PREDIKSI CUSTOMER CHURN MENGGUNAKAN ARTIFICIAL NEURAL NETWORK (ANN)

Masayu Franstika¹⁾, Mochammad Aditya Putra Suhendar ²⁾, Adisya Ridia Nurahma³⁾, Junpito Salim⁴⁾ *Program Studi Sains Data, Jurusan Sains, Institut Teknologi Sumatera*

¹masayu.120450016@student.itera.ac.id ²mochammad.120450058@student.itera.ac.id ³adisya.120450056@student.itera.ac.id ⁴junpito.120450086@student.itera.ac.id

Abstrak— Pertumbuhan pasar yang cepat di setiap sektor memimpin ke basis pelanggan yang lebih besar untuk penyedia layanan yang lebih banyak pesaing dengan model bisnis baru dan inovatif, serta layanan yang lebih baik meningkatkan biaya akuisisi pelanggan. Customer churn adalah kecenderungan pelanggan untuk pergi meninggalkan sebuah layanan atau perusahaan. Disini kami menggunakan salah satu metode yang dapat digunakan yaitu Artificial Neural Network (ANN). ANN merupakan teknik jaringan saraf tiruan yang mengelola informasi yang terinspirasi dari cara kerja sistem saraf biologis, khususnya pemrosesan informasi pada sel otak manusia. Hasil yang diperoleh dengan akurasi klasifikasi mencapai 90%. Penelitian ini berhasil dan cocok untuk diterapkan dalam metode ini karena dilihat dari tingkat keakurasiannya yang cukup tinggi.

Kata kunci --- ANN, Customer Churn, Fungsi Aktivasi,

I. PENDAHULUAN

A. LATAR BELAKANG

Churn merupakan suatu tingkatan atau persentase pelanggan yang menghentikan kegiatan berlangganan yang mereka lakukan dengan suatu bisnis dalam waktu atau periode tertentu yang sangat erat kaitannya dengan keuntungan dan pertumbuhan pada sebuah perusahaan. Dalam industri telekomunikasi kehilangan pelanggan merupakan isu penting yang menjadi tantangan utama oleh perusahaan. Jika perusahaan kehilangan pelanggan maka perusahaan tersebut akan mendapat kerugian yang besar karena pada kenyataannya untuk mendapatkan pelanggan baru membutuhkan biaya 5 kali lebih mahal daripada mempertahankan

pelanggan lama dan membuat pelanggan baru juga 16 kali lebih mahal. Jadi, demi mengurangi kerugian besar yang disebabkan pencarian pelanggan baru terus menerus maka customer churn ini harus dihentikan agar dana yang ada bisa digunakan lebih baik untuk mempertahankan pelanggan yang sudah ada karena sumber revenue utama dari bisnis telekomunikasi ini ada pelanggan tersebut.

Artificial Neural Network (ANN) adalah suatu jaringan yang memodelkan sistem saraf otak manusia yang disebut neuron.. Neural Network dan algoritma komputer konvensional tidaklah saling bersaing tetapi saling melengkapi. Beberapa tugas atau masalah lebih cocok diselesaikan dengan pendekatan algoritmik seperti halnya operasi aritmatika, di sisi lain ada tugas-tugas yang lebih cocok untuk jaringan saraf.

Oleh karena itu sangatlah penting bagi industri telekomunikasi untuk memanfaatkan metode analisis canggih guna memahami perilaku pelanggan sehingga bisa diprediksi apakah mereka akan pergi atau tidak. Dalam hal ini kita akan menggunakan metode Artificial Neural Network (ANN) yakni suatu metode dalam teknik machine learning yang termasuk ke dalam materi Artificial Intelligence. Adapun Hasil dari teknik prediksi dapat memprediksi churn telekomunikasi dengan akurasi 0.9 atau 90% yang menunjukkan faktor churn.

B. RUMUSAN MASALAH

- 1. Variabel apa yang mempengaruhi churn seorang customer?
- 2. Berapakah hasil akurasi yang diperoleh dan apakah metode ANN cocok diterapkan dalam mengatasi churn dalam sebuah industri?

C. DATA

Sumber dataset pelanggan perusahaan telekomunikasi diperoleh dari kaggle.com sebuah website yang menyediakan dataset-dataset open source. Data ini menyimpan berbagai atribut terkait layanan yang digunakan dan dicatat pada setiap pelanggan. Data yang digunakan sudah dalam keadaan bersih dimana variabel unique text sudah diubah kedalam format angka dengan keterangan kolom sebagai berikut:

- 1. Churn = Keterangan customer churn.
- 2. AccountWeeks = Jangka waktu customer berlangganan.
- 3. ContractRenewal = Customer melakukan pembaruan kontrak.
- 4. DataPlan = Customer memilih suatu rencana data.
- 5. DataUsage = Besaran customer menghabiskan data.
- 6. CustServCalls = Customer melakukan panggilan bantuan.
- 7. MonthlyCharge = Besaran tagihan bulanan.
- 8. OverageFee = Jumlah uang ekstra yang harus dibayarkan untuk menggunakan sesuatu lebih dari yang diharapkan atau disepakati.
- RoamMins = Jumlah menit skenario dimana customer masih dapat melakukan dan menerima panggilan suara, mengirim dan menerima data, atau mengakses layanan lain saat berada di luar jangkauan jaringan utama.

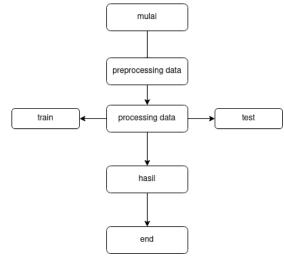
	Churn	AccountWeeks	ContractRenewal	DataPlan	DataUsage	CustServCalls	DayMins	DayCalls	MonthlyCharge	OverageFee	RoamMins
0	0	128	1	1	2.7	1	265.1	110	89.0	9.87	10.0
1	0	107	1	1	3.7	1	161.6	123	82.0	9.78	13.7
2	0	137	1	0	0.0	0	243.4	114	52.0	6.06	12.2
3	0	84	0	0	0.0	2	299.4	71	57.0	3.10	6.6
4	0	75	0	0	0.0	3	166.7	113	41.0	7.42	10.1

Gambar 1, Tabel Data

II. METODE

A GAMBARAN UMUM

Dalam penelitian ini data pelanggan perusahaan telekomunikasi dikumpulkan kemudian dilakukan processing pada dataset tersebut menggunakan algoritma Artificial Neural Network. kemudian hasil operasi menggunakan algoritma Artificial Neural Network tersebut akan dievaluasi menggunakan evaluasi matriks.



Gambar 2. Flowchart

Metode yang digunakan dalam penelitian ini adalah Artificial Neural Network (ANN). Artificial Neural Network Artificial (ANN) merupakan teknik jaringan saraf tiruan yang mengelola informasi yang terinspirasi dari cara kerja sistem saraf biologis, khususnya pemrosesan informasi pada sel otak manusia. Kumpulan data yang kami gunakan berasal dari website Kaggle tentang Customer Churn yang terdapat 3333 baris dan 11 kolom didalamnya.

Pemodelan jaringan pada ANN ada 3 macam, yaitu : single layer, multi layer, dan recurrent network. Sebelum dilakukan pemodelan, data memasuki tahapan preprocessing terlebih dahulu, adapun sebagai berikut hasil dari proses preprocessing dan informasi yang didapatkan dari data sebelum melakukan ke tahap pemodelan berikut adalah preprocessing data yang kita lakukan :

A. Informasi Tipe Data

Data yang kami gunakan memberikan informasi berupa tipe data apa saja yang ada dalam data tersebut, dengan menggunakan fungsi dtypes dari pandas kita bisa mendapat informasi jenis data apa saja dari setiap variabel yang ada. Pada data tersebut sebagian merupakan data integer dan sebagian berupa float.

B. Pengecekan Missing Value

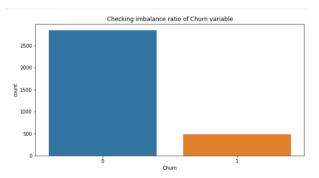
Pengecekkan ini untuk melihat data terdapat missing value. Informasi yang didapat melalui data, menunjukkan bahwa terdapat beberapa data berisikan missing value. Pengecekan missing value ini menggunakan fungsi isnull pada pandas.

0
0
0
0
0
0
0
0
0
0
0

Gambar 3. Pengecekan Missing Value

C. Scaling nilai dari data numerical

Scaling data ini dilakukan untuk menormalisasikan range pada fitur—fitur data.



Gambar 4. Balance test data target

D. Fungsi Aktivasi

merupakan Fungsi aktivasi fungsi yang digunakan pada jaringan saraf untuk mengaktifkan atau tidak mengaktifkan neuron. Karakteristik yang harus dimiliki oleh fungsi aktivasi jaringan perambatan balik antara lain kontinyu, terdiferensiasi, menurun secara monotonis. Fungsi aktivasi yang di analisis adalah sigmoid biner Fungsi aktivasi sigmoid biner memiliki nilai pada range 0 sampai 1. Ditunjukan pada gambar 2, didefinisikan sebagai berikut:

$$a = \frac{1}{(1+e^{-n})}$$

E. Metrics Evaluation

Confusion Matrix adalah pengukuran performa untuk masalah klasifikasi machine learning dimana keluaran dapat berupa dua kelas atau lebih. Confusion Matrix adalah tabel dengan 4 kombinasi berbeda dari nilai prediksi dan nilai aktual. Ada empat istilah yang merupakan representasi hasil proses klasifikasi pada confusion matrix yaitu True Positif, True Negatif, False Positif, dan False Negatif.

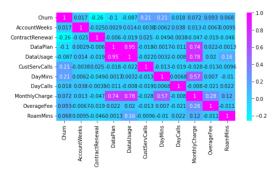
- 1. True Positive (TP) memprediksi positif dan itu benar
- 2. True Negative (TN) memprediksi negatif dan itu benar
- 3. False Positive (FP) (Kesalahan Tipe 1) memprediksi positif dan itu salah.
- 4. False Negative (FN): (Kesalahan Tipe 2) memprediksi negatif dan itu salah

maka dapat dihitung nilai *accuracy*, *precision*, *recall* dan F-1 score :

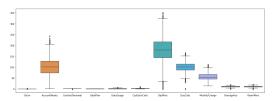
III. HASIL DAN PEMBAHASAN

A. Hasil data cleaning dan EDA

Hasil penelitian yang telah diujikan pada tahap ini menggunakan metode klasifikasi ANN. Sebelum masuk ke tahap pengujian dilakukan tahap preprocessing. Dimulai dengan pemeriksaan struktur data, dimana semua kolom sudah memiliki tipe yang sesuai. Selanjutnya memeriksa data yang hilang, lalu setelah melakukan data processing dilakukan juga Exploratory Data Analysis (EDA). Pertama melihat korelasi yang ada pada setiap variabel.



Gambar 5. Korelasi antar variabel pada dataset



Gambar 6. Boxplot antar variabel pada dataset

setelah melakukan preprocessing dan Exploratory Data Analysis (EDA) maka dataset yang akan kita jadikan model akan menjadi seperti berikut.

D-		AccountWeeks	ContractRenewal	DataPlan	DataUsage	CustServCalls	DayMins	DayCalls	MonthlyCharge	OverageFee	RoamMins
	1286	0.438017	1	1.0	0.375926	0.111111	0.325827	0.800000	0.445015	0.549203	0.375
	1765	0.454545	1	0.0	0.000000	0.444444	0.377993	0.757576	0.287770	0.608026	0.635
	2961	0.400826	1	1.0	0.400000	0.666667	0.478905	0.490909	0.520041	0.448598	0.400
	1271	0.330579	0	1.0	0.394444	0.111111	0.675884	0.460606	0.722508	0.726223	0.395
	869	0.520661	0	0.0	0.048148	0.222222	0.515678	0.690909	0.386434	0.576141	0.370
	437	0.409091	1	0.0	0.059259	0.000000	0.792474	0.460606	0.536485	0.485981	0.415
	2197	0.545455	1	0.0	0.000000	0.222222	0.616306	0.406061	0.431655	0.610775	0.155
	519	0.165289	1	0.0	0.038889	0.333333	0.578392	0.587879	0.371017	0.422760	0.450
	2669	0.595041	1	0.0	0.000000	0.222222	0.368871	0.587879	0.246660	0.509621	0.055
	2078	0.409091	1	0.0	0.000000	0.111111	0.373717	0.654545	0.246660	0.484332	0.215

Gambar 7. Tabel Data setelah preprocessing dan EDA

B. Hasil Modeling

Setelah dilakukan data preprocessing maka kita melakukan modeling data pada Artificial Neural Network yang mana pemodelan yang kita lakukan memiliki fitur :

Model: "sequential"

Layer (type)	Output	'	Parar
dense (Dense)	(None,		110
dense_1 (Dense)	(None,	5)	55
dense_2 (Dense)	(None,	1)	6
Total params: 171 Trainable params: 171 Non-trainable params: 0			====:

Gambar 8. Model ANN

a. 10 layer input

dengan sample weight pada tiap kali algoritma melakukan forward propagation sebagai berikut

```
1 w,b = model.layers[0].get_weights()
2 print(w)
[[ 0.43588638
-0.50781566
[-0.49858862
-0.5319647
[-0.3854712
                              0.08314252
-0.2626445
0.08231109
0.5233276
0.09018326
                                                                                 0.33463043
0.18333 ]
0.00115585 -
0.31508455]
-0.2216644
                                                                                       .33463043 0.00267327 0.24398774
                                                        -0.49180514
0.35839796
0.48014534
-0.07743797
                                                                                                             -0.38283634 -0.3895032
                                                                                                             -0.08078322 -0.13368437
                                0.44784933
0.22749758
                                                                                   0.24893767]
0.53999877
0.27442986]
-0.32525533
                               -0.08085898
0.0858115
-0.03048897
-0.01109284
-0.29739806
-0.2732862
                                                                                                             0.50989723 0.49950767
                                                                                   0.45512176]
0.24484873
0.27432787]
0.19900686
                                                                                                             0.15587169 0.4065678
                                                         0.02353483
-0.46248502
0.449139
-0.33555815
       0.18134195
0.37204605
0.2209301
                               0.38143396
                                                                                    0.33289784]
       0.3971141
0.2853826
                                                                                                            -0.27612644 -0.00748748
                                                                                 -0.09088951 -0.27612644 -0.00748748
-0.10225385]
0.46406543 0.4513082 -0.02385569
0.14890212]]
                                                         -0.07135209
```

Gambar 9. 10 layer input

b. 5 hidden layer

```
1 w,b = model.layers[1].get_weights()
                               -0.42337114
[[-0.4959336
                                             -0.38691017
                 0.39264423
   0.3251524
                 0.29910338 -0.5676598
                                              -0.62822366
                                                             -0.5792678
   -0.3641184
0.430924
                 0.14030671
·0.22629035
                               -0.4702376
0.03233808
                                              -0.38589233
0.5420887
                                                            -0.2762614
-0.33772412
   0.54851025
                 -0.05171889
                                0.21100408
                                              -0.49148214
                                                             0.08014292
   0.06684017
   0.09544921
                 0.00983912 -0.14390531
                                              -0.33014426
                                                             -0.59067154]
                 -0.2714773 -0.0340898
0.31844407 -0.45083392
                                             0.6171307
-0.3829108
                                                             0.34465408]
0.54477876]
  -0.23180634
   0.4277584
 0.36863
                 0.24998039 -0.6205236
                                             -0.23261082
                                                             0.4128533 ]]
```

Gambar 10. 5 hidden layer

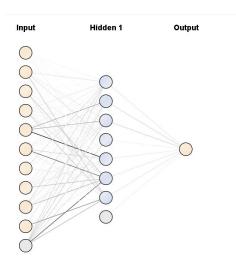
c. 1 output layer

```
[ ] w,b = model.layers[2].get_weights()
print(w)

[[-0.51382923]
     [-0.1829629 ]
     [-0.42424798]
     [-0.4597423 ]
     [ 0.8970406 ]]
```

Gambar 11. 1 output layer

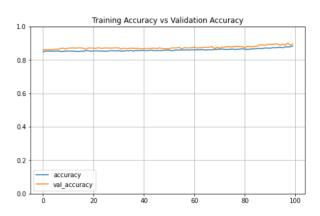
Pada layer ini akan dihasilkan 1 output dari node Hidden 1 yang dimana node Hidden 1 berasal dari beberapa input.



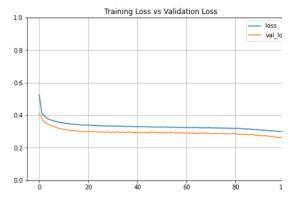
Gambar 12. Model ANN single layer

C. Hasil Training

Dengan menggunakan sebanyak 100 epoch yakni kemampuan dari neural network untuk melakukan backward dan forward propagation maka di dapat hasil learning rate sebagai berikut



Gambar 13. curva training accuracy dan validation accuracy



Gambar 14. curva training loss dan validation loss

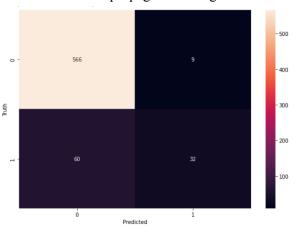
Dimana dalam chart di tunjukkan bahwa curva accuracy dan val_accuracy tidak saling jauh dan begitu juga pada curva training loss dan val_loss berarti modeling yang kita lakukan well fitting.

D. Hasil evaluasi model

	precision	recall	f1-score	support
0	0.90	0.98	0.94	575
1	0.78	0.35	0.48	92
accuracy			0.90	667
macro avg	0.84	0.67	0.71	667
weighted avg	0.89	0.90	0.88	667

Gambar 13. Tabel hasil prediksi

dengan sample weight pada tiap kali algoritma melakukan forward propagation sebagai berikut



Gambar 15. Confusion Matrix

IV. KESIMPULAN

Berdasarkan penelitian yang dilakukan menggunakan metode ANN dapat ditarik kesimpulan dari sebagai berikut :

- 1. Penerapan metode ANN untuk Model dibuat dengan memperhitungkan semua variabel yang ada seperti single layer, multi layer, dan recurrent network. Model ANN dapat membantu perencanaan membuat keputusan berdasarkan keputusan awal pada proses perancangan.
- 2. Hasil yang diperoleh dengan akurasi klasifikasi mencapai 90%. Penelitian ini berhasil dan cocok untuk diterapkan dalam metode ini karena dilihat dari tingkat keakurasiannya yang cukup tinggi.
- 3. Jenis variabel yang memiliki korelasi paling tinggi

Referensi

[1]

https://www.researchgate.net/profile/Moh ammad-Alshammari-2/publication/33626 6496 Design and Learning Effectivenes s_Evaluation_of_Gamification_in_e-Learning_Systems/links/5daee953a6fdccc99d 92b461/Design-and-Learning-Effectivene ss-Evaluation-of-Gamification-in-e-Learning-Systems.pdf#page=142

[2] ANALISIS FUNGSI AKTIVASI
SIGMOID BINER DAN SIGMOID
BIPOLAR DALAM ALGORITMA
BACKPROPAGATIONPADA PREDIKSI
KEMAMPUAN SISWA - CORE

Lampiran

BERIKUT KAMI LAMPIRKAN KODE YANG TELAH DIBUAT:

HTTPS://COLAB.RESEARCH.GOOGLE.COM/DRIVE/1XUJCMCX-BBD iZOE9MKE caCJQ8k7lH8?usp=sharing

Berikut kami lampirkan dataset yang digunakan:

https://www.kaggle.com/datasets/barun2104/telecom
-churn?resource=download.

BERIKUT KAMI LAMPIRKAN HASIL PERHITUNGAN MANUAL:

AccountWeeks	ContractRenewal	DataPlan	DataUsage		CustServCalls	DayMins	DayCalls	MonthlyChar	g OverageFee	RoamMins	Churn
0,52479339	1		1	0,9	0,111	0,755	0,667	0,7	7 0,54	0,:	2
Input		10									
Hidden		5									
		1									
output		1									
bobot random											
					nput ke hidden						
bobot	Z1		Z2	Z3	Z4	25	Z6	Z7	Z8	29	Z10
V1		0,5	-0,4	-1	-2,5	0,03	-1,	,2 -4,3	-1,3	-4,2	-0,9
V2		-0,2	-0,8	-4,2	-6,6	-0,7	-0	.7 -3,6	-1	0,6	-1,9
V3		-2,5	-1,4	-1,6	-0,6	-4,3	0,	4 0,7	-0,4	-3,5	0,02
V4		0,9	0,08	0,4	-0,5	-0,5	-0	,2 0,3	-2,2	0,1	-0,5
V5		-2,4	0,5	-2,2	-2,5	0,2	. 0	.2 0,2	-0,7	-0,9	-0,7
				hi	idden ke outpu						
bobot	w:	1	w2	w3	w4	w5					
Υ		-1,5	-1,3	-0,5	-2,6	-0,7	1				
				bia	s input ke hidd	en					
bias		1	2	3	4	5		6 7	8	9	10
Vj		0,73	0,84	0,45	0,92	0,21	-1,2	5 -0,78	-2,8	-0,78	0,93
				bias	hidden ke out	out					
bias		1									
wj		0,83									
Pelatihan epo	ach ke-1										
data ke-1											
learning rate		0.1									

 Operasi pada Hidden Laye 	er	2. Operasi	pada Output Layer		
PENJUMLAHAN BOBOT		y_in	-0,3962255		
z_in 1	-8,877373305				
z_in 2	-11,39835868	Yk	0,40221954		
_in 3	-6,064383475				
_in 4	-0,124085949				
z_in 5	-4,857904136				
PENGAKTIFAN BOBOT					
71	0,000139491				
72	1,12137E-05				
23	0,002318801				
Z4	0,469018256				
25	0,007706887				
B. Tahap Backpropagation					
EROR = TARGET - Y	-0,402219541				
KUADRAT EROR	0,161780559				
δk	-0,096709257				
Koreksi bobot pada unit k		Perbaharu	an bobot dan Prasikap		
ΔwO	-0,009670926	δ_in1	0,14506389	51	2,0232E-05
∆w1	-1,349E-06	δ_in2	0,12572203	δ2	1,4098E-06
∆w2	-1,08447E-07	δ_in3	0,04835463	δ3	0,00011186
∆w3	-2,2425E-05	δ_in4	0,25144407	54	0,06261966
∆w4	-0,004535841	δ_in5	0,06769648	δ5	0,00051771
∆w5	-7,45327E-05				

TABEL PERUBAHAN PADA SETI.	AP UNIT KELUARA	N (OUTPUT)								
		ΔV2	ΔV3	ΔV4	ΔVS					
1	1.06177E-06	7.3985E-08	5.8706E-06	0.003286239	2.7169E-05					
2	2,02322E-06	1,4098E-07	1,1186E-05	0,006261966	5,1771E-05					
3	2,02322E-06	1,4098E-07	1,1186E-05	0,006261966	5,1771E-05					
4	1,01161E-06	7,049E-08	5,5932E-06	0,003130983	2,5885E-05					
5	2,24578E-07	1,5649E-08	1,2417E-06	0,000695078	5,7466E-06					
6	1,52753E-06	1,0644E-07	8,4458E-06	0,004727785	3,9087E-05					
7	1,34949E-06	9,4034E-08	7,4614E-06	0,004176732	3,4531E-05					
8	1,55788E-06	1,0855E-07	8,6136E-06	0,004821714	3,9864E-05					
9	1,09254E-06	7,6129E-08	6,0407E-06	0,003381462	2,7956E-05					
10	4,04645E-07	2,8196E-08	2,2373E-06	0,001252393	1,0354E-05					
TABEL PERUBAHAN BOBOT INF	ΔV1		8	0,1						
1	ΔV1 2,02322E-06		3	0,1						
1 2	ΔV1 2,02322E-06 1,4098E-07		3	0,1						
1 2 3	ΔV1 2,02322E-06 1,4098E-07 1,11865E-05		3	0,1						
1 2 3 4	ΔV1 2,02322E-06 1,4098E-07 1,11865E-05 0,006261966		3	0,1						
1 2 3	ΔV1 2,02322E-06 1,4098E-07 1,11865E-05 0,006261966		a	0,1						
3	ΔV1 2,02322E-06 1,4098E-07 1,11865E-05 0,006261966 5,17708E-05		a	0,1						
1 2 3 4 5	ΔV1 2,02322E-06 1,4098E-07 1,11865E-05 0,006261966 5,17708E-05			0,1	25	26	27	28	Z9	Z10
1 2 3 4 5 TABEL PERUBAHAN BOBOT INF	ΔV1 2,02322E-06 1,4098E-07 1,11865E-05 0,006261966 5,17708E-05	722	23	Z4			27		Z9 -4,2	Z10 -0,9
1 2 3 4 5 TABEL PERUBAHAN BOBOTINE	ΔV1 2,02322E-06 1,4098E-07 1,11865E-05 0,006261966 5,17708E-05 PUT KE HIDDEN Z1	Z2 -0,399998	23	Z4 -2,4999899		-1,1999985		-1,2999984		-0,9
1 2 3 4 5 TABEL PERUBAHAN BOBOT INF	ΔV1 2,02322E-06 1,4098E-07 1,11865E-05 0,006261966 5,17708E-05 PUT KE HIDDEN 21 0,500001062	Z2 -0,399998 -0,7999999	Z3 -0,999998	Z4 -2,4999839 -6,59999993	0,03000022	-1,1999985 -0,6999999	-4,3	-1,2999984 -0,9999999	-4,2	-0,9 -1,9
1 2 3 4 5	ΔV1 2,02322E-06 1,4098E-07 1,11865E-05 0,0052E1966 5,17708E-05 PUT KE HIDDEN 21 0,500001062 -0,199999926	Z2 -0,39998 -0,799999 -1,399988	Z3 -0,99998 -4,199999	Z4 -2,4999839 -6,59999993	0,03000022	-1,1999985 -0,6999999 0,4000084	-4,3 -3,6	-1,2999984 -0,9999999 -0,3999914	-4,2 0,6 -3,5	

TABEL PERUBAHA	IN BOBOT HIDDEN KE OUTPUT					
	W1	W2	W3	W4	W5	
Υ	-1,500001349	-1,3000001	-0,5000224	-2,60453584	-0,7000745	
	1	2	3	4	5	
VJO	0,730002023	0,84000014	0,45001119	0,926261966	0,21005177	
bias						
wk	0,820329074					