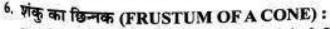


ठोस वस्तुओं के आयतन (VOLUME OF SOLIDS)

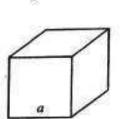
सूत्र

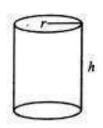
- 1. धनाभ (CUBOID) : इसके छ: फलक होते हैं तथा प्रत्येक फलक आयताकार होता है. माना घनाभ की लम्बाई = / सेमी०, चौड़ाई = b सेमी० तथा ऊँचाई = h सेमी०. तब.
 - (i) घनाभ का आयतन = (l × b × h) घन सेमीo.
 - (ii) घनाभ का विकर्ण = $\sqrt{l^2 + b^2 + h^2}$ सेमी०
 - (iii) घनाभ के सम्पूर्ण पृष्ठ का क्षेत्रफल = 2(lb + bh + lh) वर्ग सेमी \circ .
- धन (CUBE): इसके छ: फलक होते हैं तथा प्रत्येक फलक वर्गाकार होता है. माना घन की प्रत्येक भुजा = a सेमीo. तब,
 - (i) घन का आयतन = a³ घन सेमीo.
 - (ii) घन के सम्पूर्ण पृष्ठ का क्षेत्रफल = (6a²) वर्ग सेमी०.
 - (iii) घन का विकर्ण = $(\sqrt{3}a)$ सेमी॰.
- बेलन (CYLINDER): माना बेलन के आधार की त्रिज्या = r सेमी० तथा बेलन की लम्बाई (अथवा ऊँचाई) = h सेमी०. तब,
 - (i) बेलन का आयतन = (πr²h) घन सेमी∘.
 - (ii) बेलन के वक्र-पृष्ठ का क्षेत्रफल = $(2\pi rh)$ वर्ग सेमी॰.
 - (iii) बेलन के सम्पूर्ण पृष्ठ का क्षेत्रफल $=(2\pi rh+2\pi r^2)$ वर्ग सेमी०.
- शंकु (CONE): माना शंकु के आधार की त्रिज्या = r सेमी०, ऊँचाई = h सेमी० तथा तिर्यक ऊँचाई = l सेमी०. तब,
 - (i) $l = \sqrt{r^2 + h^2}$.
 - (ii) शंकु का आयतन = $\left(\frac{1}{3}\pi r^2 h\right)$ घन सेमी \circ .
 - (iii) शंकु का वक्र पृष्ठ = (πrl) वर्ग सेमी०.
 - ($\dot{\nu}$) शंकु का सम्पूर्ण पृष्ठ = $(\pi rl + \pi r^2)$ वर्ग सेमी०.
- गोला (SPHERE): माना किसी गोले की त्रिज्या = r सेमी०. तब,
 - (i) गोले का आयतन = $\left(\frac{4}{3}\pi r^3\right)$ घन सेमी॰.
 - (ii) गोले का वक्र-पृष्ठ $=(4\pi r^2)$ वर्ग सेमी \circ .
 - (iii) अर्द्ध-गोले का आयतन $=\left(\frac{2}{3}\pi r^3\right)$ घन सेमी०.
 - (iv) अर्द्ध-गोले का सम्पूर्ण पृष्ठ $=3\pi r^2$ वर्ग सेमी \circ .

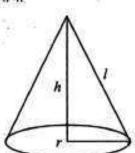


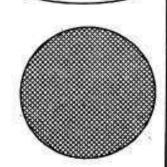
माना किसी शंकु के छिन्नक के आधार तथा शीर्ष की त्रिज्यायें क्रमश: R सेमी० तथा r सेमी० हैं.

माना इसकी ऊँचाई = h सेमी० तथा तिर्यक ऊँचाई = l सेमी०.





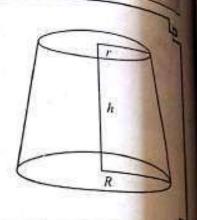




586 • नवीन अंकगणित

뫼

- (i) शंकु के छिन्नक का आयतन $=\frac{\pi h}{3}(R^2 + r^2 + Rr)$ घन सेमी \circ .
- (ii) तिर्यक भाग का क्षेत्रफल = $\pi l(R + r)$ वर्ग सेमी \circ , जहाँ $l^2 = h^2 + (R - r)^2$.
- (iii) छिन्नक के सम्पूर्ण पृष्ठ का क्षेत्रफल = (आधार का क्षेत्रफल) + (शीर्ष भाग का क्षेत्रफल) + (वक्र पृष्ठ का क्षेत्रफल) $= \{\pi R^2 + \pi r^2 + \pi l (R+r)\}$ वर्ग सेमी० = $\pi[R^2 + r^2 + l(R+r)]$ वर्ग सेमी॰.



साधित उदाहरण

प्रश्न 1. एक घनाभ की लम्बाई, चौड़ाई तथा ऊँचाई क्रमशः 20 सेमी०, 12 सेमी० तथा 9 सेमी० है. इसक आयतन, सम्पूर्ण पृष्ठ तथा विकर्ण ज्ञात कीजिए.

हल : घनाभ का आयतन =
$$(l \times b \times h)$$

घनाभ का सम्पूर्ण पृष्ठ =
$$2 \times [(l \times b) + (b \times h) + (l \times h)]$$

=
$$[2 \times (240 + 108 + 180)]$$
 सेमी \circ ² = (2×528) सेमी \circ ² = 1056 सेमी \circ ²

घनाभ का विकर्ण
$$= \sqrt{l^2 + b^2 + h^2}$$

=
$$\sqrt{(20)^2 + (12)^2 + (9)^2}$$
 = $\sqrt{400 + 144 + 81}$ = $\sqrt{625}$ = 25 सेमीo.

प्रश्न 2. 8 मीटर लम्बी, 6 मीटर ऊँची तथा 22.5 सेमी० चौड़ी एक दीवार को बनाने के लिए कितनी ईंटें चिहिं जबिक प्रत्येक ईंट 25 सेमी० लम्बी, 11.25 सेमी० चौड़ी तथा 6 सेमी० ऊँची हो ?

प्रत्यक इंट का आयतन =
$$(25 \times 11.25 \times 6)$$
 सन्तर .
∴ अभीष्ट ईंटों की संख्या = $\frac{\text{दीवार का आयतन}}{\text{प्रत्येक ईंट का आयतन}} = \left(\frac{800 \times 600 \times 22 \cdot 5}{25 \times 11 \cdot 25 \times 6}\right) = 6400.$

प्रश्न 3. एक घनाभ की लम्बाई, चौड़ाई तथा ऊँचाई का अनुपात 8 : 5 : 3 है तथा इसके सम्पूर्ण पृष्ठ का क्षेत्रफा 63200 वर्ग सेमी० है. इसका आयतन ज्ञात कीजिए.

हल : माना लम्बाई =
$$8x$$
 सेमी॰, चौड़ाई = $5x$ सेमी॰ तथा ऊँचाई = $3x$ सेमी॰.

$$\therefore$$
 घनाभ के सम्पूर्ण पृष्ठ का क्षेत्रफल = $2 \times [(l \times b) + (b \times h) + (l \times h)]$ सेमी \circ^2

=
$$2 \times [(8x \times 5x) + (5x \times 3x) + (8x \times 3x)]$$
 सेमी $\circ^2 = (158x)$ सेमी \circ^2 .

$$\therefore 158 \ x = 63200 \implies x = \frac{63200}{158} = 400.$$

अत: लम्बाई =3200 सेमी॰ =32 मी॰, चौड़ाई =2000 सेमी॰ =20 मी॰, ऊँचाई =1200 सेमी॰ =12 मी॰,

∴ घनाभ का आयतन = (32 × 20 × 12) घन मीटर = 7680 घन मीटर.

प्रश्न 4. एक घन की प्रत्येक भुजा 8 सेमी० लम्बी है. घन का आयतन, सम्पूर्ण पृष्ठ तथा विकर्ण ज्ञात की

हल : घन का आयतन =
$$a^3 = (8 \times 8 \times 8)$$
 सेमी $0^3 = 512$ सेमी 0^3 .

घन का सम्पूर्ण पृष्ठ = $6a^2 = (6 \times 8 \times 8)$ सेमी $0^2 = 384$ सेमी 0^2 .

घन का विकर्ण = $\sqrt{3}a = 8\sqrt{3}$ सेमी॰.

ग्रन 5. किसी घन का सम्पूर्ण पृष्ठ 150 वर्ग सेमी० है. इस घन का आयतन ज्ञात कीजिए. इल: माना घन की प्रत्येक भुजा = a सेमी०.

तब, घन का सम्पूर्ण पृष्ठ = 6a² सेमीo²

$$6a^2 = 150 \Rightarrow a^2 = 25 = 5^2 \Rightarrow a = 5$$
 सेमी०.

घन का आयतन = $a^3 = 5^3 = 125$ सेमी o^3

\mathfrak{g}^{6} एक घन के विकर्ण की लम्बाई $6\sqrt{3}$ सेमी० है. इसका आयतन तथा सम्पूर्ण पृष्ठ का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए.

हल : माना घन की प्रत्येक भुजा = a सेमी॰. तब, घन का विकर्ण = $\sqrt{3}$ a सेमी॰. $\sqrt{3}$ $a = 6\sqrt{3} \Rightarrow a = 6$.

अतः घन का आयतन = $a^3 = (6 \times 6 \times 6)$ सेमी $0^3 = 216$ सेमी 0^3 .

तथा घन का सम्पूर्ण पृष्ठ = $6a^2 = (6 \times 6 \times 6)$ सेमी $0^2 = 216$ सेमी 0^2 .

गूर्न 7. एक लम्बवृत्तीय बेलन की लम्बाई 80 सेमी० तथा आधार की त्रिज्या 3.5 सेमी० हैं. इस बेलन का आयतन, वक्रपृष्ठ तथा सम्पूर्ण पृष्ठ ज्ञात कीजिए.

हल: यहाँ $r = \frac{7}{2}$ सेमी० तथा h = 80 सेमी०.

बेलन का आयतन =
$$\pi r^2 h = \left(\frac{22}{7} \times \frac{7}{2} \times \frac{7}{2} \times 80\right)$$
 सेमी $o^3 = 3080$ सेमी o^3 .

बेलन का वक्रपृष्ठ =
$$2\pi rh = \left(2 \times \frac{22}{7} \times \frac{7}{2} \times 80\right)$$
 सेमी \circ ² = 1760 सेमी \circ ².

बेलन का सम्पूर्ण पृष्ठ = $\left(2\pi rh + 2\pi r^2\right) = 2\pi r(h+r)$

$$= \left[2 \times \frac{22}{7} \times \frac{7}{2} \times \left(80 + \frac{7}{2}\right)\right] \text{ सेमीo}^2 = (11 \times 167) \text{ सेमीo}^2 = 1837 \text{ सेमीo}^2.$$

प्रन 8. एक बेलनाकार टंकी की धारिता 1848 मीटर³ तथा इसका व्यास 14 मीटर है. टंकी की गहराई ज्ञात कीजिए.

हल: दिया है: टंकी का अर्द्धव्यास r=7 मीटर तथा टंकी की धरिता = 1848 मी 3 .

माना टंकी की गहराई = h मीटर, तब

$$\pi r^2 h = 1848 \Rightarrow \frac{22}{7} \times 7 \times 7 \times h = 1848$$
$$\Rightarrow h = \frac{1848}{154} = 12.$$

ं. टंकी की गहराई = 12 मीटर.

पन 9. लोहे के बने एक खोखले पाईप की लम्बाई 1 मीटर तथा इसकी अन्दरी चौड़ाई 3 सेमी० है. यह 1 सेमी० मोटी लोहे की चादर का बना है. यदि 1 घन सेमी० लोहे का भार 21 ग्राम हो, तो इस पाईप का भार कितना है?

हेल: पाईप को अन्दरी त्रिज्या = 1.5 सेमी०, बाहरी त्रिज्या = 2.5 सेमी०.

लोहे का आयतन =
$$\{\pi \times (2.5)^2 \times 100 - \pi \times (1.5)^2 \times 100\}$$
 घन सेमी॰ = $\pi \times 100 \times \{(2.5)^2 - (1.5)^2\}$ घन सेमी॰ $\begin{bmatrix} 22 & 32.5 & 3.5 & 3.5 \\ 22 & 32.5 & 3.5 & 3.5 \end{bmatrix}$ घन सेमी॰

$$= \left\{ \frac{22}{7} \times 100 \times (2.5 + 1.5) (2.5 - 1.5) \right\}$$
 घन सेमी॰

$$= \left(\frac{22}{7} \times 100 \times 4 \times 1\right)$$
 घन सेमी० = $\frac{8800}{7}$ घन सेमी०.

पाईप का भार = $\left(\frac{8800}{7} \times \frac{21}{1000}\right)$ किया $\circ = 26.4$ किया \circ

प्रश्न 10. एक शंकु के आधार की त्रिज्या 21 सेमी० तथा ऊँचाई 28 सेमी० है. इसकी तिर्यक ऊँचाई, आयत्न, वक्र-पृष्ठ का क्षेत्रफल तथा सम्पूर्ण पृष्ठ का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए.

हल : दिया है : r=21 सेमी॰ तथा h=28 सेमी॰. तिर्यक ऊँचाई, $I=\sqrt{r^2+h^2}=\sqrt{(21)^2+(28)^2}=\sqrt{1225}=35$ सेमी॰.

(i) शंकु का आयतन = $\frac{1}{3}\pi r^2 h = \left(\frac{1}{3} \times \frac{22}{7} \times 21 \times 21 \times 28\right)$ घन सेमी० = 12936 घन सेमी०,

(ii) वक्र-पृष्ठ का क्षेत्रफल = $\pi rl = \left(\frac{22}{7} \times 21 \times 35\right)$ वर्ग सेमी० = 2310 वर्ग सेमी०,

(iii) सम्पूर्ण पृष्ठ का क्षेत्रफल = $(\pi rl + \pi r^2) = \left(2310 + \frac{22}{7} \times 21 \times 21\right)$ वर्ग सेमी॰ = 3696 वर्ग सेमी॰,

प्रश्न 11. एक शंक्वाकार तम्बू के आधार की त्रिज्या 7 मीटर तथा ऊँचाई 24 मीटर है. इसे बनाने में 1-25 मीटर चौड़ा कितना कपड़ा लगेगा?

हल : यहाँ r=7 मीटर तथा h=24 मीटर.

 $l = \sqrt{r^2 + h^2} = \sqrt{49 + 576} = \sqrt{625} = 25$ मीटर. कपड़े का क्षेत्रफल $= \pi r l = \left(\frac{22}{7} \times 7 \times 25\right)$ वर्ग मीटर = 550 वर्ग मीटर. कपड़े की चीड़ाई = 1.25 मीटर.

कपड़े की लम्बाई = $\frac{क्षेत्रफल}{चौड़ाई} = \frac{550}{1\cdot 25}$ मीटर = 440 मीटर.

प्रश्न 12. दो लम्बवृत्तीय शंकुओं की ऊँचाई का अनुपात 1 : 2 है तथा इनके आधार की परि<mark>मिति का अनुपात</mark> 3 : 4 है. इनके आयतनों का अनुपात ज्ञात कीजिए.

हल : माना शंकुओं को ऊँचाई क्रमशः h,2h हैं तथा आधार की त्रिज्यायें क्रमशः r तथा R हैं. तब, $\frac{2\pi r}{2\pi R} = \frac{3}{4} \Rightarrow \frac{r}{R} = \frac{3}{4}$. दिये गये शंकुओं के आयतनों का अनुपात $=\frac{\frac{1}{3}\pi r^2 h}{\frac{1}{3}\pi R^2(2h)} = \frac{r^2}{2R^2} = \frac{1}{2}\cdot\left(\frac{r}{R}\right)^2 = \frac{1}{2}\times\left(\frac{3}{4}\right)^2 = \frac{9}{32}$. अतः अभोष्ट अनुपात = 9 : 32.

प्रश्न 13. एक गोले की त्रिज्या 10·5 सेमी० है. इसका आयतन तथा सम्पूर्ण पृष्ठ ज्ञात कीजिए.

हल : यहाँ $r=\frac{21}{2}$ सेमी॰. गोलं का आयतन $=\frac{4}{3}\pi r^3=\left(\frac{4}{3}\times\frac{22}{7}\times\frac{21}{2}\times\frac{21}{2}\times\frac{21}{2}\right)$ घन सेमी॰ = 4851 घन सेमी॰. गोले के सम्पूर्ण पृष्ठ का क्षेत्रफल $=4\pi r^2$

 $= \left(4 \times \frac{22}{7} \times \frac{21}{2} \times \frac{21}{2}\right)$ वर्ग सेमी॰ = 1386 वर्ग सेमी॰.

प्रश्न 14. एक गोले की त्रिज्या में 50% वृद्धि करने पर इसके आयतन में कितने प्रतिशत वृद्धि होगी तथा इसके सम्पूर्ण पृष्ठ के क्षेत्रफल में कितने प्रतिशत वृद्धि होगी ?

हल : माना गोले की प्रारम्भिक त्रिज्या = r: तब इसका सम्पूर्ण पृष्ठ = $4\pi r^2$.

नई त्रिज्या = r का 150% = $\left(r \times \frac{150}{100}\right) = \frac{3r}{2}$.

तथा सम्पूर्ण पृष्ठ =
$$4\pi \left(\frac{3r}{2}\right)^2 = 9\pi r^2$$
,
सम्पूर्ण पृष्ठ में वृद्धि % = $\left(\frac{5\pi r^2}{4\pi r^2} \times 100\right)$ % = 125%,

हुन 15. एक गोले की त्रिज्या में 20% वृद्धि होने पर इसके आयतन में कितने प्रतिशत वृद्धि होगी? हत: माना गोले की प्रारम्भिक त्रिज्या = r.

माना गाल का प्रांतान्त्रक प्रकार में विद्य
$$= r$$
. तब, इसका आयतन $= \frac{4}{3}\pi r^3$. नई त्रिज्या $= \left(r \times \frac{120}{100}\right) = \frac{6r}{5}$. नया आयतन $= \frac{4}{3}\pi \left(\frac{6r}{5}\right)^3 = \frac{216}{125} \left(\frac{4}{3}\pi r^3\right)$. आयतन में वृद्धि $= \frac{4}{3}\pi r^3 \left(\frac{216}{125} - 1\right) = \frac{4}{3}\pi r^3 \times \frac{91}{125}$. आयतन में वृद्धि $\% = \left\{\frac{\frac{4}{3}\pi r^3}{\frac{4}{3}\pi r^3} \left(\frac{91}{125}\right) \times 100\right\}\% = \frac{364}{5}\% = 72.8\%$.

क्रन 16. धातु के बने 28 सेमी० ऊँचे तथा 6 सेमी० त्रिज्या वाले ठोस बेलन को पिघलाकर गोलियाँ बनाई गई हैं जिनमें से प्रत्येक का व्यास 1.5 सेमी० है. इन गोलियों की संख्या कितनी है?

हल : बेलन का आयतन =
$$\pi R^2 H = (\pi \times 6 \times 6 \times 28)$$
 घन सेमी॰.
एक गोली का अर्द्ध-व्यास = $\frac{3}{4}$ सेमी॰.

1 गोली का आयतन
$$=\frac{4}{3}\pi r^3 = \frac{4}{3}\pi \times \left(\frac{3}{4}\right)^3 = \frac{9\pi}{16}$$
 घन सेमी॰.
गोलियों की संख्या $=\frac{\frac{1}{3}\pi r^3}{\frac{1}{3}\pi r^3} = \left(\frac{36\times28\times\pi\times\frac{16}{9\pi}}{1}\right) = 1792$.

पन 17. जस्ते के बने एक गोले का व्यास 18 सेमी० है. इस गोले से 4 मिमी० व्यास की तार खींची गई है. **इस** तार की लम्बाई कितनी है?

हत : गोले का अर्द्धव्यास = 9 सेमी०.

1

गोले का आयतन
$$=\frac{4}{3}\pi R^3 = \left\{\frac{4}{3}\pi \times (9)^3\right\}$$
 घन सेमी॰.

तार की त्रिज्या =
$$\frac{2}{10}$$
 सेमी $\circ = \frac{1}{5}$ सेमा \circ .

माना तार की लम्बाई = x सेमी॰. तब $\pi \times \frac{1}{5} \times \frac{1}{5} \times x = \frac{4}{3} \pi \times 9 \times 9 \times 9 \Rightarrow x = 24300$ सेमी॰ = 243 मीटर.

अतः तार की अभीष्ट लम्बाई = 243 मीटर.

मन 18. एक शंकु तथा एक गोले की बराबर त्रिज्या तथा बराबर आयतन हैं. गोले के व्यास तथा शंकु की ऊँचाई का अनुपात ज्ञात कीजिए.

$$\frac{4}{3}\pi R^3 = \frac{1}{3}\pi R^2 h \Rightarrow \frac{R}{h} = \frac{1}{4} \Rightarrow \frac{2R}{h} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$$
. अभीष्ट अनुपात = 1 : 2.

(i) अर्द्ध-गोले का आयतन = $\frac{2}{3}\pi r^3 = \left(\frac{2}{3} \times \frac{22}{7} \times \frac{21}{2} \times \frac{21}{2} \times \frac{21}{2}\right)$ घन सेमी॰ = $\frac{4851}{2}$ घन सेमी॰

(ii) अर्ध-गोले का वक्र-पृष्ट = $2\pi r^2 = \left(2 \times \frac{22}{7} \times \frac{21}{2} \times \frac{21}{2}\right)$ वर्ग सेमी॰ = 693 वर्ग सेमी॰.

(iii) अर्द्ध-गोले का सम्पूर्ण पृष्ट = $3\pi r^2 = \left(3 \times \frac{22}{7} \times \frac{21}{2} \times \frac{21}{2}\right)$ वर्ग सेमी॰ = $1039 \cdot 5$ वर्ग सेमी॰.

प्रश्न 20. एक शंकु, एक अर्द्ध-गोला तथा एक बेलन के बराबर आधार तथा बराबर ऊँचाई हैं. इनके आबतन का अनुपात ज्ञात कीजिए.

हल : माना प्रत्येक की त्रिज्या = R = अई गोले की ऊँचाई = बेलन की ऊँचाई. (शंकु का आयतन) : (अर्द्ध गोले का आयतन) : (बेलन का आयतन)

 $= \left(\frac{1}{3}\pi R^2 \times R\right) : \left(\frac{2}{3}\pi R^3\right) : (\pi R^2 \times R) = \frac{1}{3} : \frac{2}{3} : 1 = 1 : 2 : 3.$

अत: अभीष्ट अनुपात = 1 : 2 : 3.

=

6·5 सेमी० कैंची कितनी ईंटों की आवश्यकता होगी?

(b) 1000

(a) 500

		ग्र श्नमाला	24A				
निप्न	लिखित प्रश्नों में से प्रत्येक में ठीक	उत्तर को चिन्हांकि	त (✔) कीजिए :	tell tell			
1.	एक कमरा 12 मीटर लम्बा, 9 मीट	र चौड़ा तथा 8 मीटर	ऊँचा है. इसमें अधिकतम	। किस लम्बाई का बाँस रहा ब			
	सकता है ?			स०एस०सी० परीक्षा, 2008)			
1	(a) 17 मीटर (b) 16 मी	ोटर (c)	110	757 177.431.000			
2.	(10 मीटर × 10 मीटर × 5 मीटर)) विभाओं वाले कम	ारे में रखी जा सकने वाल	ी सबसे लम्बी छड की लम्बा ं			
	कितनी होगी?		(υ	संरुपस्रक्षी० परीक्षा, 2010)			
	(a) 15√3 मीटर (b) 15 मी	ोटर (c)	10√2 मीटर (d) 5√3 मीटर			
3.	रीता और मीता दोनों के लंच बॉक्स	घनाभाकार हैं. रीता	के वॉक्स की लम्बाई तथा	चौडाई मीता के बॉक्स से 10%			
	अधिक है. परन्तु रीता के बॉक्स की	गहराई मीता के वॉ	क्स से 20% कम है। रीता	के वॉक्स की भारिता और मीत			
	के बॉक्स की धारिता में क्या अनुपा	त है ?	(ह्रो	टल मैनेजमैंट परीक्षा, 2010)			
	(a) 11:15 (b) 15:	11 (c)	125 : 121 (d) 121 : 125			
4.	के बॉक्स की धारिता में क्या अनुपात है ? (होटल मैनेजमैंट परीक्षा, 2010) (a) 11 : 15 (b) 15 : 11 (c) 125 : 121 (d) 121 : 125 एक आयताकार जलाशय में 42000 लीटर जल है. यदि जलाशय की लम्बाई 6 मीटर तथा चौड़ाई 3-5 मीटर है						
	of Talking at the same and appears from	mark the T					
	(a) 2 मीटर (b) 5 मीट	n (c)	6 मीटर (त	१ ४ मीरा			
5.	रा नागर का पाछाई इसका कथा	इ का दगना तथा ल	म्बाई से आधी है. यटि क	त्रों का आगतन ६१२ घन मीटी			
	Set til til til det det attaller tarange de	73					
	(a) 12 मीटर (b) 16 मी	टिर (८)	20 ਸੀਟਾ (-	n 22 1811			
6.	मान्य बाह्य वाह्य व	भाटर कचा दल्ला म	8 सेपी० व्याचे व केसी) 32 माटर - केरे र रेक्ट केरे अधिक			
	म जानमा जिल्ला । छठन रख जा सह	ad 8 /		चाड़ तथा 6 समाव कप जा			
625c	(a) 9800000 (b) 7500	000 (c)	1000000) 1200000			
7	A THE THE A P. S. A. A.	Marie Company of the	(4	120000			

7. 4 मीटर लम्बी, 3 मीटर ऊँची तथा 13 सेमी॰ चौड़ी दीवार बनाने के लिए 20 सेमी॰ लम्बी, 12 सेमी॰ चौड़ी तथा

(c) 1500

_(d) 2000

है. 24 मीटर लम्बी, 8 मीटर ऊँची तथा 60 सेमी॰ चौड़ी दीवार बनाने के लिए 24 सेमी॰ लम्बी, 12 सेमी॰ चौड़ी 24 मार्थ प्रमान के लिए 24 समान लम्बा, 12 समान चाड़ा तथा 8 सेमीन केंची कितनी ईंटें लगेंगी, जबकि दीवार के कुल आयतन का 10% भाग सीमेंट तथा रेत के मिश्रण से बना हो ? (a) 50000 (b) 45000 (c) 40000 (a) 25000 (d) 25000 एक बनाभ के विकर्ण की नाप 28 सेमी० है तथा इसके तीनों कोरों की लम्बाई का योग 44 सेमी है. इस घनाभ के सम्पूर्ण पृष्ठ का क्षेत्रफल कितना होगा? (a) 576 वर्ग सेमी० (b) 1152 वर्ग सेमी० (c) 1728 वर्ग सेमी॰ (d) 2304 वर्ग सेमी॰ क्ष घनाभ की लम्बाई, चौड़ाई तथा ऊँचाई का योग 19 सेमी॰ है तथा इसके विकर्ण की लम्बाई 5√5 सेमी॰ है. इसके सम्पूर्ण पृष्टों का क्षेत्रफल कितना है? (a) 361 वर्ग सेमी० (b) 486 वर्ग सेमी० (c) 236 वर्ग सेमीo ा. एक घनाभ का आयतन 210 घन सेमी० है तथा इसके सम्पूर्ण पृष्ठ का क्षेत्रफल 214 वर्ग सेमी० है. यदि इसके आधार का क्षेत्रफल 42 वर्ग सेमी० हो, तो इस घनाभ की विभायें हैं: (a) 5 सेमी॰, 4 सेमी॰, 3 सेमी॰, (b) 6 सेमी०, 5 सेमी०, 4 सेमी०, (c) 7 सेमी०, 6 सेमी०, 5 सेमी०, (d) 8 सेमी०, 7 सेमी०, 6 सेमी०, 12. लोहें का एक शहतीर 9 मीटर लम्बा, 40 सेमी॰ चौड़ा तथा 20 सेमी॰ ऊँचा है. यदि 1 घनमीटर लोहें का भार 50 किग्रा॰ हो, तो शहतीर का भार कितना होगा? (a) 56 किग्राo (b) 48 किग्राo (c) 36 **कि**ग्रा॰ संगमरमर के एक आयताकार टुकड़े की चौड़ाई 28 सेमी० तथा मोटाई 5 सेमी० है. इस टुकड़े का भार 112 किग्रा० (d) 27 किग्राo है. यदि 1 घन सेमी० संगमरमर का भार 25 ग्राम हो, तो टुकड़े की लम्बाई कितनी है ? (a) 36 सेमीo (b) 37.5 सेमीo (c) 32 सेमीo (d) 26·5 सेमी॰ 14. एक 45 मीटर चौड़ी तथा 2·5 मीटर गहरी नदी का बहाव 3·6 किमी०/घण्टा है. इससे कितना पानी प्रति मिनट समुद्र में गिरता है ? (a) 6650 घन मीटर (b) 6750 घन मीटर (c) 6850 घन मीटर (d) 6950 घन मीटर 15. एक आयताकार पानी की टंकी के आधार का क्षेत्रफल 6500 वर्ग सेमी॰ है तथा इसमें भरे पानी का आयतन 2.6 घन मीटर है. टंकी में पानी की गहराई कितनी है ? (a) 3·5 मीटर (b) 4 मीटर (c) 5 मीटर (d) 6 मीटर 16. धातु के बने एक घनाभ का भार 16 किग्रा० है. यदि इसकी सभी विभाओं में से प्रत्येक को पहले का एक-चौथाई कर दें, तो नये घनाभ का भार कितना होगा? (मैट्रो रेलवे परीक्षा, 2003) (a) 0·25 किग्राo (b) 0·50 किग्रा॰ (c) 0·75 **कि**ग्रा∘ (d) 1 किग्राo 17. 1-5 हैक्टेयर के क्षेत्रफल के मैदान में 5 सेमी० गहरी वर्षा गिरने पर इक्कट्ठे हुये पानी का आयतन कितना होगा ? (a) 75 घन मीटर (c) 7500 घन मीटर (d) 75000 घन मीटर (b) 750 घन मीटर 18. एक 0·6 घन मीटर की सोने की चादर को पीटकर इस प्रकार फैलाया गया है कि यह ठीक 1 हैक्टेयर क्षेत्रफल को प्रा का प्रा ढ़क लेती है. इस फैली हुई चादर की मोटाई कितनी है? (a) 6 मिमीo (c) ·06 甲中。 (d) ·006 मिमी॰ (b) 0.6 年中 0 19. एक 24 सेमी० लम्बे, 14 सेमी० चौड़े तथा 7·5 सेमी० ऊँचे घनाभ का सम्पूर्ण पृष्ठ कितना है? (a) 2520 वर्ग सेमी॰ (b) 1260 वर्ग सेमी॰ (c) 1242 वर्ग सेमी॰ (d) 621 वर्ग सेमी॰ भ, एक धनाभ की लम्बाई, चौड़ाई तथा ऊँचाई का अनुपात 6 : 5 : 4 है. यदि इसका सम्पूर्ण पृष्ठ 33300 वर्ग सेमी० हों, तो इसका आयतन कितना होगा ? (a) 45000 घन सेमी०(b) 455000 घन सेमी० (c) 405000 घन सेमी० (d) आँकड़े अपर्याप्त

21	. तरन क लिए बना प लगाने पर पानी के	क तार तल क	ताब 24 माटर लम्बा ो ऊँचाई में । सेमी०	तथा । की वृ	5 माटर चाड़ा ह. वु हिंद्ध हो जाती है. याँ	द प्रत्ये	कत्या के इस तालाब में हुबके के व्यक्ति 0-1 घन मीटर पान	쁶
	विस्थापित करे, तो र	गलाब	में कितने व्यक्ति हैं ?		42		(The rest of the second)
122	(a) 32	(b)	36	(c)	42	(a)	40	.03
22.	काटे गये हैं जिनमें र	मे प्रत्येव	क की भुजा 8 सेमी०	त तथा है. शेष	36 समा० चाड़ा है. इ बची चादर को मो	ड़कर ए	चारों कोनों से चार बराबर क क खुला डिब्बा बनाया गया है (मैनेजमैन्ट परीक्षा, 2006	N
	इस डिब्बे की धारित	ा कतः	ना ह ? 5120 घन सेमी०	23	६१३० घर सेपी	(4)	5140 घन योगी)
	(a) 5110 धन सम	o (b)	5120 धन समाव । ३.६ जीवर व्यास	(C)) । अध्यक्ति समाध्य । इ.सीटर सीटा	₹ e	समें एक आयताकार टंक	
23.	, एक आयताकार प (इ.मी.स. ४४६ मी	लाट <i>ः</i>	13·3 माटर लम्बा 13·3 माटर लम्बा	तथा केटा	2.3 माटर पाड़ा वर्षे से निकाली गर्ड	ए. ५ मिटी व	तो प्लाट के शेष भाग में समा	1
	रूप से बिलाया गया	है हा	। नाटर) खादा गर स्मे फ्लाट के धरातल	e. v	वार्ड में कितनी वद्धि	होगी ?	(मैनेजमैन्ट परीक्षा, 2005	1
			4·1 मीटर :					,
24.							वा है. इसकी तली तथा प्रत्येव	5
17.00				Section 1997	Control of the second of the s		गम हो, तो खाली ट्रंक का भा	
	(a) 6·832 किग्रा॰	(b)	7∙576 किग्रा∘	(c)	7∙16 किग्रा०	(d)	8.04 किग्रा०	
25.							' घन इकाई तथा इसके सम्पू	ή
	पृष्ठों का क्षेत्रफल S	वर्ग इत	माई है. तब, $\frac{1}{r} = ?$			85	111	
	(a) $\frac{1}{2}S(a+b+c)$	(b)	$\frac{2S}{(a+b+c)}$	(c)	2S(a+b+c)	(d)	$\frac{2}{S} \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} \right)$	
26.	एक घनाभ के तीन	भासन्न	पृष्ठों के क्षेत्रफल क्र	मशः अ	c, y तथा z वर्ग इकाः	ई हैं तथ	ग्रा इसका आयतन V घन इका	í
	है. तब, $xyz = ?$							
	(a) V	(b)	V^2	(c)	2V	(d)	$2V^2$	
27.	किसी घनाभ के तीन है. घनाभ की सबसे	संगत छोटी १	फलकों के क्षेत्रफलों भजा की लम्बाई कित	का अ नी है 7	ानुपात 2 : 3 : 4 है :)	तथा इस	का आयतन 9000 घन सेमी	0
	(a) 10 सेमी ०					(4)	30 सेमी	
28.	किसी घनाभ की माप	25 से	मी॰ × 20 सेमी॰ ×	4 सेर्म	े हैं. एक घन का उ	भायतन	इस घनाभ के आयतन से आध	
	है. घन के सम्पूर्ण पृष	उका ध	क्षेत्रफल कितना है ?		00000		ा ं एस॰सी॰ परीक्षा, 2007	
	(a) 400 सेमी॰ ²				800 सेमी॰ ²	9336 ZZ	1200 सेमी॰ ²	
29.	किसी घन के विकर्ण					?	1200 H H	1
	(a) 18√3 सेमीo [‡]	(b)	$24\sqrt{3}$ सेमी 3	(c)	$28\sqrt{3}$ सेमी \circ ³		30√3 सेमी∘ ³	
22		9	a was o			(एस	ा०एस०सी० परीक्षा, 2010)
30.	एक घन के विकर्ण क	ां लम्ब	ाई 9√3 सेमी० है.	इसके	सम्पूर्ण पृष्ठ का क्षेत्र	प्रफल वि	केतना होगा?	
221	(a) 243 सेमीo ²	(b)	486 सेमी० ²	(c)	648 सेमी॰ ²	(d)	324 सेमी० ²	
31.	एक घन के सम्पूर्ण पृष	ठ का	क्षेत्रफल 13254 सेम	no2	है. इसके विकर्ण क	ो लम्बा	ई कि <mark>तनी हो</mark> गी?	
	(a) 44√3 सेमी०	(b)	45√3 सेमी∘	(c)	46√3 सेमी _०	(4)	47./3 HHI0	4
32.	एक घन के विकर्ण क	माप	4√3 सेमी० है. इस	म घन व	का आयतन कितना	होगा ?	EDMIS DO DE	
	(a) 16 सेमी ^{o 3}	(b)	27 सेमी॰ ³		64 सेमी॰ ³	(d)	48 सेमी॰ ³ ।oएस०सी॰ परीक्षा, 2006)
					7), (1)	1 44	Alla tua Andris -	Selle.

/	का आयतन	512 %	मेमी० ³ है. इसका र	सम्पूर्ण प	ष्ठ कितना होगा ?			
13.	एक धन ना	(b)	रेमी० ³ है. इसका र 256 सेमी० ²	(c)	320 सेमीo ²	(d) 384 सेमी ^{o 2}		
	(व) नियम का आयर	ान एक	घन से दगना है. य	दि घना	न की विभावें ० सेम	(d) 384 सेमी० ² गी०, 8 सेमी० तथा 6 सेमी० हों, तो घन (एस०एस०सी० परीक्षा, 2005)		
14.	का सम्पूर्ण पृष्ठ कित	ना होग	τ?			(ग्रम्लाम्बर्मीव परीक्षा, 2005)		
	ap) 11 A 2	111	216 mm 2	196110				
	(a) 12 % अजा वाले	एक घ	न को पिघलाकर,	संमी ०	भजा वाले कितने	(d) 432 समी० [*] घन बनेंगे? (रे लवे परीक्षा, 2004)		
15.	25 4411- 3	(b)	120	(c)	125	(A 150		
	(a) 100 लोहे के तीन घनों के	सिरों व	की लम्बाई क्रमशः	6 सेमी०	८ सेपी० तथा ।	(d) 150) सेमी० है. इन्हें पिघला कर बनाये गये		
16.								
	्र 12 सेमी०	(b)	14 सेमी०	(0)	16 ນີ້ເມ ື່ອ	(मनजमट पराक्षा, 2008) (d) 18 सेमी॰		
	एक घन के सम्पूर्ण प्	ष्ठ का	क्षेत्रफल 150 वर्ग	सेमी० है	रसका आस्त्रव र	(a) 16 सनार केन्द्रन होगा ?		
7.	(a) 100 सेमी ³	(b)	125 सेमी॰ ³	(c)	150 200 0 3	(d) 175 सेमी ³		
	हात के बने एक घन	की प्रत	येक भजा 12 सेमी	है स	फिल्ल का की न	होटे घनों में ढाला गया है. यदि इनमें से		
18.	ने चर्ने की भजायें ब	त्मशः (6 सेमी० तथा ६ के	n	ापवला कर तान ह	अट धना म द्वाला गया है. याद इनम स ात्येक भुजा की लम्बाई कितनी हैं ?		
	्र 10 सेमी	(6)	12 सेमी	110 61,	वा वासर धन का प्र	त्यक भुजा का लम्बाइ ाकतना ह ? (d) 18 सेमी०		
	(a) 10 (1-11-	(0)	12 4410	(c)	14 समा०			
200	नेप प्रमुख की ।	ranii :		^ ^	C 282	(मैनेजमैन्ट परीक्षा, 2006)		
19.	एक ठास धनाम का	મુખાય :	कमशः /2 समा०,	75 समा	० तथा 135 सेमी०	हैं. ऐसे घन की प्रत्येक भुजा की लम्बाई		
	कितना हागा जिसक	आयत	न इस ठोस घनाभ	के आय	न के बराबर हो ?			
	(a) 75 समा ०	(b)	80 समा॰	(c)	85 सेमी०	(d) 90 सेमी॰		
10.	8 समा० कार वाल व	दी घनी	की उनके सिरों से	मिलाने १	गर प्राप्त घनाभ का	पृष्ठीय क्षेत्रफल कितना होगा?		
	(a) 1440 वर्ग सेमी	o (b)	830 वर्ग सेमी०	(c)	640 वर्ग सेमी०	(d) 560 वर्ग सेमी॰		
	60000					(एस०एस०सी० प्रतिका २००६)		
11.	125 घन सेमी० आय	ातन वा	ले तीन समान घनों व	को परस्प	ार साथ रखकर कि	नारे से इस प्रकार जोड़ा गया है कि एक		
	घनाभ बन जाता है.	इस घन	ाभ का कुल पृष्ठीय	क्षेत्रफल	कितना होगा ?	(बी०एड० प्रवेश परीक्षा, २००७)		
	(a) 175 समीo ²	(b)	200 सेमी [°]	(c)	300 सेमी [°]	(d) 350 莊中。 ²		
12.	एक आयताकार लव	नड़ी क	दकडा (6 सेमी०	× 9 से	मी॰ × 12 सेमी॰)	विभाओं का है. इसे काटकर बराबर		
	आयतन के घन बना	वे गये है	हैं जिनकी संख्या प्र	र्ग है. ऐर	में घनों की कम से	कम संख्या कितनी होगी?		
	(a) 6	(b)	9	(c)	24	(d) 30		
						(एम०एम०मी० प्रीक्ष २००२)		
43,	15 सेमी० लम्बी को	र वाले	घन को एक आयत	ाकार ब	र्तन में पानी में पुरा	डबो दिया गया है यदि बर्तन की करी		
	15 सेमी॰ लम्बी कोर वाले घन को एक आयताकार बर्तन में पानी में पूरा डूबो दिया गया है. यदि बर्तन की तली को लम्बाई 20 सेमी॰ तथा चौड़ाई 15 सेमी॰ हो तो पानी की सतह में कितनी वृद्धि होगी?							
	(a) 11·25 सेमी०	(b)	12∙5 सेमी∘		16 सेमी०	(d) 22·5 सेमी。		
1200				0,000		(3-2-0-		
44,	दो घनों के आयतनों	का अन	पात 27 · 64 है ड	नके सम	पर्ण पष्टों के क्षेत्रफ	(रलव पराक्षा, 2003) लों का अनुपात क्या होगा ?		
	(a) 3:8	(6)	3;4	(c)	9:16	(d) 27:64		
		MODE		2,671,61		ALINE STATE OF THE		
45,	धानु के बने तीन ठीर	य घनों :	की कोरें क्रमण २०	मेमी०	40 सेमी० तथा ५०	(एस०एस०सी० परीक्षा, 2002) सेमी० हैं. इन्हें पिघला कर बनाये गये		
	धन का सम्पूर्ण पृष्ठ	कितना	ना नार अन्तराः उ ० जोगा २	Maile,	40 4410 441 30	सनाव है. इन्हें ।पंघली कर बनाये गये		
	(a) 2 and				0475149 - 8925000000			
M.	एक वन की पत्येक	(<i>0)</i> भजा में	5004 are and 1	(c)	अध्यक्त में किन्सी	(a) ४:४ वंग माटर्		
	(a) 50%	3-11 H	2-15 वर्ग मीटर 50% वृद्धि करने प	ार इसक	जानवान न क्रितन	() 00 m		
	- 2424-902125-2	(0)	150%	(c)	$133\frac{1}{3}\%$	(a) 237 - 70		
	E.					(एस०एस०सी० परीक्षा, 2009)		

4/.	एक घन की प्रत्येक	भुजा को दुगुना करने प	र इसके सम्पूर्ण पृष्ठ के क्षेत्र	पाल में कितने प्रतिशत वृद्धि होगी ? (त) 600%
	(a) 150%	(b) 200%	(c) 300%	(रेलवे परीक्षा, 20
				जेवान का मामणी पहर विकास के
48	एक बेलन के आधा	र की त्रिज्या 3-5 सेमी०	तथा लम्बाई S समि है. इर	स बेलन का सम्पूर्ण पृष्ठ कितना है :
18/37	(a) 105 समा	र विज्यायें १ - ३ के अन	नपात में हैं तथा इनकी ऊँचा	
49.	दा बलना का जावा	\$)	•	1 1
	का अनुपात कितना	A 100 100 100 100 100 100 100 100 100 10	(c) 9:4	(d) 4:9
	(a) 27:28	(0) 20 . 21	के अनुपान में हैं तथा इनकी	कैचाइयाँ क्रमशः 2:3 के अनुपात (ग्रमुण्यालया) प्रतिकार अ
50.	दो बलना का आधा	(त्रिज्याय क्रमशः ३ : ३		क्रिचाइया क्रमशः 2:3 क अनुपात (एस०एस०सी० परीक्षा, 20 (d) 5:3
		क्षेत्रफलों का अनुपात क्य	(a) 3 · 5	(d) 5:3
	(a) 2:5	(b) 2:3	(C) 3.3	न मीटर है, इसके ख्यास का इसकी
51.	एक बेलनाकार स्तम	भ का वक्रपृष्ठ 264 वग	माटर तथा आयतन उद्भ प	न मीटर है. इसके <mark>व्यास का इसकी</mark> (एस०एस०सी० परीक्षा, 20
	ने जार अजगान सेंग	m 2		(durdustus andul vi
	(a) 7:6	(b) 6:7	(c) 3:7	(a) 7.3
52.	एक बेलन के आधा	र का व्यास 42 सेमी०	है तथा इसके वक्रपृष्ठ का क्ष	न्त्रफल 1320 सेमी॰ ² है. इस बेल
	कॅसार्ट कितनी है 2			
	(a) e tinta	(८) 9 सेमी०	(c) 10 सेमी ॰	(d) 12 सेमीo
-	(८) ठ सनार	व के आधार की विजया	तथा ऊँचाई का अनुपात क्रम	शः 2 : 3 है. यदि <mark>इसका आयतन</mark> 1
55.	एक लम्बवृत्ताय बल	न पा आयार पा राज-पा	क केन्स्य किन्न होसा र	
	समा॰ हा, ता इस	बलन क सम्पूण पृष्ठ व	का क्षेत्रफल कितना होगा?	(A 2507.2 mm² 2
	(a) 3080 सेमी॰ *	(b) 38808 समा ०	(c) 25872 HHIO	(d) 2587·2 सेमी∘ ²
54.	एक लम्बवृत्तीय बेल	ान की ऊँचाई 14 सेमी	 है तथा इसका वक्रपृष्ठीय । 	क्षेत्रफल 88 वर्ग सेमी॰ है. इसके व
	की त्रिज्या कितनी है	?		(एस०एस०सी० परीक्षा, 20
	(a) 4 सेमी॰	(b) 8 सेमीo	(c) 1 सेमी०	(d) 2 सेमी ॰
55	दो बेलनों 4 तथा B	के आधारों के अर्द्धव्यार	त 3 : 2 तथा इनकी ऊँचाईयाँ	n: 1 के अनुपात में हैं. यदि बेलन
	आयतन, बेलन <i>B</i> के	जयतन का 3 गुना हो	, तो n का मान कितना होगा	? (एस०एस०सी० परीक्षा, 20
		2	3	3
	4	(b) =	(a) -	(4) -
	(a) $\frac{4}{3}$	CONTRACTOR CONTRACTOR	(c) $\frac{3}{4}$	
56.	(a) $\frac{4}{3}$	CONTRACTOR CONTRACTOR	dente Sin	
56.	(a) $\frac{4}{3}$ 0-75 सेमी० त्रिज्या व	तथा 0∙2 सेमी० मोटाई व	वाले सिक्कों को पिघला कर 3	े सेमी० त्रिज्या तथा 8 सेमी० ऊँचाई
56.	(a) $\frac{4}{3}$ 0-75 सेमी० त्रिज्या व	तथा 0∙2 सेमी० मोटाई व	वाले सिक्कों को पिघला कर 3	े सेमी० त्रिज्या तथा 8 सेमी० ऊँचाई
	 (a) 4/3 0-75 सेमी० त्रिज्या व एक लम्बवृत्तीय बेल (a) 640 	तथा 0·2 सेमी॰ मोटाई व न बनाने के लिए कितने (b) 600	ाले सिक्कों को पिघला कर 3 । सिक्कों की आवश्यकता हो (c) 500	ह सेमी० त्रिज्या तथा 8 सेमी० कैंचाई गी ?(एस०एस०सी० परीक्षा, 20 (d) 480
	(a) $\frac{4}{3}$ 0-75 सेमी० त्रिज्या व एक लम्बवृत्तीय बेल (a) 640 एक लम्बवृत्तीय बेल	तथा 0·2 सेमी॰ मोटाई व ान बनाने के लिए कितने (b) 600 ान के आधार के अर्द्धव्य	ाले सिक्कों को पिघला कर 3 । सिक्कों की आवश्यकता हो (c) 500	े सेमी० त्रिज्या तथा 8 सेमी० ऊँचाई गी ?(एस०एस०सी० परीक्षा, 20 (d) 480 प्रत्येक में 10% वृद्धि कर दिये जा
	 (a) 4/3 0-75 सेमी० त्रिज्या व एक लम्बवृत्तीय बेल (a) 640 एक लम्बवृत्तीय बेल बेलन के आयतन में 	तथा 0·2 सेमी॰ मोटाई व ान बनाने के लिए कितने (b) 600 न के आधार के अर्द्धव्य कितनी वृद्धि होगी ?	ाले सिक्कों को पिघला कर 3 सिक्कों की आवश्यकता हो (c) 500 इस तथा उसकी ऊँचाई में से	े सेमी० त्रिज्या तथा 8 सेमी० ऊँचाई गी?(एस०एस०सी० परीक्षा, 20 (d) 480 प्रत्येक में 10% वृद्धि कर दिये जा (एस०एस०सी० परीक्षा, 20
57.	 (a) 4/3 0.75 सेमी० त्रिज्या व एक लम्बवृत्तीय बेल (a) 640 एक लम्बवृत्तीय बेल बेलन के आयतन में (a) 3.31% 	तथा 0·2 सेमी॰ मोटाई ब ान बनाने के लिए कितने (b) 600 ान के आधार के अर्द्धव्य कितनी वृद्धि होगी ? (b) 14·5%	ाले सिक्कों को पिघला कर 3 सिक्कों की आवश्यकता हो (c) 500 सस तथा उसकी ऊँचाई में से (c) 33·1%	भेमी० त्रिज्या तथा 8 सेमी० ऊँचाई गी?(एस०एस०सी० परीक्षा, 20 (d) 480 प्रत्येक में 10% वृद्धि कर दिये ज (एस०एस०सी० परीक्षा, 20 (d) 19:5%
57.	 (a) 4/3 0.75 सेमी० त्रिज्या व एक लम्बवृत्तीय बेल (a) 640 एक लम्बवृत्तीय बेल बेलन के आयतन में (a) 3.31% यदि एक बेलन की व 	3 तथा 0-2 सेमी॰ मोटाई व न बनाने के लिए कितने (b) 600 न के आधार के अर्द्धव्य कितनी वृद्धि होगी ? (b) 14-5% ऊँचाई में 15% वृद्धि त	ाले सिक्कों को पिघला कर 3 सिक्कों की आवश्यकता हो (c) 500 सस तथा उसकी ऊँचाई में से (c) 33·1%	भेमी० त्रिज्या तथा 8 सेमी० ऊँचाई गी?(एस०एस०सी० परीक्षा, 20 (d) 480 प्रत्येक में 10% वृद्धि कर दिये जा (एस०एस०सी० परीक्षा, 20 (d) 19.5% स में 10% कमी कर दी जाये तो
57.	(a) $\frac{4}{3}$ 0-75 सेमी० त्रिज्या व एक लम्बवृत्तीय बेल (a) 640 एक लम्बवृत्तीय बेल बेलन के आयतन में (a) 3-31% यदि एक बेलन की व वक्रपृष्ठ में कितना प	तथा 0·2 सेमी॰ मोटाई व ान बनाने के लिए कितने (b) 600 ान के आधार के अर्द्धव्य कितनी वृद्धि होगी? (b) 14·5% ऊँचाई में 15% वृद्धि तः (रिवर्तन होगा?	ाले सिक्कों को पिघला कर 3 सिक्कों की आवश्यकता हो (c) 500 इस तथा उसकी ऊँचाई में से (c) 33·1% था इसके आधार के अर्द्धव्या	सेमी० त्रिज्या तथा 8 सेमी० कैंचाई गी?(एस०एस०सी० परीक्षा, 20 (d) 480 प्रत्येक में 10% वृद्धि कर दिये जा (एस०एस०सी० परीक्षा, 20 (d) 19.5% स में 10% कमी कर दी जाये तो (एस०एस०सी० परीक्षा, 20
57. 58.	(a) $\frac{4}{3}$ 0-75 सेमी० त्रिज्या व एक लम्बवृत्तीय बेल (a) 640 एक लम्बवृत्तीय बेल बेलन के आयतन में (a) 3-31% यदि एक बेलन की उ वक्रपृष्ठ में कितना प (a) 3-5% की कमी	तथा 0·2 सेमी॰ मोटाई व ान बनाने के लिए कितने (b) 600 ान के आधार के अर्द्धव्य कितनी वृद्धि होगी? (b) 14·5% ऊँचाई में 15% वृद्धि तः (रिवर्तन होगा? (b) 3·5% की वृद्धि	ाले सिक्कों को पिघला कर 3 । सिक्कों की आवश्यकता हो (c) 500 ।।स तथा उसकी ऊँचाई में से (c) 33·1% था इसके आधार के अर्द्धव्या (c) 5% की वृद्धि	भूमी० त्रिज्या तथा 8 सेमी० कैंचाई गी?(एस०एस०सी० परीक्षा, 20 (d) 480 प्रत्येक में 10% वृद्धि कर दिये जा (एस०एस०सी० परीक्षा, 20 (d) 19.5% स में 10% कमी कर दी जाये तो (एस०एस०सी० परीक्षा, 20 (d) 5% की कमी
57. 58.	(a) $\frac{4}{3}$ 0.75 सेमी० त्रिज्या व एक लम्बवृत्तीय बेल (a) 640 एक लम्बवृत्तीय बेल बेलन के आयतन में (a) 3.31% यदि एक बेलन की व वक्रपृष्ठ में कितना प (a) 3.5% की कमी बेलनाकार आकृति व	तथा 0·2 सेमी॰ मोटाई व तथा 0·2 सेमी॰ मोटाई व (b) 600 न के आधार के अर्द्धव्य कितनी वृद्धि होगी? (b) 14·5% ऊँचाई में 15% वृद्धि तः (taर्तन होगा? (b) 3·5% की वृद्धि ताले एक गीजर का व्यार	ाले सिक्कों को पिघला कर 3 । सिक्कों की आवश्यकता हो (c) 500 ।।स तथा उसकी ऊँचाई में से (c) 33·1% था इसके आधार के अर्द्धव्या स 35 सेमी॰ तथा ऊँचाई 1·2	भूमी० त्रिज्या तथा 8 सेमी० कैंचाईं गी?(एस०एस०सी० परीक्षा, 20 (d) 480 प्रत्येक में 10% वृद्धि कर दिये जा (एस०एस०सी० परीक्षा, 20 (d) 19.5% स में 10% कमी कर दी जाये तो (एस०एस०सी० परीक्षा, 20 (d) 5% की कमी 2 मीटर है. इसकी दीवारों की मोटा
57. 58.	(a) $\frac{4}{3}$ 0-75 सेमी० त्रिण्या र एक लम्बवृत्तीय बेल (a) 640 एक लम्बवृत्तीय बेल बेलन के आयतन में (a) 3-31% यदि एक बेलन की उ वक्रपृष्ठ में कितना प (a) 3-5% की कमी बेलनाकार आकृति व उपेक्षा करते हुए इसवे	तथा 0·2 सेमी॰ मोटाई व तथा 0·2 सेमी॰ मोटाई व त बनाने के लिए कितने (b) 600 न के आधार के अर्द्धव्य कितनी वृद्धि होगी? (b) 14·5% ऊँचाई में 15% वृद्धि त रिवर्तन होगा? (b) 3·5% की वृद्धि ताले एक गीजर का व्यार के बाहरी पार्श्व-पृष्ठ क	ाले सिक्कों को पिघला कर 3 सिक्कों की आवश्यकता हो (c) 500 गास तथा उसकी ऊँचाई में से (c) 33·1% था इसके आधार के अर्द्धव्या स 35 सेमी॰ तथा ऊँचाई 1:2 ग क्षेत्रफल कितना होगा?	भूमी० त्रिज्या तथा 8 सेमी० कैंचाईं गी?(एस०एस०सी० परीक्षा, 20 (d) 480 प्रत्येक में 10% वृद्धि कर दिये जा (एस०एस०सी० परीक्षा, 20 (d) 19.5% स में 10% कमी कर दी जाये तो (एस०एस०सी० परीक्षा, 20 (d) 5% की कमी 2 मीटर है. इसकी दीवारों की मोटा
57. 58.	(a) $\frac{4}{3}$ 0-75 सेमी० त्रिण्या र एक लम्बवृत्तीय बेल (a) 640 एक लम्बवृत्तीय बेल बेलन के आयतन में (a) 3-31% यदि एक बेलन की उ वक्रपृष्ठ में कितना प (a) 3-5% की कमी बेलनाकार आकृति व उपेक्षा करते हुए इसवे	तथा 0·2 सेमी॰ मोटाई व तथा 0·2 सेमी॰ मोटाई व त बनाने के लिए कितने (b) 600 न के आधार के अर्द्धव्य कितनी वृद्धि होगी? (b) 14·5% ऊँचाई में 15% वृद्धि त रिवर्तन होगा? (b) 3·5% की वृद्धि ताले एक गीजर का व्यार के बाहरी पार्श्व-पृष्ठ क	मले सिक्कों को पिघला कर 3 सिक्कों की आवश्यकता हो (c) 500 गास तथा उसकी ऊँचाई में से (c) 33·1% था इसके आधार के अर्द्धव्या स 35 सेमी॰ तथा ऊँचाई 1:2 ग क्षेत्रफल कितना होगा?	सेमी० त्रिज्या तथा 8 सेमी० कैंचाईं गी?(एस०एस०सी० परीक्षा, 20 (d) 480 प्रत्येक में 10% वृद्धि कर दिये जा (एस०एस०सी० परीक्षा, 20 (d) 19.5% स में 10% कमी कर दी जाये तो (एस०एस०सी० परीक्षा, 20 (d) 5% की कमी 2 मीटर है. इसकी दीवारों की मोटा (रेलवे परीक्षा, 20
57. 58.	(a) $\frac{4}{3}$ 0-75 सेमी० त्रिज्या व एक लम्बवृत्तीय बेल (a) 640 एक लम्बवृत्तीय बेल बेलन के आयतन में (a) 3-31% यदि एक बेलन की व वक्रपृष्ठ में कितना प (a) 3-5% की कमी बेलनाकार आकृति व उपेक्षा करते हुए इसवे (a) 11200 सेमी० 2	तथा 0·2 सेमी॰ मोटाई व तथा 0·2 सेमी॰ मोटाई व त बनाने के लिए कितने (b) 600 न के आधार के अर्द्धव्य कितनी वृद्धि होगी? (b) 14·5% ऊँचाई में 15% वृद्धि त रिवर्तन होगा? (b) 3·5% की वृद्धि ते बाहरी पार्श्व-पृष्ठ क (b) 13200 सेमी॰	ाले सिक्कों को पिघला कर 3 । सिक्कों की आवश्यकता हो (c) 500 ।।स तथा उसकी ऊँचाई में से (c) 33·1% था इसके आधार के अर्द्धव्या स 35 सेमी॰ तथा ऊँचाई 1·2 । क्षेत्रफल कितना होगा? (c) 12100 सेमी॰ ²	भिमी० त्रिज्या तथा 8 सेमी० कैंचाई गी?(एस०एस०सी० परीक्षा, 20 (d) 480 प्रत्येक में 10% वृद्धि कर दिये जा (एस०एस०सी० परीक्षा, 20 (d) 19.5% स में 10% कमी कर दी जाये तो (एस०एस०सी० परीक्षा, 20 (d) 5% की कमी 2 मीटर है. इसकी दीवारों की मोटा (रेलवे परीक्षा, 20 (d) 9600 सेमी० 2
57. 58.	(a) $\frac{4}{3}$ 0-75 सेमी० त्रिज्या व एक लम्बवृत्तीय बेल (a) 640 एक लम्बवृत्तीय बेल बेलन के आयतन में (a) 3-31% यदि एक बेलन की व वक्रपृष्ठ में कितना प (a) 3-5% की कमी बेलनाकार आकृति व उपेक्षा करते हुए इसवे (a) 11200 सेमी० ² एक बेलनाकार खम्भे	तथा 0·2 सेमी॰ मोटाई व तथा 0·2 सेमी॰ मोटाई व त बनाने के लिए कितने (b) 600 न के आधार के अर्द्धव्य कितनी वृद्धि होगी? (b) 14·5% ऊँचाई में 15% वृद्धि त रिवर्तन होगा? (b) 3·5% की वृद्धि ते बाहरी पार्श्व-पृष्ठ क (b) 13200 सेमी॰	ाले सिक्कों को पिघला कर 3 । सिक्कों की आवश्यकता हो (c) 500 ।।स तथा उसकी ऊँचाई में से (c) 33·1% था इसके आधार के अर्द्धव्या स 35 सेमी॰ तथा ऊँचाई 1·2 । क्षेत्रफल कितना होगा? (c) 12100 सेमी॰ ²	भूमी० त्रिज्या तथा 8 सेमी० कैंचाईं गी?(एस०एस०सी० परीक्षा, 20 (d) 480 प्रत्येक में 10% वृद्धि कर दिये जा (एस०एस०सी० परीक्षा, 20 (d) 19.5% स में 10% कमी कर दी जाये तो उ (एस०एस०सी० परीक्षा, 20 (d) 5% की कमी 2 मीटर है. इसकी दीवारों की मोटा (रेलवे परीक्षा, 20 (d) 9600 सेमी० 2
57. 58.	(a) $\frac{4}{3}$ 0-75 सेमी० त्रिज्या व एक लम्बवृत्तीय बेल (a) 640 एक लम्बवृत्तीय बेल बेलन के आयतन में (a) 3-31% यदि एक बेलन की व वक्रपृष्ठ में कितना प (a) 3-5% की कमी बेलनाकार आकृति व उपेक्षा करते हुए इसवे (a) 11200 सेमी० 2	तथा 0·2 सेमी॰ मोटाई व तथा 0·2 सेमी॰ मोटाई व त बनाने के लिए कितने (b) 600 न के आधार के अर्द्धव्य कितनी वृद्धि होगी? (b) 14·5% ऊँचाई में 15% वृद्धि त रिवर्तन होगा? (b) 3·5% की वृद्धि ते बाहरी पार्श्व-पृष्ठ क (b) 13200 सेमी॰	ाले सिक्कों को पिघला कर 3 । सिक्कों की आवश्यकता हो (c) 500 ।।स तथा उसकी ऊँचाई में से (c) 33·1% था इसके आधार के अर्द्धव्या स 35 सेमी॰ तथा ऊँचाई 1·2 । क्षेत्रफल कितना होगा? (c) 12100 सेमी॰ ²	सेमी० त्रिज्या तथा 8 सेमी० कैंचाईं गी?(एस०एस०सी० परीक्षा, 20 (d) 480 प्रत्येक में 10% वृद्धि कर दिये जा (एस०एस०सी० परीक्षा, 20 (d) 19.5% स में 10% कमी कर दी जाये तो (एस०एस०सी० परीक्षा, 20 (d) 5% की कमी 2 मीटर है. इसकी दीवारों की मोटा (रेलवे परीक्षा, 20

(क) 10 मिनट (b) 15 मिनट (c) 30 मिनट (d) 45 मिनट (a) 10 मिनट (b) 15 मिनट (c) 30 मिनट (d) 45 मिनट (d) 45 मिनट (d) 45 मिनट (व) 30 मिनट (व) 45 मिनट (व) 45 मिनट (व) 45 मिनट

(a) 22-5 सेमीo (b) 30-5 सेमीo

(c) 32·5 सेमी०

(d) 35·2 सेमीo

596	• नवीन अंकर्गाण	त					
74	. 20 सेमी॰ लम्बे र	लोहे के पाईप का बाहरी	व्यास २५ सेसी० है तथा हस	को दोवारों की मोटाई 1 सेमी० है. पर्वप			
	सम्पर्ण पर्छों का	क्षेत्रफल कितना है ?	San 25 Grie e dai en	(मेरेक्ट्रेन्ट्रियांकट्ट्रियांकट्ट्र्यांकट्ट्र्यांकट्ट्र्यांकट्ट्र्यांकट्ट्र्यांकट्ट्र्यांकट्ट्रियांकट्ट्र्यांकट्ट्			
	(क) 3068 वर्ष वं	मानि (A) ११६० वर्ण	तेर्गाः (० २२८० चर्म से	क्षेत्र (क २३८० र्ने परीक्षा, 2006			
75	एक कर्ये का व्या	प ७ पीत्र वशा गटनर्थ	१२,६ मीन है साक्षी अर्जा	मार्क (a) 3368 वर्ग समीक ो सतह पर ₹ 30 प्रति वर्ग मीटर को दर			
0.700	पलास्य कराते क	ा खर्च कितना होगा ?	४४७ मादर ह. इसका अप्पर	। सत्ति वर र 30 प्रात वर्ग मोटर को दर			
			() = 14760				
76	(a) २ १४०५० एक अग्राज्ञकर व	(n) ₹ 14850	(c) ₹ 14750	(a) ₹ 14950			
/0,	. एक आवताकार क	भगज का साइज 100 स	मा० × 44 समा० ह. इस का	(a) र 14950 गज को इसकी लम्बाई के अनुदिश मोहूब			
	न्त्र नदान ननाना	गाता है, बलन का आ	101 labori 6 /	(уноунонто члы			
	(4) 4400 97 4	410 (7) (5400) 24	HHIO (A) SAIROUNE H	(HIO (d) 144 TH THE			
77.	एक व माटर व्यास	वाला ५६ माटर लम्बा	वलनाकार सुरंग को खोदन स	ने प्राप्त हुई मिट्टी से एक 48 मीटर लम्ब			
	10.2 सादर बाड़ा	तथा ४ माटर गहरा खाइ	का कितना भाग भरा जा सकत	ता हे ? (एस०एस०सी० परीक्षा, २०००			
	(a) $\frac{1}{0}$	(b) $\frac{2}{5}$	(c) $\frac{7}{9}$	$(d) \frac{8}{}$			
79	9 मणान शाईसामा च	9 113 115	9	(4) 9			
70.	कैंचाई से अनुपात	बाल एक लम्ब-वृत्ताय व	बलन तथा एक गाल के आयत	9 तन बरावर हैं. गोले के व्यास का बेलन क			
	(a) 3 · 2	(A) 2 - 2	19/00/10/10061	(एस०एस०सी० परीक्षा, 2007			
79	एक होग केवन के	(0) 2.3	(c) 1:2	(d) 2:1			
	बनाये गये हैं गन्ते	क गोले का व्यास क्या क गोले का व्यास क्या	समा० तथा ऊचाई 2 समा० ह	है. इसे पिघलाकर समान माप के 12 गोह			
				(एस०एस०सी० परीक्षा, 2005)			
on	(a) 2 HHIO	(b) 4 समाo	(c) 3 सेमी॰	(d) √3 सेमी。			
ou.	6 समाव व्यास क	गाल का पिघलाकर । 1	ममो० त्रिज्या वाला तार बनाय	ा जाये, तो इस तार की लम्बाई क्या होगी?			
	(a) 20 माटर	(b) 30 मोटर	(c) 36 मीटर	(d) 40 मीटर			
2004			1946 Video Sur 1990 (1990 1991 1991 1991 1991 1991 199	(रेलवे परीक्षा, 2005)			
81.	यदि किसी गोले के अर्द्धव्यास में 2 मीटर की वृद्धि कर दी जाये तो उसके पृष्ठीय क्षेत्रफल में 704 वर्ग मीटर के वृद्धि हो जाती है. गोले का प्रारम्भिक अर्द्धव्यास कितना है ? (एस०एस०सी० परीक्षा, 2010)						
	वृद्धि हा जाता है. र	गाल का प्रारोम्भक अर्द्ध	व्यास कितना है ?	(HHOHHOHIO HITON 2010)			
Trans.	(a) 16 412((b) 15 माटर	(c) 14 मीटर	(त) 13 मीरा			
82.	1 समा०, 2 समी०	तथा 3 सेमी० त्रिज्या	की तीन गोलाकार गेंदों को ि	पेघलाकर एक नई गेंद बनाई गई है. इस			
	प्राक्रिया म 25% स	ामग्रा नष्ट हुइ ह. नई ग	द की त्रिज्या कितनी है ?	(एस०एस०सी० परीक्षा, 2010)			
	(a) 6 सेमी०	(b) 5 सेमी॰	(c) 3 सेमी॰	(A) 2 mm.			
83.	3 समा०, 4 समा०	तथा 5 समी० त्रिज्याओं	ाँ वाले तीन गोलों को पिघल	(a) 2 समाव कर एक नया गोला बनाया गया है. बड़े			
	नाल का अज्या कि	तना ह ?		(डोटल गैनेन्सेंट मरीका २०००)			
	(a) 6 सेमी <i>॰</i>	(b) 7·5 सेमी∘	(c) 10 सेमी०	(A) 10 And			
84.	यदि दो गोलों के अ	र्द्धव्यास क्रमश: 3 : 2 है	के अनुपात में हों तो उनके आ	(<i>a</i>) 12 समार्थ ।यतनों का अनुपात क्या होगा?			
	(a) 9 : 4	(b) 3:2	(c) 8:27	(d) 27:8			
			3	(IIII arrestly refer 2007)			
85.	यदि दो गोलों के अ	र्द्धव्यास क्रमश्: 1 : 4 वे	अनुपात में हों तो उनके पर	ठीय क्षेत्रफलों का अनुपात क्या होगा?			
	(a) 1:2	(b) 1:4	(c) 1:8	(d) 1 · 16			
	AWYON NOUT - A	19	W001/961/668	(एस०एस०सी० परीक्षा, 2007)			
86.	r सेमी० त्रिज्या वार्ल	ो गोलीय खोखली गेंद र	के अन्तर्गत बड़े से बड़े घन ह	हा आगावन जिल्ला कोगा है			
	$(a) \frac{2r^2}{r^2}$	$4r^2$	(c) $\frac{8r^3}{3\sqrt{2}}$ सेमी 3	3			
	V3 4410	(b) 3 समा॰ ³	(c) 3/2 समीo 3	(d) / सेमीo 3			

ि $(d) \frac{7}{3\sqrt{3}}$ सेमी॰ $(d) \frac{7}{3\sqrt{3}}$ (होटल मैनेजमैंट परीक्षा, 2009)

, मेमी० व्यास वाल	धातु के ठोस गोले कितने	forma	ठोस वस्तुओं के आयतन 🎍 597
, अमी० तथा ऊँचाः	54 सेमी० हो ?	। पथलाय जायें कि इनसे एव	ठोस वस्तुओं के आयतन • 597 है ठोस बेलन बन सके जिसका व्यास (d) 48 किर एक खोखला बेलन बनाया जाये
(a) 16	(b) 24	(c) 16	
किसी 2 सेमी० व्या	स वाले ठोस बेलन की ल	म्बाई क्या केले ६ ४ ०	(d) 48
जिसकी लम्बाई 16	सेमी०, मोटाई 2-5 मिमी०	म्बाई क्या होगी जिसे पिघल तथा बाहरी व्यास 20 सेमी०	कर एक खोखला बेलन बनाया जाये
(a) 81 समाव	(0) 29.62 HHIO	20 010	6 1
एक गोले का आयत	न 4851 सेमी० ³ है. इसके	तथा बाहरी व्यास 20 सेमी० (c) 39-5 सेमी० विक्र पृष्ठ का क्षेत्रफल कित	(d) 79 सेमी _०
(a) 1716 सेमी० ²	(b) 1386 सेमी ^{o 2}	३.० का क्षत्रफल कित	ना होगा ?
एक गोले के वक्र-पृ	ष्ठ का क्षेत्रफल ५५४४ केल	(c) 1625 सेमी० ² गै० ² है. इसका आयतन कि	(d) 3087 सेमीo ²
(a) 38808 सेमीo ³	(b) 42304 xin 3	ा० * है. इसका आयतन कि (c) 22176 सेमी० ³ हैं. इनके आयतने कर २०००	तना है ?
र घन तथा एक गो	ले के समार्ग गाउ	(c) 22176 सेमी ₀ 3	(d) 33051 mm-3
JF: 16	(b) ्रिक्ट ि	 (c) 22176 सेमी₀³ हैं. इनके आयतनों का अनुपा (c) √π:√3 जाने वाले गोले के आयतनों (c) 6:π 	तं क्या होगा २
(a) ५४ . ५०	(<i>v</i>) ४ <i>म</i> : ४2	(c) √π:√3	(A) 333 4 -24 -2
एक अग तथा इसमार (a) ? क	भंभ पूरा तरह स फिट हो	जाने वाले गोले के आयतनों	(८) २१म स काइ नहा
(a) २००५ यह शंक तथा एक ग्रे	(υ) 4.π ਕਿੰਕੀ ਜ਼ਰੂ	जाने वाले गोले के आयतनों (c) 6:π	का अनुपात क्या हागा ? (त) ४:३=
एक राष्ट्रा तथा एका न	ाल का समान त्रिज्यायें तथ	। समान आयतन हैं, गोले के :	्d) 4 : 3π व्यास तथा शंकु की ऊँचाई का अनुपात
क्याहागाट	VINCENTAL		न्नात तथा शकु का ऊचाई का अनुपात
(a) 5 . 1	(0) 1:3	(c) 6:1	(d) 1:2 ऊँचाईयों का अनुपात 2:3 है. इनके
एक बलन तथा एक	शकु का त्रिज्याओं का अ	नुपात 3 : 4 है तथा इनकी है	(व) 1.2
आयतना का अनुपात	क्या होगा?		जपारेषा का अनुपात 2 : 3 है. इनके
(a) 9:8	(b) 3:4	(c) 8:9	(1) 1.3
दा शकुआ क आयत	र्नो का अनुपात । : 4 है तः	था इनके व्यास 4 : 5 के अन	(d) 4:3 पात में हैं. इनकी ऊँचाइयों का अनुपात
क्या होगा ?		Section 1995 and 1	गत न ६. इनका अचाइया का अनुपात
(a) 1:5	(b) 5:4	(c) 5:16	(A) 25 . 64
1,000	1 101 I . 2 0 C	तथा उनके आधार के व्याम	(d) 25 : 64 5 : 5 के अनुपात में हैं. इनके आयतनों
का अनुपात क्या होग	τ?		· -) के अनुपात में हैं. इनके आयतनों
(a) 1:5	(b) 5:9	(c) 3:25	
समान व्यास तथा सम	गन ऊँचाई वाले एक बेल्ट	(C) 5 . 25	(d) इनमें से कोई नहींके आयतनों का अनुपात क्या होगा?
(a) 1:3:2	(b) 2 · 3 · 1	(c) 3:1:2	क आयतनो का अनुपात क्या होगा ?
विद एक गोले. एक बे	लन तथा एक शंक की कि	(८) उ. १ . ४ सार्वे समान से उक्त स्ट्रेस	(a) 3 : 2 : 1 प्पूर्ण पृष्ठ समान हों, तो इनकी ऊँचाइयों
का अनुपात क्या होग	।) रहा र तथा देश हायुः का कि	न्याय समान हा तथा इनक सा	म्पूण पृष्ठ समान हों, तो इनकी ऊँचाइयों
(a) 2:1:2 5	u E	2A	23
(a) 2.1.2V2	(b) √2:1:2	(c) 2:1:3√2	(d) $6\sqrt{2}:3\sqrt{3}:4$
भाराकु, एक अद्ध	गोला तथा एक बेलन के	समान आधार तथा समान उँ	(a) 6√2∶3√3∶4 ज्वाइयाँ हैं. इनके आयतनों का अनुपात
4/1/14/06/05 TO LOOK HOLD			
(a) 1:2:3	(b) 2:1:3	(c) 2:3:1	(d) 3:2:1
ं भूगाय अव	h dai 35,402 H 2000/, 7	हा तार तथा उपक आधार	(d) 3:2:1 के अर्द्धव्यास में 50% की कमी करने
^{पर शंकु} के आयतन र	र ना अवार में 200% व में क्या परिवर्तन होगा?		(एस०एस०सी० परीक्षा, 2006)
(a) 25% की विक्र	(b) 500/ a) a/s	(a) 25% सी समी	(d) कोई परिवर्तन नहीं
एक समकोण विश	(0) 30% abidie	(c) 2376 401 4041	(य) कार पारवतन नहा
			(d) कोई परिवर्तन नहीं दे इसे 3 सेमी० वाली भुजा के अनुदिश (एस०एस०सी० परीक्षा, 2007)
ं भाषा है। तो र	प्र तात में उने मंत्र का अ	पगरंग स्था होगा ?	(WHOWHOTH A THORY ASSAULT
(9) (16)	(b) (12π) सेमी० ³	सम्बद्धाः वना स्थानः	(द्वार्थनात प्राक्षा, 2007)

(0)

	• नवीन अंकगणित	R.P				VIV		
102.	धातु के कुछ ठोस ल पिघलाकर 6 सेमी०	म्ब-वृ त्रिज्या	त्तीय शंकुओं में से प्र का एक ठोस गोला	त्येक वे बनाया	ह आधार की त्रिज्या जाता है. इन शंकुओ	3 सेमी (की सं	० तथा ऊँचाई 4 सेमी० है. झ ख्या कितनी है ?	
	(a) 12	(b)	24	(c)	48	(4)	0	
	(4) 12		0.530	533		(एस	न्रांस्थित परीक्षा, 2006	
	ਅਤਿ ਵਿਧੀ ਕਾਰਕਤੀ	त्र पांत	के आधार की त्रिज	ग तथा	उसकी ऊँचाई में से	प्रत्यक	म 10% की बाद कर के	
103.	तो शंकु के आयतन	न राजु से क्टिन	ते पविषय वटि होग	7		(एस	न्रार्मि०सी० परीक्षा २०१०	
		(4)	17 Maria Aire en 1	(c)	44.2%	(d)	न्या स्थाप की जा कार्या जा जा कार्या जा	
-04	(a) 20%	7 75	भागनन एक गोले वे	न आय	तन के बराबर है तर	सा इनक	अख्यास मा बराबर है म	
104.	एक लम्बवृताय यह	एक लम्बवृत्तीय बेलन का आयतन एक गोले के आयतन के बराबर है तथा इनके अर्द्धव्यास भी बराबर है. या बेलन की ऊँचाई h तथा गोले का व्यास d हो, तो निक्ष्मिलिखित में से कौन-सा सम्बन्ध सही है ?						
	(a) h = d	(b)	2h = d	(c)	2n = 2a	100	2777	
	(a) n - a	(0)				(एस	र०एस०सी० परीक्षा, 2008	
105	गक योग लाखवनीर	য় সাক	की ऊँचाई 8 सेमी०	तथा ३	नाधार को त्रिज्या 2 र	नेमी० है	. इस शंकु को पिषलाकर एव	
105.	गोला बनाया गया है.	दस र	ोले का व्यास कितन	き?	io i		e or self-replacement	
	(a) 2 सेमी॰	(4)	3 मेमी०	(c)	4 सेमी०	(d)	6 सेमी०	
106	(a) 2 सनार एक जाँबे के तए की	लखा	रं ३६ मीटर तथा व्यार	न 2 मि	मी० है. इसे पिघला	हर एक	गोला बनाया गया है. गोले क	
100.	अर्द्धव्यास कितना है		()0 net a n			(एस	ा०एस०सी० परीक्षा, 2010	
	अञ्चलास क्रियान स्	(4)	3 सेमी०	. (0)	3-5 सेमी०			
-07	(a) 2.3 समाव किसी शाम के एक	(<i>0)</i> योग वे	ज्ज्ज के आधार की f	त्रज्या ।	- सेमी० तथा ऊँचाई	6 सेमी	० है. इसे पिघलाकर उतनी ह	
107.	(a) 23 सनाव (d) 3 सनाव (d) 23							
			२७ समी०	(c)	18 सेमी०	(d)	9 सेमी०	
	(a) 54 सेमी०	(0)	2/ 4410	(0)		(एस	०एस०सी० परीक्षा, 2007)	
		c min	्र तथा आधार की चि	ज्या । १	मेमी० है. यदि इस		आयतन एक गोले के आयत	
108.	एक शकु का कथाइ के बराबर हो, तो गो	0 समा च्ये की	ितया जायार या १२ विकास कितनी है ?			(एस	०एस०सी० परीक्षा, 2008)	
	4.4	1180	(tiril -	(0)	१२ मोमी०	(4)	२-५ सेमी०	
	(a) 8 सेमी॰	(0)	ा समाप जन्म आधार के अर्टर	्य प्राप्त	र्ग से पत्येक में 100%	. वदि	कर दी जाये तो इसका आयत	
109.			तथा जापार क जल	7111	1 (1 2/14) 1 100)	(गम	०एस०सी० परीक्षा, 2006)	
	प्रारम्भिक आयतन व (a) दुगुना हो जायेगा	el.	्र समा हो जागेगा	(4)	६ मना हो जायेगा	10	८ गना हो जायेगा	
	(a) दुगुना हा जायगा	(b)	े गुनाहाजायना -	(८)	प्रकृति हा आवता	ula विक	ज्या वाले लकड़ी के ठोस गोते	
110.	9 समा० ऊचाइ तथा	18 4	मा० आधार क व्यक्त	न की जाती	एक राषु एक उस किन्ने प्रतिपत है ?	110 14	(रेलवे परीक्षा, 2006)	
		g. \$H	प्राक्रिया म नष्ट हुइ ए 65%	(c)	75%	(d)	60%	
12221	(a) 55%	(<i>0</i>)	0370 गोजकार गेंट को पि	(८) ाघलाव	य तीन गोलाकार गैंटे	र बनाई	जाती हैं. इनमें से दो गेंदों की	
111.	(a) 55% (b) 65% (c) 65% (d) 65% (d) 75% (d) 7							
	ात्रज्याय क्रमशः १-५	HHIO	तथा ८ समा <i>०</i> ६. तास 1 सेमी०	(-)	ना (त-ना निर्णा) । इ.समीव	. (4	२.५ सेमी०	
044080	(a) 0·5 सेमी॰	(b)	ा समाव 	(c)	ा:उ समार क्या सर्वत्र में उन्हें गा	्ध) जीकाः	भग कितना होगा ?	
112.	21 समा॰ गहर तथा	16 स	मा० व्यास वाल एक	शक्ता	कार वतन म रख ना	(-) 11 461 .	भार कितना होगा?	
	(a) 1·256 किग्रा०	(b)	1-408 কিয়া০	(c)	2.480 199110	(a)	(रेलवे परीक्षा, 2006)	
		0 2 0 0 0		_	- >> *-		ं सामा गया है, इस अंक	
113.	जस्ते के बने 6 सेमी) त्रिज्य	। क अद्ध-गाले को	।पघला	कर 75 समा० ऊच	। इ.क. १	रांकु में ढाला गया है. इस रांड	
	क आधार का त्रिन्या	क्या ह	1411 3					
	(a) 1·4 सेमी०	(b)	2 सेमी०	(c)	2·4 सेमी०	(d)	4-2 सेमी॰	

- 126. 10 सेमी० त्रिज्या के एक ठोस गोले को पिघला कर वरावर त्रिज्या वाले 8 छोटे ठोस गोलों में ढाला गया है, के
 - (a) 1·25 सेमीo
- (b) 2·5 सेमीo
- (c) 3·75 सेमीo
- (d) 5 सेमीo
- (a) 1.25 समार्थ (b) 2.3 समार्थ (c) 2.3 समार्थ (d) 1.25 समार्थ (d) 2.3 समार्थ (d) (एस०एस०सी० परीक्षा, 2010) क्या अनुपात है ?
 - (a) 1:3
- (b) 1:2
- (c) 2:3
- (d) 3:4
- 128. यदि r त्रिज्या के एक गोले को समान चार भागों में विभक्त किया जाये, तो चारों भागों का सम्पूर्ण पृष्ठीय क्षेत्रफल (एस०एस०सी० परीक्षा, 2010) कितना होगा?
 - (a) $4\pi r^2$ वर्ग इकाई (b) $2\pi r^2$ वर्ग इकाई (c) $8\pi r^2$ वर्ग इकाई
- (d) $3\pi r^2$ ari sans

उत्तरमाला (प्रश्नमाला 24A)

- 2. (b) 3. (d) 8. (b) 9. (b) 10. (c) 1. (a) 6. (c) 4. (a) 5. (b) 7. (b) 12. (c) 13. (c) 11. (c)
- 14. (b) 15. (b) 16. (a) 17. (b) 18. (c) 19. (c) 20. (c) 22. (b) 23. (c) 21. (b)
- 24. (d) 25. (d) 26. (b) 27. (b) 28. (b) 29. (b) 30. (b) 31. (d) 32. (c) 33. (d)
- 34. (b) 35. (c) 36. (a) 37. (b) 38. (a) 39. (d) 48. (e) 44. (c) 45. (c) 46. (d) 47. (c) 48. (c) 49. (b) 50. (a) 42. (c) 43. (a) 41. (d)
- 54. (c) 55. (a) 56. (a) 57. (c) 58. (b) 59. (b) 60. (c) 51. (d) 52. (c) 53. (a)
- 61. (a) 62. (a) 63. (d) 64. (d) 65. (b) 66. (b) 67. (d) 68. (d) 69. (d) 70. (b)
- 71. (b) 72. (b) 73. (a) 74. (b) 75. (b) 76. (b) 77. (b) 78. (a) 79. (b) 80. (c)
- 81. (d) 82. (c) 83. (a) 84. (d) 85. (d) 86. (c) 87. (d) 88. (d) 89. (b) 90. (a) 91. (a) 92. (c) 93. (d) 94. (a) 95. (d) 96. (c) 97. (c) 98. (a) 99. (a) 100. (c)
- 101. (a) 102. (b) 103. (b) 104. (d) 105. (c) 106. (b) 107. (c) 108. (b) 109. (d) 110. (e)
- 111. (d) 112. (b) 113. (c) 114. (c) 115. (b) 116. (b) 117. (c) 118. (c) 119. (c) 120. (c)
- 121. (c) 122. (c) 123. (c) 124. (b) 125. (b) 126. (d) 127. (d) 128. (c)

दिये गये प्रश्नों के हल

प्रश्नमाला 24A

बाँस की अभीष्ट लम्बाई = कमरे के विकर्ण की लम्बाई

=
$$\sqrt{l^2 + b^2 + h^2}$$
 = $\sqrt{(12)^2 + (9)^2 + (8)^2}$ = $\sqrt{144 + 81 + 64}$
= $\sqrt{289}$ = 17 $\frac{1}{4}$ = $\sqrt{289}$ = 17 $\frac{1}{4}$

2. छड की अभीष्ट लम्बाई = कमरे के विकर्ण की लम्बाई

=
$$\sqrt{l^2 + b^2 + h^2}$$
 = $\sqrt{(10)^2 + (10)^2 + 5^2}$ = $\sqrt{100 + 100 + 25}$
= $\sqrt{225}$ = 15 $\frac{1}{100}$

माना मीता के बॉक्स की लम्बाई, चौड़ाई तथा ऊँचाई क्रमश: x, y तथा z है.

तय रीता के बॉक्स की लम्बाई, चौड़ाई तथा ऊँचाई क्रभ π : $\frac{110x}{100}$, $\frac{110y}{100}$, $\frac{80z}{100}$

अर्थात
$$\frac{11x}{10}$$
, $\frac{11y}{10}$, $\frac{4z}{5}$

$$\frac{11x}{10}$$
 अर्थात $\frac{11x}{10}$ अर्थात $\frac{11x}{10}$ $\frac{11x}{10} \times \frac{11y}{5} = \frac{121}{125}$ अभीष्ट अनुपात = 121 : 125.

```
्र जलाशय का आयतन = 42000 लीटर = 42 घन मीटर.
```

$$6 \times 3.5 \times x = 42 \Rightarrow 21 \ x = 42 \Rightarrow x = 2.$$

अतः जलाशय का गरुराइ – 2 गाउर.
प्रांता ऊँचाई =
$$x$$
 मीटर. तब, चौड़ाई = $2x$ मीटर तथा लम्बाई = $4x$ मीटर.

$$\frac{1}{8}$$
 मारी का आयतन = $(4 \times 2 \times 2 \times x)$ घन मीटर = 8×3 घन मीटर.

कम का अधिया (१३ 2 %) ।
$$8x^3 = 512 \Rightarrow x^3 = 64 = (4)^3 \Rightarrow x = 4.$$

डिब्बों की अभीष्ट संख्या =
$$\frac{(800 \times 700 \times 600)}{(8 \times 7 \times 6)}$$
 = 1000000.

इंटों की अभीष्ट संख्या =
$$\frac{400 \times 300 \times 13}{20 \times 12 \times 6.5}$$
 = 1000.

दीवार में लगी ईंटों का कुल आयतन =
$$\left(2400 \times 800 \times 60 \times \frac{90}{100}\right)$$
 घन सेमी॰.

इंटों की संख्या =
$$\left(2400 \times 800 \times 60 \times \frac{90}{100} \times \frac{1}{24 \times 12 \times 8}\right) = 45000.$$

9. विकर्ण =
$$\sqrt{l^2 + b^2 + h^2}$$
 = 28 तथा $(l + b + h)$ = 44.

$$34a, (l^2 + b^2 + h^2) = (l + b + h)^2 - 2(lb + bh + lh)$$

10.
$$(l+b+h) = 19$$
 तथा $(l^2+b^2+h^2) = (5\sqrt{5})^2 = 125$.

अब,
$$(l+b+h)^2 = (l^2+b^2+h^2) + 2(lb+bh+lh)$$

$$\Rightarrow 2(lb+bh+lh)=(l+b+h)^2-(l^2+b^2+h^2)=[(19)^2-125]=(361-125)=236.$$

$$h = \frac{lbh}{lb} = \frac{210}{42} = 5.$$

$$376$$
: 2(42+5b+5l) = 214 \Rightarrow 42+5(l+b) = 107 \Rightarrow 5(l+b) = 65 \Rightarrow l+b = 13.

$$(l-b)^2 = (l+b)^2 - 4lb = (13)^2 - (4 \times 42) = (169 - 168) = 1 \Rightarrow (l-b) = 1.$$

$$(l+b=13)$$
 तथा $(l-b)=1$ को हल करने पर, $l=7$ तथा $b=6$.

12. शहतीर का आयतन =
$$\left(9 \times \frac{40}{100} \times \frac{20}{100}\right)$$
 घन मीटर = $\frac{18}{25}$ घन मीटर.

शहतीर का भार =
$$\left(\frac{18}{25} \times 50\right)$$
 किया॰ = 36 किया॰.

13. माना दुकड़े की लम्बाई = x सेमी॰, तब, आयतन = $(x \times 28 \times 5)$ घन सेमी॰. दुकड़े का भार = $\left(x \times 28 \times 5 \times \frac{25}{1000}\right)$ किया॰, = $\frac{7x}{2}$ किया॰. $\therefore \frac{7x}{2} = 112 \Rightarrow x = \frac{(112 \times 2)}{7} = 32$.

अत: दुकड़े की लम्बाई = 32 सेमी०.

- 14. पानी का बहाव = $\frac{3.6 \times 1000}{60}$ मीटर/मिनट = 60 मीटर/मिनट. पानी का अभीष्ट आयतन = $\left(60 \times 45 \times \frac{25}{10}\right)$ घन मीटर = 6750 घन मीटर.
- 16. माना दिये गये घनाभ को लम्बाई = x मी॰, चौड़ाई = y मी॰ तथा ऊँचाई = z मी॰. घनाभ का आयतन = xyz घन मी॰.

नई लम्बाई $=\frac{x}{4}$ मी०, नई चौड़ाई $=\frac{y}{4}$ मी०, नई ऊँचाई $=\frac{z}{4}$ मी०. नये घनाभ का आयतन $=\left(\frac{x}{4}\times\frac{y}{4}\times\frac{z}{4}\right)$ घन मी० $=\frac{xyz}{64}$ घन मी०. नये घनाभ का भार $=\left(\frac{1}{64}\times16\right)$ किया० $=\frac{1}{4}$ किया० =0.25 किया०.

- 17. मैदान का क्षेत्रफल = (1.5×10000) वर्ग मी॰ = 15000 वर्ग मी॰, गहराई = $\frac{5}{100}$ मीटर. पानी का आयतन = (क्षेत्रफल \times गहराई $) = \left(15000 \times \frac{5}{100}\right)$ घन मीटर = 750 घन मीटर.
- 18. चादर का आयतन = 0.6 घन मी॰ = $(0.6 \times 100 \times 100 \times 100)$ घन सेमी॰. चादर का क्षेत्रफल = 1 हैक्टेयर = 10000 वर्ग मी॰ = $(10000 \times 100 \times 100)$ वर्ग सेमी॰. चादर की मोटाई = $\frac{\text{आयतन}}{\text{क्षेत्रफल}} = \frac{0.6 \times 100 \times 100 \times 100}{10000 \times 100 \times 100}$ सेमी॰ = $\frac{0.6 \times 10}{100}$ मिमी॰ = $\frac{0.06 \times 10}{100}$
- दिये गये घनाभ का सम्पूर्ण पृष्ठ = 2(lb + bh + lh)

= 2 × (24 × 14 + 14 × 7.5 + 24 × 7.5) वर्ग सेमी॰ = 1242 वर्ग सेमी॰.

- 20. माना लम्बाई = 6x सेमी०, चौड़ाई = 5x सेमी० तथा ऊँचाई = 4x सेमी०. तब, घनाभ का सम्पूर्ण पृष्ठ = $2[(6x \times 5x) + (5x \times 4x) + (6x \times 4x)]$ वर्ग सेमी० = $(148x^2)$ वर्ग सेमी०. $\therefore 148x^2 = 33300 \Rightarrow x^2 = 225 = (15)^2 \Rightarrow x = 15$. \therefore लम्बाई = 90 सेमी०, चौड़ाई = 75 सेमी० तथा ऊँचाई = 60 सेमी० घनाभ का आयतन = $(90 \times 75 \times 60)$ घन सेमी० = 405000 घन सेमी०.
- 21. माना कुल डुबकी लगाने वालों की संख्या = x. तब, $x \times 0.1 = 24 \times 15 \times \frac{1}{100} \Rightarrow x \times \frac{1}{10} = \frac{18}{5} \Rightarrow x = \left(\frac{18}{5} \times 10\right) \Rightarrow x = 36.$ अत: अभीष्ट व्यक्तियों की संख्या = 36.

्रिक्ने की लम्बाई = (48 – 8 × 2) सेमी० = 32 सेमी०.

हिन्ने की चौड़ाई = (36 – 8 × 2) सेमी० = 20 सेमी०.

डिब्बे की ऊँचाई = 8 सेमी०.

डिब्बे की धारिता = (32 × 20 × 8) घन सेमी० = 5120 घन सेमी०.

 $\frac{1}{2}$. दिये गये प्लाट का क्षेत्रफल = $\left(\frac{27}{2} \times \frac{5}{2}\right)$ वर्ग मीटर = $\frac{135}{4}$ वर्ग मीटर.

3 अवताकार टंकी का क्षेत्रफल = $\left(5 \times \frac{9}{2}\right)$ वर्ग मीटर = $\frac{45}{2}$ वर्ग मीटर.

होब जगह का क्षेत्रफल = $\left(\frac{135}{4} - \frac{45}{2}\right)$ वर्ग मीटर = $\frac{45}{4}$ वर्ग मीटर.

निकाली गई मिट्टी का आयतन $=\left(5 \times \frac{9}{2} \times \frac{21}{10}\right)$ घन मीटर $=\frac{189}{4}$ घन मीटर.

 $\frac{4}{3}$ चाई में वृद्धि = $\left(\frac{189}{4} \times \frac{4}{45}\right)$ मीटर = $\frac{21}{5}$ मीटर = 4.2 मीटर.

14. धातु का आयतन = [(50 × 40 × 23) - (44 × 34 × 20)] घन सेमी० = (46000 – 29920) घन सेमी० = 16080 घन सेमी०.

धातु का भार = $\left(16080 \times \frac{5}{10} \times \frac{1}{1000}\right)$ किया॰ = 8.04 किया॰.

 $\mathbf{S}. \ \frac{1}{V} = \left(\frac{1}{S} \times \frac{S}{V}\right) = \frac{2(ab+bc+ca)}{S \times abc} = \frac{2}{S} \left(\frac{ab+bc+ca}{abc}\right) = \frac{2}{S} \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c}\right).$

16. दिया है ib = x, bh = y तथा lh = z

 $\therefore xyz = (lb) \times (bh) \times (lh) = (lbh)^2 = V^2,$

17. माना lb = 2x, bh = 3x तथा lh = 4x. तब, $(lbh)^2 = 24x^3$.

 $lbh = 9000 \Rightarrow (lbh)^2 = (9000)^2$

 $\Rightarrow 24x^3 = (9000)^2 \Rightarrow x^3 = \frac{9000 \times 9000}{24} = \frac{27000000}{8} = \left(\frac{300}{2}\right)^3 = (150)^3$

ं. lb = 300, bh = 450, lh = 600 तथा lbh = 9000

 $\Rightarrow h = \frac{lbh}{lb} = \frac{9000}{300} = 30, \ l = \frac{lbh}{bh} = \frac{9000}{450} = 20 \ \text{Ref} \ b = \frac{lbh}{lh} = \frac{9000}{600} = 15.$

⇒ सबसे छोटी भुजा = 15 सेमी०.

^{28, धन} का आयतन = $\frac{1}{2}$ (25×20×4) सेमी \circ 3 = (1000) सेमी \circ 3 = (10) सेमी \circ 3. धन की प्रत्येक भुजा = 10 सेमी०.

घन का सम्पूर्ण पृष्ठ = $6a^2 = (6 \times 10 \times 10)$ सेमी $e^2 = 600$ सेमी e^2 .

19. धन का विकर्ण = $\sqrt{3}a$. अत: $\sqrt{3}a = 6 \Rightarrow a = \frac{6}{\sqrt{3}} = \frac{3 \times 2}{\sqrt{3}} = 2\sqrt{3}$ सेमी॰.

^{धन का} आयतन = $a^3 = (2\sqrt{3})^3 = (8 \times 3 \times \sqrt{3}) = 24\sqrt{3}$ सेमी o^3 .

30. माना घन की प्रत्येक भुजा = a सेमी०. तब, इसका विकर्ण = $\sqrt{3}a$ सेमी०. $\sqrt{3}a = 9\sqrt{3} \Rightarrow a = 9$ सेमी०.

 344 : घन का सम्पूर्ण पृष्ठ = $6a^2 = (6 \times 9 \times 9)$ सेमी \circ $^2 = 486$ सेमी \circ 2 .

31. माना घन की प्रत्येक भुजा = a सेमी॰. तब इसका सम्पूर्ण पूष्ठ = $6a^2$ सेमी॰ 2 . $\therefore 6a^2 = 13254 \Rightarrow a^2 = 2209 = (47)^2 \Rightarrow a = 47$ सेमी॰. विकर्ण की लम्बाई = $\sqrt{3}a$ सेमी॰ = $47\sqrt{3}$ सेमी॰.

22.09 (4)

600

609

- 32. माना घन की प्रत्येक भुजा = a सेमी०. तब, इसका विकर्ण = $\sqrt{3}a$ सेमी०. $\sqrt{3}a = 4\sqrt{3} \Rightarrow a = 4$ सेमी०. अत: घन का आयतन = $a^3 = (4)^3 = 64$ सेमी० a
- 33. माना घन की प्रत्येक भुजा = a सेमी॰, तब, इसका आयतन = a^3 सेमी॰ 3 , $\therefore a^3 = 512 = (8)^3 \Rightarrow a = 8$. अत: सम्पूर्ण पृष्ठ = $6a^2 = (6 \times 8 \times 8)$ सेमी॰ $^2 = 384$ सेमी॰ 2 ,
- 34. घनाभ का आयतन = $(9 \times 8 \times 6)$ सेमी 3 . घन का आयतन = $\frac{1}{2}$ $(9 \times 8 \times 6)$ सेमी 3 = 216 सेमी 3 . माना घन की प्रत्येक भुजा = a सेमी 3 . तब, $a^3 = 216 = (6)^3 \Rightarrow a = 6$ सेमी 3 . घन का सम्पूर्ण पृष्ठ = $6a^2 = (6 \times 6 \times 6)$ सेमी $^3 = 216$ सेमी 3 .
- 35. बड़े घन का आयतन = $(25 \times 25 \times 25)$ सेमी 3 . प्रत्येक छोटे घन का आयतन = $(5 \times 5 \times 5)$ सेमी 3 . छोटे घनों की संख्या = $\frac{(25 \times 25 \times 25)}{(5 \times 5 \times 5)}$ = 125.
- 36. नये घन का आयतन = $\left[(6)^3 + (8)^3 + (10)^3 \right]$ सेमी॰ 3 = (216 + 512 + 1000) सेमी॰ 3 = 1728 सेमी॰ 3 . ਜਪੇ ਬਜ की प्रत्येक भुजा = $(1728)^{\frac{1}{3}} = \sqrt[3]{2^3 \times 6^3}$

नये घन की प्रत्येक भुजा = $(1728)^3 = \sqrt[3]{2^3 \times 6^3}$ = (2×6) सेमी॰ = 12 सेमी॰.

- 37. माना घन की प्रत्येक भुजा = a सेमी॰. तब, सम्पूर्ण पृष्ठ = $6a^2$ सेमी॰ 2 . $\therefore 6a^2 = 150 \Rightarrow a^2 = 25 = (5)^2 \Rightarrow a = 5$. घन का आयतन = $a^3 = 5^3 = 125$ सेमी॰ 3 .
- 38. माना तीसरे घन की प्रत्येक भुजा = a सेमी॰. तब $(12)^3 = (6)^3 + (8)^3 + a^3 \Rightarrow a^3 = (1728) (216 + 512) = (1728 728) = 1000 <math>\Rightarrow a^3 = (10)^3 \Rightarrow a = 10$ सेमी॰.

अतः घन की प्रत्येक भुजा = 10 सेमी०.

39. घन का आयतन = घनाभ का आयतन = $(72 \times 75 \times 135) = (3^2 \times 2^3 \times 3 \times 5^2 \times 5 \times 3^3)$ = $(3^3 \times 2^3 \times 3^3 \times 5^3) = (3 \times 2 \times 3 \times 5)^3 = (90)^3$.

घन की प्रत्येक भूजा = 90 सेमी०.

40. घनाभ की लम्बाई = 16 सेमी∘, चौड़ाई = 8 सेमी॰ तथा ऊँचाई = 8 सेमी॰.
 ∴ घनाभ का पृष्ठीय क्षेत्रफल = 2(lb+bh+lh)
 = 2(16×8+8×8+16×8) सेमी॰ ² = 2(128+64+128) सेमी॰ ² = 640 सेमी॰ ².

्रवेक प्रन का आयतन = 125 सेमी० 3 = (5) असेमी० 3 . अब्दान की प्रत्येक भूजा = 5 सेमी०

_{इचेक} घन को प्रत्येक भुजा = 5 सेमी०.

इबेंक का इबें इनाथ की लम्बाई = (3 × 5) सेमी० = 15 सेमी०, चौड़ाई = 5 सेमी०, ऊँचाई = 5 सेमी०. g इस इनाभ का कुल पृष्ठीय क्षेत्रफल = 2 (lb + bh + lh)

= 2 (15 × 5 + 5 × 5 + 15 × 5) सेमी
$$o^2 = 2 (75 + 25 + 75)$$
 सेमी $o^2 = 350$ सेमी o^2 .

का आयतन = $(6 \times 9 \times 12)$ घन सेमी $o = 648$ घन सेमी o

्तकड़ों के टुकड़े का आयतन = (6 × 9 × 12) घन सेमी० = 648 घन सेमी०.

इबसे बहे घन की भुजा = {6, 9, 12 का म०स०} सेमी० = 3 सेमी०.

हुस प्रन का आयतन = (3 × 3 × 3) घन सेमी० = 27 घन सेमी०.

ু খন के आयतन में वृद्धि = घन का आयतन.

_{याना} पानी की सतह में वृद्धि = x सेमी०. तब

 $20 \times 15 \times x = 15 \times 15 \times 15 \Rightarrow x = \frac{(15 \times 15)}{20} = \frac{45}{4}$ सेमी० = 11.25 सेमी०. # माना इन घनों की भुजायों क्रमश: a तथा b हैं. तब,

$$\frac{a^3}{b^3} = \frac{27}{64} = \frac{3^3}{4^3} \Rightarrow \frac{a}{b} = \frac{3}{4},$$

इनके सम्पूर्ण पृष्ठों के क्षेत्रफलों का अनुपात $=\frac{6a^2}{6b^2}=\frac{a^2}{b^2}=\left(\frac{a}{b}\right)^2=\left(\frac{3}{4}\right)^2=\frac{9}{16}=9$; 16.

ह. नवे घन का आयतन =
$$\left[\left(\frac{30}{100} \right)^3 + \left(\frac{40}{100} \right)^3 + \left(\frac{50}{100} \right)^3 \right]$$
 घनमीटर

$$= \left[\left(\frac{3}{10} \right)^3 + \left(\frac{4}{10} \right)^3 + \left(\frac{5}{10} \right)^3 \right]$$
 घनमीटर
$$= \left(\frac{27}{1000} + \frac{64}{1000} + \frac{125}{1000} \right)$$
 घनमीटर

$$= \left(\frac{216}{1000}\right)$$
 घनमीटर $= \left(\frac{6}{10}\right)^3$ घनमीटर.

ङ घन की प्रत्येक भुजा $=\frac{6}{10}$ मीटर $=\frac{3}{5}$ मीटर.

^{इस घन} का सम्पूर्ण पृष्ठ =
$$6a^2 = \left[6 \times \left(\frac{3}{5}\right)^2\right]$$
 वर्ग मीटर = $\left(\frac{6 \times 9}{25}\right)$ वर्ग मीटर = $\frac{54}{25}$ वर्ग मीटर = $2 \cdot 16$ वर्ग मीटर.

भाग घन की प्रत्येक भुजा = a. तब, इसका आयतन = a³.

नियं घन की प्रत्येक भुजा =
$$\left(a \times \frac{150}{100}\right) = \frac{3a}{2}$$
. नियं घन का आयतन = $\left(\frac{3a}{2}\right)^3 = \frac{27a^3}{8}$.

^{आयतन} में वृद्धि =
$$\left(\frac{27a^3}{8} - a^3\right) = \frac{19a^3}{8}$$
.

आयतन में वृद्धि % =
$$\left(\frac{19a^3}{8} \times \frac{1}{a^3} \times 100\right)$$
% = $\frac{475}{2}$ % = $237\frac{1}{2}$ %.

- 47. माना घन की प्रत्येक भुजा = a. तब, इसका सम्पूर्ण पृष्ठ = $6a^2$. नये घन की प्रत्येक भुजा = 2a. नये घन का सम्पूर्ण पृष्ठ = $6\times(2\ a)^2=24\ a^2$. सम्पूर्ण पृष्ठ में वृद्धि = $(24\ a^2-6\ a^2)=18\ a^2$. सम्पूर्ण पृष्ठ में वृद्धि % = $\left(\frac{18a^2}{6a^2}\times100\right)$ % = 300%.
- 48. यहाँ $r = \frac{7}{2}$ सेमी० तथा h = 8 सेमी०, बेलन का सम्पूर्ण पृष्ठ = $(2\pi r h + 2\pi r^2)$ = $2\pi r (h+r) = \left[2 \times \frac{22}{7} \times \frac{7}{2} \times \left(8 + \frac{7}{2}\right)\right]$ सेमी० 2 = $\left(22 \times \frac{23}{2}\right)$ सेमी० $^2 = 253$ सेमी० 2 .
- 49. माना बेलनों की आधार त्रिज्यायें क्रमशः 2x तथा 3x हैं तथा इनकी कैंचाईयाँ क्रमशः 5y तथा 3y हैं. तब, इनके आयतनों का अनुपात $=\frac{\pi \times (2x)^2 \times 5y}{\pi \times (3x)^2 \times 3y} = \frac{20}{27} = 20:27$.
- 50. माना बेलनों की आधार त्रिज्यायें क्रमश: 3x तथा 5x हैं तथा इनकी कैंचाईयाँ क्रमश: 2y तथा 3y हैं. तब, इनके वक्रपृष्ठों के क्षेत्रफलों का अनुपात = $\frac{2\pi \times 3x \times 2y}{2\pi \times 5x \times 3y} = \frac{2}{5} = 2:5$.
- 51. माना स्तम्भ का अर्द्धव्यास = r मीटर तथा ऊँचाई = h मीटर. तब, $\frac{\text{वक्रपृष्ठ}}{\text{आयतन}} = \frac{264}{924} \Rightarrow \frac{2\pi rh}{\pi r^2 h} = \frac{2}{7} \Rightarrow r = 7$ मीटर. $2\pi rh = 264 \Rightarrow 2 \times \frac{22}{7} \times 7 \times h = 264 \Rightarrow h = \frac{264}{44} = 6$. \therefore व्यास : ऊँचाई = 2r: h = 14: 6 = 7: 3.
- 52. दिया है 2r = 42 तथा $2\pi rh = 1320$. ∴ $2 \times \frac{22}{7} \times 21 \times h = 1320 \Rightarrow 132h = 1320 \Rightarrow h = 10$ सेमी∘.
- 53. माना r = 2 x सेमी० तथा h = 3 x सेमी०. तब, $\pi r^2 h = 12936 \Rightarrow \frac{22}{7} \times 4x^2 \times 3x = 12936$ $\Rightarrow x^3 = \left(\frac{12936 \times 7}{22 \times 12}\right) = (7)^3 \Rightarrow x = 7.$

∴ r = 14 सेमी० तथा h = 21 सेमी०.

अतः सम्पूर्ण पृष्ठ = $(2\pi rh + 2\pi r^2) = 2\pi r(h+r)$

$$=\left[2\times\frac{22}{7}\times14\times(21+14)\right]$$
 सेमी $\circ^2=3080$ सेमी \circ^2 .

- 54. दिया है : h = 14 सेमी० तथा $2\pi rh = 88$.
 - $\therefore 2 \times \frac{22}{7} \times r \times 14 = 88 \Rightarrow r = 1.$

अत: बेलन के आधार की त्रिज्या = 1 सेमी०.

55. माना बेलन A का अर्द्धव्यास = 3 x तथा बेलन B का अर्द्धव्यास = 2 x. माना A की ऊँचाई = ny तथा B की ऊँचाई = y. तब, A का आयतन = 3 × (B का आयतन)

$$\Rightarrow \pi \times (3x)^2 \times ny = 3 \times \left[\pi \times (2x)^2 \times y \right] \Rightarrow 9n(\pi x^2 y) = 12 (\pi x^2 y)$$

$$\Rightarrow n = \frac{12}{9} = \frac{4}{3}.$$

क प्रत्येक सिक्के के लिए,
$$r = \frac{75}{100}$$
 सेमी० = $\frac{3}{4}$ सेमी० तथा $h = \frac{2}{10}$ सेमी० = $\frac{1}{5}$ सेमी०.

पुत्येक सिक्के का आयतन =
$$\pi r^2 h = \left(\pi \times \frac{9}{16} \times \frac{1}{5}\right)$$
 सेमी $^3 = \frac{9\pi}{80}$ सेमी $^3 = \frac{9\pi}{80}$

बनाये जाने वाले बेलन का आयतन =
$$\pi R^2 H = [\pi \times (3)^2 \times 8]$$
 सेमी $^3 = 72 \pi$ सेमी 3 .

$$\therefore n \times \frac{9\pi}{80} = 72\pi \Rightarrow n = \left(\frac{72 \times 80}{9}\right) = 640.$$

$$n$$
तब, बेलन का आयतन = $\pi r^2 h$.

नया आधार =
$$\left(r \times \frac{110}{100}\right) = \frac{11 \, r}{10}$$
, नई केचाई = $\left(h \times \frac{110}{100}\right) = \frac{11 \, h}{10}$.

नये बेलन का आयतन =
$$\pi \times \left(\frac{11\,r}{10}\right)^2 \times \left(\frac{11\,h}{10}\right) = \left(\frac{1331}{1000}\right)\pi r^2 h$$
.

आयतन में वृद्धि =
$$\left(\frac{1331}{1000}\pi r^2 h - \pi r^2 h\right) = \left(\frac{331}{1000}\right)\pi r^2 h$$
.

आयतन में वृद्धि % =
$$\left(\frac{331}{1000} \times \pi r^2 h \times \frac{1}{\pi r^2 h} \times 100\right)\% = \frac{331}{10}\% = 33.1\%.$$

तब, बेलन का वक्रपृष्ठ = 2πrh.

नये आधार की त्रिज्या =
$$\left(r \times \frac{90}{100}\right) = \frac{9r}{10}$$
, नई ऊँचाई = $\left(h \times \frac{115}{100}\right) = \frac{23h}{20}$.

नये बेलन का वक्रपृष्ठ =
$$\left(2\pi \times \frac{9r}{10} \times \frac{23h}{20}\right) = \frac{207}{200} (2\pi rh)$$
.

वक्रपृष्ठ में वृद्धि =
$$\left(\frac{207}{200} - 1\right)(2\pi rh) = \frac{7}{200}(2\pi rh)$$
.

विक्रपृष्ट में वृद्धि % =
$$\left(\frac{7}{200} \times 2\pi rh \times \frac{1}{2\pi rh} \times 100\right)$$
% = $\frac{7}{2}$ % = 3 · 5%.

^{59.} दिवा है :
$$r = \frac{35}{2}$$
 सेमी॰ तथा $h = (1 \cdot 2 \times 100)$ सेमी॰ = 120 सेमी॰.

पार्श्व-पृष्ठ का क्षेत्रफल = 2πrh

$$=\left(2\times\frac{22}{7}\times\frac{35}{2}\times120\right)$$
 सेमी $\circ^2=13200$ सेमी \circ^2 .

60. दिया है :
$$2\pi rh = 528$$
 तथा $\pi r^2 h = 2772$.

$$\frac{\pi r^2 h}{2\pi r h} = \frac{2772}{528} = 5 \cdot 25 \implies r = 10 \cdot 5 = \frac{21}{2}.$$

$$^{1.2} \times \frac{22}{7} \times \frac{21}{2} \times h = 528 \Rightarrow h = \frac{528}{66} = 8.$$

अत: खम्भे की ऊँचाई = 8 मीटर.

61. सम्पूर्ण पृष्ठ = 231 सेमी॰
2
, वक्र-पृष्ठ = $\left(\frac{2}{3} \times 231\right)$ सेमी॰ 2 = 154 सेमी॰ 2 . $2\pi rh$ = 154 तथा $2\pi rh$ + $2\pi r^2$ = 231.

$$\therefore (154 + 2\pi r^2) = 231 \Rightarrow 2\pi r^2 = 77 \Rightarrow 2 \times \frac{22}{7} \times r^2 = 77$$
$$\Rightarrow r^2 = \left(77 \times \frac{7}{44}\right) = \frac{49}{4} = \left(\frac{7}{2}\right)^2 \Rightarrow r = \frac{7}{2}.$$

$$\therefore 2 \times \frac{22}{7} \times \frac{7}{2} \times h = 154 \Rightarrow h = 7$$
.
बेलन का आयतन $= \pi r^2 h = \left(\frac{22}{7} \times \frac{7}{2} \times \frac{7}{2} \times 7\right)$ सेमी $\circ^3 = \frac{539}{2}$ सेमी $\circ^3 = 269.5$ सेमी \circ^3 .

62. दिया है :
$$\frac{2\pi rh}{2\pi rh + 2\pi r^2} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{2\pi rh}{2\pi r(h+r)} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{h}{(h+r)} = \frac{1}{2} \Rightarrow 2h = h+r \Rightarrow h = r$$
.

$$2\pi rh + 2\pi r^2 \Rightarrow 2\pi r(h+r) = 616$$

 $\Rightarrow 4\pi r^2 = 616 \quad [\because \underline{h=r}].$
 $\Rightarrow 4\times \frac{22}{7}\times r^2 = 616 \Rightarrow r^2 = \left(616\times \frac{7}{88}\right) = 49 \Rightarrow r = 7 = h.$
बेलन का आयतन $= \pi r^2h = \left(\frac{22}{7}\times 7\times 7\times 7\right)$ सेमी \circ $^3 = 1078$ सेमी \circ 3 .

63. माना तार की अभीष्ट लम्बाई = x मीटर. गोले की त्रिज्या = 0·1 सेमी० = 1/1000 मी०. तब, तार का आयतन = गोले का आयतन

$$\Rightarrow \pi \times \left(\frac{1}{1000}\right)^2 \times x = \frac{4}{3}\pi \times \left(\frac{3}{100}\right)^3$$
$$\Rightarrow x = \left(\frac{4}{3} \times \frac{27}{1000000} \times 10000000\right) \text{ filet} = 36 \text{ filet}.$$

64. माना तार की त्रिज्या = r तथा लम्बाई = h. इस तार का आयतन = $\pi r^2 h$.

नई तार की त्रिज्या
$$=\frac{r}{3}$$
. माना नई लम्बाई $=H$. इस तार का आयतन $=\pi \left(\frac{r}{3}\right)^2 \times H = \frac{\pi r^2 H}{9}$. $\pi r^2 h = \frac{\pi r^2 H}{9} \Rightarrow H = 9h$.

नई तार की लम्बाई = 9 × (दिये गये तार की लम्बाई).

65. प्रत्येक सिञ्चके का अर्द्धव्यास = $\left(\frac{15}{2\times 10}\right)$ सेमी० = $\frac{3}{4}$ सेमी०, ऊँचाई = $\frac{2}{10}$ सेमी० = $\frac{1}{5}$ सेमी०. प्रत्येक सिञ्चके का आयतन = $\left\{\pi\times\left(\frac{3}{4}\right)^2\times\frac{1}{5}\right\} = \frac{9\pi}{80}$ सेमी० 3 . नये बेलन का अर्द्धव्यास = $\left(\frac{45}{2\times 10}\right)$ सेमी० = $\frac{9}{4}$ सेमी०, ऊँचाई = 10 सेमी०. इस बेलन का आयतन = $\left\{\pi\times\left(\frac{9}{4}\right)^2\times 10\right\} = \frac{405\pi}{8}$ सेमी० 3 .

_{प्राना} अभीष्ट सिक्कों की संख्या = n.

$$\frac{\pi}{80}$$
, $\frac{9\pi}{80} = \frac{405\pi}{8} \Rightarrow n = \left(\frac{405}{8} \times \frac{80}{9}\right) = 450.$

अतः अभीष्ट सिक्कों की संख्या = 450.

6 信用者: (r+h)=37.

$$\frac{1}{4}$$
 मूर्ण पूछ = $2\pi rh + 2\pi r^2 = 2\pi r(r+h) = (2\pi r \times 37)$

$$2\pi r \times 37 = 1628 \Rightarrow 2 \times \frac{22}{7} \times r \times 37 = 1628$$

$$\Rightarrow r = \left(1628 \times \frac{7}{44 \times 37}\right) = 7.$$

$$\therefore r = 7 \text{ मीटर तथा } h = 30 \text{ मीटर.}$$

बेलन का आयतन =
$$\pi r^2 h = \left(\frac{22}{7} \times 7 \times 7 \times 30\right)$$
 मी $o^3 = 4620$ मी o^3 .

67. दोनों बर्तनों के पानी का कुल आयतन =
$$\left[\left\{\pi \times (15)^2 \times 35\right\} + \left\{\pi \times (10)^2 \times 15\right\}\right]$$
 घन सेमी॰ = $(7875\pi + 1500\pi)$ घन सेमी॰ = 9375 घन सेमी॰.

माना नये बर्तन के आधार की त्रिज्या = r सेमीo. तब

$$\pi r^2 \times 15 = 9375\pi \implies r^2 = 625 = (25)^2 \implies r = 25.$$

अभीष्ट त्रिज्या = 25 सेमी०.

माना दिये गये बेलनों की त्रिज्यायें क्रमशः R तथा r हैं तथा ऊँचाईयाँ क्रमशः h तथा 3h हैं. तब

$$\pi R^2 h = \pi r^2 (3h) \Rightarrow \frac{R^2}{r^2} = \frac{3}{1} \Rightarrow \frac{R}{r} = \frac{\sqrt{3}}{1} = \frac{3}{\sqrt{3}} \Rightarrow R: r = 3: \sqrt{3}.$$

69. पाईप की बाहरी त्रिज्या = $\frac{25}{10}$ सेमी॰ = $\frac{5}{2}$ सेमी॰ तथा अन्दरी त्रिज्या = $\frac{15}{10}$ सेमी॰ = $\frac{3}{2}$ सेमी॰.

लोहे का आयतन =
$$\left\{\pi \times \left(\frac{5}{2}\right)^2 \times 100 - \pi \times \left(\frac{3}{2}\right)^2 \times 100\right\}$$
 घन सेमी॰

$$=\left\{\pi \times 100 \times \left(\frac{25}{4} - \frac{9}{4}\right)\right\}$$
 घन सेमी॰ $=\left(\frac{22}{7} \times 400\right)$ घन सेमी॰ $=\frac{8800}{7}$ घन सेमी॰.

लोहे का भार
$$=$$
 $\left(\frac{8800}{7} \times \frac{21}{1000}\right)$ किया $\circ = 26.4$ किया \circ .

70. 1 सैकण्ड में गिरने वाले पानी का आयतन = $\left\{\pi \times \left(\frac{1}{100}\right)^2 \times 6\right\}$ घन मीटर.

30 मिनट में गिरने वाले पानी का आयतन =
$$\left(\pi \times \frac{1}{100} \times \frac{1}{100} \times 6 \times 60 \times 30\right)$$
 घन मीटर = $\frac{108\pi}{100}$ घन मीटर = $\frac{27\pi}{25}$ घन मीटर.

माना पानी के स्तर में वृद्धि = x मीटर. तब

$$\pi \times \left(\frac{60}{100}\right)^2 \times x = \frac{27\pi}{25} \Rightarrow \frac{9}{25} x = \frac{27}{25} \Rightarrow x = \left(\frac{27}{25} \times \frac{25}{9}\right) = 3.$$

अत: पानी के स्तर में वृद्धि = 3 मीटर.

माना तार की त्रिज्या = r सेमी०. तब

$$\pi \times \left(\frac{1}{2}\right)^2 \times 8 = \pi r^2 \times 1800 \Rightarrow r^2 = \frac{1}{900} = \left(\frac{1}{30}\right)^2 \Rightarrow r = \frac{1}{30}.$$

अत: तार की त्रिज्या $=\frac{1}{30}$ सेमी॰.

72. पहले पाईप का आयतन = $[\pi \times (1)^2 \times h]$ घन इंच = (πh) घन इंच. दूसरे पाईप का आयतन = $[\pi \times (2)^2 \times h]$ घन इंच = $(4\pi h)$ घन इंच. दूसरे पाईप से 4 गुना पानी जायेगा.

अतः इस पाईप द्वारा टंकी को भरने में लगा समय = $\left(\frac{1}{4} \times 60\right)$ मिनट = 15 मिनट. 73. माना पानी के स्तर में वृद्धि = h सेमी॰. तब

$$\pi \times (40)^2 \times h = \frac{4}{3} \pi \times (30)^3 \Rightarrow h = \left(\frac{4}{3} \times \frac{27000}{1600}\right) \Rightarrow h = \frac{45}{2}$$
.

ं. पानी के स्तर में वृद्धि = 22:5 सेमी

74. सम्पूर्ण पृष्ठ का क्षेत्रफल = बाहरी क्षेत्र० + अन्दरी सतह का क्षेत्र० + अन्तिम छोरों का क्षेत्र०

=
$$\left(2\pi \times \frac{25}{2} \times 20\right) + \left(2\pi \times \frac{23}{2} \times 20\right) + 2\pi \times \left\{ \left(\frac{25}{2}\right)^2 - \left(\frac{23}{2}\right)^2 \right\}$$

= $(500 \pi + 460 \pi + 48 \pi)$ वर्ग सेमी०

= (1008 π) वर्ग सेमी॰ = $1008 \times \frac{22}{7}$ वर्ग सेमी॰ = 3168 वर्ग सेमी॰.

75. कुयें की अन्दरी सतह का क्षेत्रफल = $2\pi rh$

$$=\left(2\times\frac{22}{7}\times\frac{7}{2}\times\frac{45}{2}\right)$$
 मीटर² = 495 मीटर².

अभीष्ट खर्च = ₹ (495 × 30) = ₹ 14850.

76. माना बेलन के आधार की त्रिज्या = r सेमीo. तब

$$2\pi r = 44 \Rightarrow 2 \times \frac{22}{7} \times r = 44 \Rightarrow r = \left(44 \times \frac{7}{44}\right) = 7$$
 सेमी०.

अत: r = 7 तथा h = 100.

$$V = \pi r^2 h = \left(\frac{22}{7} \times 7 \times 7 \times 100\right) \text{ सेमी} \circ^3 = 15400 \text{ सेमी} \circ^3.$$

अत: बेलन का आयेतन = 15400 घन सेमी०.

77. सुरंग से निकली मिट्टी का आयतन = $\pi r^2 h$

$$= \left(\frac{22}{7} \times 2 \times 2 \times 56\right) \text{ मीटर}^3 = (22 \times 32) \text{ मीटर}^3.$$

खाई का आयतन = $\left(48 \times \frac{33}{2} \times 4\right)$ मीटर³ = (48×66) मीटर³.

अभीष्ट भाग = $\frac{(22\times32)}{(48\times66)} = \frac{2}{9}$.

78. माना प्रत्येक का अर्द्धव्यास = r इकाई तथा बेलन की ऊँचाई = h इकाई. तब,

$$\pi r^2 h = \frac{4}{3} \pi r^3 \Rightarrow r = \frac{3}{4} h \Rightarrow 2r = \frac{3}{2} h$$
.

(गोले का व्यास) : (बेलन की ऊँचाई) = $\frac{2r}{h} = \frac{3}{2} = 3:2$.

ा अयतन = $\pi R^2 H = (\pi \times 8 \times 8 \times 2)$ सेमी $_0$ $^3 = (128\pi)$ सेमी $_0$ $^3 = (128\pi)$ सेमी $_0$ $^3 = (128\pi)$ _{प्रानी} प्रत्येक गोले का व्यास = 2r सेमीo.

मना प्रत्येक गोले का आयतन =
$$\left(\frac{4}{3}\pi r^3\right)$$
 सेमी \circ^3 .
 $12 \times \left(\frac{4}{3}\pi r^3\right) = 128\pi \Rightarrow r^3 = 8 = 2^3 \Rightarrow r = 2$.

_{अतः} प्रत्येक गोले का व्यास = 2r = 4 सेमी०.

$$_{\rm pl.}$$
 गंले का आयतन $=\frac{4}{3}\pi\times\left(\frac{3}{100}\right)^3$ घन मीटर.

माना तार की लम्बाई = x मीटर

$$\vec{\sigma}^{\text{SI}}, \pi \times \left(\frac{1}{10} \times \frac{1}{100}\right)^2 \times x = \frac{4}{3} \pi \times \left(\frac{3}{100}\right)^3 \Rightarrow x = \frac{4}{3} \times \frac{27}{10^6} \times 10^6 \Rightarrow x = 36.$$

अभीष्ट लम्बाई = 36 मीटर.

माना गोले का प्रारम्भिक अर्द्धव्यास = r मीटर,

 $_{
m de}$, गोले का पृष्ठीय क्षेत्रफल = $(4\pi r^2)$ वर्ग मीटर.

गोले का नया अर्द्धव्यास = (r + 2) मीटर.

ं नये गोले का पृष्ठीय क्षेत्रफल = $4\pi(r+2)^2$ वर्ग मीटर.

$$4\pi (r+2)^2 - 4\pi r^2 = 704$$

$$\Rightarrow 4\pi(r^2 + 4r + 4) - 4\pi r^2 = 704$$

$$\Rightarrow 16\pi r + 16\pi = 704 \Rightarrow 16\pi(r+1) = 704$$

$$\Rightarrow 16 \times \frac{22}{7} \times (r+1) = 704 \Rightarrow (r+1) = \left(704 \times \frac{7}{16 \times 22}\right) = 14 \Rightarrow r = 13.$$

ं. गोले का प्रारम्भिक अर्द्धव्यास = 13 मीटर

82. तीनों गेंदों को पिघलाने पर प्राप्त आयतन
$$=$$
 $\left[\frac{4}{3}\pi \times (1)^3 + \frac{4}{3}\pi \times (2)^3 + \frac{4}{3}\pi \times (3)^3\right]$ सेमी $_0$ 3 $=\frac{4}{3}\pi \times \{1+8+27\}$ सेमी $_0$ 3 $=(48\pi)$ सेमी $_0$ 3 .

इतसे बची सामग्री = $\left(48\pi \times \frac{75}{100}\right)$ सेमी $\circ^3 = (36\pi)$ सेमी \circ^3 .

माना नई गेंद की त्रिज्या = r सेमीo.

अतः नई गेंद की त्रिज्या = 3 सेमी०.

^{83, माना} नये गोले की त्रिज्या = r सेमी०. तब

$$\frac{4}{3}\pi r^3 = \frac{4}{3}\pi \times \left\{ (3)^3 + (4)^3 + (5)^3 \right\} \Rightarrow r^3 = (27 + 64 + 125) = 216 = (6)^3$$
$$\Rightarrow r = 6.$$

^{अत: बड़े} गोले की त्रिज्या = 6 सेमी०.

भाना गोलों के अर्द्धव्यास क्रमश: 3 x तथा 2 x हैं. तब,

^{इन गोलों} के आयतनों का अनुपात =
$$\frac{\frac{4}{3}\pi (3x)^3}{\frac{4}{3}\pi (2x)^3} = \frac{27x^3}{8x^3} = \frac{27}{8} = 27:8.$$

👀 भावा गोलों के अर्द्धव्यास क्रमश: x तथा 4 x हैं. तब,

इनके पृष्ठीय क्षेत्रफलों का अनुपात =
$$\frac{4\pi(x)^2}{4\pi(4x)^2} = \frac{4\pi x^2}{64\pi x^2} = \frac{4}{64} = \frac{1}{16} = 1:16$$
.

86. बड़े से बड़े सम्भव घन का विकर्ण = गोले का व्यास = 2r सेमी०.

इस घन की प्रत्येक भुजा
$$=\frac{2r}{\sqrt{3}}$$
 सेमी०.

इस घन का आयतन =
$$\left(\frac{2r}{\sqrt{3}}\right)^3$$
 सेमी $o^3 = \frac{8r^3}{3\sqrt{3}}$ सेमी o^3 .

87. माना ठोस गोलों की अभीष्ट संख्या = n. तब

$$n \times \frac{4}{3}\pi \left(\frac{3}{2}\right)^3 = \pi \times (2)^2 \times 54 \Rightarrow n \times \frac{4}{3} \times \frac{27}{8} = 4 \times 54$$

 $\approx n = \frac{4 \times 54 \times 24}{4 \times 27} = 48.$

गोलों की अभीष्ट संख्या = 48,

88. माना बेलन की अभीष्ट लम्बाई = x सेमीo.

खोखले बेलन का बाहरी अर्द्धव्यास = 10 सेमी॰, अन्दरी अर्द्धव्यास = (10 – 0·25) सेमी॰ = 9·75 सेमी॰ तथा लम्बाई = 16 सेमी॰.

$$\pi \times (1)^2 \times x = \pi \left[(10)^2 - (9.75)^2 \right] \times 16 \implies x = (19.75 \times 0.25 \times 16) = 79 \text{ सेमीo.}$$

89. माना गोले को त्रिज्या = r सेमीo, तब

$$\frac{4}{3}\pi r^3 = 4851 \Rightarrow \frac{4}{3} \times \frac{22}{7} \times r^3 = 4851$$
$$\Rightarrow r^3 = \left(4851 \times \frac{21}{88}\right) = \frac{441 \times 21}{8} = \left(\frac{21}{2}\right)^3 \Rightarrow r = \frac{21}{2}.$$

गोले के वक्र-पृष्ठ का क्षेत्रफल = $4\pi r^2$

$$=\left(4\times\frac{22}{7}\times\frac{21}{2}\times\frac{21}{2}\right)$$
 सेमी \circ $^{2}=1386$ सेमी \circ 2 .

90. माना गोले की त्रिज्या = r सेमीo, तब

$$4\pi r^2 = 5544 \Rightarrow 4 \times \frac{22}{7} \times r^2 = 5544$$

 $\Rightarrow r^2 = \left(5544 \times \frac{7}{88}\right) = 441 = (21)^2 \Rightarrow r = 21.$

 \therefore गोले का आयतन $=\frac{4}{3}\pi r^3$

=
$$\left(\frac{4}{3} \times \frac{22}{7} \times 21 \times 21 \times 21\right)$$
 सेमी \circ 3 = 38808 सेमी \circ 3.

91. माना घन की प्रत्येक भुजा = a तथा गोले की त्रिज्या = r:

त्तव,
$$6a^2 = 4\pi r^2 \Rightarrow \frac{a^2}{r^2} = \frac{4\pi}{6}$$
.

इनके आयतनों का अनुपात
$$= \frac{a^3}{\frac{4}{3}\pi r^3} = \frac{3a^3}{4\pi r^3} = \frac{3}{4\pi} \cdot \left(\frac{a^2}{r^2}\right) \cdot \left(\frac{a}{r}\right)$$

 $= \frac{3}{4\pi} \times \frac{4\pi}{6} \times \sqrt{\frac{4\pi}{6}} = \sqrt{\frac{\pi}{6}} = \sqrt{\pi} : \sqrt{6}.$

 g_{4} का आयतन = a^{3} घन इकाई तथा गोले का आयतन = $\frac{4}{3}\pi \times \frac{a^{3}}{8} = \frac{\pi a^{3}}{6}$.

अपोष्ट अनुपात = $a^3 : \frac{\pi a^3}{6} = 6 : \pi$.

माना गोले की त्रिज्या = शंकु की त्रिज्या = r तथा शंकु की ऊँचाई = h.

ह्या है कि गोले तथा शंकु के आयतन समान हैं.

$$\frac{4}{36}$$
: $\frac{4}{3}\pi r^3 = \frac{1}{3}\pi r^2 h \Rightarrow 4r = h \Rightarrow \frac{2r}{h} = \frac{1}{2} = 1:2.$

 μ मान बेलन की त्रिज्या = 3 x तथा शंकु की त्रिज्या = 4 x.

_{माना} बेलन की.कैंचाई = 2h तथा शंकु की ऊँचाई = 3h.

इनके आयतनों का अनुपात =
$$\frac{\pi \times (3x)^2 \times 2h}{\frac{1}{3}\pi \times (4x)^2 \times 3h} = \frac{18}{16} = \frac{9}{8} = 9:8.$$

 $_{6,}$ माना दो शंकुओं के आधार के व्यास क्रमशः $4 \times$ तथा $5 \times$ हैं तथा इनकी ऊँचाईयाँ क्रमशः h तथा H हैं. तब

इनके आयतनों का अनुपात =
$$\frac{\frac{1}{3}\pi \times (4x)^2 \times h}{\frac{1}{3}\pi \times (5x)^2 \times H} = \frac{16h}{25H}.$$

दिया है:
$$\frac{16h}{25H} = \frac{1}{4} \Rightarrow \frac{h}{H} = \left(\frac{1}{4} \times \frac{25}{16}\right) = \frac{25}{64} = 25:64.$$

%. माना दो शंकुओं के आधार के व्यास क्रमश: 3x तथा 5x हैं तथा इनकी ऊँचाईयाँ क्रमश: y तथा 3y हैं. तब

इनके आयतमों का अनुपात =
$$\frac{\frac{1}{3}\pi \times (3x)^2 \times y}{\frac{1}{3}\pi \times (5x)^2 \times 3y} = \frac{9}{75} = \frac{3}{25} = 3:25.$$

97. माना प्रत्येक का अर्द्धव्यास = r तथा प्रत्येक की ऊँचाई = h. तब

इनके आयतनों का अनुपात =
$$\pi r^2 h: \frac{1}{3}\pi r^2 h: \frac{4}{3}\pi r^3$$

= $h: \frac{1}{3}h: \frac{4}{3}r = 3h: h: 4r$
= $3h: h: 2h = 3:1: 2$ [: गोले में $2r = h$]

%. माना प्रत्येक की त्रिज्या = r तथा गोले की ऊँचाई = 2r.

माना बेलन की ऊँचाई = h तथा शंकु की ऊँचाई = H.

दिया है : गोले का सम्पूर्ण पृष्ठ = बेलन का सम्पूर्ण पृष्ठ = शंकु का सम्पूर्ण पृष्ठ

$$4\pi r^2 = (2\pi r h + 2\pi r^2) = (\pi r l + \pi r^2) = \pi r \left(\sqrt{r^2 + H^2}\right) + \pi r^2$$

$$4\pi r^2 = 2\pi r (h+r) \Rightarrow h+r = 2r \Rightarrow h = r.$$

$$4\pi r^2 \approx \pi r \sqrt{r^2 + H^2} + \pi r^2$$

$$\Rightarrow 4\pi r^2 = \pi r \left[\sqrt{r^2 + H^2} + r \right] \Rightarrow \sqrt{r^2 + H^2} = 3r$$

$$\Rightarrow r^2 + r^2$$

$$\Rightarrow r^2 + H^2 = 9r^2 \Rightarrow 8r^2 = H^2 \Rightarrow H = 2\sqrt{2}r.$$

हेनकी कैचाईयों का अनुपात = $2r:h:H=2r:r:2\sqrt{2}r=2:1:2\sqrt{2}$.

99. माना शंकु, अर्द्ध-गोले तथा बेलन में से प्रत्येक की त्रिण्या = r तथा प्रत्येक की ऊँचाई = h. तब h = r.

इनके आयतनों का अनुपात
$$=\frac{1}{3}\pi r^2h:\frac{2}{3}\pi r^3:\pi r^2h$$

 $=\frac{1}{3}\pi r^3:\frac{2}{3}\pi r^3:\pi r^3=1:2:3.$

100. माना शंकु के आधार की त्रिज्या = r तथा ऊँचाई = h.

तब, शंकु का आयतन
$$=\frac{1}{3}\pi r^2 h$$
.

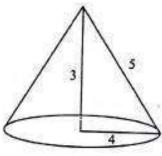
नई क्रिज्या $=\left(r\times\frac{50}{100}\right)=\frac{r}{2},\;$ नई ऊँचाई $=\left(h\times\frac{300}{100}\right)=3h$.

शंकु का नया आयतन $=\frac{1}{3}\pi\left(\frac{r}{2}\right)^2\times 3h=\frac{1}{4}\pi r^2 h$.

आयतन में कमी $=\left(\frac{1}{3}\pi r^2 h-\frac{1}{4}\pi r^2 h\right)=\left(\frac{1}{2}-\frac{1}{4}\right)\pi r^2 h=\frac{1}{4}\pi r^2 h$

आयतन में कमी =
$$\left(\frac{1}{3}\pi r^2h - \frac{1}{4}\pi r^2h\right) = \left(\frac{1}{3} - \frac{1}{4}\right)\pi r^2h = \frac{1}{12}\pi r^2h$$
.
आयतन में कमी % = $\left(\frac{1}{12}\pi r^2h \times \frac{3}{\pi r^2h} \times 100\right)$ % = 25%.

101, इस शंकु के लिए r = 4 सेमी॰ तथा h = 3 सेमी॰. शंकु का आयतन $= \frac{1}{3}\pi r^2 h = \left(\frac{1}{3}\pi \times 16 \times 3\right)$ $= (16\pi)$ सेमी॰ 3 .



102. माना शंकुओं को अभीष्ट संख्या = n. तब

$$n \cdot \left\{ \frac{1}{3} \pi \times (3)^2 \times 4 \right\} = \frac{4}{3} \pi \times (6)^3 \Rightarrow 9n = 216 \Rightarrow n = 24.$$

अतः शंकुओं की अभीष्ट संख्या = 24.

103. माना शंकु के आधार की त्रिज्या = r तथा ऊँचाई = h.

तब, शंकु का आयतन
$$=\frac{1}{3}\pi r^2 h$$
.

नए शंकु के आधार की त्रिज्या =
$$\left(\frac{110}{100} \times r\right) = \frac{11 \, r}{10}$$
 तथा नई कैचाई = $\left(\frac{110}{100} \times h\right) = \frac{11 \, h}{10}$.

नए संकु का आयतन
$$=\frac{1}{3}\pi \left(\frac{11\,r}{10}\right)^2 \times \frac{11\,h}{10} = \frac{1}{3}\pi r^2 h \left(\frac{1331}{1000}\right).$$

आयतन में वृद्धि =
$$\frac{1}{3}\pi r^2 h \left(\frac{1331}{1000} - 1 \right) = \frac{1}{3}\pi r^2 h \times \frac{331}{1000}$$
.

आयतन में वृद्धि % =
$$\left(\frac{1}{3}\pi r^2 h \times \frac{331}{1000} \times \frac{3}{\pi r^2 h} \times 100\right)$$
% = $\frac{331}{10}$ % = $33 \cdot 1$ %.

104. बेलन का अर्द्धव्यास = गोले का अर्द्धव्यास = $\frac{d}{2}$. बेलन की ऊँचाई = h. दिया है गोले का आयतन = बेलन का आयतन.

$$\therefore \frac{4}{3}\pi \left(\frac{d}{2}\right)^3 = \pi \left(\frac{d}{2}\right)^2 \times h \Rightarrow \frac{d^3}{6} = \frac{d^2}{4} \times h \Rightarrow \frac{3h}{2} = d \Rightarrow 3h = 2d.$$

। हैं. शक् का आयतन =
$$\frac{1}{3}\pi r^2 h = \left(\frac{1}{3}\pi \times 4 \times 8\right)$$
 सेमी $o^3 = \left(\frac{32\pi}{3}\right)$ सेमी o^3 .

माना गोले की त्रिज्या = r, तब, गोले का आयतन = $\frac{4}{3}\pi r^3$.

$$\frac{4}{3}\pi r^3 = \frac{32\pi}{3} \Rightarrow r^3 = 8 \Rightarrow r^3 = 2^3 \Rightarrow r = 2 \Rightarrow d = 2r = 4$$
 सेमीo.

अतः गोले का व्यास = 4 सेमी०.

$$_{100}$$
 हार की लम्बाई = (36×100) सेमी॰, तार का अर्द्धव्यास = 1 मिमी॰ = $\frac{1}{10}$ सेमी॰.

तब, तार का आयतन =
$$\left[\pi \times \left(\frac{1}{10}\right)^2 \times 36 \times 100\right]$$
 सेमी $^3 = (36\pi)$ सेमी 3 .

माना गोले का अर्द्धव्यास =
$$r$$
. तब, गोले का आयतन = $\frac{4}{3} \pi r^3$,
 $\therefore \frac{4}{3} \pi r^3 = 36 \pi \Rightarrow r^3 = \left(36 \times \frac{3}{4}\right) = 27 = 3^3 \Rightarrow r = 3$.

अतः गोले का अर्द्धव्यास = 3 सेमी०

$$\pi r^2 \times 6 = \frac{1}{3} \pi r^2 h \Rightarrow h = 18.$$

अत: शंक की ऊँचाई = 18 सेमी०

$$\frac{4}{3}\pi r^3 = \frac{1}{3}\pi \times (12)^2 \times 6 \Rightarrow r^3 = \left(288 \times \frac{3}{4}\right) = 216 = (6)^3 \Rightarrow r = 6.$$

अतः गोले की त्रिज्या = 6 सेमी०,

प्रारम्भिक आयतन = $\frac{1}{3}\pi r^2 h$ घन सेमी०.

नया अद्धेक्शास =
$$(r \text{ का } 200\%) = \left(r \times \frac{200}{100}\right) = 2r$$
.

नई ऊँचाई =
$$(h \text{ का } 200\%) = \left(h \times \frac{200}{100}\right) = 2h.$$

नया आयतन
$$=\frac{1}{3}\pi(2r)^2\times(2h)=8\times\frac{1}{3}\pi r^2h=8\times$$
 (प्रारम्भिक आयतन).

110. ठोस गोले का आयतन
$$=\frac{4}{3}\pi\times(9)^3$$
 घन सेमी $_0$ = 972 π घन सेमी $_0$. शंकु के लिए $_1$ = 9 सेमी $_0$ तथा $_1$ = 9 सेमी $_0$.

शंकु का आयतन
$$=\frac{1}{3}\pi \times (9)^2 \times 9 = 243\pi$$
 घन सेमी॰.

नष्ट हुई लकड़ी =
$$(972 \pi - 243 \pi)$$
 घन सेमी $\circ = 729 \pi$ घन सेमी \circ .

निष्ट हुई लकड़ी की प्रतिशतता =
$$\left(\frac{729\pi}{972\pi} \times 100\right)\% = 75\%$$
.

माना तीसरी गेंद की त्रिज्या = r सेमी०. तब

$$\frac{4}{3}\pi \times \left(\frac{3}{2}\right)^3 + \frac{4}{3}\pi \times 2^3 + \frac{4}{3}\pi r^3 = \frac{4}{3}\pi \times (3)^3$$

$$\Rightarrow \frac{27}{8} + 8 + r^3 = 27 \Rightarrow r^3 = \left(27 - 8 - \frac{27}{8}\right) = \left(19 - \frac{27}{8}\right) = \frac{125}{8} = \left(\frac{5}{2}\right)^3$$

$$\Rightarrow r = \frac{5}{2}$$
.

अतः तीसरी गेंद्र की त्रिज्या = 2.5 सेमी०.

112. यहाँ r = 8 सेमी० तथा h = 21 सेमी०. पानी का आयतन = $\left(\frac{1}{3} \times \frac{22}{7} \times 8 \times 8 \times 21\right)$ घन सेमी॰ = 1408 घन सेमी॰ = 1.408 लीटर.

.: पानी का भार = 1.408 किग्रा०.

113. अर्द्ध-गोले का आयतन = $\left\{\frac{2}{3}\pi \times (6)^3\right\}$ सेमी $\circ^3 = (144\pi)$ सेमी \circ^3 . शंकु का आयतन = $\left\{\frac{1}{3}\pi r^2 \times 75\right\}$ सेमी $\circ^3 = (25\pi r^2)$ सेमी \circ^3 .

 $\therefore 25\pi r^2 = 144\pi \Rightarrow r^2 = \frac{144}{25} = \left(\frac{12}{5}\right)^2 \Rightarrow r = \frac{12}{5} = 2.4.$

अतः शंकु के आधार की त्रिज्या = 2.4 सेमी

114. अर्द्ध-गोलाकार बर्तन में द्रव का आयतन = $\left(\frac{2}{3}\pi \times 9 \times 9 \times 9\right)$ सेमी 3 = (486 π) सेमी 3 . एक भरी बोतल में द्रव का आयतन = $\left\{\pi \times \left(\frac{3}{2}\right)^2 \times 4\right\}$ सेमी \circ $^3 = (9\pi)$ सेमी \circ 3 . बोतलों की अभीष्ट संख्या = $\left(\frac{486\pi}{9\pi}\right)$ = 54.

115. माना अर्द्ध-गोले तथा शंकु में से प्रत्येक की त्रिज्या = r तथा ऊँचाई = r. शंकु की त्रियंक ऊँचाई, $l = \sqrt{h^2 + r^2} = \sqrt{r^2 + r^2} = \sqrt{2r^2} = \sqrt{2}r$. अर्द्ध गोले का वक्र-पृष्ठ = $2\pi r^2$.

शंकु का वक्र पृष्ठ = $\pi r l = \pi r \times \sqrt{2}r = \sqrt{2} (\pi r^2)$.

अभीष्ट अनुपात = $\frac{2\pi r^2}{\sqrt{2}(\pi r^2)} = \frac{\sqrt{2}}{1} = \sqrt{2}$:1.

116. माना B का व्यास = d. तब, A का व्यास = 2d. $\Rightarrow B$ का अर्द्धव्यास = $\frac{d}{2}$ तथा, A का अर्द्धव्यास = d.

A तथा B के आयतनों का अनुपात = $\frac{\frac{4}{3}\pi d^3}{\frac{4}{3}\pi \left(\frac{d}{2}\right)^3} = \frac{8}{1} = 8:1.$

117. चादर का क्षेत्रफल = शंकु का सम्पूर्ण पृष्ठ = $(\pi rl + \pi r^2)$ अब, r = 7 तथा $h = 24 \Rightarrow l^2 = (r^2 + h^2) = (49 + 576) = 625$ $\Rightarrow l = \sqrt{625} = 25$

चादर का क्षेत्रफल = $(\pi rl + \pi r^2) = \pi r(l+r)$

118. $\pi r^2 = \pi R^2 \Rightarrow r = R$ $\pi rl = 2\pi rh = 2\pi r \times 3 \Rightarrow l = 6$.

अत: तिर्यंक कैंचाई = 6 मीटर.

्रा^{१,} माना शंकुओं की अभीष्ट संख्या = n. तब.

$$n \times \frac{1}{3}\pi \times \frac{7}{2} \times \frac{7}{2} \times 3 = \frac{4}{3}\pi \times \frac{21}{2} \times \frac{21}{2} \times \frac{21}{2} \Rightarrow \frac{49n}{4} = \frac{3087}{2} \Rightarrow n = \frac{3087}{2} \times \frac{4}{49} = 126.$$

120. दिया है : r = 7 सेमी० तथा वक्रपृष्ठ, πrl = 550

$$\frac{22}{1000} \times \frac{22}{7} \times 7 \times I = 550 \Rightarrow I = \frac{550}{22} = 25$$
 就中1000

$$7$$

 $h^2 = (I^2 - r^2) = (25)^2 - (7)^2 = (625 - 49) = 576 = (24)^2 \Rightarrow h = 24$ सेनी॰.

शंकु का आयतन
$$=\frac{1}{3}\pi r^2 h = \left(\frac{1}{3} \times \frac{22}{7} \times 7 \times 7 \times 24\right)$$
 सेमी $o^3 = 1232$ सेमी o^3 .

(1), माना शंकु के आधार की त्रिज्या = r सेमीo. तब

$$\pi \times (18)^2 \times 32 = \frac{1}{3} \pi \times r^2 \times 24 \Rightarrow 8r^2 = 18 \times 18 \times 32$$

$$r^2 = \frac{18 \times 18 \times 32}{8} = (18 \times 2)^2 = (36)^2 \implies r = 36.$$

अतः शंकु के आधार की त्रिज्या = 36 सेमीo.

$$l^2 = (3x)^2 + (4x)^2 = 25x^2 = (5x)^2 \implies l = 5x$$

शंकु का आयतन
$$=\frac{1}{3}\pi r^2 h = \frac{1}{3}\pi \times 9x^2 \times 4x = 12\pi x^3$$
.

$$12\pi x^3 = 96\pi \implies x^3 = 8 = 2^3 \implies x = 2.$$

123. दिया है : I = 10 सेमी० तथा h = 8 सेमी०.

$$r^2 = (l^2 - h^2) = (10)^2 - (8)^2 = 36 = 6^2 \implies r = 6.$$

वक्र पृष्ठ का क्षेत्रफल = πrl = $(3.14 \times 6 \times 10)$ सेमी o^2 = 188.4 सेमी o^2 .

124. दिया है I=2.5 किमी०. माना आधार की त्रिज्या = r किमी० तथा ऊँचाई = h किमी०.

$$\pi r^2 = 1.54 \Rightarrow r^2 = \left(\frac{154}{100} \times \frac{7}{22}\right) = \left(\frac{7 \times 7}{10 \times 10}\right) \Rightarrow r = \frac{7}{10} = 0.7$$
 किमी.

$$h^2 = (l^2 - r^2) = (2.5)^2 - (0.7)^2 = (2.5 + 0.7)(2.5 - 0.7)$$

$$= (3 \cdot 2 \times 1 \cdot 8) = \left(\frac{32 \times 18}{100}\right) = \left(\frac{16 \times 36}{100}\right)$$

$$\Rightarrow h = \frac{(4 \times 6)}{10} = \frac{24}{10} = 2 \cdot 4 \text{ fa fill}$$

ि 10 10
$$\pi \times 10^{-10}$$
 में बर्तन में गिरने वाला आयतन = $\left\{\pi \times \left(\frac{2 \cdot 5}{10}\right)^2 \times 1000\right\}$ सेमी \circ 3 .
$$= \left\{\pi \times \left(\frac{25}{100}\right)^2 \times 1000\right\}$$
 सेमी \circ 3 .
$$= \left\{\pi \times \left(\frac{25}{100}\right)^2 \times 1000\right\}$$
 सेमी \circ 3 .

हैं बर्तन का आयतन = $\left\{ \frac{1}{3} \pi \times (20)^2 \times 24 \right\}$ सेमी $o^3 = (3200\pi)$ सेमी o^3 .

कितंन भरने में लगा समय =
$$\left(3200\pi \times \frac{2}{125\pi}\right)$$
 मिनट = 51 मिनट 12 सैकण्ड.

120. माना एत्येक गोले की त्रिज्या = r सेमी०. तब

$$8 \times \frac{4}{3} \pi r^3 = \frac{4}{3} \pi \times (10)^3 \Rightarrow r^3 = \frac{1000}{8} = 125 = (5)^3 \Rightarrow r = 5.$$

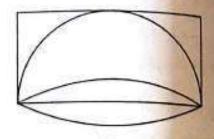
अतः पत्येक गोले की त्रिज्या = 5 सेमी०.

137. भाना अर्द्धगोले को त्रिज्या = r.

तब, बेलन की त्रिज्या = r तथा बेलन की ऊँचाई = r.

बेलन तथा अर्द्धगोले के आयतनों का अनुपात

$$=\frac{\pi r^2 \times r}{\frac{4}{3}\pi r^3} = \frac{3}{4} = 3:4.$$



128. एक गोले को समान चार भागों में विभक्त करने पर प्रत्येक भाग की ऊपरी सतह गोले की कुल सतह का 1/4 भाग होगी तथा नीचे दो अर्द्धवृत्त बनेंगे.

अतः चारों भागों का सम्पूर्ण पृष्ठीय क्षेत्रफल

$$= 4 \times \left[\left(\frac{1}{4} \times 4 \pi r^2 \right) + \frac{1}{2} (\pi r^2) + \frac{1}{2} (\pi r^2) \right] = 4 \times \left[\left(\pi r^2 + \pi r^2 \right) \right]$$
$$= (4 \times 2 \pi r^2) = (8 \pi r^2) \text{ वर्ग इकाई.}$$

प्रश्नमाला 24B

1. ΔABC एक समकोण त्रिभुज है जिसमें $\angle B = 90^{\circ}$. इस त्रिभुज को भुजा BC के अनुदिश घुमाने पर बने संकु का आयतन 2512 सेमी॰ है तथा इस त्रिभुज को भुजा AB के अनुदिश घुमाने पर बने शंकु का आयतन 6028-8 सेमी॰ है. इस त्रिभुज के कर्ण की लम्बाई ज्ञात कीजिये. (दिया है : $\pi = 3.14$)

(एस०एस०सी० परीक्षा, 2009)

2. धातु के बने एक ठोस आयताकार टुकड़े की लम्बाई 32 सेमी०, चौड़ाई 22 सेमी० तथा ऊँचाई 14 सेमी० है. इसे पिघलाकर एक ठोस बेलन में ढाला गया है जिसकी ऊँचाई 16 सेमी० है. इस बेलन के सम्पूर्ण पृष्ठ का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए $x = \frac{22}{7}$ लें $x = \frac{22}{7}$

अधातु के बने एके ठोस बेलन के आधार की त्रिज्या r सेमी० तथा ऊँचाई 3 सेमी० है. इसे पिघलाकर आधार की उसी त्रिज्या वाले शंकु में ढ़ाला गया है. इस शंकु की ऊँचाई कितनी है ? (एस०एस०सी० परीक्षा, 2008)

4. एक ठोस बेलन के आधार का व्यास 7 सेमी० है तथा इसकी ऊँचाई 15 सेमी० है. इसमें दो बराबर शंक्वाकार छेंद्र किये गये हैं जिनमें से प्रत्येक का व्यास बेलन की ऊँचाई का $\frac{2}{5}$ तथा ऊँचाई 4 सेमी० है. शेष ठोस का आयह तथा सम्पूर्ण पृष्ठ ज्ञात कीजिए. $\pi = \frac{22}{7}$ लीजिए . (एस०एस०सी० परीक्षा, 2009)

5. एक लम्बवृत्तीय बेलन के आधार की त्रिज्या तथा ऊँचाई का योग 37 सेमी॰ है. यदि बेलन के सम्पूर्ण पृष्ठ के क्षेत्रफल 1628 सेमी॰ हो, तो इसका आयतन ज्ञात कीजिए, $\pi = \frac{22}{7}$ लीजिए.

(एस०एस०सी० परीक्षा, 2008)

6. एक लम्बवृत्तीय शंकु का आयतन एक लम्बवृत्तीय बेलन के आयतन के बराबर है, जिसके आधार की व्रिण 30 सेमी० तथा ऊँचाई 9 सेमी० है. शंकु की ऊँचाई 108 सैमी० है. इसके आधार की त्रिज्या ज्ञात कीजिए.

7. एक बेलनाकार पाईप की भीतरी त्रिज्या 7 सेमी० हैं. इस पाईप से 5 किमी०/घण्टा की गति से पानी बहकर 100 मीटर लम्बी तथा 44 मीटर चौड़ी एक आयताकार टंकी में गिरता है. कितने समय में इस टंकी में पानी के स्वार्थ $\pi = \frac{22}{7}$ लीजिए . (एस०एस०सी० परीक्षा, 2007)

- हैं बेलनाकार पाईप की भीतरी त्रिज्या 0·5 सेमी० है. इस पाईप से 10 मीटर∕मिनट की दर से पानी बहकर एक हुक बेलनावार के जिसकी ऊपरी सिरे की त्रिज्या 20 सेमी॰ तथा गहराई 21 सेमी॰ है. इस बर्तन को भरने व्रे कितना समय लगेगा ? (एस०एस०सी० परीक्षा, 2007)
- (एस०एस०सी० परीक्षा, 2007) क्व वृत्तीकार पाईप का भीतरी व्यास 2 सेमी० है. इसमें से 7 मीटर प्रति सैकण्ड की गति से पानी निकल कर एक ्र वृत्ताकार के विस्ति है जिसके आधार की त्रिज्या 40 सेमी० है. आधे घण्टे में टंकी में पानी निकल कर एक इतनाकार टंकी में गिरता है जिसके आधार की त्रिज्या 40 सेमी० है. आधे घण्टे में टंकी में पानी का स्तर कितना क्षेगा? (एस०एस०सी० परीक्षा, 2000)
- ्ष्स०एस०सा० परीक्षा, 2000) क्रिटंकी घनाभ आकार की है जिसकी लम्बाई 7·2 मीटर तथा चौड़ाई 2·5 मीटर है. 5 सेमी० × 3 सेमी० के हुत रका जा पाइंप से 10 मीटर प्रति सैकण्ड की गति से पानी इस टंकी में भरा जा रहा है. ज्ञात कीजिए क्र 40 मिनट बांद टंकी में पानी का स्तर कितना ऊँचा उठ जायेगा? (एस०एस०सी० परीक्षा, 2004)
- एक धन के विकर्ण की लम्बाई 17·32 सेमी० है. धन का आयतन ज्ञात कीजिए. (एस०एस०सी० परीक्षा, 2005)
- ्छ 14 सेमी० लम्बे धातु के बेलनाकार पाईप के बाह्य तथा आन्तरिक पृष्ठीय क्षेत्रफलों का अन्तर 44 वर्ग सेमी० है, यदि पाईप 99 घन सेमी० आयतन वाली धातु का बना हो, तो पाईप के बाह्य तथा आन्तरिक अर्द्धव्यास ज्ञात कीजिए. (एस०एस०सी० परीक्षा, 2003)
- 44 मीटर लम्बे, 2·6 मीटर चौड़े तथा 1 मीटर ऊँचे लोहे के टुकड़े को पिघला कर एक खोखला बेलनाकार पाईप _{बनाया} गया है जिसकी अन्दर से त्रिज्या 30 सेमी० है तथा जिसकी दीवार की मोटाई 5 सेमी० है, पाईप की लम्बाई
- किसी ठोस का आकार एक लम्ब वृत्तीय बेलन जैसा है जिसके दोनों सिरे अर्द्धगोलाकार हैं. ठोस की कुल ऊँचाई 35 सेमी॰ है तथा बेलन का व्यास उसकी ऊँचाई का $\frac{1}{4}$ है. उस ठोस का आयतन तथा सम्पूर्ण-पृष्ठीय क्षेत्रफल (एस०एस०सी० परीक्षा, 2008)
- एक कुएँ का अन्दरी व्यास 5·6 मीटर है तथा इसे 10 मीटर गहरा खोदा गया है. इसमें से निकाली गई मिट्टी को कुएँ के चारों ओर 7 मीटर चौड़े रास्ते पर फैलाया गया है. रास्ते की ऊँचाई ज्ञात कीजिए,
- अ वर्त के बने एक खोखले बेलनाकार पाईप की लम्बाई 3.5 मीटर, बाहरी व्यास 2.4 सेमी० तथा दीवार की मोटाई 2 मिमी० है. इस पाईप का भार क्या होगा जबकि 1 घन सेमी० जस्ते का भार 11-4 ग्राम है ?
- ग. एक सर्कस का टैन्ट 7 मीटर की ऊँचाई तक बेलनाकार तथा उसके ऊपर शंकु के आकार का है. बेलनाकार भाग का व्यास 10 मीटर तथा टैन्ट की कुल ऊँचाई 19 मीटर है. टैन्ट को बनाने में ₹ 35 प्रति वर्ग मीटर की दर से कपड़ा लगाने का व्यय ज्ञात कीजिए.
- 45 सेमी० ऊँची एक बाल्टी एक शंकु के छिन्नक के रूप में है. इसके सिरों की त्रिज्यायें क्रमश: 28 सेमी० तथा ो सेमी० हैं. बाल्टी की धारिता तथा पृष्ठ-क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए. (एस०एस०सी० परीक्षा, 2000)
- 130 सेमी॰ लम्बे एक रोलर का व्यास 84 सेमी॰ है. एक खेल के मैदान को समतल करने के लिए यदि इसे 1000 ^{किका} लगाने पहें, तो ₹ 5 प्रति वर्ग मीटर की दर से कितना धन खर्च होगा ?
- लोहें के एक खम्भे का कुछ भाग एक लम्ब-वृत्तीय बेलन है तथा शेष भाग एक लम्ब-वृत्तीय शंकु है. बेलन तथा हेंकु में से प्रत्येक के आधार की त्रिज्या 8 सेमी० हैं. बेलनाकार भाग की ऊँचाई 240 सेमी० तथा शंक्वाकार भाग भें देवाई 36 सेमी० है. इस खम्भे का भार ज्ञात कीजिए जबकि 1 घन सेमी० लोहे का भार 7-5 ग्राम है.
 - कि अर्ढ-गोले पर एक खोखला बेलन टिका कर रखने से एक बर्तन बना है. अर्ढ-गोले का व्यास 12 सेमी० तथा भेने को कुल कैचाई 16 सेमी० है. बर्तन की धारिता ज्ञात कीजिए.
 - भी को बनी एक गोलाकार गेंद की त्रिज्या 3 सेमी० है. इसे गला कर तीन अन्य गोलाकार गेंदों में ढ़ाला जाता है. र्वेद रनमें से दो गेंदों की त्रिज्या वें क्रमश: 1-5 सेमी० तथा 2 सेमी० हों, तो तीसरी गेंद का व्यास ज्ञात कीजिए.

(एस०एस०सी० परीक्षा, 2001)

- 23. एक लम्ब-वृत्तीय बेलन तथा एक गोले के आयतनों का अनुपात 3 : 2 है. यदि गोले की त्रिज्या वेलन के आप 23. एक लम्ब-वृत्तीय बेलन तथा एक गोले के आयतनों का अनुपात 3 : 2 है. यदि गोले की त्रिज्या वेलन के आप की त्रिज्या की दुगुनी हो, तो बेलन तथा गोले के पृष्ठीय क्षेत्रफलों का अनुपात ज्ञात कीजिए, (एस०एस०सी० परीक्षा, 2001)
- 24. किसी लम्बवृत्तीय शंकु का आयतन एक लम्बवृत्तीय बेलन के आयतन के बराबर है. यह बेलन 9 सेमी० के तथा इसके आधार का व्यास 60 सेमी॰ है. शंकु की ऊँचाई 108 सेमी॰ है. शंकु के आधार का व्यास उत्त की की (एस०एस०सी० परीक्षा, 2000)
- 25. r सेमी॰ अर्द्धव्यास वाले एक ठोस अर्द्धगोले में से अधिकतम आयतन वाला एक गोला काटा गया है. अर्द्धाले (एस०एस०सी० परीक्षा, 2003) आयतन का गोले के आयतन से अनुपात ज्ञात कीजिए.

उत्तरमाला (प्रश्नमाला 24B)

- 26 सेमी०
 2640 सेमी०²
- 3. 9 सेमी॰
- 4. 502·07 सेमी॰ ³ , 444·7 सेमी॰ ²

- 5. 4620 सेमी^{° 3}
- 7. 8 घण्टे 6. 15 सेमी०

11. 1 मीटर³

- 8, 11 मिनट 12 सैकण्ड
 - 13. 112 HIZT

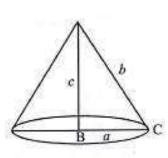
- 7-875 मीटर 10. 2 मीटर
- 12. 7 सेमी०, 6-5 सेमी० 15. 89 सेमी०
 - 16. 5·52 किग्रा**॰** 17. ₹ 14850

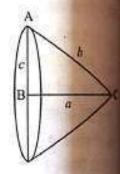
- 1257-67 सेमी०³, 770 सेमी०² 48510 घन सेमी०, 8074 वर्ग सेमी०
- 19. ₹ 15840
- 20. 380-16 किग्रा०

- 21. 1584 घन सेमी०
- 22. 5 सेमी॰ 23.2:1
- 24. 30 सेमी॰
- 25.4:1

दिये गये प्रश्नों के हल प्रश्नमाला 24B

1. भुजा BC के अनुदिश घुमाने पर r = BC = a, h = AB = c. इस शंकु का आयतन = $\frac{1}{2}\pi \times a^2 \times c$. भुजा AB के अनुदिश घुमाने पर बने शंकु के लिए r = AB = c, h = BC = aइस शंकु का आयतन = $\frac{1}{3}\pi \times c^2 \times a$.





 $\therefore \frac{1}{3}\pi \times a^2 \times c = 2512$ तथा $\frac{1}{3}\pi \times c^2 \times a = 6028 \cdot 8$

भाग देने पर
$$\frac{a^2c}{c^2a} = \frac{2512}{6028 \cdot 8} \Rightarrow \frac{a}{c} = \frac{25120}{60288} = \frac{5}{12}$$
.

माना a = 5 x तथा c = 12 x.

तब,
$$\frac{1}{3} \times 3 \cdot 14 \times 25x^2 \times 12x = 2512 \Rightarrow x^3 = \frac{2512 \times 3 \times 100}{314 \times 25 \times 12} = 8 = 2^3$$

 $\Rightarrow x = 2$.

$$b^2 = (c^2 + a^2) = (12x)^2 + (5x)^2 = 169x^2 = (169 \times 4)$$

$$\Rightarrow b = \sqrt{169 \times 4} = (13 \times 2) = 26$$
 सेमी॰.

अत: कर्ण की लम्बाई = 26 सेमीo.

 दिये गये ठोस आयताकार टुकड़े का आयतन = (32 × 22 × 14) सेमी०³ = 9856 सेमी०³. दिया गया है, बेलन की ऊँचाई = 16 सेमी०. माना बेलन की त्रिज्या = r सेमी० तब, $\pi r^2 \times 16 = 9856 \Rightarrow r^2 = \left[9856 \times \frac{1}{16} \times \frac{7}{22}\right] = 196 \Rightarrow r = \sqrt{196} = 14$ सेमी॰. बेलन का सम्पूर्ण पृष्ठ = $2\pi rh + 2\pi r^2$

=
$$2\pi r(h+r) = \left[2 \times \frac{22}{7} \times 14 \times (16+14)\right]$$
 सेमीo²
= (88×30) सेमीo² = 2640 सेमीo².

्र केलन का आयतन = (ग \ r 2 \ 3) सेमी० !

हर^{त का जारा} _{इसि} हांड्र की ऊँचाई = 4 सेमी०. दिया है शंकु के लिए आधार की त्रिज्या = r सेमी०.

 π , शंकु का आयतन $=\frac{1}{3}\pi r^2 h$.

$$3\pi r^2 = \frac{1}{3}\pi r^2 h \Rightarrow h = 9.$$

्रतः शंकु की ऊँचाई = 9 सेमी०.

 $\int_{1}^{1} \sqrt{1+3} x$ शंक्वाकार छेद की त्रिज्या = $\left(\frac{1}{2} \times \frac{2}{5} \times 15\right)$ सेमी0 = 3 सेमी0.

पूर्वक शंक्वाकार छेद को ऊँचाई = 4 सेमो

ू इंक्वाकार छेदों का कुल आयतन = $2 \times \frac{1}{3} \pi \times 3 \times 3 \times 4$ सेमी $0^3 = (24\pi)$ सेमी 0^3 .

दिये गये ठोस बेलन का आयतन = $\pi r^2 h = \left(\pi \times \frac{7}{2} \times \frac{7}{2} \times 15\right)$ सेमी० = $\frac{735\pi}{4}$ सेमी०³.

क्रेष होस का आयतन = $\left(\frac{735\pi}{4} - 24\pi\right)$ सेमी $\circ^3 = \left(\frac{639\pi}{4}\right)$ सेमी \circ^3 . $=\left[\frac{639}{4}\times\frac{22}{7}\right] \stackrel{?}{\text{He}} = \frac{7029}{14} \stackrel{?}{\text{He}} = 502.07 \stackrel{?}{\text{He}} = \frac{1}{14} = \frac$

हेष ठोस का सम्पूर्ण पृष्ठ = (बेलन का वक्र पृष्ठ + शेष आधार का क्षेत्रफल + शंक्वाकार 2 छेदों का वक्र पृष्ठ)

=
$$2\pi r_1 h + 2\pi \left(r_1^2 - r_2^2\right) + 2\pi r_2 \times l$$
, जहाँ $r_1 = 3.5$ सेमी०, $r_2 = 3$ सेमी०, $l = \sqrt{3^2 + 4^2} = 5$ सेमी० = $2\pi \left[3.5 \times 15 + \left\{(3.5)^2 - 3^2\right\} + 3 \times 5\right]$ केन्छ 2

=
$$2\pi \left[3.5 \times 15 + \left\{(3.5)^2 - 3^2\right\} + 3 \times 5\right] \text{ सेमीo}^2 = 2\pi (52.5 + 3.25 + 15) \text{ सेमीo}^2$$

= $\left[2 \times \frac{22}{7} \times 70.75\right] \text{ सेमीo}^2 = \frac{3113}{7} \text{ सेमीo}^2 = 444.7 \text{ सेमीo}^2$.

मन लम्बवृतीय बेलन के आधार की त्रिज्या = r सेमीo, तथा ऊँचाई = h सेमीo.

$$\therefore (h+r) = 37.$$

बेलन का सम्पूर्ण पृष्ठ = 1628 सेमी० ²

$$\Rightarrow 2\pi rh + 2\pi r^2 = 1628$$

$$\Rightarrow 2\pi r(h+r) = 1628 \Rightarrow 2\pi r \times 37 = 1628$$

$$\Rightarrow 2\pi r = \frac{1628}{37} = 44 \Rightarrow 2 \times \frac{22}{7} \times r = 44 \Rightarrow r = \left(44 \times \frac{7}{44}\right) = 7 \text{ सेमीo.}$$

ं r=7 सेमी० तथा h=(37-7) सेमी० = 30 सेमी०.

बेलन का आयतन = $\pi r^2 h$

^{६ बन शंकु} के आधार की त्रिज्या = r सेमीo. तब

$$3^{\pi r^2 \times 108} \approx \pi \times (30)^2 \times 9 \Rightarrow 36r^2 = 8100 \Rightarrow r^2 = \frac{8100}{36} = \left(\frac{90}{6}\right)^2 = (15)^2 \Rightarrow r = 15.$$

^{अतः} शंकु के आधार की त्रिज्या = 15 सेमी०.

ैं को के बहाव की दर = 5 किमी॰/घण्टा = $\left(5 \times \frac{5}{18}\right)$ मीटर/सैकण्ड = $\frac{25}{18}$ मीटर/सैकण्ड.

। भैकण्ड में बहने वाले पानी का आयतन $= \left(\pi \times \frac{7}{100} \times \frac{7}{100} \times \frac{25}{18}\right)$ मीटर

$$=\left(\frac{49}{7200}\times\frac{22}{7}\right)$$
 भीटर³ $=\left(\frac{77}{3600}\right)$ भीटर³

टंकी में पानी का आयतन = (100 × 44 × 0·14) मीटर ³ = 616 मीटर ³.

अभीष्ट समय = $\left(616 \times \frac{3600}{77}\right)$ सैकण्ड = $\left(\frac{616 \times 3600}{77} \times \frac{1}{60 \times 60}\right)$ घण्टे = 8 घण्टे.

बेलनाकार पाईप की त्रिज्या = 1/2 सेमी०.

पानी के बहाव की गति = 10 मीटर/मिनट = 1000 सेमी०/मिनट.

इस पाईप से प्रति मिनट बहने वाले पानी का आयतन = $\pi r^2 h$

$$= \left\{ \pi \times \left(\frac{1}{2} \right)^2 \times 1000 \right\} \text{ संमी} \circ^3 = (250 \text{ m}) \text{ संमी} \circ^3.$$

शंक्वाकार बर्तन के लिए r=20 सेमी० तथा h=21 सेमी०.

इस बर्तन का आयतन = $\left\{\frac{1}{3}\pi\times(20)^2\times21\right\}$ सेमी $\circ^3=(2800\pi)$ सेमी \circ^3 .

अभीष्ट समय = $\left(\frac{2800\pi}{250\pi}\right)$ मिनट = $\frac{56}{5}$ मिनट = 11 मिनट 12 सैकण्ड.

वृत्ताकार पाईप का भीतरी अर्द्धव्यास = 1 सेमी०.

्यायार पाइप की नातर अञ्चलका पानी का आयतन $=\pi r^2 h = \left(\frac{22}{7} \times 1 \times 1 \times 700\right)$ घन सेमी॰ = 2200 घन सेमी॰

आधे घण्टे में इस पाइंप से टंकी में गिरने वाले पानी का आयतन

= (2200 × 60 × 30) घन सेमी० = 3960000 घन सेमी०.

माना बेलनाकार टंकी में पानी के स्तर में वृद्धि = h सेमीo. तब,

 $\frac{22}{7} \times 40 \times 40 \times h = 3960000 \Rightarrow h = \left(3960000 \times \frac{7}{22} \times \frac{1}{1600}\right) = 787 \cdot 5$ सेमी॰ $\Rightarrow h = 7.875$ मीटा.

माना टंकी में पानी की अभीष्ट गहराई = x मीटर.

इस टंकी में पानी का आयतन = $(7 \cdot 2 \times 2 \cdot 5 \times x)$ मीटर³ = (18x) मीटर³.

40 मिनट में टंकी में भरे पानी का आयतन = $\left(\frac{5}{100} \times \frac{3}{100} \times 10 \times 40 \times 60\right)$ मीट्र ³ = 36 मीटर ³. ∴ $18x = 36 \Rightarrow x = 2$.

पानी के ऊँचे उठे स्तर की गहराई = 2 मीटर.

11. माना घन की प्रत्येक भुजा = a सेमी॰. तब, घन के विकर्ण की लम्बाई = $(\sqrt{3}a)$ सेमी॰.

 $\therefore \sqrt{3}a = 17 \cdot 32 \Rightarrow 1 \cdot 732a = 17 \cdot 32 \Rightarrow a = 10.$

अतः घन की प्रत्येक भुजा = 10 सेमी०.

ं. घन का आयतन = $(10 \times 10 \times 10)$ सेमी $^3 = 1000$ सेमी $^3 = 1$ मी 3 .

माना पाईप के बाह्य तथा आन्तरिक अर्द्धव्यास क्रमश: R सेमी० तथा r सेमी० हैं.
 पाईप की लम्बाई = 14 सेमी०.

पाईप के बाह्य पृष्ठ का क्षेत्रफल = $(2\pi R \times 14)$ वर्ग सेमी॰ = $(28 \pi R)$ वर्ग सेमी॰. पाईप के आन्तरिक पृष्ठ का क्षेत्रफल = $(2\pi r \times 14)$ = $(28 \pi r)$ वर्ग सेमी॰.

 $(28 \pi R - 28 \pi r) = 44 \Rightarrow 28\pi (R - r) = 44 \Rightarrow (R - r) = \left(44 \times \frac{1}{28} \times \frac{7}{22}\right) = \frac{1}{2}$. पाईप के धातु का आयतन

 $= \left(\frac{1}{3}\pi R^2 \times 14\right) - \left(\frac{1}{3}\pi r^2 \times 14\right) = \frac{14\pi}{3}(R^2 - r^2)$ घन सेमी०

$$=\frac{14}{3} \times \frac{22}{7} \times (R^2 - r^2) = \frac{44}{3} (R^2 - r^2)$$
 घन सेमीo.

$$\frac{44}{3}(R^2-r^2) = 99 \Rightarrow (R^2-r^2) = \left(99 \times \frac{3}{44}\right) = \frac{27}{4}.$$

$$(R^2-r^2)=\frac{27}{4}$$
. तथा $(R-r)=\frac{1}{2}$.

आग देने पर :
$$(R+r) = \left(\frac{27}{4} \times \frac{2}{1}\right) = \frac{27}{2}$$
.

$$R-r=\frac{1}{2}$$
 तथा $R+r=\frac{27}{2}$ को हल करने पर, $R=7$ तथा $r=6.5$.

अत: पाईप की बाह्य त्रिज्या = 7 सेमी० तथा आन्तरिक त्रिज्या = 6·5 सेमी०.

13. लोहे के टुकड़े का आयतन = (440 × 260 × 100) घन सेमीo.

पाईप की अन्दरी त्रिज्या = 30 सेमी० तथा बाहरी त्रिज्या = 35 सेमी०.

माना पाईप की लम्बाई = x मीटर. तब,

पाईप का आयतन =
$$\{\pi(R^2 - r^2) \times x \times 100\} = [\pi \times \{35\}^2 - (30)^2\} \times x \times 100]$$
 घन सेमी॰
$$= \left(\frac{22}{7} \times 65 \times 5 \times x \times 100\right)$$
 घन सेमी॰.

$$\frac{22}{7} \times 65 \times 5 \times x \times 100 = 440 \times 260 \times 100 \Rightarrow x = \frac{440 \times 260 \times 100 \times 7}{22 \times 65 \times 500} = 112.$$

अतः पाईप की अभीष्ट लम्बाई = 112 मीटर,

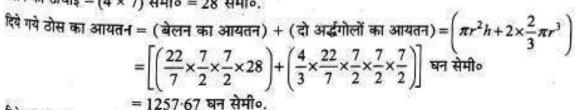
 एक लम्बवृतीय बेलन दिया गया है जिसके दोनों सिरे अई-गोलाकार हैं. माना बेलन का व्यास = d सेमीo.

प्रत्येक अर्द्धगोले की त्रिज्या = d सेमीo. वेलन की ऊँचाई = 4d सेमीo

पूर्ण ठोस की ऊँचाई
$$=$$
 $\left(4d + \frac{d}{2} + \frac{d}{2}\right)$ सेमी $\circ = 5d$ सेमी \circ .

$$\therefore 5d = 35 \implies d = 7.$$

अर्ड गोले की त्रिज्या
$$=\frac{d}{2}=\frac{7}{2}$$
 सेमी॰.



^{दिये} गये ठोस के सम्पूर्ण पृष्ठ का क्षेत्रफल

$$=(2\pi rh + 2\pi r^2 + 2\pi r^2) = (2\pi rh + 4\pi r^2)$$

$$^{=2\pi r}(h+2r) = \left\{2 \times \frac{22}{7} \times \frac{7}{2} \times (28+7)\right\}$$
 वर्ग सेमी॰

^{= (22 × 35)} वर्ग सेमी० = 770 वर्ग सेमी०.



626 • नवीन अंकगणित

24. बेलन का आयतन = $\pi R^2 H = (\pi \times 30 \times 30 \times 9)$ सेमी॰ $^3 = (8100 \pi)$ सेमी॰ 3 माना शंकु के आधार की त्रिज्या = r सेमी॰.

तब, शंकु का आयतन =
$$\left(\frac{1}{3}\pi r^2 \times 108\right)$$
 सेमी \circ 3

$$\therefore 8100 \ \pi = \frac{1}{3} \pi r^2 \times 108 = 36 \pi r^2 \Rightarrow r^2 = \frac{8100 \ \pi}{36 \ \pi} = 225 = (15)^2 \ .$$

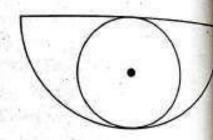
अतः शंकु के आधार का व्यास = 2 r = 30 सेमी०.

25. अर्द्धगोले का अर्द्धव्यास = r सेमी॰. अर्द्धगोले में बने गोले का व्यास = r सेमी॰.

अर्द्धगोले में बने गोले का अर्द्धव्यास $=\frac{r}{2}$ सेमी \circ .

$$\frac{\text{अर्द्ध गोले का आयतन}}{\text{अर्द्ध गोले में बने गोले का आयतन}} = \frac{\frac{2}{3}\pi r^3}{\frac{4}{3}\pi \left(\frac{r}{2}\right)^3} = \left(\frac{2}{3}\times\frac{3}{4}\times2^3\right) = \frac{(2\times3\times8)}{12} = \frac{4}{1}$$

अत: अभीष्ट अनुपात = 4:1.



दौड़ (RACES)

सामान्य नियम

अक्तियों की दौड़, घुड़दौड़, नौका-दौड़ तथा तैराकी आदि प्रतिस्पर्धायें वौड़ कहलाती हैं.

(i) जिस मैदान या रास्ते पर ये प्रतिस्पर्धायें होती हैं, उसे **रेस कोर्स** कहते हैं.

(ii) जिस स्थान से दौड़ आरम्भ होती है, उसे प्रारम्भिक बिन्दु कहते हैं.

(iii) जिस स्थान पर दौड़ समाप्त होती है, उसे जीत-बिन्दु कहते हैं.

 $\frac{(ii)}{(iv)}$ आरम्भ में यदि A प्रारम्भिक बिन्दु पर हो तथा B, A से 12 मीटर आगे हो, तो हम कहते हैं कि A, B को

साधित उदाहरण

gन 1. 1 किमी० की दौड़ में A, B को 28 मीटर अथवा 7 सैकण्ड से हरा देता है. इस दौड़ को पूरा करने में

इत: स्पष्ट है कि B, 7 सैकण्ड में 28 मीटर दौड़ता है.

। किमी॰ दौड़ने में B द्वारा लिया गया समय = $\left(\frac{7}{28} \times 1000\right)$ सैकण्ड = 250 सैकण्ड.

। किमी॰ दौड़ने में A द्वारा लिया गया समय = (250 − 7) सैकण्ड = 243 सैकण्ड = 4 मिनट 3 सैकण्ड.

अभीष्ट समय = 4 मिनट 3 सैकण्ड.

इन 2. A, I किमी० दौड़ में 3 मिनट 10 सैकण्ड लेता है, जबकि B इस दौड़ में 3 मिनट 20 सैकण्ड लेता है. A, B को कितने मीटर से हराता है?

इत : A, B को 10 सैकण्ड से हराता है.

B द्वारा 200 सैकण्ड में तय की गई दूरी = 1000 मीटर.

B द्वारा 10 सैकण्ड में तय की गई दूरी = $\left(\frac{1000}{200} \times 10\right)$ मीटर = 50 मीटर.

अत: A, B को 50 मीटर से हराता है.

^{इत} 3. 100 मीटर की दौड़ में A, 8 किमी० ∕घण्टा की गति से दौड़ता है. यदि A, B को 4 मीटर का आरम्भ दे ^{तथा} 15 सैकण्ड से उसे हरा दे, तो B की चाल ज्ञात करें.

ि. A की चाल = 8 किमी०/घण्टा = $\left(8 \times \frac{5}{18}\right)$ मीटर/सै॰ = $\frac{20}{9}$ मीटर/सै॰. A द्वारा 100 मीटर दौड़ने में लिया गया समय = $\left(100 \times \frac{9}{20}\right)$ सै॰ = 45 सै॰.

 B को 4 मीटर का आरम्भ दिया गया है. अतः B, (100-4) मी $\circ=96$ मी \circ दौड़ता है.

⁹⁶ मीटर दौड़ने में *B* द्वारा लिया गया समय = (45 + 15) सै॰ = 60 सै॰.

 $\frac{8}{60}$ मीटर/सै॰ = $\left(\frac{96}{60} \times \frac{18}{5}\right)$ किमी॰/घण्टा = 5·76 किमी॰/घण्टा.

कि पिक की दौड़ में रवि, नितिन को 400 मीटर से तथा दीपक को 200 मीटर से हरा देता है. दीपक, ^{नितिन} को कितने मीटर से हरायेगा?

हल : स्पष्ट है कि जितनी देर में रिव 1000 मीटर दौड़ता है, उतनी देर में नितिन दौड़ता है (1000 - 400) अर्थात् 600 मीटर तथा दीपक दौड़ता है (1000 – 200) मी॰ अर्थात् 800 मीटर. 800 मीटर की दौड़ में दीपक नितिन को हराता है = 200 मीटर से. 1000 मीटर की दौड़ में दीपक नितिन को हराता है = $\left(\frac{200}{800} \times 1000\right)$ मीटर से = 250 मीटर से. अत: 1 किमी० की दौड़ में दीपक नितिन को 250 मीटरे से हरायेगा.

प्रश्न 5. 200 मीटर की एक दौड़ में A, B को 20 मीटर से हरा देता है, जबकि 100 मीटर की दौड़ में B, Ca 5 मीटर से हरा देता है. यह मानते हुए कि विभिन्न दौड़ों में A, B, C की अपनी चालें एक समान रहते (असिस्टैंट ग्रेड परीक्षा, 2004) हैं. एक किमीo की दौड़ में A, C को कितने मीटर से हरायेगा?

हल: जितने समय में A 200 मीटर दौड़ेगा, उतने समय में B दौड़ेगा = (200 - 20) मी॰ = 180 मी॰. ∴ जितने समय में A 100 मीटर दौड़ेगा, उतने समय में B दौड़ेगा = $\left(\frac{180}{200} \times 100\right)$ मी॰ = 90 मी॰. जितने समय में B 100 मीटर दौंड़ेगा, उतने समय में C दौंड़ेगा = (100 - 5) मीटर = 95 मीटर. जितने समय में B 90 मीटर दौड़ेगा, उतने समय में C दौड़ेगा = $\left(\frac{95}{100} \times 90\right)$ मीटर = 85.5 मीटर. ं. जितने समय में A 100 मीटर दौड़ेगा, उतने समय में C दौड़ेगा = 85.5 मीटर.

जितने समय में Λ 1000 मीटर दौड़ेगा, उतने समय में C दौड़ेगा = $\left(\frac{85.5}{100} \times 1000\right)$ मीटर = 855 मीटर अत: 1 किमी॰ की दौड़ में A, C को (1000 - 855) मीटर अर्थात् 145 मीटर से हराता है.

प्रश्न 6. एक किमी० दौड़ में तीन व्यक्ति A, B, C भाग लेते हैं. यदि A, B को 40 मीटर का तथा C को 64 मीटा का आरम्भ दे, तो B, C को कितने मीटर का आरम्भ दे सकता है?

हल : जितनी देर में A 1000 मीटर तय करता है, उतनी देर में B, (1000 - 40) मी० अर्थात् 960 मीटर दूरी ला करता है तथा C. (1000 – 64) मी॰ अर्थात् 936 मी॰ दूरी तय करता है. जितनी देर में B 960 मी॰ दूरी तय करता है, उतनी देर में C तय करता है = 936 मी॰. जितनी देर में B 1000 मी॰ दूरी तय करता है, उतनी देर में C तय करता है = $\left(\frac{936}{960} \times 1000\right)$ मी॰

= 975 मी०. अत: B, C को (1000 - 975) मी॰ अर्थात् 25 मीटर का आरम्भ दे सकता है.

प्रश्नमाला 25A

नीचे दिये गये प्रश्नों में से प्रत्येक प्रश्न में ठीक उत्तर को चिन्हांकित (√) कीजिए:

- 1. 100 मीटर दौड़ में, A इस दूरी को 36 सैकण्ड में तथा B 45 सैकण्ड में तय करता है. इस दौड़ में A, B को किती मीटर से हराता है ?
 - (a) 20 मीटर से
- (b) 25 मीटर से
- (c) 22·5 मीटर से (d) 9 मीटर से
- 2. A एक 200 मीटर की दौड़ में B को 35 मीटर अथवा 7 सैकण्ड से हरा देता है. A कितनी देर में यह दौड़ $\sqrt{10}$ करता है ?
 - (a) 40 सैकण्ड
- (b) 47 सैकण्ड
- (c) 33 सैकण्ड
- (d) इनमें से कोई नहीं
- 3. 800 मीटर की दौड़ में A ने B को 15 सैकण्ड से परास्त किया. यदि A की चाल 8 किमीo/धण्टा हो, तो <math>B(एस०एस०सी० परीक्षा, 2004) - चाल कितनी है ?
 - (a) 8 17 किमी०/घण्टा

(b) 7¹⁷/₂₅ 南中 10/घण्टा