

# Mikroelektronik II Formelsammlung

Florian Leuze

# Inhaltsverzeichnis

<b>1</b>	<b>Mikroelektronik II</b>	<b>3</b>
1.1	Allgemeines . . . . .	3
1.1.1	Spezifischer Widerstand . . . . .	3
1.1.2	Elektrostatik . . . . .	3
1.2	PN Übergang . . . . .	3
1.2.1	Quasi-Fermi-Niveaus (QFN oder Imref) . . . . .	3
1.2.2	Diffusionsspannung und Weite der RLZ . . . . .	4
1.2.3	Feldstärke . . . . .	5
1.2.4	Massenwirkungsgesetz . . . . .	5
1.2.4.1	Umformulierungen . . . . .	5
1.2.5	Energiebetrachtung . . . . .	5
1.3	Bohrsches Atommodell . . . . .	6
1.3.1	Energie . . . . .	6
1.4	Bipolartransistor . . . . .	7
1.4.1	Leistung . . . . .	7
1.4.2	Emitterwirksamkeit/Transportfaktor . . . . .	7
1.4.3	Verstärkung . . . . .	8
1.5	MOSFET . . . . .	8
1.5.1	Leistung . . . . .	8
1.5.2	Gate Kapazität . . . . .	8
1.5.3	Takt . . . . .	8
<b>2</b>	<b>Anhänge</b>	<b>9</b>
2.1	Abkürzungen/Formelzeichen . . . . .	9
2.2	Wichtige Donatoren und Akzeptoren . . . . .	11
2.3	Effektive Massen . . . . .	12
2.4	Bandlücken wichtiger Materialien . . . . .	12
2.5	Eckdaten wichtiger Halbleiter . . . . .	12
2.6	Niederfeld- und Niederdotierungsbeweglichkeiten ( $T = 300K$ ) . . . . .	13
2.7	Konstanten . . . . .	13
2.8	Nachwort . . . . .	14

## Versionierung

Datum	Vers.	Kürzel	Änderung
28.08.2018	0.1	FL	Erzeugung Dokument; Erzeugung Inhaltsverzeichnis; Erzeugung Versionierung; Erzeugung Allg., PN Üb., Bohrsch., Bipol., MOSFET
29.08.2018	0.3	FL	Korrektur Ionisationsenergie(d,e); erzeugt Inversionsspannung(a,b)

# 1 Mikroelektronik II

## 1.1 Allgemeines

### 1.1.1 Spezifischer Widerstand

$$\begin{array}{ll} \text{Ohmsches} & \\ \text{Gesetz} & : V = RI \text{ [V]} \end{array} \quad (1.1.1)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Widerstand} & : R = \frac{V}{I} \text{ [\Omega]} \end{array} \quad (1.1.2)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Leitwert} & : G = \frac{1}{R} = \frac{I}{V} \left[ \frac{1}{\Omega} = S \right] \end{array} \quad (1.1.3)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Spezifischer} & \\ \text{Widerstand} & : R = \rho \frac{L}{A} \text{ [\Omega]} \end{array} \quad (1.1.4)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Leitfähigkeit(a)} & : \sigma \frac{A}{L} \text{ [S]} \end{array} \quad (1.1.5)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Leitfähigkeit(b)} & : \sigma = \frac{1}{\rho} \end{array} \quad (1.1.6)$$

### 1.1.2 Elektrostatik

$$\begin{array}{ll} \text{Poisson} & \\ \text{Gleichung(a)} & : \Delta \varphi(\vec{r}) = \frac{\varrho_Q(\vec{r})}{\varepsilon} \end{array} \quad (1.1.7)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Poisson} & \\ \text{Gleichung(b)} & : \nabla \vec{\varepsilon}(\vec{r}) = -\frac{\varrho_Q(\vec{r})}{\varepsilon} \end{array} \quad (1.1.8)$$

$$\begin{array}{ll} \text{El. Feld} & : \vec{\varepsilon}(\vec{r}) = -\text{grad } \varphi(\vec{r}) = -\vec{\nabla}(\vec{r}) \end{array} \quad (1.1.9)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Coulomb Kraft} & : \vec{F}_c(\vec{r}) = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \frac{q^2}{\sqrt{x^2 + y^2 + z^2}} \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} \end{array} \quad (1.1.10)$$

## 1.2 PN Übergang

### 1.2.1 Quasi-Fermi-Niveaus (QFN oder Imref)

$$\begin{array}{ll} \text{Elektronenkon-} & \\ \text{zentration} & : n = N_C e^{-\frac{E_C - E_{Fn}}{kT}} \end{array} \quad (1.2.1)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Lochkonzentra-} & \\ \text{tion} & : p = N_V e^{-\frac{E_{Fp} - E_V}{kT}} \end{array} \quad (1.2.2)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Massenwir-} & \\ \text{kungsgesetz(b)} & : np = N_C N_V e^{\frac{E_g}{kT}} e^{\frac{E_{Fn} - E_{Fp}}{kT}} \\ & = n_i^2 e^{\frac{E_{Fn} - E_{Fp}}{kT}} \end{array} \quad (1.2.3)$$

### 1.2.2 Diffusionsspannung und Weite der RLZ

$$\begin{aligned} \text{Flächenladung} & : G_{F,total} = Q_L + Q_R = 0 \\ \text{gesamt} & : & = -qN_A d_p + qN_D d_n \end{aligned} \quad (1.2.4)$$

$$\text{Folgerung aus (1.2.4)(a)} : N_A d_p = N_D d_n \quad (1.2.5)$$

$$\text{Folgerung aus (1.2.4)(b)} : \frac{d_p}{d_n} = \frac{N_D}{N_A} \quad (1.2.6)$$

$$\text{Weite(a)} : w = d_n + d_p \quad (1.2.7)$$

$$\text{Diffusionsspannung(a)} : V_{bi} = \varphi_R(d_n) = -\frac{\epsilon_{max}}{2}(d_n + d_p) = -\frac{\epsilon_{max}}{2}w \quad (1.2.8)$$

Mit (1.2.23) erhält man

$$\text{Diffusionsspannung(b)} : V_{bi} = \frac{qN_A}{2\epsilon_d} d_p (d_n + d_p) \quad (1.2.9)$$

Mit (1.2.5) erhält man schließlich

$$\text{Teilweite } d_n : d_n = \sqrt{\frac{2\epsilon_d N_A V_{bi}}{qN_D(N_A + N_D)}} \sim \sqrt{V_{bi}} \quad (1.2.10)$$

$$\text{Teilweite } d_p : d_p = \sqrt{\frac{2\epsilon_d N_D V_{bi}}{qN_A(N_A + N_D)}} \sim \sqrt{V_{bi}} \quad (1.2.11)$$

Bei angelegter ext. Spannung gilt bei (1.2.10) und (1.2.11)  $V_{bi,neu} = V_{bi} + V_{DS}$ .

$$\text{Weite(b)} : w = dp \left( 1 + \frac{N_A}{N_D} \right) \quad (1.2.12)$$

$$\text{Weite(c)} : w = \sqrt{\frac{2\epsilon_d}{q} \frac{N_A + N_D}{N_A N_D} V_{bi}} \sim \sqrt{V_{bi}} \quad (1.2.13)$$

$$\text{Weite Schottky} : w = x_{n,p} = \sqrt{\frac{2\epsilon_d |\Phi_{MS}|}{qN_D}} \quad (1.2.14)$$

$$\text{Folgerung(a)} : w \uparrow \Rightarrow V_{bi} \uparrow \quad (1.2.15)$$

$$\text{Diffusionsspannung(c)} : qV_{bi} = kT \ln \left( \frac{n_{n0} p_{p0}}{n_i^2} \right) \approx kT \ln \left( \frac{N_A N_D}{n_i^2} \right) \quad (1.2.16)$$

$$\text{Diffusionsspannung(d)} : V_{bi}^0 = \frac{kT}{q} \ln \left( \frac{N_D N_A}{n_i^2} \right) \quad (1.2.17)$$

$$\text{Diffusionsspannung(e)} : V_{bi} = V_{bi}^0 - V \quad (1.2.18)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Diffusionsspan-} & \\ \text{nung(f)} & : \quad V_{bi} = \frac{q}{2\varepsilon_d}(N_A x_p^2 + N_D x_n^2) \end{array} \quad (1.2.19)$$

us (1.2.5) und (1.2.7) folgen

$$\text{Relative Weite } p \quad : \quad d_p = w \frac{N_D}{N_A + N_D} \quad (1.2.20)$$

$$\text{Relative Weite } n \quad : \quad d_n = w \frac{N_A}{N_A + N_D} \quad (1.2.21)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Flächenladungs-} & \\ \text{dichte} & : \quad Q_F = |Q_R| = |Q_L| = qN_A d_p = qN_D d_n \\ & = q \frac{N_A N_D}{N_A + N_D} w = \sqrt{2\varepsilon_d \frac{N_A N_D}{N_A + N_D} q V_{bi}} \end{array} \quad (1.2.22)$$

### 1.2.3 Feldstärke

$$\begin{array}{ll} \text{Maximale el.} & \\ \text{Feldstärke(a)} & : \quad \varepsilon_{max} = \varepsilon(x=0) = \varepsilon_{L,R}(x=0) \end{array} \quad (1.2.23)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Maximale el.} & \\ \text{Feldstärke(b)} & : \quad |\varepsilon_{max}| = 2 \frac{V_{bi}}{w} = \frac{q N_{D,A}}{\varepsilon_d} x_{n,p} \end{array} \quad (1.2.24)$$

### 1.2.4 Massenwirkungsgesetz

$$\begin{array}{ll} \text{Massenwir-} & \\ \text{kungsgesetz(a)} & : \quad np = N_C N_V e^{-\frac{E_C - E_F}{kT}} e^{-\frac{E_F - E_V}{kT}} \end{array} \quad (1.2.25)$$

$$\text{Bandlücke} \quad : \quad E_g = E_C - E_V \quad (1.2.26)$$

(1.2.26) in (1.2.25) (wobei  $n_i$  die intrinsische Ladungsträgerdichte ist):

$$\begin{array}{ll} \text{Massenwir-} & \\ \text{kungsgesetz(b)} & : \quad np = N_C N_V e^{\frac{E_g}{kT}} = n_i^2 \end{array} \quad (1.2.27)$$

Also gilt ganz allgemein (und zwar unabhängig von der Dotierung)

$$\begin{array}{ll} \text{Massenwir-} & \\ \text{kungsgesetz(c)} & : \quad np = n_i^2 \end{array} \quad (1.2.28)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Intrinsische} & \\ \text{Ladungsträger-} & \\ \text{dichte} & : \quad n_i = \sqrt{N_C N_V} \cdot e^{-\frac{E_g}{2kT}} \end{array} \quad (1.2.29)$$

#### 1.2.4.1 Umformulierungen

$$E_C - E_F \quad : \quad E_C - E_F = kT \cdot \ln\left(\frac{N_C}{n}\right) \quad (1.2.30)$$

$$E_F - E_V \quad : \quad E_F - E_V = kT \cdot \ln\left(\frac{N_V n}{n_i^2}\right) \quad (1.2.31)$$

### 1.2.5 Energiebetrachtung

$$\begin{array}{ll} \text{Austrittsarbeit} & \\ \text{a)} & : \quad \Phi_{MS} = \Phi_M - \Phi_S \end{array} \quad (1.2.32)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Austrittsarbeit} & \\ \text{b)} & : \quad V_{bi} = \Phi_{MS} \end{array} \quad (1.2.33)$$

## 1.3 Bohrsches Atommodell

### 1.3.1 Energie

$$\begin{array}{ll} \text{Energie i-te} & \\ \text{Schale} & : E_i = -\frac{1}{8\pi\epsilon_0} \frac{q^2}{r_i} \end{array} \quad (1.3.1)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Energie Schalen-} & \\ \text{übergang(a)} & : E_{ae} = E_a - E_e = \frac{q^2}{8\pi\epsilon_0} \left( \frac{1}{r_e} - \frac{1}{r_a} \right) \end{array} \quad (1.3.2)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Bahnradius(a),} & \\ \text{Bohrscher} & : r_1 = \frac{4\pi\epsilon_0\hbar^2}{q^2m} \\ \text{Radius} & \end{array} \quad (1.3.3)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Bahnradius(b)} & : r_i = n^2 \cdot r_1 \end{array} \quad (1.3.4)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Energie Schalen-} & \\ \text{übergang(b)} & : E_{ae} = \frac{q^2}{8\pi\epsilon_0} \frac{q^2m}{4\pi\epsilon_0\hbar^2} \left( \frac{1}{n_e^2} - \frac{1}{n_a^2} \right) \end{array} \quad (1.3.5)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Frequenz Scha-} & \\ \text{lenübergang(a)} & : f_{ae} = \frac{mg^4}{(4\pi\hbar)^3\epsilon_0^2} \left( \frac{1}{n_e^2} - \frac{1}{n_a^2} \right) \end{array} \quad (1.3.6)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Rydberg-Ritz} & \\ \text{Formel(a)} & : \frac{1}{\lambda_{ae}} = \frac{mg^4}{(4\pi\hbar)^3\epsilon_0^2C_0} \left( \frac{1}{n_e^2} - \frac{1}{n_a^2} \right) \end{array} \quad (1.3.7)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Rydberg} & \\ \text{Konstante} & : R_\infty = \frac{mg^4}{(4\pi\hbar)^3\epsilon_0^2C_0} = \frac{mq^4}{8h^3\epsilon_0^2C_0} \end{array} \quad (1.3.8)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Wellenlänge} & \\ \text{Schalenüber-} & : \lambda_{ae} = \left( R_\infty \left( \frac{1}{n_e} - \frac{1}{n_a} \right) \right)^{-1} \\ \text{gang(a)} & \end{array} \quad (1.3.9)$$

Für wasserstoffähnliche Atome wird die Rydberg Ritz Formel angepasst:

$$\begin{array}{ll} \text{Rydberg-Ritz} & \\ \text{Formel(b)} & : \frac{1}{\lambda_{ae}} = R_\infty Z^2 \left( \frac{1}{n_e^2} - \frac{1}{n_a^2} \right) \end{array} \quad (1.3.10)$$

wobei für  $Z$  die Kernladungszahl einzusetzen ist, was bei wasserstoffähnlichen Atomen die Ordnungszahl ist.

$$\begin{array}{ll} \text{Bahngeschwin-} & \\ \text{digkeit} & : v_i = \frac{\hbar}{mr_i} \end{array} \quad (1.3.11)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Ionisationsener-} & \\ \text{gie(a)} & : E_{n\infty} = -R_\infty h C_0 \frac{1}{n^2} \end{array} \quad (1.3.12)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Ionisationsener-} & \\ \text{gie(b)} & : E_{1\infty} = -R_\infty h C_0 \end{array} \quad (1.3.13)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Ionisationsener-} & \\ \text{gie(c)} & : E_{1\infty} = -R_\infty h C_0 Z^2 \end{array} \quad (1.3.14)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Schale} & : n = \sqrt{-\frac{R_\infty h C_0}{E_{n\infty}}} \end{array} \quad (1.3.15)$$

$$\text{Kernladungs-} \quad : \quad Z = \sqrt{\frac{1}{\lambda_{ae} R_{\infty}} \left( \frac{1}{n_e^2} - \frac{1}{n_a^2} \right)^{-1}} \quad (1.3.16)$$

Betrachtet man ein in ein anderes Element eingebrachtes Elektron müssen die Zusammenhänge angepasst werden.

$$\text{Bahnradius(c)} \quad : \quad r_1 = \frac{4\pi\epsilon_0\epsilon_{rel}\hbar^3}{q^2 m^*} \quad (1.3.17)$$

$$\text{Ionisationsenergie(d)} \quad : \quad E_{ae} = R_{\infty} h C_0 \frac{m^*}{m_0 \cdot \epsilon_{rel}^2} \left( \frac{1}{n_e^2} - \frac{1}{n_a^2} \right) \quad (1.3.18)$$

$$\text{Ionisationsenergie(e)} \quad : \quad E_{1\infty} = -R_{\infty} h C_0 \frac{m^*}{m_0 \cdot \epsilon_{rel}^2} \quad (1.3.19)$$

## 1.4 Bipolartransistor

### 1.4.1 Leistung

$$\text{Leistung(a)} \quad : \quad P_{BT} \cong \frac{N}{2} I V_{cc} + N \frac{I}{\beta} V_{cc} \quad (1.4.1)$$

$$\text{Leistung(b)} \quad : \quad P_{BT} \cong \left( \frac{1}{2} + \frac{1}{\beta} \right) N I V_{cc} = \frac{2+\beta}{2\beta} N I V_{cc} \quad (1.4.2)$$

### 1.4.2 Emitterwirksamkeit/Transportfaktor

$$\text{Emitterwirk-} \quad : \quad \alpha_E = \frac{I_n}{I_n + I_p} \quad (1.4.3)$$

$$\text{samkeit(b)} \quad : \quad \alpha_e = \frac{1}{1 + \frac{L_n D_p N_A^{(B)}}{L_p D_n N_D^{(E)}}} \quad (1.4.4)$$

$$\text{Emitterstrom} \quad : \quad |I_E| = A_q D_b \frac{n(0) - 0}{w_B} \quad (1.4.5)$$

$$\text{Basisstrom} \quad : \quad |I_B| = A_q \frac{n(0) w_b}{2} \frac{1}{\tau_n} \quad (1.4.6)$$

$$\text{Transportfaktor} \quad : \quad \alpha_T = \frac{|I_C|}{|I_B|} = 1 - \frac{1}{2} \left( \frac{w_B}{L_n} \right)^2 \quad (1.4.7)$$

$$\text{Diffusionslänge} \quad : \quad L_p = \sqrt{D_p \tau_p} \quad (1.4.8)$$

$$\text{Löcher} \quad : \quad L_n = \sqrt{D_n \tau_n} \quad (1.4.9)$$

### 1.4.3 Verstärkung

$$\begin{array}{ll} \text{Stromverstärkung} & : \quad \beta_0 = \frac{I_C}{I_B} \end{array} \quad (1.4.10)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Stromverstärkung} \\ \text{Emitterschaltung} & : \quad \beta_0 = \frac{I_C}{I_E - I_C} = \frac{\alpha_0}{1 - \alpha_0} = \frac{\alpha_E \alpha_T}{1 - \alpha_E \alpha_T} \end{array} \quad (1.4.11)$$

## 1.5 MOSFET

### 1.5.1 Leistung

$$\text{Leistung(a)} \quad : \quad P_{NMOS} \cong \frac{N}{2} IV_{cc} + NI_{dyn} V_{cc} \quad (1.5.1)$$

$$\text{Leistung(b)} \quad : \quad P_{CMOS,ideal} \cong NC_L f V_{cc}^2 \quad (1.5.2)$$

Hierbei gilt  $I_{dyn} \text{ (MOSFET)} < \frac{I}{\beta}$  (BPT).

$$\text{Dyn. Strom} \quad : \quad I_{dyn} = f C_L V_{cc} \quad (1.5.3)$$

$$\text{Power-Delay-Produkt} \quad : \quad \frac{P_{CMOS,ideal,max}}{C_L V_{cc}^2} = N f_{max} = konst. \quad (1.5.4)$$

### 1.5.2 Gate Kapazität

$$\text{Umladegeschwindigkeit} \quad : \quad v_D = \mu \varepsilon = \mu \frac{V_{DS}}{L} \quad (1.5.5)$$

$$\text{Steilheit} \quad : \quad g_m = \frac{W C_{gox} \mu}{L} \quad (1.5.6)$$

$$\text{Umladedauer(a)} \quad : \quad \tau_L = \frac{L^2}{\mu V_{DS}} \quad (1.5.7)$$

$$\text{Umladedauer(b)} \quad : \quad \tau_L = \frac{W C_{gox} L}{g_m} \quad (1.5.8)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Inversionsspannung(a)} & : \quad V_{sl} = \frac{d_I}{\varepsilon} \left( 2q \left( \sqrt[3]{N_A} \right)^2 + \sqrt{q N_A \varepsilon \beta \ln \left( \frac{N_A}{n_i} \right)} \right) \\ & \quad + \beta \ln \left( \frac{N_A}{N_i} \right) \end{array} \quad (1.5.9)$$

$$\begin{array}{ll} \text{Inversionsspannung(b)} & : \quad V_{Sl} = V_{Isolator} + V_{T,ideal} = V_{Isolator} + 2\Psi_B \end{array} \quad (1.5.10)$$

### 1.5.3 Takt

$$\text{Taktfrequenz} \quad : \quad f_T = \frac{1}{2\pi \tau_L} = \frac{1}{2\pi} \frac{g_m}{W C_{gox} L} \quad (1.5.11)$$



## 2 Anhänge

### 2.1 Abkürzungen/Formelzeichen

Zeichen	Einheit	Bedeutung
$A$	$m^2$	Fläche
$a$	$\frac{m}{s^2}$	Beschleunigung
$b$	$\frac{cm^2}{Vs}$	Ladungsträgerbeweglichkeit
$d$	$m$	Dicke
$D_n$	$\frac{m^2}{s}$	Diffusionskonstante für Elektronen
$D_p$	$\frac{m^2}{s}$	Diffusionskonstante für Löcher
$e$	$C$	Elementarladung
$E$	$\frac{N}{C} = \frac{VAs}{mAs} = \frac{V}{m}$	Elektrische Feldstärke
$E_c$	$eV$	Leitungsbandkante
$E_F$	$eV$	Fermi-Energie
$E_g$	$eV$	Energie der Bandlücke
$E_v$	$eV$	Valenzbandkante
$f$	$Hz$	Frequenz
$\vec{F}$	$N = \frac{kgm}{s^2}$	Kraft
$G$	$\frac{A}{V} = \frac{1}{\Omega} = S$	Leitwert
$h$	$eVs$	Plank-Konstante
$\hbar$	$eVs$	Planksches Wirkungsquantum
$i$	$A$	Elektrischer Strom
$j$	$\frac{A}{m^2}$	Elektrische Stromdichte
$J_n$	$\frac{A}{m^2}$	Elektronenstromdichte
$J_p$	$\frac{A}{m^2}$	Löcherstromdichte
$J_{diff}$	$\frac{A}{m^2}$	Diffusionsstromdichte
$J_{part}$	$\frac{A}{m^2}$	Partikelstromdichte
$J_{tO}$	$\frac{A}{m^2}$	Totale Stromdichte
$J_r$	$\frac{A}{m^2}$	Rekombinationsstromdichte

Fortsetzung auf Folgeseite

Tabelle 1: Abkürzungen/Formelzeichen

Zeichen	Einheit	Bedeutung
$J_{drift}$	$\frac{A}{m^2}$	Driftstromdichte
$l$	$m$	Länge
$L$	$m$	Minoritätsladungsträgerdiffusionslänge
$L_n$	$m$	Diffusionslänge Elektronen
$L_p$	$m$	Diffusionslänge Löcher
$n$	...	Elektronenkonzentration
$n_i$	...	Intrinsische Ladungsträgerdichte
$n_{id}$	...	Idealität einer Diode
$N_A$	$m^{-3}$	Akzeptorendichte
$N_D$	$m^{-3}$	Donatorendichte
$N_C$	$cm^{-3}$	Effektive Zustandsdichte der Elektronen
$N_V$	$cm^{-3}$	Effektive Zustandsdichte der Löcher
$p$	...	Lochkonzentration
$q$	$C$	Probeladung (in der Regel = $e$ )
$\vec{r}$	$m$	Weg
$r$	$\Omega$	Differentieller Widerstand
$R$	$\Omega$	Widerstand
$R_F$	$\frac{\Omega}{square}$	Flächenwiderstand
$U$	$V$	Elektrische Spannung
$U_g$	$V$	Gesamtspannung
$v$	$\frac{m}{s}$	Geschwindigkeit
$v_D, v_d$	$\frac{m}{s}$	Driftgeschwindigkeit
$w$	$m$	Weite bzw. Breite
$W$	$Ws = J = \frac{kgm^2}{s^2}$	Arbeit bzw. Energie
$\alpha$	$\frac{1}{^\circ C}$	Temperturkoeffizient des Ohmwiderstandes
$\nu$	$Hz$	Hier Frequenz der Welle
$\rho$	$\frac{Vcm}{A} = \Omega cm$	Spezifischer Widerstand

Fortsetzung auf Folgeseite

Tabelle 1: Abkürzungen/Formelzeichen

Zeichen	Einheit	Bedeutung
$\rho_e$	...	Ladungsdichte
$\kappa$	$\frac{1}{\Omega cm} = \frac{S}{cm}$	Spezifische Leitfähigkeit
$\varepsilon_0$	$\frac{As}{Vm}$	Dielektrizitätskonstante im Vakuum
$\varphi$	V	Elektrisches Potential
$\tau$	s	Stoßzeit
$\tau$	s	Minoritätsladungsträgerlebensdauer
$\mu$	$\frac{cm^2}{Vs}$	Beweglichkeit

## 2.2 Wichtige Donatoren und Akzeptoren

Ch. Sym.	Name	Typ
<i>B</i>	Bor	Akzeptor
<i>Al</i>	Alluminium	Akzeptor
<i>Ga</i>	Gallium	Akzeptor
<i>In</i>	Indium	Akzeptor
<i>P</i>	Phosphor	Donator
<i>As</i>	Arsen	Donator
<i>Sb</i>	Antimon	Donator
<i>Bi</i>	Wismut	Donator

## 2.3 Effektive Massen

Band	Wert	Element
$\frac{m_n^*}{m_0}$	1,08	Silizium
$\frac{m_n^*}{m_0}$	1,561	Germanium
$\frac{m_n^*}{m_0}$	1,067	Gallium-Arsenid
$\frac{m_p^*}{m_0}$	1,10	Silizium
$\frac{m_p^*}{m_0}$	1,291	Germanium
$\frac{m_p^*}{m_0}$	1,473	Gallium

## 2.4 Bandlücken wichtiger Materialien

Zeichen	Wert in eV	Material
$E_{g,SiO_2}$	9	Siliziumdioxid
$E_{g,C}$	5,47	Diamant
$E_{g,CdS}$	2,42	Cadmiumsulfid
$E_{g,GaP}$	2,26	Galliumphosphid
$E_{g,GaAs}$	1,42	Gallium-Arsenid
$E_{g,InP}$	1,35	Indiumphosphid
$E_{g,Si}$	1,12	Silizium
$E_{g,Ge}$	0,66	Germanium
$E_{g,InSb}$	0,17	Indiumantimonid

## 2.5 Eckdaten wichtiger Halbleiter

Ch. Sym.	$E_g$ in [eV]	$N_C$ in [ $cm^{-3}$ ]	$N_V$ in [ $cm^{-3}$ ]	$n_i$ in [ $cm^{-3}$ ]
Si	1,124	$2,81 \cdot 10^{19}$	$2,88 \cdot 10^{19}$	$1,04 \cdot 10^{10}$
Ge	0,67	$1,05 \cdot 10^{19}$	$3,92 \cdot 10^{18}$	$1,55 \cdot 10^{13}$
GaAs	1,424	$4,33 \cdot 10^{17}$	$8,13 \cdot 10^{18}$	$2,04 \cdot 10^6$

## 2.6 Niederfeld- und Niederdotierungsbeweglichkeiten ( $T = 300K$ )

$n/p$	Si	Ge	GaAs
$\mu_n \left[ \frac{cm^2}{Vs} \right]$	1340	3900	8000
$\mu_p \left[ \frac{cm^2}{Vs} \right]$	460	1900	400

## 2.7 Konstanten

Ze.	Wert	Bedeutung
$c$	$2,998... \cdot 10^8 [frac{ms}]$	Lichtgeschwindigkeit
$e, q$	$1,602176... \cdot 10^{-19} [C]$	Elementarladung
$h$	$6,63 \cdot 10^{-34} [Js]$	Planck-Konstante
$h$	$4,136... \cdot 10^{-15} [eVs]$	Planck-Konstante
$\hbar$	$\frac{h}{2\pi}$	Plancksches Wirkungsquantum
$k$	$8,6173 \cdot 10^{-5} \left[ \frac{eV}{K} \right]$	Boltzmann Konstante
$kT$	$25,85 [meV]$	mit der Boltzmann Konstante und $T = 300K$
$m_0$	$9,11 \cdot 10^{-31} [kg]$	Elektronenmasse
$m_{si}^*$	$0,2 \cdot m_0$	Effektive Masse Silizium
$m_{ge}^*$	$0,1 \cdot m_0$	Effektive Masse Germanium
$N_V$	$1,04 \cdot 10^{19} cm^{-3}$	Zustandsdichte im VB Silizium
$N_C$	$2,80 \cdot 10^{19} cm^{-3}$	Zustandsdichte im LB Silizium
$R$	$1,09737 \cdot 10^7 m^{-1}$	Rydbergkonstante
$\epsilon_0$	$8,854... \cdot 10^{-12} \left[ \frac{As}{Vm} \right]$	Dielektrizitätskonstante des Vakuums
$\epsilon_{Si}$	11,90	Korrekturfaktor Dielektrizitätskonstante für Silizium
$\epsilon_{Ge}$	16	Korrekturfaktor Dielektrizitätskonstante für Germanium
$\epsilon_{SiO_2}$	3,9	Korrekturfaktor Dielektrizitätskonstante für SiO <sub>2</sub>

## 2.8 Nachwort

Diese Formelsammlung wurde nahezu ausschließlich auf Basis des Mikroelektronik-I Scripts von Prof. Dr. Jürgen H. Werner und der Mikroelektronik 2 Vorlesung von Prof. Dr. habil. Jörg Schulze erstellt. Nahezu sämtliche Formeln und Werte sind direkt dem Script und der Vorlesung entnommen und wurden nicht für diese Sammlung eigenständig hergeleitet. Für ausführlichere Beschreibungen empfehle ich sehr das eben angesprochene Script zu studieren, dass unter (?) im Literaturverzeichnis zu finden ist. Es kann direkt im "Kopierlädle" der Universität Stuttgart gedruckt werden. Diese Formelsammlung ist einzige ein Hilfsmittel für mich und meine Kommilitonen und sehr wahrscheinlich nicht fehlerfrei. Sollten Fehler gefunden werden, würde ich mich sehr freuen wenn man mir das kurz in einer E-Mail (f.leuze@outlook.de) mitteilen würde, damit ich entsprechende Korrekturen vornehmen kann.