$        | $eVs$   | Plank-Konstante                    |
| $\hbar$    | $eVs$   | Planksches Wirkungsquantum         |
| $i$        | $A$   | Elektrischer Strom                 |
| $j$        | $\frac{A}{m^2}$                               | Elektrische Stromdichte            |
| $J_n$      | $\frac{A}{m^2}$                               | Elektronenstromdichte              |
| $J_p$      | $\frac{A}{m^2}$                               | Löcherstromdichte                  |
| $J_{diff}$ | $\frac{A}{m^2}$                               | Diffusionsstromdichte              |
| $J_{part}$ | $\frac{A}{m^2}$                               | Partikelstromdichte                |
| $J_{tO}$   | $\frac{A}{m^2}$                               | Totale Stromdichte                 |
| $J_r$      | $\frac{A}{m^2}$                               | Rekombinationsstromdichte          |

Fortsetzung auf Folgeseite

Tabelle 1: Abkürzungen/Formelzeichen

| Zeichen     | Einheit                      | Bedeutung                                |
|-------------|------------------------------|--|
| $J_{drift}$ | $\frac{A}{m^2}$              | Driftstromdichte                         |
| $l$         | $m$                          | Länge                                    |
| $L$         | $m$                          | Minoritätsladungsträgerdiffusionslänge   |
| $L_n$       | $m$                          | Diffusionslänge Elektronen               |
| $L_p$       | $m$                          | Diffusionslänge Löcher                   |
| $n$         | ...                          | Elektronenkonzentration                  |
| $n_i$       | ...                          | Intrinsische Ladungsträgerdichte         |
| $n_{id}$    | ...                          | Idealität einer Diode                    |
| $N_A$       | $m^{-3}$                     | Akzeptorendichte                         |
| $N_D$       | $m^{-3}$                     | Donatorendichte                          |
| $N_C$       | $cm^{-3}$                    | Effektive Zustandsdichte der Elektronen  |
| $N_V$       | $cm^{-3}$                    | Effektive Zustandsdichte der Löcher      |
| $p$         | ...                          | Lochkonzentration                        |
| $q$         | $C$                          | Probeladung (in der Regel = $e$ )        |
| $\vec{r}$   | $m$                          | Weg                                      |
| $r$         | $\Omega$                     | Differentieller Widerstand               |
| $R$         | $\Omega$                     | Widerstand                               |
| $R_F$       | $\frac{\Omega}{square}$      | Flächenwiderstand                        |
| $U$         | $V$                          | Elektrische Spannung                     |
| $U_g$       | $V$                          | Gesamtspannung                           |
| $v$         | $\frac{m}{s}$                | Geschwindigkeit                          |
| $v_D, v_d$  | $\frac{m}{s}$                | Driftgeschwindigkeit                     |
| $w$         | $m$                          | Weite bzw. Breite                        |
| $W$         | $Ws = J = \frac{kgm^2}{s^2}$ | Arbeit bzw. Energie                      |
| $\alpha$    | $\frac{1}{^\circ C}$         | Temperturkoeffizient des Ohmwiderstandes |
| $\nu$       | $Hz$                         | Hier Frequenz der Welle                  |
| $\rho$      | $\frac{Vcm}{A} = \Omega cm$  | Spezifischer Widerstand                  |

Fortsetzung auf Folgeseite

Tabelle 1: Abkürzungen/Formelzeichen

| Zeichen         | Einheit                              | Bedeutung                          |
|-----------------|--------------------------------------|------------------------------------|
| $\rho_e$        | ...                                  | Ladungsdichte                      |
| $\kappa$        | $\frac{1}{\Omega cm} = \frac{S}{cm}$ | Spezifische Leitfähigkeit          |
| $\varepsilon_0$ | $\frac{As}{Vm}$                      | Dielektrizitätskonstante im Vakuum |
| $\varphi$       | V                                    | Elektrisches Potential             |
| $\tau$          | s                                    | Stoßzeit                           |
| $\tau$          | s                                    | Minoritätsladungsträgerlebensdauer |
| $\mu$           | $\frac{cm^2}{Vs}$                    | Beweglichkeit                      |

## 2.2 Wichtige Donatoren und Akzeptoren

| Ch. Sym.  | Name       | Typ      |
|-----------|------------|----------|
| <i>B</i>  | Bor        | Akzeptor |
| <i>Al</i> | Alluminium | Akzeptor |
| <i>Ga</i> | Gallium    | Akzeptor |
| <i>In</i> | Indium     | Akzeptor |
| <i>P</i>  | Phosphor   | Donator  |
| <i>As</i> | Arsen      | Donator  |
| <i>Sb</i> | Antimon    | Donator  |
| <i>Bi</i> | Wismut     | Donator  |

## 2.3 Effektive Massen

| Band                | Wert  | Element         |
|---------------------|-------|-----------------|
| $\frac{m_n^*}{m_0}$ | 1,08  | Silizium        |
| $\frac{m_n^*}{m_0}$ | 1,561 | Germanium       |
| $\frac{m_n^*}{m_0}$ | 1,067 | Gallium-Arsenid |
| $\frac{m_p^*}{m_0}$ | 1,10  | Silizium        |
| $\frac{m_p^*}{m_0}$ | 1,291 | Germanium       |
| $\frac{m_p^*}{m_0}$ | 1,473 | Gallium         |

## 2.4 Bandlücken wichtiger Materialien

| Zeichen       | Wert in eV | Material        |
|---------------|------------|-----------------|
| $E_{g,SiO_2}$ | 9          | Siliziumdioxid  |
| $E_{g,C}$     | 5,47       | Diamant         |
| $E_{g,CdS}$   | 2,42       | Cadmiumsulfid   |
| $E_{g,GaP}$   | 2,26       | Galliumphosphid |
| $E_{g,GaAs}$  | 1,42       | Gallium-Arsenid |
| $E_{g,InP}$   | 1,35       | Indiumphosphid  |
| $E_{g,Si}$    | 1,12       | Silizium        |
| $E_{g,Ge}$    | 0,66       | Germanium       |
| $E_{g,InSb}$  | 0,17       | Indiumantimonid |

## 2.5 Eckdaten wichtiger Halbleiter

| Ch. Sym. | $E_g$ in [eV] | $N_C$ in [ $cm^{-3}$ ] | $N_V$ in [ $cm^{-3}$ ] | $n_i$ in [ $cm^{-3}$ ] |
|----------|---------------|------------------------|------------------------|------------------------|
| Si       | 1,124         | $2,81 \cdot 10^{19}$   | $2,88 \cdot 10^{19}$   | $1,04 \cdot 10^{10}$   |
| Ge       | 0,67          | $1,05 \cdot 10^{19}$   | $3,92 \cdot 10^{18}$   | $1,55 \cdot 10^{13}$   |
| GaAs     | 1,424         | $4,33 \cdot 10^{17}$   | $8,13 \cdot 10^{18}$   | $2,04 \cdot 10^6$      |

## 2.6 Niederfeld- und Niederdotierungsbeweglichkeiten ( $T = 300K$ )

| $n/p$                                  | Si   | Ge   | GaAs |
|--|------|------|------|
| $\mu_n \left[ \frac{cm^2}{Vs} \right]$ | 1340 | 3900 | 8000 |
| $\mu_p \left[ \frac{cm^2}{Vs} \right]$ | 460  | 1900 | 400  |

## 2.7 Konstanten

| Ze.                | Wert   | Bedeutung   |
|--------------------|--|---|
| $c$                | $2,998... \cdot 10^8 [frac{ms}]$                       | Lichtgeschwindigkeit  |
| $e, q$             | $1,602176... \cdot 10^{-19} [C]$                       | Elementarladung   |
| $h$                | $6,63 \cdot 10^{-34} [Js]$                             | Planck-Konstante  |
| $h$                | $4,136... \cdot 10^{-15} [eVs]$                        | Planck-Konstante  |
| $\hbar$            | $\frac{h}{2\pi}$                                       | Plancksches Wirkungsquantum                                   |
| $k$                | $8,6173 \cdot 10^{-5} \left[ \frac{eV}{K} \right]$     | Boltzmann Konstante   |
| $kT$               | $25,85 [meV]$  | mit der Boltzmann Konstante und $T = 300K$                    |
| $m_0$              | $9,11 \cdot 10^{-31} [kg]$                             | Elektronenmasse   |
| $m_{si}^*$         | $0,2 \cdot m_0$  | Effektive Masse Silizium                                      |
| $m_{ge}^*$         | $0,1 \cdot m_0$  | Effektive Masse Germanium                                     |
| $N_V$              | $1,04 \cdot 10^{19} cm^{-3}$                           | Zustandsdichte im VB Silizium                                 |
| $N_C$              | $2,80 \cdot 10^{19} cm^{-3}$                           | Zustandsdichte im LB Silizium                                 |
| $R$                | $1,09737 \cdot 10^7 m^{-1}$                            | Rydbergkonstante  |
| $\epsilon_0$       | $8,854... \cdot 10^{-12} \left[ \frac{As}{Vm} \right]$ | Dielektrizitätskonstante des Vakuums                          |
| $\epsilon_{Si}$    | 11,90  | Korrekturfaktor Dielektrizitätskonstante für Silizium         |
| $\epsilon_{Ge}$    | 16   | Korrekturfaktor Dielektrizitätskonstante für Germanium        |
| $\epsilon_{SiO_2}$ | 3,9  | Korrekturfaktor Dielektrizitätskonstante für SiO <sub>2</sub> |

## 2.8 Nachwort

Diese Formelsammlung wurde nahezu ausschließlich auf Basis des Mikroelektronik-I Scripts von Prof. Dr. Jürgen H. Werner und der Mikroelektronik 2 Vorlesung von Prof. Dr. habil. Jörg Schulze erstellt. Nahezu sämtliche Formeln und Werte sind direkt dem Script und der Vorlesung entnommen und wurden nicht für diese Sammlung eigenständig hergeleitet. Für ausführlichere Beschreibungen empfehle ich sehr das eben angesprochene Script zu studieren, dass unter (?) im Literaturverzeichnis zu finden ist. Es kann direkt im "Kopierlädle" der Universität Stuttgart gedruckt werden. Diese Formelsammlung ist einzige ein Hilfsmittel für mich und meine Kommilitonen und sehr wahrscheinlich nicht fehlerfrei. Sollten Fehler gefunden werden, würde ich mich sehr freuen wenn man mir das kurz in einer E-Mail (f.leuze@outlook.de) mitteilen würde, damit ich entsprechende Korrekturen vornehmen kann.