रेल सम्बन्धित प्रश्न (PROBLEMS ON TRAINS)

सामान्य नियम

- 1. (i) x किमी॰ प्रति घण्टा = $\left(x \times \frac{5}{18}\right)$ मीटर प्रति सैकण्ड. (ii) x मीटर प्रति सैकण्ड = $\left(x \times \frac{18}{5}\right)$ किमी॰ प्रति घण्टा.
- x मीटर लम्बी रेलगाड़ी द्वारा एक खड़े व्यक्ति अथवा खम्भे को पार करने में लगा समय अपनी चाल से x मी० दूरी तय करने में लगा समय.
- x मीटर लम्बी रेलगाड़ी द्वारा y मीटर लम्बी स्थिर वस्तु (जैसे: प्लेटफार्म, पुल, सुरंग, खड़ी गाड़ी आदि) है। पार करने में लगा समय = (x + y) मीटर दूरी तय करने में लगा समय.
- (i) माना किसी रेलगाड़ी की चाल x किमी० प्रतिघण्टा है तथा इसी की दिशा में कोई चलायमान वस्तु y किमी० प्रति घण्टा की चाल से जा रही है. तब गाड़ी की उस वस्तु के सापेक्ष चाल = (x - y) किमी॰ प्रति घण्टा
 - (ii) माना किसी रेलगाड़ी की चाल x किमी० प्रति घण्टा है तथा इसकी विपरीत दिशा में कोई चलायमान क्स y किमी॰ प्रति घण्टा की चाल से आ रही है. तब, गाड़ी की उस वस्तु के सापेक्ष चाल = (x + y) किमी॰ प्रति घण्टा.
- (i) माना a मीटर लम्बी रेलगाड़ी x मीटर प्रति सैकण्ड की चाल से जा रही है तथा b मीटर लम्बी रेलगाई इसी की दिशा में समान्तर पटरी पर y मीटर प्रति सैकण्ड की गति से जा रही है. तब, तेज गाड़ी द्वारा दूसरी गाड़ी को पार करने में लगा समय = $\left(\frac{a+b}{x-v}\right)$ सै॰.
 - (ii) माना a मीटर लम्बी रेलगाड़ी x मीटर प्रति सैकण्ड की चाल से जा रही है तथा b मीटर लम्बी रेलगड़ी इसकी विपरीत दिशा में y मीटर प्रति सैकण्ड की गति से जा रही है. तब, इन गाड़ियों द्वारा एक दूसरे को पार करने में लगा समय = $\left(\frac{a+b}{x+y}\right)$ सै॰.
- (i) माना एक रेलगाड़ी की लम्बाई a मीटर है. यह रेलगाड़ी x मीटर प्रति सैकण्ड की गति से जा रही है. एक व्यक्ति y मीटर प्रति सै० की दर से गाड़ी की दिशा में दौड़ रहा है.
 - इस व्यक्ति को पार करने में गाड़ी द्वारा लिया गया समय = $\frac{a}{(x-y)}$ सै॰.
 - (ii) माना एक रेलगाड़ी की लम्बाई a मीटर है. यह रेलगाड़ी x मीटर प्रति सैकण्ड की गति से जा रही है. एक व्यक्ति y मीटर प्रति सै० की दर से गाड़ी की विपरीत दिशा में दौड़ रहा है.
 - इस व्यक्ति को पार करने में गाड़ी द्वारा लिया गया समय $=\frac{a}{(x+y)}$ सैo.

साधित उदाहरण

पूरन 1. 72 किमी०/घण्टा की चाल से जा रही 60 मीटर लम्बी रेलगाड़ी एक विजली के खम्भे को कितनी देर में पार कर लेगी?

हल: गाड़ी की चाल = $\left(72 \times \frac{5}{18}\right)$ मीटर/सै॰ = 20 मीटर/सैकण्ड. खम्भे को पार करने में लगा समय = 60 मीटर दरी तय करने में लग

ख़म्भे को पार करने में लगा समय = 60 मीटर दूरी तय करने में लगा समय = $\frac{60}{20}$ सै \circ = 3 सैकण्ड. 10^{-2} कर लेगी?

हल : गाड़ी की चाल = $\left(54 \times \frac{5}{18}\right)$ मीटर/सै॰ = 15 मीटर/सै॰. गुफा को पार करने में लगा समय = (350 + 250) मीटर दूरी तय करने में लगा समय = $\frac{600}{15}$ सै॰ = 40 सै॰.

ग्रहन 3. एक रेलगाड़ी 120 मीटर लम्बे प्लेटफार्म को 10 सैकण्ड में तथा एक खम्भे को 4 सैकण्ड में पार करती है. रेलगाड़ी की लम्बाई तथा चाल किमी० ∕घण्टा में ज्ञात कीजिए.

इल : माना रेलगाड़ी की लम्बाई = x मीटर. तब,

रेलगाड़ी की चाल $=\frac{x}{4}$ मीटर/सै॰.

रेलगाड़ी की चाल = $\frac{(x+120)}{10}$ मीटर/सै॰.

$$\therefore \frac{x}{4} = \frac{(x+120)}{10} \Rightarrow 10x = 4x + 480$$
$$\Rightarrow 6x = 480 \Rightarrow x = 80.$$

ं. रेलगाड़ी की लम्बाई = 80 मीटर.

रेलगाड़ी की चाल = $\frac{80}{4}$ मीटर/सै॰ = $\left(20 \times \frac{18}{5}\right)$ किमी॰/घण्टा = 72 किमी॰/घण्टा.

प्रश्न 4. 62 किमी० /घण्टा की चाल से जा रही 120 मीटर लम्बी रेलगाड़ी उसी दिशा में 8 किमी० /घण्टा की चाल से भागे जा रहे व्यक्ति को कितनी देर में पार कर लेगी?

हल : रेलगाड़ी की व्यक्ति के सापेक्ष चाल = (62-8) किमी०/घण्टा = $\left(54 \times \frac{5}{18}\right)$ मीटर/सै० = 15 मीटर/सैकण्ड. रेलगाड़ी द्वारा व्यक्ति को पार करने में लगा समय

= 120 मीटर दूरी को 15 मीटर/सैकण्ड की चाल से तय करने में लगा समय $= \left(120 \times \frac{1}{15}\right) सैकण्ड = 8 सैकण्ड.$

प्रश्न 5. 64 किमी० / घण्टा की चाल से जा रही 200 मीटर लम्बी रेलगाड़ी अपने सामने से 8 किमी० / घण्टा की चाल से भागे आ रहे व्यक्ति को कितनी देर में पार कर लेगी?

हल: रेलगाड़ी की व्यक्ति के सापेक्ष चाल = (64 + 8) किमी०/घण्टा

$$= \left(72 \times \frac{5}{18}\right)$$
 मीटर/सै॰ = 20 मीटर/सै॰.

रेलगाड़ी द्वारा व्यक्ति को पार करने में लगा समय

= 20 मीटर/सै॰ की चाल से 200 मीटर दूरी तय करने में लगा समय = $\frac{200}{20}$ सै॰ = 10 सैकण्ड.

72 ● नवीन अंकर्गाणत
प्रश्न 6. 100 मीटर लम्बी एक रेलगाड़ी अपनी विपरीत दिशा से 5 किमी० प्रति घण्टा की चाल से अवि

हल : माना गाडी की चाल = x किमीo/धण्टा.गाड़ी की व्यक्ति के सापेक्ष चाल = (x + 5) किमी $o/घण्टा = \left\{ (x + 5) \times \frac{5}{18} \right\}$ मीटर/सैo $\therefore \frac{100}{(x+5) \times \frac{5}{18}} = 6 \Rightarrow \frac{360}{(x+5)} = 6 \Rightarrow x+5 = \frac{360}{6} = 60 \Rightarrow x = 55$ किमी॰/घण्टा,

अत: गाडी की चाल = 55 किमी०/घण्टा.

अतः गाड्। का चाल – 55 विज्ञानिक अतः गाड्। का चाल – 55 विज्ञानिक विषयीत दिशाओं में क्रमानुसार 30 किमी०/धण्योक प्रश्न 7. 126 मीटर तथा 114 मीटर लम्बी दो रेलगाड़ियाँ विषयीत दिशाओं में क्रमानुसार 30 किमी०/धण्योक 126 माटर तथा 114 नाउर राजा रही हैं. मिलने के कितने समय बाद वे एक दूसरे को पार कर के हल: रेलगाड़ियों की लम्बाई का योग = (126 + 114) मीटर = 240 मीटर.

आपेक्षिक चाल =
$$(30 + 42)$$
 किमी॰/घण्टा = $\left(72 \times \frac{5}{18}\right)$ मीटर/सै॰ = 20 मीटर/सै॰. अभीष्ट समय = $\left(\frac{240}{20}\right)$ सै॰ = 12 सैंकण्ड.

प्रश्नमाला 18A

निम्नलिखित प्रश्नों में से प्रत्येक में ठीक उत्तर को चिन्हांकित (🗸) कीजिए :

1.	100 मीटर लम्बी रेलगाड़ी 30 किमी॰ प्रति घण्टा की चाल से जाते हुए रेलवे लाईन के पास खड़े व्यक्ति के कि				
	देर में पार करेगी?			(रेलवे परीक्षा, 2006)	
	(a) 12 सैकण्ड	(b) 15 सैकण्ड	(c) 10 सैकण्ड	(d) 11 ਜੈਕਰਟ	

2. 171 मीटर लम्बी रेलगाड़ी 45 किमी॰ प्रति घण्टा की चाल से 229 मीटर लम्बे पुल को कितने समय में पर क्री

(a) 30 सैकण्ड (b) 35 सैकण्ड (c) 32 सैकण्ड (d) 40 सैकण्ड (रेलवे परीक्षा, 2006)

 180 मीटर लम्बी रेलगाड़ी अपने समान लम्बाई के प्लेटफार्म को पार करने में 18 सैकण्ड लेती है. रेलगाड़ी हं चाल कितनी है ? (बैंक पी०ओ० परीक्षा, 20%)

(a) 22 मीटर⁄सै० (b) 10 मीटर∕सै० (c) 15 मीटर⁄सै० (e) इनमें से कोई वाँ (d) 18 मीटर/सै॰ 125 मीटर लम्बी रेलगाड़ी 60 किमी॰ प्रति घण्टा की चाल से चलकर एक पुल को 30 सैकण्ड में पार का वां

है. पुल की लम्बाई कितनी है ? (एस०एस०सी० परीक्षा, 2006) (a) 375 मीटर (b) 225 मीटर (c) 125 मीटर (d) इनमें से कोई नहीं

 एक रेलगाड़ी की बिना रुके औसत चाल 90 किमी०/घण्टा है. बार-बार रुकने के कारण इसकी औसत की 80 किमी॰/घण्टा हो जाती है. गाड़ी कितने मिनट प्रति घण्टे रुकती है ? (रेलवे परीक्षा, 2006)

(a) $13\frac{1}{3}$ मिनट/घण्टा (b) $6\frac{2}{3}$ मिनट/घण्टा (c) 8 मिनट/घण्टा (d) 12 मिनट/घण्टा

6. एक 250 मीटर लम्बी रेलगाड़ी एक सिग्नल के खम्भे को 15 सैकण्ड में पार करती है. रेलगाड़ी की ^{वर्ग} (बैंक पी०ओ० परीक्षा, ²⁰⁰⁹⁾ कितनी है ?

(a) 48 किमी०/घण्टा(b) 60 किमी०/घण्टा(c) 72 किमी०/घण्टा (d) 64 किमी०/घण्टा (e) इनमें से कोई नहीं

7. एक 280 मीटर लम्बी रेलगाड़ी की गति 60 किमी०/घण्टा है. यह रेलगाड़ी 220 मीटर लम्बे प्लेटफार्म की प्र (होटल मैनेजमैन्ट परीक्षा, ²⁰⁰⁵⁾ करने में कितना समय लेगी?

(d) 35 सैकण्ड (a) 20 सैकण्ड (b) 25 सैकण्ड (c) 30 सैकण्ड

(e) इनमें से कोई नहीं
(b) किमी०/घण्टा की चाल से जा रही 240 मीटर लम्बी एक रेलगाड़ी अपनी विपरीत दिशा में 48 किमी०/घण्टा की कितने समय में पार करेगी?
की गित से आ रही एक 270 मीटर लम्बी रेलगाड़ी को कितने समय में पार करेगी?
(a) 17 सैकण्ड (b) 13 सैकण्ड (c) 12 सैकण्ड (d) 8 सैकण्ड (वेंक पी०ओ० परीक्षा, 2009)

MS IT SA	74 • नवीन अंकगणि	ra de sero de la companya de la comp	Marie Marie			
4	200 000000	A -7 3-4445-171	क्रमशः 80 किमी०/१	वण्टा तथा 55 किमी ०/घण्टा की चाल है ते दूरी 90 मीटर हो, तो वे कितवे		
3	ट्रमरे की ओर स	मान्तर पटोरया पर दाङ् रहा	हैं. यदि उनके बीच क	ते दूरी 90 मीटर हो, तो वे कितने सफ् (होटल मैनेजमैन्ट परीक्षा, 20 (व) 9 सैकण्ड		
20 0		The second of th		11011 24		
			(c) ठ सका व			
2	(a) 5·6 सैकण्ड (b) 7·2 सकण्ड (c) उर्जा (a) 5·6 सैकण्ड (b) 7·2 सकण्ड (c) उर्जा (त) व्यक्ति क्रमशः 2 किमी०/घण्टा तथा 4 किमी०/घण्टा की चाल से उसी दिशा में जा रहे हैं जिस दिश रेलगाड़ी जा रही है. यह रेलगाड़ी इन्हें क्रमशः 9 सैकण्ड तथा 10 सैकण्ड में पार कर जाती है. रेलगाड़ी व					
-	रेलगाड़ी जा रही	है. यह रेलगाड़ा इन्ह क्रमशः	Address that to the			
	कितनी है ?	या हुन मीना	(c) 50 मीटर	(d) 45 मीटर		
	(a) 72 मीटर	1 1 1	ਜੇ ਰਿਚਸ਼ੋਰ ਵਿਆ ਮ ਤ	Idualia A col an alci ti (tel per		
2	(a) 72 मीटर (b) 54 मीटर (c) 30 स्ति । 240 मीटर लम्बी एक रेलगाड़ी अपने सामने से विपरीत दिशा में 3 किमी०/घण्टा की चाल से रेलवे लाईन साथ-साथ आ रहे व्यक्ति को 10 सैकण्ड में पार कर जाती है. रेलगाड़ी की चाल कितनी है ?					
	साथ-साथ आ रह	त्र्याक्त का 10 सफ॰७ न न 	(c) 83·4 किमी			
	(a) 63 किमी०/घ	ण्टा (४) /১।कमार/यज्य	(c) 55	(एस०एस०सी० परीक्षा, 20:		
		c⊸ ⊸ ने चल रे	्र _{जा} ब्दी है एक व	यक्ति उसी दिशा में पटरियों के स्प		
2	 एक रेलगाड़ी 30) किमा०/धण्टाका पाल र	ोळगाडी उस व्यक्ति	को 48 सैकण्ड में पार करे तो रेलगाई		
			(Griidi ou - ii ii	(रेलवे परीक्षा, 200		
	लम्बाई कितनी है	? · (b) 300 मीटर	(-) २६० मीटर	(त) 200 मीटर		
700	(a) 220 मीटर	(b) 300 HIZE	(c) 250 नाटर ॐ समान्य महरियों प	र विपरीत दिशाओं में जा रही हैं. यदि प्र		
23	3. दो रेलगाड़ियाँ जिन	ाका चाल 3 : 4 के अनुपात म	ह, समानार नदारना न जे जे के कितने समय	में एक दूसरे को पार कर लेंगी?		
	रेलगाड़ी एक खम	भे को पार करन म 3 सकण्ड	ल, ता व कितन सम	(त) 21 सैकण्ड		
	(a) 3 सैकण्ड	(b) 4 सैकण्ड	(c) / Hans	न न विणा में कमण ५६ किमी०/लाग		
24	l. समान लम्बाई की	दो रेलगाड़ियाँ एक दूसरे के स	मान्तर पटारया पर एक	ह ही दिशा में क्रमशः 56 किमी०/वण्यः विकासकी को 26 सैक्सर में गए कर		
	46 किमी०/घण्टा	की चाल से जा रही हैं. तेज ग	ति वाला रलगाड़ा दूसः	री रेलगाड़ी को 36 सैकण्ड में पार कर ब		
	है. प्रत्येक रेलगार्ड़	ने की लम्बाई कितनी है ?	1000000 A 100000 E			
	(a) 50 मीटर	(b) 60 मीटर	(c) 72 मीटर	(d) 80 मीटर		
25	 एक ही चाल से ज 	। रही एक रेलगाड़ी 96 मीटर	लम्बे प्लेटफार्म को 12	सैकण्ड में तथा 141 मीटर लम्बे खेट		
	को 15 सैकण्ड में पार कर जाती है. रेलगाड़ी की लम्बाई तथा चाल हैं क्रमशः (रेलवे परीक्षा, 200					
	(a) 64 मी॰ तथा 44 किमी॰/घण्टा		(b) 64 मी० तथा 54 किमी०/घण्टा			
	(c) 84 मी० तथा 54 किमी०/घण्टा		(d) 84 मी॰ तथा 60 किमी॰/घण्टा			
26.	दो मालगाडियाँ जि	नमें से प्रत्येक 500 मीटर लम्	बी है, समान्तर पटरियों	पर एक दूसरे की विपरीत दिशा में क्र		
	45 किमी०/घण्टा त	ाथा 30 किमी०/घण्टा की चार	त से जा रही हैं. धीमी	गति वाली रेलगाड़ी दूसरी गाड़ी के क		
	को कितनी देर में प	ार कर जायेगी?		The Assessment of the Control of the		
	(त) 12 मैकार	(b) 24 ਜੈਨਾਫ਼	(c) 48 सैकण्ड	(d) 60 सैकण्ड		
27.	एक ट्रम्पे की विपर्र	ति दिशाओं में जा रही दो रेट	नगाडियाँ प्लेटफामं पर	खडे एक व्यक्ति को क्रमश: 27 सक		
-/-	तथा 17 मैकार में	पार करती हैं तथा एक दसरे	को 23 सैकण्ड में पार	र करती हैं. इनकी चालों का अनुपात हैं		
	(N 1 - N	111 2.0	(-) 2 . 4	/ A जनमें में क्यांड नहीं		
20	40 C-0		- Apres for force for	क्या को के अपनी को जो इसका ^{[41}]		
40.	विकास में ४२ विकास	ा पाल से जा रहा एक रहा जारा की काल में आ रहे	हिन्दी प्राप्त स्थापा ए विकास	में पार कर जाती है. यह रेल ^{गाड़ी ह}		
	क्रियार्ग को ४६ कै	ग्यंदाका चाल स आ रह	1 6 34 12 4408	ference of the second		
		कण्ड में पार कर जाती है. इर		STATE OF THE STATE		
2000	(a) 400 मीटर	(b) 450 मीटर	(c) 560 मीटर ्र	(d) 600 मीटर		
29.	दा स्टशन A तथा B	एक दूसर स 220 किमा॰	दूरा पर ह. एक रेलग	(d) 600 मीटर गाड़ी A से 80 किमी०/घण्टा की ^{बात} ग की चाल से B से A की ओर ^{जाती}		
	2	20 1112 112 51111	ड़ा 100 किमी०/घण्ट	गाड़ी A से 80 किमी $^{\circ}$ $^$		
	dia coment	3 1441 1 Za 17 1-17.11 +				
	(a) 120 किमीo	(b) 130 किमी。	(c) 140 किमी०	(d) 150 किमी॰		

- रेल सम्बन्धित प्रश्न 475 हो स्टेशन A तथा B एक दूसरे से 110 किमी॰ दूरी पर स्थित हैं. एक रेलगाड़ी A से प्रात: 7 बजे B की ओर दा रूप 20 किमी०/घण्टा की चाल से चलती है. दूसरी रेलगाड़ी उसी दिन प्रात: 8 बजे B से A की ओर 25 किमी०/घण्टा की चाल से चलती है. वे किस समय मिलेंगी? (a) प्रातः 9 वजे (b) प्रात: 10 बजे (c) प्रात: 10·30 बजे (d) प्रात: 11 बजे 120 किमी ं प्राप्त को चाल से जा रही एक रेलगाड़ी 4 इसी की दिशा में समान्तर पटरी पर जा रही गाड़ी 8 को ्रिमनट में पार कर जाती है. यदि इन गाड़ियों की लम्बाईयाँ क्रमश: 100 मीटर तथा 200 मीटर हों, तो B की चाल कितनी है ? (a) 111 किमी०/घण्टा (b) 123 किमी०/घण्टा (c) 127 किमी०/घण्टा (d) 129 किमी०/घण्टा 12. प्लेटफार्म पर खड़े एक व्यक्ति ने अनुभव किया कि एक रेलगाड़ी उसे 6 सैकण्ड में पार कर गई. इस गाड़ी के विपरीत दिशा में जाने वाली गाड़ी ने इस व्यक्ति को 9 सैकण्ड में पार किया. यदि दोनों गाड़ियों की लम्बाई बराबर हों, तो एक दूसरे को पार करने में ये गाड़ियाँ कितना रूपय लेंगी? (b) 7·2 सैकण्ड (a) 6·8 सैकण्ड (c) 6·2 गैकण्ड (d) 7·8 सैकण्ड 13. एक रेलगाड़ी A मेरठ से साँय 4 बजे चलकर साँय 5 बजे गाजियाबाद पहुँचती है. दूसरी रेलगाड़ी B गाजियाबाद में सौँय 4 बजे चलकर सौँय 5·30 बजे मेरठ पहुँचती है. दोनों रेलगाड़ियाँ कितने बजे एक दूसरे को मिलेंगी ? (a) साँय 4·36 बजे (b) साँय 4·42 बजे (c) साँय 4·48 बजे (d) साँय 4·50 बजे एक रेलगाड़ी पटना से हावड़ा के लिए तथा दूसरी हावड़ा से पटना के लिए एक ही समय पर चलती हैं. मिलने के बाद ये रेलगाड़ियाँ क्रमश: 9 घण्टे तथा 16 घण्टे में अपने गंतव्य स्थान पर पहुँचती हैं. इनकी चालों **में क्या** अनुपात है ? (a) 2:3 (b) 4:3 (c) 6:7 (d) 9:16 35. दो रेलगाड़ियाँ X तथा Y, स्टेशन A तथा B से क्रमशः B तथा A की ओर एक ही समय पर चलना प्रारम्भ करती हैं. एक दूसरे को मिलने के बाद वे क्रमश: 4 घण्टे 48 मिनट तथा 3 घण्टे 20 मिनट में B तथा A पर पहुँचती हैं. यदि X की चाल 45 किमी०/घण्टा हो, तो Y की चाल कितनी है ? (a) 60 किमी०/घण्टा (b) 54 किमी०/घण्टा (c) 64-8 किमी०/घण्टा (d) 37-5 किमी०/घण्टा 36. दो व्यक्ति एक रेलवे लाईन के साथ-साथ एक ही दिशा में क्रमशः 3 किमी०/घण्टा तथा 6 किमी०/घण्टा की चाल से जा रहे हैं. उनके पीछे से आ रही एक रेलगाड़ी उन्हें क्रमश: 9 सैकण्ड तथा 10 सैकण्ड में पार कर जाती है. इस रेलगाड़ी की चाल कितनी है? (a) 23-2 किमी॰/घण्टा (b) 33 किमी॰/घण्टा (c) 35 किमी॰/घण्टा (d) 40 किमी॰/घण्टा 37. दो रेलगाड़ियाँ एक ही दिशा में क्रमशः 60 किमी०/घण्टा तथा 40 किमी०/घण्टा की चाल से समान्तर पटरियों पर जा रही हैं. तेज रफ्तार वाली रेलगाड़ी धीमी गति वाली रेलगाड़ी में बैठे एक व्यक्ति को 18 सैकण्ड में पार कर जाती है. तेज गति वाली गाड़ी की लम्बाई कितनी है ? (a) 100 मीटर (b) 90 मीटर (c) 72 मीटर (d) 108 मीटर 38. एक रेलगाड़ी एक खम्भे को 20 सैकण्ड में पार करती है तथा 100 मीटर लम्बे एक प्लेटफार्म को 30 सैकण्ड में पार करती है. इस रेलगाड़ी की लम्बाई कितनी है ? (बैंक पी०ओ० परीक्षा, 2010) (a) 100 मीटर (b) 150 मीटर (c) 180 मीटर (d) 200 मीटर (e) इनमें से कोई नहीं 39. 90 किमी०/घण्टा की गति से जा रही एक 200 मीटर लम्बी गाड़ी को एक विषरीत दिशा से आ रही गाड़ी 15 सैकण्ड में पार कर जाती है. दूसरी गाड़ी की लम्बाई कितनी है? (बैंक पी०ओ० परीक्षा, 2003) (a) 175 मीटर (c) 187·5 मीटर (d) ज्ञात नहीं किया जा सकता (b) 275 मीटर (e) इनमें से कोई नहीं 40. चलती हुई रेलगाड़ी में बैठा हुआ एक यात्री बाहर । मिनट में टेलीफोन के 21 खम्भे गिनता है. यदि प्रस्थेक दो खम्भों के बींच की दूरी 50 मीटर हो, तो रेलगाड़ी की चाल कितनी है ? (एम०बी०ए० परीक्षा, 2002)
 - (a) 57 किमी॰/घण्टा (b) 60 किमी॰/घण्टा (c) 63 किमी॰/घण्टा (d) 55 किमी॰/घण्टा

476 • नवीन अंकगणित 176 ● नवान अक्रमानात 41. एक व्यक्ति एक खड़ी हुई रेलगाड़ी को 5 मिनट में पार करता है. यही रेलगाड़ी एक खम्भे को 48 मेक्साई में के 41. एक व्यक्ति एक खड़ी हुई रेलगाड़ी को 5 मिनट में पार करता है. यही रेलगाड़ी एक खम्भे को 48 मेक्साई में के एक व्यक्ति एक खड़ी हुई रलगाड़ा का उत्तराह न स्वाध अनुपात है ? (बैंक पी०ओ० पर्गक्षा, २०१४) करती है. व्यक्ति तथा रेलगाड़ी की चालों के बीच क्रमशः क्या अनुपात है ? (बैंक पी०ओ० पर्गक्षा, २०१४) करती है. व्यक्ति तथा रेलगाड़ी की चालों के बीच क्रमशः क्या अनुपात है ? (बैंक पी०ओ० पर्गक्षा, २०१४) (d) निर्धारित नहीं किया जा मह (c) 25:3 (b) 4:25 (a) 3:25 (e) इनमें से कोई नहीं (e) इनम स काइ नहा 42. 60 किमी॰/घण्टा की दर से गतिमान 750 मीटर लम्बी रेलगाड़ी को एक सिग्नल पोस्ट को पार करने में (रेलवे फ्रांक्ट्र (रेलवे परीक्षा, 2010) समय लगेगा? (c) 55 सैकण्ड (b) 40 सैकण्ड (d) 45 सेकण्ड (a) 50 सैकण्ड (बैंक पी०ओ० परीक्षा, 20₁₀₎ है. यदि A की लम्बाई 240 मीटर हो, तो B की लम्बाई कितनी है ? (d) ज्ञात नहीं की जा सकती (c) 300 मीटर (b) 260 मीटर (a) 360 मीटर (e) इनमें से कोई नहीं 44. एक 300 मीटर लम्बी रेलगाड़ी ने रेलवे लाइन के साथ-साथ रेलगाड़ी की ही दिशा में 3 किमी॰/घण्टा को कि से जा रहे व्यक्ति को 33 सैकण्ड में पार किया. रेलगाडी की चाल कितनी है ? (c) 32 ⁸/₁₁ किमी०/घण्टा (d) 35 ⁸/₁₁ किमी०/घण्टा (a) 30 किमी०/घण्टा (b) 32 किमी०/घण्टा (एस०एस०सी० परीक्षा, 2010) 45. एक 180 मीटर लम्बी रेलगाड़ी एक अपने से विपरीत दिशा में चल रही 270 मीटर लम्बी रेलगाड़ी को 10-8 सैक्टर में पार कर जाती है. यदि पहली रेलगाड़ी की चाल 60 किमी०/घण्टा हो, तो दूसरी रेलगाड़ी की चाल कितनी है? (a) 80 किमी॰/घण्टा (b) 90 किमी॰/घण्टा (c) 150 किमी॰/घण्टा (d) ज्ञात नहीं की जा सकती (e) इनमें से कोई नहीं (बैंक पी०ओ० परीक्षा, 2010) उत्तरमाला (प्रश्नमाला 18A) 1. (a) 2. (c) 4. (a) 5. (b) 6. (b) 3. (e) 7. (c) 8. (c) 9. (d) 10. (c) 11. (d) 12. (c) 13. (d) 14. (d) 15. (d) 16. (d) 17. (d) 18. (a) 19. (c) 20. (a) 21. (c) 22. (d) 23. (a) 24. (a) 25. (c) 26. (c) 27. (b) 28. (a) 29. (a) 30. (b) 31. (a) 32. (b) 33. (a) 34. (b) 35. (b)

36. (b) 37. (a) 38. (d) 39. (d) 40. (l) 41. (b) 42. (d) 43. (a) 44. (d) 45. (b)

दिये गये प्रश्नों के हल प्रश्नमाला 18A

1. रेलगाड़ी की चाल = $\left(30 \times \frac{5}{18}\right)$ मीटर प्रति सै॰ = $\frac{25}{3}$ मीटर प्रति सै॰. अभीष्ट समय = $\frac{(100)}{(25/3)}$ सैंकण्ड = $\frac{(100\times3)}{25}$ सैंकण्ड = 12 सैंकण्ड.

2. रेलगाड़ी की चाल = $\left(45 \times \frac{5}{18}\right)$ मीटर प्रति सैकण्ड = $\frac{25}{2}$ मीटर प्रति सैकण्ड. अभीष्ट समय = रेलगाड़ी द्वारा (171 + 229) मीटर दूरी तय करने में लगा समय $= \left(400 \times \frac{2}{25}\right) सैकण्ड = 32 सैकण्ड.$

 प्लेटफार्म को पार करने में तय की गई दूरी = (180 + 180) मीटर = 360 मीटर. रेलगाड़ी की चाल = $\frac{ {\bf c}_{\bf c} {\bf t} }{ {\bf r} {\bf t} {\bf r} {\bf d} } = \frac{360}{18}$ मीटर/सैं $_{\rm c}$ = 20 मीटर/सैं $_{\rm c}$.

$$\star$$
 लिगाड़ी को चाल = $\left(60 \times \frac{5}{18}\right)$ मीटर सै० = $\frac{50}{3}$ मीटर सै०.

माना पुल को लम्बाई = x मोटर

$$\frac{30}{400} = समय \Rightarrow \frac{(125+x)}{(50/3)} = 30 \Rightarrow 125+x = 500 \Rightarrow x = 375.$$

. अतः पुल को लम्बाई = 375 मीटर,

इ. इंडन हके लिया गया समय = 8 घण्टे, हकते हुए लिया गया समय = 9 घण्टे. इ. इण्टे में से हकने में लगा समय = 1 घण्टा = 60 मिनट.

। बच्टे में से रुकने में लगा समय =
$$\left(\frac{60}{9}\right)$$
 मिनट = $6\frac{2}{3}$ मिनट.

ि रेलगाड़ों को चाल =
$$\left(\frac{250}{15}\right)$$
 मीटर/सै॰ = $\left(\frac{250}{15} \times \frac{18}{5}\right)$ किमी॰/घण्टा = 60 किमी॰/घण्टा.

7. रिलगाड़ी को चाल =
$$\left(60 \times \frac{5}{18}\right)$$
 मीटर सैं $\circ = \frac{50}{3}$ मीटर सैं \circ .

अभीष्ट समय = (280 + 220) मीटर दूरी तय करने में लगा समय

$$= \left(500 \times \frac{3}{50}\right)$$
 सैकण्ड = 30 सैकण्ड.

= $\left(500 \times \frac{3}{50}\right)$ सैकण्ड = 30 सैकण्ड. 8. रेलगाड़ी की चाल = $\left(108 \times \frac{3}{18}\right)$ मीटर/सै॰ = 30 मीटर/सै॰.

माना प्लेटफार्म की लम्बाई = x मीटर,

$$\frac{(240+x)}{30} = 20 \Rightarrow 240+x = 600 \Rightarrow x = (600-240) = 360 \text{ He}.$$

व्यक्ति को चाल =
$$\frac{(360)}{(5 \times 60)}$$
 मीटर/सै॰ = 1.2 मीटर/सैंकण्ड.

 चैंक प्लेटफार्म को लम्बाई नहीं दो गई है, अत: रेलगाड़ी की चाल ज्ञात नहीं की जा सकती. अत: उत्तर (d) सही है.

माना रेलगाड़ी की लम्बाई = x मीटर. तब,

$$\frac{x}{5} = \frac{(600 + x)}{35} \Rightarrow 35x = 3000 + 5x \Rightarrow 30x = 3000 \Rightarrow x = 100.$$

अत: रेलगाड़ी की लम्बाई = 100 मीटर.

रेलगाड़ी की चाल
$$=\frac{100}{5}$$
 मीटर/सै॰ $=\left(20 \times \frac{18}{5}\right)$ किमी॰/घण्टा $= 72$ किमी॰/घण्टा

 Π . माना पहली रेलंगाड़ी की लम्बाई = x मीटर तथा पुल की लम्बाई = y मीटर.

पहली रेलगाड़ी की चाल =
$$\left(90 \times \frac{5}{18}\right)$$
 मीटर/सै॰ = 25 मीटर/सैकण्ड.

$$\frac{(x+y)}{25} = 36 \Rightarrow x+y = 900.$$

र्सरी रेलगाड़ी की लम्बाई = (x - 100) मीटर, पुल की लम्बाई = y मीटर.

रूसरी रेलगाड़ी की चाल =
$$\left(45 \times \frac{5}{18}\right)$$
 मीटर/सै॰ = $\frac{25}{2}$ मीटर/सै॰.

^{पुल पार} करने में इस गाड़ी द्वारा लिया गया समय =
$$\frac{(x-100)+y}{(25/2)}$$
 सै॰

$$= \frac{2[(x+y)-100]}{25} \stackrel{\text{H}}{=} = \left[\frac{2(x+y)-200}{25} \right] \stackrel{\text{H}}{=} = \frac{(2\times900-200)}{25} \stackrel{\text{H}}{=} = \frac{1600}{25} \stackrel{\text{H}}{=} = 64 \stackrel{\text{H}}{$$

माना रेलगाड़ी की चाल = x मीटर/सै॰ तथा इसकी लम्बाई = y मीटर. तब

$$\frac{(162+y)}{x} = 18 \Rightarrow 18x - y = 162 \qquad ...(i)$$
$$\frac{(120+y)}{x} = 15 \Rightarrow 15x - y = 120 \qquad ...(ii)$$

(i) \vec{H} \vec{H} (ii) घटाने पर $3x = 42 \Rightarrow x = 14$.

ं. रेलगाड़ी की चाल =
$$14$$
 मीटर/सै॰ = $\left(14 \times \frac{18}{5}\right)$ किमी॰/घण्टा, = $\frac{252}{5}$ किमी॰/घण्टा = 50.4 किमी॰/घण्टा.

13. माना रेलगाड़ी की लम्बाई = x मीटर, तब

$$\frac{(x+122)}{17} = \frac{(x+210)}{25}$$
 ⇒ $25x+3050 = 17x+3570$
⇒ $8x = 520$ ⇒ $x = 65$ मीटर,

रेलगाड़ी की चाल
$$=\frac{(65+122)}{17}$$
 मीटर/सै॰ $=\left(\frac{187}{17}\right)$ मीटर/सै॰ $=\left(11\times\frac{18}{5}\right)$ किमी॰/घण्टा $=\frac{198}{5}$ किमी॰/घण्टा $=39\cdot6$ किमी॰/घण्टा,

14. माना रेलगाड़ी की चाल = x मीटर/सैकण्ड, तब

$$\frac{240}{x} + 40 = \frac{(240 + 480)}{x} \Rightarrow \frac{720}{x} - \frac{240}{x} = 40$$
$$\Rightarrow 40x = (720 - 240) = 480 \Rightarrow x = 12.$$

. रेलगाड़ी की चाल = 12 मीटर/सैकण्ड.

माना रेलगाड़ी की लम्बाई = x मीटर, तब

$$\frac{(110+x)}{40} = \frac{x}{30} \Rightarrow 3300 + 30x = 40x \Rightarrow 10x = 3300 \Rightarrow x = 330$$
 ਸੀਟर.

16. चल रही गाड़ी की चाल = $\left(84 \times \frac{5}{18}\right)$ मीटर/सै॰ = $\frac{70}{3}$ मीटर/सैकण्ड. खड़ी गाड़ी को पार करने में चली गई दूरी = (210 + 210) मीटर = 420 मीटर. अभीष्ट समय = $\left(420 \times \frac{3}{70}\right)$ सैकण्ड = 18 सैकण्ड.

तेज गाड़ी की धीमी गाड़ी के सापेक्ष चाल = (72 – 60) किमी०/घण्टा

$$= \left(12 \times \frac{5}{18}\right)$$
 मीटर/सै॰
$$= \frac{10}{3}$$
 मीटर/सै॰.

अभीष्ट समय = सापेक्षं चाल से (240 + 240) मीटर दूरी तय करने में लगा समय

$$=$$
 $\left(480 \times \frac{3}{10}\right)$ सैकण्ड = 144 सैकण्ड = 2 मिनट 24 सैकण्ड.

 $\frac{18}{9}$ स्तगाड़ियों की सापेक्ष चाल = (60 + 48) किमी॰/घण्टा = $\left(108 \times \frac{5}{18}\right)$ मीटर/सै॰ = 30 मीटर/सै॰. $\frac{5}{9}$ को पार करने में लगा समय = $\frac{510}{30}$ सैकण्ड = 17 सैकण्ड.

19. रेलगाड़ियों के सापेक्ष चाल = (80 + 55) किमी०/घण्टा

$$= \left(135 \times \frac{5}{18}\right)$$
 मीटर/सै॰
$$= \frac{75}{2}$$
 मीटर/सै॰.

कुल दूरी = (90 + 120 + 90) मीटर = 300 मीटर.

अभीष्ट समय = $\left(300 \times \frac{2}{75}\right)$ सैकण्ड = 8 सैकण्ड.

20. माना रेलगाड़ी की लम्बाई = x किमी॰ तथा चाल = y किमी॰/घण्टा. तब

$$\frac{x}{(y-2)} = \frac{9}{60 \times 60} \Rightarrow 3600x = 9y - 18 \Rightarrow y - 400x = 2 \qquad ...(i)$$

तथा
$$\frac{x}{(y-4)} = \frac{10}{60 \times 60} \Rightarrow 360x = y-4 \Rightarrow y-360x = 4$$
 ...(ii)

(i) तथा (ii) को हल करने परं $40x = 2 \Rightarrow x = \frac{1}{20}$.

रेलगाड़ी की लम्बाई $=\frac{1}{20}$ किमी $\circ = \left(\frac{1}{20} \times 1000\right)$ मीटर = 50 मीटर.

21. माना रेलगाड़ी की चाल = x किमीo/घण्टा.

रेलगाड़ी की सामने से आ रहे व्यक्ति के सापेक्ष चाल = (x + 3) किमीo/घण्टा.

$$\therefore (x+3) \times \frac{5}{18} = \frac{240}{10} \Rightarrow 5(x+3) = 432$$
$$\Rightarrow 5x = (432-15) = 417 \Rightarrow x = 83.4.$$

ं. रेलगाड़ी की चाल = 83:4 किमी०/घण्टा.

22. माना रेलगाड़ी की लम्बाई = x मीटर.

रेलगाड़ी की व्यक्ति के सापेक्ष चाल = (30 – 15) किमी०/घण्टा

$$= \left(15 \times \frac{5}{18}\right) \text{ मीटएसै॰} = \frac{25}{6} \text{ मीटएसै॰}.$$
$$\therefore \frac{x}{(25/6)} = 48 \Rightarrow 6x = 25 \times 48 \Rightarrow x = 200 \text{ मीटर.}$$

23. माना गाडियों की चाल क्रमश: 3x मीटर/सै० तथा 4x मीटर/सै० हैं. इनके द्वारा 3 सैकण्ड में तय की गई दूरियाँ क्रमश: 9x मीटर तथा 12x मीटर हैं. अत: इन गाडियों की लम्बाईयाँ क्रमश: 9x मीटर तथा 12x मीटर हैं. इन गाडियों की सापेक्ष चाल = (3x + 4x) मीटर/सै० = 7x मीटर/सै०.

एक दूसरे को पार करने में लगा समय = $\frac{(9x+12x)}{7x}$ सैo = 3 सैकण्ड.

24. तेज गाड़ी की धीमी गाड़ी के सापेक्ष चाल = (56 - 46) किमी॰/घण्टा

$$= \left(10 \times \frac{5}{18}\right) \text{ files/tho} = \frac{25}{9} \text{ files/tho}.$$

माना प्रत्येक गाड़ी की लम्बाई = x मीटर. तब

$$\frac{2x}{\left(\frac{25}{9}\right)} = 36 \Rightarrow \frac{18x}{25} = 36 \Rightarrow x = \frac{36 \times 25}{18} = 50$$
 मीटर.

25. माना रेलगाड़ी की लम्बाई = L मीटर तथा चाल = x मी \circ /सै \circ है. तब

$$\frac{(96+L)}{12} = \frac{(141+L)}{15} \Rightarrow 15(96+L) = 12(141+L) \Rightarrow 3L = (1692-1440) = 252 \Rightarrow 1 = 12(141+L) \Rightarrow 3L = (1692-1440) = 12(141+L) \Rightarrow 12(141+L)$$

रेलगाडी की लम्बाई = 84 मीटर.

चाल =
$$\frac{(96+84)}{12}$$
 मी०/सै० = $\left(\frac{180}{12} \times \frac{18}{5}\right)$ किमी०/घण्टा = 54 किमी०/घण्टा.

26. मालगाड़ियों की सापेक्ष गित = (45 + 30) किमी॰/घण्टा = $\left(75 \times \frac{5}{18}\right)$ मीटर/सै॰ = $\frac{125}{6}$ मीटर/सै॰, तय की गई दूरी = (500 + 500) मीटर = 1000 मीटर.

अभीष्ट समय = $\left(1000 \times \frac{6}{125}\right)$ सैकण्ड = 48 सैकण्ड.

27. माना इन रेलगाड़ियों की चाल क्रमश: x मीटर/सै॰ तथा y मीटर/सै॰ हैं.

तब, पहली रेलगाड़ी की लम्बाई = 27x मीटर.

दूसरी रेलगाड़ी की लम्बाई = 17y मीटर.

$$\therefore \frac{(27x+17y)}{(x+y)} = 23 \Rightarrow 27x+17y = 23x+23y \Rightarrow 4x = 6y \Rightarrow \frac{x}{y} = \frac{3}{2}$$

अतः अभीष्ट अनुपात = 3 : 2.

28. माना पहली रेलगाड़ी की लम्बाई = 2x मीटर तथा दूसरी रेलगाड़ी की लम्बाई = x मीटर. इन गाड़ियों के सापेक्ष चाल = (48 + 42) किमीo/घण्टा

$$= \left(90 \times \frac{5}{18}\right) \text{ मीटर/सैकण्ड} = 25 \text{ मीटर/सैकण्ड.}$$
$$\therefore \frac{(2x+x)}{25} = 12 \Rightarrow 3x = 300 \Rightarrow x = 100.$$

पहली गाड़ी की लम्बाई = 200 मीटर.

माना प्लेटफार्म की लम्बाई = y मीटर.

$$\therefore \frac{(200+y)}{45} = \left(48 \times \frac{5}{18}\right) = \frac{40}{3} \Rightarrow 600 + 3y = 1800$$
$$\Rightarrow 3y = 1200 \Rightarrow y = 400.$$

अत: प्लेटफार्म की लम्बाई = 400 मीटर.

29. माना ये रेलगाड़ियाँ A से x किमी० की दूरी पर मिलेंगी. तब,

$$\frac{x}{80} - \frac{(200 - x)}{100} = \frac{1}{2} \Rightarrow 5x - 4(220 - x) = 200$$
$$\Rightarrow 9x = 1080 \Rightarrow x = 120.$$

अत: दोनों रेलगाड़ियाँ 🔏 से 120 किमी॰ की दूरी पर मिलेंगी.

30. माना दोनों रेलगाड़ियाँ 7 बजे से x घण्टे बाद मिलती हैं. तब A द्वारा x घण्टे में तय की गई दूरी = (20x) किमी॰.

B द्वारा (x-1) घण्टे में तय की गई दूरी = 25 (x-1) किमी॰.

$$20x + 25(x-1) = 110 \Rightarrow 45x = 135 \Rightarrow x = 3.$$

अत: दोनों रेलगाड़ियाँ प्रात: 10 बजे मिलेंगी.

31. माना रेलगाड़ी B की चाल = x किमी०/घण्टा.

$$A$$
 की B के सापेक्ष चाल = (120 - x) किमी $o/$ घण्टा

$$= \left[(120 - x) \times \frac{5}{18} \right]$$
 मीटर/सैकण्ड
$$= \frac{(600 - 5x)}{18}$$
 मीटर/सै॰.
$$\frac{30}{(600 - 5x)} = 120 \Rightarrow \frac{5400}{(600 - 5x)} = 120 \Rightarrow \frac{45}{(600 - 5x)} = 1$$

$$\Rightarrow 600 - 5x = 45 \Rightarrow 5x = (600 - 45) = 555$$

$$\Rightarrow x = 111$$
 किमी॰/घण्टा.

माना प्रत्येक गाड़ी की लम्बाई = x मीटर.

$$4$$
हली गाड़ी की चाल $=\frac{x}{6}$ मीटर/सैकण्ड.

दूसरी गाड़ी की चाल
$$=\frac{x}{9}$$
 मीटर/सैकण्ड.

आपेक्षिक चाल =
$$\left(\frac{x}{6} + \frac{x}{9}\right)$$
 मीटर/सै॰ = $\frac{5x}{18}$ मीटर/सै॰

अभीष्ट समय =
$$\frac{(x+x)}{(5x/18)}$$
 सैंकण्ड = $\left(\frac{2x\times18}{5x}\right)$ सैंकण्ड = $\frac{36}{5}$ सैंकण्ड = $7\cdot2$ सैंकण्ड.

33. माना अभीष्ट दूरी = x किमीo.

A द्वारा लिया गया समय = 1 घण्टा, B द्वारा लिया गया समय =
$$\frac{3}{2}$$
 घण्टे.

$$A$$
 की चाल = x किमी०/घण्टा, B की चाल = $\left(x \times \frac{2}{3}\right)$ किमी०/घण्टा.

माना ये रेलगाड़ियाँ सायं 4 बजे के y घण्टे बाद मिलती हैं.

तब,
$$xy + \frac{2xy}{3} = x \Rightarrow y + \frac{2y}{3} = 1 \Rightarrow \frac{5y}{3} = 1 \Rightarrow y = \frac{3}{5}$$
 घण्टे
$$\Rightarrow y = \left(\frac{3}{5} \times 60\right)$$
 मिनट = 36 मिनट.

अतः दोनों गाड़ियाँ सायं 4:36 बजे मिलेंगी.

34. विशेष संक्षिप्त विधि :

(A की चाल) : (B की चाल) =
$$(\sqrt{b}:\sqrt{a}) = \sqrt{16}:\sqrt{9} = 4:3$$
.

35. विशेष संक्षिप्त विधि :

$$\frac{X}{Y}$$
 की चाल $= \left(\frac{Y}{X}$ द्वारा A तक पहुँचने में लिया गया समय X द्वारा X तक पहुँचने में लिया गया समय

$$\Rightarrow \frac{45}{y} = \sqrt{\frac{10}{3} \times \frac{5}{24}} = \sqrt{\frac{25}{36}} = \frac{5}{6}$$

$$\Rightarrow y = \frac{6 \times 45}{5} \Rightarrow y = 54.$$

ं Yकी चाल = 54 किमी०/घण्टा.

36, माना रेलगाड़ी की चाल = x किमी \circ /घण्टा.

इन व्यक्तियों के सापेक्ष रेलगाड़ी की चाल क्रमशः (x-3) किमी \circ /घण्टा तथा (x-6) किमी \circ /घण्टा हैं.

$$(x-3) \times \frac{5}{18} \times 9 = (x-6) \times \frac{5}{18} \times 10 \Rightarrow 9(x-3) = 10(x-6) \Rightarrow x = 33.$$

अभीष्ट चाल = 33 किमी०/घण्टा.

37. तेज गाड़ी की धीमी गाड़ी के सापेक्ष चाल = (60 - 40) किमी०/घण्टा $= \left(20 \times \frac{5}{18}\right)$ मीटर/सै॰ $= \frac{50}{9}$ मीटर/सै॰. अभीष्ट गाड़ी की लम्बाई = सापेक्ष गति से 18 सैकण्ड में तय की गई दूरी

$$= \left(\frac{50}{9} \times 18\right)$$
मीटर = 100 मीटर.

38. माना रेलगाड़ी की लम्बाई = x मीटर. तब

$$\frac{x}{20} = \frac{x+100}{30} \Rightarrow 30x = 20x + 2000$$
$$\Rightarrow 10x = 2000 \Rightarrow x = 200 \text{ मीटर.}$$

- 39. दूसरी गाड़ी की लम्बाई ज्ञात करने हेतू उस गाड़ी की चाल भी ज्ञात होना आवश्यक है, जो नहीं दो गई है दूसरी गाड़ी की लम्बाई ज्ञात नहीं की जा सकती.
- 40. 21 खम्भों के बीच की दूरी = (20 × 50) मीटर = 1000 मीटर.

समय = 1 मिनट = 60 सैकण्ड.

गाड़ी की औसत चाल =
$$\frac{1000}{60}$$
 मीटर/सै॰ = $\left(\frac{1000}{60} \times \frac{18}{5}\right)$ किमी॰/घण्टा = 60 किमी॰/घण्टा

41. माना रेलगाडी की लम्बाई = x मीट'

तब, व्यक्ति की चाल =
$$\frac{x}{(5\times60)}$$
 मीटर/सै॰ = $\frac{x}{300}$ मीटर/सै॰.

तथा, रेलगाड़ी की चाल = $\frac{x}{48}$ मीटर/सै॰.

(व्यक्ति की चाल) : (रेलगाड़ी की चाल) =
$$\frac{x}{300}$$
 ; $\frac{x}{48}$ = $\frac{1}{300}$; $\frac{1}{48}$ = 48 : 300 = 4 : 25 .

- 42. रेलगाड़ी की चाल = 60 किमी॰/घण्टा = $\left(60 \times \frac{5}{18}\right)$ मीटर/सै॰ = $\frac{50}{3}$ मीटर/सै॰. अभीष्ट समय = $\frac{750}{(50/3)}$ सैकण्ड = $\frac{(750\times3)}{50}$ सैकण्ड = 45 सैकण्ड.
- माना स्थिर रेलगाड़ी की लम्बाई = x मीटर, तब

$$\frac{240+x}{50} = \frac{240}{20} \Rightarrow \frac{240+x}{50} = 12 \Rightarrow 240+x = 600$$

⇒ $x = (600-240) = 360$ मीटर.

माना रेलगाड़ी की चाल = x किमी०/घण्टा.

ब्यक्ति के सापेक्ष रेलगाड़ी की चाल =
$$(x-3)$$
 किमी०/घण्टा = $\frac{(x-3)\times 5}{18}$ मीटर/सैकण्ड.

$$\therefore \frac{(x-3)\times 5}{18} = \frac{300}{33} \Rightarrow x-3 = \left(\frac{100}{11}\times\frac{18}{5}\right) = \frac{360}{11}$$

$$\Rightarrow 11x-33 = 360 \Rightarrow 11x = 393 \Rightarrow x = 35\frac{8}{11}$$
 किमी०/घण्टा.

माना दूसरी रेलगाड़ी की चाल = x किमी०/घण्टा.

पहली गाड़ी की दूसरी गाड़ी के सापेक्ष चाल = (60 + x) किमी०/घण्टा

$$= \left[(60+x) \times \frac{5}{18} \right] \frac{1}{10 \cdot 8} = \frac{(180+270)}{10 \cdot 8} \Rightarrow (60+x) = \left(\frac{4500}{108} \times \frac{18}{5} \right) \Rightarrow 60+x = 150$$

$$\Rightarrow x = 90 \text{ किमी} o/\square.$$

🕻 प्रश्नमाला 18B 🕦

- एक रेलगाड़ी 30 किमी० की दूरी तय करने के बाद दुर्घटनाग्रस्त हो गई. इसके परिणामस्वरूप गाड़ी की चाल अपनी सामान्य चाल को $\frac{4}{5}$ हो गई तथा यह अपने गंतव्य स्थान पर 45 मिनट देरी से पहुंची. यदि दुर्घटना इस दुर्घटनास्थल से 18 किमी॰ आगे हुई होती तो यह रेलगाड़ी अपने गंतव्य पर केवल 36 मिनट देर से पहुँचती. रेलगाड़ी की सामान्य चाल कितनी थी? (एस०एस०सी० परीक्षा, 2009)
- ्र एक 100 मीटर लम्बी रेलगाड़ी 60 किमी॰ प्रति घण्टा की चाल से जा रही है. यह अपने सामने से दुगुनी चाल से आ रही रेलगाड़ी को 10 सैकण्ड में पार कर जाती है. दूसरी रेलगाड़ी की लम्बाई कितनी है ?

(एस०एस०सी० परीक्षा, 2008)

- 3. एक मालगाड़ी शहर X से शहर Y की ओर जाते हुए 1 घण्टे बाद दुर्घंटनाग्रस्त हो जाने पर इसे आधा–घण्टा रोक तिया जाता है. इसके बाद यह अपनी सामान्य चाल की $\frac{4}{5}$ चाल से चलकर Y पर 2 घण्टे देरी से पहुँचती है. यदि दुर्घटना से पहले यह 80 किमी० और चली होती, तो केवल एक घण्टे देरी से पहुँचती. दुर्घटना से पहले मालगाड़ी की चाल कितनी थी तथा X और Y के बीच दूरी कितनी है ? (एस०एस०सी० परीक्षा, 2004)
- 4. 100 मीटर लम्बी रेलगाड़ी अपने सामने से 5 किमी०/घण्टा की चाल से आ रहे व्यक्ति को 7 सकण्ड में पार कर जाती है. रेलगाड़ी की चाल कितनी है? (एस०एस०सी० परीक्षा, 2005)
- दो रेलगाड़ियाँ 650 किमी० की दूरी पर स्थित दो बिन्दुओं से एक दूसरी की ओर चलना आरम्भ करती हैं. यदि वे दोनों एक ही समय पर एक दूसरी की ओर चलें तो 10 घण्टे बाद मिलती हैं. परन्तु यदि इनमें से एक दूसरी से 4 घण्टे 20 मिनट बाद चले तो बाद में चलने वाली रेलगाड़ी के चलने के 8 घण्टे बाद ये दोनों मिलती हैं. प्रत्येक रेलगाडी की औसत चाल ज्ञात कीजिए. (एस०एस०सी० परीक्षा, 2000)
- 6. 125 मीटर लम्बी रेलगाड़ी 60 किमी०/घण्टा की सामान्य चाल से जा रही है. यदि यह एक पुल को 30 सैकण्ड में पार करे तो पुल की लम्बाई कितनी है ? (एस०एस०सी० परीक्षा, 2005)
- 7. दो रेलगाड़ियाँ एक ही दिशा में क्रमश: 30 किमी०/घण्टा तथा 58 किमी०/घण्टा की गति से जा रही हैं. धीमी गति वाली रेलगाड़ी में बैठा हुआ एक व्यक्ति तेज गति वाली रेलगाड़ी को 18 सैकण्ड में पार कर जाता है. तेज गति वाली रेलगाडी की लम्बाई कितनी है? (एस०एस०सी० परीक्षा, 2006)
- दो रेलगाड़ियाँ जो एक दूसरे की विपरीत दिशा में क्रमश: 75 किमी०/घण्टा तथा 60 किमी०/घण्टा की चाल से जा रही हैं, एक दूसरे को 8 सैकण्ड में पार कर जाती हैं. जब वे एक ही दिशा में जाती हैं तो तेज गाड़ी में बैठा हुआ एक यात्री अनुभव करता है कि वह दूसरी गाड़ी को 30 सैकण्ड में पार कर लेता है. गाड़ियों की लम्बाइयाँ ज्ञात कीजिए.
- दो रेलगाड़ियाँ जिनमें से प्रत्येक 80 मीटर लम्बी है, समान्तर पटिरयों पर चल रही हैं. यदि वे एक दिशा में जा रही हैं, तो तेज गति वाली रेलगाड़ी दूसरी रेलगाड़ी को एक मिनट में पार कर जाती है. जब वे विपरीत दिशा में जाती हैं तो एक दूसरे को 3 सैकण्ड में पार कर जाती हैं. प्रत्येक गाड़ी की चाल मीटर/सैकण्ड में ज्ञात कीजिए.
- 10. 72 किमी०/घण्टा की गति से जा रही एक रेलगाड़ी समान्तर पटरी पर उसी दिशा में 54 किमी०/घण्टा की गति से जा रही 192 मीटर लम्बी रेलगाड़ी के पास पहुँच जाती है तथा इसे पूर्णतया 1½ मिनट में पार कर जाती है, यदि ये दोनों गाड़ियाँ विपरीत दिशाओं में जा रही हों, तो कितने समय में एक दूसरे को पार कर जायेंगी? तेज गति से
- जा रही रेलगाडी की लम्बाई भी ज्ञात करें. 11. 126 मीटर तथा 114 मीटर लम्बी दो रेलगाड़ियाँ विपरीत दिशाओं में क्रमशः 30 किमी०/घण्टा तथा
- 42 किमीo/घण्टा की चाल से जा रही हैं. मिलने के कितने समय बाद वे एक दूसरे को पार कर लेंगी? 100 मीटर लम्बी एक रेलगाड़ी अपनी विपरीत दिशा से 5 किमी०/घण्टा की चाल से अपनी ओर आते हुए व्यक्ति कों 6 सैकण्ड में पार कर जाती है. गाड़ी की चाल कितनी है ?

484 • नवीन अंकगणित

- 13. 54 किमी॰/घण्टा की चाल से जा रही एक रेलगाड़ी एक प्लेटफार्म को 20 सैकण्ड में पार कर निर्ण है 54 किमी॰/घण्टा की चाल से जा रहा एक रलगाक रूप रेलगाड़ी अपनी ही दिशा में 6 किमी॰/घण्टा की चाल से भागे जा रहे व्यक्ति को 12 सँकण्ड में पार कर के निर्माण कर की जात की जिए.
- गाड़ी की लम्बाइ तथा प्लटफाम का राज्यार साम 14. दो रेलगाड़ियाँ समान्तर पटरियों पर विपरीत दिशाओं में क्रमशः 75 किमी०/घण्टा तथा 60 किमी०/घण्टा से दो रेलगाड़ियाँ समान्तर पटारया पर ायपराम प्रकार कर जाती हैं. जब वे एक ही दिशा में जा रही होती हैं के से जा रही होती हैं के किए कर जाती है परोक्त हैं के किए से कार ही दिशा में जा रही होती है के किए कर जाती है परोक्त हैं के

उत्तरमाला (प्रश्नमाला 18B)

3. 20 किमी०/घण्टा, 140 किमी० 4. 45 किमी०/घण्टा 1. 30 किमी०/घण्टा 2. 400 **मीटर**

8. 125 मीटर, 175 मीटर 5. 30 किमी०/घण्टा, 35 किमी०घण्टा 6. 375 मीटर 7. 140 मीटर

10. 12°/, सै॰, 258 मीटर 11. 12 सै॰ 12. 55 किमी॰/वृष्ट 9. 2 8 मीटर/सै॰, 25¹/, मीटर/सै॰

13. गाड़ी की लम्बाई = 160 मीटर, प्लेटफार्म की लम्बाई = 140 मीटर 14. 168.75 मीटर, 131.25 मीटर

दिये गये प्रश्नों के हल 🖟 प्रश्नमाला 18B

माना कुल दूरी = x किमी० तथा सामान्य चाल = y किमी०/घण्टा. तब,

$$\frac{(x-30)}{\frac{4}{5}y} - \frac{(x-30)}{y} = \frac{45}{60} \Rightarrow \frac{5(x-30)}{4y} - \frac{(x-30)}{y} = \frac{3}{4}$$

$$\Rightarrow (5x-150) - (4x-120) = 3y$$

$$\Rightarrow x-3y = 30$$

$$\Rightarrow x-3y = 30$$

$$\Rightarrow x-3y = 3$$

$$\Rightarrow 25(x-48) - 20(x-48) = 12y$$

$$\Rightarrow 5x-12y = 240$$
...(ii)

(i) को 5 से गुणा करके (ii) में से घटाने पर : $3y = 90 \Rightarrow y = 30$.

अत: रेलगाड़ी की सामान्य चाल = 30 किमी०/घण्टा.

माना दूसरी रेलगाड़ी की लम्बाई = x मीटर.

पहली रेलगाड़ी की चाल = 60 किमी०/घण्टा, दूसरी रेलगाड़ी की चाल = 120 किमी०/घण्टा. ये दोनों रेलगाड़ियाँ एक दूसरे की विपरीत दिशा में जा रही हैं.

ं. इनकी सापेक्ष गति = (60 + 120) किमी०/घण्टा

$$= \left(180 \times \frac{5}{18}\right)$$
मीटर/सै॰ = 50 मीटर/सै॰.

एक दूसरे को पार करने में लगा समय = $\frac{(100+x)}{50}$ सै॰.

$$\frac{(100+x)}{50} = 10 \Rightarrow (100+x) = 500 \Rightarrow x = 400.$$

अतः दूसरी गाड़ी की लम्बाई = 400 मीटर.

 माना मालगाड़ी की सामान्य चाल = x किमीo/घण्टा तथा XY = y किमीo. माना यह बिन्दु A पर दुर्घटनाग्रस्त होती है, जहाँ XA = x किमी \circ . तब

$$1 + \frac{1}{2} + \frac{(y - x)}{\frac{4}{5}x} = \frac{y}{x} + 2$$

$$X \vdash \frac{x}{A} = \frac{1}{80} + \frac{1}{B}$$

...(ii)

$$\Rightarrow \frac{5(y-x)}{4x} - \frac{y}{x} = \frac{1}{2}$$
$$\Rightarrow 5y - 5x - 4y = 2x \Rightarrow y - 7x = 0$$

प्नः माना यह बिन्दु B पर दुर्घटनाग्रस्त होती है, जहाँ AB = 80 किमी॰. तब

$$\frac{(x+80)}{x} + \frac{1}{2} + \frac{y - (x+80)}{\frac{4x}{5}} = \frac{y}{x} + 1$$

$$\Rightarrow \frac{(x+80)}{x} + \frac{5(y-x-80)}{4x} - \frac{y}{x} = \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow 4(x+80)+5(y-x-80)-4y=2x$$

$$\Rightarrow 4x + 320 + 5y - 5x - 400 - 4y = 2x \Rightarrow y - 3x = 80$$

(i) से (ii) में y = 7x रखने पर, $7x - 3x = 80 \Rightarrow 4x = 80 \Rightarrow x = 20$.

(i) में x = 20 रखने पर, y = 140.

अत: मालगाड़ी की सामान्य चाल = 20 किमी०/घण्टा तथा दूरी XY=140 किमी०.

माना रेलगाड़ी की चाल = x किमी०/घण्टा.

व्यक्ति के सापेक्ष रेलगाड़ी की चाल = (x + 5) किमी०/घण्टा

$$= \left[(x+5) \times \frac{5}{18} \right]$$
 मीटर/सैकण्ड.
$$\therefore \frac{100}{\frac{5(x+5)}{18}} = \frac{36}{5} \Rightarrow \frac{20 \times 18}{x+5} = \frac{36}{5} \Rightarrow \frac{10}{x+5} = \frac{1}{5} \Rightarrow x+5 = 50 \Rightarrow x = 45.$$

अतः रेलगाड़ी की चाल = 45 किमी०/घण्टा.

 माना इन रेलगाडियों की औसत चाल क्रमश: x किमी०/घण्टा तथा y किमी० प्रति घण्टा हैं. जब दोनों एक साथ एक दूसरे की ओर चलती हैं तो सापेक्ष चाल = (x + y) किमी०/घण्टा.

$$10(x+y) = 650 \Rightarrow x+y = 65$$
 ...(1)

दूसरी दशा में पहली रेलगाड़ी दूसरी से $4\frac{20}{60}$ घण्टे अर्थात $\frac{13}{2}$ घण्टे पहले चलती है.

पहली रेलगाड़ी द्वारा $\frac{13}{2}$ घण्टे में तय की गई दूरी = $\frac{13x}{2}$ किमी॰.

शेष दूरी (x + y) किमी०/घण्टा की दर से 8 घण्टे में तय की जाती है.

$$\therefore \frac{13x}{3} + 8(x+y) = 650 \Rightarrow \frac{13x}{3} + 8 \times 65 = 650$$
$$\Rightarrow \frac{13x}{3} = (650 - 520) = 130 \Rightarrow x = \frac{130 \times 3}{13} \Rightarrow x = 30.$$

(i) में x = 30 रखने पर, y = 35.

अतः इन रेलगाड़ियों की चाल क्रमशः 30 किमी०/घण्टा तथा 35 किमी०/घण्टा हैं.

6. रेलगाड़ी की चाल = $\left(60 \times \frac{5}{18}\right)$ मीटर/सै॰ $=\frac{50}{3}$ मीटर/सै॰.

माना पुल की लम्बाई = x मीटर. तब,

$$\frac{(125+x)}{(50/3)} = 30 \Rightarrow 3 (125+x) = 1500$$
$$\Rightarrow 3x = (1500-375) = 1125 \Rightarrow x = 375.$$

मुल की लम्बाई = 375 मीटर.

 भीमी गति वाली रेलगाड़ी की चाल = 30 किमी०/घण्टा. तेज गति वाली रेलगाड़ी की चाल = 58 किमी०/घण्टा. दोनों रेलगाड़ियाँ एक ही दिशा में जा रही हैं.

इनकी सापेक्ष चाल = (58 - 30) किमी॰/घण्टा = $\left(28 \times \frac{5}{18}\right)$ मीटर/सै॰ = $\frac{70}{9}$ मीटर/सै॰. इस चाल से 18 सै॰ में तय की गई दूरी = $\left(\frac{70}{9} \times 18\right)$ मीटर =140 मीटर.

तेज चाल वाली गाड़ी की लम्बाई = 140 मीटर.

विपरीत दिशा में जा रही रेलगाडियों की आपेक्षिक चाल = (75 + 60) किमी०/घण्टा

$$=\left(135\times\frac{5}{18}\right)$$
 मीटर/सै॰ $=\frac{75}{2}$ मीटर/सै॰.

इस चाल से 8 सैकण्ड में तय की गई दूरी = $\left(\frac{75}{2} \times 8\right)$ मीटर = 300 मीटर. अत: दोनों गाड़ियों की लम्बाई का योग = 300 मीट

एक ही दिशा में जा रही रेलगाड़ियों की सापेक्ष चाल = (75 - 60) किमी०/सै०

$$=\left(15\times\frac{5}{18}\right)$$
 मीटर/सै $\circ=\frac{25}{6}$ मीटर/सै \circ .

इस चाल से 30 सैकण्ड में तय की गई दूरी = $\left(\frac{25}{6} \times 30\right)$ मीटर = 125 मीटर. धीमी चलने वाली गाड़ी की लम्बाई = 125 मीटेर

दूसरी गाड़ी की लम्बाई = (300 - 125) मीटर = 175 मीटर.

9. माना रेलगाड़ियों की चाल क्रमश: x मीटर/सै॰ तथा y मीटर/सै॰ हैं. जब वे एक ही दिशा में जाती हैं तो उनकी सापेक्ष चाल = (x-y) मीटर⁄सै०.

जब वे विपरीत दिशा में जाती हैं तो उनकी सापेक्ष चाल = (x + y) मीटर/सैo.

$$\frac{160}{(x-y)} = 60 \Rightarrow 3(x-y) = 8 \Rightarrow 3x-3y = 8 \qquad ...(i)$$

$$\frac{160}{(x+y)} = 3 \Rightarrow 3(x+y) = 160 \Rightarrow 3x+3y = 160 \qquad ...(ii)$$

- (i) तथा (ii) को जोड़ने पर : $6x = 168 \Rightarrow x = 28$.
- (i) में x = 28 रखने पर $84 3y = 8 \Rightarrow 3y = 76 \Rightarrow y = \frac{76}{3}$.

अभीष्ट चाल हैं क्रमश: 28 मीटर/सै॰ तथा 25 र्वे मीटर/सै॰.

माना तेज चलने वाली गाड़ी की लम्बाई = x मीटर.

तेज चलने वाली रेलगाड़ी की चाल = $\left(72 \times \frac{5}{18}\right)$ मीटर/सै॰ = 20 मीटर/सै॰,

धीमी चलने वाली रेलगाड़ी की चाल $=\left(54 \times \frac{5}{18}\right)$ मीटर/सैo = 15 मीटर/सैo. इन गाड़ियों की आपेक्षिक चाल = (20 – 15) मीटर/सै॰ = 5 मीटर/सै॰.

(192 + x) मीटर दूरी तय करने में लगा समय = $\left(\frac{3}{2} \times 60\right)$ सै॰ = 90 सैंः एड.

ं. तेज रेलगाड़ी की लम्बाई = 258 मीटर.

जब गाड़ियाँ विपरीत दिशाओं में चलती हैं तो सापेक्ष गति = (20 + 15) मी०/सै० = 35 मीटर/सै०

दोनों गाड़ियों की लम्बाई का योग = (192 + 258) मीटर = 450 मीटर.

 $\sqrt{66}$ दूसरे को पार करने में लगा समय = $\frac{450}{35}$ सैकण्ड = $\frac{90}{7}$ सैकण्ड = $12\frac{6}{7}$ सैकण्ड.

ा. रेलगाड़ियों की लम्बाइयों का योग = (126 + 114) मीटर = 240 मीटर.

आपेक्षिक चाल = (30 + 42) किमी॰/घण्टा = $\left(72 \times \frac{5}{18}\right)$ मीटर/सै॰ = 20 मीटर/सै॰. अभीष्ट समय = $\frac{240}{20}$ सै० = 12 सै०.

माना गाड़ी की चाल = x किमी०/घण्टा.

गाड़ी की आपेक्षिक चाल = (x + 5) किमी॰/घण्टा = $\{(x + 5) \times \frac{5}{18}\}$ मीटर/सै॰. $\frac{100}{(x+5) \times \frac{5}{18}} = 6 \Rightarrow 30x + 150 = 1800 \Rightarrow 30x = 1650 \Rightarrow x = 55.$

अतः गाड़ी की चाल 55 किमी०/घण्टा है.

13. गाड़ी की चाल = $\left(54 \times \frac{5}{18}\right)$ मीटर/सै॰ = 15 मीटर/सै॰.

व्यक्ति के सापेक्ष गाड़ी की चाल = (54 - 6) किमी॰/घण्टा = $\left(48 \times \frac{5}{18}\right)$ मीटर/सै॰ = $\frac{40}{3}$ मीटर/सै॰. माना गाड़ी की लम्बाई = x मीटर

गाड़ी द्वारा व्यक्ति को पार करने में लगा समय = $\frac{x}{(40/3)}$ सै॰ = $\frac{3x}{40}$ सै॰.

$$\therefore \frac{3x}{40} = 12 \Rightarrow x = \frac{(12 \times 40)}{3} = 160.$$

अत: गाडी की लम्बाई = 160 मीटर.

माना प्लेटफार्म की लम्बाई = y मीटर.

प्लेटफार्म को पार करने में लगा समय = $\frac{(160 + y)}{1.5}$ सैकण्ड.

$$\therefore \frac{(160+y)}{15} = 20 \Rightarrow (160+y) = 300 \Rightarrow y = 140.$$

अतः प्लेटफार्म की लम्बाई = 140 मीटर.

14. पहली रेलगाड़ी की गति = $\left(75 \times \frac{5}{18}\right)$ मीट $\sqrt{4}$ ° = $\frac{125}{6}$ मीट $\sqrt{4}$ °.

दूसरी रेलगाड़ी की गति = $\left(60 \times \frac{5}{18}\right)$ मीटर/सै॰ = $\frac{50}{3}$ मीटर/सै॰.

विपरीत दिशा में जा रही गाड़ियों की सापेक्षित गति = $\left(\frac{125}{6} + \frac{50}{3}\right)$ मीटर/सै॰ = $\frac{225}{6}$ मीटर/सै॰.

एक दूसरे को पार करने में लिया गया समय = 8 सैकण

दोनों गाड़ियों की लम्बाई का योग = $\left(\frac{225}{6}\times 8\right)$ मी $\circ = 300$ मी $\circ < 3000$ मी $\circ < 300$

समान दिशा में जाते हुए गाड़ियों की आपेक्षिक गति = $\left(\frac{125}{6} - \frac{50}{3}\right)$ मीटर/सै॰ = $\frac{25}{6}$ मीटर/सै॰.

 $\frac{63}{2}$ सै॰ में इस गति से तय की गई दूरी = $\left(\frac{25}{6} \times \frac{63}{2}\right)$ मीटर = 131-25 मीटर.

दूसरी रेलगाड़ी की लम्बाई = 131-25 मीटर पहली रेलगाड़ी की लम्बाई = (300 – 131-25) मीटर = 168-75 मीटर.