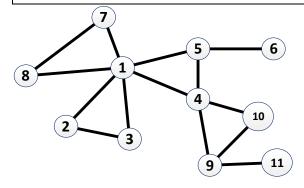
## **Subjectul 1**

Se dă un graf neorientat conex cu n>3 vârfuri și m>n muchii. Să se afișeze punctele critice în care **nu** sunt incidente muchii critice. Pentru fiecare astfel de punct se va afișa numărul de componente biconexe care îl conțin, fără a memora componentele biconexe ale grafului și fără a memora muchiile critice. O(**m**)

Informațiile despre graf se citesc din fișierul graf.in cu structura:

- pe prima linie sunt n și m
- pe următoarele m linii sunt cate 2 numere naturale reprezentând extremitățile unei muchii

graf.in	lesire pe ecran (nu neaparat in aceasta ordine)
11 14	Puncte critice cerute:
12	1 – continut in 3 componente biconexe
13	4 - continut in 2 componente biconexe
2 3	
14	
15	
45	
5 6	
17	
78	
18	
4 9	
9 10	
10 4	
9 11	



## Subjectul 2

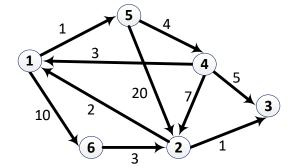
Se citesc informații despre un graf **orientat** ponderat G din fișierul graf.in. Fișierul are următoarea structură:

- Pe prima linie sunt două numere reprezentând numărul de vârfuri n (n>4) și numărul de arce m ale grafului, **m>n**
- Pe următoarele m linii sunt câte 3 numere întregi **pozitive** reprezentând extremitatea inițială, extremitatea finală și costul unui arc din graf
- Pe penultima linie este un număr natural b
- Pe ultima linie este un număr s reprezentând un nod sursă în graf.

În punctul s se află un călător care are bugetul b.

- a) Să se determine un cel mai depărtat nod v din graf la care călătorul poate ajunge din s printr-un drum (elementar) de cost cel mult b, cât să se încadreze în buget (acel vârf pentru care se obține  $\max\{d(s,u)|\ d(s,u)\leq b,\ u\ vârf\ în\ V\}$  și să se afișeze un drum de cost minim de la s la v. Dacă sunt mai multe astfel de noduri se va alege cel cu indicele cel mai mic.
- b) Observând că un circuit este format totuși dintr-un drum și un arc, călătorul va mai roagă să determinați în plus dacă poate face un traseu de cost cel mult b care pornește din s și se termina tot în s fără a trece de mai multe ori prin același vârf, altfel spus să determinați dacă există un circuit elementar în G de cost mai mic sau egal cu b care conține s și, în caz afirmativ, să afisati un astfel de circuit. **Complexitate O(mlog(n))**

graf.in	lesire pe ecran
6 10	a)
151	v=3
1 6 10	1543
212	b)
413	1541
5 2 20	
5 4 4	
427	
435	
231	
623	
11	
1	



d(1, 2) = 12		
d(1, 3) = 10		
d(1, 4) = 5		
d(1, 5) = 5		
d(1, 6) = 1		
d(1, 7) = 10		
b = 11 => cele mai mari distanțe mai		
mici sau egale cu 11 sunt d(1, 3) și		
d(1, 7)		

## **Subjectul 3**

Se dau n fabrici de monitoare numerotate 1...n și m depozite numerotate n+1,...,n+m. Pentru fiecare fabrica i se cunoaște c(i) = câte monitoare au fost produse la momentul curent, iar pentru fiecare depozit j se cunoaște c(j) = numărul de monitoare pe care le poate depozita la momentul curent. Fiecare fabrică are contracte cu anumite depozite. În contractul dintre fabrica i și depozitul j este trecută cantitatea maximă de monitoare care poate fi trimisă spre depozitare de la fabrica i la depozitul j, notată w(i,j). Datele se vor citi din fișierul fabrici.in cu următoarea structură:

- pe prima linie sunt numerele naturale n și m
- pe a doua linie este un șir de n numere naturale reprezentând cantitatea de monitoare existente în fiecare dintre cele n fabrici
- pe a treia linie este un șir de m numere naturale reprezentând numărul de monitoare pe care le poate depozita fiecare dintre cele m depozite
- pe a patra linie este un număr k reprezentând numărul de contracte dintre fabrici și depozite
- pe următoarele k linii sunt triplete de numere naturale i j w (separate prin spatiu) cu semnificația: de la fabrica i la depozitul j se pot trimite maxim w monitoare.

Să se determine, dacă există, o modalitate de a depozita toate monitoarele existente în fabrici la momentul curent în depozite respectând condițiile din contracte și capacitatea de depozitare a fiecărui depozit. Complexitate  $O((n+m)k^2)$ 

Rezultatul se va afișa sub forma prezentată în exemplul de mai jos.

**Observație**: Putem modela problema cu un graf bipartit fabrici-depozite (cu vârfuri corespunzătoare fabricilor și depozitelor și muchii reprezentând existența unui contract între fabrică și depozit). Dacă c(i) = 1 pentru fiecare fabrică i, c(j)=1 pentru fiecare depozit și w(i, j)=1 pentru orice contract, atunci problema se reduce la a determina un cuplaj de cardinal maxim în graful bipartit fabrici-depozite și a verifica dacă orice vârf fabrică este saturat. Se acorda 1p daca se rezolva doar problema pentru c(i) = 1 pentru fiecare fabrică i, c(j)=1

pentru fiecare depozit și w(i, j)=1 pentru orice contract

fabrici.in	lesire pe ecran (solutia nu este unica)
3 3	143
654	153
754	2 4 2
7	252
147	261
155	3 4 2
2 4 3	362
252	
263	
3 4 5	
362	

