

物理实验报告

陈建烨 12411913 2025.3.4 星期二下午

一. 实验名称：单摆测量重力加速度

二. 实验目的

1. 利用单摆的原理测量重力加速度 g 。
2. 进行设计性实验的尝试与训练。
3. 学习数据处理与误差分析的方法，并学会使用适当的器材减小误差。

三. 实验原理

由单摆的周期公式

$$T = 2\pi\sqrt{\frac{l}{g}}$$

可以推出

$$g = \frac{4\pi^2 l}{T^2} = \frac{4\pi^2 l}{(t/N)^2} = \frac{4\pi^2 l N^2}{t^2} = \frac{4\pi^2 N^2 (l_0 + \frac{D}{2})}{t^2}$$

其中 l_0 为摆线长， D 为摆锤的直径， l 为摆长 ($l = l_0 + \frac{D}{2}$)， t 为测量时间， N 为周期数

所以可以通过测量摆线长，球的直径，摆动 N 次的时间来计算重力加速度 g 。

通过网上资料可以得知当地的重力加速度 g_0 。

由此实验误差可以通过

$$Error = \frac{|g - g_0|}{g_0} * 100\% = \frac{\Delta g}{g_0} * 100\%$$

来计算。

要求不确定度小于1%。

$$Error = \frac{\Delta g}{g_0} \leq 1\% \Rightarrow \begin{cases} \frac{\Delta l}{l} \leq 0.5\% \\ \frac{\Delta t}{t} = \frac{\Delta t}{NT} \leq 0.25\% \end{cases}$$

钢卷尺的最小刻度为 $1mm$ ，游标卡尺的最小刻度为 $0.01mm$ ，秒表的最小刻度为 $0.01s$ ，人的反应时间约为 $0.2s$ ，所以 $\Delta l \approx 1mm$ ， $\Delta t \approx 0.2s$ 。

所以我们可以选择摆线长 $l \geq 0.2m$ ，
周期数 $N \geq 4T$ 。

经过误差分析，我们选择 $l \approx 1m$ ， $N = 50$ 。

四.实验仪器

- 1.细线
- 2.小球
- 3.秒表
- 4.游标卡尺（也可以是千分尺）
- 5.钢卷尺
- 6.铁架台

五.实验内容

- 1.用游标卡尺测量小球的直径 D 。（多次测量取平均值）
- 2.用细线穿过铁球，并绑在铁架台上，测量绑定位置到小球上端的距离 l_0 。（多次测量取平均值）
- 3.将秒表复位，拉动小球到一定高度（角度 $\theta < 5^\circ$ ），放开小球，当小球经过摆动的最下端开始计时，测量摆动 N 次的时间 t 。（多次测量取平均值）
- 4.记录数据，计算出 g 。
- 5.比较当地重力加速度 g_0 ，计算误差，得出结论。

六.实验数据

	1	2	3	4	5	average
小球直径 D （ mm ）						
摆线长度 l_0 （ cm ）						

每次测量 $N = 50$ 次周期，结果如下：

	1	2	3	4	5	average
摆动时间 t （ s ）						

由 $g = \frac{4\pi^2 N^2 (l_0 + \frac{D}{2})}{t^2}$ ， $g =$ 。

七.数据处理

$$Error = \frac{\Delta g}{g_0} * 100\% = .$$

可能需要的常数 $t_{0.95} = 2.78$, $k_{0.95, \text{三角分布}} = 1.90$, $k_{0.95, \text{正态分布}} = 1.95$, $C = \sqrt{6}$

A类不确定度

$$U_{a,l_0} = \sqrt{\frac{\Sigma(l_i - \bar{l})^2}{n * (n-1)}} * t_{0.95} =$$

$$U_{a,D} = \sqrt{\frac{\Sigma(D_i - \bar{D})^2}{n * (n-1)}} * t_{0.95} =$$

$$U_{a,t} = \sqrt{\frac{\Sigma(t_i - \bar{t})^2}{n * (n-1)}} * t_{0.95} = .$$

B类不确定度

$$U_{b,l_0} = \frac{\sqrt{\Delta_{\text{人}}^2 + \Delta_{\text{钢尺}}^2}}{C} * k_{0.95, \text{三角分布}} = \frac{\sqrt{0.05\text{cm}^2 + 0.10\text{cm}^2}}{\sqrt{6}} * 1.90 = 8.67 * 10^{-2}\text{cm}$$

$$U_{b,D} = \frac{\sqrt{\Delta_{\text{人}}^2 + \Delta_{\text{游标卡尺}}^2}}{C} * k_{0.95, \text{三角分布}} = \frac{\sqrt{0.005\text{cm}^2 + 0.01\text{cm}^2}}{\sqrt{6}} * 1.90 = 8.67 * 10^{-3}\text{cm}$$

$$U_{b,t} = \frac{\sqrt{\Delta_{\text{人}}^2 + \Delta_{\text{秒表}}^2}}{C} * k_{0.95, \text{正态分布}} = \frac{\sqrt{0.2\text{s}^2 + 0.01\text{s}^2}}{\sqrt{6}} * 1.95 = 0.16\text{s}$$

合成不确定度

$$U_{l_0} = \sqrt{U_{a,l_0}^2 + U_{b,l_0}^2} =$$

$$U_D = \sqrt{U_{a,D}^2 + U_{b,D}^2} =$$

$$U_t = \sqrt{U_{a,t}^2 + U_{b,t}^2} =$$

传递不确定度

$$l = l_0 + \frac{D}{2} \Rightarrow U_l = \sqrt{U_{l_0}^2 + (\frac{U_D}{2})^2} =$$

$$\frac{U_g}{g} = \sqrt{(\frac{U_l}{l})^2 + (\frac{2U_t}{t})^2} \Rightarrow U_g =$$

八.误差分析

- 1.测量读数存在误差
- 2.人对于摆球到达位置的判断, 以及反应判断存在误差
- 3.摆动过程中空气阻力和连接端的摩擦力的影响
- 4.摆线的弹性变形, 以及其质量
- 5.摆角带来的高次项, 计算公式本身的近似

九.实验结论

测得重力加速度 $g = \pm$, 与当地重力加速度 $g_0 =$ 相差 $Error = \frac{\Delta g}{g_0} * 100\% =$, 误差在允许范围内。

十.思考题