

Mikroelektronik II Formelsammlung

Florian Leuze

Inhaltsverzeichnis

1	Mikroelektronik II	3
1.1	Allgemeines	3
1.1.1	Spezifischer Widerstand	3
1.1.2	Elektrostatik	3
1.2	PN Übergang	3
1.2.1	Quasi-Fermi-Niveaus (QFN oder Imref)	3
1.2.2	Diffusionsspannung und Weite der RLZ	4
1.2.3	Feldstärke	5
1.2.4	Massenwirkungsgesetz	5
1.2.4.1	Umformulierungen	5
1.2.5	Energiebetrachtung	5
1.3	Bohrsches Atommodell	6
1.3.1	Energie	6
1.4	Bipolartransistor	7
1.4.1	Leistung	7
1.4.2	Emitterwirksamkeit/Transportfaktor	7
1.4.3	Verstärkung	8
1.5	MOSFET	8
1.5.1	Leistung	8
1.5.2	Gate Kapazität	8
1.5.3	Takt	8
2	Anhänge	9
2.1	Abkürzungen/Formelzeichen	9
2.2	Wichtige Donatoren und Akzeptoren	11
2.3	Effektive Massen	12
2.4	Bandlücken wichtiger Materialien	12
2.5	Eckdaten wichtiger Halbleiter	12
2.6	Niederfeld- und Niederdotierungsbeweglichkeiten ($T = 300K$)	13
2.7	Konstanten	13
2.8	Nachwort	14
3	Literatur	14

Versionierung

Datum	Vers.	Kürzel	Änderung
28.08.2018	0.1	FL	Erzeugung Dokument; Erzeugung Inhaltsverzeichnis; Erzeugung Versionierung; Erzeugung Allg., PN Üb., Bohrsch., Bipol., MOSFET
29.08.2018	0.3	FL	Korrektur Ionisationsenergie(d,e); erzeugt Inversionsspannung(a,b)

1 Mikroelektronik II

1.1 Allgemeines

1.1.1 Spezifischer Widerstand

$$\begin{array}{ll} \text{Ohmsches} & \\ \text{Gesetz} & : V = RI \text{ [V]} \end{array} \quad (1.1.1)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Widerstand} & : R = \frac{V}{I} \text{ [\Omega]} \end{array} \quad (1.1.2)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Leitwert} & : G = \frac{1}{R} = \frac{I}{V} \left[\frac{1}{\Omega} = S \right] \end{array} \quad (1.1.3)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Spezifischer} & \\ \text{Widerstand} & : R = \rho \frac{L}{A} \text{ [\Omega]} \end{array} \quad (1.1.4)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Leitfähigkeit(a)} & : \sigma \frac{A}{L} \text{ [S]} \end{array} \quad (1.1.5)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Leitfähigkeit(b)} & : \sigma = \frac{1}{\rho} \end{array} \quad (1.1.6)$$

1.1.2 Elektrostatik

$$\begin{array}{ll} \text{Poisson} & \\ \text{Gleichung(a)} & : \Delta \varphi(\vec{r}) = \frac{\varrho_Q(\vec{r})}{\varepsilon} \end{array} \quad (1.1.7)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Poisson} & \\ \text{Gleichung(b)} & : \nabla \vec{\varepsilon}(\vec{r}) = -\frac{\varrho_Q(\vec{r})}{\varepsilon} \end{array} \quad (1.1.8)$$

$$\begin{array}{ll} \text{El. Feld} & : \vec{\varepsilon}(\vec{r}) = -\text{grad } \varphi(\vec{r}) = -\vec{\nabla}(\vec{r}) \end{array} \quad (1.1.9)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Coulomb Kraft} & : \vec{F}_c(\vec{r}) = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \frac{q^2}{\sqrt{x^2 + y^2 + z^2}} \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} \end{array} \quad (1.1.10)$$

1.2 PN Übergang

1.2.1 Quasi-Fermi-Niveaus (QFN oder Imref)

$$\begin{array}{ll} \text{Elektronenkon-} & \\ \text{zentration} & : n = N_C e^{-\frac{E_C - E_{Fn}}{kT}} \end{array} \quad (1.2.1)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Lochkonzentra-} & \\ \text{tion} & : p = N_V e^{-\frac{E_{Fp} - E_V}{kT}} \end{array} \quad (1.2.2)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Massenwir-} & \\ \text{kungsgesetz(b)} & : np = N_C N_V e^{\frac{E_g}{kT}} e^{\frac{E_{Fn} - E_{Fp}}{kT}} \\ & = n_i^2 e^{\frac{E_{Fn} - E_{Fp}}{kT}} \end{array} \quad (1.2.3)$$

1.2.2 Diffusionsspannung und Weite der RLZ

$$\begin{aligned} \text{Flächenladung} & : G_{F,total} = Q_L + Q_R = 0 \\ \text{gesamt} & : \quad \quad \quad = -qN_A d_p + qN_D d_n \end{aligned} \quad (1.2.4)$$

$$\text{Folgerung aus (1.2.4)(a)} : N_A d_p = N_D d_n \quad (1.2.5)$$

$$\text{Folgerung aus (1.2.4)(b)} : \frac{d_p}{d_n} = \frac{N_D}{N_A} \quad (1.2.6)$$

$$\text{Weite(a)} : w = d_n + d_p \quad (1.2.7)$$

$$\text{Diffusionsspannung(a)} : V_{bi} = \varphi_R(d_n) = -\frac{\epsilon_{max}}{2}(d_n + d_p) = -\frac{\epsilon_{max}}{2}w \quad (1.2.8)$$

Mit (1.2.23) erhält man

$$\text{Diffusionsspannung(b)} : V_{bi} = \frac{qN_A}{2\epsilon_d} d_p (d_n + d_p) \quad (1.2.9)$$

Mit (1.2.5) erhält man schließlich

$$\text{Teilweite } d_n : d_n = \sqrt{\frac{2\epsilon_d N_A V_{bi}}{qN_D(N_A + N_D)}} \sim \sqrt{V_{bi}} \quad (1.2.10)$$

$$\text{Teilweite } d_p : d_p = \sqrt{\frac{2\epsilon_d N_D V_{bi}}{qN_A(N_A + N_D)}} \sim \sqrt{V_{bi}} \quad (1.2.11)$$

Bei angelegter ext. Spannung gilt bei (1.2.10) und (1.2.11) $V_{bi,neu} = V_{bi} + V_{DS}$.

$$\text{Weite(b)} : w = dp \left(1 + \frac{N_A}{N_D} \right) \quad (1.2.12)$$

$$\text{Weite(c)} : w = \sqrt{\frac{2\epsilon_d}{q} \frac{N_A + N_D}{N_A N_D} V_{bi}} \sim \sqrt{V_{bi}} \quad (1.2.13)$$

$$\text{Weite Schottky} : w = x_{n,p} = \sqrt{\frac{2\epsilon_d |\Phi_{MS}|}{qN_D}} \quad (1.2.14)$$

$$\text{Folgerung(a)} : w \uparrow \Rightarrow V_{bi} \uparrow \quad (1.2.15)$$

$$\text{Diffusionsspannung(c)} : qV_{bi} = kT \ln \left(\frac{n_{n0} p_{p0}}{n_i^2} \right) \approx kT \ln \left(\frac{N_A N_D}{n_i^2} \right) \quad (1.2.16)$$

$$\text{Diffusionsspannung(d)} : V_{bi}^0 = \frac{kT}{q} \ln \left(\frac{N_D N_A}{n_i^2} \right) \quad (1.2.17)$$

$$\text{Diffusionsspannung(e)} : V_{bi} = V_{bi}^0 - V \quad (1.2.18)$$

$$\begin{array}{lcl} \text{Diffusionsspan-} & & \\ \text{nung(f)} & : & V_{bi} = \frac{q}{2\varepsilon_d}(N_A x_p^2 + N_D x_n^2) \end{array} \quad (1.2.19)$$

us (1.2.5) und (1.2.7) folgen

$$\text{Relative Weite } p : d_p = w \frac{N_D}{N_A + N_D} \quad (1.2.20)$$

$$\text{Relative Weite } n : d_n = w \frac{N_A}{N_A + N_D} \quad (1.2.21)$$

$$\begin{array}{lcl} \text{Flächenladungs-} & & \\ \text{dichte} & : & Q_F = |Q_R| = |Q_L| = qN_A d_p = qN_D d_n \\ & & = q \frac{N_A N_D}{N_A + N_D} w = \sqrt{2\varepsilon_d \frac{N_A N_D}{N_A + N_D} q V_{bi}} \end{array} \quad (1.2.22)$$

1.2.3 Feldstärke

$$\begin{array}{lcl} \text{Maximale el.} & & \\ \text{Feldstärke(a)} & : & \varepsilon_{max} = \varepsilon(x=0) = \varepsilon_{L,R}(x=0) \end{array} \quad (1.2.23)$$

$$\begin{array}{lcl} \text{Maximale el.} & & \\ \text{Feldstärke(b)} & : & |\varepsilon_{max}| = 2 \frac{V_{bi}}{w} = \frac{q N_{D,A}}{\varepsilon_d} x_{n,p} \end{array} \quad (1.2.24)$$

1.2.4 Massenwirkungsgesetz

$$\begin{array}{lcl} \text{Massenwir-} & & \\ \text{kungsgesetz(a)} & : & np = N_C N_V e^{-\frac{E_C - E_F}{kT}} e^{-\frac{E_F - E_V}{kT}} \end{array} \quad (1.2.25)$$

$$\text{Bandlücke} : E_g = E_C - E_V \quad (1.2.26)$$

(1.2.26) in (1.2.25) (wobei n_i die intrinsische Ladungsträgerdichte ist):

$$\begin{array}{lcl} \text{Massenwir-} & & \\ \text{kungsgesetz(b)} & : & np = N_C N_V e^{\frac{E_g}{kT}} = n_i^2 \end{array} \quad (1.2.27)$$

Also gilt ganz allgemein (und zwar unabhängig von der Dotierung)

$$\begin{array}{lcl} \text{Massenwir-} & & \\ \text{kungsgesetz(c)} & : & np = n_i^2 \end{array} \quad (1.2.28)$$

$$\begin{array}{lcl} \text{Intrinsische} & & \\ \text{Ladungsträger-} & : & n_i = \sqrt{N_C N_V} \cdot e^{-\frac{E_g}{2kT}} \\ \text{dichte} & & \end{array} \quad (1.2.29)$$

1.2.4.1 Umformulierungen

$$E_C - E_F : E_C - E_F = kT \cdot \ln\left(\frac{N_C}{n}\right) \quad (1.2.30)$$

$$E_F - E_V : E_F - E_V = kT \cdot \ln\left(\frac{N_V n}{n_i^2}\right) \quad (1.2.31)$$

1.2.5 Energiebetrachtung

$$\begin{array}{lcl} \text{Austrittsarbeit} & & \\ \text{a)} & : & \Phi_{MS} = \Phi_M - \Phi_S \end{array} \quad (1.2.32)$$

$$\begin{array}{lcl} \text{Austrittsarbeit} & & \\ \text{b)} & : & V_{bi} = \Phi_{MS} \end{array} \quad (1.2.33)$$

1.3 Bohrsches Atommodell

1.3.1 Energie

$$\begin{array}{ll} \text{Energie i-te} & \\ \text{Schale} & : E_i = -\frac{1}{8\pi\epsilon_0} \frac{q^2}{r_i} \end{array} \quad (1.3.1)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Energie Schalen-} & \\ \text{übergang(a)} & : E_{ae} = E_a - E_e = \frac{q^2}{8\pi\epsilon_0} \left(\frac{1}{r_e} - \frac{1}{r_a} \right) \end{array} \quad (1.3.2)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Bahnradius(a),} & \\ \text{Bohrscher} & : r_1 = \frac{4\pi\epsilon_0\hbar^2}{q^2m} \\ \text{Radius} & \end{array} \quad (1.3.3)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Bahnradius(b)} & : r_i = n^2 \cdot r_1 \end{array} \quad (1.3.4)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Energie Schalen-} & \\ \text{übergang(b)} & : E_{ae} = \frac{q^2}{8\pi\epsilon_0} \frac{q^2m}{4\pi\epsilon_0\hbar^2} \left(\frac{1}{n_e^2} - \frac{1}{n_a^2} \right) \end{array} \quad (1.3.5)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Frequenz Scha-} & \\ \text{lenübergang(a)} & : f_{ae} = \frac{mg^4}{(4\pi\hbar)^3\epsilon_0^2} \left(\frac{1}{n_e^2} - \frac{1}{n_a^2} \right) \end{array} \quad (1.3.6)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Rydberg-Ritz} & \\ \text{Formel(a)} & : \frac{1}{\lambda_{ae}} = \frac{mg^4}{(4\pi\hbar)^3\epsilon_0^2C_0} \left(\frac{1}{n_e^2} - \frac{1}{n_a^2} \right) \end{array} \quad (1.3.7)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Rydberg} & \\ \text{Konstante} & : R_\infty = \frac{mg^4}{(4\pi\hbar)^3\epsilon_0^2C_0} = \frac{mq^4}{8h^3\epsilon_0^2C_0} \end{array} \quad (1.3.8)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Wellenlänge} & \\ \text{Schalenüber-} & : \lambda_{ae} = \left(R_\infty \left(\frac{1}{n_e} - \frac{1}{n_a} \right) \right)^{-1} \\ \text{gang(a)} & \end{array} \quad (1.3.9)$$

Für wasserstoffähnliche Atome wird die Rydberg Ritz Formel angepasst:

$$\begin{array}{ll} \text{Rydberg-Ritz} & \\ \text{Formel(b)} & : \frac{1}{\lambda_{ae}} = R_\infty Z^2 \left(\frac{1}{n_e^2} - \frac{1}{n_a^2} \right) \end{array} \quad (1.3.10)$$

wobei für Z die Kernladungszahl einzusetzen ist, was bei wasserstoffähnlichen Atomen die Ordnungszahl ist.

$$\begin{array}{ll} \text{Bahngeschwin-} & \\ \text{digkeit} & : v_i = \frac{\hbar}{mr_i} \end{array} \quad (1.3.11)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Ionisationsener-} & \\ \text{gie(a)} & : E_{n\infty} = -R_\infty h C_0 \frac{1}{n^2} \end{array} \quad (1.3.12)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Ionisationsener-} & \\ \text{gie(b)} & : E_{1\infty} = -R_\infty h C_0 \end{array} \quad (1.3.13)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Ionisationsener-} & \\ \text{gie(c)} & : E_{1\infty} = -R_\infty h C_0 Z^2 \end{array} \quad (1.3.14)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Schale} & : n = \sqrt{-\frac{R_\infty h C_0}{E_{n\infty}}} \end{array} \quad (1.3.15)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Kernladungs-} & \\ \text{zahl} & : \quad Z = \sqrt{\frac{1}{\lambda_{ae} R_{\infty}} \left(\frac{1}{n_e^2} - \frac{1}{n_a^2} \right)^{-1}} \end{array} \quad (1.3.16)$$

Betrachtet man ein in ein anderes Element eingebrachtes Elektron müssen die Zusammenhänge angepasst werden.

$$\begin{array}{ll} \text{Bahnradius(c)} & : \quad r_1 = \frac{4\pi\epsilon_0\epsilon_{rel}\hbar^3}{q^2 m^*} \end{array} \quad (1.3.17)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Ionisationsenergie(d)} & : \quad E_{ae} = R_{\infty} h C_0 \frac{m^*}{m_0 \cdot \epsilon_{rel}^2} \left(\frac{1}{n_e^2} - \frac{1}{n_a^2} \right) \end{array} \quad (1.3.18)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Ionisationsenergie(e)} & : \quad E_{1\infty} = -R_{\infty} h C_0 \frac{m^*}{m_0 \cdot \epsilon_{rel}^2} \end{array} \quad (1.3.19)$$

1.4 Bipolartransistor

1.4.1 Leistung

$$\begin{array}{ll} \text{Leistung(a)} & : \quad P_{BT} \cong \frac{N}{2} I V_{cc} + N \frac{I}{\beta} V_{cc} \end{array} \quad (1.4.1)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Leistung(b)} & : \quad P_{BT} \cong \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{\beta} \right) N I V_{cc} = \frac{2+\beta}{2\beta} N I V_{cc} \end{array} \quad (1.4.2)$$

1.4.2 Emitterwirksamkeit/Transportfaktor

$$\begin{array}{ll} \text{Emitterwirk-} & \\ \text{samkeit(a)} & : \quad \alpha_E = \frac{I_n}{I_n + I_p} \end{array} \quad (1.4.3)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Emitterwirk-} & \\ \text{samkeit(b)} & : \quad \alpha_e = \frac{1}{1 + \frac{L_n D_p N_A^{(B)}}{L_p D_n N_D^{(E)}}} \end{array} \quad (1.4.4)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Emitterstrom} & : \quad |I_E| = A_q D_b \frac{n(0) - 0}{w_B} \end{array} \quad (1.4.5)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Basisstrom} & : \quad |I_B| = A q \frac{n(0) w_b}{2} \frac{1}{\tau_n} \end{array} \quad (1.4.6)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Transportfaktor} & : \quad \alpha_T = \frac{|I_C|}{|I_B|} = 1 - \frac{1}{2} \left(\frac{w_B}{L_n} \right)^2 \end{array} \quad (1.4.7)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Diffusionslänge} & \\ \text{Löcher} & : \quad L_p = \sqrt{D_p \tau_p} \end{array} \quad (1.4.8)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Diffusionslänge} & \\ \text{Elektronen} & : \quad L_n = \sqrt{D_n \tau_n} \end{array} \quad (1.4.9)$$

1.4.3 Verstärkung

$$\begin{array}{ll} \text{Stromverstärkung} & : \quad \beta_0 = \frac{I_C}{I_B} \end{array} \quad (1.4.10)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Stromverstärkung} \\ \text{Emitterschaltung} & : \quad \beta_0 = \frac{I_C}{I_E - I_C} = \frac{\alpha_0}{1 - \alpha_0} = \frac{\alpha_E \alpha_T}{1 - \alpha_E \alpha_T} \end{array} \quad (1.4.11)$$

1.5 MOSFET

1.5.1 Leistung

$$\text{Leistung(a)} \quad : \quad P_{NMOS} \cong \frac{N}{2} IV_{cc} + NI_{dyn} V_{cc} \quad (1.5.1)$$

$$\text{Leistung(b)} \quad : \quad P_{CMOS,ideal} \cong NC_L f V_{cc}^2 \quad (1.5.2)$$

Hierbei gilt $I_{dyn} \text{ (MOSFET)} < \frac{I}{\beta}$ (BPT).

$$\text{Dyn. Strom} \quad : \quad I_{dyn} = f C_L V_{cc} \quad (1.5.3)$$

$$\text{Power-Delay-Produkt} \quad : \quad \frac{P_{CMOS,ideal,max}}{C_L V_{cc}^2} = N f_{max} = konst. \quad (1.5.4)$$

1.5.2 Gate Kapazität

$$\text{Umladegeschwindigkeit} \quad : \quad v_D = \mu \varepsilon = \mu \frac{V_{DS}}{L} \quad (1.5.5)$$

$$\text{Steilheit} \quad : \quad g_m = \frac{W C_{gox} \mu}{L} \quad (1.5.6)$$

$$\text{Umladedauer(a)} \quad : \quad \tau_L = \frac{L^2}{\mu V_{DS}} \quad (1.5.7)$$

$$\text{Umladedauer(b)} \quad : \quad \tau_L = \frac{W C_{gox} L}{g_m} \quad (1.5.8)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Inversionsspannung(a)} & : \quad V_{sl} = \frac{d_I}{\varepsilon} \left(2q \left(\sqrt[3]{N_A} \right)^2 + \sqrt{q N_A \varepsilon \beta \ln \left(\frac{N_A}{n_i} \right)} \right) \\ & \quad + \beta \ln \left(\frac{N_A}{N_i} \right) \end{array} \quad (1.5.9)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Inversionsspannung(b)} & : \quad V_{Sl} = V_{Isolator} + V_{T,ideal} = V_{Isolator} + 2\Psi_B \end{array} \quad (1.5.10)$$

1.5.3 Takt

$$\text{Taktfrequenz} \quad : \quad f_T = \frac{1}{2\pi \tau_L} = \frac{1}{2\pi} \frac{g_m}{W C_{gox} L} \quad (1.5.11)$$

2 Anhänge

2.1 Abkürzungen/Formelzeichen

Zeichen	Einheit	Bedeutung
A	m^2	Fläche
a	$\frac{m}{s^2}$	Beschleunigung
b	$\frac{cm^2}{Vs}$	Ladungsträgerbeweglichkeit
d	m	Dicke
D_n	$\frac{m^2}{s}$	Diffusionskonstante für Elektronen
D_p	$\frac{m^2}{s}$	Diffusionskonstante für Löcher
e	C	Elementarladung
E	$\frac{N}{C} = \frac{VAs}{mAs} = \frac{V}{m}$	Elektrische Feldstärke
E_c	eV	Leitungsbandkante
E_F	eV	Fermi-Energie
E_g	eV	Energie der Bandlücke
E_v	eV	Valenzbandkante
f	Hz	Frequenz
\vec{F}	$N = \frac{kgm}{s^2}$	Kraft
G	$\frac{A}{V} = \frac{1}{\Omega} = S$	Leitwert
h	eVs	Plank-Konstante
\hbar	eVs	Planksches Wirkungsquantum
i	A	Elektrischer Strom
j	$\frac{A}{m^2}$	Elektrische Stromdichte
J_n	$\frac{A}{m^2}$	Elektronenstromdichte
J_p	$\frac{A}{m^2}$	Löcherstromdichte
J_{diff}	$\frac{A}{m^2}$	Diffusionsstromdichte
J_{part}	$\frac{A}{m^2}$	Partikelstromdichte
J_{tO}	$\frac{A}{m^2}$	Totale Stromdichte
J_r	$\frac{A}{m^2}$	Rekombinationsstromdichte

Fortsetzung auf Folgeseite

Tabelle 1: Abkürzungen/Formelzeichen

Zeichen	Einheit	Bedeutung
J_{drift}	$\frac{A}{m^2}$	Driftstromdichte
l	m	Länge
L	m	Minoritätsladungsträgerdiffusionslänge
L_n	m	Diffusionslänge Elektronen
L_p	m	Diffusionslänge Löcher
n	...	Elektronenkonzentration
n_i	...	Intrinsische Ladungsträgerdichte
n_{id}	...	Idealität einer Diode
N_A	m^{-3}	Akzeptorendichte
N_D	m^{-3}	Donatorendichte
N_C	cm^{-3}	Effektive Zustandsdichte der Elektronen
N_V	cm^{-3}	Effektive Zustandsdichte der Löcher
p	...	Lochkonzentration
q	C	Probeladung (in der Regel = e)
\vec{r}	m	Weg
r	Ω	Differentieller Widerstand
R	Ω	Widerstand
R_F	$\frac{\Omega}{square}$	Flächenwiderstand
U	V	Elektrische Spannung
U_g	V	Gesamtspannung
v	$\frac{m}{s}$	Geschwindigkeit
v_D, v_d	$\frac{m}{s}$	Driftgeschwindigkeit
w	m	Weite bzw. Breite
W	$Ws = J = \frac{kgm^2}{s^2}$	Arbeit bzw. Energie
α	$\frac{1}{^\circ C}$	Temperturkoeffizient des Ohmwiderstandes
ν	Hz	Hier Frequenz der Welle
ρ	$\frac{Vcm}{A} = \Omega cm$	Spezifischer Widerstand

Fortsetzung auf Folgeseite

Tabelle 1: Abkürzungen/Formelzeichen

Zeichen	Einheit	Bedeutung
ρ_e	...	Ladungsdichte
κ	$\frac{1}{\Omega cm} = \frac{S}{cm}$	Spezifische Leitfähigkeit
ε_0	$\frac{As}{Vm}$	Dielektrizitätskonstante im Vakuum
φ	V	Elektrisches Potential
τ	s	Stoßzeit
τ	s	Minoritätsladungsträgerlebensdauer
μ	$\frac{cm^2}{Vs}$	Beweglichkeit

2.2 Wichtige Donatoren und Akzeptoren

Ch. Sym.	Name	Typ
<i>B</i>	Bor	Akzeptor
<i>Al</i>	Alluminium	Akzeptor
<i>Ga</i>	Gallium	Akzeptor
<i>In</i>	Indium	Akzeptor
<i>P</i>	Phosphor	Donator
<i>As</i>	Arsen	Donator
<i>Sb</i>	Antimon	Donator
<i>Bi</i>	Wismut	Donator

2.3 Effektive Massen

Band	Wert	Element
$\frac{m_n^*}{m_0}$	1,08	Silizium
$\frac{m_n^*}{m_0}$	1,561	Germanium
$\frac{m_n^*}{m_0}$	1,067	Gallium-Arsenid
$\frac{m_p^*}{m_0}$	1,10	Silizium
$\frac{m_p^*}{m_0}$	1,291	Germanium
$\frac{m_p^*}{m_0}$	1,473	Gallium

2.4 Bandlücken wichtiger Materialien

Zeichen	Wert in eV	Material
E_{g,SiO_2}	9	Siliziumdioxid
$E_{g,C}$	5,47	Diamant
$E_{g,CdS}$	2,42	Cadmiumsulfid
$E_{g,GaP}$	2,26	Galliumphosphid
$E_{g,GaAs}$	1,42	Gallium-Arsenid
$E_{g,InP}$	1,35	Indiumphosphid
$E_{g,Si}$	1,12	Silizium
$E_{g,Ge}$	0,66	Germanium
$E_{g,InSb}$	0,17	Indiumantimonid

2.5 Eckdaten wichtiger Halbleiter

Ch. Sym.	E_g in [eV]	N_C in [cm^{-3}]	N_V in [cm^{-3}]	n_i in [cm^{-3}]
Si	1,124	$2,81 \cdot 10^{19}$	$2,88 \cdot 10^{19}$	$1,04 \cdot 10^{10}$
Ge	0,67	$1,05 \cdot 10^{19}$	$3,92 \cdot 10^{18}$	$1,55 \cdot 10^{13}$
GaAs	1,424	$4,33 \cdot 10^{17}$	$8,13 \cdot 10^{18}$	$2,04 \cdot 10^6$

2.6 Niederfeld- und Niederdotierungsbeweglichkeiten ($T = 300K$)

n/p	Si	Ge	GaAs
$\mu_n \left[\frac{cm^2}{Vs} \right]$	1340	3900	8000
$\mu_p \left[\frac{cm^2}{Vs} \right]$	460	1900	400

2.7 Konstanten

Ze.	Wert	Bedeutung
c	$2,998... \cdot 10^8 [frac{ms}]$	Lichtgeschwindigkeit
e, q	$1,602176... \cdot 10^{-19} [C]$	Elementarladung
h	$6,63 \cdot 10^{-34} [Js]$	Planck-Konstante
h	$4,136... \cdot 10^{-15} [eVs]$	Planck-Konstante
\hbar	$\frac{h}{2\pi}$	Plancksches Wirkungsquantum
k	$8,6173 \cdot 10^{-5} \left[\frac{eV}{K} \right]$	Boltzmann Konstante
kT	$25,85 [meV]$	mit der Boltzmann Konstante und $T = 300K$
m_0	$9,11 \cdot 10^{-31} [kg]$	Elektronenmasse
m_{si}^*	$0,2 \cdot m_0$	Effektive Masse Silizium
m_{ge}^*	$0,1 \cdot m_0$	Effektive Masse Germanium
N_V	$1,04 \cdot 10^{19} cm^{-3}$	Zustandsdichte im VB Silizium
N_C	$2,80 \cdot 10^{19} cm^{-3}$	Zustandsdichte im LB Silizium
R	$1,09737 \cdot 10^7 m^{-1}$	Rydbergkonstante
ϵ_0	$8,854... \cdot 10^{-12} \left[\frac{As}{Vm} \right]$	Dielektrizitätskonstante des Vakuums
ϵ_{Si}	11,90	Korrekturfaktor Dielektrizitätskonstante für Silizium
ϵ_{Ge}	16	Korrekturfaktor Dielektrizitätskonstante für Germanium
ϵ_{SiO_2}	3,9	Korrekturfaktor Dielektrizitätskonstante für SiO ₂

2.8 Nachwort

Diese Formelsammlung wurde nahezu ausschließlich auf Basis des Mikroelektronik-I Scripts von Prof. Dr. Jürgen H. Werner und der Mikroelektronik 2 Vorlesung von Prof. Dr. habil. Jörg Schulze erstellt. Nahezu sämtliche Formeln und Werte sind direkt dem Script und der Vorlesung entnommen und wurden nicht für diese Sammlung eigenständig hergeleitet. Für ausführlichere Beschreibungen empfehle ich sehr das eben angesprochene Script zu studieren, dass unter (Werner 2017) im Literaturverzeichnis zu finden ist. Es kann direkt im "Kopierlädle" der Universität Stuttgart gedruckt werden. Diese Formelsammlung ist einzige ein Hilfsmittel für mich und meine Kommilitonen und sehr wahrscheinlich nicht fehlerfrei. Sollten Fehler gefunden werden, würde ich mich sehr freuen wenn man mir das kurz in einer E-Mail (f.leuze@outlook.de) mitteilen würde, damit ich entsprechende Korrekturen vornehmen kann.

3 Literatur

Werner, P. D.-N. J. H. (2017), *Mikroelektronik I*. Vorlesungsscript.