

Электронная подпись

Свойства подписи:

1. От своей настоящей подписи нельзя отказаться
2. Нельзя подделать
3. В случае конфликта можно проверить подпись

Будем использовать хэш функцию $h: \{0,1\}^* \rightarrow \{0,1\}^S$

$S = 256, 512, \dots$

$h(x) = y$ — необратимая ф-я

Рассмотрим э. подпись на основе RSA

секр. ключ откр. ключ

P_A, Q_A

$N_A = P_A \cdot Q_A$

$C_A \cdot d_A = 1 \bmod (P_A - 1)(Q_A - 1)$

C_A

d_A

C_A — слуг. d — соотв. ант. Евклида

Алиса передает свое сообщение

$\langle \text{Боб, привет } y \rangle$

$$m \quad \tilde{y} = (h(m_1, \dots, m_k))^{e_A} \bmod N_A$$

Боб получив проверяет подпись

$$h(\tilde{m}_1, \dots, \tilde{m}_k) = \tilde{y} \stackrel{?}{=} y^{d_A} \bmod N_A$$

Пример $P_A = 5 \quad Q_A = 11 \quad m = 1.1 \quad h(m) = 2$

$N_A = 55 \quad C_A = 3 \quad d_A = 27 \quad y = 2^3 = 8$

$$\tilde{y} = 8^{27} \bmod 55 = 2 \quad \checkmark$$

$$\begin{array}{ccc|c} d_A: & 40 & 1 & 0 \\ & 3 & 0 & 1 \\ & 1 & 1 & -13 \\ & 0 & \uparrow & \\ & & +40 & = 27 \end{array}$$