Ассимптотическая сложность операций

[BOOK time hotel_name client_id room_count]

– при записи о бронировании номера в отеле, который ещё не упоминался:

$$O(\log_2(h))$$
 , где h – количество отелей;

– если отель уже существует в базе, то

лучший случай: $O(\log_2(h))+O(\log_2(c))$, где h – тоже, что и выше, с – количество клиентов, сделавших бронирование в отеле с названием hotel_name;

худший случай: $O(\log_2(h))+O(\log_2(c))+O(r)$, где h, c – тоже, что и выше, r – количество записей о бронировании в отеле с названием hotel_name.

Когда количество записей о бронировании некоторого отеля превысит сарасіty вектора, в котором они хранятся, произойдёт копирование всех элементов вектора с записями в новую память, при этом размер вектора удваивается (size*2) (если это gcc), или size*1.5 (если MCVS).

[CLIENTS hotel_name]

 $\mathrm{O}(c \cdot \log_2(c))$, где с – количество клиентов, сделавших бронирование в отеле с названием hotel_name.

Необходимо в красно-черном дереве найти информацию об отеле с именем hotel_name, эта операция имеет сложность $O(\log_2(h))$. Обход красно-черного дерева, где ключом является client_id, имеет сложность O(c), а erase (на каждой итерации мы убираем тех клиентов, которые бронировали отель >=1 суток назад) в красно-черном дереве имеет сложность $O(\log_2(c))$, в худшем случае мы будем делать это на каждой итерации, поэтому общая

$$\text{сложность будет} \quad \mathbf{O}\!\left(\!\sum_{i=c}^1 \log_2(i)\!\right) \!\! = \!\! \mathbf{O}\!\left(\log_2(c \cdot (c-1) \cdot (c-2) ... \cdot 1)\right) \! \sim \! \mathbf{O}\!\left(\log_2(c^c)\right) \! = \!\! \mathbf{O}\!\left(c \cdot \log_2(c)\right) \quad .$$

[ROOMS hotel_name]

 $O(\log_2(h)) + O(\log_2(\hat{r})) + O(\hat{r})$, где r – количество записей о бронировании в отеле с названием hotel_name, где \hat{r} – количество записей о бронировании в отеле с названием hotel_name за последние сутки (исключая запись, сделанную ровно за сутки), $\hat{r} \leqslant r$.

Необходимо в красно-черном дереве найти информацию об отеле с именем hotel_name, эта операция имеет сложность $O(\log_2(h))$. Поиск граничной записи "по времени <= 1 суток назад" в отсортированном по времени массиве занимает $O(\log_2(\hat{r}))$, где $\hat{r} \leqslant r$. Проход по нужным записям с помощью ассиmulate имеет сложность $O(\hat{r})$. В сумме мы имеем сложность $O(\hat{r})$.