# 物理实验报告

陈建烨 12411913 2025.3.4 P4123

# 一. 实验名称: 时间测量中随机误差的分布规律

# 二. 实验目的

- 1.了解随机误差的离散性和分布规律。
- 2.了解误差分析的基本方法。
- 3.了解测量不确定度的计算方法。

# 三.实验原理

1.重复测量电子节拍器的周期 $T_0$ ,测量结果为 $T_1,T_2,\cdots,T_n$ ,其中n为测量次数。如果测量次数足够多,那么测量结果 $T_i$ 的分布就会趋近于正态分布。

$$p(T)=rac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma}e^{-rac{(T-ar{T})^2}{2\sigma^2}}$$

其中 $ar{T}=rac{1}{n}\Sigma T_i$ , $\sigma=\sqrt{rac{\Sigma(T_i-ar{T})^2}{n-1}}$ 由正太分布的统计规律得

$$P(|T-ar{T}|<\sigma)pprox 68.3\% \ P(|T-ar{T}|<2\sigma)pprox 95.4\% \ P(|T-ar{T}|<3\sigma)pprox 99.7\%$$

2.计算周期量的A类不确定度可以使用 $U_A=rac{\sigma*t_p}{\sqrt{n}}$ ,其中 $\sigma$ 为测量结果的标准差,n为测量次数, $t_p$ 为置信系数。计算周期量的B类不确定度可以使用 $U_B=rac{\sqrt{\Delta_{lt}^2+\Delta_{lt}^2}}{C}*k_p$ ,其中C、 $k_p$ 为置信系数。所以U= $\sqrt{U_A^2+U_B^2}$ 。

3.节拍器周期 $T_0$ 的测量值为 $T_0=ar{T}\pm U$ , P=0.95。

## 四.实验仪器

1.电子节拍器 2.秒表

### 五.实验内容

- 1.用秒表测量电子节拍器周期 $T_i$ ,测量次数为N=200。
- 2.计算周期量的平均值 $\overline{T}$ 和标准差 $\sigma$ 。
- 3.根据测量结果的离散程度和极差 $R=max(T_i)-min(T_i)$ ,设置合理步长 $\Delta T$ ,个数为M。
- 4统计每个区间的频数 $N_i$ ,计算频率 $f_i=rac{N_i}{N}$ 和概率密度 $p_i=rac{f_i}{\Delta T}$ ,绘制概率分布直方图p-T。
- 5.计算正太分布函数p(T),并绘制正太分布曲线。
- 6.在p-T图中绘制p(T)正太分布的散点图,检验测量结果是否符合正太分布。
- 7.分别统计在 $|\bar{T}-\sigma|$ 、 $|\bar{T}-2\sigma|$ 、 $|\bar{T}-3\sigma|$ 范围内的概率,与理论值比较
- 8.计算周期量的A类不确定度 $U_A$ 和B类不确定度 $U_B$ ,计算周期量的总不确定度U,得出结论

## 六.实验数据

见时间统计分布规律实验数据记录表

## 七.数据处理

#### 基本统计量

$$ar{T}=rac{1}{n}\Sigma T_i=3.09s$$
 ,  $\sigma=\sqrt{rac{\Sigma(T_i-ar{T})^2}{n-1}}=0.135s$  ,  $R=max(T_i)-min(T_i)=0.72s$ 

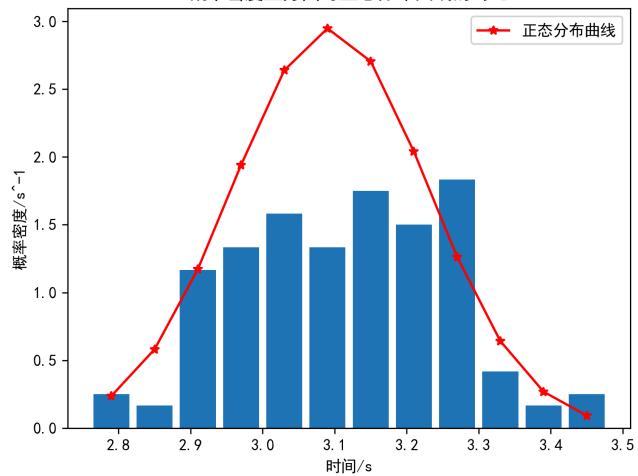
#### 概率密度直方图与正态分布曲线的对比

将数据分为M=12个区间,步长 $\Delta T=0.06s$ ,区间范围为[2.88,3.54],数据处理见下表

| 区间           | 频数 | 频率   | 概率密度 | 正态分布 |
|--------------|----|------|------|------|
| [2.76, 2.82] | 3  | 0.01 | 0.25 | 0.24 |
| (2.82, 2.88] | 2  | 0.01 | 0.17 | 0.58 |
| (2.88, 2.94] | 14 | 0.07 | 1.17 | 1.17 |
| (2.94, 3.00] | 16 | 0.08 | 1.33 | 1.94 |
| (3.00, 3.06] | 19 | 0.10 | 1.58 | 2.64 |
| (3.06, 3.12] | 16 | 0.08 | 1.33 | 2.95 |
| (3.12, 3.18] | 21 | 0.10 | 1.75 | 2.71 |
| (3.18, 3.24] | 18 | 0.09 | 1.50 | 2.04 |
| (3.24, 3.30] | 22 | 0.11 | 1.83 | 1.26 |

| 区间           | 频数 | 频率   | 概率密度 | 正态分布 |
|--------------|----|------|------|------|
| (3.30, 3.36] | 5  | 0.03 | 0.42 | 0.64 |
| (3.36, 3.42] | 2  | 0.01 | 0.17 | 0.27 |
| (3.42, 3.48] | 3  | 0.01 | 0.25 | 0.09 |

# 概率密度直方图与正态分布曲线的对比



### 结果基本符合正态分布

### 检验1 $\sigma$ ,2 $\sigma$ ,3 $\sigma$ 范围内的概率

| 范围                                  | 频数  | 实验值   | 理论值   |
|-------------------------------------|-----|-------|-------|
| $(ar{T}-\sigma,ar{T}+\sigma)$       | 133 | 66.5% | 68.3% |
| $(\bar{T}-2\sigma,\bar{T}+2\sigma)$ | 191 | 95.5% | 95.4% |
| $(\bar{T}-3\sigma,\bar{T}+3\sigma)$ | 200 | 100%  | 99.7% |

#### 计算不确定度

$$egin{aligned} U_A &= rac{\sigma*t_p}{\sqrt{n}} = rac{0.135*1.96s}{\sqrt{200}} = 0.019s \ U_B &= rac{\sqrt{\Delta_{ ext{th}}^2 + \Delta_{ ext{tx}}^2}}{C} * k_p = rac{\sqrt{0.01^2 + 0.2^2}}{1} * 1.96 = 0.39s \ U &= \sqrt{U_A^2 + U_B^2} = \sqrt{0.019^2 + 0.39^2} = 0.39s \end{aligned}$$

#### 计算周期量的测量值

$$T_0=\bar{T}\pm U=3.09\pm 0.39s$$

# 八.误差分析

- 1.测量时反应时间的误差
- 2.实验人员的心态变化导致的误差
- 3.秒表仪器和电子节拍器的误差

# 九.实验结论

重复使用秒表测量电子节拍器的周期T,并使用统计学方法可以求得较准确的周期T。实验中随机误差大致符合正态分布,且在 $|ar{T}-\sigma|$ 、 $|ar{T}-2\sigma|$ 、 $|ar{T}-3\sigma|$ 范围内的概率与理论值相符。200次重复测量后,周期量的测量值为 $T_0=ar{T}\pm U=3.09\pm0.39s(p=0.95)$ 

## 十.思考题

- 1.仪器精度不足,实验员员操作不当导致误差较大,实验环境导致实验员分心导致反应变慢
- 2.随机误差基本服从以0为均值的正态分布,随机分布误差的概率密度趋近一个确定值,随机误差对精确测量结果的影响变小