चक्रवृद्धि ब्याज (COMPOUND INTEREST)

सामान्य नियम

चक्रवृद्धि ख्याज : कभी-कभी उधार दिये गये धन को चुकता करने के लिए एक निश्चित अवधि तय कर हो जाती है. यह अवधि प्राय: वार्षिक अथवा छमाही अथवा तिमाही होती है. इस अवधि की समाप्ति के बाद ब्याव को मूलधन में जोड़ने पर बना मिश्रधन, अगली अवधि के लिए मूलधन बन जाता है.

प्रत्येक अवधि के लिए यही क्रिया दोहराई जाती है.

अन्त में प्राप्त मिश्रधन ही चक्रवृद्धि मिश्रधन कहलाता है.

चक्रवृद्धि ब्याज = (चक्रवृद्धि मिश्रधन) - (मूलधन).

चक्रवृद्धि मिश्रधन के लिए सूत्र

माना मूलधन = ₹ P, दर = R% वार्षिक तथा समय = n वर्ष.

(i) जब ब्याज वार्षिक देय हो, तब चक्रवृद्धि मिश्रधन = $P\left(1 + \frac{R}{100}\right)^n$.

(ii) जब ब्याज छमाही देय हो, तब दर = $\left(\frac{R}{2}\right)$ % प्रति छमाही तथा समय = (2n) छमाही. \therefore चक्रवृद्धि मिश्रधन = $P \times \left(1 + \frac{R}{2 \times 100}\right)^{2n}$.

(iii) जब ब्याज तिमाही देय हो, तब दर = $\left(\frac{R}{4}\right)$ % प्रति तिमाही तथा समय = (4n) तिमाही. ∴ चक्रवृद्धि मिश्रधन = $P \times \left(1 + \frac{R}{4 \times 100}\right)^{4n}$.

🕽 (iv) जब समय एक परिमेय संख्या हो, जैसे 4 2/3 वर्ष तथा ब्याज वार्षिक देय हो, तब

चक्रवृद्धि मिश्रधन = $P \times \left(1 + \frac{R}{100}\right)^4 \times \left(1 + \frac{\frac{2}{3}R}{100}\right)$.

(ν) जब ब्याज की दर पहले वर्ष = R_1 %, दूसरे वर्ष = R_2 % तथा तीसरे वर्ष = R_3 % हो, त

चक्रवृद्धि मिश्रधन =
$$P \times \left(1 \times \frac{R_1}{100}\right) \times \left(1 + \frac{R_2}{100}\right) \times \left(1 + \frac{R_3}{100}\right)$$
.

2. माना कोई धन = ₹x, n वर्ष बाद देय है तथा ब्याज की दर = R% वार्षिक है,

तो इस धन का वर्तमान मूल्य =
$$\frac{x}{\left(1 + \frac{R}{100}\right)^n}$$

साधित उदाहरण

₹ 6750 का 6²3% वार्षिक दर से 3 वर्ष का चक्रवृद्धि ख्याज ज्ञात कीजिए.

$$= \{ (6750 \times \frac{16}{15} \times \frac{16}{15} \times \frac{16}{15}) = \{ 8192. \}$$

चक्रवृद्धि व्याज = ₹ (8192 - 6750) = ₹ 1442

🕬 2. ₹ 16000 का 10% वार्षिक दर से 1 वर्ष का चक्रवृद्धि ब्याज ज्ञात कीजिए जबकि ब्याज प्रति छमाही

हल : मूलधन = ₹ 16000, दर = 5% प्रति छमाही, समय = 2 छमाही.

चक्रवृद्धि मिश्रधन = ₹
$$\left\{16000 \times \left(1 + \frac{5}{100}\right)^2\right\}$$

= ₹ $\left(16000 \times \frac{21}{20} \times \frac{21}{20}\right)$ = ₹ 17640.

चक्रवृद्धिः व्याज = ₹ (17640 - 16000) = ₹ 1640.

प्रन 3. ₹ 125000 का 8% वार्षिक दर से 9 माह का चक्रवृद्धि ब्याज ज्ञात कीजिए, जबकि ब्याज तिमाही देय हो.

हल : मूलधन = ₹ 125000, दर = $\frac{8}{4}$ % प्रति तिमाही = 2% प्रति तिमाही, समय = 3 तिमाही.

चक्रवृद्धि मिश्रधन = ₹
$$\left\{125000 \times \left(1 + \frac{2}{100}\right)^3\right\}$$

= ₹ $\left(125000 \times \frac{51}{50} \times \frac{51}{50} \times \frac{51}{50}\right)$ = ₹ 132651.

चक्रवृद्धि ब्याज = ₹ (132651 - 125000) = ₹ 7651.

प्रन 4. 🔻 9000 का 10% वार्षिक दर पर 2 वर्ष 4 माह का चक्रवृद्धि व्याज कितना होगा, जबकि ब्याज वार्षिक देव हो ?

हल : मूलधन = ₹ 9000, दर = 10% वार्षिक, समय = 2 $\frac{4}{12}$ वर्ष = 2 $\frac{1}{3}$ वर्ष.

चक्रवृद्धि मिश्रधन = ₹
$$\left\{9000 \times \left(1 + \frac{10}{100}\right)^2 \times \left(1 + \frac{10 \times \frac{1}{3}}{100}\right)\right\}$$
$$= ₹ \left(9000 \times \frac{11}{10} \times \frac{11}{10} \times \frac{31}{30}\right) = ₹ 11253.$$

ं. चक्रवृद्धि ब्याज = ₹ (11253 – 9000) = ₹ 2253.

¹⁰⁷5. किसी धन का 12% वार्षिक दर पर 2 वर्ष के चक्रवृद्धि ब्याज तथा साधारण ब्याज का अन्तर ₹ 180 है. मूलधन ज्ञात कीजिए.

हेल : माना मूलधन = ₹ x, दर = 12% वार्षिक, समय = 2 वर्ष.

चेक्रवृद्धि मिश्रधन = ₹
$$\left\{ x \times \left(1 + \frac{12}{100}\right)^2 \right\} = ₹ \left\{ x \times \frac{28}{25} \times \frac{28}{25} \right\} = ₹ \left(\frac{784x}{625}\right).$$

$$\frac{159x}{625} = 7 \left(\frac{784x}{625} - x \right) = 7 \left(\frac{(784x - 625x)}{625} \right) = 7 \left(\frac{159x}{625} \right).$$

$$\frac{159x}{625} = 7 \left(x \times \frac{12}{100} \times 2 \right) = 7 \left(\frac{6x}{25} \right).$$

$$\therefore \frac{159x}{625} - \frac{6x}{25} = 180 \Rightarrow (159x - 150x) = 180 \times 625$$

$$\Rightarrow 9x = 180 \times 625 \Rightarrow x = \frac{180 \times 625}{9} = 12500.$$

জার: মূলখন = ₹ 12500.

प्रश्न ६. चकवृद्धि ब्याज पर दिये गये धन के 2 वर्ष तथा 3 वर्ष के मिश्रधन क्रमशः र 9680 तथा र 10648क्ष जाते हैं. दर प्रतिशत तथा मूलधन ज्ञात कीजिए.

इस : ₹ 9680 का 1 वर्ष का ब्याज = ₹ (10648 – 9680) = ₹ 968.
दर =
$$\left(\frac{100 \times 968}{9680 \times 1}\right)$$
% वार्षिक = 10% वार्षिक.

माना मूलधन = ₹ x . तब $x\left(1 + \frac{10}{100}\right)^2 = 9680$.

$$\therefore x \times \frac{11}{10} \times \frac{11}{10} = 9680 \Rightarrow x = \left(9680 \times \frac{10}{11} \times \frac{10}{11}\right) = 8000.$$

अतः मूलधन = ₹ 8000 तया दर = 10% वार्षिव

प्रश्न 7. किसी धन का 8% वार्षिक दर से 2 वर्ष का चक्रवृद्धि व्याज ₹ 2080 है. इस धन का इसी दर पर इसे ही समय का साधारण ब्याज कितना होगा?

हल : माना अभोष्ट धन = ₹ ± तब

$$x \left(1 + \frac{8}{100}\right)^{2} - x = 2080 \Rightarrow \left(x \times \frac{27}{25} \times \frac{27}{25} - x\right) = 2080$$

$$\therefore (729x - 625x) = 625 \times 2080 \Rightarrow 104x = 625 \times 2080$$

$$\Rightarrow x = (625 \times 20) = 12500.$$

∴ मुलघन = ₹ 12500.

साधारण ब्याव = ₹
$$\left(12500 \times \frac{8}{100} \times 2\right)$$
 = ₹ 2000.

प्रज्ञ 8. कितने समय में 10% वार्षिक चक्रवृद्धि ब्याज की दर से ₹ 2000 का मिश्रधन ₹ 2420 हो जायेगा?

हल : माना अभीष्ट समय = n वर्ष, तब

$$2000 \times \left(1 + \frac{10}{100}\right)^n = 2420 \Rightarrow \left(\frac{11}{10}\right)^n = \frac{2420}{2000} = \frac{121}{100} = \left(\frac{11}{10}\right)^2 \Rightarrow n = 2.$$

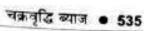
ं. अभीष्ट समय = 2 वर्ष

प्रश्न 9. कितने समय में ₹ 800 का 10% वार्षिक दर से छमाही देय चक्रवृद्धि मिश्रधन ₹ 926·10 हो **वार्षण**?

हल : माना अभीष्ट समय = n वर्ष = 2n छमाही, दर = 5% प्रति छमाही. तब

800×
$$\left(1+\frac{5}{100}\right)^{2n}$$
 = 926·10
⇒ $\left(\frac{21}{20}\right)^n = \frac{926\cdot10}{800} = \frac{92610}{80000} = \frac{9261}{8000} = \left(\frac{21}{20}\right)^3$ ⇒ $n = 3$ खमाहो.

अभीष्ट समय = 3 छमाही = $1\frac{1}{2}$ वर्ष.



किसी धन पर एक निश्चित दर से 2 वर्ष का साधारण ब्याज ₹ 160 तथा चक्रवृद्धि ब्याज ₹ 170 है.

ह्ल : 1 वर्ष का साधारण ब्याज = ₹ 80.

² वर्ष के चक्रवृद्धि ब्याज तथा साधारण ब्याज का अन्तर = ₹ (170 – 160) = ₹ 10.

्रदर =
$$\left(\frac{10}{80} \times 100\right)$$
% = $12\frac{1}{2}$ % वार्षिक.

्रित 11. 8% वार्षिक चक्रवृद्धि ब्याज की दर से 2 वर्ष बाद देय ₹ 14580 का वर्तमान मूल्य कितना होगा?

हहा: अभीष्ट मूल्य = ₹
$$\left[\frac{14580}{\left(1 + \frac{8}{100}\right)^2} \right] = 80 \left(14580 \times \frac{25}{27} \times \frac{25}{27} \right) = 80 \cdot 12500.$$

अतः देय धन का वर्तमान मूल्य ₹ 12500 है.

	(V	रनमाला 22A)	
_{विज्ञिति} खित प्रश्नों में से	में प्रत्येक में ठीक उच्च को	<u> </u>	
1. 1 43000 11 13	(b) ₹ 14461.50	थन में किया - क	र गज उपचित होगा ? (d) ₹ 14641.50
1. ₹ 10000 का 3 तृतीय वर्ष 6% ह	ार। वर्ष का चक्रवृद्धि ब्याज कित ो ?	ाना होगा जबकि ब्याज की	(बैंक पी०ओ० परीक्षा, 2010 दर प्रथम वर्ष 4%, द्वितीय वर्ष 5% तथ
(a) ₹ 1600	(b) ₹ 1625.80 2 वर्ष में 10% वार्षिक दर से	70 XXX (0 0 0) XXX (200)	(एस०एस०सी० परीक्षा, 2006)
(-)	(D) ()44X1	(- \ = + \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	। कितना हागा ? (d) ₹ 37946 कितना होगा जबकि ब्याज त्रैमासिक
(a) ₹ 2530	(b) ₹2524 में संयोजित चक्रवद्धि ब्या	(a) ₹2522	(एस०एस०सी० परीक्षा, 2006) (d) ₹ 2518 । ₹ 2500 की धनराशि कितने वर्ष मे
2003 61 जाय	, 10.7		(एस०एस०सी० परीक्षा, 2010

(a) 1 वष

(b) $1\frac{1}{2}$ and (c) 2 and

(d) 2 1 वर्ष

6. 12% वार्षिक चक्रवृद्धि ब्याज की दर से ₹ 125000 की धनराशि कितने समय में ₹ 148877 हो जायेगी, जबिक व्याज अर्द्धवार्षिक रूप में संयोजित होता हो ?

(b) $1\frac{1}{2}$ वर्ष (c) $2\frac{1}{2}$ वर्ष

(d) 2 वर्ष

^{7.} ₹ 1000 की धनराशि पर 5% वार्षिक दर से 2 वर्ष के चकवृद्धि ब्याज तथा साधारण ब्याज का अन्तर कितना (एस॰एस॰सी॰ परीक्षा, 2009)

(a) ₹ 2.00

(b) ₹ 2.50

8. विक्रवृद्धि ब्याज से कौनसी धनराशि 1 वर्ष के अन्त में ₹ 650 तथा 2 वर्ष के अन्त में ₹ 676 हो जायेगी?

(b) ₹ 572

(c) ₹ 600

(d) ₹ 625

(एस०एस०सी० परीक्षा, 2009)

_	नोतिका ने 2	वर्ष के लिए स	* 5800 का नि	विश किया	Y must Y	7.326	च	कवृद्धि व्या	• 537
3.	_{दर पर} मिलेगा	?	5800 कानि		८ वष के अ	न्त में चक्रव्	दि ब्याज ह	594.50 f	ьस वार्षिक
	A 5%	(b) 4%		(0) 69/			(बैंक पी०	ओ० परीक्ष	T. 2010)
- 1	• 15000 पर	2 वर्ष में उप	चित चक्रवृद्धि ७	व्याज हु २४	or A	(d) 8%		(e) इनमें से	कोई नहीं
((a) 8%	(b) 10%	6	(6) 69/	१० ह. ब्याउ	न की वार्षिक	दर कितनी	* ?	1932/1920
	्र इनमें से कोई नहीं		(d) নির্ <u>ध</u> া			रेत नहीं की जा सकती			
5. f	कसी धन पर	5% वार्षिक	दर से 2 वर्ष	के चक्रवृद्धि	ब्याज तथ	T 2715177111 -	(बैंक पी०	ओ० परीक्ष	T, 2009)
	कतना है ?			8		न वाचारण	व्याजका अ	न्तर 🔻 ३५	है. वह धन
	(a) ₹ 10000	(b) ₹ 1;	3000 % ਗੁਇੰਨ ਤਾ	(c) ₹ 140	00	(d) = 150	(बक पा०	ओ० परीक्ष	п, 2006
	F 5000 का 1	- वर्ष में 4°	% वार्षिक दर	में नकर्न		(a) ₹ 150	00	(e) इनमें से	कोई नहीं
	था छमाही दे	2 य हो ?	% वार्षिक दर	ત તમાર્વાજ	ब्याज का उ	मन्तर कितन	होगा जबरि	क व्याज क्रम	।श: वार्षिव
	a) ₹ 2.04	(b)	₹ 3.06	(92)	02000	W.	(एस०एस	सी० परीक्ष	
	वह धन कितन	ा है जिसका	₹ 3.06 दूसरे वर्ष का	(¢ ਜੁਲੜਵਿ-	₹ 4.80		(d) ₹ 8.3	10	
	a) ₹ 1000	(b)	₹ 1200 दरसे 2 वर्ष	नअन्ति व्य	াৰ 10% ব	र्षिक दर से	₹ 132 \$?		
i d	्र केसी धन पर	एक निश्चित	दरसे २ क	(c) ₹ 1320		(d) इनमें	से कोई नहीं	Š.
1	वार्षिक दर क्य	π है ?	8.55/35/52/3/	(11-11)	ा ज्याज र	120 तथा च	क्रवृद्धि ब्या	न र 129 है	. ब्याज क
į	(a) 12%	(b)	$12\frac{1}{2}\%$	(c) 14%		(d) 150/		
	1025 का व	हण दो बराब	र वार्षिक किर	ों में सकत			(4) 15%	(6) 	
	किस्त का मान	कितना होग	र वार्षिक किर ग?	या च चुकाच	। ह. याद च	क्रवृद्धि ब्याः	न की दर 5%	6 वार्षिक हो	i, तो प्रत्येव
1	(a) ₹ 550	(b)	₹ 560	10) 3 560 5				
	₹ 66200 का	ऋण तीन ब	राबर वार्षिक राज टोगा २) विक्रमों में च) र 300., स्राम के नर्ग	3	(d) ₹ 55	1.25	
		201 -11-1 1-12/	tall blall t						र्षिक हो, त
. }	(a) ₹ 13310	(b)	₹ 19965	(0) ₹ 2662	0	(4) ₹ 23	540	
50	कुछ धन उधा	लिया गया	तथा उसे दो व	ार्षिक किस्तों	में चुकाया	गया. यदि प्र	त्येक किस्त	अन्य का मान ≠ व	002 2)
3	व्याज की दर	5% वार्षिक	हो, तो कितना	धन उधार f	लया गया ?		140	नग नाग र	००८ हा तथ
3	(a) ₹ 1620		₹ 1640				(d) ₹ 17	80	
	एक पेड की	कैंचार्ड में पति	वर्ष <u>1</u> गुना	् वटि डोवी डै	ਸਭਿ ਜੇਣ	की वर्वणाव	(-) . 1,	· · ·	Ø-2878 *
	श्तका ऊचाइ	कितनी होगी	?						2 वर्षवा
	(a) 70 सेमी o	(b)	80 सेमी०	(0	·) 81 सेमी	0	(d) 84 t	मी०	
		P.85	the common	गला (प्र	NAST NEEDS AND NO	.vimings	3000		
1,	(e) 2. (e)) 2 (L	60				9 (4	0 / 5	1440 SEN
11,	(a) 12. (d	13. (6	14. (c) 14. (c) 24. (a)	15. (a)	16. (0)	17. (d)	18. (4)	9. (a)	10. (b)
	(d) 22. (d) 22. (d) 23. (d) 23. (d) 23. (d)) 23. (a	24. (a)	25. (c)	26. (a)	27. (b)	28. (d)	29. (4)	30 (0)
31	(b) 32. (c)		,		0.377				- C.

^{1. मूलधन} = ₹ 45000, दर = 15% वार्षिक, समय = 2 वर्ष.

चेक्रवृद्धि मिश्रधन = ₹ $\left\{45000 \times \left(1 + \frac{15}{100}\right)^2\right\}$

= ₹
$$\left(45000 \times \frac{23}{20} \times \frac{23}{20}\right)$$
 = ₹ $\frac{119025}{2}$.

चक्रवृद्धि ब्याज = ₹ $\left(\frac{119025}{2} - 45000\right)$ = ₹ $\frac{29025}{2}$ = ₹ $14512 \cdot 50$.

2. चक्रवृद्धि मिश्रधन = ₹
$$\left\{10000 \times \left(1 + \frac{4}{100}\right) \times \left(1 + \frac{5}{100}\right) \times \left(1 + \frac{6}{100}\right)\right\}$$

= ₹ $\left(10000 \times \frac{26}{25} \times \frac{21}{20} \times \frac{53}{50}\right) = ₹ \frac{57876}{5}$.

चक्रवृद्धि ब्याज = ₹ $\left(\frac{57876}{5} - 10000\right)$ = ₹ $\frac{7876}{5}$ = ₹ $1575 \cdot 20$.

3. मूलधन = ₹ 160000, दरे = 5% प्रति छमाही, समय = 4 छमाही.

चक्रवृद्धि मिश्रधन = ₹
$$\left\{160000 \times \left(1 + \frac{5}{100}\right)^4\right\}$$
 = ₹ $\left(160000 \times \frac{21}{20} \times \frac{21}{20} \times \frac{21}{20} \times \frac{21}{20}\right)$ = ₹ 194481 . चक्रवृद्धि ब्याज = ₹ $(194481 - 160000)$ = ₹ 34481 .

मूलधन = ₹ 16000, दर = 5% त्रैमासिक, समय = 3 तिमाही.

चक्रवृद्धि मिश्रधन = ₹
$$\left\{16000 \times \left(1 + \frac{5}{100}\right)^3\right\} = ₹ \left(16000 \times \frac{21}{20} \times \frac{21}{20} \times \frac{21}{20}\right) = ₹ 18522.$$
 चक्रवृद्धि ब्याज = ₹ $(18522 - 16000) = ₹ 2522.$

मूलधन = ₹ 2500, मिश्रधन = ₹ 2809, दर = 6% अर्द्धवार्षिक.
 माना समय = n छमाही. तब

$$2500 \times \left(1 + \frac{6}{100}\right)^n = 2809 \Rightarrow \left(\frac{53}{50}\right)^n = \frac{2809}{2500} = \left(\frac{53}{50}\right)^2 \Rightarrow n = 3.$$

∴ समय = 2 छमाही = 1 वर्ष.

मूलधन = ₹ 125000, मिश्रधन = ₹ 148877, दर = 6% प्रति छमाही.
 माना समय = n छमाही. तब

125000 ×
$$\left(1 + \frac{6}{100}\right)^n = 148877 \Rightarrow \left(\frac{53}{50}\right)^n = \frac{148877}{125000} = \left(\frac{53}{50}\right)^3$$
. Set if it is a set in = 3.

∴ समय = 3 छमाही = 1¹/₂ वर्ष.

7. सा॰ ब्याज = ₹
$$\left(\frac{1000 \times 5 \times 2}{100}\right)$$
 = ₹ 100.

चक्रवृद्धि ब्याज = ₹
$$\left\{ 1000 \times \left(1 + \frac{5}{100} \right)^2 - 1000 \right\} = ₹ \left\{ \left(1000 \times \frac{21}{20} \times \frac{21}{20} \right) - 1000 \right\}$$

= ₹ $\left(\frac{205}{2} \right) = ₹ 102.50$

..(ii)

अभीष्ट अन्तर = ₹ (102.50 - 100) = ₹ 2.50.

8. माना अभीष्ट धनराशि = र x तथा दर = R% वार्षिक. तब

$$x\left(1+\frac{R}{100}\right) = 650 \qquad \dots (i) \qquad x\left(1+\frac{R}{100}\right)^2 = 676$$
(ii) को (i) से भाग देने पर : $\left(1+\frac{R}{100}\right) = \frac{676}{650}$.

$$\therefore \frac{R}{100} = \left(\frac{676}{650} - 1\right) = \frac{(676 - 650)}{650} = \frac{26}{650} = \frac{1}{25} \Rightarrow R = \left(\frac{1}{25} \times 100\right) = 4.$$

(i) में
$$R = 4$$
 रखने पर : $x \left(1 + \frac{4}{100} \right) = 650 \Rightarrow x \times \frac{26}{25} = 650 \Rightarrow x = \left(650 \times \frac{25}{26} \right) = 625$.

ৰক্ষ্যি মিপ্তখন = ₹
$$\left\{100 \times \left(1 + \frac{10}{100}\right)^3\right\} = ₹ \left(100 \times \frac{11}{10} \times \frac{11}{10} \times \frac{11}{10}\right) = ₹ \frac{1331}{10}$$

्र चक्रवृद्धि ब्याज = ₹
$$\left(\frac{1331}{10} - 100\right) = ₹ \frac{331}{10}$$
.

(बक्रवृद्धि ब्याज) – (साधारण ब्याज) = ₹
$$\left(\frac{331}{10} - 30\right) = ₹ \frac{31}{10}$$
.

विंद दोनों ब्याजों का अन्तर ₹ $\frac{31}{10}$ है, तो मूलधन = ₹ 100.

वृद्धि दोनों ब्याजों का अन्तर ₹ 620 है, तो मूलधन = ₹
$$\left(100 \times \frac{10}{31} \times 620\right)$$
 = ₹ 20000.

$$x\left(1+\frac{4}{100}\right)^2 - x = 102 \Longrightarrow \left(x \times \frac{26}{25} \times \frac{26}{25}\right) - x = 102$$

ं साधारण ब्याज = ₹
$$\left(1250 \times \frac{4}{100} \times 2\right)$$
 = ₹ 100.

$$x \times \left(1 + \frac{15}{100}\right)^3 - x = \frac{650052}{100} \Rightarrow \left(x \times \frac{23}{20} \times \frac{23}{20} \times \frac{23}{20}\right) - x = \frac{650052}{100}$$
$$\Rightarrow (12167x - 8000x) = \frac{650052}{100} \times 8000$$

$$\Rightarrow x = \left(\frac{650052}{100} \times \frac{8000}{4167}\right) = (156 \times 80) = 12480,$$

^{12.} चेक्कवृद्धि ब्याज = ₹
$$\left\{18000 \times \left(1 + \frac{10}{100}\right)^3 - 18000\right\}$$

$$= ₹ \left\{ \left(18000 \times \frac{11}{10} \times \frac{11}{10} \times \frac{11}{10} \right) - 18000 \right\} = ₹ (23958 - 18000) = ₹ 5958.$$

13
, $\approx \left(\frac{100 \times 7200}{20000 \times 3}\right)$ % वार्षिक = 12% वार्षिक.

चक्रवृद्धि ब्याज = ₹
$$\left\{20000 \times \left(1 + \frac{12}{100}\right)^3 - 20000\right\}$$

= ₹ $\left\{20000 \times \frac{28}{25} \times \frac{28}{25} \times \frac{28}{25} - 20000\right\}$
= ₹ $\left(\frac{702464}{25} - 20000\right) = ₹ \frac{202464}{25} = ₹ 8098 \cdot 56.$
14. चक्रवृद्धि मिश्रधन = ₹ $\left\{8000 \times \left(1 + \frac{15}{100}\right)^2 \times \left(1 + \frac{15 \times \frac{4}{12}}{100}\right)\right\}$
= ₹ $\left\{8000 \times \frac{23}{20} \times \frac{23}{20} \times \frac{21}{20}\right\} = ₹ 11109.$

ं. चक्रवृद्धि ब्याज = ₹ (11109 - 8000) = ₹ 3109.

15. माना धनराशि = ₹ x. तब

साधारण ब्याज = ह
$$\left(x \times \frac{10}{100} \times 2\right) = \frac{x}{5}$$
.
चक्रवृद्धि ब्याज = ह $\left\{x \times \left(1 + \frac{10}{100}\right)^2 - x\right\} = \frac{x}{5}$.

(चक्रवृद्धि ब्याज) – (साधारण ब्याज) = ₹
$$\left(\frac{21x}{100} - \frac{x}{5}\right) = ₹ \frac{x}{100}$$
.

$$\therefore \frac{x}{100} = 40 \Rightarrow x = 4000.$$

अत: मूलधन = ₹ 4000.

16. चक्रवृद्धि ब्याज = ₹
$$\left\{6000 \times \left(1 + \frac{10}{100}\right) \times \left(1 + \frac{5}{100}\right) - 6000\right\}$$

= ₹ $\left(6000 \times \frac{11}{10} \times \frac{21}{20} - 6000\right) = ₹ (6930 - 6000) = ₹ 930.$

माना मूलधन = ₹ x तथा दर = R% वार्षिक.

$$\frac{x \times R \times 2}{100} = 900 \Rightarrow x \times R = \frac{900 \times 100}{2} = 45000$$

$$\left[x \left(1 + \frac{R}{100} \right)^2 - x \right] = 954 \Rightarrow x \left(1 + \frac{R^2}{10000} + \frac{2R}{100} \right) - x = 954$$

$$\Rightarrow \frac{xR \times R}{10000} + \frac{xR}{50} = 954 \Rightarrow \frac{45000 \times R}{10000} + \frac{45000}{50} = 954$$

$$\Rightarrow \frac{9R}{2} = (954 - 900) = 54 \Rightarrow R = \frac{54 \times 2}{9} = 12.$$

∴ x×12 = 45000 ⇒ x = 3750. अत: धनराशि = ₹ 3750.

18. ₹ 2420 का 1 वर्ष का ब्याज = ₹ (2662 – 2420) = ₹ 242.

ं ब्याज की दर =
$$\left(\frac{100 \times 242}{2420 \times 1}\right)$$
% वार्षिक = 10% वार्षिक.

19. 1 वर्ष का साधारण ब्याज = ₹ $\left(\frac{1}{2} \times 270\right)$ = ₹ 135.

2 वर्ष का चक्रवृद्धि ब्याज तथा साधारण ब्याज का अन्तर = ₹ (282.15 - 270) = ₹ 12.15 ₹ 135 का 1 वर्ष का ब्याज = ₹ 12.15.

$$_{\text{guist}}$$
 की दर = $\frac{(12 \cdot 15 \times 100)}{(135 \times 1)}$ % वार्षिक = 9% वार्षिक.

20. दूसरे वर्ष का ब्याज = ₹ 48 + ₹ 48 का 1 वर्ष का ब्याज

$$= ₹ \left(48 + \frac{48 \times 8 \times 1}{100}\right) = ₹ (48 + 3.84) = ₹ 51.84.$$

माना मूलधन = ₹ x. तब, 15 वर्ष में मिश्रधन = ₹ 2x.

$$x \times \left(1 + \frac{R}{100}\right)^{15} = 2x \Rightarrow \left(1 + \frac{R}{100}\right)^{15} = 2 \dots (i)$$

माना n वर्ष में मूलधन 8 गुना हो जायेगा. तब

$$x \times \left(1 \times \frac{R}{100}\right)^n = 8x \Rightarrow \left(1 + \frac{R}{100}\right)^n = 8 = 2^3 = \left(1 + \frac{R}{100}\right)^{45} \Rightarrow n = 45 \text{ add.}$$

12.
$$12000 \times \left(1 + \frac{R}{100}\right)^5 = 24000 \Rightarrow \left(1 + \frac{R}{100}\right)^5 = 2$$

$$\Rightarrow \left\{\left(1 + \frac{R}{100}\right)^5\right\}^4 = 2^4 = 16.$$

20 वर्ष बाद मिश्रधन = ₹
$$\left\{12000 \times \left(1 + \frac{R}{100}\right)^{20}\right\}$$
 = ₹ (12000×16) = ₹ 192000 .

23. चक्रवृद्धि मिश्रधन = ₹ (5800 + 594.50) = ₹ 6394.50.

$$5800 \times \left(1 + \frac{R}{100}\right)^{2} = \frac{639450}{100}$$

$$\Rightarrow \left(1 + \frac{R}{100}\right)^{2} = \frac{639450}{5800 \times 100} = \frac{441}{400} = \left(\frac{21}{20}\right)^{2}$$

$$\Rightarrow 1 + \frac{R}{100} = \frac{21}{20} \Rightarrow \frac{R}{100} = \left(\frac{21}{20} - 1\right) = \frac{1}{20} \Rightarrow R = \left(100 \times \frac{1}{20}\right) = 5\%.$$

24. चक्रवृद्धि मिश्रधन = ₹ (15000 + 2496) = ₹ 17496.

$$15000 \times \left(1 + \frac{R}{100}\right)^2 = 17496 \Rightarrow \left(1 + \frac{R}{100}\right)^2 = \frac{17496}{15000} = \frac{729}{625} = \left(\frac{27}{25}\right)^2$$
$$\therefore \left(1 + \frac{R}{100}\right) = \frac{27}{25} \Rightarrow \frac{R}{100} = \left(\frac{27}{25} - 1\right) = \frac{2}{25} \Rightarrow R = \left(\frac{2}{25} \times 100\right) = 8.$$

अतः ब्याज की दर = 8% वार्षिक.

माना मूलधन = ₹ x. तब

साधारण ब्याज = ₹
$$\left(x \times \frac{5}{100} \times 2\right) = ₹ \frac{x}{10}$$
.

चिक्रवृद्धि ब्याज = ₹ $\left\{x \times \left(1 + \frac{5}{100}\right)^2 - x\right\} = ₹ \left(x \times \frac{21}{20} \times \frac{21}{20} - x\right) = ₹ \frac{41x}{400}$.

 $\frac{41x}{400} - \frac{x}{10} = 35 \Rightarrow (41x - 40x) = (35 \times 400) \Rightarrow x = 14000$.

• मुलधन = ₹ 14000.

26. अभीष्ट अन्तर = ₹
$$\left[5000 \times \left(1 + \frac{2}{100}\right)^3 - 5000 \times \left(1 + \frac{4}{100}\right) \left(1 + \frac{2}{100}\right)\right]$$

$$= ₹ \left[\left(5000 \times \frac{51}{50} \times \frac{51}{50} \times \frac{51}{50}\right) - \left(5000 \times \frac{26}{25} \times \frac{51}{50}\right)\right]$$

$$= ₹ \left[5100 \times \left(\frac{2601}{2500} - \frac{26}{25}\right)\right] = ₹ \left(5100 \times \frac{1}{2500}\right) = ₹ \frac{51}{25} = ₹ 2.04.$$

27. माना मूलधन = ₹ x.

दूसरे वर्ष का चक्रवृद्धि ब्याज = (2 वर्ष का मिश्रधन) - (1 वर्ष का मिश्रधन)

$$\frac{11x}{100}$$
 = 132 ⇒ $x = \left(\frac{132 \times 100}{11}\right)$ = 1200. अत: मूलधन = ₹ 1200.

28. 1 वर्ष का साधारण ब्याज = ₹ 60.

2 वर्ष के चक्रवृद्धि व्याज तथा साधारण व्याज का अन्तर = ₹ (129 – 120) = ₹ 9.

₹ 60 का 1 वर्ष का ब्याज = ₹ 9.

.:. दर =
$$\left(\frac{9}{60} \times 100\right)$$
% = 15% वार्षिक.

माना प्रत्येक किस्त का मान = ₹ x. तब

(1 वर्ष बाद देय ₹ x का वर्तमान मूल्य) + (2 वर्ष बाद देय ₹ x का वर्तमान मूल्य) = ₹ 1025

$$\Rightarrow \frac{x}{\left(1 + \frac{5}{100}\right)} + \frac{x}{\left(1 + \frac{5}{100}\right)^2} = 1025 \Rightarrow \frac{20x}{21} - \frac{400x}{441} = 1025$$

$$\Rightarrow$$
 (420x + 400x) = (1025×441) \Rightarrow 820x = (1025×441)

$$\Rightarrow x = \frac{1025 \times 441}{820} = \frac{2205}{4} = 551 \cdot 25.$$

अत: प्रत्येक किस्त का मान = ₹ 551.25.

माना प्रत्येक किस्त का मान = ₹ x. तब

$$\frac{x}{\left(1 + \frac{10}{100}\right)} + \frac{x}{\left(1 + \frac{10}{100}\right)^2} + \frac{x}{\left(1 + \frac{10}{100}\right)^3} = 66200$$

$$\Rightarrow \frac{10x}{11} + \frac{100x}{121} + \frac{1000x}{1331} = 66200$$

$$\Rightarrow$$
 (1210x+1100x+1000x) = (66200×1331)

$$\Rightarrow 3310x = 66200 \times 1331 \Rightarrow x = \frac{66200 \times 1331}{3310} = 26620.$$

∴ प्रत्येक किस्त का मान = ₹ 26620.

31. उधार लिया गया धन

= (1 वर्ष बाद देय ₹ 882 का वर्तमान मूल्य) + (2 वर्ष बाद देय ₹ 882 का वर्तमान मूल्य)

चक्रवृद्धि ब्याज • 543

32. वार्षिक वृद्धि दर
$$=$$
 $\left(\frac{1}{8} \times 100\right)\% = \frac{25}{2}\%$. $= 2$ वर्ष बाद ऊँचाई $= \left\{64 \times \left(1 + \frac{25}{2 \times 100}\right)^2\right\}$ सेमी॰ $= \left(64 \times \frac{9}{8} \times \frac{9}{8}\right)$ सेमी॰ $= 81$ सेमी॰.

(प्रश्नमाला 22B)

- यदि किसी धनराशि पर 8% वार्षिक ब्याज की दर से 1 वर्ष के अर्द्ध-वार्षिक रूप से संयोजित चक्रवृद्धि ब्याज तथा साधारण ब्याज का अन्तर ₹ 30 हो, तो वह धनराशि ज्ञात कीजिए. (एस०एस०सी० परीक्षा, 2008)
- ₹ 15000 की धनराशि पर 2 वर्ष में उपार्जित वार्षिक रूप से संयोजित चक्रवृद्धि ब्याज तथा साधारण ब्याज का अन्तर ₹ 96 हैं. इस पर ब्याज की वार्षिक दर कितनी है? (एस०एस०सी० परीक्षा, 2009)
- वह धनराशि ज्ञात कीजिए जो 8% वार्षिक ब्याज की दर से 6 मास में ₹ 26010 हो जायेगी, जबकि ब्याज त्रैमासिक रूप में संयोजित हो.
 (एस०एस०सी० परीक्षा, 2006)
- 4. ₹ 66300 को A तथा B में इस प्रकार बाँटिये कि 10 वर्ष बाद B के भाग का चक्रवृद्धि मिश्रधन 8 वर्ष बाद के A के भाग के चक्रवृद्धि मिश्रधन के बराबर हो, जबिक ब्याज की दर 10% वार्षिक है.

(एस०एस०सी० परीक्षा, 2006)

- एक टी॰वी॰ सैट ₹ 19650 के नकद भुगतान अथवा ₹ 3100 के नकद भुगतान तथा तीन समान वार्षिक किस्तों में उपलब्ध है. यदि दुकानदार वार्षिक रूप से संयोजित 10% वार्षिक चक्रवृद्धि ब्याज की दर से लगाये, तो प्रत्येक किस्त में दी जाने वाली धनराशि ज्ञात कीजिए. (एस॰एस॰सी॰ परीक्षा, 2005)
- 6. 3 वर्ष बाद देय ₹ 4913 का वर्तमान मूल्य क्या होगा जबिक ब्याज की दर 6 4 % वार्षिक हो ?

(एस०एस०सी० परीक्षा, 2005)

- 7. कोई धन चक्रवृद्धि ब्याज पर 3 वर्ष में ₹ 6690 तथा 6 वर्ष में ₹ 10035 हो जाता है. धन ज्ञात कीजिए,
- 8. किसी धन पर एक निश्चित दर से 3 वर्ष का साधारण ब्याज र 225 है तथा इसी धन पर इसी दर से 2 वर्ष का चक्रवृद्धि ब्याज र 153 है. मूलधन तथा ब्याज की दर ज्ञात कीजिए. (एस०एस०सी० परीक्षा, 2003)
- ९ एक व्यक्ति ने कुछ राशि उधार ली तथा इसे ₹ 8820 प्रति वर्ष को दो समान किस्तों में वापिस लौटा दिया. यदि वक्कवृद्धि ब्याज की दर 5% वार्षिक हो, तो उधार ली गई राशि ज्ञात कीजिए. (एस०एस०सी० परीक्षा, 2000)
- 10. एक व्यक्ति ने ₹ 19860 उधार लिये तथा कुल मिश्रधन का तीन समान किस्तों में भुगतान किया. यदि ब्याज 10% वार्षिक दर से संयोजित हो, तो वार्षिक किस्त की राशि ज्ञात कीजिए.

उत्तरमाला (प्रश्नमाला 22B)

- I. ₹ 18750 2. 8% वार्षिक 3. ₹ 25000 4. A → ₹ 36300, B → ₹ 30000
- 5. ₹6655 6. ₹4096 7. ₹4460 8. ₹1875
- 9. ₹16400 10. ₹ 7986

दिये गये प्रश्नों के हल प्रश्नमाला 22B

माना मूलधन = ₹ x, दर = 8/2 प्रति छमाही = 4% प्रति छमाही, समय = 2 छमाही.

∴ चक्रवृद्धि मिश्रधन = ₹
$$\left\{x \times \left(1 + \frac{4}{100}\right)^2\right\} = ₹ \left(x \times \frac{26}{25} \times \frac{26}{25}\right) = ₹ \left(\frac{676x}{625}\right)$$
.

चक्रवृद्धि ब्याज = ₹
$$\left(\frac{676x}{625} - x\right)$$
 = ₹ $\left(\frac{676x - 625x}{625}\right)$ = ₹ $\frac{51x}{625}$.

पुनः
$$\neq x$$
 पर 8% वार्षिक दर से 1 वर्ष का सा० ब्याज = $\neq \left(x \times \frac{8}{100} \times 1\right) = \neq \frac{2x}{25}$.

(चक्रवृद्धि ब्याज) – (साधारण ब्याज) = ₹
$$\left(\frac{51x}{625} - \frac{2x}{25}\right) = ₹ \frac{x}{625}$$
.

$$\therefore \frac{x}{625} = 30 \Rightarrow x = (625 \times 30) = 18750.$$

अत: मूलधन = ₹ 18750.

2. माना ब्याज की दर = R % वार्षिक. तब,

साधारण ब्याज = ₹
$$\left(15000 \times \frac{R}{100} \times 2\right) = ₹300R$$
.

चक्रवृद्धि ब्याज = ₹ $\left\{15000 \times \left(1 + \frac{R}{100}\right)^2 - 15000\right\}$

$$\therefore \left(\frac{3}{2}R^2 + 300R\right) - (300R) = 96 \Rightarrow \frac{3}{2}R^2 = 96$$

$$R^2 = \left(96 \times \frac{2}{3}\right) = 64 = 8^2 \implies R = 8.$$

अत: ब्याज की दर = 8% वार्षिक.

3. माना धनराशि = π x. ब्याज की दर = $\frac{8}{4}$ % त्रैमासिक = 2% त्रैमासिक, समय = 2 तिमाही.

चक्रवृद्धि मिश्रधन = ₹
$$\left\{ x \times \left(1 + \frac{2}{100} \right)^2 \right\} = ₹ \left(x \times \frac{51}{50} \times \frac{51}{50} \right) = ₹ \left(\frac{2601x}{2500} \right)$$

$$\therefore \frac{2601x}{2500} = 26010 \Rightarrow x = \frac{2500 \times 26010}{2601} = 25000.$$

अभीष्ट धनराशि = ₹ 25000.

माना A का भाग = ₹ x. तब, B का भाग = ₹ (66300 - x).

$$x \times \left(1 + \frac{10}{100}\right)^8 = (66300 - x)\left(1 + \frac{10}{100}\right)^{10}$$

$$\Rightarrow x \times \left(\frac{11}{10}\right)^8 = (66300 - x) \left(\frac{11}{10}\right)^{10} \Rightarrow x = (66300 - x) \times \frac{121}{100}$$
$$\Rightarrow 100x = (66300 \times 121)0 - 121x \Rightarrow 221x = (66300 \times 121)$$
$$\Rightarrow x = \frac{66300 \times 121}{221} = 36300.$$

∴ A का भाग = ₹ 36300, B का भाग = ₹ (66300 – 36300) = ₹ 30000.

5. ₹ 3100 के नकद भुगतान के बाद शेष नकद मूल्य = ₹ (19650 - 3100) = ₹ 16550.

माना प्रत्येक वार्षिक किस्त = ₹ x.

। वर्ष बाद देय ₹ x, 2 वर्ष बाद देय ₹ x, 3 वर्ष बाद देय ₹ x के वर्तमान मूल्य

क्रमशः र
$$\frac{x}{\left(1+\frac{10}{100}\right)}$$
, र $\frac{x}{\left(1+\frac{10}{100}\right)^2}$, र $\frac{x}{\left(1+\frac{10}{100}\right)^3}$

अर्थात् ₹ $\frac{10x}{11}$, ₹ $\frac{100x}{121}$ तथा ₹ $\frac{1000x}{1331}$ है.

$$\therefore \frac{10x}{11} + \frac{100x}{121} + \frac{1000x}{1331} = 16550 \Rightarrow (1210x + 110x + 1000x) = (16550 \times 1331)$$

$$3310x = 16550 \times 1331 \Rightarrow x = \frac{16550 \times 1331}{3310} = 6655.$$

अत: प्रत्येक वार्षिक किस्त = ₹ 6655.

6. अभीष्ट वर्तमान मूल्य = ₹
$$\left\{ \frac{4913}{\left(1 + \frac{25}{4 \times 100}\right)^3} \right\}$$

= ₹ $\left(\frac{4913 \times 16 \times 16 \times 16}{17 \times 17 \times 17} \right)$ = ₹ 4096.

माना मूलधन = ₹ x तथा दर = R% वार्षिक. त

$$x \left(1 + \frac{R}{100} \right)^3 = 6690 \qquad \dots (i)$$

तथा
$$x \left(1 + \frac{R}{100}\right)^6 = 10035$$
 ...(ii)

भाग देने पर
$$\left(1 + \frac{R}{100}\right)^3 = \frac{10035}{6690} = \frac{3}{2}$$

यह मान (i) में रखने पर :
$$x \times \frac{3}{2} = 6690 \Rightarrow x = \left(6690 \times \frac{2}{3}\right) = 4460.$$

ं. मूलधन = ₹ 4460.

^{2 वर्ष} का साधारण ब्याज = ₹ (75 × 2) = ₹ 150.

2 वर्ष का चक्रवृद्धि ब्याज = ₹ 153.

^{2 वर्ष} का चक्रवृद्धि ब्याज तथा साधारण ब्याज का अन्तर = ₹ (153 – 150) = ₹ 3.

^{₹ 75 पर} 1 वर्ष का ब्याज = ₹ 3.

ंदर
$$\left(\frac{100\times3}{75\times1}\right)$$
% वार्षिक = 4% वार्षिक.

546 • नवीन अंकगणित

मूलधन = ₹
$$\left(\frac{100 \times 225}{3 \times 4}\right)$$
 = ₹ 1875.
9. 1 वर्ष बाद देय ₹ 8820 का वर्तमान मूल्य = ₹ $\left(\frac{8820}{1 + \frac{5}{100}}\right)$ = ₹ $\left(\frac{8820 \times \frac{20}{21}}{21}\right)$ = ₹ 8400 .

2 वर्ष बाद देय ₹ 8820 का वर्तमान मूल्य = ₹
$$\frac{8820}{\left(1+\frac{5}{100}\right)^2}$$
 = ₹ $\left(8820 \times \frac{20}{21} \times \frac{20}{21}\right)$ = ₹ 8000

उधार ली गई राशि = ₹ (8400 + 8000) = ₹ 16400.

माना प्रत्येक वार्षिक किस्त = ₹ x.

इन किस्तों के कुल वर्तमान मूल्य

अत: प्रत्येक किस्त की राशि = ₹ 7986.