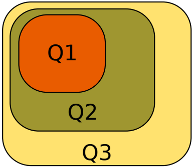
Sistemas de numeración para enteros

Organización de computadoras

Universidad Nacional de Quilmes

25 de abril de 2014

Repaso



1. Registros no visibles al programador
   1. PC
   2. IR
2. Rutinas
   1. Modularización
   2. Reuso
3. Contratos
   1. Modo de direccionamiento directo
4. Pila
5. **Q3**
   1. CALL/RET

Para hoy tenemos

1. Sistemas de numeración para enteros
   1. Signo-Magnitud
   2. Complemento a 2
   3. Exceso

Para hoy tenemos

1. Sistemas de numeración para enteros
    1. Signo-Magnitud
        1. Interpretar
        2. representar
    2. Complemento a 2
        1. Interpretar
        2. representar
    3. Exceso
        1. Interpretar
        2. representar

Signo-Magnitud

Signo Magnitud

En el sistema decimal usamos el signo '-' para representar números negativos

Signo Magnitud

En el sistema decimal usamos el signo '-' para representar números negativos

¿Cómo podemos *simular* el signo?

En el sistema decimal usamos el signo '-' para representar números negativos

⇓

¿Cómo podemos *simular* el signo?

⇓

Reservando un bit para indicar signo:

0 ⇢ positivo

1⇢negativo

Signo Magnitud

Ejemplo

$SM(8)$

S	M	M	M	M	M	M	M

- S = Signo
- M = Magnitud

Interpretación $SM()$

Interpretación en Signo Magnitud

1. Con el primer bit se indica el signo
2. Los restantes bits se interpretan como en $BSS()$

Interpretación en Signo Magnitud

1. Con el primer bit se indica el signo
2. Los restantes bits se interpretan como en $BSS()$

Ejemplo

$SM(4)$	S	M	M	M

$\mathcal{I}_{SM}(0001)=$

$\mathcal{I}_{SM}(1001)=$

Interpretación en Signo Magnitud

1. Con el primer bit se indica el signo
2. Los restantes bits se interpretan como en $BSS()$

Ejemplo

$SM(4)$	S	M	M	M

$\mathcal{I}_{SM}(0001)=1$

$\mathcal{I}_{SM}(1001)=-1$

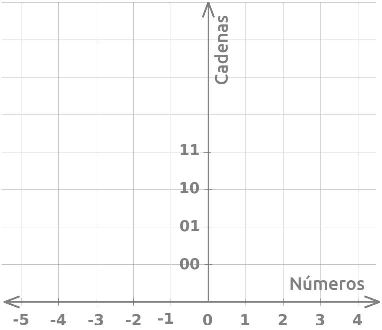
Ejercicio: interpretar en $SM(2)$

$$\mathcal{I}_{SM}(00) =$$
$$\mathcal{I}_{SM}(01) =$$
$$\mathcal{I}_{SM}(10) =$$
$$\mathcal{I}_{SM}(11) =$$

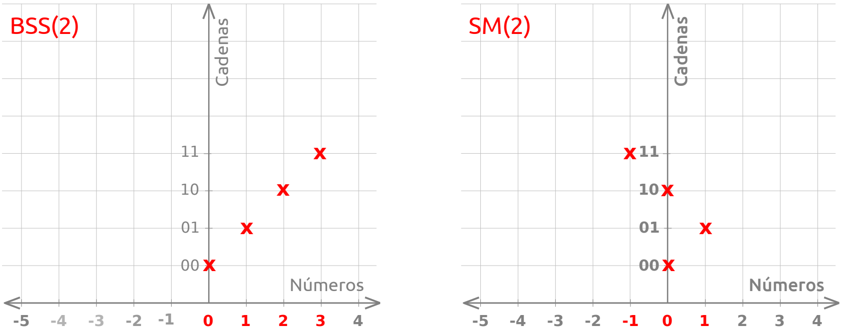
Ejercicio: interpretar en $SM(2)$

$$\mathcal{I}_{SM}(00) = 0$$
$$\mathcal{I}_{SM}(01) = 2^0 = 1$$
$$\mathcal{I}_{SM}(10) = (-1) \times (0) = 0$$
$$\mathcal{I}_{SM}(11) = (-1) \times (2^0) = -1$$

Graficar la interpretación de los sistemas $BSS(2)$ y $SM(2)$



Comparar $SM(3)$ con $BSS(3)$



Ejercicio: interpretar en $SM(3)$

$$\mathcal{I}_{SM}(000) =$$
$$\mathcal{I}_{SM}(001) =$$
$$\mathcal{I}_{SM}(010) =$$
$$\mathcal{I}_{SM}(011) =$$
$$\mathcal{I}_{SM}(100) =$$
$$\mathcal{I}_{SM}(101) =$$
$$\mathcal{I}_{SM}(110) =$$
$$\mathcal{I}_{SM}(111) =$$

¡Graficar!

Ejercicio: interpretar en $SM(3)$

$$
\begin{aligned}
\mathcal{I}_{SM}(000) &= 0\\
\mathcal{I}_{SM}(001) &= 2^0 = 1\\
\mathcal{I}_{SM}(010) &= 2^1 = 2\\
\mathcal{I}_{SM}(011) &= (2^1 + 2^0) = 3\\
\mathcal{I}_{SM}(100) &= (-1) \times (0) = 0\\
\mathcal{I}_{SM}(101) &= (-1) \times (2^0) = -1\\
\mathcal{I}_{SM}(110) &= (-1) \times (2^1) = -2\\
\mathcal{I}_{SM}(111) &= (-1) \times (2^1 + 2^0) = -3
\end{aligned}
$$

¡Graficar!

$$\mathcal{I}_{SM}(10001011) =$$
$$\mathcal{I}_{SM}(00001011) =$$
$$\mathcal{I}_{SM}(10100111) =$$
$$\mathcal{I}_{SM}(00100111) =$$
$$\mathcal{I}_{SM}(11011000) =$$
$$\mathcal{I}_{SM}(00000000) =$$
$$\mathcal{I}_{SM}(10000000) =$$
$$\mathcal{I}_{SM}(01111111) =$$
$$\mathcal{I}_{SM}(11111111) =$$

Ejercicio: intertar en $SM(8)$

$$\mathcal{I}_{SM}(10001011) = (-1) \times (1 \times 2^3 + 1 \times 2^1 + 1 \times 2^0) = -11$$
$$\mathcal{I}_{SM}(00001011) = (1 \times 2^3 + 1 \times 2^1 + 1 \times 2^0) = 11$$
$$\mathcal{I}_{SM}(10100111) = (-1) \times (2^5 + 2^2 + 2^1 + 2^0) = -37$$
$$\mathcal{I}_{SM}(00100111) = (2^5 + 2^2 + 2^1 + 2^0) = 37$$
$$\mathcal{I}_{SM}(11011000) = (-1) \times (2^6 + 2^4 + 2^3) = -88$$
$$\mathcal{I}_{SM}(00000000) = 0$$
$$\mathcal{I}_{SM}(10000000) = (-1) \times (0) = 0$$
$$\mathcal{I}_{SM}(01111111) = (2^6 + 2^5 + 2^4 + 2^3 + 2^2 + 2^1 + 2^0) = 127$$
$$\mathcal{I}_{SM}(11111111) = (-1) \times (2^6 + 2^5 + 2^4 + 2^3 + 2^2 + 2^1 + 2^0) = -127$$

Rango en el sistema $SM()$

- ¿Cuál es el rango de un sistema $SM(2)$? $[-1, 1]$

Rango en el sistema $SM()$

- ¿Cuál es el rango de un sistema $SM(2)$? $[-1, 1]$
- ¿Cuál es el rango de un sistema $SM(3)$? $[-3, 3]$

Rango en el sistema $SM()$

- ¿Cuál es el rango de un sistema $SM(2)$? $[-1, 1]$
- ¿Cuál es el rango de un sistema $SM(3)$? $[-3, 3]$
- ¿Cuál es el rango de un sistema $SM(4)$? $[-7, 7]$

Rango en el sistema $SM()$

- ¿Cuál es el rango de un sistema $SM(2)$? ⇝ $[-1, 1]$
- ¿Cuál es el rango de un sistema $SM(3)$? ⇝ $[-3, 3]$
- ¿Cuál es el rango de un sistema $SM(4)$? ⇝ $[-7, 7]$
- ¿Cuál es el rango de un sistema $SM(6)$? ⇝ ¡Ejercicio!

Mínimo

El número más chico representable será el que tenga la magnitud más grande pero con signo negativo.

Máximo

El número más grande representable se logrará con la magnitud más grande posible y signo positivo.

Rango del *Signo-Magnitud*

Mínimo

El número más chico representable será el que tenga la magnitud más grande pero con signo negativo.

Máximo

El número más grande representable se logrará con la magnitud más grande posible y signo positivo.

Ejemplo

$SM(8)$:

- El número más grande es: $\mathcal{I}_{sm}(01111111) = (2^6 + 2^5 + 2^4 + 2^3 + 2^2 + 2^1 + 2^0) = 127$
- Y el más chico es: $\mathcal{I}_{sm}(11111111) = -1 \times (2^6 + 2^5 + 2^4 + 2^3 + 2^2 + 2^1 + 2^0) = -127$

$\therefore$Por lo tanto, el rango del sistema sm de 8 bits es [-127,127].

Doble representación del cero

¿Cúantos números pueden representarse en $SM(8)$?
¿2^8?

¿Cúantos números pueden representarse en $SM(8)$?

¿2^8?

$\Downarrow$

¡No!

- El número 0 tiene dos representaciones posibles:
  1. magnitud cero con signo positivo
  2. magnitud cero con signo negativo.
- En $SM(8)$ el cero puede ser escrito como: $\mathcal{I}_{sm}(00000000) = \mathcal{I}_{sm}(10000000) = 0$

Representación en Signo-Magnitud

Representación en *Signo-Magnitud*

1. Se representa el **signo** con el bit de la izquierda.
2. Se representa la **magnitud** como en $BSS(n-1)$: método de las divisiones sucesivas sobre el valor absoluto

Ejemplos de representación usando $SM(8)$

Ejemplo

Representar el número 18 en $SM(8)$:

Ejemplos de representación usando $SM(8)$

Ejemplo

Representar el número 18 en $SM(8)$:

18 | 2
0   9 | 2
1   4 | 2
0   2 | 2
0   1 | 2
1   0

Asi, $\mathcal{R}(18) = 10010$.

Ejemplo

Representar el número 18 en $SM(8)$:

$$\begin{array}{cccccc}
18 & \multicolumn{1}{|c}{2} & & & & \\ \cline{2-2}
0 & 9 & \multicolumn{1}{|c}{2} & & & \\ \cline{3-3}
 & 1 & 4 & \multicolumn{1}{|c}{2} & & \\ \cline{4-4}
 & & 0 & 2 & \multicolumn{1}{|c}{2} & \\ \cline{5-5}
 & & & 0 & 1 & \multicolumn{1}{|c}{2} \\ \cline{6-6}
 & & & & 1 & 0
\end{array}$$

1. Asi, $\mathcal{R}(18) = 10010$.
2. Completar los 7 bits $\therefore \mathcal{R}_{bss(7)}(18) = 0010010$

Ejemplo

Representar el número 18 en $SM(8)$:

$$
\begin{array}{cccccc}
18 & \multicolumn{1}{|c}{2} & & & & \\ \cline{2-2}
0 & 9 & \multicolumn{1}{|c}{2} & & & \\ \cline{3-3}
 & 1 & 4 & \multicolumn{1}{|c}{2} & & \\ \cline{4-4}
 & & 0 & 2 & \multicolumn{1}{|c}{2} & \\ \cline{5-5}
 & & & 0 & 1 & \multicolumn{1}{|c}{2} \\ \cline{6-6}
 & & & & 1 & 0
\end{array}
$$

1. Asi, $\mathcal{R}(18) = 10010$.
2. Completar los 7 bits $\therefore \mathcal{R}_{bss(7)}(18) = 0010010$
3. Anteponer el bit de signo: $\Longrightarrow \mathcal{R}_{sm(8)}(18) = 00010010$

Ejemplo

Representar el número -18 en $SM()$ en 8 bits:

Representación en $SM(8)$

Ejemplo

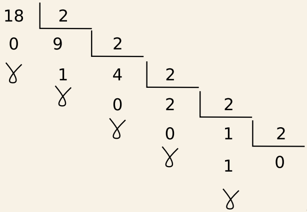
Representar el número -18 en $SM()$ en 8 bits:

$$\begin{array}{llllll}
18 & \multicolumn{1}{|l}{2} \\ \cline{2-2}
0 & 9 & \multicolumn{1}{|l}{2} \\ \cline{3-3}
 & 1 & 4 & \multicolumn{1}{|l}{2} \\ \cline{4-4}
 & & 0 & 2 & \multicolumn{1}{|l}{2} \\ \cline{5-5}
 & & & 0 & 1 & \multicolumn{1}{|l}{2} \\ \cline{6-6}
 & & & & 1 & 0
\end{array}$$

1. Asi, $\mathcal{R}(18) = 10010$.

Ejemplo

Representar el número -18 en $SM()$ en 8 bits:



1. Asi, $\mathcal{R}(18) = 10010$.
2. Completar los 7 bits $\therefore \mathcal{R}_{bss(7)}(18) = 0010010$

Ejemplo

Representar el número -18 en $SM()$ en 8 bits:

$$
\begin{array}{llllll}
18 & \multicolumn{1}{|l}{2} & & & & \\ \cline{2-2}
0 & 9 & \multicolumn{1}{|l}{2} & & & \\ \cline{3-3}
 & 1 & 4 & \multicolumn{1}{|l}{2} & & \\ \cline{4-4}
 & & 0 & 2 & \multicolumn{1}{|l}{2} & \\ \cline{5-5}
 & & & 0 & 1 & \multicolumn{1}{|l}{2} \\ \cline{6-6}
 & & & & 1 & 0
\end{array}
$$

1. Asi, $\mathcal{R}(18) = 10010$.
2. Completar los 7 bits $\therefore \mathcal{R}_{bss(7)}(18) = 0010010$
3. Anteponer el bit de signo: $\Longrightarrow \mathcal{R}_{sm(8)}(-18) = 10010010$

Ejercicio

1. Representar el número -10
2. Representar el 128
3. Representar el 63

Aritmética en *Signo-Magnitud*

- Se debe analizar primero los signos.
- Luego proceder como en BSS, sumando o restando según caso.

Suma en SM(n)

1. Si alguno de los dos operandos es cero, el resultado será el otro operando.
2. Si los signos son iguales (ambos 0 o ambos 1), el resultado tendrá el mismo signo y sumaremos las magnitudes usando la suma de BSS de (N-1) bits.
3. Si los signos son diferentes, debemos identificar cual de los dos operandos tiene la magnitud mayor.
   a. Si las dos magnitudes son iguales, el resultado será cero.
   b. Si no, el signo del resultado será el signo del operando que tiene la magnitud mayor y la magnitud del resultado se obtendrá restando en BSS de (N-1) bits la magnitud menor de la magnitud mayor.

Ejercicios

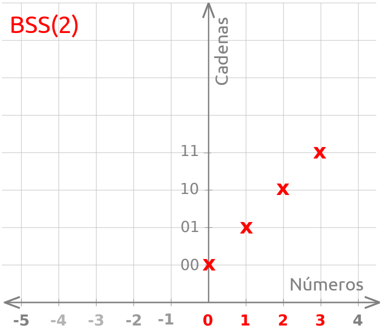
1. $0001 + 0110$
2. $1010 + 0101$
3. $1001 + 1110$

Resta en $SM(n)$

- Se procede como la suma pero cambiando antes el signo del sustraendo (es decir, invirtiendo el bit de la izquierda del segundo operando

Complemento a 2

¿Que números podemos representar en $BSS(2)$?

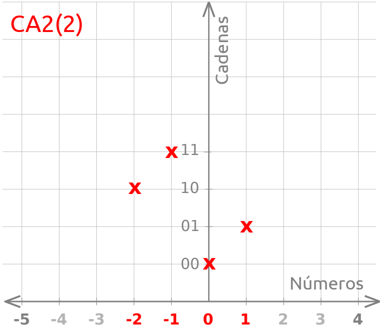


Otra forma de representar negativos

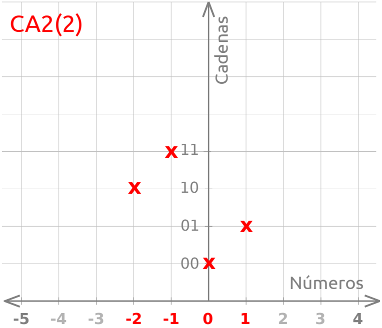
Otra forma de representar negativos

Asociando las cadenas a otros números

Otra forma de representar negativos



Otra forma de representar negativos

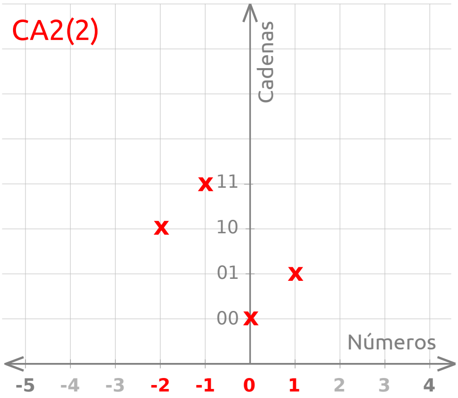


Complemento a 2

Complemento a 2

Mecanismo para interpretar una cadena $\mathtt{C}=\mathrm{b}_{n-1}...\mathrm{b}_0$

- Las cadenas se dividen en 2:
  1. Las mas bajas para los positivos (y el cero)
  2. Las mas altas para los negativos



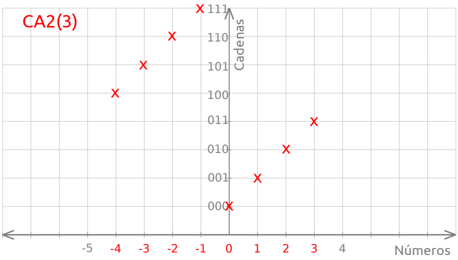
cadenas bajas (positivos)	00 01
cadenas altas (negativos)	10 11

cadenas bajas (positivos)

000
001
010
011

cadenas altas (negativos)

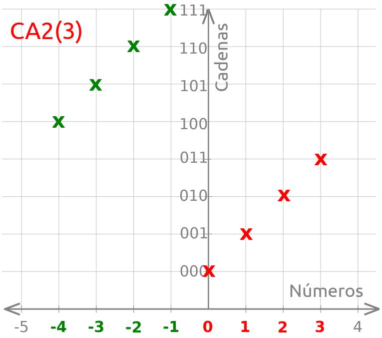
100
101
110
111



cadenas bajas	0000	cadenas altas	1010
(positivos)	0001	(negativos)	1011
	0010		1010
	0011		1011
	0100		1100
	0101		1101
	0110		1110
	0111		1111

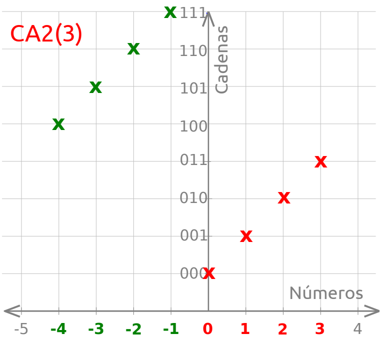
Interpretación en CA2

Mecanismo para interpretar una cadena $C = b_{n-1} \dots b_0$



a) Si comienza con 0 ($b_{n-1} = 0$) entonces interpretar como *Binario Sin Signo*

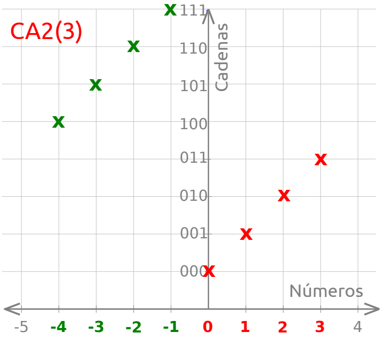
Mecanismo para interpretar una cadena C=$b_{n-1}...b_0$



a) Si comienza con 0 (b_{n-1}=0) entonces interpretar como *Binario Sin Signo*

b) Si comienza con 1 (b_{n-1}=1) entonces:

Mecanismo para interpretar una cadena $C = b_{n-1} \ldots b_0$



a) Si comienza con 0 ($b_{n-1}=0$) entonces interpretar como *Binario Sin Signo*

b) Si comienza con 1 ($b_{n-1}=1$) entonces:

1. Invertir los bits de la cadena
2. Sumar 1
3. Interpretar como *Binario Sin Signo*
4. Multiplicar por -1

Ejemplo: Interpretar 1001

a) ¿Comienza con 0?

Ejemplo: Interpretar 1001

a) ¿Comienza con 0? No

Ejemplo: Interpretar 1001

a) ¿Comienza con 0? No
b) Si comienza con 1

Ejemplo: Interpretar 1001

a) ¿Comienza con 0? No
b) Si comienza con 1
    1. Invertir los bits de la cadena: $\Rightarrow$0110

Ejemplo: Interpretar 1001

a) ¿Comienza con 0? No
b) Si comienza con 1
   1. Invertir los bits de la cadena: $\Rightarrow$0110
   2. Sumar 1 $\Rightarrow 0110 + 1 = 0111$

Ejemplo: Interpretar 1001

a) ¿Comienza con 0? No
b) Si comienza con 1
   1. Invertir los bits de la cadena: $\Rightarrow$0110
   2. Sumar 1 $\Rightarrow 0110 + 1 = 0111$
   3. Interpretar como *Binario Sin Signo* $\Rightarrow I(0111) = 7$

Ejemplo: Interpretar 1001

a) ¿Comienza con 0? No

b) Si comienza con 1

1. Invertir los bits de la cadena: $\Rightarrow$0110
2. Sumar 1 $\Rightarrow$0110 +1 = 0111
3. Interpretar como *Binario Sin Signo* $\Rightarrow$I(0111)= 7
4. Multiplicar por -1 $\Rightarrow$I(0111)= -7

Comparación entre interpretaciones

Cadena de bits	Interpretación en BSS	Interpretación en CA2
0000	0	0
0001	1	1
0010	2	2
0011	3	3
0100	4	4
0101	5	5
0110	6	6
0111	7	7

Comparación entre interpretaciones

Cadena de bits	Interpretación en BSS	Interpretación en CA2
1000	8	-8
1001	9	-7
1010	10	-6
1011	11	-5
1100	12	-4
1101	13	-3
1110	14	-2
1111	15	-1

Representación en CA2

Representación en CA2

Hay dos casos:

Hay dos casos:

Si $X >= 0$ se representan como en $BSS()$

Representación en CA2

Hay dos casos:

Si $X >= 0$ se representan como en $BSS()$

Si $X < 0$s

1. Representar $|X|$ en $BSS(n)$
2. Invertir los bits de la cadena
3. Sumar 1

Ejemplo: Representar -1

- $X >= 0$ no

Ejemplo: Representar -1

- $X >= 0$ no
- $X < 0$
  1. Representar $|-1|$ en $BSS(n)$ $\Rightarrow$R(1)=0001

Ejemplo: Representar -1

- $X >= 0$ no
- $X < 0$
  1. Representar $|-1|$ en $BSS(n)$ $\Rightarrow$R(1)=0001
  2. Invertir los bits $\Rightarrow$1110

Ejemplo: Representar -1

- $X >= 0$ no
- $X < 0$
  1. Representar $|-1|$ en $BSS(n)$ $\Rightarrow$R(1)=0001
  2. Invertir los bits $\Rightarrow$1110
  3. Sumar 1 $\Rightarrow$1111

Ejemplo: Representar -1

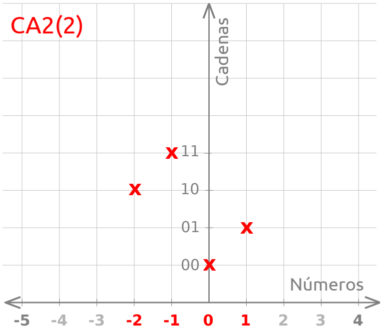
- $X >= 0$ no
- $X < 0$
  1. Representar $|-1|$ en $BSS(n)$ $\Rightarrow$R(1)=0001
  2. Invertir los bits $\Rightarrow$1110
  3. Sumar 1 $\Rightarrow$1111

Ejercicios en $CA2(4)$

1. Representar 0
2. Representar 1
3. Representar 6
4. Representar el -5
5. Representar el -8

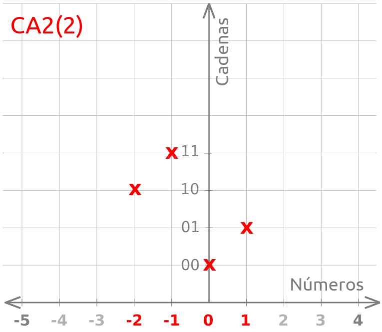
Ejercicios en $CA2(4)$

1. R(0) $\Rightarrow 0000_2$
2. R(1) $\Rightarrow 0001_2$
3. R(6) $\Rightarrow 0110_2$
4. R(-5)$\Rightarrow 0101_2 \Rightarrow 1010_2 + 1 \Rightarrow 1011_2$
5. R(-8)$\Rightarrow 1000_2 \Rightarrow 0111_2 + 1 \Rightarrow 1000_2$

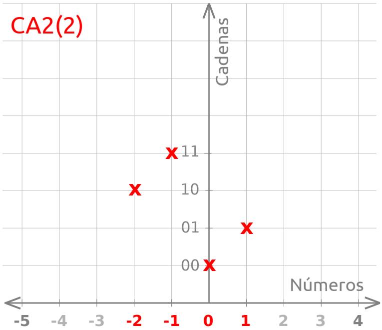


- En un sistema de $CA2(2)$ se pueden representar $2^2 = 4$ números diferentes.

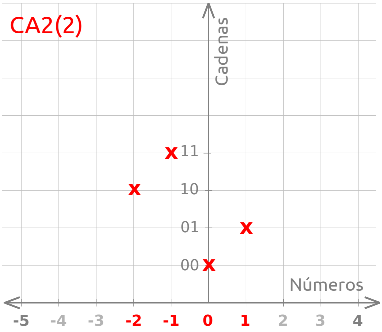
Rango de CA2



- En un sistema de $CA2(2)$ se pueden representar $2^2 = 4$ números diferentes.
- La mitad de ellos $(4/2 = 2)$ son positivos (incluyendo el cero) $\Rightarrow$ irán de 0 a 1.



- En un sistema de $CA2(2)$ se pueden representar $2^2 = 4$ números diferentes.
- La mitad de ellos $(4/2 = 2)$ son positivos (incluyendo el cero) $\Rightarrow$ irán de 0 a 1.
- La otra mitad son negativos, yendo del -2 al -1.



- En un sistema de $CA2(2)$ se pueden representar $2^2 = 4$ números diferentes.
- La mitad de ellos $(4/2 = 2)$ son positivos (incluyendo el cero) $\Rightarrow$ irán de 0 a 1.
- La otra mitad son negativos, yendo del -2 al -1.

Rango de $CA2(2)$: $[-2, 1]$

En general...

En un sistema de CA2 con N bits, se pueden representar 2^N números diferentes.

En general...

En un sistema de CA2 con N bits, se pueden representar 2^N números diferentes.

Positivos : son $\frac{2^N}{2} = 2^{N-1}$ de 0 a $2^{N-1} - 1$

En general...

En un sistema de CA2 con N bits, se pueden representar 2^N números diferentes.

$\Downarrow$

Positivos : son $\frac{2^N}{2} = 2^{N-1}$ $\rightarrow$ de 0 a $2^{N-1} - 1$

Negativos (2^{N-1}) $\rightarrow$ del -1 a

En general...

En un sistema de CA2 con N bits, se pueden representar 2^N números diferentes.

$\Downarrow$

Positivos : son $\frac{2^N}{2} = 2^{N-1}$ $\Rightarrow$ de 0 a $2^{N-1} - 1$

Negativos (2^{N-1}) $\Rightarrow$ del -1 a -2^{N-1}

En general...

En un sistema de CA2 con N bits, se pueden representar 2^N números diferentes.

Positivos : son $\frac{2^N}{2} = 2^{N-1}$ de 0 a $2^{N-1} - 1$

Negativos (2^{N-1}) del -1 a -2^{N-1}

Rango de $CA2(n)$: $[-2^{N-1}; 2^{N-1} - 1]$

Las operaciones de suma y resta en $CA2()$ son exactamente las mismas que las de $BSS()$

Las operaciones de suma y resta en $CA2()$ son exactamente las mismas que las de $BSS()$

¡**Q3** sabe operar en *Complemento a 2*!

Ejercicio: sumar y verificar resultados

$$\begin{array}{r} 1001 \\ +\ 0101 \\ \hline \end{array} \qquad \begin{array}{r} 0011 \\ +\ 0010 \\ \hline \end{array} \qquad \begin{array}{r} 1011 \\ +\ 0111 \\ \hline \end{array} \qquad \begin{array}{r} 0011 \\ +\ 0110 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{cr} & 1 \\ & 0\,0\,0\,1\,- \\ & 1001 \\ + & 0101 \\ \hline & 1110 \end{array} \qquad \begin{array}{cr} & 1 \\ & 0\,0\,1\,0\,- \\ & 0011 \\ + & 0010 \\ \hline & 0101 \end{array} \qquad \begin{array}{cr} & 1 \\ & 1\,1\,1\,1\,- \\ & 1011 \\ + & 0111 \\ \hline & 0010 \end{array} \qquad \begin{array}{cr} & 1 \\ & 0\,1\,1\,0\,- \\ & 0011 \\ + & 0110 \\ \hline & 1001 \end{array}$$

$$\begin{array}{cr} & -7 \\ + & 5 \\ \hline & ¿-2? \end{array} \qquad \begin{array}{cr} & 3 \\ + & 2 \\ \hline & 5 \end{array} \qquad \begin{array}{cr} & -5 \\ + & 7 \\ \hline & 2 \end{array} \qquad \begin{array}{cr} & 3 \\ + & 6 \\ \hline & ¿-7? \end{array}$$

Ejercicio: restar y verificar resultados

$$\begin{array}{r} 0011 \\ -\ 0110 \\ \hline 1101 \end{array} \qquad \begin{array}{r} 1001 \\ -\ 0101 \\ \hline 0100 \end{array} \qquad \begin{array}{r} 0011 \\ -\ 0010 \\ \hline 0001 \end{array} \qquad \begin{array}{r} 1011 \\ -\ 0011 \\ \hline 1000 \end{array}$$

Resta: interpretación

$$\begin{array}{r} 0011 \\ -\ 0110 \\ \hline 1101 \end{array} \qquad \begin{array}{r} 1001 \\ -\ 0101 \\ \hline 0100 \end{array} \qquad \begin{array}{r} 0011 \\ -\ 0010 \\ \hline 0001 \end{array} \qquad \begin{array}{r} 1011 \\ -\ 0011 \\ \hline 1000 \end{array}$$

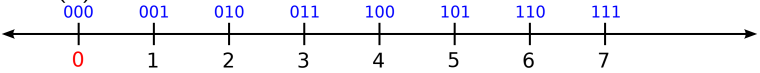
$$\begin{array}{r} 3 \\ -\ 6 \\ \hline -3 \end{array} \qquad \begin{array}{r} -7 \\ -\ 5 \\ \hline ¿4? \end{array} \qquad \begin{array}{r} 3 \\ -\ 2 \\ \hline 1 \end{array} \qquad \begin{array}{r} -5 \\ -\ 3 \\ \hline -8 \end{array}$$

Exceso

Exceso

> **Motivación:** Las cadenas se "desplazan" hacia los positivos o los negativos sobre la recta

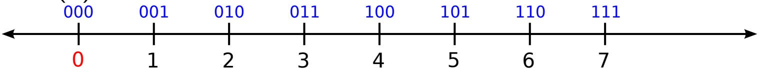
- $BSS(3)$



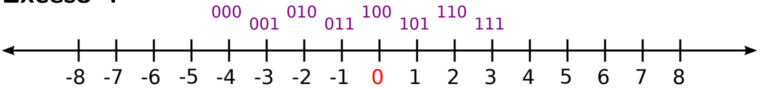
Exceso

Motivación: Las cadenas se "desplazan" hacia los positivos o los negativos sobre la recta

- *BSS*(3)



- **Exceso 4**



Exceso: Representación

1. Se desplaza el valor a representar sumándole un valor constante Δ
$$X' = X + \Delta$$

Exceso: Representación

1. Se desplaza el valor a representar sumándole un valor constante Δ

$$X' = X + \Delta$$

2. Se representa como en *Binario Sin Signo*

$$C = \mathcal{R}_{bss}(X')$$

Exceso: Representación

Suponer el sistema $Ex(3, 4)$ (3 bits y $\Delta = 4$)

Suponer el sistema $Ex(3,4)$ (3 bits y $\Delta = 4$)

Ejemplo

1. $X = 2$

Exceso: Representación

Suponer el sistema $Ex(3,4)$ (3 bits y $\Delta = 4$)

Ejemplo

1. $X = 2$
2. $X' = X + \Delta = 2 + 4 = 6$

Exceso: Representación

Suponer el sistema $Ex(3,4)$ (3 bits y $\Delta = 4$)

Ejemplo

1. $X = 2$
2. $X' = X + \Delta = 2 + 4 = 6$
3. $\mathcal{R}_{bss(3)}(X') = \mathcal{R}_{bss(3)}(6) = 110$

Suponer el sistema $Ex(3,4)$ (3 bits y $\Delta = 4$)

Ejemplo
1. $X = 2$
2. $X' = X + \Delta = 2 + 4 = 6$
3. $\mathcal{R}_{bss(3)}(X') = \mathcal{R}_{bss(3)}(6) = 110$

Ejemplo
1. $X = -2$

Exceso: Representación

Suponer el sistema $Ex(3,4)$ (3 bits y $\Delta = 4$)

Ejemplo

1. $X = 2$
2. $X' = X + \Delta = 2 + 4 = 6$
3. $\mathcal{R}_{bss(3)}(X') = \mathcal{R}_{bss(3)}(6) = 110$

Ejemplo

1. $X = -2$
2. $X' = X + \Delta = -2 + 4 = 2$

Suponer el sistema $Ex(3,4)$ (3 bits y $\Delta = 4$)

Ejemplo

1. $X = 2$
2. $X' = X + \Delta = 2 + 4 = 6$
3. $\mathcal{R}_{bss(3)}(X') = \mathcal{R}_{bss(3)}(6) = 110$

Ejemplo

1. $X = -2$
2. $X' = X + \Delta = -2 + 4 = 2$
3. $\mathcal{R}_{bss(3)}(X') = \mathcal{R}_{bss(3)}(2) = 010$

Exceso: Representación

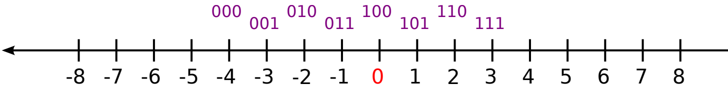
Suponer el sistema $Ex(3,4)$ (3 bits y $\Delta = 4$)

Ejemplo

1. $X = 2$
2. $X' = X + \Delta = 2 + 4 = 6$
3. $\mathcal{R}_{bss(3)}(X') = \mathcal{R}_{bss(3)}(6) = 110$

Ejemplo

1. $X = -2$
2. $X' = X + \Delta = -2 + 4 = 2$
3. $\mathcal{R}_{bss(3)}(X') = \mathcal{R}_{bss(3)}(2) = 010$



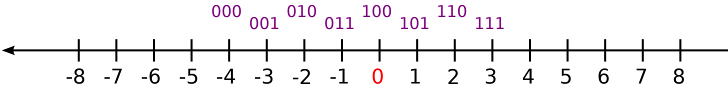
Suponer el sistema $Ex(3,4)$ (3 bits y $\Delta = 4$)

Ejemplo

1. $X = 2$
2. $X' = X + \Delta = 2 + 4 = 6$
3. $\mathcal{R}_{bss(3)}(X') = \mathcal{R}_{bss(3)}(6) = 110$

Ejemplo

1. $X = -2$
2. $X' = X + \Delta = -2 + 4 = 2$
3. $\mathcal{R}_{bss(3)}(X') = \mathcal{R}_{bss(3)}(2) = 010$



> ¿Cómo tiene que ser X' para que pueda ser representado en BSS?

Exceso: Interpretación

1. Se interpreta como en *Binario Sin Signo*

$$X' = \mathcal{I}_{bss}(C)$$

Exceso: Interpretación

1. Se interpreta como en *Binario Sin Signo*

$$X' = \mathcal{I}_{bss}(C)$$

2. Se **resta** el desplazamiento

$$X = X' - \Delta$$

Exceso: Interpretación

Suponer el sistema $Ex(3,3)$ (¡Ojo! 3 bits y $\Delta = 3$)

Suponer el sistema $Ex(3,3)$ (¡Ojo! 3 bits y $\Delta = 3$)

Ejemplo
1. $C = 111$

Exceso: Interpretación

Suponer el sistema $Ex(3,3)$ (¡Ojo! 3 bits y $\Delta = 3$)

Ejemplo

1. $C = 111$
2. $X' = \mathcal{I}_{bss(3)}(C) = \mathcal{I}_{bss(3)}(111) = 7$

Exceso: Interpretación

Suponer el sistema $Ex(3,3)$ (¡Ojo! 3 bits y $\Delta = 3$)

Ejemplo

1. $C = 111$
2. $X' = \mathcal{I}_{bss(3)}(C) = \mathcal{I}_{bss(3)}(111) = 7$
3. $X = X' - \Delta = 7 - 3 = 4$

Exceso: Interpretación

Suponer el sistema $Ex(3,3)$ (¡Ojo! 3 bits y $\Delta = 3$)

Ejemplo

1. $C = 111$
2. $X' = \mathcal{I}_{bss(3)}(C) = \mathcal{I}_{bss(3)}(111) = 7$
3. $X = X' - \Delta = 7 - 3 = 4$

Ejemplo

1. $C = 000$

Exceso: Interpretación

Suponer el sistema $Ex(3,3)$ (¡Ojo! 3 bits y $\Delta = 3$)

Ejemplo

1. $C = 111$
2. $X' = \mathcal{I}_{bss(3)}(C) = \mathcal{I}_{bss(3)}(111) = 7$
3. $X = X' - \Delta = 7 - 3 = 4$

Ejemplo

1. $C = 000$
2. $X' = \mathcal{I}_{bss(3)}(C) = \mathcal{I}_{bss(3)}(000) = 0$

Exceso: Interpretación

Suponer el sistema $Ex(3,3)$ (¡Ojo! 3 bits y $\Delta = 3$)

Ejemplo

1. $C = 111$
2. $X' = \mathcal{I}_{bss(3)}(C) = \mathcal{I}_{bss(3)}(111) = 7$
3. $X = X' - \Delta = 7 - 3 = 4$

Ejemplo

1. $C = 000$
2. $X' = \mathcal{I}_{bss(3)}(C) = \mathcal{I}_{bss(3)}(000) = 0$
3. $X = X' - \Delta = 0 - 3 = -3$

Suponer el sistema $Ex(3,3)$ (¡Ojo! 3 bits y $\Delta = 3$)

Ejemplo
1. $C = 111$
2. $X' = \mathcal{I}_{bss(3)}(C) = \mathcal{I}_{bss(3)}(111) = 7$
3. $X = X' - \Delta = 7 - 3 = 4$

Ejemplo
1. $C = 000$
2. $X' = \mathcal{I}_{bss(3)}(C) = \mathcal{I}_{bss(3)}(000) = 0$
3. $X = X' - \Delta = 0 - 3 = -3$

Ejemplo
1. $C = 100$

Suponer el sistema $Ex(3,3)$ (¡Ojo! 3 bits y $\Delta = 3$)

Ejemplo
1. $C = 111$
2. $X' = \mathcal{I}_{bss(3)}(C) = \mathcal{I}_{bss(3)}(111) = 7$
3. $X = X' - \Delta = 7 - 3 = 4$

Ejemplo
1. $C = 000$
2. $X' = \mathcal{I}_{bss(3)}(C) = \mathcal{I}_{bss(3)}(000) = 0$
3. $X = X' - \Delta = 0 - 3 = -3$

Ejemplo
1. $C = 100$
2. $X' = \mathcal{I}_{bss(3)}(C) = \mathcal{I}_{bss(3)}(100) = 4$

Exceso: Interpretación

Suponer el sistema $Ex(3,3)$ (¡Ojo! 3 bits y $\Delta = 3$)

Ejemplo

1. $C = 111$
2. $X' = \mathcal{I}_{bss(3)}(C) = \mathcal{I}_{bss(3)}(111) = 7$
3. $X = X' - \Delta = 7 - 3 = 4$

Ejemplo

1. $C = 000$
2. $X' = \mathcal{I}_{bss(3)}(C) = \mathcal{I}_{bss(3)}(000) = 0$
3. $X = X' - \Delta = 0 - 3 = -3$

Ejemplo

1. $C = 100$
2. $X' = \mathcal{I}_{bss(3)}(C) = \mathcal{I}_{bss(3)}(100) = 4$
3. $X = X' - \Delta = 4 - 3 = 1$

Exceso: Interpretación

Suponer el sistema $Ex(3,3)$ (¡Ojo! 3 bits y $\Delta = 3$)

Ejemplo

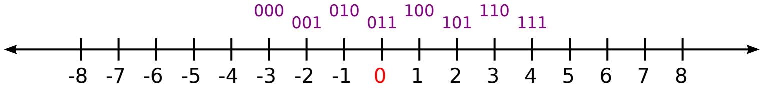
1. $C = 111$
2. $X' = \mathcal{I}_{bss(3)}(C) = \mathcal{I}_{bss(3)}(111) = 7$
3. $X = X' - \Delta = 7 - 3 = 4$

Ejemplo

1. $C = 000$
2. $X' = \mathcal{I}_{bss(3)}(C) = \mathcal{I}_{bss(3)}(000) = 0$
3. $X = X' - \Delta = 0 - 3 = -3$

Ejemplo

1. $C = 100$
2. $X' = \mathcal{I}_{bss(3)}(C) = \mathcal{I}_{bss(3)}(100) = 4$
3. $X = X' - \Delta = 4 - 3 = 1$



Exceso: Interpretación

Suponer el sistema $Ex(3,3)$ (¡Ojo! 3 bits y $\Delta = 3$)

Ejemplo

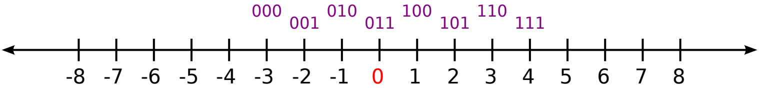
1. $C = 111$
2. $X' = \mathcal{I}_{bss(3)}(C) = \mathcal{I}_{bss(3)}(111) = 7$
3. $X = X' - \Delta = 7 - 3 = 4$

Ejemplo

1. $C = 000$
2. $X' = \mathcal{I}_{bss(3)}(C) = \mathcal{I}_{bss(3)}(000) = 0$
3. $X = X' - \Delta = 0 - 3 = -3$

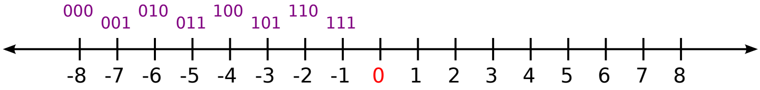
Ejemplo

1. $C = 100$
2. $X' = \mathcal{I}_{bss(3)}(C) = \mathcal{I}_{bss(3)}(100) = 4$
3. $X = X' - \Delta = 4 - 3 = 1$

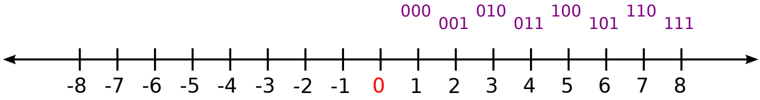


Exceso: otros desplazamientos

- $Ex(3, 8)$



- $Ex(3, -1)$



Exceso:Rango

- Las cadenas están ordenadas con respecto a los números

Exceso:Rango

- Las cadenas están ordenadas con respecto a los números
- Mínimo: Representado por la cadena 0...0

Exceso:Rango

- Las cadenas están ordenadas con respecto a los números
- Mínimo: Representado por la cadena 0...0

$$\mathcal{I}_{ex}(0.,0) =$$

- Las cadenas están ordenadas con respecto a los números
- Mínimo: Representado por la cadena 0...0

$$\mathcal{I}_{ex}(0.,0) = \mathcal{I}_{bss}(0.,0) - \Delta =$$

Exceso:Rango

- Las cadenas están ordenadas con respecto a los números
- Mínimo: Representado por la cadena 0...0

$$\mathcal{I}_{ex}(0.,0) = \mathcal{I}_{bss}(0.,0) - \Delta = \; - \Delta$$

- Máximo: Representado por la cadena 1...1

- Las cadenas están ordenadas con respecto a los números
- Mínimo: Representado por la cadena 0...0

$$\mathcal{I}_{ex}(0.,0) = \mathcal{I}_{bss}(0.,0) - \Delta = \; - \Delta$$

- Máximo: Representado por la cadena 1...1

$$\mathcal{I}_{ex}(1.,1) =$$

- Las cadenas están ordenadas con respecto a los números
- Mínimo: Representado por la cadena 0...0

$$\mathcal{I}_{ex}(0.,0) = \mathcal{I}_{bss}(0.,0) - \Delta = \ -\Delta$$

- Máximo: Representado por la cadena 1...1

$$\mathcal{I}_{ex}(1.,1) = \mathcal{I}_{bss}(1.,1) - \Delta =$$

Exceso:Rango

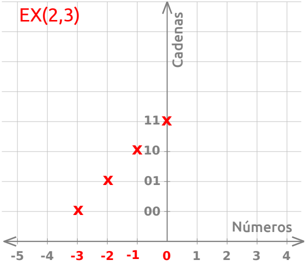
- Las cadenas están ordenadas con respecto a los números
- Mínimo: Representado por la cadena 0...0

$$\mathcal{I}_{ex}(0.,0) = \mathcal{I}_{bss}(0.,0) - \Delta = \; - \Delta$$

- Máximo: Representado por la cadena 1...1

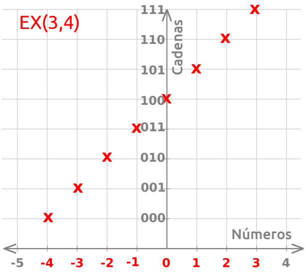
$$\mathcal{I}_{ex}(1.,1) = \mathcal{I}_{bss}(1.,1) - \Delta = 2^n - 1 - \Delta$$

Exceso:Rango



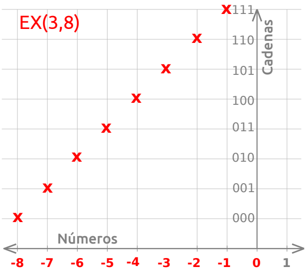
- $Ex(2,3) \Rightarrow \text{Rango} = [-3, 0]$

Exceso:Rango



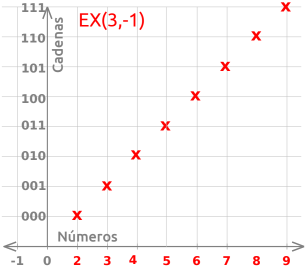
- $Ex(2,3) \Rightarrow \text{Rango} = [-3,0]$
- $Ex(3,4) \Rightarrow \text{Rango} = [-4,3]$

Exceso:Rango



- $Ex(2,3) \Rightarrow \text{Rango} = [-3, 0]$
- $Ex(3,4) \Rightarrow \text{Rango} = [-4, 3]$
- $Ex(3,8) \Rightarrow \text{Rango} = [-8, 2^3 - 1 - 8]$

Exceso:Rango



- $Ex(2,3) \Rightarrow \text{Rango} = [-3,0]$
- $Ex(3,4) \Rightarrow \text{Rango} = [-4,3]$
- $Ex(3,8) \Rightarrow \text{Rango} = [-8, 2^3 - 1 - 8]$
- $Ex(3,-1) \Rightarrow \text{Rango} = [1, 2^3 - 1 + 1]$


¿QUE HAY DE NUEVO VIEJO?