सामान्य नियम

वर्गमूल: किसी संख्या का वर्गमूल वह संख्या है जिसे अपने से गुणा करने पर दी गई संख्या प्राप्त हो

x के वर्गमूल को \sqrt{x} से व्यक्त करते हैं.

जैसे : (i) $\sqrt{9} = 3$ (ii) $\sqrt{16} = 4$ (iii) $\sqrt{64} = 8$ आदि.

घनमूल : किसी संख्या a का घनमूल b होगा, यदि $a=b^3$ हो.

हम इसे लिखते हैं : $\sqrt[3]{a} = b$.

को औसे: (i) $\sqrt[3]{8} = 2$ (ii) $\sqrt[3]{125} = 5$ (iii) $\sqrt[3]{216} = 6$.

साधित उदाहरण

प्रश्न 1. $\sqrt{1225} = ?$

हल: $1225 = (5 \times 5 \times 7 \times 7)$ = $(5^2 \times 7^2)$

 $1.0 \cdot \sqrt{1225} = (5 \times 7) = 35.$

प्रश्न 2. √4356 = ?

हल: $4356 = (2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 11 \times 11)$

 $=(2^2\times3^2\times11^2)$

 $\sqrt{4356} = (2 \times 3 \times 11) = 66.$

प्रश्न 3. √137641 = ?

हल: 3 137641 (371 9 476 469 741 741 741

 $1.0 \sqrt{137641} = 371.$

प्रश्न 4. √1814409 = ?

 $1.0 \cdot \sqrt{1814409} = 1347.$

122

$$9975. \sqrt{\frac{.049 \times .016 \times .09}{.81 \times .036 \times .064}} = ?$$

हल: दिये गये वर्गमूल के अंश में दशमलव स्थानों का योग = (3 + 3 + 2) = 8 तथा हर में दशमलव स्थानों का योग = (2 + 3 + 3) = 8.

अत: हम दशमलव बिन्दुओं को हटा सकते हैं.

∴ दिया गया व्यंजक =
$$\sqrt{\frac{49 \times 16 \times 9}{81 \times 36 \times 64}} = \frac{(7 \times 4 \times 3)}{(9 \times 6 \times 8)} = \frac{7}{36}$$
.

दो विशेष सूत्र :
$$(i) \sqrt{ab} = \sqrt{a} \times \sqrt{b} \qquad (ii) \sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} .$$

ग्रहन 6.
$$\frac{\sqrt{162}}{\sqrt{288}} = ?$$

हल :
$$\frac{\sqrt{162}}{\sqrt{288}} = \sqrt{\frac{162}{288}} = \sqrt{\frac{81}{144}} = \frac{9}{12} = \frac{3}{4}$$
.

हल :
$$\sqrt{98} \times \sqrt{72} = \sqrt{98 \times 72} = \sqrt{49 \times 2 \times 2 \times 36} = \sqrt{7^2 \times 2^2 \times 6^2} = (7 \times 2 \times 6) = 84$$
.

दशमलव भिन्नों के वर्गमूल : यदि दिये गये दशमलव भिन्न में दशमलव बिन्दु के बाद अंकों की संख्या विवम हो, तो अन्त में एक शून्य और लगाकर दायीं ओर दो-दो अंकों के जोड़े बनाते हैं तथा ऊपर दी गई विधि से वर्गमूल जात करते हैं.

प्रश्न 8.
$$\sqrt{.9}$$
 = ? (दशमलव के तीन स्थानों तक ज्ञात करें)

₹ल : 9
$$\frac{.90 \cdot .948}{.900}$$

184 $\frac{.81}{.900}$
1888 $\frac{.736}{.16400}$
15104
∴ $\sqrt{.9} = .948$.

इल : 1
$$| \overline{1} \overline{61} \cdot \overline{29} |$$
 (12·7 $\frac{1}{61}$ 247 $\frac{44}{1729}$ $\frac{1729}{x}$ $\therefore \sqrt{161 \cdot 29} = 12 \cdot 7$.

प्रश्न 10. यदि
$$\sqrt{3} = 1.732$$
 तथा $\sqrt{2} = 1.414$ हो, तो $\left(\frac{\sqrt{3} + \sqrt{2}}{\sqrt{3} - \sqrt{2}}\right)$ का वर्गमूल ज्ञात करें.

$$\mathbf{EM}: \ \frac{\left(\sqrt{3}+\sqrt{2}\right)}{\left(\sqrt{3}-\sqrt{2}\right)} = \frac{\left(\sqrt{3}+\sqrt{2}\right)}{\left(\sqrt{3}-\sqrt{2}\right)} \times \frac{\left(\sqrt{3}+\sqrt{2}\right)}{\left(\sqrt{3}+\sqrt{2}\right)} = \frac{\left(\sqrt{3}+\sqrt{2}\right)^2}{\left(3-2\right)} = \left(\sqrt{3}+\sqrt{2}\right)^2$$

$$\int \frac{\sqrt{\sqrt{3} + \sqrt{2}}}{\sqrt{\sqrt{3} - \sqrt{2}}} = (\sqrt{3} + \sqrt{2}) = (1 \cdot 732 + 1 \cdot 414) = 3 \cdot 146.$$

प्रश्न 11.
$$\frac{52}{?} = \frac{?}{13}$$
.

हल : माना
$$\frac{52}{x} = \frac{x}{13}$$
. तब $x^2 = (52 \times 13) = (4 \times 13 \times 13) = 2^2 \times (13)^2$.

$$x = (2 \times 13) = 26.$$

अतः लुप्त स्थान पर 26 होगा.

प्रश्न 12. छात्रों के एक समूह में प्रत्येक छात्र से उतने ही पैसे लिये गये जितने इस समूह में छात्र थे. यदि कुल धन ₹ 59-29 एकत्र किया गया हो, तो समूह में कितने छात्र थे?

हल : माना समूह में कुल x छात्र थे. तब, प्रत्येक छात्र से लिए गए पैसे = x.

कुल एकत्रित धन =
$$(x \times x)$$
 पैसे = ₹ $\left(\frac{x^2}{100}\right)$

$$\therefore \left(\frac{x^2}{100}\right) = 59.29 \Rightarrow x^2 = 5929 \Rightarrow x = \sqrt{5929} = 77.$$

अतः समूह में कुल 77 छात्र थे.

घनमूल ज्ञात करना :

दी गई संख्या को अभाज्य गुणनखण्डों के गुणनफल के रूप में व्यक्त करें. एक ही प्रकार के प्रत्येक तीन गुणनखण्डों

में से एक लेकर बने गुणनखण्डों का गुणनफल ही अभीष्ट घनमूल है.

हल:
$$74088 = (2^3 \times 7^3 \times 3^3)$$

$$\therefore \sqrt[3]{74088} = (2 \times 7 \times 3) = 42.$$

$$8ee : \cdot 000027 = \frac{27}{10^6}$$

$$\therefore \sqrt[3]{.000027} = \sqrt[3]{\frac{27}{10^6}} = \frac{3}{10^2} = \frac{3}{100} = .03.$$

प्रश्नमाला 5AD

निम्नलिखित प्रश्नों में से प्रत्येक में ठीक उत्तर को चिन्हांकित (✔) कीजिए :

- 1. $\sqrt{625} + \sqrt{484} = ?$ (a) 47
- (b) 56
- (एस०एस०सी० परीक्षा, 2009) (c) 52
 - (d) 35

- 2. $\sqrt{1225} = ?$
 - (a) 25
- (c) 55

(b) 423

- (d) 15
- (बैंक पी०ओ० परीक्षा, 2009) (e) इनमें से कोई नहीं

- $\sqrt{3364} = ?$
 - (a) 62
- (b) 58

(b) 45

- (c) 32
- (d) 68
- (बैंक पी०ओ० परीक्षा, 2009)
- (e) इनमें से कोई नहीं

- $\sqrt{64009} = ?$
 - (a) 803

- (c) 253
- (रेलवे परीक्षा, 2009) (d) 323

- $\sqrt{894916} = ?$
 - (a) 856
- (b) 920
- (c) 946
- (बैंक पी०ओ० परीक्षा, 2006)

(e) 768

- (d) 880
 - (बैंक पी०ओ० परीक्षा, 2006)

(बैंक पी०ओ० परीक्षा, 2010)

(बैंक पी०ओ० परीक्षा, 2010)

- 6. $\sqrt{9216} + \sqrt{12544} = ?$
 - (a) 200
- (b) 196
- (c) 218
- (d) 208
- (e) इनमें से कोई नहीं

- 7. $\sqrt{?} 34 = \sqrt{484}$
 - (a) 56
- (b) 65
- (c) 2631
- (d) 3136
- (e) इनमें से कोई नहीं

- 8. $(\sqrt{5}-2)^2 = ?-\sqrt{80}$
 - (a) $4\sqrt{5} + 4$
 - (b) 4√5
- (c) 9-4\square
- (d) 9
- (e) इनमें से कोई नहीं

- 9. $(\sqrt{?}-1)^2 = 8-\sqrt{28}$
 - (a) 6
- (c) 9
- (d) 7
- (बैंक पी०ओ० परीक्षा, 2010) (e) इनमें से कोई नहीं

- 10. $\sqrt{8464} + \sqrt{?} = 102$
 - (a) 100
- (b) 225
- (c) 400
- (d) 625
- (e) इनमें से कोई नहीं

- 11. $\sqrt{2500} + \sqrt{961} = (?)^2$
 - (a) 81
- (b) 3
- (c) 6561
- (d) 9
- (e) इनमें से कोई नहीं

- 12. $\sqrt{176} + \sqrt{2401} = ?$
 - (a) 14
- (b) 15
- (c) 18
- (d) 24
- (e) इनमें से कोई नहीं

- $\sqrt{5} + \sqrt{11} + \sqrt{19} + \sqrt{29} + \sqrt{49} = ?$ (b) 2
- (c) 4
- (एस०एस०सी० परीक्षा, 2009) (d) 6

- (a) 3

- (b) 4
- (c) 8

- (a) 2 $\sqrt{24} + \sqrt{216}$ √96
- (a) $2\sqrt{6}$

- (b) 2
- (c) 6√2

- - (a) 1

- (b) 20
- (c) 25
- (d) 100

126 • नवीन अंकगणित

17.
$$\frac{9^2}{?} = \frac{?}{9}$$
(a) 3

(b) 9

(c) 27

(एस०एस०सी० परीक्षा, 2002

(d) 81

18. $\frac{?}{49} = \frac{16}{?}$

(b) 18

(c) 38

(d) 28

(बैंक पी०ओ० परीक्षा, 2009) (e) इनमें से कोई नहीं

(बैंक पी०ओ० परीक्षा, 2009)

(b) 73

(c) 99

(d) 85

(e) इनमें से कोई नहीं

20. $\frac{256 \times 256 - 144 \times 144}{256 \times 256 - 144 \times 144} = ?$ 112

(a) 420

(b) 400

(c) 360

(d) 320

(एस०एस०सी० परीक्षा, 2010)

(b) $1\frac{1}{4}$

(c) 1-125

(d) इनमें से कोई नहीं

(b) 10·25

(c) 10·5

(d) 11.5

23. $\frac{\sqrt{288}}{\sqrt{128}} = ?$

(a) $\frac{\sqrt{3}}{2}$

(b) $\frac{3}{\sqrt{2}}$

24. $\frac{\sqrt{256}}{2} \times \frac{\sqrt{625}}{2} = 4$

(a) 16

(b) 20

(c) 10

(d) इनमें से कोई नहीं

25. $\sqrt{\frac{?}{169}} = \frac{18}{13}$

(b) 324

(c) 2916

(d) 4800

26. $\sqrt{\frac{1694}{2}} + 14 = 25$ (a) 11

(b) 12

(c) 14

(d) 22

(बैंक पी०ओ० परीक्षा, 2008)

(a) 360(b) 750 (c) 540

(d) 1080

(e) इनमें से कोई नहीं

28. $\sqrt{?} + \sqrt{961} = \sqrt{2025}$

(c) 169

(d) 256

(बैंक पी०ओ० परीक्षा, 2009) (e) इनमें से कोई नहीं

29. $2432 + ? = \sqrt{23104}$

(बैंक पी०ओ० परीक्षा, 2009) (e) इनमें से कोई नहीं

(a) 12

(a) 28

(b) 14

(b) 24

(c) 16

(d) 18

30.
$$\sqrt{\frac{12544}{13689}} = ?$$

(a) $\frac{112}{127}$

(a) 34

- (b) $\frac{112}{117}$
- (c) $\frac{117}{112}$
- (d) इनमें से कोई नहीं

31.
$$\sqrt{\frac{0.009 \times 0.036 \times 0.016 \times 0.08}{0.002 \times 0.0008 \times 0.0002}} = ?$$

- (b) 36
- (c) 38
- (d) 39

- 32. $\sqrt{900} + \sqrt{0.09} \sqrt{0.000009} = ?$
 - (a) 30-27 (b) 30-297
- (c) 30.097
- (एस०एस०सी० परीक्षा, 2009)

(एस०एस०सी० परीक्षा, 2010)

(d) 30-197

- $\sqrt{0.0081} = ?$ 33. (a) 0.09
 - (b) 0.9
- (c) 0.08
- (एस०एस०सी० परीक्षा, 2008) (d) 0.81

- 34. $\sqrt{0.01} \cdot \sqrt{0.0064} = ?$
 - (a) 0.03
- (b) 0.3
- (c) 0·3√2
- (d) इनमें से कोई नहीं

- 35. $\sqrt{0.00059049} = ?$
 - (a) ·243
- (b) ·0243
- (c) ·00243
- (d) इनमें से कोई नहीं

- $\sqrt{1.0816} = ?$
 - (a) 0·14
- (b) 1.4
- (c) 1.004
- (d) 1.04

- - (a) $\frac{29}{32}$
- (b) $\frac{19}{72}$
- (c) $\frac{19}{32}$

- - (a) $\frac{170}{11}$
- (b) $\frac{17}{110}$

- $\sqrt{\frac{1\cdot21\times0\cdot9}{1\cdot1\times0\cdot11}}=?$
 - (a) 2

- (c) 9
- (d) 11

- (a) 9
 - (b) 0.9

(b) 3

- (c) 99
- (d) 0.99

- - (a) 6
- (b) 0.6
- (c) 0.06
- (d) $\frac{1}{6}$

- $9.5 \times 0.0085 \times 18.9 = ?$ √ ·0017×1·9×2·1
 - (a) 0-15
- (b) 0.5
- (c) 15
- (d) 250

- - (a) 1
- (b) 12
- (c) 13
- (d) 25

```
128 • नवीन अंकगणित
                                                                            (d) इनमें से कोई नहीं
                                                    (c) 27
        (a) 1
                            (b) 13
                                                                                    (रेलवे परीक्षा, <sub>2005</sub>
  45. यदि √2" = 64 हो, तो n = ?
                                                    (c) 6
        (a) 2
                                                                                    (रेलवे परीक्षा, <sub>2006</sub>
  46. यदि \sqrt{4^n} = 1024 हो, तो n = ?
                                                                            (d) 12
                                                    (c) 10
  47. यदि \frac{1120}{\sqrt{n}} = 80 हो, तो n = ?
                                                                           (d) 225
                                                    (c) 196
       (a) 14
  48. यदि \frac{x}{\sqrt{2.25}} = 550 हो, तो x = ?
                                                    (c) 366-66
                                                                           (d) 2
       (a) 825
                            (b) 82.5
  49. यदि \sqrt{18225} = 135 हो, तो (\sqrt{18225} + \sqrt{182 \cdot 25} + \sqrt{1 \cdot 8225} + \sqrt{018225}) = ?
                                                                           (d) 1499-85
                                                   (c) 149-985
                           (b) 137-795
        (a) 142-875
  50. यदि \sqrt{6084} = 78 हो, तो \sqrt{60.84} + \sqrt{0.6084} + \sqrt{0.006084} + \sqrt{0.00006084} का मान क्या होगाः
                                                                           (d) 866-58
                                                   (c) 86-658
                           (b) 8-6658
        (a) 0-86658
                                                                                   ( रेलवे परीक्षा, 2006)
  51. \sqrt{6+\sqrt{6+\sqrt{6+\dots}}} = ?
                                                                          ( एस०एस०सी० परीक्षा, 2010)
                                                                           (d) 6
                                                  (c) 5
                           (b) 4
       (a) 3

    किस लघुत्तम संख्या को 13218 में जोड़ देने से यह पूर्ण वर्ग बन जायेगा? (एस०एस०सी० परीक्षा, 2009)

                                                                           (d) 7
                                                   (c) 5
                           (b) 3
       (a) 1
 53. \sqrt{0.4} = ?
                           (b) ·02
                                                                           (d) -632
                                                  (c) -613
       (a) ·2
 54. \sqrt{0.064} = ?
                                                                          (d) इनमें से कोई नहीं
                                                  (c) -008
       (a) ·8
                           (b) -08
 55. \sqrt{0.009} = ?
                                                                         (d) इनमें से कोई नहीं
      (a) 0.03
                           (b) 0-3
                                                  (c) 0-094
56. \sqrt{0.9} = ?
      (a) 0.3
                         (b) 0-03
                                                  (c) 0.9
                                                                         (d) इनमें से कोई नहीं
57. \sqrt{0.121} = ?
                                                                                   (e) इनमें से कोई नहीं
     (a) 0-11
                     (b) -011
                                       (c) 1·1
                                                               (d) 1-01
58. \sqrt{654} = ?
                                                                        ( होटल मैनेजमैन्ट परीक्षा, 2004)
                                                                                  (d) इनमें से कोई नहीं
                               (b) 25·05
     (a) 25
                                                         (c) 25-57
                                                                         (बैंक पी०ओ० परीक्षा, 2006)
59. \sqrt{1296} = (?)^2
                                                                                    (e) इनमें से कोई नहीं
     (a) 6
                                          (c) 625
                                                         (d) 1296
                    (b) 36
60. \sqrt{2+\sqrt{2+\sqrt{2+.....}}} = ?
```

(a) 1

(b) 1.5

(c) 2

(d) 2.5

वर्गमूल तथा घनमूल • 129

61.
$$\frac{\sqrt{2}}{(2+\sqrt{2})} = ?$$

(रेलवे परीक्षा, 2009)

- (a) $(\sqrt{2}-1)$ (b) $(\sqrt{2}+1)$
- (c) 2√2
- (d) $(1-\sqrt{2})$

62. $a = \sqrt{7-2} = a\sqrt{7} + b = 1$, a = ?

(एस०एस०सी० परीक्षा, 2007)

- (a) $\frac{11}{3}$ (b) $\frac{-4}{3}$
- (c) $\frac{4}{3}$ (d) $\frac{-4\sqrt{7}}{3}$

63. $\frac{(\sqrt{7}+\sqrt{5})}{(\sqrt{7}-\sqrt{5})} + \frac{(\sqrt{7}-\sqrt{5})}{(\sqrt{7}+\sqrt{5})} = ?$

- (c) 8
- (d) 5

64. $\frac{(\sqrt{7}+\sqrt{5})}{(\sqrt{7}-\sqrt{5})}=?$

- (a) $6+\sqrt{35}$ (b) $6-\sqrt{35}$
- (c) 1
- (d) 2

65. $\frac{1}{(\sqrt{9}-\sqrt{8})} = ?$

(a) $(3+2\sqrt{2})$ (b) $(3-2\sqrt{2})$ (c) $2(3+\sqrt{2})$ (d) $\frac{1}{2}(3-\sqrt{2})$ 66. $\frac{1}{(\sqrt{9}-\sqrt{8})} - \frac{1}{(\sqrt{8}-\sqrt{7})} + \frac{1}{(\sqrt{7}-\sqrt{6})} - \frac{1}{(\sqrt{6}-\sqrt{5})} + \frac{1}{(\sqrt{5}-\sqrt{4})} = ?$

- (a) 0
- (b) 1

- (c) 5
- (d) $\frac{1}{3}$

67. यदि $\sqrt{3} = 1.732$ हो, तो $\sqrt{\frac{3}{4}} = ?$

- (a) 0.577
- (c) 0-433
- (d) इनमें से कोई नहीं

68. यदि $\sqrt{5} = 2 \cdot 24$ तथा $\sqrt{6} = 2 \cdot 45$ हो, तो $\sqrt{\frac{2}{3}} + \sqrt{\frac{5}{6}} = ?$

- (a) 1.37
- (b) 1.57
- (c) 1.73
- (d) 1.75

69. यदि $\sqrt{5} = 2.236$ हो, तो $\frac{1}{\sqrt{5}} = ?$

- (a) ·367
- (c) -447
- (d) इनमें से कोई नहीं

70. $a = \sqrt{6} = 2.449$ g), $a = \frac{3\sqrt{2}}{2\sqrt{3}} = ?$

- (a) -6122
- (b) 1-2245
- (c) 1-3245
- (d) -8163

71. $\sqrt{\frac{4}{3}} - \sqrt{\frac{3}{4}} = ?$

- (c) $\frac{1}{2\sqrt{3}}$ (d) $\frac{\sqrt{3}}{6}$

(a) 1 (b) $\frac{-1}{2\sqrt{3}}$ 72. $(4)^2 + (3)^2 = \sqrt{?}$

(बैंक पी०ओ० परीक्षा, 2005)

- (d) 425
- (e) इनमें से कोई नहीं

73. यदि $\sqrt{2} = 1.4142$ हो, तो $\frac{7}{(3+\sqrt{2})} = ?$

- (a) 1.5858
- (b) 1.5947
- (c) 1.6136
- (d) 1.7316

74. यदि
$$\sqrt{2} = 1.4142$$
 हो, तो $\frac{(4+\sqrt{2})}{(\sqrt{2}+1)} = ?$

(a) 2-1236

(b) 2.2426

(c) 2.4136

(d) 2-3216

75.
$$\sqrt{7+2\sqrt{10}}=?$$

(a)
$$(\sqrt{5} + \sqrt{2})$$

(b) $(\sqrt{3}+2)$ (c) $(\sqrt{6}+1)$

(d) $(2+\sqrt{5})$

76.
$$\sqrt{8+2\sqrt{15}}=?$$

(a)
$$(\sqrt{2} + \sqrt{6})$$

(b)
$$(\sqrt{5} + \sqrt{3})$$

(b)
$$(\sqrt{5}+\sqrt{3})$$
 (c) $(2\sqrt{3}+5\sqrt{3})$ (d) $(2+\sqrt{6})$

(d)
$$(2+\sqrt{6})$$

77. यदि
$$a = \sqrt{7 + 2\sqrt{12}}$$
 तथा $b = \sqrt{7 - 2\sqrt{12}}$ हो, तो $(a^3 + b^3) = ?$ (एस०एस०सी० परीक्षा, 2010) (a) 40 (b) 44 (c) 48 (d) 52

(c) 48

(एस०एस०सी० परीक्षा, 2010)

(d) 52

78.
$$\frac{\sqrt{7}}{\sqrt{16+6\sqrt{7}}-\sqrt{16-6\sqrt{7}}}=?$$

(a) $\frac{1}{2}$ (b) $\frac{1}{3}$

(c) $\frac{1}{4}$

(d) $\frac{1}{\epsilon}$

79. यदि
$$\sqrt{24} = 4.898$$
 हो, तो $\sqrt{\frac{8}{3}} = ?$

(c) 1.633

(एस०एस०सी० परीक्षा, 2007)

(एस०एस०सी० परीक्षा, 2010)

(एस०एस०सी० परीक्षा, 2010)

(d) 2.666

80.
$$a = \frac{(\sqrt{3+x} + \sqrt{3-x})}{(\sqrt{3+x} - \sqrt{3-x})} = 2 \ \text{ fi, } \ \text{ fil } x = ?$$

(a) $\frac{5}{12}$ (b) $\frac{12}{5}$

(c) $\frac{5}{7}$

(d) $\frac{7}{5}$

81.
$$\forall x = \frac{\sqrt{3}}{2}$$
 $\vec{\epsilon}$ 1, $\vec{\epsilon}$ 1, $\vec{\epsilon}$ 3 $\frac{(\sqrt{1+x} + \sqrt{1-x})}{(\sqrt{1+x} - \sqrt{1-x})} = ?$

 $(a) -\sqrt{3}$

(d) $\sqrt{3}$

82. यदि $x = (7 - 4\sqrt{3})$ हो, तो $\left(x + \frac{1}{x}\right) = ?$

(a) $3\sqrt{3}$

(b) $8\sqrt{3}$

(c) $14 + 8\sqrt{3}$

(रेलवे परीक्षा, 2005) (d) 14

83. यदि
$$x = \frac{(\sqrt{5} + \sqrt{3})}{(\sqrt{5} - \sqrt{3})}$$
 तथा $y = \frac{(\sqrt{5} - \sqrt{3})}{(\sqrt{5} + \sqrt{3})}$ हो, तो $(x + y) = ?$

(c) 2√15

(एस०एस०सी० परीक्षा, 2005)

84.
$$\frac{(\sqrt{7}+\sqrt{3})}{(\sqrt{7}-\sqrt{3})} + \frac{(\sqrt{7}-\sqrt{3})}{(\sqrt{7}+\sqrt{3})} + \frac{(\sqrt{3}-1)}{(\sqrt{3}+1)} + \frac{(\sqrt{3}+1)}{(\sqrt{3}-1)} = ?$$

(एस०एस०सी० परीक्षा, 2005)

(d) $2(\sqrt{5}+\sqrt{3})$

85. यदि $a = (5 + 2\sqrt{6})$ हो, तो $\left(\sqrt{a} - \frac{1}{\sqrt{a}}\right) = ?$

(a) $2\sqrt{2}$

(b) $3\sqrt{2}$

(c) 2√3

(d) 3\square

(d) 9

86. यदि $(\sqrt{\mu} + \sqrt{b}) = 17$ तथा $(\sqrt{a} - \sqrt{b}) = 1$ हो, तो $\sqrt{ab} = ?$

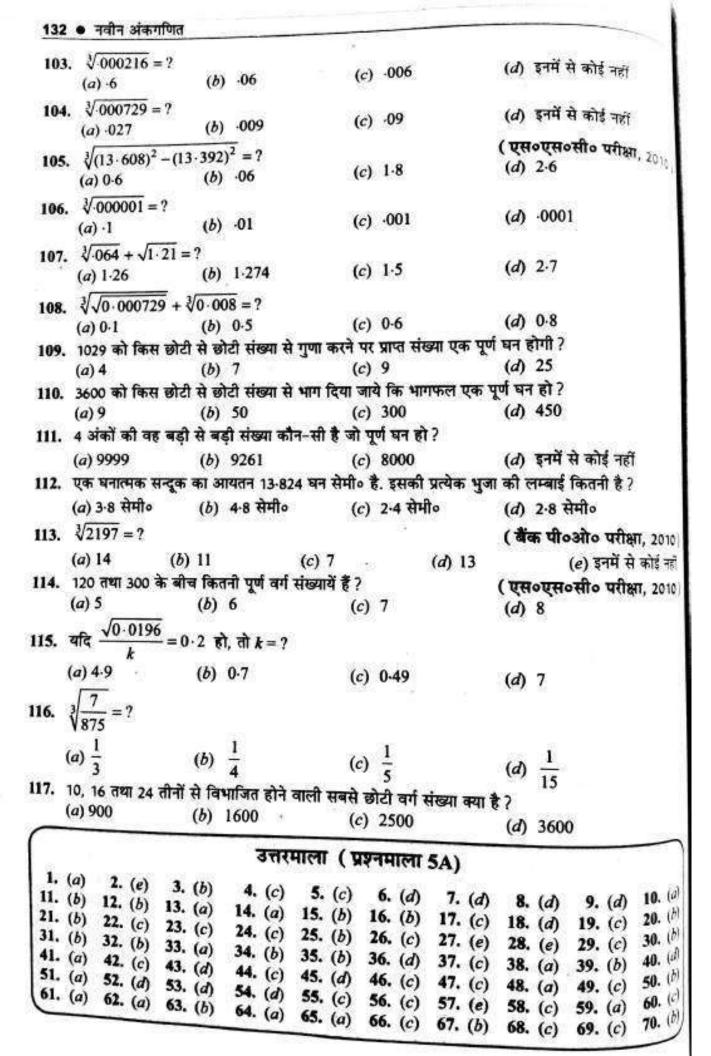
(a) 17

(b) 18

(c) 72

(d) इनमें से कोई नहीं

```
यदि a = \frac{(\sqrt{5}+1)}{(\sqrt{5}-1)} तथा b = \frac{(\sqrt{5}-1)}{(\sqrt{5}+1)} हो, तो \frac{(a^2+ab+b^2)}{(a^2-ab+b^2)} = ?
                                                                              (रेलवे परीक्षा, 2006)
                        (b) 1-25
                                              (c) 0.6
                                                                        (d) 1-33
                                                                       ( एस०एस०सी० परीक्षा, 2005 )
                                                                       (d) 5\frac{1}{2}
                                                                       ( एस०एस०सी० परीक्षा, 2005 )
     (a) 0
                                                (c) 2
                                                                        (d) 5
90. एक माली 17956 पौधे इस प्रकार लगाता है कि प्रत्येक पंक्ति में उतने ही पौधे हैं जितनी पंक्तियाँ हैं. एक पंक्ति
     में कितने पौधे हैं ?
                                                                        ( एम०बी०ए० परीक्षा, 2006 )
     (a) 134
                         (b) 136
                                                (c) 144
                                                                        (d) 154
91. 920 में कम से कम क्या जोड़ें कि योगफल एक पूर्ण वर्ग हो?
                                                                        (बैंक पी०ओ० परीक्षा, 2006)
                    (b) 39
                                                                                 (e) इनमें से कोई नहीं
                                       (c) 41
                                                             (d) 49
92. 549162 में से कम से कम क्या घटाया जाये कि शेषफल एक पूर्ण वर्ग हो ?
                        (b) 36
                                                 (c) 62
                                                                        (d) 81
93. 5 अंकों की वह बड़ी से बड़ी संख्या कौन-सी है जो पूर्ण वर्ग हो ?
     (a) 99999
                         (b) 99764
                                                 (c) 99976
                                                                        (d) 99856
94. 6 अंकों की वह छोटी से छोटी संख्या कौन-सी है जो पूर्ण वर्ग हो ?
      (a) 100036
                         (b) 100049
                                               (c) 100489
                                                                        (d) 100169
95. 294 को किस छोटी से छोटी संख्या से गुणा करें कि गुणनफल एक पूर्ण वर्ग हो ?
                         (b) 3
                                                 (c) 6
96. 1470 को किस छोटी से छोटी संख्या से भाग दें कि भागफल एक पूर्ण वर्ग हो ?
                          (b) 6
                                                 (c) 15
97. वह छोटी से छोटी संख्या कौन-सी है जो एक पूर्ण वर्ग है तथा 10, 12, 15, 18 में से प्रत्येक से पूर्णतया
      विभक्त होती है ?
      (a) 360
                          (b) 400
                                                 (c) 600
                                                                        (d) 900
98. वह संख्या कौन-सी है जिसका वर्ग 975 तथा 585 के वर्गों के अन्तर के बराबर है ?
      (a) 130
                          (b) 390
                                                 (c) 780
                                                                         (d) 1560
                                                                        ( एस०एस०सी० परीक्षा, 2005 )
 99. ₹4096 = ?
                                                                         (बैंक पी०ओ० परीक्षा, 2009)
      (a) 16
                     (b) 26
                                          (c) 18
                                                              (d) 24
                                                                                  (e) इनमें से कोई नहीं
100. ₹15625 = ?
      (a) 225
                     (b) 125
                                          (c) 25
                                                              (d) 65
                                                                                  (e) इनमें से कोई नहीं
 101. \sqrt[3]{328509} = ?
                                                                         (बैंक पी०ओ० परीक्षा, 2008)
      (a) 63
                     (b) 59
                                          (c) 73
                                                                                  (e) इनमें से कोई नहीं
                                                              (d) 69
                                                                        ( एस०एस०सी० परीक्षा, 2009 )
       (a) 1-4
                                 (b) 1.6
                                                       (c) 1.8
                                                                                (d) 2-4
```



```
72. (e) 73. (a)
                           74. (b) 75. (a) 76. (b) 77. (d) 78. (a) 79. (c) 80. (b)
 71. (d)
 81. (d) 82. (d) 83. (a)
                         84. (d) 85. (a) 86. (c) 87. (d) 88. (c) 89. (a) 90. (a)
91. (c) 92. (d) 93. (d)
                           94. (c) 95. (c) 96. (b) 97. (d) 98. (c) 99. (a) 100. (c)
101. (d) 102. (b) 103. (b) 104. (c) 105. (c) 106. (b) 107. (c) 108. (b) 109. (c) 110. (d)
111. (b) 112. (c) 113. (d) 114. (c) 115. (b) 116. (c) 117. (d)
```

दिये गये प्रश्नों के हल प्रश्नमाला 5A

1.
$$2 | \overline{625} (25)$$
 $2 | \overline{484} (22)$
45 $| \frac{4}{225} | \frac{4}{84} | \frac{4}{84} |$
 $\therefore \sqrt{625} + \sqrt{484} = (25 + 22) = 47.$

2.
$$3 | \overline{12} \, \overline{25} \, (35) | 9 | 325 | 325 | x$$

4. 2
$$6\overline{40}\overline{09}$$
 (253
45 240
225 1509
 1509
 x

$$1.0 \sqrt{1225} = 35$$

$$\therefore \sqrt{3364} = 58$$

$$\therefore \sqrt{64009} = 253$$

$$... \sqrt{894916} = 946$$

$$\therefore \sqrt{921}6 + \sqrt{12544} = (96 + 112) = 208.$$

7. माना
$$\sqrt{x} - 34 = \sqrt{484}$$

तब, $\sqrt{x} - 34 = 22$

$$\Rightarrow \sqrt{x} = (22 + 34) = 56$$

$$\Rightarrow x = (56)^2 = (50 + 6)^2$$

$$= (50)^2 + 6^2 + 2 \times 50 \times 6$$

$$= 2500 + 36 + 600 = 3136.$$

8. माना
$$(\sqrt{5}-2)^2 = x - \sqrt{80}$$
. तब $5+4-4\sqrt{5} = x-4\sqrt{5}$
 $\therefore 9-4\sqrt{5} = x-4\sqrt{5} \Rightarrow x = 9$.

9. माना
$$(\sqrt{x}-1)^2 = 8 - \sqrt{28} = 7 + 1 - 2\sqrt{7} = (\sqrt{7}-1)^2$$

 $\Rightarrow \sqrt{x} - 1 = \sqrt{7} - 1 \Rightarrow \sqrt{x} = \sqrt{7} \Rightarrow x = 7.$

134 • नवीन अंकगणित

10. माना
$$\sqrt{8464} + \sqrt{x} = 102$$
.
तब $92 + \sqrt{x} = 102$
 $\Rightarrow \sqrt{x} = (102 - 92) = 10$
 $\Rightarrow x = (10)^2 = 100$.

11. माना
$$\sqrt{\sqrt{2500} + \sqrt{961}} = x^2$$
. तब $\sqrt{50 + 31} = x^2 \Rightarrow x^2 = \sqrt{81} = 9$ $\Rightarrow x = 3$.

$$\begin{array}{c|c}
3 & \overline{9} \, \overline{61} \, (31) \\
61 & \underline{61} \\
\underline{61} & \underline{x}
\end{array}$$

12.
$$\sqrt{176 + \sqrt{2401}} = \sqrt{176 + 49} = \sqrt{225}$$

= $\sqrt{225}$
= 15

13. दिया गया व्यंजक =
$$\sqrt{5+\sqrt{11+\sqrt{19+\sqrt{29+7}}}}$$
 = $\sqrt{5+\sqrt{11+\sqrt{19+\sqrt{36}}}}$ = $\sqrt{5+\sqrt{11+\sqrt{19+6}}}$ = $\sqrt{5+\sqrt{11+\sqrt{25}}}$ = $\sqrt{5+\sqrt{11+5}}$ = $\sqrt{5+\sqrt{16}}$ = $\sqrt{5+4}$ = $\sqrt{9}$ = 3.

14.
$$\frac{\sqrt{32} + \sqrt{48}}{\sqrt{8} + \sqrt{12}} = \frac{\sqrt{16 \times 2} + \sqrt{16 \times 3}}{\sqrt{4 \times 2} + \sqrt{4 \times 3}} = \frac{4\sqrt{2} + 4\sqrt{3}}{2\sqrt{2} + 2\sqrt{3}} = \frac{4(\sqrt{2} + \sqrt{3})}{2(\sqrt{2} + \sqrt{3})} = 2.$$

15.
$$\frac{\sqrt{24} + \sqrt{216}}{\sqrt{96}} = \frac{\sqrt{6 \times 4} + \sqrt{6 \times 36}}{\sqrt{6 \times 16}} = \frac{2\sqrt{6} + 6\sqrt{6}}{4\sqrt{6}} = \frac{(2+6)\sqrt{6}}{4\sqrt{6}} = \frac{8}{4} = 2.$$

16. माना
$$\frac{8}{x} = \frac{x}{50}$$
. तब, $x^2 = (8 \times 50) = 400 = (20)^2 \Rightarrow x = 20$.

18. माना
$$\frac{x}{49} = \frac{16}{x}$$
. तब, $x^2 = (16 \times 49) = (4^2 \times 7^2) = (4 \times 7)^2 = (28)^2 \Rightarrow x = 28$.

19. माना
$$\frac{121}{x} = \frac{x}{81}$$
. तब, $x^2 = (121 \times 81) = (11)^2 \times (9^2) = (11 \times 9)^2 = (99)^2 \Rightarrow x = 99$.

20. दिया गया व्यंजक =
$$\frac{(256)^2 - (144)^2}{112} = \frac{(256 + 144)(256 - 144)}{112} = \frac{400 \times 112}{112} = 400.$$

21.
$$\sqrt{1\frac{9}{16}} = \sqrt{\frac{25}{16}} = \frac{\sqrt{25}}{\sqrt{16}} = \frac{5}{4} = 1\frac{1}{4}$$
.

22.
$$\sqrt{110\frac{1}{4}} = \sqrt{\frac{441}{4}} = \frac{\sqrt{441}}{\sqrt{4}} = \frac{21}{2} = 10.5.$$

23.
$$\frac{\sqrt{288}}{\sqrt{128}} = \sqrt{\frac{288}{128}} = \sqrt{\frac{8 \times 36}{8 \times 16}} = \sqrt{\frac{36}{16}} = \frac{\sqrt{36}}{\sqrt{16}} = \frac{6}{4} = \frac{3}{2}$$
.

24. माना
$$\frac{\sqrt{256}}{x} \times \frac{\sqrt{625}}{x} = 4$$
. तब, $\frac{16}{x} \times \frac{25}{x} = 4$.

$$4x^2 = (16 \times 25) \Rightarrow x^2 = (4 \times 25) = 100 = (10)^2 \Rightarrow x = 10.$$

25.
$$\sqrt{\frac{x}{169}} = \frac{18}{13} \implies \frac{x}{169} = \frac{18 \times 18}{13 \times 13} \implies x = (18 \times 18) = 324.$$

26. माना
$$\sqrt{\frac{1694}{x}} + 14 = 25 \Rightarrow \sqrt{\frac{1694}{x}} = (25 - 14) = 11$$

$$\therefore \frac{1694}{x} = (11)^2 = 121 \Rightarrow x = \frac{1694}{121} = 14.$$

27. माना
$$\frac{x}{2880} = \frac{180}{x}$$
. तब, $x^2 = 180 \times 2880 = 18 \times 18 \times 16 \times 100$

$$x = 18 \times 4 \times 10 = 720$$

28. माना
$$\sqrt{x} + \sqrt{961} = \sqrt{2025}$$

 $\Rightarrow \sqrt{x} = \sqrt{2025} - \sqrt{961}$
 $\Rightarrow = (45 - 31) = 14$
 $\Rightarrow x = (14)^2 = 196$.

$$\begin{array}{c|c}
4 & \overline{20} \ \overline{25} \ (45) \\
85 & \underline{16} \\
425 \\
\underline{425} \\
x
\end{array}$$

29. माना
$$\frac{2432}{x} = \sqrt{23104}$$

⇒ $2432 = 152 \times x$ ⇒ $x = \frac{2432}{152} = 16$

$$\begin{array}{c|cccc}
1 & \overline{2} \, \overline{31} \, \overline{04} \, (152) \\
25 & \overline{131} \\
302 & \underline{125} \\
\underline{604} \\
\underline{604} \\
x
\end{array}$$

$$\begin{array}{c|c}
1 & \overline{1} \ \overline{36} \ \overline{89} \ (117) \\
21 & \overline{36} \\
227 & \underline{21} \\
1589 \\
\underline{1589} \\
x
\end{array}$$

$$\therefore \sqrt{\frac{12544}{13689}} = \frac{\sqrt{12544}}{\sqrt{13689}} = \frac{112}{117}.$$

31. अंश में दशमलव स्थानों का योग = (3 + 3 + 3 + 2) = 11.

हर में दशमलव स्थानों का योग = (3 + 4 + 4) = 11.

अतः दशमलव हटाने पर :

दिया गया व्यंजक =
$$\sqrt{\frac{9\times36\times16\times8}{2\times8\times2}}$$
 = $\sqrt{9\times36\times4}$ = $(3\times6\times2)$ = 36.

32. दिया गया व्यंजक =
$$\sqrt{900} + \sqrt{\frac{9}{100}} - \sqrt{\frac{9}{10^6}}$$

= $\left(30 + \frac{3}{10} - \frac{3}{10^3}\right) = \left(30 + \frac{3}{10} - \frac{3}{1000}\right) = (30 + 0.3 - 0.003)$
= $(30.3 - 0.003) = 30.297$.

33. दिया गया व्यंजक =
$$\sqrt{\frac{81}{10000}} = \frac{9}{100} = 0.09$$
.

34. दिया गया व्यंजक =
$$\sqrt{\frac{1}{100} + \sqrt{\frac{64}{10000}}} = \sqrt{\frac{1}{100} + \frac{8}{100}} = \sqrt{\frac{9}{100}} = \frac{\sqrt{9}}{\sqrt{100}} = \frac{3}{10} = 0 \cdot 3$$
.

35. दिया गया व्यंजक =
$$\sqrt{\frac{59049}{10^8}} = \frac{\sqrt{59049}}{10^4}$$
$$= \frac{243}{10000} = 0.0243.$$

36. दिया गया व्यंजक =
$$\sqrt{\frac{10816}{10000}} = \frac{\sqrt{10816}}{100}$$

= $\frac{104}{100} = 1.04$.

$$\begin{array}{c|c}
1 & \overline{1} \ \overline{08} \ \overline{16} \ (104) \\
\underline{1} & 0816 \\
\underline{816} & \underline{816}
\end{array}$$

37.
$$\sqrt{\frac{36 \cdot 1}{102 \cdot 4}} = \sqrt{\frac{361}{1024}} = \frac{\sqrt{361}}{\sqrt{1024}} = \frac{19}{32}$$
.

38.
$$\sqrt{\frac{.289}{.00121}} = \sqrt{\frac{.28900}{.00121}}$$
 (दशमलव के स्थान समान करें)
$$= \sqrt{\frac{.28900}{121}} = \frac{170}{11}.$$

39.
$$\sqrt{\frac{1 \cdot 21 \times 0 \cdot 9}{1 \cdot 1 \times 0 \cdot 11}} = \sqrt{\frac{121 \times 9}{11 \times 11}} = \sqrt{9} = 3.$$

40. अंश में दशमलव स्थानों का योग = 6, हर में दशमलव स्थानों का योग = 6.

दिया गया व्यंजक =
$$\sqrt{\frac{81\times484}{64\times625}} = \frac{9\times22}{8\times25} = \frac{198}{200} = .99$$
.

41. अंश में दशमलव स्थान = 3, हर में दशमलव स्थानों का योग = 3.

∴ दिया गया व्यंजक =
$$\sqrt{\frac{204 \times 42}{7 \times 34}}$$
 = $\sqrt{6 \times 6}$ = 6.

13·5 1·35

7.8

0.78

0.078 0.0078

8.6658

ं दिया गया व्यंजक =
$$\sqrt{\frac{95 \times 85 \times 189}{17 \times 19 \times 21}} = \sqrt{5 \times 5 \times 9} = (5 \times 3) = 15$$
.

43.
$$\sqrt{1+\frac{x}{144}} = \frac{13}{12} \Rightarrow \left(1+\frac{x}{144}\right) = \left(\frac{13}{12}\right)^2 = \frac{169}{144}$$
 [दोनों ओर वर्ग करने पर]
$$\Rightarrow \frac{x}{144} = \left(\frac{169}{144} - 1\right) = \frac{(169 - 144)}{144} = \frac{25}{144} \Rightarrow x = 25.$$

44.
$$\sqrt{1+\frac{x}{169}} = \frac{14}{13} \Rightarrow \left(1+\frac{x}{169}\right) = \left(\frac{14}{13}\right)^2 = \frac{196}{169}$$
 [दोनों ओर वर्ग करने पर]

$$\Rightarrow \frac{x}{169} = \left(\frac{196}{169} - 1\right) = \frac{(196 - 169)}{169} = \frac{27}{169} \Rightarrow x = 27.$$
45. $\sqrt{2^n} = 64 \Rightarrow 2^n = (64)^2$ [दोनों ओर वर्ग करने पर]

45.
$$\sqrt{2^n} = 64 \Rightarrow 2^n = (64)^2$$
 [दोनों ओर वर्ग करने पर $\Rightarrow 2^n = (2^6)^2 = 2^{12} \Rightarrow n = 12$.

46.
$$\sqrt{4^n} = 1024 \Rightarrow 4^n = (1024)^2$$
 [दोनों ओर वर्ग करने पर]
 $\Rightarrow 4^n = (4^5)^2 = 4^{10} \Rightarrow n = 10.$

47.
$$\frac{1120}{\sqrt{n}} = 80 \Rightarrow \sqrt{n} = \frac{1120}{80} = 14$$

 $\Rightarrow n = (14)^2 = 196$ [दोनों ओर वर्ग करने पर]

48.
$$\frac{x}{\sqrt{2 \cdot 25}} = 550 \Rightarrow x = 550 \times \sqrt{2 \cdot 25} = 550 \times \sqrt{\frac{225}{100}} = 550 \times \frac{15}{10} = 825.$$

$$= \sqrt{18225} + \sqrt{\frac{18225}{100}} + \sqrt{\frac{18225}{10000}} + \sqrt{\frac{18225}{1000000}}$$

$$= \left(135 + \frac{135}{10} + \frac{135}{100} + \frac{135}{1000}\right)$$

$$= (135 + 13 \cdot 5 + 1 \cdot 35 + \cdot 135) = 149 \cdot 985.$$

$$= \sqrt{\frac{6084}{100}} + \sqrt{\frac{6084}{10000}} + \sqrt{\frac{6084}{1000000}} + \sqrt{\frac{6084}{100000000}}$$

$$= \left(\frac{78}{10} + \frac{78}{100} + \frac{78}{1000} + \frac{78}{10000}\right)$$

$$= (7 \cdot 8 + 0 \cdot 78 + 0 \cdot 078 + 0 \cdot 0078) = 8 \cdot 6658.$$

$$\sqrt{6+x} = x \Rightarrow 6+x = x^2$$
 [दोनों ओर वर्ग करने पर]
 $\Rightarrow x^2 - x - 6 = 0 \Rightarrow x^2 - 3x + 2x - 6 = 0$
 $\Rightarrow x(x-3) + 2(x-3) = 0 \Rightarrow (x-3)(x+2) = 0 \Rightarrow x = 3.$

अभीष्ट मान = 3.

52. 1
$$\frac{1}{32}$$
 $\frac{32}{18}$ (114 $\frac{1}{32}$ $\frac{21}{1118}$ $\frac{21}{1118}$ $\frac{21}{896}$ \therefore (114)² < 13218 < (115)²

अभीष्ट लघुत्तम संख्या = $(115)^2 - 13218 = (13225 - 13218) = 7$.

$$\sqrt{0\cdot 4} = \sqrt{0\cdot 40} = \sqrt{\frac{40}{100}} = \frac{\sqrt{40}}{10} = \frac{6\cdot 32}{10} = \cdot 632.$$

54.
$$\sqrt{0.064} = \sqrt{\frac{640}{10000}} = \frac{\sqrt{640}}{100} = \frac{25}{100} = .25.$$

$$\sqrt{0.009} = \sqrt{0.0090} = \sqrt{\frac{90}{10000}} = \frac{\sqrt{90}}{100} = \frac{9.4}{100} = .094.$$

56. 9
$$0.\overline{90} (.9)$$
 $1.\sqrt{0.9} = \sqrt{0.90} = 0.9$.

57. 3
$$\begin{vmatrix} 0.\overline{12} \ \overline{10} \end{vmatrix}$$
 (.34)
64 $\begin{vmatrix} 9 \\ 310 \\ 256 \end{vmatrix}$... $\sqrt{0.121} = \sqrt{0.1210} = 0.34$.

58. 2
$$| \overline{6} \, \overline{54} \, (25.57)$$
45 $| \frac{4}{254} |$
505 $| \frac{225}{2900} |$ $\therefore \sqrt{654} = 25.57.$
5107 $| \frac{2525}{37500} |$
 $| \underline{35749} |$

59. माना
$$\sqrt{1296} = x^2$$
.
तब, $x^2 = 36 \Rightarrow x = 6$.

$$\sqrt{2+x} = x \Rightarrow 2+x = x^2$$

$$\Rightarrow x^2 - x - 2 = 0 \Rightarrow x^2 - 2x + x - 2 = 0$$

$$\Rightarrow x(x-2) + (x-2) = 0 \Rightarrow (x-2)(x+1) = 0 \Rightarrow x = 2.$$

्दिये गये व्यंजक का मान = 2.

61.
$$\frac{\sqrt{2}}{(2+\sqrt{2})} = \frac{\sqrt{2}}{(2+\sqrt{2})} \times \frac{(2-\sqrt{2})}{(2-\sqrt{2})} = \frac{2\sqrt{2}-2}{(4-2)} = \frac{2(\sqrt{2}-1)}{2} = (\sqrt{2}-1).$$

62.
$$\frac{(\sqrt{7}-2)}{(\sqrt{7}+2)} = \frac{(\sqrt{7}-2)}{(\sqrt{7}+2)} \times \frac{(\sqrt{7}-2)}{(\sqrt{7}-2)} = \frac{(\sqrt{7}-2)^2}{(7-4)} = \frac{7+4-4\sqrt{7}}{3} = \frac{11}{3} - \frac{4}{3}\sqrt{7}.$$

$$\therefore a = \frac{11}{3}.$$

63.
$$\frac{(\sqrt{7}+\sqrt{5})}{(\sqrt{7}-\sqrt{5})} + \frac{(\sqrt{7}-\sqrt{5})}{(\sqrt{7}+\sqrt{5})} = \frac{(\sqrt{7}+\sqrt{5})^2+(\sqrt{7}-\sqrt{5})^2}{(7-5)} = \frac{2\left\{(\sqrt{7})^2+(\sqrt{5})^2\right\}}{2} = (7+5) = 12.$$

64.
$$\frac{(\sqrt{7} + \sqrt{5})}{(\sqrt{7} - \sqrt{5})} = \frac{(\sqrt{7} + \sqrt{5})}{(\sqrt{7} - \sqrt{5})} \times \frac{(\sqrt{7} + \sqrt{5})}{(\sqrt{7} + \sqrt{5})} = \frac{(\sqrt{7} + \sqrt{5})^2}{(7 - 5)} = \frac{7 + 5 + 2\sqrt{35}}{2}$$
$$= \frac{12 + 2\sqrt{35}}{2} = (6 + \sqrt{35}).$$

65.
$$\frac{1}{(\sqrt{9}-\sqrt{8})} = \frac{1}{(\sqrt{9}-\sqrt{8})} \times \frac{(\sqrt{9}+\sqrt{8})}{(\sqrt{9}+\sqrt{8})} = \frac{\sqrt{9}+\sqrt{8}}{(9-8)} = (\sqrt{9}+\sqrt{8}) = (3+2\sqrt{2}).$$

66.
$$\frac{1}{(\sqrt{9}-\sqrt{8})} = (\sqrt{9}+\sqrt{8}), \frac{1}{(\sqrt{8}-\sqrt{7})} = (\sqrt{8}+\sqrt{7}), \frac{1}{(\sqrt{7}-\sqrt{6})} = (\sqrt{7}+\sqrt{6})$$
 आदि आदि.

ः दिया गया व्यंजक =
$$(\sqrt{9} + \sqrt{8}) - (\sqrt{8} + \sqrt{7}) + (\sqrt{7} + \sqrt{6}) - (\sqrt{6} + \sqrt{5}) + (\sqrt{5} + \sqrt{4})$$

= $(\sqrt{9} + \sqrt{4}) = (3 + 2) = 5$.

245) 424 (1.73

750

735

67.
$$\sqrt{\frac{3}{4}} = \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{4}} = \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{1 \cdot 732}{2} = 0.866.$$

68.
$$\sqrt{\frac{2}{3}} + \sqrt{\frac{5}{6}} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}} + \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{6}} = \frac{2}{\sqrt{6}} + \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{6}} = \frac{(2+\sqrt{5})}{\sqrt{6}}.$$

= $\frac{2+2\cdot 24}{2\cdot 45} = \frac{4\cdot 24}{2\cdot 45} = \frac{424}{245} = 1\cdot 73.$

69.
$$\frac{1}{\sqrt{5}} = \frac{1}{\sqrt{5}} \times \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{5}}{5} = \frac{2 \cdot 236}{5} = 0.447$$
.

70.
$$\frac{3\sqrt{2}}{2\sqrt{3}} = \frac{3\sqrt{2}}{2\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{6}}{2} = \frac{2 \cdot 449}{2} = 1 \cdot 2245.$$

71.
$$\sqrt{\frac{4}{3}} = \frac{\sqrt{4}}{\sqrt{3}} = \frac{2}{\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{3}} = \frac{2}{3} \cdot \sqrt{3}$$
 तथा $\sqrt{\frac{3}{4}} = \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{4}} = \frac{\sqrt{3}}{2}$.

ं. दिया गया व्यंजक =
$$\frac{2\sqrt{3}}{3} - \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{4\sqrt{3} - 3\sqrt{3}}{6} = \frac{\sqrt{3}}{6}$$
.

72. माना
$$\sqrt{x} = 16 + 9 = 25$$
. तब, $x = (25)^2 = 625$.

73.
$$\frac{7}{(3+\sqrt{2})} = \frac{7}{(3+\sqrt{2})} \times \frac{(3-\sqrt{2})}{(3-\sqrt{2})} = \frac{7(3-\sqrt{2})}{(9-2)} = \frac{7(3-\sqrt{2})}{7} = (3-\sqrt{2})$$
$$= (3-1\cdot4142) = 1\cdot5858.$$

74.
$$\frac{(4+\sqrt{2})}{(\sqrt{2}+1)} = \frac{(4+\sqrt{2})}{(\sqrt{2}+1)} \times \frac{(\sqrt{2}-1)}{(\sqrt{2}-1)} = \frac{(4\sqrt{2}-4+2-\sqrt{2})}{(2-1)}$$
$$= (3\sqrt{2}-2) = (3\times1\cdot4142-2) = (4\cdot2426-2) = 2\cdot2426.$$

75.
$$(7+2\sqrt{10}) = (5+2+2\times\sqrt{5}\times\sqrt{2}) = \left[(\sqrt{5})^2 + (\sqrt{2})^2 + 2\times\sqrt{5}\times\sqrt{2}\right] = (\sqrt{5}+\sqrt{2})^2$$

$$\Rightarrow \sqrt{7+2\sqrt{10}} = (\sqrt{5}+\sqrt{2}).$$

76.
$$(8+2\sqrt{15}) = (5+3+2\times\sqrt{5}\times\sqrt{3}) = \left[(\sqrt{5})^2 + (\sqrt{3})^2 + 2\times\sqrt{5}\times\sqrt{2}\right] = (\sqrt{5}+\sqrt{3})^2$$

$$\Rightarrow \sqrt{8+2\sqrt{15}} = (\sqrt{5}+\sqrt{3}).$$

77.
$$(7+2\sqrt{12}) = (4+3+2\times2\times\sqrt{3}) = \left\{2^2 + (\sqrt{3})^2 + 2\times2\times\sqrt{3}\right\} = (2+\sqrt{3})^2$$

 π eq. $(7-2\sqrt{12}) = (2-\sqrt{3})^2$.

∴
$$a = \sqrt{7 + 2\sqrt{12}} = (2 + \sqrt{3})$$
 तथा $b = \sqrt{7 - 2\sqrt{12}} = (2 - \sqrt{3})$

$$\Rightarrow$$
 $(a+b) = 4$ and $ab = (4-3) = 1$

$$\Rightarrow (a^3 + b^3) = (a+b)^3 - 3ab(a+b) = (4^3 - 3 \times 1 \times 4) = (64 - 12) = 52.$$

78.
$$(16+6\sqrt{7}) = (9+7+2\times3\times\sqrt{7}) = \left[3^2+(\sqrt{7})^2+2\times3\times\sqrt{7}\right] = (3+\sqrt{7})^2$$

 $\Rightarrow \sqrt{16+6\sqrt{7}} = (3+\sqrt{7})$ $\Rightarrow \sqrt{16-6\sqrt{7}} = (3-\sqrt{7})$
 $\Rightarrow \sqrt{16+6\sqrt{7}} - \sqrt{16-6\sqrt{7}} = (3+\sqrt{7}) - (3-\sqrt{7}) = 2\sqrt{7}$.

$$\therefore$$
 दिया गया व्यंजक = $\frac{\sqrt{7}}{2\sqrt{7}} = \frac{1}{2}$,

79.
$$\sqrt{\frac{8}{3}} = \frac{\sqrt{8}}{\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{24}}{3} = \frac{1}{3} \times 4.898 = 1.633.$$

80. दिया गया व्यंजक
$$= \frac{(\sqrt{3+x}+\sqrt{3-x})}{(\sqrt{3+x}-\sqrt{3-x})} \times \frac{(\sqrt{3+x}+\sqrt{3-x})}{(\sqrt{3+x}+\sqrt{3-x})}$$
$$= \frac{(\sqrt{3+x}+\sqrt{3-x})^2}{(3+x)-(3-x)} = \frac{(3+x)+(3-x)+2(\sqrt{3+x})(\sqrt{3-x})}{2x}$$
$$= \frac{6+2\sqrt{9-x^2}}{3+\sqrt{9-x^2}}$$

$$= \frac{6 + 2\sqrt{9 - x^2}}{2x} = \frac{3 + \sqrt{9 - x^2}}{x}$$

$$\therefore \frac{3 + \sqrt{9 - x^2}}{x} = 2 \Rightarrow 3 + \sqrt{9 - x^2} = 2x$$

$$\Rightarrow \sqrt{9 - x^2} = (2x - 3) \Rightarrow (9 - x^2) = (2x - 3)^2$$

$$\Rightarrow 9 - x^2 = 4x^2 + 9 - 12x \Rightarrow 5x^2 - 12x = 0$$

$$\Rightarrow x(5x - 12) = 0 \Rightarrow x = 0 \text{ or } x = \frac{12}{5}.$$

81. दिया गया ब्यंजक
$$= \frac{(\sqrt{1+x} + \sqrt{1-x})}{(\sqrt{1+x} - \sqrt{1-x})} \times \frac{(\sqrt{1+x} + \sqrt{1-x})}{(\sqrt{1+x} + \sqrt{1-x})}$$
$$= \frac{(\sqrt{1+x} + \sqrt{1-x})^2}{(1+x) - (1-x)} = \frac{(1+x) + (1-x) + 2\sqrt{1-x^2}}{2x}$$
$$= \frac{2\left\{1 + \sqrt{1-x^2}\right\}}{2x} = \frac{1 + \sqrt{1-x^2}}{x} = \frac{1 + \sqrt{1-\frac{3}{4}}}{\frac{\sqrt{3}}{2}}$$
$$= \frac{\left(1 + \frac{1}{2}\right)}{(\sqrt{3}/2)} = \left(\frac{3}{2} \times \frac{2}{\sqrt{3}}\right) = \sqrt{3}.$$

82.
$$\frac{1}{x} = \frac{1}{(7 - 4\sqrt{3})} \times \frac{(7 + 4\sqrt{3})}{(7 + 4\sqrt{3})} = \frac{(7 + 4\sqrt{3})}{(49 - 48)} = (7 + 4\sqrt{3})$$

$$\therefore \left(x + \frac{1}{x}\right) = (7 - 4\sqrt{3}) + (7 + 4\sqrt{3}) = 14.$$

83.
$$(x+y) = \frac{(\sqrt{5}+\sqrt{3})}{(\sqrt{5}-\sqrt{3})} + \frac{(\sqrt{5}-\sqrt{3})}{(\sqrt{5}+\sqrt{3})} = \frac{(\sqrt{5}+\sqrt{3})^2 + (\sqrt{5}-\sqrt{3})^2}{(5-3)}$$
$$= \frac{2[(\sqrt{5})^2 + (\sqrt{3})^2]}{2} = (5+3) = 8.$$

84. दिया गया व्यंजक =
$$\frac{(\sqrt{7} + \sqrt{3})^2 + (\sqrt{7} - \sqrt{3})^2}{(7-3)} + \frac{(\sqrt{3} - 1)^2 + (\sqrt{3} + 1)^2}{(3-1)}$$
$$= \frac{2\left[(\sqrt{7})^2 + (\sqrt{3})^2\right]}{4} + \frac{2\left[(\sqrt{3})^2 + (1)^2\right]}{2} = \left(\frac{10}{2} + 4\right) = (5+4) = 9,$$

85.
$$\left(\sqrt{a} - \frac{1}{\sqrt{a}}\right)^2 = \left(a + \frac{1}{a} - 2\right)$$

 $= \left[(5 + 2\sqrt{6}) + (5 - 2\sqrt{6}) - 2\right] = 8 \left[\because a = (5 + 2\sqrt{6}) \Rightarrow \frac{1}{a} = (5 - 2\sqrt{6})\right]$
 $\Rightarrow \left(\sqrt{a} - \frac{1}{\sqrt{a}}\right) = \sqrt{8} = 2\sqrt{2}.$

86.
$$4\sqrt{ab} = (\sqrt{a} + \sqrt{b})^2 - (\sqrt{a} - \sqrt{b})^2 = (17)^2 - 1^2 = (289 - 1) = 288$$

$$\Rightarrow \sqrt{ab} = 72.$$

87.
$$(a+b) = \frac{(\sqrt{5}+1)^2 + (\sqrt{5}-1)^2}{(5-1)} = \frac{2\left[(\sqrt{5})^2 + 1^2\right]}{4} = 3$$
,
 $(a-b) = \frac{(\sqrt{5}+1)^2 - (\sqrt{5}-1)^2}{(5-1)} = \frac{4 \times \sqrt{5} \times 1}{4} = \sqrt{5}$ $\exists \forall a b = 1$.
 $\frac{(a^2 + ab + b^2)}{(a^2 - ab + b^2)} = \frac{(a+b)^2 - ab}{(a-b)^2 + ab} = \frac{(3)^2 - 1}{(\sqrt{5})^2 + 1} = \frac{9 - 1}{5 + 1} = \frac{8}{6} = \frac{4}{3} = 1.33$.

142 • नवीन अंकगणित

88.
$$\left(\sqrt{2} + \frac{1}{\sqrt{2}}\right)^2 = \left(2 + \frac{1}{2} + 2 \times \sqrt{2} \times \frac{1}{\sqrt{2}}\right) = 4\frac{1}{2}$$

89. $\frac{2}{(\sqrt{7} + \sqrt{5})} + \frac{7}{(\sqrt{12} - \sqrt{5})} - \frac{5}{(\sqrt{12} - \sqrt{7})}$

$$\frac{2}{(\sqrt{7}+\sqrt{5})} + \frac{7}{(\sqrt{12}-\sqrt{5})} - \frac{5}{(\sqrt{12}-\sqrt{7})}$$

$$= \frac{2}{(\sqrt{7}+\sqrt{5})} \times \frac{(\sqrt{7}-\sqrt{5})}{(\sqrt{7}-\sqrt{5})} + \frac{7}{(\sqrt{12}-\sqrt{5})} \times \frac{(\sqrt{12}+\sqrt{5})}{(\sqrt{12}+\sqrt{5})} - \frac{5}{(\sqrt{12}+\sqrt{7})} \times \frac{(\sqrt{12}+\sqrt{7})}{(\sqrt{12}+\sqrt{5})}$$

$$= \frac{2(\sqrt{7}-\sqrt{5})}{(7-5)} + \frac{7(\sqrt{12}+\sqrt{5})}{(12-5)} - \frac{5(\sqrt{12}+\sqrt{7})}{(12-7)}$$

$$= (\sqrt{7}-\sqrt{5}) + (\sqrt{12}+\sqrt{5}) - (\sqrt{12}+\sqrt{7}) = 0.$$

- प्रत्येक पंक्ति में पौधों की संख्या = √17956 = 134.
- स्पष्ट है कि (30)² < 920 < (31)²
 जोड़े जानी वाली संख्या = (31)² 920 = (961 920) = 41.

93. 5 अंकों की बड़ी से बड़ी संख्या = 99999.

94. 6 अंकों की छोटी से छोटी संख्या = 100000.

3 |
$$\overline{10}$$
 $\overline{00}$ $\overline{00}$ (316 $\frac{9}{100}$ 61 $\overline{61}$ 3900 $\underline{3756}$ $\underline{144}$

95. $294 = 2 \times 3 \times 7 \times 7$

अभीष्ट पूर्ण वर्ग = $(2\times3\times7\times7)\times2\times3$

अतः पूर्ण वर्ग बनाने के लिए इसे 6 से गुणा करना होगा.

96. $1470 = 7 \times 7 \times 30$

स्पष्ट है कि इसे पूर्ण वर्ग बनाने के लिए 30 से भाग देना होगा.

98. माना
$$a^2 = (975)^2 - (585)^2 = (975 + 585)(975 - 585)$$

$$\Rightarrow a^2 = (1560 \times 390) = (780 \times 780) = (780)^2 \Rightarrow a = 780.$$

अतः अभीष्ट संख्या = 780.

64 32 16

$$4096 = (2^3 \times 2^3 \times 2^3 \times 2^3) = (16)^3$$

$$3\sqrt{4096} = 16.$$

$$15625 = (5^3 \times 5^3)$$

$$\Rightarrow \sqrt[3]{15625} = (5 \times 5) = 25.$$

$$\therefore 328509 = [3^3 \times (23)^3) \implies \sqrt[3]{328509} = (3 \times 23) = 69.$$

102.
$$\sqrt[3]{4\frac{12}{125}} = \sqrt[3]{\frac{512}{125}} = \sqrt[3]{\frac{8 \times 8 \times 8}{5 \times 5 \times 5}} = \frac{8}{5} = 1.6.$$

103.
$$\sqrt[3]{-000216} = \sqrt[3]{\frac{216}{10^6}} = \frac{6}{10^2} = \frac{6}{100} = .06.$$

104.
$$\sqrt[3]{.000729} = \sqrt[3]{\frac{729}{10^6}} = \sqrt[3]{\frac{9 \times 9 \times 9}{10^2 \times 10^2 \times 10^2}} = \frac{9}{10^2} = \frac{9}{100} = 0.09.$$

$$=\sqrt[3]{27\times0\cdot216}=\sqrt[3]{\frac{27\times216}{1000}}=\frac{3\times6}{10}=\frac{18}{10}=1\cdot8.$$

106. दिया गया व्यंजक =
$$\sqrt[3]{\frac{1}{10^6}} = \frac{1}{10^2} = \frac{1}{100} = .01$$
.

107.
$$\sqrt[3]{\frac{64}{1000}} + \sqrt{\frac{121}{100}} = \frac{4}{10} + \frac{11}{10} = 4 + 1 \cdot 1 = 1 \cdot 5.$$

144 • नवीन अंकगणित

108.
$$\sqrt{.000729} = \sqrt{\frac{729}{10^6}} = \frac{27}{10^3} = \frac{27}{1000} = .027.$$

$$\sqrt[3]{.027} = \sqrt[3]{\frac{27}{1000}} = \frac{3}{10} = 0.3$$
.

$$\sqrt[3]{.008} = \sqrt[3]{\frac{8}{1000}} = \frac{2}{10} = 0.2$$
.

दिया गया व्यंजक = 0.3 + 0.2 = 0.5.

$$1029 = (7^3 \times 3^1).$$

इसे पूर्ण घन बनाने हेतू 32 अर्थात 9 से गुणा करना होगा.

110.
$$3600 = 5^2 \times 2^3 \times 3^2 \times 2$$

पूर्ण घन बनाने के लिए इसे
 $(5^2 \times 3^2 \times 2) = 450$ से भाग देना होगा.

5	3600
5	720
2	144
2	72
2	36
2	18
3	9
	3

111. स्पष्ट है कि दी गई संख्याओं में 9261 अभीष्ट संख्या है.

112.
$$\sqrt[3]{13 \cdot 824} = \sqrt[3]{\frac{13824}{1000}}$$

$$= \frac{\sqrt[3]{13824}}{\sqrt[3]{1000}}$$

$$= \frac{(2 \times 2 \times 2 \times 3)}{10} = \frac{24}{10} = 2 \cdot 4.$$

2	13824	
2	6912	
2	3456	
2	1728	
2 2	864	
2	432	
2	216	
2	108	
2	54	
34	27	
3	9	
	3	

$$13824 = (2^{\circ} \times 2^{\circ} \times 2^{\circ} \times 3^{\circ})$$

113.
$$\frac{13}{13} | 2197$$
 $\therefore (2197) = (13)^3$ $\Rightarrow \sqrt[3]{2197} = 13.$

114. 120 तथा 300 के बीच पूर्ण वर्ग संख्यायें हैं $(11)^2$, $(12)^2$, $(13)^2$, $(14)^2$, $(15)^2$, $(16)^2$ तथा $(17)^2$ विस् संख्या 7 है.

115.
$$\sqrt{0.0196} = \sqrt{\frac{196}{10000}} = \frac{14}{100} = 0.14$$

$$\therefore \frac{\sqrt{0.0196}}{k} = 0.2 \Rightarrow 0.2 \times k = \sqrt{0.0196} = 0.14$$

$$\Rightarrow k = \frac{0.14}{0.20} = \frac{14}{20} = 0.7.$$
116. $\sqrt[3]{\frac{7}{875}} = \sqrt[3]{\frac{1}{125}} = \sqrt[3]{\frac{1}{5 \times 5 \times 5}} = \frac{1}{5}.$

प्रश्नमाला 5B

1. यदि
$$\sqrt{2} = 1.4142$$
 हो, तो $\frac{23}{(5+\sqrt{2})}$ का मान दशमलब के चार स्थानों तक ज्ञात कीजिए.

2. यदि
$$\sqrt{3} = 1.732$$
 तथा $\sqrt{5} = 2.236$ हो, तो $\sqrt{8 + 2\sqrt{15}}$ का मान ज्ञात कीजिए.

3.
$$\left\{ \sqrt{28+10\sqrt{3}} - \frac{1}{\sqrt{7-4\sqrt{3}}} \right\}$$
 का मान ज्ञात कीजिए.

(एस०एस०सी० परीक्षा, 2009)

4. यदि
$$\sqrt{3} = 1.732$$
 हो, तो $\left(\frac{2-\sqrt{3}}{2+\sqrt{3}}\right)$ का वर्गमूल ज्ञात कीजिए.

(एस०एस०सी० परीक्षा, 2008)

5. यदि
$$a = \frac{\sqrt{3}}{2}$$
 हो, तो $(\sqrt{1+a} + \sqrt{1-a})$ का मान ज्ञात कीजिए.

(एस०एस०सी० परीक्षा, 2007)

6. यदि
$$x = \frac{1}{(2+\sqrt{3})}$$
 हो, तो $\frac{(3x-x^3)}{(1-3x^2)}$ का मान ज्ञात कीजिए.

(एस॰एस॰सी॰ परीक्षा, 2009)

7. यदि
$$(a+b)$$
: $\sqrt{ab} = 4:1$ हो, तो सिद्ध करो कि $a:b = (7+4\sqrt{3}):1$. (एस०एस०सी० परीक्षा, 2009)

8. यदि
$$\sqrt{3} = 1.732$$
 तथा $\sqrt{2} = 1.414$ हो, तो $\frac{(\sqrt{3} + \sqrt{2})}{(\sqrt{3} - \sqrt{2})}$ के वर्गमूल का मान दशमलव के तीन स्थानों तक ज्ञात कीजिए. (एस०एस०सी० परीक्षा, 2005)

9.
$$\sqrt{\frac{19+8\sqrt{3}}{7-4\sqrt{3}}}$$
 को सरल कीजिए.

(एस०एस०सी० परीक्षा, 2004)

10. निम्नलिखित संख्याओं में से प्रत्येक का वर्गमूल ज्ञात कीजिए :

- (i) 6889
- (ii) 11449
- (iii) 120409

- (iv) 100489
- (v) 63409369
- (vi) 9511056

11. निम्नलिखित संख्याओं में से प्रत्येक का वर्गमूल ज्ञात कीजिए :

- (i) 470-89
- (ii) 106-9156
- (iii) ·125316

- (iv) -006241
- (v) ·00038809
- (vi) 12·229009

12. निम्नलिखित संख्याओं में से प्रत्येक का वर्गमूल दशमलव के तीन स्थानों तक ज्ञात कीजिए :

- (i) 427
- (ii) ·5

- (iii) ·121
- (iv) ·000945

(एस०एस०सी० परीक्षा, 2004)

- 14. 16160 में से कम से कम क्या घटाया जाये कि शेष संख्या एक पूर्ण वर्ग हो ?
- 15. 2582415 में छोटी से छोटी कौन-सी संख्या जोड़ी जाये कि इस प्रकार प्राप्त योगफल एक पूर्ण वर्ग हो ?
- वह छोटी से छोटी संख्या ज्ञात करो जो एक पूर्ण वर्ग हो तथा 9, 12, 32 में से प्रत्येक से पूर्णतया विभक्त हो जाये.
- 17. 6 अंकों की वह बड़ी से बड़ी संख्या ज्ञात करो जो कि पूर्ण वर्ग हो.
- 18. 4 अंकों की वह छोटी से छोटी संख्या ज्ञात करो जो एक पूर्ण वर्ग हो.
- 6 अंकों की वह छोटी से छोटी संख्या ज्ञात करो जो एक पूर्ण वर्ग हो.
- 20. $\sqrt{\frac{2}{3}}$ an मान दशमलव के 3 स्थानों तक ज्ञात कीजिए.

उत्तरमाला (प्रश्नमाला 5B)

1. 3-5858

2. 3.968

3. 3

4. 0.268

√3

6. 1

7. $(a:b) = (7+4\sqrt{3}):1$

8. 3-146

9. $(11+6\sqrt{3})$

10. (i) 83 (ii) 107 (iii) 347 (iv) 317 (v) 7963 (vi) 3084

11. (i) 21.7 (ii) 10.34 (iii) 0.354 (iv) 0.079 (v) 0.0197 (vi) 3.497

12. (i) 20.663 (ii) 0.707 (iii) 0.347 (iv) 0.0307 13. 16

14. 31

15. 34

16. 576

17, 998001

18. 1024

19, 100489

20. 0.816

दिये गए प्रश्नों के हल प्रश्नमाला 5B

1.
$$\frac{23}{\left(5+\sqrt{2}\right)} = \frac{23}{\left(5+\sqrt{2}\right)} \times \frac{\overline{\left(5-\sqrt{2}\right)}}{\left(5-\sqrt{2}\right)} = \frac{23 \times \left(5-\sqrt{2}\right)}{\left(25-2\right)} = (5-\sqrt{2}) = (5-1\cdot4142) = 3\cdot5858.$$

2.
$$(8+2\sqrt{15}) = 5+3+2\times\sqrt{5}\times\sqrt{3} = \{(\sqrt{5})^2 + (\sqrt{3})^2 + 2\times\sqrt{5}\times\sqrt{3}\} = (\sqrt{5}+\sqrt{3})^2$$

 $\therefore \sqrt{8+2\sqrt{15}} = (\sqrt{5}+\sqrt{3}) = (2\cdot236+1\cdot732) = 3\cdot968$.

3.
$$\sqrt{28+10\sqrt{3}} = \sqrt{28+2\times5\times\sqrt{3}} = \sqrt{25+3+2\times5\times\sqrt{3}}$$

= $\sqrt{(5)^2 + (\sqrt{3})^2 + 2\times5\times\sqrt{3}} = \sqrt{(5+\sqrt{3})^2} = (5+\sqrt{3})$.

$$\frac{1}{(7-4\sqrt{3})} = \frac{1}{(7-4\sqrt{3})} \times \frac{(7+4\sqrt{3})}{(49-48)} = (7+4\sqrt{3})$$

$$\therefore \frac{1}{\sqrt{7-4\sqrt{3}}} = \sqrt{7+4\sqrt{3}} = \sqrt{7+2\times2\times\sqrt{3}} = \sqrt{4+3+2\times2\times\sqrt{3}}$$
$$= \sqrt{2^2+(\sqrt{3})^2+2\times2\times\sqrt{3}} = \sqrt{(2+\sqrt{3})^2} = (2+\sqrt{3}).$$

ं दिया गया व्यंजक =
$$(5+\sqrt{3})-(2+\sqrt{3})=3$$
.

4.
$$\frac{(2-\sqrt{3})}{(2+\sqrt{3})} = \frac{(2-\sqrt{3})}{(2+\sqrt{3})} \times \frac{(2-\sqrt{3})}{(2-\sqrt{3})} = \frac{(2-\sqrt{3})^2}{(4-3)} = (2-\sqrt{3})^2.$$

ं. अभीष्ट वर्गम्ल =
$$(2-\sqrt{3})$$
 = $(2-1.732)$ = 0.268 .

5. माना
$$x = (\sqrt{1+a} + \sqrt{1-a})$$
. तब,

$$x^{2} = \left(\sqrt{1+a} + \sqrt{1-a}\right)^{2} = (1+a) + (1-a) + 2\sqrt{1+a} \cdot \sqrt{1-a}$$

$$= 2 + 2\sqrt{1-a^{2}} = 2\left[1 + \sqrt{1-a^{2}}\right] = 2\left[1 + \sqrt{\left(1 - \frac{3}{4}\right)}\right] = 2\left[1 + \sqrt{\frac{1}{4}}\right]$$

$$= 2\left[1 + \frac{1}{2}\right] = \left(2 \times \frac{3}{2}\right) = 3.$$

$$\therefore x = \sqrt{3}$$

$$6. \quad x = \sqrt{3}.$$

$$6. \quad x = \frac{1}{(2+\sqrt{3})} \times \frac{(2-\sqrt{3})}{(2-\sqrt{3})} = \frac{(2-\sqrt{3})}{(4-3)} = (2-\sqrt{3}).$$

$$\therefore x^2 = (2 - \sqrt{3})^2 = (4 + 3 - 4\sqrt{3}) = (7 - 4\sqrt{3}).$$

तथा
$$x^3 = (x \times x^2) = (2 - \sqrt{3})(7 - 4\sqrt{3}) = (14 + 12 - 15\sqrt{3}) = (26 - 15\sqrt{3}).$$

$$\therefore \frac{(3x-x^3)}{(1-3x^2)} = \frac{(6-3\sqrt{3})-(26-15\sqrt{3})}{1-(21-12\sqrt{3})} = \frac{-20+12\sqrt{3}}{-20+12\sqrt{3}} = 1.$$

7.
$$\frac{a+b}{\sqrt{ab}} = \frac{4}{1} \Rightarrow \frac{a+b}{2\sqrt{ab}} = \frac{2}{1} \Rightarrow \frac{a+b+2\sqrt{ab}}{a+b-2\sqrt{ab}} = \frac{2+1}{2-1}$$
 [योगान्तरानुपात से]
$$\Rightarrow \frac{(\sqrt{a}+\sqrt{b})^2}{(\sqrt{a}-\sqrt{b})^2} = \frac{3}{1} \Rightarrow \frac{\sqrt{a}+\sqrt{b}}{\sqrt{a}-\sqrt{b}} = \frac{\sqrt{3}}{1}$$

$$\Rightarrow \frac{\sqrt{a}+\sqrt{b}+\sqrt{a}-\sqrt{b}}{\sqrt{a}+\sqrt{b}-\sqrt{a}+\sqrt{b}} = \frac{\sqrt{3}+1}{\sqrt{3}-1}$$
 [योगान्तरानुपात से]
$$\Rightarrow \frac{2\sqrt{a}}{2\sqrt{b}} = \frac{(\sqrt{3}+1)}{(\sqrt{3}-1)} \times \frac{(\sqrt{3}+1)}{(\sqrt{3}+1)} \Rightarrow \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = \frac{(\sqrt{3}+1)^2}{(3-1)} = \frac{(3+1+2\sqrt{3})}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}} = \frac{2(2+\sqrt{3})}{2} = (2+\sqrt{3})$$

$$\Rightarrow \frac{a}{b} = \left(\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}}\right)^2 = (2+\sqrt{3})^2 = (4+3+4\sqrt{3}) = (7+4\sqrt{3}).$$
34G: $a:b=(7+4\sqrt{3}):1$.

8.
$$\frac{\left(\sqrt{3}+\sqrt{2}\right)}{\left(\sqrt{3}-\sqrt{2}\right)} = \frac{\left(\sqrt{3}+\sqrt{2}\right)}{\left(\sqrt{3}-\sqrt{2}\right)} \times \frac{\left(\sqrt{3}+\sqrt{2}\right)}{\left(\sqrt{3}+\sqrt{2}\right)} = \frac{\left(\sqrt{3}+\sqrt{2}\right)^2}{\left(3-2\right)} = \left(\sqrt{3}+\sqrt{2}\right)^2$$
अभीष्ट वर्गमूल = $\left(\sqrt{3}+\sqrt{2}\right)$
= $(1\cdot732+1\cdot414) = 3\cdot146$.

9.
$$(19+8\sqrt{3}) = (16+3+2\times4\times\sqrt{3}) = [(4)^2+(\sqrt{3})^2+2\times4\times\sqrt{3}] = (4+\sqrt{3})^2$$
.
 $(7-4\sqrt{3}) = (4+3-2\times2\times\sqrt{3}) = [(2)^2+(\sqrt{3})^2-2\times2\times\sqrt{3}] = (2-\sqrt{3})^2$.
 $\therefore \sqrt{\frac{19+8\sqrt{3}}{7-4\sqrt{3}}} = \frac{(4+\sqrt{3})}{(2-\sqrt{3})} \times \frac{(2+\sqrt{3})}{(2+\sqrt{3})} = \frac{(4+\sqrt{3})(2+\sqrt{3})}{(4-3)} = (8+6\sqrt{3}+3) = (11+6\sqrt{3})$.

10. (i) 8
$$| \overline{68} \, \overline{89} \, (83)$$
 (ii) 1 $| \overline{11449} \, (107)$ (iii) 3 $| \overline{12} \, \overline{04} \, \overline{09} \, (347)$
163 $| \overline{489} \, | \overline{489} \, | \overline{x}$ 207 $| \overline{1449} \, | \overline{449} \, | \overline{x}$ 687 $| \overline{4809} \, | \overline{x}$

$$\therefore \sqrt{6889} = 83 \qquad \therefore \sqrt{11449} = 107 \qquad \therefore \sqrt{120409} = 347.$$

(iv)
$$3 \mid \overline{100489} \mid (317 \mid v) \mid 7 \mid \overline{63409369} \mid (7963 \mid vi) \mid 3 \mid \overline{9511056} \mid (308499) \mid \overline{9} \mid \overline{104} \mid \overline{149} \mid \overline{1440} \mid \overline{149} \mid \overline{149} \mid \overline{1440} \mid \overline{149} \mid \overline{149} \mid \overline{1440} \mid \overline{149} \mid \overline{1440} \mid \overline{149} \mid \overline{149} \mid \overline{1440} \mid \overline{149} \mid \overline{149} \mid \overline{149} \mid \overline{1440} \mid \overline{149} \mid \overline{149} \mid \overline{149} \mid \overline{149} \mid \overline{149} \mid \overline{149} \mid \overline{1440} \mid \overline{149} \mid \overline{149}$$

$$\therefore \sqrt{100489} = 317$$
 $\therefore \sqrt{63409369} = 7963$ $\therefore \sqrt{9511056} = 3084$

11. (i)
$$2 \begin{vmatrix} \overline{4} \ \overline{70} \cdot \overline{89} \ (21.7 \ ii) \end{vmatrix}$$

$$41 \begin{vmatrix} 4 \\ \overline{70} \\ 41 \\ 2989 \\ \underline{2989} \\ x \end{vmatrix}$$

$$\therefore \sqrt{470.89} = 21.7$$

(iv) 7
$$| .00 \overline{62} \overline{41} (.079) (v)$$

149 $| .00 \overline{49} | .00 \overline{1341} |$

1 |
$$\overline{00}$$
 $\overline{03}$ $\overline{88}$ $\overline{09}$ (\cdot 0197 (vi)

29 | $\overline{288}$
| 261
| $\overline{2709}$
| $\underline{2709}$
| \underline{x}

$$\sqrt{.006241} = .079$$

(iii)

$$1. \sqrt{12 \cdot 229009} = 3.497$$

$$\therefore \sqrt{427} = 20.663$$

(iv) 3 |
$$\overline{00}$$
 $\overline{09}$ $\overline{45}$ (\cdot 0307 $\overline{9}$ $\overline{4500}$ $\overline{4249}$

$$\sqrt{.000945} = .0307.$$

13. 10420 का वर्गमूल लेने पर :

$$\begin{array}{c|c}
1 & \overline{2582415} (1606 \\
\underline{158} \\
156 \\
3206 & \overline{22415} \\
\underline{19236} \\
3179
\end{array}$$

घटाई जाने वाली संख्या = 31. अभीष्ट संख्या = (1607)² - 2582415 = 34.

16. 9, 12, 32 का ल॰स॰ =
$$3 \times 3 \times 4 \times 4 \times 2$$

= $(3^2 \times 4^2 \times 2)$.
अभीष्ट संख्या = $(3^2 \times 4^2 \times 2^2)$ = 576.

17. 6 अंकों की बड़ी से बड़ी संख्या = 999999 इसका वर्गमूल लेने पर : अभीष्ट संख्या = (999999 - 1998) = 998001.

 4 अंकों की छोटी से छोटी संख्या = 1000. इसका वर्गमूल लेने पर:

$$\begin{array}{c|c}
3 & \overline{10} \, \overline{00} \, (31) \\
\underline{9} & \\
61 & \overline{100} \\
\underline{61} & \\
\underline{39} & \\
\end{array}$$

6 अंकों की छोटी से छोटी संख्या = 100000.

इसका वर्गमूल लेने पर :

अभीष्ट संख्या = (32)2 = 1024.

20.
$$\sqrt{\frac{2}{3}} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{6}}{3} = \frac{2449}{3} = 0.816.$$

अभीष्ट संख्या = (317)2 = 100489.