

# Índice

<b>Índice</b>	<b>1</b>
<b>1. General</b>	<b>3</b>
1.1. Fracciones . . . . .	3
1.1.1. Operaciones con fracciones . . . . .	3
1.2. Notación Científica . . . . .	14
1.3. Teorema de Pitágoras . . . . .	17
1.4. Potenciación . . . . .	18
<b>2. Ecuaciones</b>	<b>24</b>
2.1. Ecuaciones . . . . .	24
2.1.1. Forma canonica de la ecuacion . . . . .	26
2.1.2. Tipos de ecuaciones . . . . .	28
2.1.3. Ecuaciones de 3er orden o superior . . . . .	32
2.2. Inecuaciones . . . . .	32
2.3. Sistema de Ecuaciones . . . . .	32
<b>3. Funciones</b>	<b>33</b>
3.1. Función Lineal . . . . .	34
3.2. Función Cuadratica . . . . .	34
3.3. Función Polinomica . . . . .	34
3.4. Conicas . . . . .	34
3.5. Función Exponencial . . . . .	34
3.6. Función Logaritmica . . . . .	34
3.7. Funciones Trigonometricas . . . . .	34
<b>4. Polinomios</b>	<b>35</b>
4.1. Productos notables . . . . .	36
4.2. Factorizacion . . . . .	36
4.3. Regla de Ruffini . . . . .	36
4.4. Coeficientes indeterminados . . . . .	36
4.5. Radicales . . . . .	36

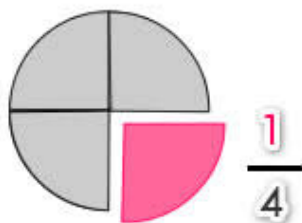
<b>5. Vectores</b>	<b>37</b>
5.1. vectores . . . . .	38
5.2. matrices . . . . .	38

# 1. General

## 1.1. Fracciones

una fracción, número fraccionario, o numero **racional** , es la expresión de una cantidad dividida entre otra cantidad; es decir que representa un cociente no efectuado de 2 números. Las fracciones, como se observan en la imagen Fracción, comunes se componen de: numerador, denominador y línea divisora entre ambos (barra horizontal u oblicua). En una fracción común  $a/b$  el denominador "b" expresa la cantidad de partes iguales que representan la unidad y **no puede ser 0** , y el numerador "a" indica cuántas de ellas se toman.

Figura 1: Fracción



El conjunto matemático que contiene a las fracciones de la forma  $a/b$ , donde  $a$  y  $b$  son números enteros y  $b \neq 0$  es el conjunto de los números racionales, denotado como  $\mathbb{Q}$ .

Toda fracción es una división y toda división es una fracción. Debido a eso una división se puede convertir en una fracción para ser simplificada.

Las fracciones pueden ser representadas como  $num \div denom$ ,  $numdenom$  o  $\frac{num}{denom}$  en una operación matemática.

### 1.1.1. Operaciones con fracciones

Dado que las fracciones, el conjunto  $\mathbb{Q}$ , son una extensión de los números previamente estudiados (conjuntos  $\mathbb{N}$  y  $\mathbb{Z}$ ), se pueden realizar las mismas operaciones, es decir, simplificación, Suma y Resta, Comparación, Multiplicación, División, Potenciación y Radicalización (Raíces).

## simplificación

Simplificar una fracción consiste en reducir tanto el numerador como el denominador en iguales proporciones hasta llevarlo a su mínima expresión. Para esto, se deben descomponer en su base y simplificar, eliminar, los números que sean iguales en numerador y denominador. Ejemplo:

$$\frac{21}{9} = \frac{\text{factores}(21)}{\text{factores}9} = \frac{7 \times \boxed{3}}{\boxed{3} \times 3} = \frac{7}{3}$$

$$\frac{154}{22} = \frac{\text{factores}(154)}{\text{factores}22} = \frac{\boxed{2} \times 7 \times \boxed{11}}{\boxed{2} \times \boxed{11}} = \frac{7}{1} = 7$$

$$\frac{6}{8} = \frac{\text{factores}(6)}{\text{factores}8} = \frac{\boxed{2} \times 3}{\boxed{2} \times 2 \times 2} = \frac{3}{4}$$

Los 0 a la izquierda se pueden eliminar dividiendo entre 10 tantas veces sea posible:

$$\frac{10}{200} = \frac{1 \times \boxed{10}}{2 \times \boxed{10} \times 10} = \frac{1}{20}$$

## Suma y Resta

La suma y la resta entre fracciones puede dividirse en 2 posibilidades:

- Los denominadores son **iguales** En este caso, se deja el mismo denominador y se suman o restan, dependiendo del signo y la operación, los numeradores. Se emplean las mismas reglas con respecto a los signos. Ejemplos:

### Suma de fracciones

$$\frac{7}{5} + \frac{19}{5} = \frac{7 + 19}{5} = \frac{26}{5}$$

### Resta de fracciones

$$\frac{7}{5} - \frac{19}{5} = \frac{7 - 19}{5} = \frac{-12}{5}$$

**Recordemos** que cuando se restan números pueden haber resultados negativos.

### Suma de fracciones (signos distintos)

$$\frac{10}{9} + \frac{-8}{9} = \frac{10 + (-8)}{9} = \frac{2}{9}$$

**Cabe resaltar** que siempre hay que tener en cuenta los signos.

## Suma algebraica, varias funciones

$$\frac{7}{8} + \frac{-5}{8} - \frac{-9}{8} + \frac{10}{8} = \frac{7 + (-5) - (-9) + 10}{8} = \frac{21}{8}$$

- Los denominadores son **diferentes** Cuando esto pasa, hay que llevar las fracciones a un denominador común, para de esta forma aplicar lo que ya vimos. Esto se puede hacer de 2 formas, consiguiendo el **mínimo común múltiplo (mcm)** o haciendo una operación "cruzada" y luego multiplicamos el numerador por el mismo numero que multiplicamos el denominador de esa fracción. Ejemplos:

### Suma de fracciones con distinto denominador

**mcm:**

$$\frac{5}{3} + \frac{10}{9}$$

*buscamos el M.C.M :*

$$M.C.M(3) = 3 \text{ \& } M.C.M(9) = 9 \Rightarrow M.C.M(3; 9) = 9$$

$$\frac{5 \times 3}{3 \times 3} + \frac{10 \times 1}{9 \times 1} = \frac{5 \times 3 + 10}{9} = \frac{25}{9}$$

**cruzado:** En este método se multiplican directamente los denominadores para crear el nuevo denominador y luego se multiplican los numeradores por los denominadores opuestos.

$$\frac{5}{3} + \frac{10}{9}$$

$$\text{numerador } 1 = \frac{5}{3} \searrow \frac{10}{9} = 5 \times 9 = 45$$

$$\text{numerador } 2 = \frac{5}{3} \nearrow \frac{10}{9} = 3 \times 10 = 30$$

$$\text{denominador} = \frac{5}{3} \rightarrow \frac{10}{9} = 3 \times 9 = 27$$

$$\frac{5 \times 9}{3 \times 9} + \frac{10 \times 3}{9 \times 3} = \frac{45 + 30}{27} = \frac{75}{27}$$

**Nota:** aunque las fracciones se vean diferentes, tienen el mismo valor, a estas se les conoce como **fracciones equivalentes** y se puede comprobar fácilmente al ver que  $25 \times 3 = 75$  y  $3 \times 9 = 27$ .

## Comparación

Para comparar 2 fracciones se deben tomar en cuenta tanto el numerador como el denominador. Primero se debe asegurar que el denominador sea el mismo y luego comparar los numeradores. Para esto se puede usar cualquiera de los métodos vistos en la suma (M.C.M o cruzado).

La forma mas rápida de hacerlo es con el método de el **cruzado** de la suma, dado que solo hay que conseguir los numeradores, ya que estos métodos (también aplica con el M.C.M) aseguran un denominador común. Ejemplo:

$$\begin{aligned} & \frac{5}{3} ; \frac{10}{9} \\ \text{numerador } 1 &= \frac{5}{3} \searrow \frac{10}{9} = 5 \times 9 = 45 \\ \text{numerador } 2 &= \frac{5}{3} \nearrow \frac{10}{9} = 3 \times 10 = 30 \\ \Rightarrow \text{como } 45 &> 30 \quad \frac{5}{3} > \frac{10}{9} \end{aligned}$$

## Multiplicación

La multiplicación se hace de forma lineal, es decir, se multiplican los numeradores para obtener el numerador y los denominadores para obtener el denominador. Ejemplos:

### Multiplicación

$$\begin{aligned} \frac{7}{5} \times \frac{6}{11} &= \frac{7 \times 6}{5 \times 11} = \frac{42}{55} \\ \frac{5}{3} \times \frac{10}{9} &= \frac{5 \times 10}{3 \times 9} = \frac{50}{27} \end{aligned}$$

## División

La división se puede hacer de dos formas:

### Invirtiendo el denominador

en este caso, se invierte la fracción del denominador (el numerador pasa a ser el denominador y el denominador al numerador) y se multiplica por esta. Ejemplos:

$$\begin{aligned} \frac{7}{5} \div \frac{6}{11} &= \frac{7}{5} \times \frac{11}{6} = \frac{7 \times 11}{5 \times 6} = \frac{77}{30} \\ \frac{5}{3} \times \frac{10}{9} &= \frac{5}{3} \times \frac{9}{10} = \frac{5 \times 9}{3 \times 10} = \frac{45}{30} \end{aligned}$$

## Doble C

Se coloca el denominador debajo del numerador de forma que queden 4 números verticales, los extremos se multiplican para dar el numerador y los internos se multiplican y dan como resultado el denominador. Ejemplos:

$$\frac{7}{5} \div \frac{6}{11} = \frac{\frac{7}{5}}{\frac{6}{11}} = \frac{\frac{7 \times 11}{5 \times 6}}{1} = \frac{77}{30}$$
$$\frac{5}{3} \times \frac{10}{9} = \frac{\frac{5}{3}}{\frac{10}{9}} = \frac{\frac{5 \times 9}{3 \times 10}}{1} = \frac{45}{30}$$

## Potenciación

Una fracción puede tener potencia en su numerador, denominador, ambos o un exponente común para ambos. En el caso de que sea en el numerador o denominador, se resuelve como se acostumbra. Si la potenciación se aplica a ambos elementos, esta se puede dividir, es decir la potencia de una fracción es igual a la potencia del numerador entre la del denominador y con estos se procede de la misma forma que para los conjuntos previamente estudiados, y tienen las mismas propiedades. Ejemplos:

### Potencia en el numerador

$$\frac{5^3}{9} = \frac{5 \times 5 \times 5}{9} = \frac{125}{9}$$

### Potencia en el denominador

$$\frac{5}{3^4} = \frac{5}{3 \times 3 \times 3 \times 3} = \frac{5}{81}$$

### Potencias distintas en numerador y denominador

$$\frac{5^3}{3^4} = \frac{5 \times 5 \times 5}{3 \times 3 \times 3 \times 3} = \frac{125}{81}$$

### Potencia afectando a numerador y a denominador

$$\left(\frac{4}{3}\right)^2 = \frac{4^2}{3^2} = \frac{16}{9}$$

**Hay que resaltar** que la operación opuesta puede realizarse también, es decir, si el numerador y el denominador tienen la misma potencia, se puede colocar una única potencia que afecte a toda la fracción.

$$\frac{2^3}{5^3} = \left(\frac{2}{5}\right)^3$$
$$\frac{2^{4 \times 2}}{5^{3 \times 2}} = \left(\frac{2^4}{5^3}\right)^2$$

### Radicalización (Raíces)

Una fracción puede contener radicales en su numerador, denominador, ambos o una raíz en común para ambos, y se procede de la misma forma que con la potencia pero siendo este caso una raíz. Si el denominador contiene radicales, puede ser de gran ayuda **racionalizar** estos, especialmente si se van a realizar operaciones, tales como la adición o la comparación de una fracción con otra. Es también conveniente si la división tiene que realizarse explícitamente. Para racionalizar necesitamos elevar la raíz al mismo termino que esta (2 si es cuadrada, 3 si es cubica, etc), esto se consigue al multiplicar tanto el numerador como el denominador por la raíz que se quiera eliminar, tantas veces como sea necesario (como ya hay 1, seria 1 si es cuadrática, 2 si es cubica, etc). ejemplos:

**Nota:** una raíz puede ser expresada como una potencia fraccionaria, de esta forma se pueden facilitar cálculos.  $\sqrt{a} = a^{\frac{1}{2}}$ ,  $\sqrt[3]{a} = a^{\frac{1}{3}}$ ,  $\dots$ ,  $\sqrt[n]{a} = a^{\frac{1}{n}}$

#### Raíz en el numerador

$$\frac{\sqrt{9}}{5} = \frac{3}{5}$$

#### Raíz en el denominador

$$\frac{5}{\sqrt{4}} = \frac{5}{2}$$

#### Raíz distintas en numerador y denominador

$$\frac{\sqrt[3]{27}}{\sqrt{4}} = \frac{3}{2}$$



### Raíz afectando a numerador y a denominador

$$\sqrt{\frac{4}{25}} = \frac{\sqrt{4}}{\sqrt{25}} = \frac{2}{5}$$

### Racionalización

$$\frac{3}{\sqrt{7}} = \frac{3}{\sqrt{7}} \frac{\sqrt{7}}{\sqrt{7}} = \frac{3 \times \sqrt{7}}{\sqrt{7} \times \sqrt{7}} = \frac{3 \times \sqrt{7}}{7}$$

$$\frac{3}{\sqrt[3]{7}} = \frac{3}{\sqrt[3]{7}} \left( \frac{\sqrt[3]{7}}{\sqrt[3]{7}} \right)^2 = \frac{3 \times (\sqrt[3]{7})^2}{\sqrt[3]{7} \times (\sqrt[3]{7})^2} = \frac{3 \times (\sqrt[3]{7})^2}{7}$$

### Propiedades

Las propiedades de el conjunto  $\mathbb{Q}$ , las mismas que en  $\mathbb{N}$  y  $\mathbb{Z}$ , siendo estas extrapoladas a fracciones.

**Nota:** Todo numero entero puede escribirse como fracción, la forma mas simple es colocarle un denominador de 1:

$$10 = \frac{10}{1} \quad 4431 = \frac{4431}{1} \quad -75 = \frac{-75}{1}$$

$$\text{y mas general, con letras: } A = \frac{A}{1}; A \in \mathbb{Z}$$

Sean  $\frac{A}{J}$ ,  $\frac{B}{K}$ ,  $\frac{C}{L}$  fracciones cualquiera.

- **Propiedad Conmutativa** Tanto para la suma como la multiplicación se cumple que:

**Aditiva:**

$$\frac{A}{J} + \frac{B}{K} = \frac{B}{K} + \frac{A}{J}$$

$$\frac{3}{2} + \frac{1}{5} = \frac{17}{10} = \frac{1}{5} + \frac{3}{2}$$

**Multiplicativa:**

$$\frac{A}{J} \times \frac{B}{K} = \frac{B}{K} \times \frac{A}{J}$$

$$\frac{3}{2} \times \frac{1}{5} = \frac{3}{10} = \frac{1}{5} \times \frac{3}{2}$$

- **Propiedad Asociativa** Tanto para la suma como la multiplicación se cumple que:

**Aditiva:**

$$\frac{A}{J} + \left( \frac{B}{K} + \frac{C}{L} \right) = \left( \frac{A}{J} + \frac{B}{K} \right) + \frac{C}{L}$$

$$\begin{aligned} \frac{5}{3} + \left( \frac{1}{8} + \frac{7}{6} \right) &= \left( \frac{5}{3} + \frac{1}{8} \right) + \frac{7}{6} \\ \frac{5}{3} + \frac{1 \times 6 + 7 \times 8}{8 \times 6} &= \frac{5 \times 8 + 1 \times 3}{3 \times 8} + \frac{7}{6} \\ \frac{5}{3} + \frac{62}{48} &= \frac{43}{24} + \frac{7}{6} \\ \frac{5 \times 48 + 62 \times 3}{48 \times 3} &= \frac{43 \times 6 + 7 \times 24}{24 \times 6} \\ \frac{426}{144} &= \frac{426}{144} \end{aligned}$$

**Multiplicativa:**

$$\frac{A}{J} \times \left( \frac{B}{K} \times \frac{C}{L} \right) = \left( \frac{A}{J} \times \frac{B}{K} \right) \times \frac{C}{L}$$

$$\begin{aligned} \frac{5}{3} \times \left( \frac{1}{8} \times \frac{7}{6} \right) &= \left( \frac{5}{3} \times \frac{1}{8} \right) \times \frac{7}{6} \\ \frac{5}{3} \times \frac{1 \times 7}{8 \times 6} &= \frac{1 \times 5}{8 \times 3} \times \frac{7}{6} \\ \frac{5}{3} \times \frac{7}{48} &= \frac{5}{24} \times \frac{7}{6} \\ \frac{5 \times 7}{3 \times 48} &= \frac{5 \times 7}{24 \times 6} \\ \frac{35}{144} &= \frac{35}{144} \end{aligned}$$

- **Propiedad distributiva** se cumple que:

$$\frac{A}{J} \times \left( \frac{B}{K} + \frac{C}{L} \right) = \left( \frac{A}{J} \times \frac{B}{K} \right) + \left( \frac{A}{J} \times \frac{C}{L} \right)$$

$$\begin{aligned}\frac{1}{7} \times \left( \frac{2}{3} + \frac{4}{5} \right) &= \left( \frac{1}{7} \times \frac{2}{3} \right) + \left( \frac{1}{7} \times \frac{4}{5} \right) \\ \frac{1}{7} \times \frac{2 \times 5 + 4 \times 3}{3 \times 5} &= \left( \frac{1 \times 2}{7 \times 3} \right) + \left( \frac{1 \times 4}{7 \times 5} \right) \\ \frac{1}{7} \times \frac{22}{15} &= \frac{2}{21} + \frac{4}{35} \\ \frac{1 \times 22}{7 \times 15} &= \frac{2 \times 35 + 4 \times 21}{21 \times 35} \\ \frac{22}{105} &= \frac{154}{735}\end{aligned}$$

aunque los resultados parezcan diferentes, se puede observar que son **fracciones equivalentes** ya que

$$22 \times 7 = 154$$

y

$$105 \times 7 = 735$$

- **Elemento neutro de la suma** Este sigue siendo el número 0, ya que al sumarlo queda igual.

$$\frac{A}{J} + 0 = \frac{A}{J}$$

$$\frac{57}{3} + 0 = \frac{57}{3}$$

- **Elemento neutro de la multiplicación** Este es el 1 ya que cualquier número multiplicado por 1 sigue siendo el mismo

$$\frac{A}{J} \times 1 = \frac{A}{J}$$

$$\frac{28}{9} \times 1 = \frac{28}{9}$$

## Fracciones Equivalentes

Como se ha observado, una fracción representa una cantidad específica. Y por ende, las fracciones equivalentes son aquellas que expresan el mismo número, o cantidad, aunque el numerador y denominador de estas sean distintas. Esto es posible ya que, si se multiplica, o divide, el numerador y denominador de una fracción por el mismo número, se obtiene una nueva forma de describir la misma cantidad original. **(esto es ya que al multiplicar el numerador y el denominador por una misma cantidad, es equivalente a multiplicarlo por 1)**  $5 \div 5 = 1$ ,  $485 \div 485 = 1$ ,  $-4684 \div -4684 = 1 \rightarrow n \div n = 1$   
Ejemplos:

$$\begin{aligned}\frac{3}{5} &= \frac{3 \times 4}{5 \times 4} = \frac{12}{20} \\ \frac{-95}{3} &= \frac{-95 \times 2}{3 \times 2} = \frac{190}{6} \\ \frac{451}{9} &= \frac{451 \times 3}{9 \times 3} = \frac{1353}{27} \\ &\vdots\end{aligned}$$

$$\frac{A}{B} = \frac{A \times N}{B \times N} ; \text{ con } \{A, B, N\} \in \mathbb{Z}$$

**Por lo tanto**, para conseguir una fracción equivalente solo hace falta multiplicar el numerador y el denominador, de la función dada, por un número cualquiera.

## Fracción Generatriz

La fracción generatriz es aquella que da como resultado un número decimal, ya sea exacto o periódico, mediante una fracción irreducible, es decir, donde el numerador y el denominador no tienen divisores en común, de manera que la fracción no se puede simplificar en números más pequeños. Para encontrar la fracción generatriz de una expresión en particular se debe distinguir en 3 casos:

- **el número es decimal exacto.** Tomamos el número sin la coma decimal y lo dividimos entre diez elevado al número de decimales, y luego simplificamos la fracción.

Ejemplos:

$$0,46 = \frac{46}{10^2} = \frac{46}{100} = \frac{23 \times 2}{50 \times 2} = \frac{23}{50}$$

$$1,125 = \frac{1125}{10^3} = \frac{1125}{1000} = \frac{3^2 \times 5^3}{2^3 \times 5^3} = \frac{9}{8}$$

$$2,4 = \frac{24}{10} = \frac{3 \times 2 \times 2 \times 2}{5 \times 2} = \frac{12}{5}$$

- **El número es periódico puro.** Tomamos el número sin la coma decimal, usando una única vez el periodo, y le restamos la parte entera. Luego, al resultado lo dividimos entre un número que tenga tantos nueves como cifras tiene el periodo, y finalmente simplificamos hasta hallar la fracción irreducible.

$$1,\widehat{5} = \frac{15 - 1}{9} = \frac{14}{9}$$

$$4,\widehat{789} = \frac{4789 - 4}{999} = \frac{4785}{999} = \frac{1595 \times 3}{333 \times 3} = \frac{1595}{333}$$

$$11,\widehat{45} = \frac{1145 - 11}{99} = \frac{1134}{99} = \frac{2 \times 3^4 \times 7}{3^2 \times 11} = \frac{2 \times 3^2 \times 7}{11} = \frac{126}{11}$$

- **El número es periódico mixto.** Tomamos el número, sin la coma decimal y repitiendo el periodo solo una vez. A este le restamos el número formado por la parte entera y la no periódica. Dividimos el resultado entre tantos 9 como el periodo y tantos 0 como la parte decimal.

$$1,2\widehat{31} = \frac{1231 - 12}{990} = \frac{1219}{990}$$

$$31,42\widehat{5} = \frac{31425 - 3142}{900} = \frac{28283}{900}$$

$$0,42\widehat{43} = \frac{4243 - 4}{9990} = \frac{4239}{9990} = \frac{157 \times 3^3}{2 \times 5 \times 37 \times 3^3} = \frac{157}{2 \times 5 \times 37} = \frac{157}{370}$$

**Cabe resaltar que:** de manera más general, se puede extender el concepto de fracción a un cociente cualquiera de expresiones matemáticas (no necesariamente números), dando origen a funciones, ecuaciones y, permitiendo de esta forma, modelar todo tipo de fenómenos físicos.

## 1.2. Notación Científica

La notación científica es una forma de escribir números muy grandes o muy pequeños de forma mas sencilla y eficiente. Para esto, se utilizan las propiedades de la potenciación, y que si se multiplica por una potencia de 10 se mueve la coma decimal, si la potencia de 10 es  $> 0$  se mueve hacia la derecha, y si es  $< 0$ , se mueve hacia la izquierda.

La idea de la notación científica es escribir el numero resultante de forma **Normalizada**, es decir con un numero distinto de 0 como unidad, luego la coma decimal, el resto de números en el mismo orden que se encontraban (si a partir de un punto solo quedan 0 a la derecha no se colocan), y luego " $\times 10^{exp}$ " donde "exp" seria el numero de veces que se corrió la coma.

### De numero a notación científica

se quiere llevar desde un numero sin potencia hacia la forma *unidad, decimales*  $\times 10^{exp}$ . Para esto se debe:

1. Conseguir el dígito mas significativo ya que este sera la nueva unidad, único dígito de la parte entera, este es el dígito mas a la izquierda que sea distinto de 0. Ejemplos:

$$235,39 \text{ MSD} = 2$$

$$0,12 \text{ MSD} = 1$$

$$0,00000924 \text{ MSD} = 9$$

$$-4500000 \text{ MSD} = 4$$

$$1507800,2 \text{ MSD} = 1$$

2. Conseguir el signo, este es el mismo que el del numero.
3. Conseguir la nueva parte decimal. Esta esta conformada por todos los dígitos a la derecha del MSD, este se consiguió en el paso 1. Cabe resaltar que si estos son todos 0, o a partir de cierto punto todos los números hacia la derecha son 0, se omitirán. Ejemplos:

$$235,39 \text{ decimal} = 3539$$

$$0,12 \text{ decimal} = 2$$

$$0,00000924 \text{ decimal} = 24$$

$$-4500000 \text{ decimal} = 5$$

$$1507800,2 \text{ decimal} = 5078002$$

4. Calcular el exponente. Esta compuesto en 2 partes, el signo y el valor.

- El signo sera:
  - + si el MSD esta a la izquierda de la coma “,”
  - - si el MSD esta a la derecha de la coma “,”
- El valor sera: la cantidad de espacios, números, que se tiene que correr el MSD hasta llegar a ser el único dígito a la izquierda de la coma “,”

Ejemplos:

$$2\,35,39 \text{ exp} = + 2$$

$$0,12 \text{ exp} = - 1$$

$$0,000\,00\,924 \text{ exp} = - 6$$

$$-4\,500\,000 \text{ exp} = + 6$$

$$1\,507800,2 \text{ exp} = + 6$$

Finalmente:

$$235,39 = 2,3539 \times 10^2$$

$$0,12 = 1,2 \times 10^{-1}$$

$$0,000\,009\,24 = 9,24 \times 10^{-6}$$

$$-4\,500\,000 = -4,5 \times 10^6$$

$$1\,507\,800,2 = 1,507\,800\,2 \times 10^6$$

## de notación científica a numero

se quiere llevar desde la forma *unidad, decimales*  $\times 10^{exp}$  hacia un numero sin potencia. Para esto se debe correr la coma tantas veces lo diga el exponente y de acuerdo al signo, si es positivo(  $+$ ,  $exp > 0$ ) hacia la derecha, si es negativo ( $-$ ,  $exp < 0$ ) hacia la izquierda. Cuando no hay mas elementos a la derecha o izquierda(respectivamente del signo del exponente) después de la coma se completa con 0 (ceros).

**nota:** para ayudar a recordar hacia donde se mueve la coma, es útil usar el menor o mayor como la punta de una flecha, así se tiene que:  $-5 < 0$  entonces hacia la izquierda y  $5 > 0$  entonces hacia la derecha.

$$2,3539 \times 10^2 = 2, \text{35} 39 = 235,39$$

$$1,2 \times 10^{-1} = 0 \text{1},2 = 0,12$$

$$9,24 \times 10^{-6} = \text{Completamos con 0 a la izquierda: } 0 \text{000 009},24 = 0,000\,009\,24$$

$$-4,5 \times 10^6 = \text{Completamos con 0 a la derecha: } -4, \text{500 000} = -4\,500\,000$$

$$1,507\,800\,2 \times 10^6 = 1, \text{507 800} 2 = 1\,507\,800,2$$

**Dato curioso:** se usan potencias de 10 ya que esta es la base del sistema decimal, es decir, tenemos 10 posibles opciones para la unidad ( $\{0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$ , en otros sistemas se utilizan potencias de la base para desplazar la coma, en binario potencias de 2, hexadecimal potencias de 16, etc.



### 1.3. Teorema de Pitágoras

En matemáticas, el teorema de Pitágoras es una relación fundamental en geometría euclidiana entre los tres lados de un triángulo **rectángulo**. Este teorema se puede escribir como una ecuación que relaciona las longitudes de los lados  $a$ ,  $b$  y  $c$ , (catetos e hipotenusa) y a menudo se le llamada ecuación pitagórica y estipula que:

*“En todo triangulo rectángulo, el cuadrado de la hipotenusa es igual a la suma de los cuadrados de los catetos”.*

Sean  $a$ ,  $b$  los catetos y  $c$  la hipotenusa, como se observa en 2:

$$c^2 = a^2 + b^2$$

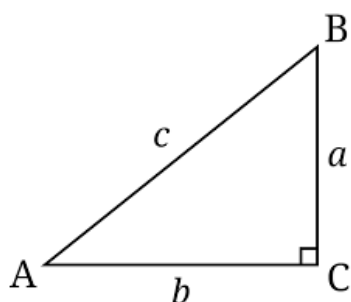
y despejando para hipotenusa y cada cateto:

$$c = \sqrt{a^2 + b^2}$$

$$a = \sqrt{c^2 - b^2}$$

$$b = \sqrt{c^2 - a^2}$$

Figura 2: Triangulo rectángulo



**Recordemos:** que la hipotenusa de todo triangulo es el lado mas grande y siempre esta opuesta al ángulo de  $90^\circ$

## 1.4. Potenciación

La potenciación es una operación matemática entre 2 términos, **base** y **exponente** y se escribe de la forma:  $base^{exp}$ , la potenciación se puede aplicar a cualquier conjunto de números  $(\mathbb{N}, \mathbb{Z}, \mathbb{Q}, \mathbb{R}, \mathbb{C})$  y consiste en:

**Multiplicar tantas veces la base como lo indique el exponente**

Cuando el exponente es 2 se le suele que esta elevado a **cuadrado** y al exponente 3 se le dice elevado al **cubo** y ante exponentes mayores se suele leer a la cuarta, quinta, etc potencia. O el numero esta elevado a cuatro, cinco, etc.

**Nota:** Cuando la base es un numero negativo, se encierra este entre paréntesis para evitar confusión, ya que **el signo si afecta y se multiplica**.

**Es importante:** saber que todo numero elevado a 0 tiene como resultado 1. ejemplos:  $5^0 = 1$ ,  $5441^0 = 1$ ,  $(-443148)^0 = 1$ ,  $n^0 = 1$ , con n siendo distinto de 0. si la base y el exponente son ambos 0 la operación no esta definida, es decir  $0^0$  es indeterminado, no existe. Ejemplos:

$$15^2 = 15 \times 15 = 225$$

$$6^4 = 6 \times 6 \times 6 \times 6 = 1296$$

$$(-8)^3 = -8 \times -8 \times -8 = -512$$

$$(-24)^2 = -24 \times -24 = 576$$

De los ejemplos se observa que:

- Los resultados de la potenciación crecen muy rápido, mientras mayor sea el exponente, mayor sera el valor absoluto del numero resultante siempre que la base sea distinta de 1 o 0.
- todo numero elevado a 1 es el mismo numero.
- Si la base es 1 el resultado siempre sera 1.
- **Todo numero elevado a una potencia par da resultado positivo**

**para las fracciones**, se utiliza una propiedad de la potenciación, y se elevan tanto el numerador como el denominador al exponente común. Ejemplos:

$$\begin{aligned}\left(\frac{10}{8}\right)^3 &= \frac{10^3}{8^3} = \frac{10 \times 10 \times 10}{8 \times 8 \times 8} = \frac{1000}{512} \\ \left(\frac{5}{3}\right)^2 &= \frac{5^2}{3^2} = \frac{5 \times 5}{3 \times 3} = \frac{25}{9} \\ \left(\frac{-8}{7}\right)^4 &= \frac{(-8)^4}{7^4} = \frac{-8 \times -8 \times -8 \times -8}{7 \times 7 \times 7 \times 7} = \frac{4096}{2401} \\ \left(\frac{a}{b}\right)^n &= \frac{a^n}{b^n} = \frac{a \times a \times \dots \times a}{b \times b \times \dots \times b}\end{aligned}$$

## Propiedades de la potenciación

### Potencia Par

Como se menciono anteriormente, **todo numero elevado a una potencia par da como resultado un numero positivo**, además, es bueno recordar que un numero par tiene la forma  $2 \times N$ , con  $N \in \mathbb{Z}$  o dicho de otra forma, es divisible entre 2.

$$\begin{aligned}(-8)^4 &= -8 \times -8 \times -8 \times -8 = & 4096 \\ 9^3 &= 9 \times 9 \times 9 = & 729 \\ (-864)^2 &= -864 \times -864 = -746496 \\ (-1)^8 &= -1 \times -1 \times -1 \times \dots \times -1 = 1\end{aligned}$$

### Potencia Impar

En este caso, todo numero elevado a potencia impar tendrá el mismo signo que la base. De nuevo, recordemos que un numero impar tiene la forma  $(2 \times N) + 1$ , es decir, no es divisible entre 2.

$$(-3)^3 = -3 \times -3 \times -3 = -27$$

$$(-745)^1 = -745$$

$$(-2)^7 = -2 \times -2 \times -2 \times \cdots \times -2 = -128$$

$$(-1)^{97} = -1 \times -1 \times -1 \times \cdots \times -1 = -1$$

## Exponente Negativo

Un exponente negativo en una potencia implica que la base es una fracción con numerador 1 y denominador base, como el numerador es 1 el exponente solo afectara en el denominador y sera un numero positivo, es decir:

$$A^{-n} = \frac{1}{A^n}$$

Ejemplos:

$$7^{-1} = \frac{1}{7}$$

$$5^{-4} = \frac{1}{5^4} = \frac{1}{625}$$

$$(-4)^{-3} = \frac{1}{(-4)^3} = \frac{1}{64}$$

$$98^{-2} = \frac{1}{98} \left(\frac{3}{4}\right)^{-2} = \frac{1}{\left(\frac{3}{4}\right)^2} = \frac{4^2}{3^2} = \frac{16}{9}$$

## Multiplicación de potencias de igual base

Cuando se multiplican 2 o mas potencias de igual base, se deja la misma base y se **suman** los exponentes. Ejemplos:

$$2^{10} \times 2^5 = 2^{10+5} = 2^{15} = 32768$$

$$5^2 \times 5^3 = 5^{2+3} = 5^5 = 3125$$

$$9 \times 9^2 = 9^{1+2} = 9^3 = 729$$

$$\vdots$$

$$A^m \times A^n = A^{m+n}$$

### División de potencia de igual base

Cuando se dividen 2 o mas potencias de igual base, se deja la misma base y se **restan** los exponentes. Ejemplos:

$$2^{10} \div 2^5 = 2^{10-5} = 2^5 = 32$$

$$5^2 \div 5^2 = 5^{2-2} = 5^0 = 1$$

$$9^4 \div 9^2 = 9^{4-2} = 9^2 = 81$$

$$\vdots$$

$$A^m \div A^n = A^{m-n}$$

### Potencia de un producto

La potencia de un producto es igual al producto de los operandos elevados al exponente original, esto es **La potencia puede repartirse a los multiplicandos**,  $(A \times B)^n = A^n \times B^n$ .

Se hace especial énfasis en que es en **productos**, esto **no aplica ni en suma ni en restas**, en esos casos se usan **productos notables**.

Ejemplos:

$$(3 \times 5)^2 = 3^2 \times 5^2 = 9 \times 25 = 225$$

$$(10 \times (-3))^3 = 10^3 \times (-3)^3 = 1000 \times (-27) = -27000$$

$$(5 \times 4)^4 = 5^4 \times 4^4 = 625 \times 256 = 160000$$

## potencia de un cociente

La potencia de un cociente es igual al cociente de los operandos elevados al exponente original, es decir, **La potencia puede repartirse al numerador y al denominador**. De nuevo se recuerda que **LA POTENCIA NO SE PUEDE REPARTIR EN SUMA O RESTA**, de presentarse una operación de ese estilo se aplica un producto notable (véase Referenciasproducto-notable).

$$\left(\frac{A}{B}\right)^n = \frac{A^n}{B^n}$$

$$\begin{aligned}\left(\frac{2}{3}\right)^3 &= \frac{2^3}{3^3} = \frac{8}{27} \\ \left(\frac{7}{5}\right)^2 &= \frac{7^2}{5^2} = \frac{49}{25} \\ \left(\frac{8}{9}\right)^4 &= \frac{8^4}{9^4} = \frac{4096}{6561} \\ \left(\frac{-1}{2}\right)^{10} &= \frac{(-1)^{10}}{2^{10}} = \frac{1}{1024}\end{aligned}$$

## Potencia de una potencia

La potencia de una potencia es igual a una nueva potencia, esta tiene como base la original y como exponente el producto de los dos exponentes de la original. De esta forma:  $(B^{exp1})^{exp2} = B^{exp1 \times exp2}$  donde  $B$  es la base y  $exp1$ ,  $exp2$  los exponentes.

$$\begin{aligned}(5^2)^3 &= 5^{2 \times 3} = 5^6 = 15625 \\ (7^2)^2 &= 7^{2 \times 2} = 7^4 = 2401 \\ (2^3)^4 &= 2^{3 \times 4} = 2^{12} = 4096 \\ \left(\left(\frac{-1}{2}\right)^5\right)^2 &= \left(\frac{-1}{2}\right)^{2 \times 5} = \left(\frac{-1}{2}\right)^{10} = \frac{(-1)^{10}}{2^{10}} = \frac{1}{1024}\end{aligned}$$

## Exponente Racional

Un exponente racional implica que el numero que es el exponente pertenece al conjunto  $\mathbb{Q}$ , es una fracción. De este tipo de expresiones es que se crearon las raíces, ya que son un

caso particular del mismo (cuando el numerador es 1), esto significa que:  $A^{\frac{1}{den}} = \sqrt[den]{A}$

Por otro lado, el numerador actúa como un exponente normal, siendo la expresión general:

$$A^{\frac{num}{den}} = \sqrt[den]{A^{num}}$$

Ejemplos:

$$\begin{aligned} 10^{\frac{1}{4}} &= \sqrt[4]{10} \\ 5^{\frac{2}{3}} &= \sqrt[3]{5^2} = \sqrt[3]{25} \\ 44^{-\frac{2}{5}} &= \frac{1}{44^{\frac{2}{5}}} = \frac{1}{\sqrt[5]{44^2}} = \frac{1}{\sqrt[5]{1936}} \\ (-3)^{\frac{4}{5}} &= \sqrt[5]{(-3)^4} = \sqrt[5]{81} \end{aligned}$$

## Potencia Indeterminada

La potencia  $0^0$  es una potencia indeterminada, es decir no existe, para referirse a este tipo de resultados se dice que **presenta una forma indeterminada**  $0^0$ .

**Como dato curioso:** Existen otras formas indeterminadas por ejemplo  $\frac{0}{0}$ ,  $\frac{\infty}{\infty}$  los cuales se estudian en cursos universitarios y superiores con **limites**.

**Cabe resaltar:** que es posible encontrarse mas de una propiedad en la misma potencia, y para resolverla basta con aplicar las propiedades que hagan falta, paso a paso.

## 2. Ecuaciones

### 2.1. Ecuaciones

Una ecuacion es una igualdad entre dos expresiones que contienen una o mas variables. Esta es una expresion algebraica conformada una o mas variables y operadores numericos; estos se relacionan mediante operaciones como suma, resta, multiplicacion, division, potenciacion, entre otras; y el objetivo es conseguir el valor, o valores, de las variables que satisfacen la igualdad. Una ecuacion tiene la forma:

$$13x - 9 = 5 + x$$

Donde cada color representa un miembro de la ecuacion,  $x$  es la variable y se puede observar que en cada miembro hay operaciones suma, resta, y multiplicacion

Para resolver una ecuacion se procede a "despejar" la variable, este proceso consiste en agrupar todas las variables de un lado y todos los numeros del otro, realizar las operaciones necesarias para simplificar y que de esta forma quede una unica variable igualada a un numero o una expresion. (por expresion se refiere a algun tipo de funcion, como el valor absoluto, una raiz o una dependencia de otra variable de forma que el resultado sea mas que un unico digito). Para resolver ecuaciones se puede seguir la formula, algoritmo:

- Colocar variables de un lado y los numeros del otro. Esto se hace siguiendo ciertas reglas:
  - Las **sumas** pasan como **restas**.
  - Las **restas** pasan como **sumas**.
  - Las **multiplicaciones** pasan como **divisiones**. **PERO**, tienen que estarse multiplicando a todo ese lado de la igualdad.
  - Las **divisiones** pasan como **multiplicaciones**. **PERO**, tienen que estar dividiendo a todos los elementos de ese lado de la igualdad
  - Los **exponentes** como raices. **PERO**, tienen que estar abarcando a todos los elementos de ese lado de la igualdad
  - Las **raices** como exponentes. **PERO**, tienen que estar abarcando a todos los elementos de ese lado de la igualdad



Es decir se convierte en su **funcion inversa**.

- realizar las operaciones necesarias a ambos lados, son independientes, para simplificar la ecuacion. **Cabe resaltar:** que las operaciones deben de realizarse siguiendo las reglas del algebra, esto significa:

1. Parentesis
2. Exponentes
3. Multiplicacion y division
4. Suma

y si las operaciones tienen la misma jerarquia, del mismo nivel-tipo, se resuelven de izquierda a derecha. **Recordemos:** que hay un tipo especial de operacion dentro de los exponentes, este se llama Referenciasproducto-notable, y ocurre cuando la variable esta entre parentesis en una operacion de **suma o resta** y el parentesis esta elevado a un exponente. Si no recuerda como resolverlo vaya a Referenciasproducto-notable.

- En este punto deben de quedar expresiones sencillas a ambos lados de la igualdad, si no es que solo quedan numeros y una variable. por lo tanto:

**Si la variable esta sola:** La ecuacion esta reuelta(si la variable esta sola pero negativa se invierten los signos de la igualdad).

**Si la variable esta siendo multiplicada o dividida:** se despeja para dejarla sola, se resuelve la operacion resultante y este seria el resultado final

Ejemplos: Resolver las siguientes ecuaciones:

$$13x - 9 = 5 + x$$

$$13x - x = 5 + 9$$

$$12x = 14$$

$$x = \frac{14}{12}$$

$$x = \frac{7}{6}$$

$$\begin{aligned}
124 + 18x - 40 &= (19 + 45x) \times 2 \\
\frac{124 + 18x - 40}{2} &= 19 + 45x \\
\frac{124}{2} + \frac{18x}{2} - \frac{40}{2} &= 19 + 45x \\
\frac{18x}{2} - 45x &= 19 - \frac{124}{2} + \frac{40}{2} \\
9x - 45x &= 19 - 62 + 20 \\
-36x &= -23 \\
x &= \frac{-23}{-36} \\
x &= \frac{23}{36}
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
(25x + 48)^2 - 10 &= 666 \\
(25x + 48)^2 &= 666 + 10 \\
25x + 48 &= \sqrt{676} \\
25x + 48 &= 26 \\
25x &= 26 - 48 \\
x &= \frac{-22}{25}
\end{aligned}$$

### 2.1.1. Forma canonica de la ecuacion

Este es un caso particular de las ecuaciones, y es de suma importancia para el estudio y la resolucion de las mismas. Se dice que una ecuacion esta en su **forma canonica** cuando uno de sus miembros, lados, es 0 y el otro miembro no puede ser simplificado mas, es decir hay una expresion igualada a 0.

La importancia de este tipo de ecuaciones es que facilitan la resolucion en ciertos casos y en otros permiten la interpretacion de un fenomeno fisico con mayor claridad. **Recordemos** que las matematicas son utilizadas para describir el comportamiento y la evolucion de fenomenos fisicos para de esta forma entender a mayor profundidad el mundo

que nos rodea.

La forma de resolver una ecuacion en forma canonica es la misma que la explicada anteriormente. y para colocar una ecuacion a su forma canonica basta con pasar todos los elementos a un mismo lado, siguiendo las reglas del despeje. Ejemplos:

Llevando las ecuaciones anteriores a su forma canonica:

$$13x - 9 = 5 + x$$

$$13x - x - 9 - 5 = 0$$

$$12x - 14 = 0$$

$$124 + 18x - 40 = (19 + 45x) \times 2$$

$$\frac{124 + 18x - 40}{2} = 19 + 45x$$

$$\frac{124}{2} + \frac{18x}{2} - \frac{40}{2} = 19 + 45x$$

$$\frac{124}{2} + \frac{18x}{2} - \frac{40}{2} - 19 - 45x = 0$$

$$62 + 9x - 20 - 19 - 45x = 0 - 36x + 23 = 0$$

$$(25x + 48)^2 - 10 = 666$$

$$(25x + 48)^2 = 666 + 10$$

$$25x + 48 = \sqrt{676}$$

$$25x + 48 = 26$$

$$25x + 48 - 26 = 0$$

$$25x + 22 = 0$$

### 2.1.2. Tipos de ecuaciones

Existen muchos tipos de ecuaciones, estas se clasifican por el tipo de operaciones que son necesarias para resolverlas. La clasificacion mas comun, y la que se estudiara es la de **ecuaciones algebraicas**, esta recibe este nombre dado que para resolverla solo hacen falta operaciones algebraicas.

**Cabe resaltar** que existen otro tipo de ecuaciones como las logaritmicas diferenciales, integrales y funcionales, estas no se estudiaran ya que pertenecen a cursos mas avanzados.

Las **ecuaciones algebraicas**, se suelen sub dividir segun **el grado** del polinomio en:

- De primer grado o lineales.
- De segundo grado o quadraticas.
- De tercer grado o cubicas.
- $\vdots$
- De grado  $n$ ,  $n \in \mathbb{N}$ .

**recordemos** que el grado de un polinomio es **el exponente mas alto al que esta elevado la variable independiente**.

#### Ecuaciones 1er orden

Su forma canonica es:  $ax + b = 0$ ;  $a, b \in \mathbb{R}$   $a$  es llamado coeficiente de  $x$  y  $b$  es el termino independiente.

Este tipo de ecuaciones se resuelven de la forma previamente estudiada, es decir se despeja la  $x$  siguiendo las reglas anteriormente nombradas. Ejemplo:

$$10x + 50 = 3$$

$$10x = 3 - 50$$

$$x = \frac{-47}{10}$$

$$x = -4,7$$

$$(95x - 10)^3 = 27$$

$$95x - 10 = \sqrt[3]{27}$$

$$95x = 3 + 10$$

$$x = \frac{13}{95}$$

## Ecuaciones 2do orden

Su forma canonica es:  $a_1x^2 + a_2x + b = 0$ ;  $a, b \in \mathbb{R}$   $a_1, a_2$  son llamados coeficientes de  $x$  y  $b$  es el termino independiente.

Para resolver este tipo de ecuacion se busca expresarlo en su forma canonica y aplicar una formula, a esta se le suele llamar **resolvente cuadratica**, o solo **resolvente** pero al ser tan utilizada se le conoce de muchas formas...

**Cabe reasaltar que:** tambien se puede escribir la forma canonica de la forma:  $ax^2 + bx + c = 0$ , es lo mismo, pero la formula que se usa para resolver este tipo de ecuaciones suele llevar  $a, b, c$ .

La formula a usar es:

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

donde  $a, b, c$  son respectivamente los coeficientes de la formula.

Tambien se observa que existe un simbolo  $\pm$  este indica que pueden haber **2 resultados posibles que satisfacen la ecuacion**. Para conseguirlos se tiene que resolver 2 veces todos los calculos, **1 vez sumando y 1 vez restando**, es decir,  $\pm$  se va a reemplazar por un  $+$  para  $x_1$  y por un  $-$  para  $x_2$ . Ejemplos:

$$x^2 + 5x - 14 = 0$$

identificamos que:  $a = 1, b = 5, c = -14$

entonces, procedemos a sustituir en la formula:

$$\begin{aligned} x &= \frac{-5 \pm \sqrt{5^2 - 4 \times 1 \times -14}}{2 \times 1} \\ x &= \frac{-5 \pm \sqrt{25 + 56}}{2} \\ x &= \frac{-5 \pm \sqrt{81}}{2} \end{aligned}$$

Luego, realizamos las 2 operaciones:

$$\begin{aligned} x_1 &= \frac{-5 + \sqrt{81}}{2} & x_2 &= \frac{-5 - \sqrt{81}}{2} \\ x_1 &= \frac{-5 + 9}{2} & x_2 &= \frac{-5 - 9}{2} \\ x_1 &= \frac{4}{2} & x_2 &= \frac{-14}{2} \\ x_1 &= 2 & x_2 &= -7 \end{aligned}$$

Algunas veces la raiz interna no es exacta, en esos casos se deja expresado:

$$x^2 + 5x - 9 = 0$$

identificamos que:  $a = 1, b = 5, c = -9$

entonces, procedemos a sustituir en la formula:

$$\begin{aligned} x &= \frac{-5 \pm \sqrt{5^2 - 4 \times 1 \times -9}}{2 \times 1} \\ x &= \frac{-5 \pm \sqrt{25 + 36}}{2} \\ x &= \frac{-5 \pm \sqrt{61}}{2} \end{aligned}$$

y entonces, queda de la forma:

$$x_1 = \frac{-5 + \sqrt{61}}{2} ; \quad x_2 = \frac{-5 - \sqrt{61}}{2}$$

En otras ocasiones se tendra que despejar antes de aplicar la formula:

$$4x + 186 = -10x + 5x^2$$

$$-5x^2 + 4x + 10x + 186 = 0$$

$$-5x^2 + 14x + 186 = 0$$

$$\text{identificamos que: } a = -5, b = 14, c = 186$$

entonces, procedemos a sustituir en la formula:

$$x = \frac{-14 \pm \sqrt{14^2 - 4 \times -5 \times 186}}{2 \times -5}$$

$$x = \frac{-14 \pm \sqrt{196 + 3720}}{-10}$$

$$x = \frac{-14 \pm \sqrt{3916}}{-10}$$

y entonces, queda de la forma:

$$x_1 = \frac{-14 + \sqrt{3916}}{-10} ; \quad x_2 = \frac{-14 - \sqrt{3916}}{-10}$$

Y en algunos casos la raiz se hara 0 y se terminara con que ambos valores seran el mismo:

$$x^2 + 4xx_1 = x_2 = -2 + 4 = 0$$

$$\text{identificamos que: } a = 1, b = 4, c = 4$$

entonces, procedemos a sustituir en la formula:

$$x = \frac{-4 \pm \sqrt{4^2 - 4 \times 1 \times 4}}{2 \times 1}$$

$$x = \frac{-4 \pm \sqrt{16 - 16}}{2}$$

$$x = \frac{-4 \pm 0}{2}$$

y por lo tanto  $x_1$  y  $x_2$  valen: -2

$$x_1 = x_2 = -2$$

### 2.1.3. Ecuaciones de 3er orden o superior

Su forma canonica es:  $a_1x^3 + a_2x^2 + a_3x + b = 0$ ;  $a, b \in \mathbb{R}$   $a_1, a_2, a_3$  son llamados coeficientes de  $x$  y  $b$  es el termino independiente.

La forma general es:

$$a_1x^n + a_2x^{n-1} + a_3x^{n-2} + \cdots + a_{n+1}x + b = 0$$

donde,  $a_1, a_2, a_3, \cdots, a_{n+1}$  son los coeficientes,  $b$  es el termino independiente y todos estos son numeros reales.  $n$  es llamado exponente maximo, representa el grado y puede ser cualquier numero natural ( $n \in \mathbb{N}$ )

## 2.2. Inecuaciones

## 2.3. Sistema de Ecuaciones



### 3. Funciones

- 3.1. Función Lineal
- 3.2. Función Cuadratica
- 3.3. Función Polinomial
- 3.4. Conicas
- 3.5. Función Exponencial
- 3.6. Función Logaritmica
- 3.7. Funciones Trigonometricas

## 4. Polinomios

#### 4.1. Productos notables

- cuadraticos

#### 4.2. Factorizacion

#### 4.3. Regla de Ruffini

#### 4.4. Coeficientes indeterminados

#### 4.5. Radicales

## 5. Vectores

5.1. vectores

5.2. matrices