# 物理实验报告

陈建烨 12411913 2025.3.4 P4123

# 一. 实验名称: 单摆测量重力加速度

# 二. 实验目的

- 1.利用单摆的原理测量重力加速度q。
- 2.进行设计性实验的尝试与训练。
- 3.学习数据处理与误差分析的方法,并学会使用适当的器材减小误差。

# 三.实验原理

由单摆的周期公式

$$T=2\pi\sqrt{rac{l}{g}}$$

可以推出

$$g=rac{4\pi^2 l}{T^2}=rac{4\pi^2 l}{(t/N)^2}=rac{4\pi^2 l N^2}{t^2}=rac{4\pi^2 N^2 (l_0+rac{D}{2})}{t^2}$$

其中 $l_0$ 为摆线长,D为摆锤的直径,l为摆长( $l=l_0+\frac{D}{2}$ ),t为测量时间,N为周期数

所以可以通过测量摆线长,球的直径,摆动N次的时间来计算重力加速度q。

通过网上资料可以得知当地的重力加速度 $q_0$ 。

由此实验误差可以通过 $Error=rac{|g-g_0|}{g_0}*100\%=rac{\Delta g}{g_0}*100\%$ 来计算。要求不确定度小于1%。

$$Error = rac{\Delta g}{g_0} \leq 1\% \Rightarrow egin{cases} rac{\Delta l}{l} \leq 0.5\% \ rac{\Delta t}{t} = rac{\Delta t}{NT} \leq 0.25\% \end{cases}$$

钢卷尺的最小刻度为1mm,游标卡尺的最小刻度为0.01mm,秒表的最小刻度为0.01s,人的反应时间约为0.2s,所以 $\Delta l \approx 1mm$ , $\Delta t \approx 0.2s$ 。

所以我们可以选择摆线长 $l\geq 0.2m$ , 周期数 $N\geq 4T$ 。 经过误差分析,我们选择 $l\approx 1m$ ,N=50。

# 四.实验仪器

1.细线 2.小球 3.秒表 4.游标卡尺 5.钢卷尺 6.铁架台

### 五.实验内容

- 1.用游标卡尺测量小球的直径D。(多次测量取平均值)
- 2.用细线穿过铁球,并绑在铁架台上,测量绑定位置到小球上端的距离10。(多次测量取平均值)
- 3.将秒表复位,拉动小球到一定高度(角度 $\theta < 5°$ ),放开小球,当小球经过摆动的最下端开始计时,测量摆动N次的时间t。(多次测量取平均值)
- 4.记录数据,计算出g。
- 5.比较当地重力加速度 $g_0$ , 计算误差, 得出结论。

# 六.实验数据

摆线长度测量5次, 摆球直径测量5次结果如下:

	1	2	3	4	5
小球直径 $D(mm)$	20.00	20.02	20.02	20.02	20.02
摆线长度 $l_0$ ( $cm$ )	72.02	71.91	71.98	71.95	71.97

每次测量N=50次周期,总时间测量5次,结果如下:

	1	2	3	4	5
摆动时间 $t(s)$	85.75	85.66	85.72	85.79	85.69

### 七.数据处理

### 计算平均值

$$egin{aligned} ar{l}_0 &= rac{l_{0,1} + l_{0,2} + l_{0,3} + l_{0,4} + l_{0,5}}{5} = 71.97cm \ ar{D} &= rac{D_1 + D_2 + D_3 + D_4 + D_5}{5} = 20.02mm \ ar{t} &= rac{t_1 + t_2 + t_3 + t_4 + t_5}{5} = 85.72s \ g &= rac{4\pi^2 N^2 (ar{l}_0 + rac{ar{D}}{2})}{ar{t}^2} = 9.80m/s^2. \end{aligned}$$

### 计算误差

$$Error = \frac{\Delta g}{g_0} * 100\% = 0.14\%$$
.

$$t_{0.95}=2.78$$
, $k_{0.95, {
m \Xi}$ 角分布  $=1.90$ , $k_{0.95, {
m E}}$ 态分布  $=1.95$ , $C=\sqrt{6}$ 

#### A类不确定度

$$egin{aligned} U_{a,l_0} &= \sqrt{rac{\Sigma(l_{0,i}-ar{l})^2}{n*(n-1)}} *t_{0.95} = 5.02 imes 10^{-2}cm \ U_{a,D} &= \sqrt{rac{\Sigma(D_i-ar{D})^2}{n*(n-1)}} *t_{0.95} = 1.11 imes 10^{-2}mm \ U_{a,t} &= \sqrt{rac{\Sigma(t_i-ar{t})^2}{n*(n-1)}} *t_{0.95} = 6.30 imes 10^{-2}s. \end{aligned}$$

#### B类不确定度

$$U_{b,l_0} = rac{\sqrt{\Delta_{igwedge}^2 + \Delta_{igopluse}^2}}{C} * k_{0.95, ext{三角分布}} = rac{\sqrt{0.05cm^2 + 0.10cm^2}}{\sqrt{6}} * 1.90 = 8.67 imes 10^{-2} cm$$
 $U_{b,D} = rac{\sqrt{\Delta_{igwedge}^2 + \Delta_{igwedges}^2}}{C} * k_{0.95, ext{三角分布}} = rac{\sqrt{0.005cm^2 + 0.01cm^2}}{\sqrt{6}} * 1.90 = 8.67 imes 10^{-3} cm$ 
 $U_{b,t} = rac{\sqrt{\Delta_{igwedge}^2 + \Delta_{igwedges}^2}}{C} * k_{0.95, ext{E} imes ext{分布}} = rac{\sqrt{0.2s^2 + 0.01s^2}}{\sqrt{6}} * 1.95 = 0.159 s$ 

### 合成不确定度

$$egin{aligned} U_{l_0} &= \sqrt{U_{a,l_0}^2 + U_{b,l_0}^2} = \sqrt{(5.02 imes 10^{-2} cm)^2 + (8.67 imes 10^{-2} cm)^2} = 0.100 cm \ U_D &= \sqrt{U_{a,D}^2 + U_{b,D}^2} = \sqrt{(1.11 imes 10^{-2} mm)^2 + (8.67 imes 10^{-3} cm)^2} = 8.74 imes 10^{-3} cm \ U_t &= \sqrt{U_{a,t}^2 + U_{b,t}^2} = \sqrt{(6.30 imes 10^{-2} s)^2 + (0.159 s)^2} = 0.171 s \end{aligned}$$

### 传递不确定度

$$egin{aligned} l &= l_0 + rac{D}{2} \Rightarrow U_l = \sqrt{U_{l_0}^2 + (rac{U_D}{2})^2} = 0.100cm \ rac{U_g}{g} &= \sqrt{(rac{U_l}{l})^2 + (rac{2U_t}{\overline{t}})^2} \Rightarrow U_g = 0.0414 \end{aligned}$$

# 八.误差分析

- 1.测量读数存在误差
- 2.人对于摆球到达位置的判断,以及反应判断存在误差
- 3.摆动过程中空气阻力和连接端的摩擦力的影响
- 4.摆线的弹性变形,以及其质量
- 5.摆角带来的高次项,计算公式本身的近似

# 九.实验结论

测得重力加速度 $g=9.80\pm0.041m/s^2$ ,与当地重力加速度 $g_0=9.7887m/s^2$ 相差Error=0.14%,误差在允许范围内。