

思路

将每个等级的强化附上一个权重，

$$\begin{cases} W_0 = 0 \text{ (未强化)} \\ W_1 = (+1\text{的次数期望}) \\ W_2 = (+2\text{的次数期望}) \\ W_n = W_{n-1} + W_{n-2} \text{ (+n的次数期望)} \end{cases}$$

这个是+1、+2强化，后面使用新镜子的策略。

采用母函数的方法，计算了 $W_1$ 和 $W_2$ 的值：

$$W_1 = \frac{d}{dx} \left[ \frac{p_0 x}{1 - (1 - p_0)x} \right]_{x=1}$$

$$W_2 = \frac{d}{dx} \left[ \frac{p_0 p_1 x^2}{1 - p_0(1 - p_1)x^2 - (1 - p_0)x} \right]_{x=1}$$

(有卡西欧懒得化简了)

然后递推计算出后续的 $W_n$ 。

我们假设某次采用强化，收益更高。

则有

$$P_i W_{i+1} + (1 - P_i) W_{i-1} \geq W_i$$

$$\Rightarrow P_i \geq \frac{W_i - W_{i-1}}{W_{i+1} - W_{i-1}}$$

通过python程序计算出各个等级的临界概率如下：

```

f=[0,1.8115,5.6594]
# f_1=d[(p0*x)/(1-(1-p0)*x)]/dx at x=1
# f_2=d[(p0*p1*x^2)/(1-(1-p1)*p0*x^2-(1-p0)*x)]/dx at x=1
for i in range(2,20):
    f.append(f[i]+f[i-1])
print([format(x, '.4f') for x in f])
p=[0]*20
for i in range(3,20):
    # f[i]<=(1-p)*f[i-1]+p*f[i+1]=f[i-1]+p*(-f[i-1]+f[i+1])
    # p>=(f[i]-f[i-1])/(-f[i-1]+f[i+1])
    p[i]=(f[i]-f[i-1])/(-f[i-1]+f[i+1])
print([format(x*100, '.2f')+ '%' for x in p[3:20]])

```

结果为：

强化等级	临界成功
3	24.25%
4	43.10%
5	36.26%
6	38.93%
7	37.92%
8	38.30%
9	38.16%
10	38.21%
11	38.19%
12	38.20%
13	38.20%
14	38.20%
15	38.20%
16	38.20%
17	38.20%

强化等级	临界成功
18	38.20%
19	38.20%

思路仅供参考，实际情况可能会因为运气波动有所不同。